



REDES NEURONALES ARTIFICIALES

María Jesús de la Fuente
Dpto. Ingeniería de Sistemas y Automática
Universidad de Valladolid

ÍNDICE

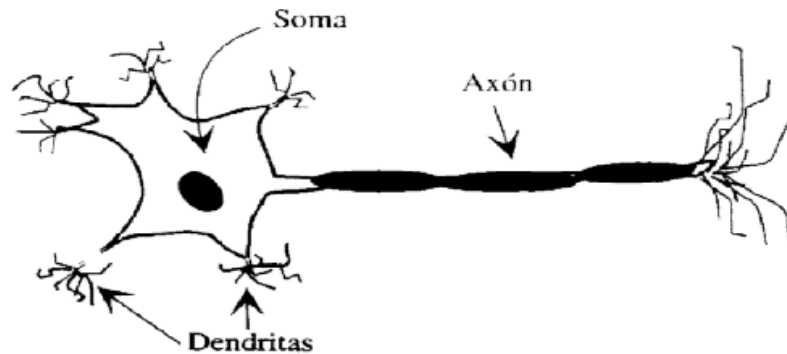


- ⌘ Introducción
- ⌘ Clasificación de redes neuronales:
 - Estructura
 - Entrenamiento
- ⌘ Aplicación de las redes neuronales a la identificación de sistemas
- ⌘ Las redes neuronales en el control

REDES NEURONALES

- ⌘ Neurona: base del funcionamiento del cerebro.
- ⌘ Sistema de procesamiento cerebral de la información:
 - Complejo, No lineal y Paralelo.

Fisiología de una neurona elemental



- ⌘ Elementos de que consta: sinapsis, axón, dentritas y soma o cuerpo

NEURONA ARTIFICIAL

⌘ Neurona artificial: unidad de procesamiento de la información, es un dispositivo simple de cálculo que ante un vector de entradas proporciona una única salida.

⌘ Elementos:

- Conjunto de entradas, x_j

- Pesos sinápticos, w_i

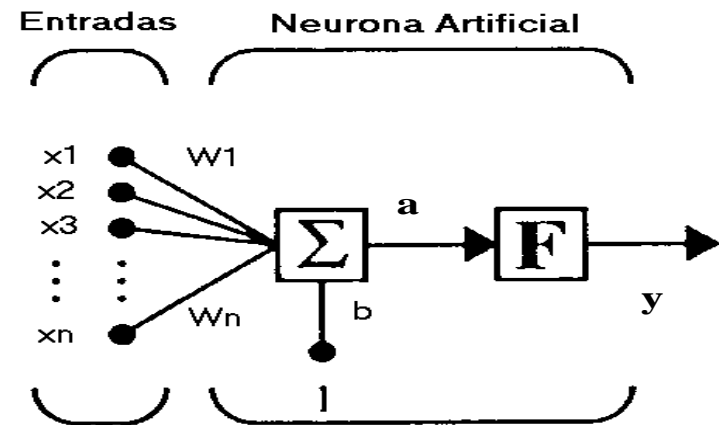
- Función de activación:

$$w_1 \cdot x_1 + w_2 \cdot x_2 + \dots + w_n \cdot x_n = a$$

- Función de transferencia:

$$y = F(w_1 \cdot x_1 + w_2 \cdot x_2 + \dots + w_n \cdot x_n)$$

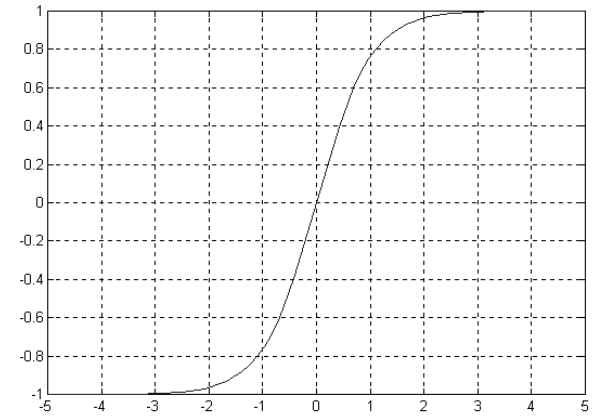
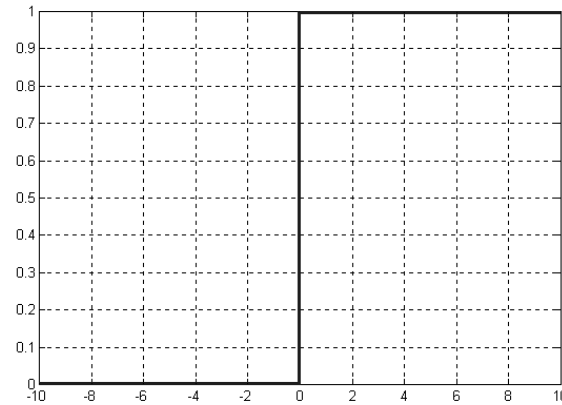
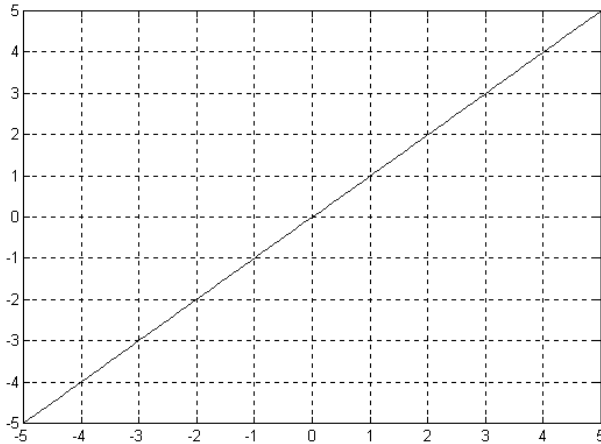
- Bias o polarización: entrada constante de magnitud 1, y peso b que se introduce en el sumador



NEURONA ARTIFICIAL

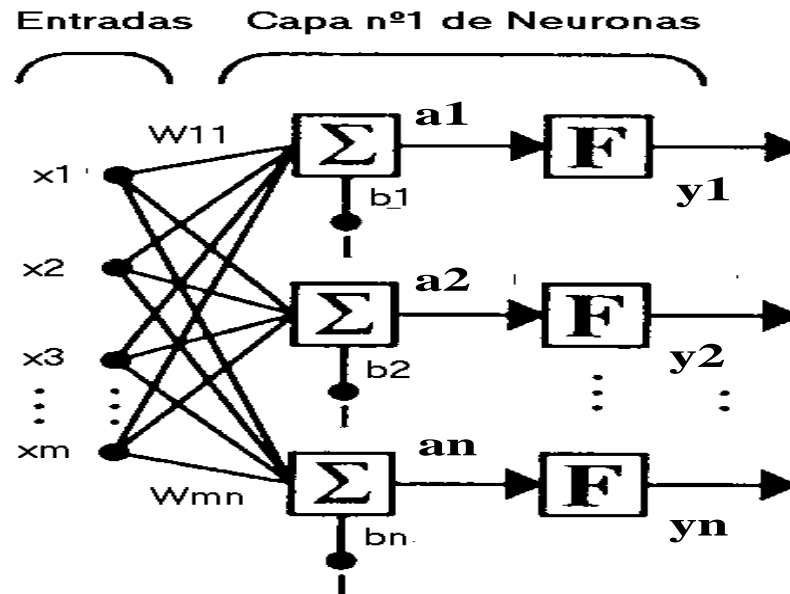
⌘ Principales funciones de transferencia:

- Lineal: $y=ka$
- Escalón: $y = 0$ si $a < 0$; $y=1$ si $a \geq 0$
- Sigmoide
- Gaussiana.



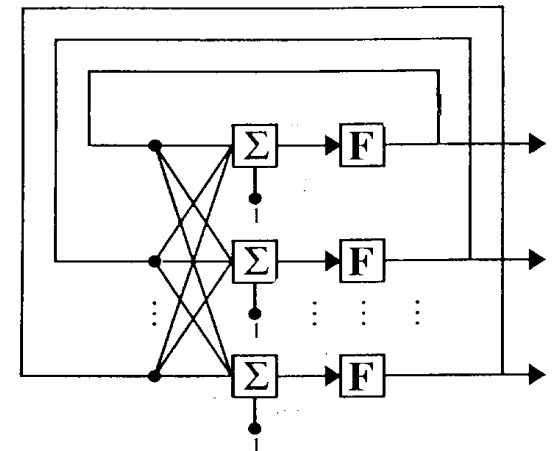
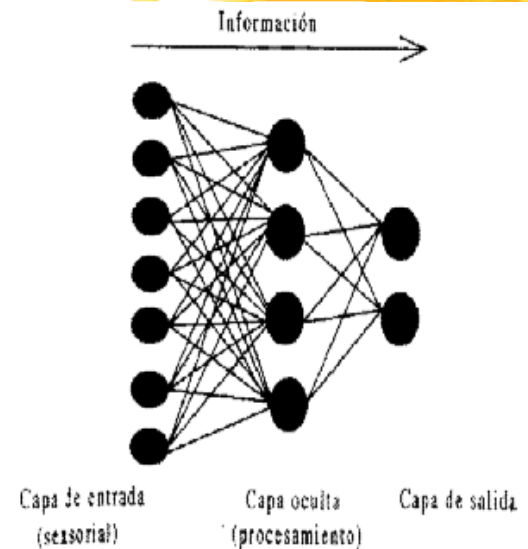
RNA de una capa

- ⌘ Una neurona aislada dispone de poca potencia de cálculo.
- ⌘ Los nodos se conectan mediante la sinapsis
- ⌘ Las neuronas se agrupan formando una estructura llamada capa.
- ⌘ Los pesos pasan a ser matrices W ($n \times m$)
- ⌘ La salida de la red es un vector: $Y = (y_1, y_2, \dots, y_n)^T$
- ⌘ $Y = F(W \cdot X + b)$



RNA Multicapa

- ⌘ Redes multicapa: capas en cascada.
- ⌘ Tipos de capas:
 - Entrada
 - Salida
 - Oculta
- ⌘ No hay realimentación => *red feedforward*
 - Salida depende de entradas y pesos.
- ⌘ Si hay realimentación => *red recurrente*
 - Efecto memoria
 - Salida depende también de la historia pasada.
- ⌘ Una RNA es un aproximador general de funciones no lineales.



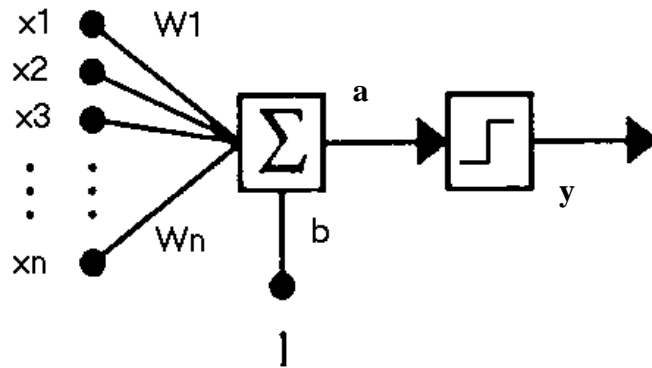
Entrenamiento I



- ⌘ Entrenamiento: proceso de aprendizaje de la red.
- ⌘ Objetivo: tener un comportamiento deseado.
- ⌘ Método:
 - Uso de un algoritmo para el ajuste de los parámetros libres de la red: los pesos y las bias.
 - Convergencia: salidas de la red = salidas deseadas.
- ⌘ Tipos de entrenamiento:
 - Supervisado.
 - ⊗ Pares de entrenamiento: entrada - salida deseada.
 - ⊗ Error por cada par que se utiliza para ajustar parámetros
 - No-supervisado.
 - ⊗ Solamente conjunto de entradas.
 - ⊗ Salidas: la agrupación o clasificación por clases
 - Reforzado.

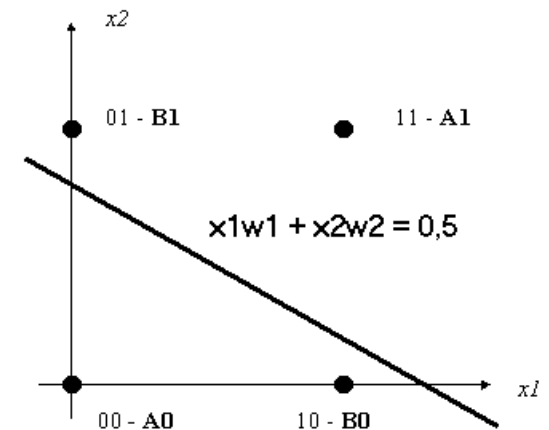
Perceptrones

- ⌘ McCulloch y Pitts, en 1943, publicaron el primer estudio sobre RNA.
- ⌘ El elemento central: perceptrón.



- ⌘ Solo permite discriminar entre dos clases linealmente separables: XOR.

- $0.5 = a = w_1 \cdot x_1 + w_2 \cdot x_2$
- No hay combinación de x_1 y x_2 que resuelva este problema.



- ⌘ Solución: más capas o funciones de transferencia no lineales.

Aprendizaje del Perceptrón.

⌘ Algoritmo supervisado:

- ★ Aplicar patrón de entrada y calcular salida de la red
- ★ Si salida correcta, volver a 1
- ★ Si salida incorrecta
 - ☒ 0 ↻ sumar a cada peso su entrada
 - ☒ 1 ↻ restar a cada peso su entrada
- ★ Volver a 1

⌘ Proceso iterativo, si el problema es linealmente separable este algoritmo converge en un tiempo finito.

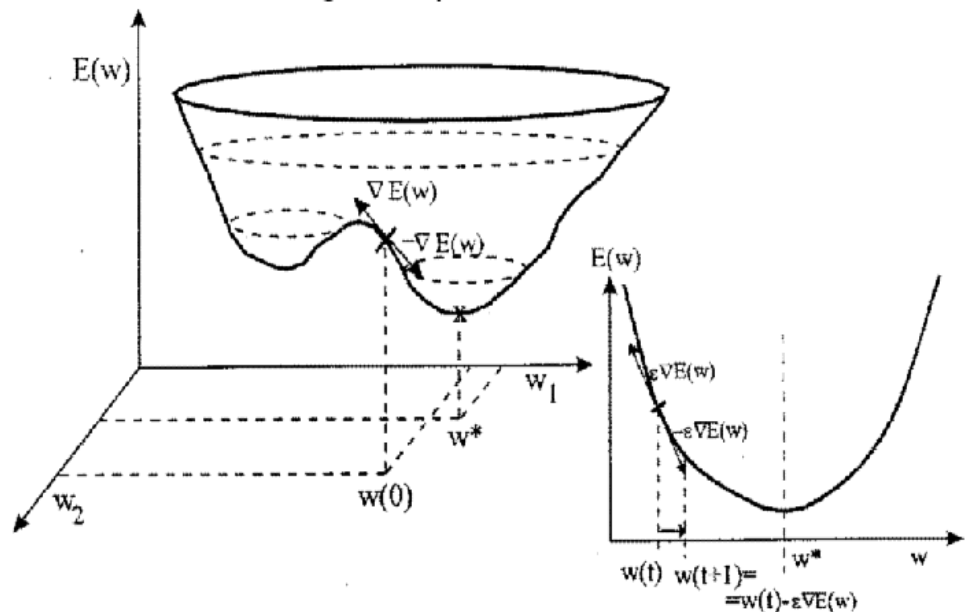
⌘ Nos da los pesos y las bias de la red que resuelve el problema.

Regla delta

- ⌘ Generalización del algoritmo del perceptrón para sistemas con entradas y salidas continuas.
- ⌘ Se define: $\delta = \mathbf{T} - \mathbf{A} = e_k(n)$ (salidas deseadas - salidas de la red).
- ⌘ Minimiza una función de coste basada en ese vector de error:

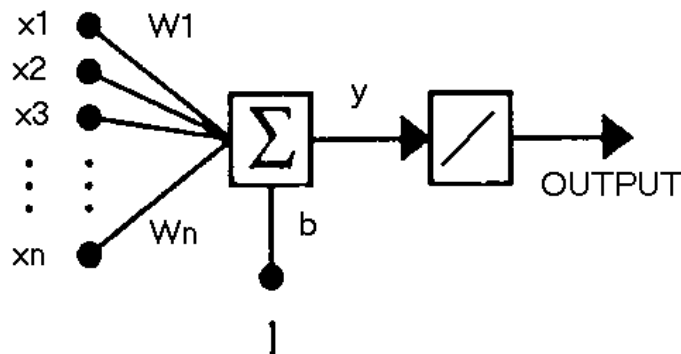
$$J = E \left[\frac{1}{2} \sum_k e_k^2(n) \right]$$

- $\Delta_i = \delta I_r x_i$
- $W_i(n+1) = W_i(n) + \Delta_i$
- Razón de aprendizaje I_r
- Si las neuronas son lineales => **un único mínimo**



Redes Neuronales Lineales.

- ⌘ Función de transferencia lineal.
- ⌘ Algoritmo de entrenamiento de Widrow-Hoff o Delta, tiene en cuenta la magnitud del error.
- ⌘ Entrenamiento:
 - Suma de los cuadrados de los errores sea mínima.
 - Superficie de error con mínimo único.
 - Algoritmo tipo gradiente.



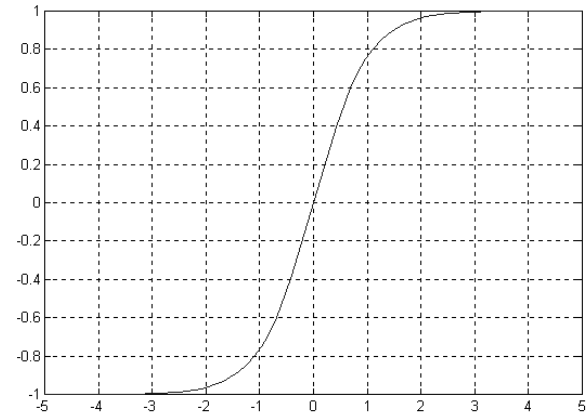
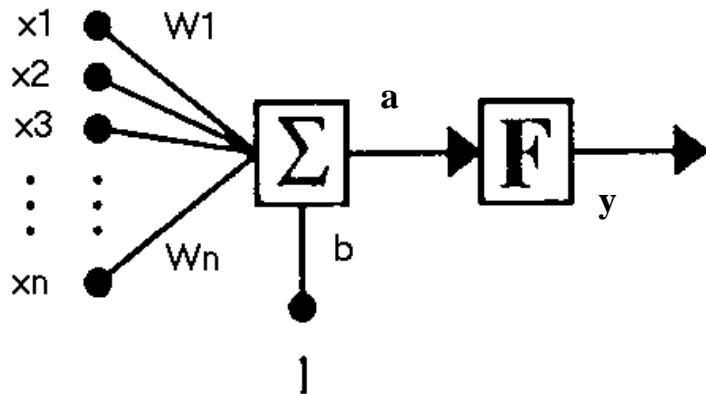
- ⌘ Aproximan funciones lineales.

Backpropagation



- ⌘ Clave en el resurgimiento de las redes neuronales.
- ⌘ Primera descripción del algoritmo fue dada por Werbos en 1974
- ⌘ Generalización del algoritmo de Widrow-Hoff para redes multicapa con funciones de transferencia no-lineales y diferenciables.
- ⌘ 1989 Hornik, Stinchcombe y White
 - Una red neuronal con una capa de sigmoides es capaz de aproximar cualquier función con un número finito de discontinuidades
- ⌘ Propiedad de la generalización.
- ⌘ La función de transferencia es no-lineal, la superficie de error tiene varios mínimos locales.

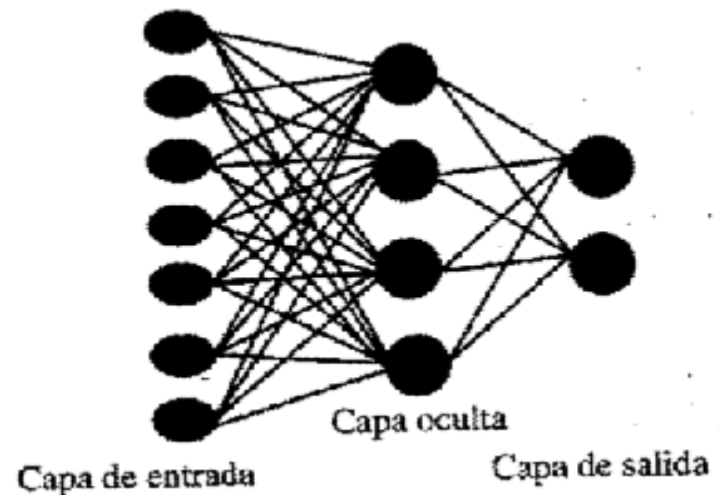
Red Perceptron Multicapa (MLP)



⌘ Función acotada, monótona creciente y diferenciable.

⌘ Red de tipo feedforward.

⌘ Suficiente con dos capas.



Algoritmo backpropagation I

⌘ Descripción:

Adelante

- Tras inicializar los pesos de forma aleatoria y con valores pequeños, seleccionamos el primer par de entrenamiento.
- Calculamos la salida de la red
- Calculamos la diferencia entre la salida real de la red y la salida deseada, con lo que obtenemos el vector de error

Atrás

- Ajustamos los pesos de la red de forma que se minimice el error
- Repetimos los tres pasos anteriores para cada par de entrenamiento hasta que el error para todos los conjuntos de entrenamiento sea aceptable.

⌘ Descenso por la superficie del error

⌘ Cálculo de derivadas del error respecto de los pesos y de las bias.

Algoritmo backpropagation II

⌘ Detalles:

- SSE: $E = \sum E_p = \sum (y_{pk} - o_{pk})^2$
- $\Delta w_{ij} = -\eta \partial E / \partial w_{ij}$

⌘ Pasos:

- Inicialización:
 - ☒ Construcción de la red.
 - ☒ Inicialización aleatoria de pesos y umbrales (-0.5, 0.5)
 - ☒ Criterio de terminación (número máximo de iteraciones,...).
 - ☒ Contador de iteraciones $n=0$.
- Fase hacia delante:
 - ☒ Calcular la salida de la red para cada patrón de entrada.
 - ☒ Calcular el error total cometido (SSE)
 - ☒ Si la condición de terminación se satisface, parar
- Fase hacia atrás:

Algoritmo backpropagation III

- Fase hacia atrás:

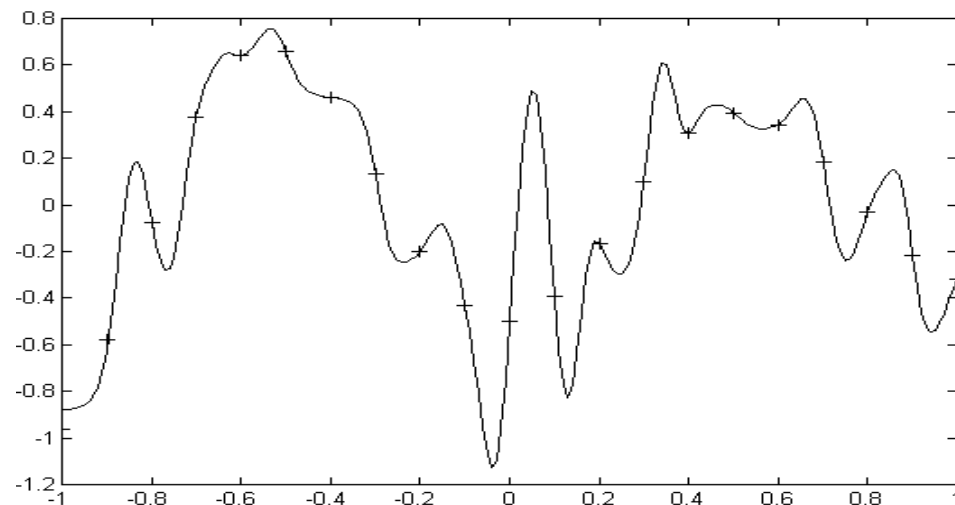
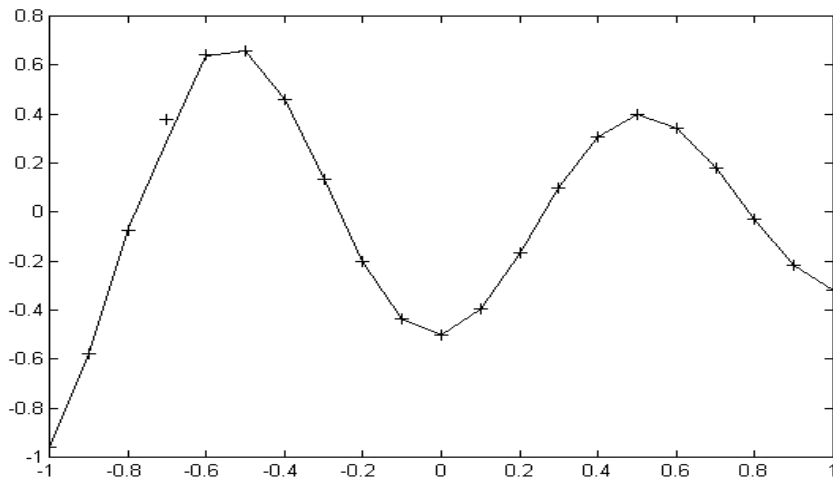
- ☒ Incrementar el contador $n=n+1$.
- ☒ Para cada neurona de salida calcular: $\delta_k = (o_k - y_k)f'(net_k)$
donde $net_j = \sum_i w_{ij}x_i + b_j$
- ☒ Para cada unidad oculta, calcular $\delta_j = f'(net_j) \sum_k \delta_k w_{jk}$
- ☒ Actualizar pesos: $\Delta w_{ij}(n+1) = \eta \delta_j o_i + \alpha \Delta w_{ij}(n)$
- ☒ Volver a la fase hacia delante.

⌘ Inconvenientes del algoritmo backpropagation:

- Tiempo de entrenamiento no acotado.
- Dependiente de las condiciones iniciales:
 - ☒ Parálisis de la red.
 - ☒ Mínimos locales.

Algoritmo Backpropagation IV

- Underfitting.
- Memorización o Sobreaprendizaje.
- Caracterización de la red. ¿Cuántas capas, cuántas neuronas en cada capa,...?



Redes Neuronales no supervisadas I

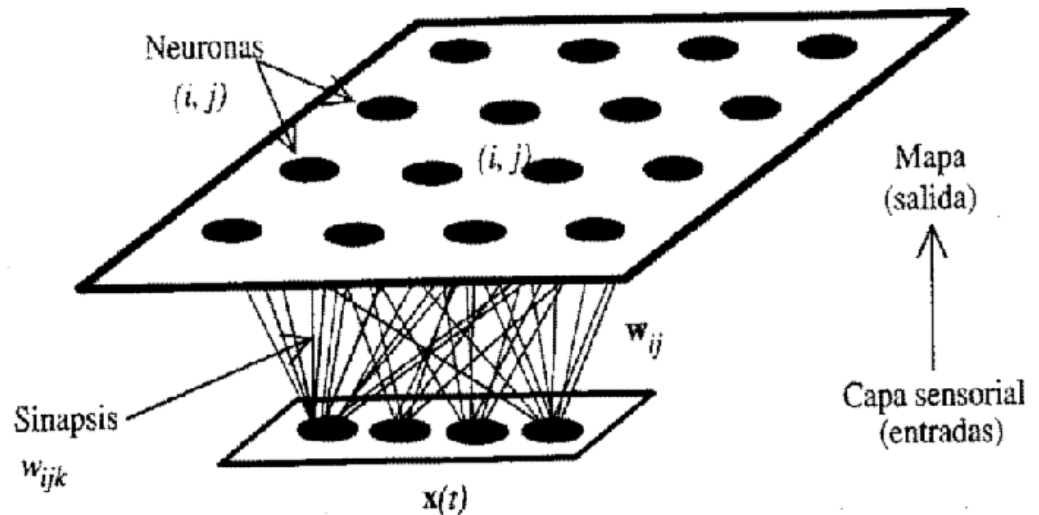
- ⌘ Autoorganizativas: durante el proceso de aprendizaje la red debe descubrir por si misma regularidades o categorías => la red debe autoorganizarse en función de las señales procedentes del entorno.
- ⌘ Mapa de Rasgos Autoorganizados, SOM (Kohonen, 80)
- ⌘ Características:
 - Red competitiva
 - Arquitectura unidireccional de dos capas:
 - ⊗ Capa de entrada: m neuronas una por cada vector de entrada.
 - ⊗ Capa segunda se realiza el procesamiento, formando el mapa de rasgos. Tiene $n_x \times n_y$ neuronas operando en paralelo.
 - ⊗ Todas las neuronas de entrada están conectadas a las neuronas de la segunda capa, a través de los pesos w_{ij}

Redes Neuronales No-Supervisadas II

- ⌘ Cada neurona (i,j) calcula la similitud entre el vector de entradas y su vector de pesos
- ⌘ Vence la neurona cuyo vector de pesos es más similar al vector de entrada.

$$d(w_g, x) = \min_{ij} d(w_{ij}, x)$$

- ⌘ Cada neurona sirva para detectar alguna característica del vector de entrada.
- ⌘ Función de vecindad: relación entre neuronas próximas en el mapa.



RNA no supervisadas III

⌘ Aprendizaje:

- Inicialización de los pesos w_{ij}
- Presentación de las entradas $x(t)$
- Cada neurona calcula, la similitud entre su vector de pesos w_{ij} y el vector de entrada x , usando la distancia Euclídea

$$d^2(w_{ij}, x) = \sum_{k=1}^n (w_{ijk} - x_k)^2$$

- Determinación de la neurona ganadora: $Ganadora = \min_j d_j^2$
- Actualización de los pesos de la neurona ganadora y sus vecinas

$$w_{ijk}(t+1) = w_{ijk}(t)\alpha(t)h(|i-g|, t)(x_k(t) - w_{ijk}(t))$$

- Las demás neuronas no actualizan su peso
- Si se ha alcanzado el número de iteraciones parar, si no volver al paso 2.

VENTAJAS



⌘ Ventajas de las RNA:

- **Aprendizaje adaptativo**: lo necesario es aplicar un buen algoritmo y disponer de patrones (pares) de entrenamiento.
- **Auto-organización** => conduce a la generalización
- **Tolerancia a fallos**: las redes pueden aprender patrones que contienen ruido, distorsión o que están incompletos.
- **Operación en tiempo real**: procesan gran cantidad de datos en poco tiempo.
- Facilidad de inserción en tecnología ya existente.

APLICACIONES



- ⌘ Detección de patrones.
- ⌘ Filtrado de señales
- ⌘ Segmentación de datos
- ⌘ Control
- ⌘ Identificación.



Redes Neuronales en identificación de sistemas

Identificación de sistemas

- ⌘ La identificación consiste en calcular un modelo del sistema en base a datos experimentales.



⌘ Pasos:

- Seleccionar una clase de modelos (CARIMA, Box-Jenkins,...)
- Obtener un conjunto de datos experimentales
- Seleccionar un modelo de la clase elegida
- Estimar los parámetros (método de Identificación: LS,RLS,IV,...)
- Validación (exactitud, adecuación de uso)

RNA que representan el tiempo



⌘ Representación del tiempo.

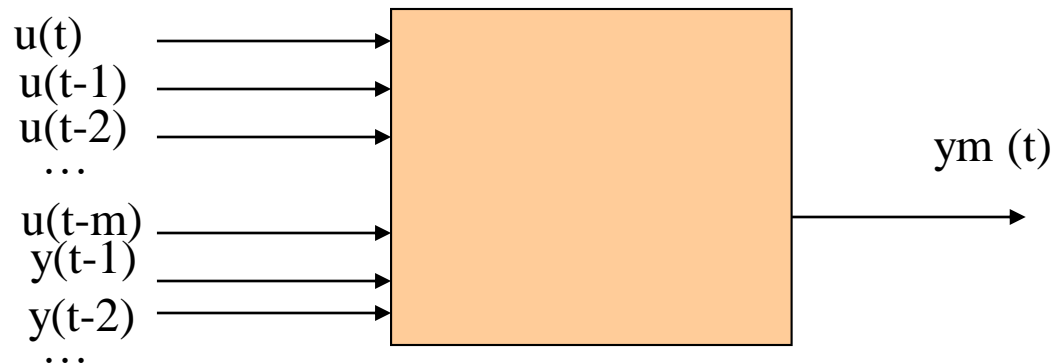
- Tratamiento de señales.
- Identificación de modelos dinámicos
- Control de sistemas.

⌘ Redes dinámicas:

- Respuesta a:
 - ☒ Las entradas actuales
 - ☒ La historia pasada del sistema.
- Dotar de memoria a la red:
 - ☒ Introduciendo directamente en la red tanto la señal actual como los valores pasados.
 - ☒ Mediante conexiones recurrentes.

Red PML con ventana temporal

- ⌘ Ventanas de datos pasadas de las entradas y de las salidas.
- ⌘ Ventajas:
 - Algoritmo simple es suficiente
 - No problemas de realimentación
- ⌘ Desventajas
 - Información útil debe “caber” en la ventana temporal
 - Muchas entradas ↯ Sobreparametrización



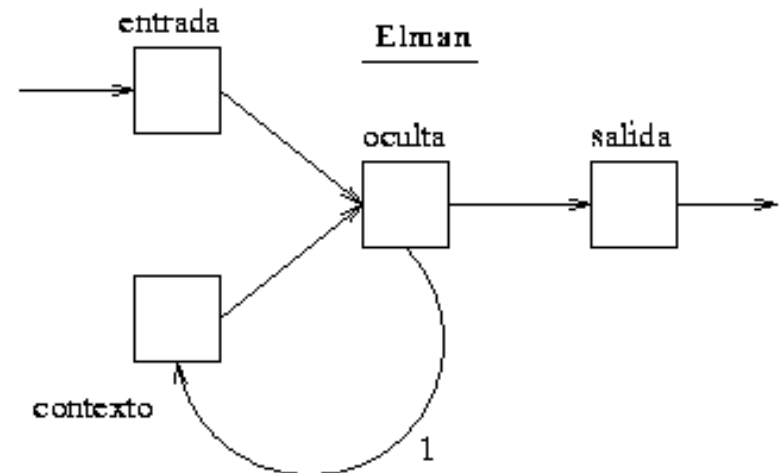
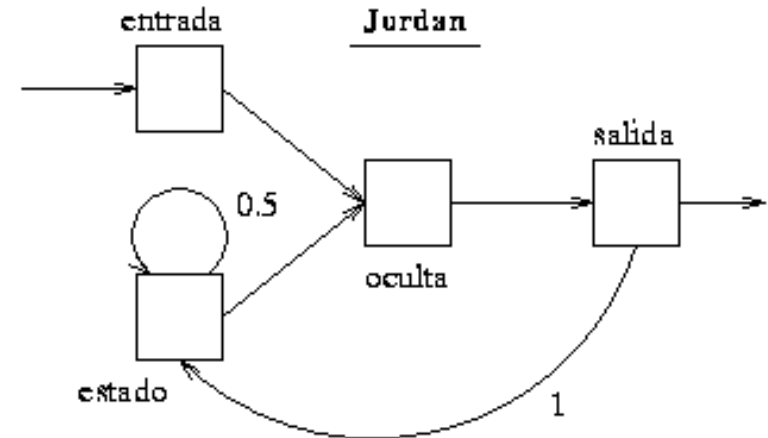
Redes neuronales recurrentes

- ⌘ Redes neuronales parcialmente recurrentes:
 - Conexiones recurrentes con valores fijos
 - Algoritmo de aprendizaje "ve" una red perceptrón multicapa
 - Ejemplos:

⊗ Jordan

⊗ Elman

- ⌘ Redes neuronales recurrentes:
 - Todas las neuronas interconectadas
 - Computacionalmente costoso



Capas contexto y oculta del mismo tamaño y conexión uno a uno.

Estructuras neuronales para la identificación

- ⌘ Determinación o elección de la estructura del modelo.
- ⌘ ¿Es necesario un modelo neuronal?
- ⌘ Nos basamos en modelos establecidos en el caso lineal
- ⌘ Diseño:
 - Variables que forman parte del regresor $\varphi(t)$
 - Función no-lineal $g(\cdot, \cdot)$ desde el espacio de regresiones al espacio de salida \nrightarrow NO en modelos lineales
 - $y(t) = g(\theta, \varphi(t)) + e(t)$
- ⌘ Estructura de caja negra: modelo de entrada- salida.
- ⌘ Elementos del regresor:
 - Entradas pasadas $u(t-k)$
 - Salidas pasadas medidas: $y(t-k)$
 - Salidas pasadas calculadas por el modelo: $\hat{y}_u(t-k|\theta)$
 - Residuos pasados calculados: $\varepsilon_u(t-k) = y(t-k) - \hat{y}_u(t-k|\theta)$

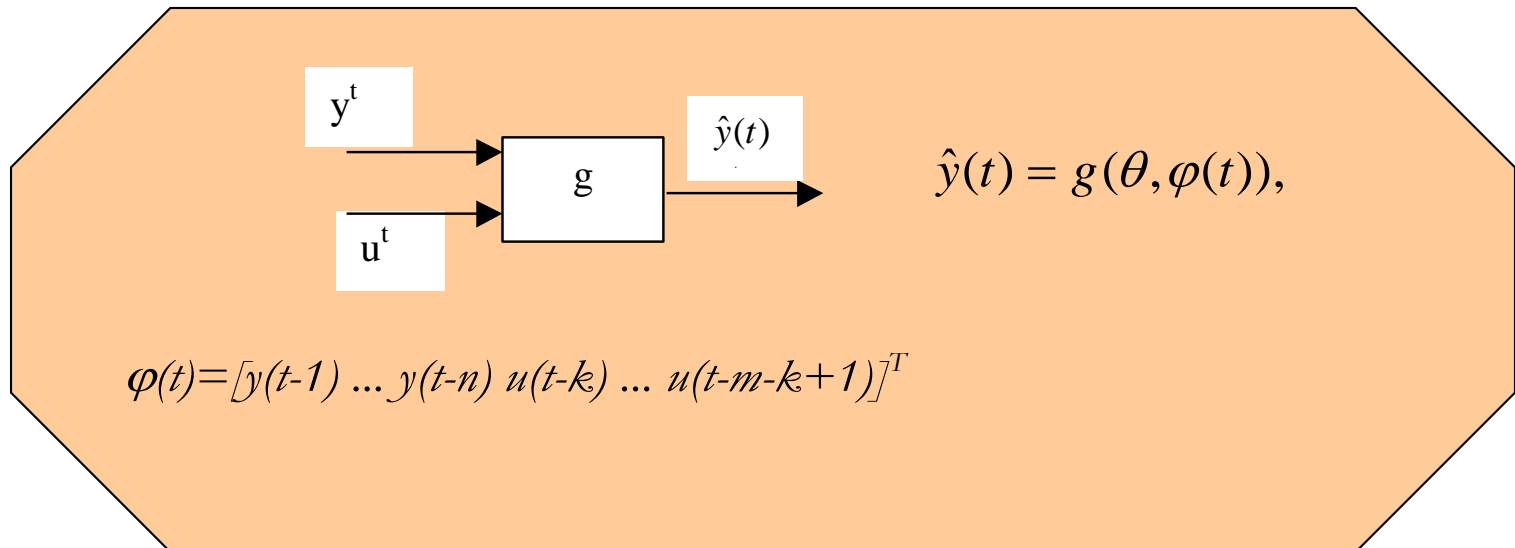
Modelo NARX

⌘ Ventajas:

- Puede aproximar cualquier sistema no-lineal arbitrariamente bien
- No recurrente.

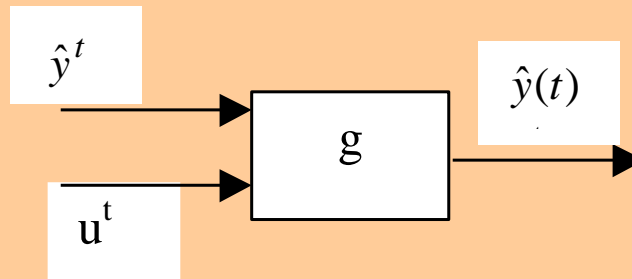
⌘ Desventajas:

- Vector de regresión puede ser grande
- No se modela el ruido



Modelo NOE

- ⌘ Corresponde a una red recurrente, ya que parte de las entradas constituye la salida de la propia red.
- Comprobación difícil para modelo de predicción estable
 - Entrenamiento laborioso por cálculo correcto de gradientes



$$\varphi(t) = [\hat{y}(t-1 | \theta) \dots \hat{y}(t-n | \theta) u(t-k) \dots u(t-m-k+1)]^T$$

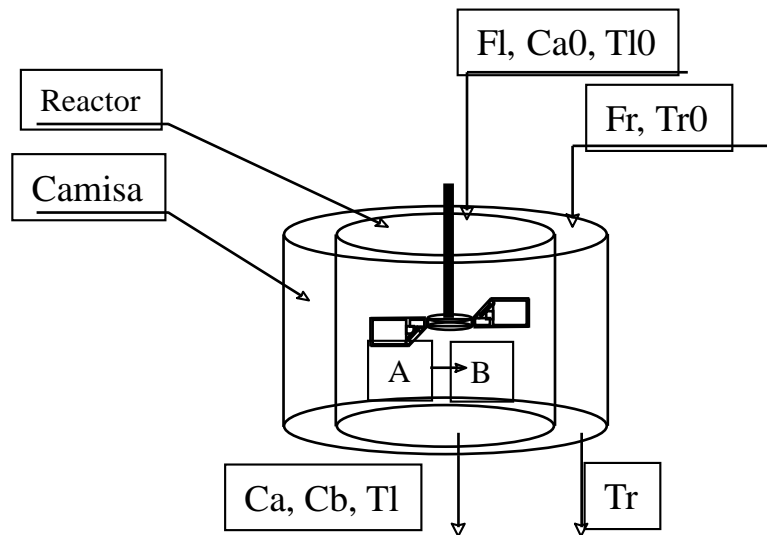
$$\hat{y}(t | \theta) = g(\varphi(t), \theta)$$

Validación



- ⌘ Validación: es el proceso de comprobación de la utilidad de modelo obtenido:
 - Si el modelo concuerda con los datos observados
 - Si servirá al propósito para el que fue creado
 - Si describe el sistema real
- ⌘ Enfoque neuronal:
 - Conjunto de datos de entrenamiento
 - Conjunto de datos de test.
 - Conjunto de datos de validación.
- ⌘ Enfoque basado en correlaciones:
 - Test de blancura de los residuos
- ⌘ ...

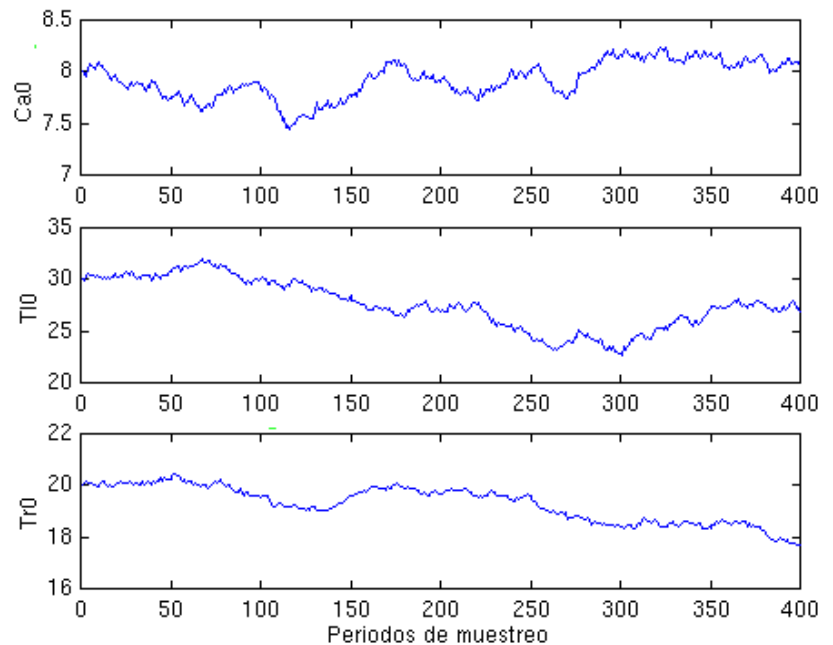
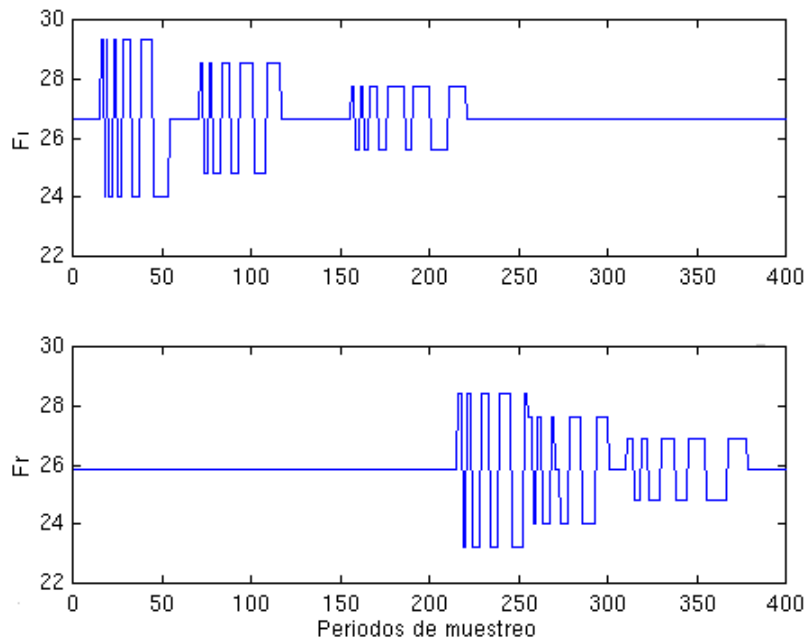
Ejemplo I



- ⌘ Transforma un producto A en otro B
- ⌘ Reacción química exotérmica
- ⌘ Se controla la temperatura mediante una camisa por la que circula un refrigerante
- ⌘ Salidas:
 - Ca Cb TI Tr
- ⌘ Entradas:
 - Manipulables: Fl Fr
 - Perturbaciones medibles: Ca0 TI0 Tr0

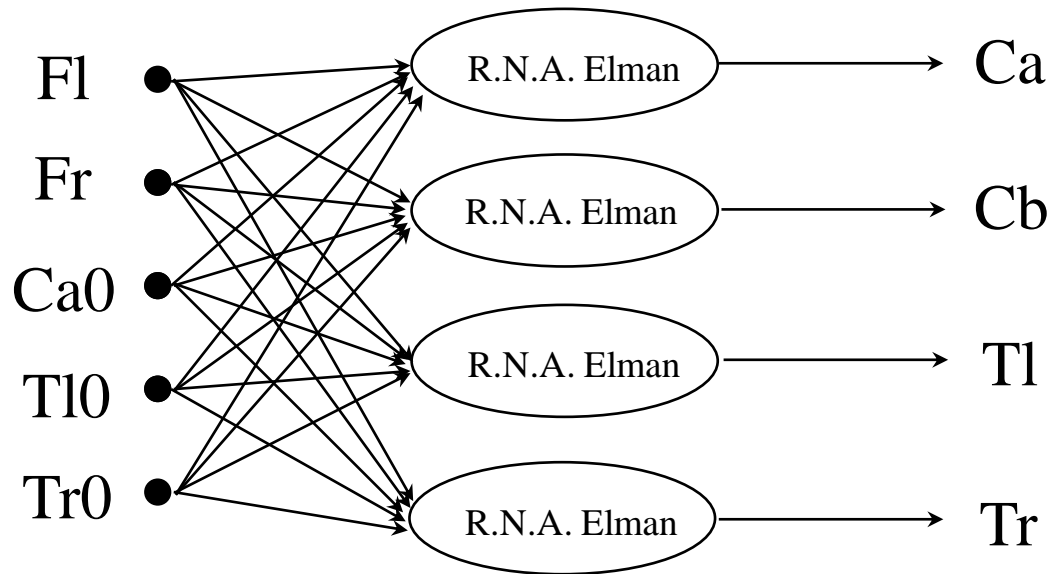
Ejemplo II

- ⌘ El periodo de muestreo es $T = 0.2$ horas
- ⌘ Las entradas han de ser tales que provoquen todas las salidas de interés



Ejemplo III

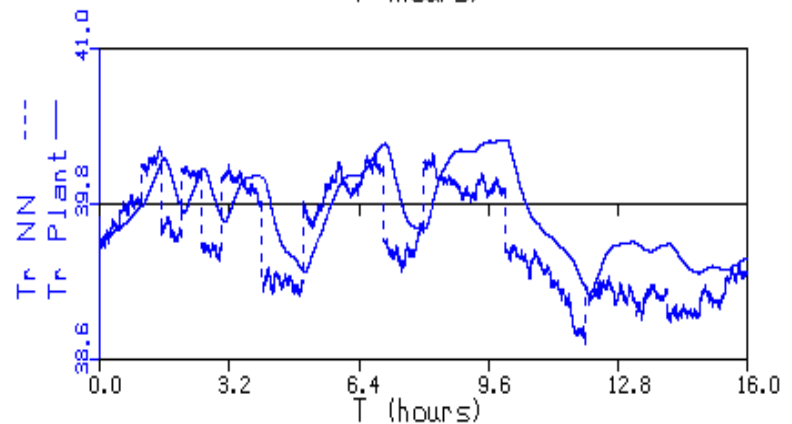
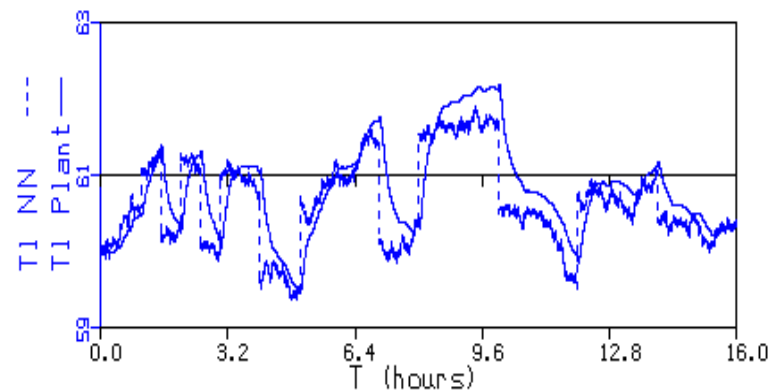
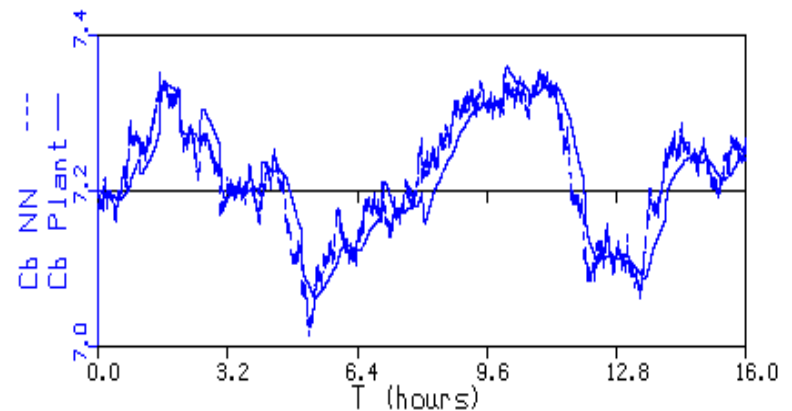
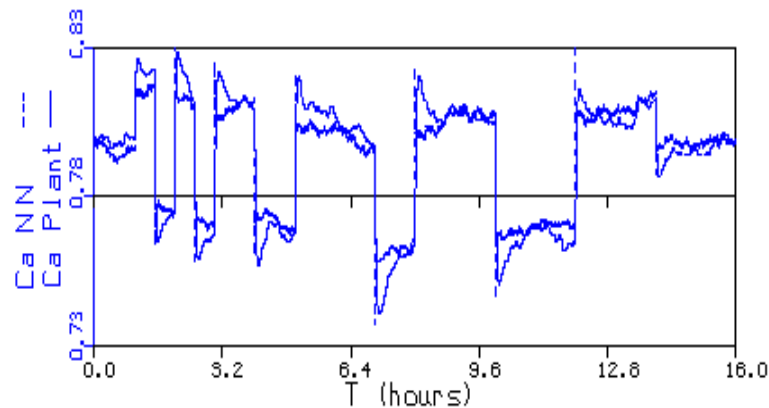
- ⌘ Se normalizan los datos de entrada y salida
- ⌘ Se entrenan cuatro redes, cada una modela una salida
- ⌘ Se usa el algoritmo *backpropagation*



Ejemplo IV

⌘ Validación del modelo.

- De forma neuronal: test son saltos en Fr



Ejemplo V

- Correlaciones: blancura de los residuos

