IFPE - Matemática 5 (Saneamento) - 2021.2 Avaliação final Professores: Ana Karoline, André Costa e Jardel Cabral 08/02/2022

Orientação: Indique seu nome e turma na folha de respostas ou no nome do arquivo enviado.

Observação: Todas as respostas devem vir acompanhadas das devidas contas ou justificativas.

Questão 1. Os pontos A(-2,5), B(-6,1) e C(4,-1) são vértices de um paralelogramo. Determine as coordenadas dos possíveis pontos para o 4° vértice.

Questão 2. Dados A(2,7), B(5,3) e C(10,8). Calcule a altura do triângulo ABC em relação ao vértice A.

Questão 3. Determine a equação da circunferência de diâmetro AB, com A(-2, -3) e B(3, 2).

Questão 4. Identifique as cônicas e faça um esboço do gráfico cujas equações se encontram abaixo. Determine as coordenadas do(s) foco(s), do centro (ou vértice, se for uma parábola), comprimentos dos eixos, reta diretriz (se for uma parábola) ou retas assíntotas (no caso das hipérboles).

a)
$$2x^2 + 4y^2 - 6x + 8y + 2 = 0$$

b)
$$2x^2 - 4y^2 - 4x + 12y + 12 = 0$$

Questão 5. Determine as coordenadas dos focos e as equações das retas assíntotas da hipérbole de equação:

$$(x-2)^2 - 3(y-1)^2 = 300$$

Questão 6. Calcule a distância entre as retas r: 2x - y - 8 = 0 e s: 2x - y + 2 = 0.

Questão 7. Seja r a reta que passa por (1,2) e é perpendicular à reta 3x + 6y - 4 = 0. A distância de r ao centro da circunferência $x^2 + y^2 + 2x + 8y + 13 = 0$ é:

1