

# Numerical Methods for Computer Science

Robin Bacher, Janis Hutz

<https://github.com/janishutz/eth-summaries>

22. September 2025

TITLE PAGE COMING SOON

*“Denken vor Rechnen”*

- Vasile Grudinaru, 2025

HS2025, ETHZ

Summary of the Script and Lectures

**Inhaltsverzeichnis**

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>3</b>
1.1	Rundungsfehler . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Interpolation</b>	<b>4</b>

# 1 Introduction

## 1.1 Rundungsfehler

### Absoluter & Relativer Fehler

### Definition 1.1

- **Absoluter Fehler:**  $||\tilde{x} - x||$

- **Relativer Fehler:**  $\frac{||\tilde{x} - x||}{||x||}$  für  $||x|| \neq 0$

wobei  $\tilde{x}$  eine Approximation an  $x \in \mathbb{R}$  ist

Rundungsfehler entstehen durch die (verhältnismässig) geringe Präzision die man mit der Darstellung von Zahlen auf Computern erreichen kann. Zusätzlich kommt hinzu, dass durch Unterläufe (in diesem Kurs ist dies eine Zahl die zwischen 0 und der kleinsten darstellbaren, positiven Zahl liegt) Präzision verloren gehen kann.

Überläufe hingegen sind konventionell definiert, also eine Zahl, die zu gross ist und nicht mehr dargestellt werden kann.

### Auslöschung

### Bemerkung 1.1

Bei der Subtraktion von zwei ähnlich grossen Zahlen kann es zu einer Addition der Fehler der beiden Zahlen kommen, was dann den relativen Fehler um einen sehr grossen Faktor vergrössert. Die Subtraktion selbst hat einen vernachlässigbaren Fehler

## 2 Interpolation