



Mašina za zaključivanje

Aleksandar Milosavljević
Vladan Mihajlović

Mašina za zaključivanje

- Mašina za zaključivanje obezbeđuje izvršavanje “upita” nad skupom činjenica korišćenjem produkcionih pravila koja se mogu predstaviti na jedan od sledećih načina:
 - AKO *premisa* ONDA *zaključak*
 - IF *premisa* THEN *zaključak*
 - IZVEDI *zaključak* IZ *premisa*
 - INFER *zaključak* FROM *premisa*



Format zaključka

- Zaključak može da sadrži jedan predikat koji poseduje proizvoljan broj promenljivih i konstanti
 - Dva-u-nizu(el, i, j, Dole)
- Predikat se u Lisp-u predstavlja listom gde je prvi element naziv predikata, a ostali elementi argumenti
 - (Dva-u-nizu ?el ?i ?j Dole)
- Promenljive se predstavljaju simbolima koji u nazivu imaju prvo karakter '?'.



Format premise

- Premisa poseduje proizvoljan broj predikata koji su povezani logičkim veznikom I (AND).
 - $\text{premise} \Leftrightarrow P1 \text{ AND } P2 \text{ AND } \dots \text{ AND } Pn$
- Predikati koji čine premisu mogu da sadrže promenljive, konstante i funkcije.
 - $\text{On}(el, i, j) \text{ AND } \text{On}(el, \text{dec}(i), j)$
- Predstavljena u Lisp-u, pređašnja premisa ima sledeći oblik:
 - $(\text{AND } (\text{On } ?el ?i ?j) (\text{On } ?el (=dec ?i) ?j))$
- **NAPOMENA:** Zbog korišćenja lančanja u nazad nije dozvoljeno da se predikat iz zaključka javlja u premisi!



Funkcije u predikatima premise

- Funkcije koje se javljaju u predikatima poseduju u nazivu kao prvi karakter '='.
- Moraju biti definisane u kodu:
 - $(\text{defun } =\text{dec } (x) (1 - x))$
- Promenljive koje su argumenti funkcija moraju biti prethodno "vezane" nekim drugim predikatom. Npr.:
 - $((\text{On } ?e1 \text{ ?i } ?j) (\text{On } ?e1 (=dec \text{ ?i}) ?j))$
 - Ovo pravilo važi i kod formiranja upita



Format pravila

- Iz prethodne analize se vidi da svako pravilo ima jedan predikat u zaključku, i jedan ili više predikata u premisi koji su povezani sa logičkim veznikom AND.
- Format pravila je sledeći:
(IF (AND (On ?el ?i ?j) (On ?el (=dec ?i) ?j))
THEN (Dva-u-nizu ?el ?i ?j Dole))
⇔
IF On(el, i, j) AND On(el, dec(i), j)
THEN Dva-u-nizu(el, i, j, Dole)

(IF (King ?i ?j) THEN (There-is-King))
⇔
IF King(i, j) THEN There-is-King()
- Baza pravila se predstavlja kao lista pojedinačnih pravila:
 - (R1 R2 ... Rn)



Primer 1

- Ukoliko su dati sledeći iskazi:
 1. Saša voli sve vrste hrane.
 2. Jabuke su hrana.
 3. Piletina je hrana.
 4. Hrana je sve ono sto neko jede i ne otuje se.
 5. Srđan jede kikiriki i još je živ.
 6. Ceca jede sve sto Srđan jede.
- Dokazati da Saša voli piletinu i kikiriki.
- Odrediti šta sve Saša voli.
- Odrediti ko sve voli piletinu i kikiriki.



Primer 1

Prevođenje iskaza u pravila i činjenice

- Na osnovu iskaza 1, 4 i 6 identifikovana su sledeća pravila:
 - IF Hrana(x) THEN Voli(Saša, x)
 - IF Jede(x, y) AND Ne-otruje-se(x, y) THEN Hrana(y)
 - IF Jede(Srđan, x) THEN Jede(Ceca, x)
- Na osnovu iskaza 2, 3 i 5 identifikovana su sledeće činjenice:
 - Hrana(Jabuka)
 - Hrana(Piletina)
 - Jede(Srđan, Kikiriki)
 - Ne-otruje-se(Srđan, Kikiriki)



Primer 1

Prevođenje u format koji koristi mašina za zaključivanje

- **Definicija baze pravila *T1-RULES*:**

```
(setq *T1-RULES* '(  
  (IF (Hrana ?x) THEN (Voli Sasa ?x))  
  (IF (AND (Jede ?y ?x) (Ne-otruje-se ?y ?x))  
    THEN (Hrana ?x))  
  (IF (Jede Srdjan ?x) THEN (Jede Ceca ?x))  
))
```

- **Definicija baze činjenica *T1-FACTS*:**

```
(setq *T1-FACTS* '(  
  (Hrana Jabuka)  
  (Hrana Piletina)  
  (Jede Srdjan Kikiriki)  
  (Ne-otruje-se Srdjan Kikiriki)  
))
```

Primer 1

Definisanje upita

- Format upita je identičan kao i format premise pravila:
 - jedan ili više predikata koji mogu da sadrže promenljive, konstante i funkcije.
- *Dokazati da Saša voli piletinu i kikiriki.*
 - (AND (Voli Sasa Piletina) (Voli Sasa Kikiriki))
- *Odrediti šta sve Saša voli.*
 - (Voli Sasa ?x)
- *Odrediti ko sve voli piletinu i kikiriki.*
 - (AND (Voli ?x Piletina) (Voli ?x Kikiriki))



Interfejsne funkcije

- Postoje 3 interfejsne funkcije mašine za zaključivanje:
 - (prepare-knowledge *lr* *lf* maxdepth)
 - Poziva se inicijalno sa parametrima **lr** (baza pravila), **lf** (baza činjenica) i maxdepth (maksimalna dubina lančanja pravila).
 - Služi za inicijalizaciju pravila i činjenica na osnovu kojih će se izvršavati upiti.
 - (infer *q*)
 - Glavna funkcija koja vraća rezultate u vidu liste lista smena za promenljive koje se javljaju u zadatom upitu **q**.
 - Ukoliko nema smena koje zadovoljavaju upit funkcija vraća **NIL**.
 - Ukoliko upit nema promenljivih, tj. ukoliko je reč o tvrđenju koje treba proveriti, funkcija vraća **(NIL)** ukoliko je tvrđenje dokazano.
 - (count-results *q*)
 - Za razliku od funkcije INFER, ova funkcija vraća broj lista smena koje zadovoljavaju upit.



Format liste smena

- Lista smena predstavlja asocijativnu listu gde se kao ključevi koriste promenljive, a kao vrednost konstanta kojom je promenljiva zamenjena.

- Primer:

```
((?x Pera) (?y 25) (?z "Perić"))
```

- Primer za listu listi smena koju vraća funkcija INFER:

```
(( (?x Pera) (?y 25) (?z "Perić"))
```

```
  ((?x Laza) (?y 22) (?z "Lazić"))
```

```
  ((?x Mika) (?y 30) (?z "Mikić"))))
```



Rezultati za primer 1

- (prepare-knowledge *T1-RULES* *T1-FACTS* 10)
- (infer '(AND (Voli Sasa Piletina) (Voli Sasa Kikiriki)))
 - -> (NIL)
- (infer '(Voli Sasa ?x))
 - -> (((?X JABUKA)) ((?X PILETINA)) ((?X KIKIRIKI)))
- (infer '(AND (Voli ?x Piletina) (Voli ?x Kikiriki)))
 - -> (((?X SASA)))
- (count-results '(AND (Voli Sasa Piletina) (Voli Sasa Kikiriki)))
 - -> 1
- (count-results '(Voli Sasa ?x))
 - -> 3
- (count-results '(AND (Voli ?x Piletina) (Voli ?x Kikiriki)))
 - -> 1



Predefinisani predikati

- Za razliku od običnih predikata, čije se vađenje proverava nad bazom činjenica, kod predefinisanih predikata imamo direktno sračunavanje istinitosne vrednosti na osnovu zadatih argumenata.
- Tipični primeri predefinisanih predikata su:
 - Jednako(x,y), Različito(x,y), Veće(x,y), Manje(x,y), ...
- Predefinisani predikati se definišu kao LISP funkcije koje vraćaju TAČNO (t) ili NETAČNO (nil).
- Da bi mašina za zaključivanje znala da je neki predikat predefinisan, njegov naziv mora počinjati znakom uzvika (!).
 - Primeri: !eq, !ne, !gt, !lt



Predefinisani predikati

- Primeri predefinisanih predikata:

```
(defun !eq (a b)
  (equal a b))
(defun !ne (a b)
  (not (equal a b)))
```

- Primer upita uz korišćenje predefinisanih predikata:

```
(infer '(AND (Voli 'Sasa ?x) (Voli 'Sasa ?y)
             (Voli 'Sasa ?z) (!ne ?x ?y)
             (!ne ?y ?z) (!ne ?x ?z)))
```

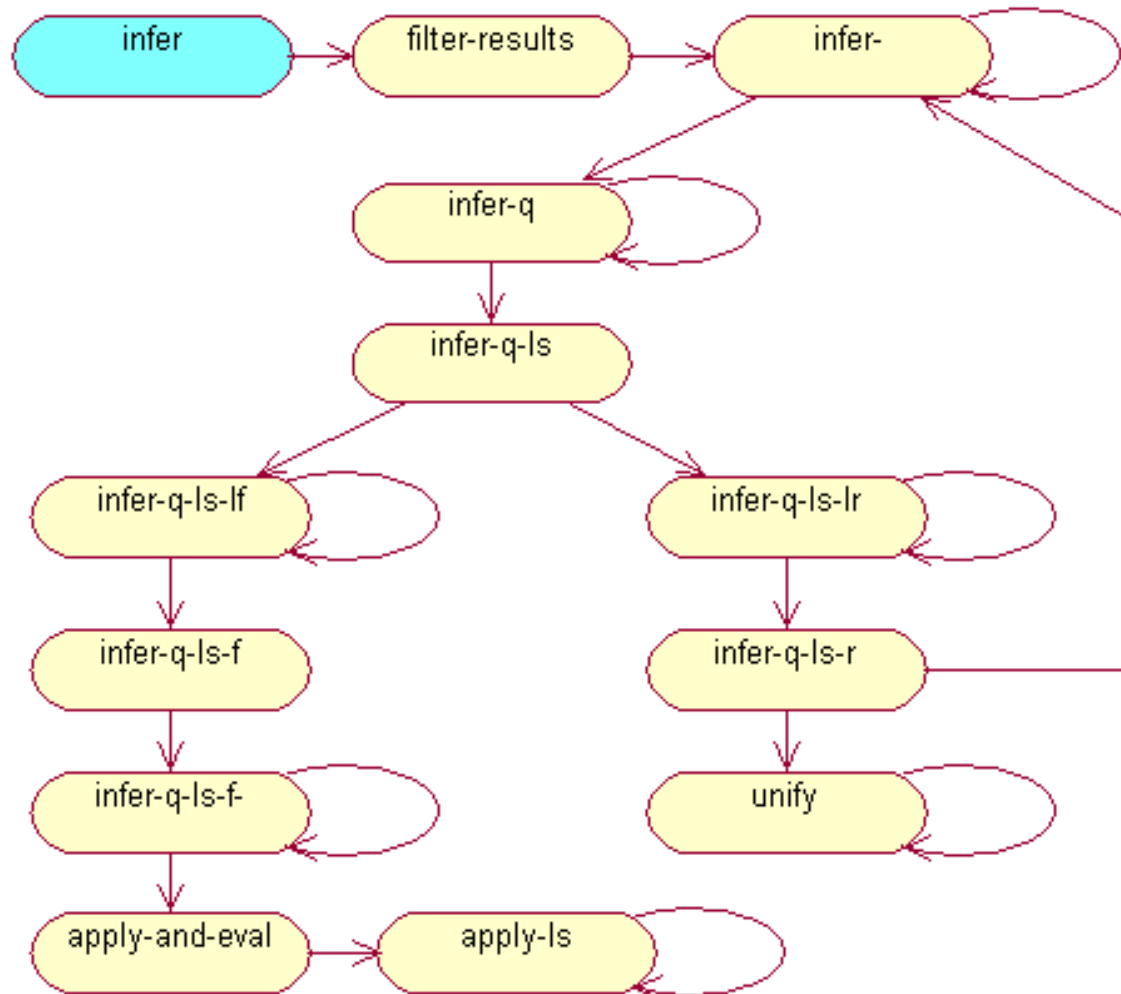
- -> ((?X 'JABUKA) (?Y 'PILETINA) (?Z 'KIKIRIKI))
 ((?X 'JABUKA) (?Y 'KIKIRIKI) (?Z 'PILETINA))
 ((?X 'PILETINA) (?Y 'JABUKA) (?Z 'KIKIRIKI))
 ((?X 'PILETINA) (?Y 'KIKIRIKI) (?Z 'JABUKA))
 ((?X 'KIKIRIKI) (?Y 'JABUKA) (?Z 'PILETINA))
 ((?X 'KIKIRIKI) (?Y 'PILETINA) (?Z 'JABUKA))

- Pošto se predefinisani predikati direktno “izračunavaju” potrebno je da sve promenljive koje koriste prethodno bude povezane (*bind*-ovane)

- Zbog toga su u prethodnom upitu predefinisani predikati smešteni na kraju.



Pregled funkcija



Pregled funkcija

