# 수학 영역

### 5지선다형

- **1.** <sup>3</sup>√5 × 25 <sup>1/3</sup> 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **2.** 함수  $f(x) = x^3 8x + 7$ 에 대하여  $\lim_{h \to 0} \frac{f(2+h) f(2)}{h}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5

 $oldsymbol{3}$ . 첫째항과 공비가 모두 양수 k인 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$\frac{a_4}{a_2} + \frac{a_2}{a_1} = 30$$

을 만족시킬 때, *k*의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 5x + a & (x < -2) \\ x^2 - a & (x \ge -2) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

- 5. 함수  $f(x) = (x^2 + 1)(3x^2 x)$ 에 대하여 f'(1)의 값은? [3점]
  - ① 8
- ② 10
- ③ 12
- **4** 14
- ⑤ 16

$$\int_0^x f(t) dt = 3x^3 + 2x$$

7. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

를 만족시킬 때, f(1)의 값은? [3점]

- ① 7
- ② 9 ③ 11
- **4** 13
- ⑤ 15

- 6.  $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right) = -\frac{1}{5}$  일 때,  $\frac{\sin\theta}{1 \cos^2\theta}$  의 값은? [3점]

  - ① -5 ②  $-\sqrt{5}$  ③ 0 ④  $\sqrt{5}$  ⑤ 5

- 8. 두 실수  $a=2\log\frac{1}{\sqrt{10}}+\log_2 20,\; b=\log 2$ 에 대하여  $a\times b$ 의 값은? [3점]
  - ① 1
- ② 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

9. 함수  $f(x) = 3x^2 - 16x - 20$ 에 대하여

$$\int_{-2}^{a} f(x) \, dx = \int_{-2}^{0} f(x) \, dx$$

일 때, 양수 a의 값은? [4점]

- ① 16
- 2 14
- ③ 12
- **4** 10
- ⑤ 8

- 10. 닫힌구간  $[0, 2\pi]$  에서 정의된 함수  $f(x) = a\cos bx + 3$ 이  $x = \frac{\pi}{3}$  에서 최댓값 13을 갖도록 하는 두 자연수 a, b의 순서쌍 (a, b)에 대하여 a + b의 최솟값은? [4점]
  - ① 12
- 2 14
- ③ 16
- **4** 18
- ⑤ 20

11. 시각 t=0일 때 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t(t\geq 0)$ 에서의 위치 x가

$$x = t^3 - \frac{3}{2}t^2 - 6t$$

이다. 출발한 후 점 P의 운동 방향이 바뀌는 시각에서의 점 P의 가속도는? [4점]

- ① 6
- ② 9
- ③ 12
- 4 15
- ⑤ 18

12.  $a_1 = 2$ 인 수열  $\{a_n\}$ 과  $b_1 = 2$ 인 등차수열  $\{b_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} \frac{a_k}{b_{k+1}} = \frac{1}{2} n^2$$

을 만족시킬 때,  $\sum_{k=1}^{5} a_k$ 의 값은? [4점]

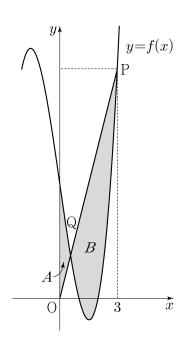
- ① 120
- 2 125
- ③ 130
- **4** 135
- ⑤ 140

13. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)가

$$f(1) = f(2) = 0$$
,  $f'(0) = -7$ 

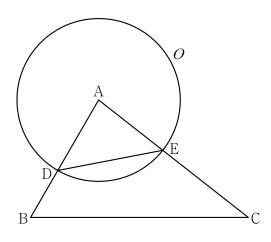
을 만족시킨다. 원점 O와 점 P(3, f(3))에 대하여 선분 OP가 곡선 y = f(x)와 만나는 점 중 P가 아닌 점을 Q라 하자. 곡선 y = f(x)와 y축 및 선분 OQ로 둘러싸인 부분의 넓이를 A, 곡선 y = f(x)와 선분 PQ로 둘러싸인 부분의 넓이를 B라 할 때, *B* − *A* 의 값은? [4점]

①  $\frac{37}{4}$  ②  $\frac{39}{4}$  ③  $\frac{41}{4}$  ④  $\frac{43}{4}$  ⑤  $\frac{45}{4}$ 



14. 그림과 같이 삼각형 ABC에서 선분 AB 위에  $\overline{AD}:\overline{DB}=3:2$ 인 점 D를 잡고, 점 A를 중심으로 하고 점 D를 지나는 원을 O, 원 O와 선분 AC가 만나는 점을 E라 하자.

 $\sin A : \sin C = 8:5$ 이고, 삼각형 ADE와 삼각형 ABC의 넓이의 비가 9:35이다. 삼각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이가 7일 때, 원 O 위의 점 P에 대하여 삼각형 PBC의 넓이의 최댓값은? (단,  $\overline{AB} < \overline{AC}$ ) [4점]



①  $18+15\sqrt{3}$  ②  $24+20\sqrt{3}$ 

(3)  $30 + 25\sqrt{3}$ 

 $4 36 + 30\sqrt{3}$ 

 $\bigcirc$  42 + 35  $\sqrt{3}$ 

15. 상수  $a(a \neq 3\sqrt{5})$ 와 최고차항의 계수가 음수인 이차함수 f(x)에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} x^3 + ax^2 + 15x + 7 & (x \le 0) \\ f(x) & (x > 0) \end{cases}$$

이 다음 조건을 만족시킨다.

- (r) 함수 g(x)는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.
- (나) x에 대한 방정식  $g'(x) \times g'(x-4) = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는 4이다.

g(-2)+g(2)의 값은? [4점]

- ① 30 ② 32 ③ 34
- **4** 36
- ⑤ 38

## 단답형

16. 방정식

$$\log_2(x-3) = \log_4(3x-5)$$

를 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오. [3점]

17. 다항함수 f(x)에 대하여  $f'(x) = 9x^2 + 4x$ 이고 f(1) = 6일 때, f(2)의 값을 구하시오. [3점]

18. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

$$a_n + a_{n+4} = 12$$

를 만족시킬 때,  $\sum_{n=1}^{16} a_n$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 양수 a에 대하여 함수 f(x)를

$$f(x) = 2x^3 - 3ax^2 - 12a^2x$$

라 하자. 함수 f(x)의 극댓값이  $\frac{7}{27}$ 일 때, f(3)의 값을 구하시오. [3점]

**20.** 곡선  $y = \left(\frac{1}{5}\right)^{x-3}$ 과 직선 y = x가 만나는 점의 x좌표를 k라 하자. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

$$x > k$$
인 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = \left(\frac{1}{5}\right)^{x-3}$$
이고  $f(f(x)) = 3x$ 이다.

$$f\left(\frac{1}{k^3 \times 5^{3k}}\right)$$
의 값을 구하시오. [4점]

**21.** 함수  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 4$ 가 다음 조건을 만족시키도록 하는 두 정수 a, b에 대하여 f(1)의 최댓값을 구하시오. [4점]

모든 실수  $\alpha$ 에 대하여  $\lim_{x \to \alpha} \frac{f(2x+1)}{f(x)}$ 의 값이 존재한다.

**22.** 모든 항이 정수이고 다음 조건을 만족시키는 모든 수열  $\{a_n\}$  에 대하여  $|a_1|$  의 값의 합을 구하시오. [4점]

(가) 모든 자연수 n에 대하여

이다

(나)  $\left|a_{m}\right|=\left|a_{m+2}\right|$  인 자연수 m의 최솟값은 3이다.

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(확률과 통계)**」문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

# 수학 영역(확률과 통계)

### 5지선다형

**23.** 다항식  $(x^3+2)^5$ 의 전개식에서  $x^6$ 의 계수는? [2점]

- ① 40
- ② 50
- 3 60

**24.** 두 사건 *A*, *B*에 대하여

$$P(A | B) = P(A) = \frac{1}{2}, P(A \cap B) = \frac{1}{5}$$

일 때, P(A∪B)의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2}$  ②  $\frac{3}{5}$  ③  $\frac{7}{10}$  ④  $\frac{4}{5}$  ⑤  $\frac{9}{10}$

- **25.** 정규분포  $N(m, 2^2)$ 을 따르는 모집단에서 크기가 256인 표본을 임의추출하여 얻은 표본평균을 이용하여 구한 m에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간이  $a \le m \le b$ 이다. b-a의 값은? (단, Z가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때, P(|Z|≤1.96) = 0.95로 계산한다.) [3점]
  - ① 0.49
- $\bigcirc 0.52$
- 30.55
- (4) 0.58

 $\bigcirc 0.61$ 

- 과목 B를 선택한 학생은 7명이다. 이 조사에 참여한 학생 16명 중에서 임의로 3명을 선택할 때, 선택한 3명의 학생 중에서 적어도 한 명이 과목 B를 선택한 학생일 확률은? [3점]
- ①  $\frac{3}{4}$  ②  $\frac{4}{5}$  ③  $\frac{17}{20}$  ④  $\frac{9}{10}$  ⑤  $\frac{19}{20}$

**26.** 어느 학급의 학생 16명을 대상으로 과목 A 와 과목 B에 대한

과목 B 중 하나를 선택하였고, 과목 A를 선택한 학생은 9명,

선호도를 조사하였다. 이 조사에 참여한 학생은 과목 A와

27. 숫자 1, 3, 5, 7, 9가 각각 하나씩 적혀 있는 5장의 카드가 들어 있는 주머니가 있다. 이 주머니에서 임의로 1장의 카드를 꺼내어 카드에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는 시행을 한다. 이 시행을 3번 반복하여 확인한 세 개의 수의 평균을  $\overline{X}$ 라 하자.  $V(a\overline{X}+6)=24$ 일 때, 양수 a의 값은?

[3점]

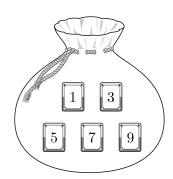
① 1

② 2

③ 3

4

⑤ 5



- **28.** 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수  $f: X \rightarrow X$ 의 개수는? [4점]
  - $(가) f(1) \times f(6)$ 의 값이 6의 약수이다.
  - $(\downarrow)$   $2f(1) \le f(2) \le f(3) \le f(4) \le f(5) \le 2f(6)$
  - 166
- 2 171
- ③ 176
- **4** 181
- (5) 186

# 수학 영역(확률과 통계)

홀수형

#### 단답형

 ${f 29.}$  정규분포  ${f N}ig(m_1,\,\sigma_1^{\,2}ig)$ 을 따르는 확률변수  ${f X}$ 와 정규분포  ${f N}ig(m_2,\,\sigma_2^{\,2}ig)$ 을 따르는 확률변수  ${f Y}$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

모든 실수 x에 대하여  $P(X \le x) = P(X \ge 40 - x)$ 이고  $P(Y \le x) = P(X \le x + 10)$ 이다.

 $P(15 \le X \le 20) + P(15 \le Y \le 20)$ 의 값을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것이 0.4772일 때,  $m_1 + \sigma_2$ 의 값을 구하시오. (단,  $\sigma_1$ 과  $\sigma_2$ 는 양수이다.) [4점]

| z   | $P(0 \le Z \le z)$ |
|-----|--------------------|
| 0.5 | 0.1915             |
| 1.0 | 0.3413             |
| 1.5 | 0.4332             |
| 2.0 | 0.4772             |

30. 탁자 위에 5개의 동전이 일렬로 놓여 있다. 이 5개의 동전 중 1번째 자리와 2번째 자리의 동전은 앞면이 보이도록 놓여 있고, 나머지 자리의 3개의 동전은 뒷면이 보이도록 놓여 있다. 이 5개의 동전과 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가 k일 때,  $k \le 5$ 이면 k번째 자리의 동전을 한 번 뒤집어 제자리에 놓고, k = 6이면 모든 동전을 한 번씩 뒤집어 제자리에 놓는다.

위의 시행을 3번 반복한 후 이 5개의 동전이 모두 앞면이 보이도록 놓여 있을 확률은  $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

# 수학 영역(미적분)

## 5지선다형

23. 
$$\lim_{x\to 0} \frac{3x^2}{\sin^2 x}$$
의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4
- **⑤** 5

24. 
$$\int_0^{10} \frac{x+2}{x+1} dx$$
의 값은? [3점]

- ①  $10 + \ln 5$  ②  $10 + \ln 7$
- $3 10 + 2 \ln 3$
- $4 10 + \ln 11$   $5 10 + \ln 13$

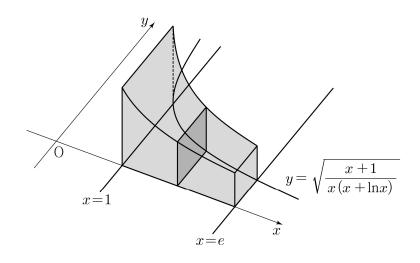
**25.** 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $\lim_{n\to\infty} \frac{na_n}{n^2+3} = 1$ 일 때,

 $\lim_{n\to\infty} \left(\sqrt{{a_n}^2+n}-a_n\right)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}$  ②  $\frac{1}{2}$  ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

- **26.** 그림과 같이 곡선  $y = \sqrt{\frac{x+1}{x(x+\ln x)}}$  과 x축 및 두 직선

 $x\!=\!1,\;x\!=\!e$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을 x축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]



- ①  $\ln(e+1)$  ②  $\ln(e+2)$
- ③  $\ln(e+3)$

- ④  $\ln(2e+1)$
- ⑤ ln(2e+2)

**27.** 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = f(e^x) + e^x$$

이라 하자. 곡선 y = g(x) 위의 점 (0, g(0))에서의 접선이 x축이고 함수 g(x)가 역함수 h(x)를 가질 때, h'(8)의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{36}$  ②  $\frac{1}{18}$  ③  $\frac{1}{12}$  ④  $\frac{1}{9}$  ⑤  $\frac{5}{36}$

f'(x)7

**28.** 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)의 도함수

$$f'(x) = -x + e^{1-x^2}$$

이다. 양수 t에 대하여 곡선 y=f(x) 위의 점 (t,f(t))에서의 접선과 곡선 y=f(x) 및 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 g(t)라 하자. g(1) + g'(1)의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{2}e + \frac{1}{2}$  ②  $\frac{1}{2}e + \frac{2}{3}$  ③  $\frac{1}{2}e + \frac{5}{6}$

단답형

29. 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \left| \left| a_n \right| + a_n \right) = \frac{40}{3} \,, \quad \sum_{n=1}^{\infty} \left( \left| \left| a_n \right| - a_n \right) = \frac{20}{3}$$

을 만족시킨다. 부등식

$$\lim_{n\to\infty}\sum_{k=1}^{2n}\biggl((-1)^{\frac{k(k+1)}{2}}\times a_{m+k}\biggr)>\frac{1}{700}$$

을 만족시키는 모든 자연수 m의 값의 합을 구하시오. [4점]

**30.** 두 상수  $a(1 \le a \le 2)$ , b에 대하여 함수  $f(x) = \sin(ax + b + \sin x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- $(7) f(0) = 0, f(2\pi) = 2\pi a + b$
- (나) f'(0) = f'(t)인 양수 t의 최솟값은  $4\pi$ 이다.

함수 f(x)가  $x=\alpha$ 에서 극대인  $\alpha$ 의 값 중 열린구간  $(0,4\pi)$ 에 속하는 모든 값의 집합을 A라 하자. 집합 A의 원소의 개수를 n, 집합 A의 원소 중 가장 작은 값을  $\alpha_1$ 이라 하면,

 $n\alpha_1 - ab = \frac{q}{p}\pi$ 이다. p + q의 값을 구하시오.

(단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

# 수학 영역(기하)

### 5지선다형

- **23.** 두 벡터  $\overrightarrow{a} = (k, 3), \overrightarrow{b} = (1, 2)$ 에 대하여  $\overrightarrow{a} + 3\overrightarrow{b} = (6, 9)$ 일 때, k의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5
- **24.** 꼭짓점의 좌표가 (1,0)이고, 준선이 x=-1인 포물선이 점 (3, a)를 지날 때, 양수 a의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **25.** 좌표공간의 두 점 A(a, b, 6), B(-4, -2, c)에 대하여 선분 AB를 3:2로 내분하는 점이 z축 위에 있고, 선분 AB를 3:2로 외분하는 점이 xy 평면 위에 있을 때, a+b+c의 값은? [3점]

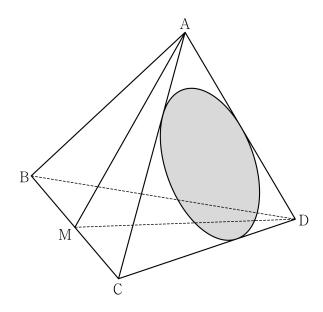
  - ① 11 ② 12
- ③ 13 ④ 14
- **⑤** 15
- **26.** 자연수  $n(n \ge 2)$ 에 대하여 직선  $x = \frac{1}{n}$ 이 두 타원

$$C_1: \frac{x^2}{2} + y^2 = 1, \quad C_2: 2x^2 + \frac{y^2}{2} = 1$$

과 만나는 제1사분면 위의 점을 각각 P, Q라 하자. 타원  $C_1$  위의 점 P에서의 접선의 x 절편을  $\alpha$ , 타원  $C_2$  위의 점 Q에서의 접선의 x 절편을  $\beta$ 라 할 때,  $6 \le \alpha - \beta \le 15$ 가 되도록 하는 모든 n의 개수는? [3점]

- ① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13
- ⑤ 15

**27.** 그림과 같이  $\overline{AB}=6$ ,  $\overline{BC}=4\sqrt{5}$  인 사면체 ABCD에 대하여 선분 BC의 중점을 M이라 하자. 삼각형 AMD가 정삼각형이고 직선 BC는 평면 AMD와 수직일 때, 삼각형 ACD에 내접하는 원의 평면 BCD 위로의 정사영의 넓이는? [3점]



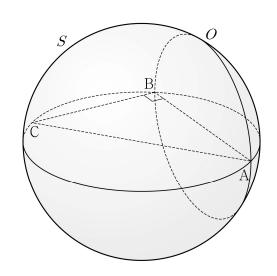
- ①  $\frac{\sqrt{10}}{4}\pi$  ②  $\frac{\sqrt{10}}{6}\pi$  ③  $\frac{\sqrt{10}}{8}\pi$
- $4 \frac{\sqrt{10}}{10}\pi$   $5 \frac{\sqrt{10}}{12}\pi$

**28.** 좌표공간에  $\overline{AB}=8$ ,  $\overline{BC}=6$ ,  $\angle ABC=\frac{\pi}{2}$  인 직각삼각형 ABC와 선분 AC를 지름으로 하는 구S가 있다. 직선 AB를 포함하고 평면 ABC에 수직인 평면이 구 S와 만나서 생기는 원을 O라 하자. 원 O 위의 점 중에서 직선 AC까지의 거리가

4인 서로 다른 두 점을 P, Q라 할 때, 선분 PQ의 길이는?

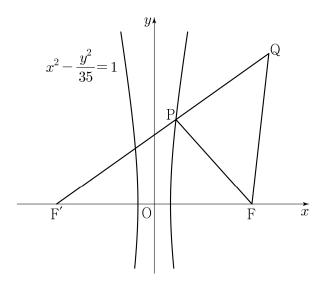
[4점]

①  $\sqrt{43}$  ②  $\sqrt{47}$  ③  $\sqrt{51}$  ④  $\sqrt{55}$  ⑤  $\sqrt{59}$ 



단답형

29. 두 초점이 F(c, 0), F'(-c, 0) (c>0)인 쌍곡선  $x^2 - \frac{y^2}{35} = 1$ 이 있다. 이 쌍곡선 위에 있는 제1사분면 위의 점 P에 대하여 직선 PF' 위에  $\overline{PQ} = \overline{PF}$  인 점 Q를 잡자. 삼각형 QF'F와 삼각형 FF'P가 서로 닮음일 때, 삼각형 PFQ의 넓이는  $\frac{q}{p}\sqrt{5}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단,  $\overline{PF'} < \overline{QF'}$ 이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



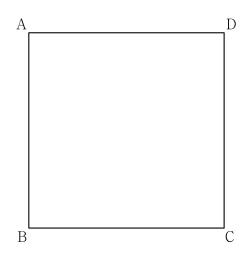
30. 좌표평면에 한 변의 길이가 4인 정사각형 ABCD가 있다.

$$|\overrightarrow{XB} + \overrightarrow{XC}| = |\overrightarrow{XB} - \overrightarrow{XC}|$$

를 만족시키는 점 X가 나타내는 도형을 S라 하자. 도형 S 위의 점 P에 대하여

$$4\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{PB} + 2\overrightarrow{PD}$$

를 만족시키는 점을 Q라 할 때,  $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AQ}$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 하자.  $M \times m$ 의 값을 구하시오. [4점]



- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.