# 2<sup>a</sup> Tarefa de Métodos Numéricos I – Raízes de Equações

Nome: Matrícula:

#### **Questão 1:**

Em um determinado problema físico, o movimento angular de um pêndulo é regido por função dada por  $f(a) = -(e^a / 2) + 2\cos(a)$ , onde a é um ângulo medido em radianos. Considerando-se  $\varepsilon = 10^{-4}$  e usando-se 4 casas decimais, pede-se:

- a) Ache um intervalo para uma solução de f(a) = 0 através de um isolamento analítico.
- b) Faça o refinamento para achar ângulo a através do método da Bisseção.
- c) Faça o refinamento para achar ângulo a através do método da Posição Falsa.
- d) Implemente os dois métodos e verifique se os seus resultados estão corretos.

#### Questão 2:

Com relação ao problema anterior e usando um número máximo de iterações igual ao número máximo de iterações dado pelo método da Bisseção e 4 casas decimais, pede-se:

- a) Ache o ângulo a pelo método de Newton-Raphson com a<sub>0</sub> apropriado.
- b) Ache o ângulo a pelo método da Secante com  $a_0 = 0.5$  e  $a_1 = 1.0$ .
- c) Implemente os dois métodos e verifique se os seus resultados estão corretos.
- d) O valor máximo que o pêndulo agüenta é  $\Pi/4$ . Ele rompe por algum método?

### Questão 3:

Ainda sobre o problema anterior, sabendo-se que o movimento pendular pode ser aproximado pelo polinômio dado por  $f(a) = a^3 - 9a + 3$ , usando 4 casas decimais pede-se:

- a) Ache uma aproximação para a pelo método para Polinômios.
- b) Ache uma aproximação para a pelo método do Ponto Fixo.
- c) Implemente os dois métodos e verifique se os seus resultados estão corretos.

## Questão 4:

Seja a equação  $f(x) = x - x \ln(x) = 0$ . Considerando-se  $\varepsilon = 10^{-5}$  e 6 casas decimais, pede-se:

- a) Ache uma raiz de f(x) através do Método de Newton-Raphson.
- b) Ache uma raiz de f(x) através do Método do Ponto-Fixo.
- c) Implemente os dois métodos e verifique se os seus resultados estão corretos.