$$\vec{v}(t) = \dot{\rho} \, \vec{e}_{\rho} + \rho \, \dot{\phi} \, \vec{e}_{\phi} + \dot{z} \, \vec{e}_{z}$$