

Teoria:

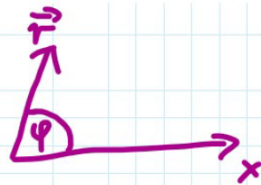
$$v_n = 0 \Rightarrow \vec{v} = \vec{v}_t$$

$$\vec{a}_{st} = \frac{d\vec{v}}{dt} \quad (\text{styczne})$$

$$\vec{a}_p = \frac{v^2}{\rho} \quad (\text{normalne}) \quad \leftarrow \begin{array}{l} \text{odśrodkowe} \\ \text{dośrodkowe} \end{array}$$

$$\rho = \frac{ds}{d\varphi} \quad \leftarrow \text{rho (promień krzywizny toru w danym punkcie)}$$

$$\omega(t) = \frac{d\varphi}{dt} \quad v(t) = \omega \rho$$



$$x = r \cdot \cos \varphi$$

$$y = r \cdot \sin \varphi$$

$$v_{\text{radialne}} = \frac{dr}{dt} \rightarrow \text{ciało oddala / zbliża się}$$

$$v_\varphi = \frac{d\varphi}{dt} \cdot r \rightarrow \text{ruch wokół środka}$$

transwersalna

$$a_r = \frac{d^2 r}{dt^2} - r \left(\frac{d\varphi}{dt} \right)^2 \rightarrow \text{zmiana długości promienia i efekt siły odśrodkowej}$$

$$a_\varphi = 2 \frac{dr}{dt} \cdot \frac{d\varphi}{dt} + r \frac{d^2 \varphi}{dt^2} \rightarrow \text{zmiana ruchu kołowego}$$

$$\text{* gdy ciało porusza się po okręgu: } v_r = 0 \Rightarrow v = v_\varphi$$

Oscylator harmoniczny

- O1. Wahadło matematyczne wyprowadź wzór na okres T dla małych wychyleń.
- Wzory (do wyprowadzenia z II zasady dynamiki dla ruchu obrotowego lub sił):
 - Siła przywracająca: $F_t = -mg \sin \theta$
 - Dla małych kątów $\sin \theta \approx \theta$
 - Ruch po łuku: $x = L\theta$
 - II Zasada Dynamiki: $ma_t = F_t \Rightarrow mL\ddot{\theta} = -mg\theta$
 - Równanie drgań harmoniczných: $\ddot{\theta} + \frac{g}{L}\theta = 0$
 - Częstość kołowa: $\omega = \sqrt{\frac{g}{L}}$
 - Okres: $T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$

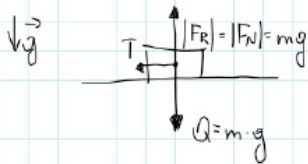
- **Wzory:**

- Siła tarcia: $F_{tarcia} = -\gamma v(t)$
- Moc chwilowa tracona przez tarcie: $P_{tracona}(t) = F_{tarcia} \cdot v(t) = -\gamma v(t) \cdot v(t) = -\gamma v(t)^2$
- Prędkość z podanego położenia: $v(t) = \frac{dx}{dt} = A_{rez} \omega \cos(\omega t + \phi)$, gdzie $A_{rez} = \frac{f_0}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + (2\alpha\omega)^2}}$
- Moc średnia: $\langle P \rangle = \frac{1}{T} \int_0^T P(t) dt$
- Kwadrat kosinusa uśredniony po okresie: $\langle \cos^2(\omega t + \phi) \rangle = \frac{1}{2}$
- **Wyprowadzenie:** $\langle P_{tracona} \rangle = \frac{1}{T} \int_0^T -\gamma [A_{rez} \omega \cos(\omega t + \phi)]^2 dt = -\gamma A_{rez}^2 \omega^2 \frac{1}{T} \int_0^T \cos^2(\omega t + \phi) dt = -\gamma A_{rez}^2 \omega^2 \cdot \frac{1}{2}$ Znak minus oznacza, że energia jest tracona.

wtorek, 29 kwietnia 2025 20:40

Teoria:

TARCIE:



$$T = \mu \cdot F_N$$

ZASADA ZACHOWANIA ŚRODKA MASY:



$$\vec{R} = \frac{\sum_i m_i \vec{r}_i}{\sum_i m_i}$$

↑
położenie
środka
masy

WF16 - praca

wtorek, 6 maja 2025 17:35

$$W = \int_{x_1}^{x_2} F(x) dx$$

Wzory i Koncepcje Używane do Relatywistyki

1. Czynniki Lorentza (γ):

- $\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$
- Kluczowy dla wszystkich relatywistycznych zjawisk, takich jak dylatacja czasu, kontrakcja długości, wzrost masy i energii. v to prędkość względna, c to prędkość światła.

2. Masa relatywistyczna (masa zależna od prędkości):

- $m = \gamma m_0$
- Gdzie m_0 to masa spoczynkowa (masa ciała mierzonego w układzie, w którym jest w spoczynku). Ten wzór pokazuje, jak masa ciała rośnie wraz z jego prędkością.

3. Energia całkowita relatywistyczna:

- $E = mc^2 = \gamma m_0 c^2$
- Ten słynny wzór Einsteina pokazuje równoważność masy i energii. Całkowita energia ciała (wliczając jego masę spoczynkową) zależy od jego masy relatywistycznej.

4. Energia spoczynkowa:

- $E_0 = m_0 c^2$
- Energia, jaką ciało posiada ze względu na swoją masę, gdy jest w spoczynku.

5. Energia kinetyczna relatywistyczna:

- $E_k = E - E_0 = (\gamma - 1)m_0 c^2$
- To jest energia ruchu ciała, różnica między jego całkowitą energią a energią spoczynkową.

6. Pęd relatywistyczny:

- $p = \gamma m_0 v$
- Pęd ciała również wzrasta z prędkością, zgodnie z czynnikiem Lorentza.

7. Relacja energia-pęd (niezmiennik relatywistyczny):

- $E^2 = (pc)^2 + (m_0c^2)^2$
- Ten wzór łączy energię całkowitą, pęd i masę spoczynkową cząstki. Jest fundamentalny i prawdziwy dla każdej cząstki.

8. Transformacje Lorentza (dla czasu i położenia):

- $t' = \gamma(t - \frac{Vx}{c^2})$
- $x' = \gamma(x - Vt)$
- (oraz analogiczne dla y, z bez zmian, jeśli ruch jest wzdłuż X)
- Te wzory opisują, jak współrzędne czasoprzestrzenne (czas i położenie) zmieniają się między dwoma inercjalnymi układami odniesienia, poruszającymi się względem siebie z prędkością V . Są one kluczowe do zrozumienia względności jednoczesności i dylatacji czasu.

9. Interwał czasoprzestrzenny (niezmiennik Lorentza):

- $ds^2 = c^2dt^2 - dx^2 - dy^2 - dz^2$
- Jest to wielkość, która pozostaje niezmienna we wszystkich inercjalnych układach odniesienia.

