$$(\vec{a} imes \vec{b}) \cdot (\vec{c} imes \vec{d}) = (\vec{a} \cdot \vec{c}) \, (\vec{b} \cdot \vec{d}) - (\vec{b} \cdot \vec{c}) \, (\vec{a} \cdot \vec{d})$$