## Matematyka 3. Egzamin 20.06.2020. Część 1.

- Proszę rozwiązania zadań zapisać odręcznie, a następnie przesłać ich skan lub zdjęcie.
- $\bullet$  Każdy wysłany plik proszę podpisać w<br/>g schematu:  $Mat3\_Egz11\_X\_Nazwisko\_Y$  X pierwsza litera imienia

Y - nr wysyłanego pliku (jeśli więcej niż jeden)

- Na końcu rowiązania każdego z dwóch zadań proszę umieścić Oświadczenie o treści:
  "Oświadczam, że niniejsza praca stanowiąca podstawę do uznania osiągnięcia efektów uczenia się z przedmiotu Matematyka 3 została wykonana przeze mnie samodzielnie."
- Pod oświadczeniem proszę wpisać nr Indeksu i złożyć czytelny podpis.

Numer indeksu:  $\boxed{f \mid e \mid d \mid c \mid b \mid a}$ 

## Zad. 1 (15 pkt.)

1. (10 pkt.) Stosujac ortogonalizację Grama-Schmidta znaleźć bazę ortonormalną podprzestrzeni

$$W = \mathcal{L}([5, -4, 2, -2], [7, -2, 2, -1], [9, 3, 11, 3])$$

przestrzeni unitarnej  $R^4(\mathbb{R})$  z iloczynem skalarnym

$$\langle [x_1, x_2, x_3, x_4], [y_1, y_2, y_3, y_4] \rangle = x_1y_1 + x_2y_2 + x_3y_3 + x_4y_4.$$

2. (5 pkt.) Znaleźć rzut ortogonalny wektora  $\boldsymbol{v} = [5, -2, 3, 3]$  na podprzestrzeń W.

**Zad. 2 (20 pkt.)** Dana jest forma dwuliniowa hermitowska  $g: \mathbb{R}^3 \times \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ ,

$$g([x_1, x_2, x_3], [y_1, y_2, y_3]) = x_1y_3 + (a \cdot b)x_2y_2 + x_3y_1.$$

- 1. (2 pkt.) Sprawdzić, czy gjest iloczynem skalarnym w przestrzeni  $R^3(\mathbb{R}).$
- 2. (2 pkt.) Znaleźć macierz Grama  $A=M_g(\mathcal{B})$  w bazie standardowej  $\mathcal{B}:[1,0,0],[0,1,0],[0,0,1].$
- 3. (16 pkt.) Obliczyć  $A^{fedcba}$ .