

# **FP-2024 - Versuch V44**

## **Röntgenreflektometrie**

Martin Boussard  
Jan Oppoli

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Zielsetzung</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Theorie</b>	<b>2</b>
2.1	Röntgenstrahlung . . . . .	2
2.1.1	Erzeugung von Röntgenstrahlung . . . . .	2
2.1.2	Eigenschaften von Röntgenstrahlung . . . . .	3
2.1.3	Röntgenstrahlung an Grenzflächen . . . . .	3
2.2	Fresnelsche Formeln . . . . .	4
2.3	Interferenz an dünnen Schichten . . . . .	4
2.4	Reflexion und Transmission an Mehrschichtsystemen . . . . .	5
2.5	Rauigkeit . . . . .	6
2.6	Geometriefaktor . . . . .	6
<b>3</b>	<b>Aufbau</b>	<b>7</b>
<b>4</b>	<b>Durchführung</b>	<b>7</b>
<b>5</b>	<b>Auswertung</b>	<b>7</b>
<b>6</b>	<b>Diskussion</b>	<b>7</b>
<b>7</b>	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>7</b>
<b>8</b>	<b>Anhang</b>	<b>8</b>

# 1 Zielsetzung

Ziel dieses Versuchs ist es, verschiedene physikalische bzw. geometrische Eigenschaften wie Elektronendichte, Schichtdicke oder Rauigkeit eines Polysterolfilms auf einem Siliziumwafer mittels der Röntgen-reflektometrie zu bestimmen. Die Untersuchung/ Kontrolle solcher Schichten im Nanometerbereich ist insbesondere innerhalb der Halbleiterelektronik von Bedeutung und besitzt eine hohe Relevanz für die Industrie. Durch Analyse des Resultierenden Streubildes unter Verwendung problemangepasster Algorithmen können charakteristische Strukturinformationen der Probe gewonnen werden.

## 2 Theorie

Als Grundlage für eine effiziente Auswertung der Daten müssen zunächst einige wichtige physikalische Phänomene bzw. Modelle erläutert werden.

### 2.1 Röntgenstrahlung

Aufgrund ihrer relativ zum sichtbaren Licht vergleichsweise kleine Wellenlänge

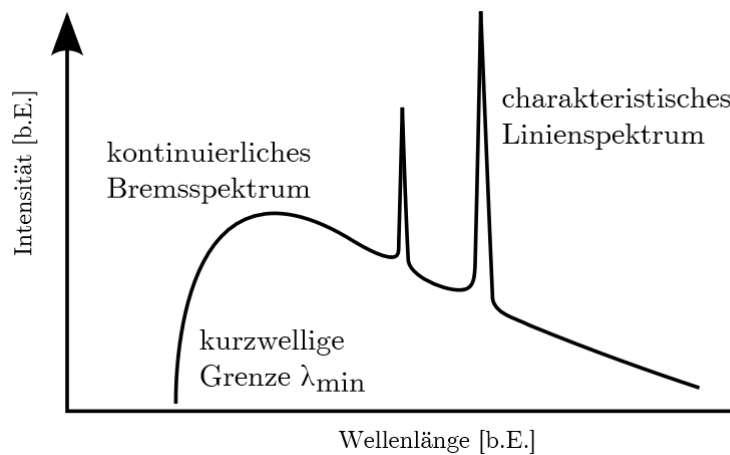
$$\lambda_{\text{Röntgen}} < 10 \text{ nm} < 400 \text{ nm} < \lambda_{\text{Sichtbar}}$$

eignet sich Röntgenstrahlung ideal zur Untersuchung von Strukturen der selben Größenordnung.

#### 2.1.1 Erzeugung von Röntgenstrahlung

Nachdem mithilfe des Glühelektrischen Effekts aus der Kathode herausgelöste Elektronen innerhalb der Röntgenröhre in Richtung der Anode beschleunigt werden, wird bei dem Auftreffen Röntgenstrahlung erzeugt. Hierbei ist zwischen Bremsstrahlung und dem charakteristischen Röntgenspektrum zu unterscheiden, wie in Abbildung 1 veranschaulicht ist.

- **Bremsstrahlung:**  
Die durch Coulombwechselwirkung zwischen Elektron und Atomrumpf des Targets verkleinerte kinetische Energie des Elektrons wird teilweise in Röntgenstrahlung mit kontinuierlichem Spektrum umgewandelt und emittiert.
- **Charakteristische Röntgenstrahlung:**  
Treffen die beschleunigten Elektronen auf das Target und lösen dort Elektronen aus inneren Schalen des Atoms heraus, werden diese Leerstellen durch nachrückende Elektronen aus höheren Schalen gefüllt und die resultierende Energiedifferenz spiegelt sich in der Emission von Röntgenstrahlung diskreter Frequenzen wieder, da die Übergangsenergien im Atom quantisiert sind.



**Abbildung 1:** Schematisches Emissionsspektrum einer Kupferanode, wie auch in diesem Versuch verwendet.[1]

### 2.1.2 Eigenschaften von Röntgenstrahlung

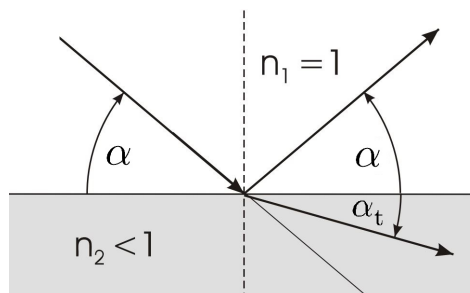
Die in diesem Versuch relevanteste Frequenz ist die sog.  $K_\alpha$ -Linie, welche einem Übergang eines Elektrons von der zweiten(M) in die erste(K) Schale und der Wellenlänge  $\lambda_{K_\alpha} = 0.1514 \text{ nm}$  entspricht[5]. Die zugehörige Frequenz  $\omega$  liegt weit über jeglichen Resonanzfrequenzen  $\omega_1$  der betrachteten Materialien, was für weitere theoretische Betrachtungen von Bedeutung ist.

### 2.1.3 Röntgenstrahlung an Grenzflächen

Das Verhalten von Röntgenstrahlung an Grenzflächen von Medien unterschiedlichem Brechungsindex wird gemäß des Snellius'schen Brechungsgesetzes

$$n_1 \cos(\alpha) = n_2 \cos(\alpha_t) \quad (1)$$

entsprechend der Winkel in Abbildung 2 dargestellt, wobei nach dem Reflexionsgesetz Einfallswinkel = Ausfallswinkel gilt.



**Abbildung 2:** Skizze der Winkel des einfallenden, ausfallenden und gebrochenen Strahls and einer Grenzfläche.  
[3]

Der komplexe Brechungsindex  $n$  von verschiedenen Medien, welcher die variierte Lichtgeschwindigkeit im jeweiligen Material beschreibt, rührt von Lorentz-Oszillator-Modell für Festkörper

her, bei welchem sich im hochfrequenten Nherungsfall der Röntgenstrahlung die folgende Formel für nicht-ferromagnetische Materialien

$$n = \sqrt{\epsilon_r} = 1 - \frac{\rho r_0}{2\pi} \lambda^2 + i \frac{\gamma}{4\pi} \lambda := 1 - \delta + i\beta \quad (2)$$

mit Elektronenradius  $r_0$ , Elektronendichte  $\rho$ , Wellenlänge  $\lambda$  und linearem Absorptionskoeffizient  $\gamma$  zusammengefasst in Kenngroen der Dispersion  $\delta$  und der Absorption  $\beta$ , ergibt.

Besonderheit der Röntgenstrahlung ist, dass für sie jedes Medium geringfugig optisch dünner als das Vakuum erscheint, womit im Gegensatz zu sichtbarem Licht Totalreflexion im Übergang von Vakuum zu Medium auftreten kann. Dies tritt gemäß Gleichung 1, 2 für Winkel kleiner als

$$\alpha_{\text{Krit}} = \sqrt{2\delta} = \lambda \sqrt{\frac{\rho r_0}{\pi}} \quad (3)$$

auf, da der Cosinus für derart kleine betrachtete Winkel mithilfe seiner Taylorreihe angenhrt werden kann. Somit gilt die Formel

$$\alpha_t = \sqrt{\alpha^2 - 2\delta}. \quad (4)$$

## 2.2 Fresnelsche Formeln

Hergeleitet mithilfe der Maxwell-Gleichungen an Grenzschichten ergeben sich für das Amplitudenverhältnis von reflektierter und einfallender Welle die Formeln

$$r_s = \frac{k_{i,z} - k_{t,z}}{k_{i,z} + k_{t,z}} \quad (5)$$

$$r_p = \frac{n^2 k_{i,z} - k_{t,z}}{n^2 k_{i,z} + k_{t,z}}, \quad (6)$$

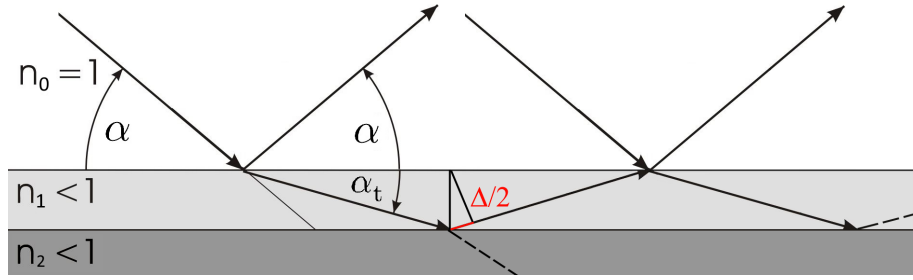
mit den z-Komponenten des einfallenden sowie transmittierten Wellenvektors  $k_z = 2k \sin \alpha$ , wobei zwischen parallel und senkrecht zur Einfallsebene polarisierter Strahlung unterschieden wird. Die verwendeten Winkel sind die selben wie oben in Gleichung 1. Im konkreten Fall der hochfrequenten Röntgenstrahlung mit streifendem Einfall vereinfachen sich die Formeln enorm zu

$$r = r_{s,p} = \frac{\alpha - \alpha_t}{\alpha + \alpha_t}, \quad (7)$$

wobei auffllt, dass nicht mehr zwischen parallel und senkrecht polarisierter Strahlung unterschieden werden muss. Zur Bestimmung der Reflexivität  $R = \frac{I_R}{I_0} = |r|^2$ , des Intensitätsverhältnisses der zwei Strahlen, muss lediglich der zuvor bestimmte Reflexionskoeffizient quadriert werden.

## 2.3 Interferenz an dünnen Schichten

Im Falle, dass der Anteil der transmittierten Welle anschließend an der Grenze zum Substrat reflektiert wird und somit aus der Schicht wieder austreten kann, ist es möglich Interferenz zwischen ursprünglich reflektierter und eingedrungener, am Substrat reflektierter Strahlung zu beobachten. Dies ist in Abbildung 3 zu sehen.



**Abbildung 3:** Querschnitt des Modells einer dünnen Schicht auf einem Substrat, welches an der Grenzfläche ebenfalls reflektiv ist. Der halbe Gangunterschied ist rot hervorgehoben.

Konstruktive Interferenz kann in diesem Fall auftreten, falls der effektive Gangunterschied des eingedrungenen Strahls ein mehrfaches der Wellenlänge der betrachteten Strahlung ist. Je nachdem, wie oft der Strahl in der dünnen Schicht zwischen der Grenze von Vakuum und Substrat hin und herläuft, modifiziert sich seine resultierende Intensität mit den verschiedenen reflexions und transmissionskoeffizienten  $r, t$  der Grenzübergänge. Durch Nutzung von Relationen welche aus den Fresnelschen Formeln folgen, ergibt sich die Formel

$$r_{\text{ges}} = \frac{r_{0 \rightarrow 1} + r_{1 \rightarrow 2} p^2}{1 + r_{0 \rightarrow 1} r_{1 \rightarrow 2} p^2}. \quad (8)$$

Die Indizes der Reflexionskoeffizienten geben an, zwischen welchen unterschiedlichen Medien der Übergang stattfindet und im Faktor  $p^2 = e^{ik\Delta_{\text{eff}}} \approx e^{ik_{z,0}d} \approx e^{2ik}$  mit dem transmittierten Wellenvektor senkrecht zur Grenzfläche  $k_{z,0}$  und der Schichtdicke  $d$  wird der Gangunterschied der Wellenbündel berücksichtigt. Wie bereits aus der Formel ersichtlich, treten für die Reflexivität  $R_{\text{ges}} = |r_{\text{ges}}|^2$  Oszillationen auf. Diese werden Kiessig-Oszillationen genannt und weisen die Periode, den Abstand zwischen zwei Maxima

$$T_{\alpha} = \frac{\lambda}{2d} \quad (9)$$

auf, worüber die Schichtdicke indirekt bestimmt werden kann[2].

## 2.4 Reflexion und Transmission an Mehrschichtsystemen

Die oben genannten physikalischen Prozesse bei Brechung von Röntgenstrahlung an einer Schicht treten, wenn auch weitaus schwieriger zu charakterisieren, ebenfalls bei Mehrschichtigen System wie etwa in Abbildung 4 abgebildet auf. An jeder Grenzfläche wird der Lichtstrahl sowohl gebrochen und transmittiert als auch reflektiert, beschrieben durch die Intensitätskoeffizienten  $I_j$  und  $T_j$ , wobei  $j$  der Index des jeweiligen Grenzübergangs ist. Ausgehend von  $R_{n+1}$ , der Annahme, dass ins Substrat eingedrungene Licht aufgrund von vollständiger Absorption nicht wieder am Boden reflektiert wird, können die Transmissions- und Reflexionskoeffizienten rekursiv mittels des Parratt-Algorithmus berechnet werden. Dies erfolgt mittels der Gleichung

$$X_j = e^{-2ik_{z,j}z_j} \frac{r_{j,j+1} + X_{j+1}e^{2ik_{z,j+1}z_j}}{1 + r_{j,j+1}X_{j+1}e^{2ik_{z,j+1}z_j}} \quad (10)$$

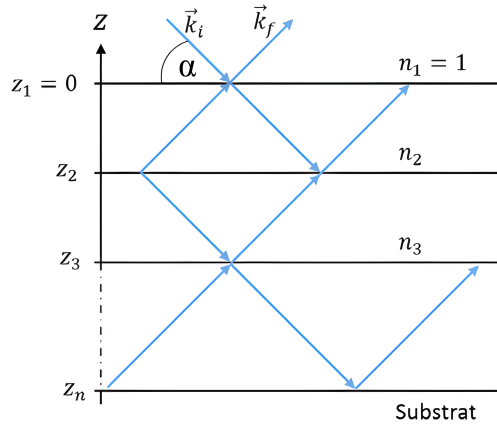
inklusive der Reflexionskoeffizienten

$$r_{j,j+1} = \frac{k_{z,j} - k_{z,j+1}}{k_{z,j} + k_{z,j+1}} \quad (11)$$

und den Wellenvektorkomponenten

$$k_{z,j} = \frac{2\pi}{\lambda} \sin \alpha \quad (12)$$

$$k_{z,j+1} = \frac{2\pi}{\lambda} \sqrt{n^2 - \cos^2 \alpha}. \quad (13)$$



**Abbildung 4:** Skizzierung eines n-schichtigen Systems, mit n individuellen Grenzflächen und Brechungsindizes[4]

## 2.5 Rauigkeit

Um die unebenheit der untersuchten Probe zu berücksichtigen, müssen einige Korrekturen eingeführt werden. Mit der Annahme, dass die mittlere Abweichung von der durchschnittlichen Schichthöhe  $\sigma$  weitaus kleiner als die Schichtdicke ist, kann die Unebenheit der Oberfläche annähernd Gaußverteilt beschrieben werden. Der transformierte Reflexionskoeffizient

$$r'_{j,j+1} = r_{j,j+1} \cdot e^{-2k_{z,j}k_{z,j+1}\sigma^2} \quad (14)$$

reicht im gegebenen Kontext als Approximation aus.

## 2.6 Geometriefaktor

Der Geometriefaktor  $G$  spielt eine Rolle bei der Berücksichtigung des Einfallswinkels, ab dem der gesamte Strahl die Probenoberfläche erreicht und reflektiert wird. Dieser kritische Einfallswinkel wird als Geometriewinkel  $\alpha_g$  bezeichnet. Wenn der Einfallswinkel  $\alpha_i$  kleiner als der Geometriewinkel ist, wird der Geometriefaktor  $G$  durch die folgende Beziehung definiert:

$$G = \frac{D \sin(\alpha_i)}{d_0}$$

Hierbei ist  $D$  der Durchmesser der Probenoberfläche und  $d_0$  die Höhe des Strahls. Wenn  $\alpha_i$  größer als  $\alpha_g$  ist, wird  $G$  als 1 angenommen.

Wenn  $\alpha_i$  sehr klein ist, überstreicht der Strahl eine größere Fläche als die Probenoberfläche, sodass nicht die gesamte eingestrahle Intensität von der Probenoberfläche reflektiert wird, die in den Detektor gelangen kann. Dies führt zu einem Rückgang der Reflektivität im Bereich sehr kleiner Winkel  $\alpha_i < \alpha_g$ . Der Geometriefaktor  $G$  berücksichtigt diesen Effekt und wird als Verhältnis der Strahlbreite  $D \sin(\alpha_i)$ , die die Probenoberfläche erreicht, zur Gesamtstrahlbreite  $d_0$  definiert.

### 3 Aufbau

### 4 Durchführung

### 5 Auswertung

### 6 Diskussion

### 7 Literaturverzeichnis

- [1] Fakultät Physik, Technische Universität Dresden. *Physikalisches Grundpraktikum Versuch ROE*. 2019.
- [2] H. Kiessig. „Interferenz von Röntgenstrahlen an dünnen Schichten“. In: *Annalen der Physik* 402 (1931), S. 769–788. DOI: 10.1002/andp.19314020702.
- [3] W. Kriegseis. *Röntgen-Reflektometrie zur Dünnschichtanalyse*. 9. Juli 2023. URL: <https://www.uni-giessen.de/de/fbz/fb07/fachgebiete/physik/studium/fprak/anleitungen/reflekto2>.
- [4] Author(s) of the paper. „Charakterisierung kristalliner Metall- und Metalloxidschichten mittels Röntgen-Streuung Kristalle unter der Lupe“. In: *Junge Wissenschaft PTB 105* (2015), S. 1–10. URL: [https://www.junge-wissenschaft.ptb.de/fileadmin/paper/bis\\_2017/pdf/juwi-105-2015-02.pdf](https://www.junge-wissenschaft.ptb.de/fileadmin/paper/bis_2017/pdf/juwi-105-2015-02.pdf).
- [5] International XAFS Society. *X-ray Data for the Elements International XAFS Society*.



## 8 Anhang