

UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE  
FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

POROVNANIE NIEKOĽKÝCH TYPOV  
REKURENTNÝCH SIETÍ Z HĽADISKA HĽBKY  
PAMÄTE  
DIPLOMOVÁ PRÁCA

2019  
JAROSLAV IŠTOK

UNIVERZITA KOMENSKÉHO V BRATISLAVE  
FAKULTA MATEMATIKY, FYZIKY A INFORMATIKY

POROVNANIE NIEKOLKÝCH TYPOV  
REKURENTNÝCH SIETÍ Z HĽADISKA HĽBKY  
PAMÄTE  
DIPLOMOVÁ PRÁCA

Študijný program: Aplikovaná informatika  
Študijný odbor: 2511 Aplikovaná informatika  
Školiace pracovisko: Katedra aplikovanej informatiky  
Školiteľ: školiteľ

Bratislava, 2019  
Jaroslav Ištók



Univerzita Komenského v Bratislave  
Fakulta matematiky, fyziky a informatiky

## ZADANIE ZÁVEREČNEJ PRÁCE

**Meno a priezvisko študenta:** Bc. Jaroslav Ištók  
**Študijný program:** aplikovaná informatika (Jednoodborové štúdium, magisterský II. st., denná forma)  
**Študijný odbor:** aplikovaná informatika  
**Typ záverečnej práce:** diplomová  
**Jazyk záverečnej práce:** slovenský  
**Sekundárny jazyk:** anglický

**Názov:** Porovnanie niekoľkých typov rekurentných sietí z hľadiska hĺbky pamäte  
*Memory span in recurrent neural network types: a comparison*

**Anotácia:** Cieľom práce je preskúmať a porovnať vlastnosti niektorých typov rekurentných samoorganizujúcich sa máp (MSOM, RecSOM a ich modifikácií) s Elmanovou jednoduchou rekurentnou sieťou (SRN), najmä z hľadiska hĺbky a kapacity pamäte. Práca zahŕňa implementáciu, výpočtové simulácie a analýzu vrátane preskúmania priestoru parametrov.

**Literatúra:** Elman, J. (1990). Finding structure in time. Cognitive Science, 14, 179-211.  
Strickert, M. & Hammer, B. (2005). Merge SOM for temporal data. Neurocomputing, 64, 39-71.

**Vedúci:** doc. RNDr. Martin Takáč, PhD.  
**Katedra:** FMFI.KAI - Katedra aplikovanej informatiky  
**Vedúci katedry:** prof. Ing. Igor Farkaš, Dr.  
**Dátum zadania:** 05.10.2017

**Dátum schválenia:** 12.10.2017  
prof. RNDr. Roman Ďurikovič, PhD.  
garant študijného programu

.....  
študent

.....  
vedúci práce

Čestné vyhlásenie



# Abstrakt

Abstrakt - obsah

**Kľúčové slová:** rekurentné neurónové siete, hĺbka pamäte

# Abstract

Abstract

**Keywords:** neural net, machine learning, memory span

# Obsah

<b>1</b>	<b>Úvod</b>	<b>1</b>
1.1	Motivácia . . . . .	1
1.2	Úvod do neurónových sietí . . . . .	2
1.2.1	Perceptrón . . . . .	2
1.2.2	Viacvrstvová dopredná neurónová sieť . . . . .	3
1.2.3	Trénovací algoritmus dopredných neurónových sietí . . . . .	5
1.2.4	Rekurentné neurónové siete . . . . .	6
1.2.5	Samoorganizujúce sa mapy . . . . .	8
1.2.6	Trénovanie . . . . .	8
1.2.7	Využitie SOM . . . . .	11
1.2.8	Rekurentné modely . . . . .	11
1.2.9	RecSOM . . . . .	12
1.2.10	mSOM . . . . .	13
1.2.11	Leaky integration mSOM . . . . .	14
<b>2</b>	<b>Návrh riešenia</b>	<b>15</b>
2.1	Metóda merania hĺbky pamäte samorganizujúcich sa máp . . . . .	15
2.1.1	Trénovacie dáta . . . . .	15
2.1.2	Spôsob uchovávaní informácií v SOM . . . . .	15
2.2	Hľadanie ideálnych (hyper) parametrov . . . . .	17
<b>3</b>	<b>Implementácia</b>	<b>18</b>
3.1	Implementácia SOM . . . . .	18
3.2	Voľba programovacieho jazyka . . . . .	18
3.3	Algoritmus hľadania najdlhšej spoločnej podpostupnosti viacerých reťazcov . . . . .	18
3.4	Reberov automat . . . . .	19
<b>4</b>	<b>Experiment</b>	<b>20</b>



<b>5</b>	<b>Vyhodnotenie a výsledky experimentu</b>	<b>21</b>
5.1	Vyhodnotenie rôznych kombinácií alpha a beta parametrov . . . . .	21
<b>6</b>	<b>Záver</b>	<b>24</b>
6.1	Limity a nedostatky riešenia . . . . .	24
6.2	Možnosti ďalšej práce . . . . .	24
	<b>Bibliography</b>	<b>24</b>

# Zoznam obrázkov

1.1	Percetrón . . . . .	2
1.2	Viacvrstvová dopredná neurónová sieť . . . . .	3
1.3	Logistická sigmoida a Hyperbolický tangens . . . . .	4
1.4	Rectified Linear Unit . . . . .	5
1.5	Architektúra elmanovej siete . . . . .	6
1.6	Rozvinutá Elmanova sieť . . . . .	7
1.7	Neúplne rozvinutá sieť . . . . .	10
1.8	Motýlí efekt . . . . .	10
1.9	Pinch effect . . . . .	11
1.10	Architektúra RecSOM . . . . .	12
2.1	Ukážka hitmapy . . . . .	16
5.1	Rec SOM results . . . . .	21
5.2	MSOM results . . . . .	22
5.3	Leaky MSOM results . . . . .	23

# Zoznam tabuliek

5.1	Parametre RecSOM siete . . . . .	21
5.2	Parametre mSOM siete . . . . .	22
5.3	Parametre leaky mSOM siete . . . . .	22

# Kapitola 1

## Úvod

### 1.1 Motivácia

V strojovom učení nastávajú situácie, kedy potrebujeme predikovať výsledok nie len na základe aktuálneho vstupu, ale aj na základe historického kontextu. Kontext je väčšinou reprezentovaný stavmi modelu z minulých krokov alebo kombináciou predchádzajúcich vstupov. Príkladom takejto úlohy môže byť spracovanie tzv. časových radov či generovanie postupností znakov. Predstavme si úlohu, v ktorej chceme model strojového učenia naučiť predikovať ďalšie písmeno v určitom slove. Ako príklad si môžeme zobrať slovo „Bratislava“. Trénovanie modelu strojového učenia bez využitia historického kontextu by mohlo prebiehať napríklad takto: Trénovaciou množinu by tvorili písmená daného slova, kde očakávanou hodnotou pre nejaké písmeno by bolo ďalšie písmeno, ktoré za ním v slove nasleduje. Čiže pre písmeno „B“ poviem, že očakávame „r“ a takto pokračujem ďalej cez všetky písmená v slove.

Problém nastane pri druhom písmene „a“ v slove Bratislava. Pri prvom výskyte písmena „a“ sme modelu tvrdili, že očakávam písmeno „t“ a pri druhom výskyte písmena „a“ tvrdíme, že očakávame „v“. Tento prípad sa model, ktorý nevyužíva žiadny historický kontext, nevie naučiť, pretože nemá žiadnu "pamäť"(okno do minulosti). Historický kontext umožňuje modelom strojového učenia pracovať s pamäťou.

V mojej práci sa budem zaoberať jedným z modelov strojového učenia, ktorý pracuje s kontextom: rekurentnými neurónovými sieťami viacerých typov pričom budem merať ich pamäťovú hĺbku. Pamäťová hĺbka neurónovej siete vo všeobecnosti vyjadruje to, s akým dlhým kontextom do minulosti dokáže pracovať.

Konkrétne pôjde o nasledujúcim štyri typy rekurentných neurónových sietí:

- Elmanova sieť
- RecSOM
- MergeSOM

- Leaky integration MergeSOM

## 1.2 Úvod do neurónových sietí

### 1.2.1 Perceptrón

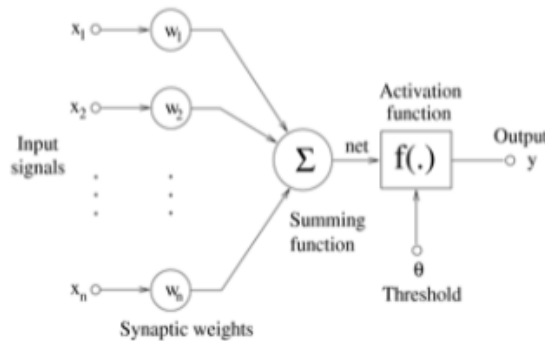
Je základným modelom neurónu, ktorý je používaný v neurónových sieťach.

Na vstupe každého perceptrónu je vektor vstupných hodnôt (vzor)  $\bar{x}$  pričom hodnoty sú reálne čísla alebo binárne hodnoty, v ktorých môže byť zakódované napríklad slovo alebo obrázok. Každý perceptrón má vektor synaptických váh  $\bar{w}$ .

Výstup perceptrón vyjadruje rovnica:

$$y = f\left(\sum_{j=1}^{n+1} w_j x_j\right) \quad x_{n+1} = -1 \quad (1.1)$$

Funkcia  $f$  sa nazýva aj aktivačná funkcia perceptrónu, ktorá môže byť spojitá alebo diskrétna. Podľa toho, či je aktivačná funkcia spojitá alebo diskrétna, rozlišujeme spojitý alebo diskrétny perceptrón.



Obr. 1.1: Percetrón

Aktivačná funkcia diskrétného perceptrónu je jednoduchá bipolárna funkcia, ktorá vráti +1 alebo 1.

$$f(net) = \text{sign}(net) = \begin{cases} 1 & \text{ak } net \geq 0 \\ -1 & \text{ak } net < 0 \end{cases}$$

Aktivačná funkcia spojitého perceptrónu môže byť napríklad sigmoida.

$$f(net) = \frac{1}{1 + \exp^{-net}} \quad (1.2)$$

Vstupom do aktivačnej funkcie ( $net$ ) je skalárny súčin vstupného vektora  $\bar{x}$  a váhového vektora perceptrónu  $\bar{w}$ .

$$net = \bar{x} \cdot \bar{w} \quad (1.3)$$

Trénovanie perceptrónu prebieha za pomoci učiteľa (angl. supervised learning). Pravidlo pre adaptáciu váh diskrétného perceptrónu:

$$w_j(t+1) = w_j(t) + \alpha(d - y) \cdot x_j \quad (1.4)$$

Spojité perceptrón je trénovaný metódou najprudšieho spádu, pomocou ktorej minimalizujeme kvadratickú chybovú funkciu:

$$E(w) = \frac{1}{2} \sum_p (d^{(p)} - y^{(p)})^2 \quad (1.5)$$

Pravidlo pre adaptáciu váh v spojitom perceptróne:

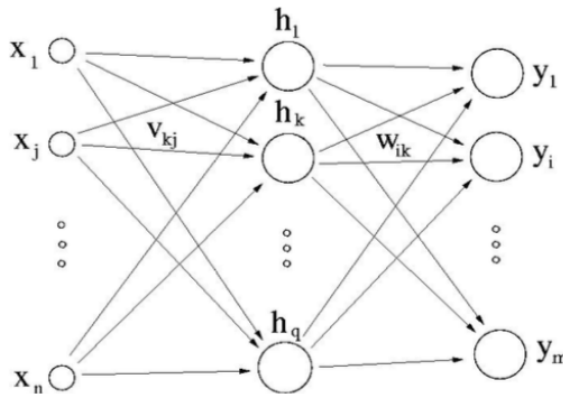
$$w_j(t+1) = w_j(t) + \alpha(d^{(p)} - y^{(p)})f'(net)x_j = w_j(t) + \alpha\delta^{(p)}x_j \quad (1.6)$$

Kde  $p$  je index vzoru v trénovacej množine,  $y$  je skutočný výstup a  $d$  je požadovaný výstup.

Perceptrón je veľmi jednoduchým modelom. Nevie ním vyriešiť celú škálu úloh. Napríklad dokáže klasifikovať iba lineárne separovateľné dáta. Je však dokázané, že ak dáta sú lineárne separovateľné, trénovací algoritmus konverguje a teda vie dáta separovať. Perceptrón sa v strojovom učení niekedy označuje aj ako logistická regresia.

### 1.2.2 Viacvrstvá dopredná neurónová sieť

V našej práci sa budeme zaoberať Elmanovou rekurentnou neurónovou sieťou. [1] Najskôr však popíšeme základný viacvrstvový model neurónovej siete. Viacvrstvá dopredná neurónová sieť má jednu vstupnú vrstvu, jednu výstupnú vrstvu a minimálne jednu skrytú vrstvu. Jednotlivé vrstvy sú tvorené perceptrónmi a sú pospájané väzbami, ktoré majú váhy, resp. váhové vektory. Medzi neurónmi v tej istej vrstve nie sú žiadne spojenia.



Obr. 1.2: Viacvrstvá dopredná neurónová sieť

Trénovací algoritmus pomocou ktorého sa trénujú dopredné neurónové sa nazýva „spätne šírenie chyby“ (angl. backpropagation).

Aktivácie na neurónoch výstupnej vrstvy (výstup) môžeme popísať vzťahom:

$$y_i = f\left(\sum_{k=1}^{q+1} w_{ik} h_k\right) \quad (1.7)$$

Aktivácie na neurónoch skrytej vrstve môžeme popísať vzťahom:

$$h_k = f\left(\sum_{j=1}^{n+1} v_{kj} x_j\right) \quad (1.8)$$

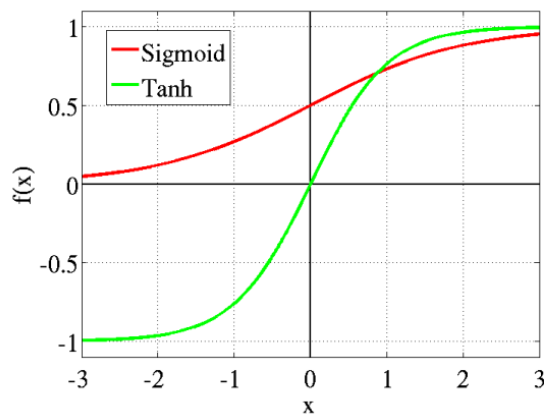
Prahové hodnoty:

$$x_{n+1} = h_{q+1} = -1 \quad (1.9)$$

Aby dopredná neurónová sieť vedela pracovať aj s nelineárnymi problémami, musí byť aktivačná funkcia neurónov nejaká nelineárna diferencovateľná funkcia.

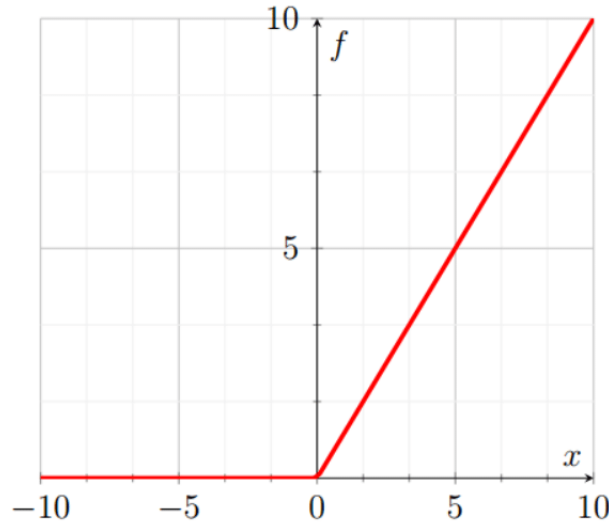
Najpoužívanéjšie aktivačné funkcie sú:

- Logistická sigmoida
- Hyperbolický tangens



Obr. 1.3: Logistická sigmoida a Hyperbolický tangens

- ReLU



Obr. 1.4: Rectified Linear Unit

Vzťahy pre aktualizáciu váh sú nasledovné:

Váhy medzi vstupnou a skrytou vrstvou

$$w_{ik}(t+1) = w_{ik}(t) + \alpha \delta_i h_k \quad \delta_i = (d_i - y_i) f'(net_i) \quad (1.10)$$

Váhy medzi skrytou a výstupnou vrstvou:

$$v_{kj}(t+1) = v_{kj}(t) + \alpha \delta_k x_j \quad \delta_k = \left( \sum_i w_{ik} \delta_i \right) f'(net_k) \quad (1.11)$$

### 1.2.3 Trénovací algoritmus dopredných neurónových sietí

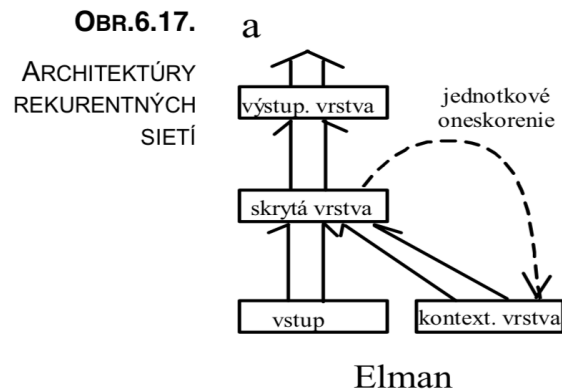
1. zoberie sa vstup  $x^{(p)}$  a vypočíta sa výstup  $y^{(p)}$  (dopredný krok)
2. vypočíta sa chyba pomocou zvolenej chybovej funkcie
3. vypočítame hodnoty  $\delta_i$  a  $\delta_k$  (spätný krok)
4. upravíme váhy  $\Delta w_{ik}$  a  $\Delta v_{kj}$
5. ak už boli použité všetky trénovacie príklady z trénovacej množiny pokračuj bodom 6. inak pokračuj bodom 1.
6. ak bolo dosiahnuté nejaké zastavovacie kritérium, potom skonči, inak prepermutovej vstupy a pokračuj bodom 1.



### 1.2.4 Rekurentné neurónové siete

Rekurentná neurónová sieť je akákoľvek neurónová sieť, ktorá obsahuje množinu neurónov v ktorých sa uchováva informácia o aktiváciách neurónov z predošlých krokov. Takéto neuróny nazývame aj rekurentné neuróny a tvoria vrstvu, ktorá sa nazýva kontextová vrstva. Týmto spôsobom je sieť rozšírená o vnútornú pamäť.

V mojej práci budem skúmať vlastnosti a pamäťovú hĺbku rekurentnej siete s Elmanovou architektúrou, ktorá je znázornená na nasledujúcom diagrame.



Obr. 1.5: Architektúra elmanovej siete

Dvojité šípky reprezentujú spojenia neurónov medzi vrstvami. Neuróny v tej istej vrstve nie sú, podobne ako v nerekurentnej, teda doprednej, sieti, medzi sebou prepojené. Spojenia znázornené dvojitou šípkou majú váhy, ktoré sú upravované počas tréningu. Jednoduché šípky reprezentujú rekurentné spojenia. Tieto majú nemennú váhu s hodnotou 1. Tieto spojenia slúžia na odpamätanie aktivácii rekurentných neurónov.

Využitie rekurentných neurónových sietí:

- Klasifikácia s časovým kontextom

Príkladom úlohy môže byť napríklad určiť, či určitá postupnosť vstupov patrí do nejakej triedy. Praktickým problémom môže byť zistiť či postupnosť signálov z určitého zariadenia signalizuje poruchu zariadenia alebo nie.

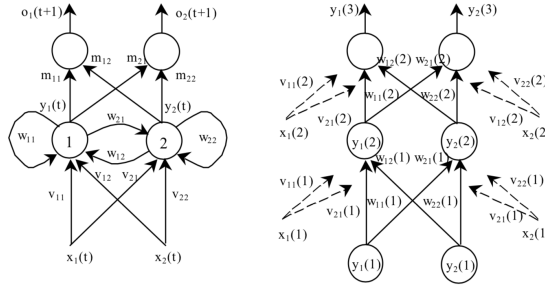
- Predikcie

Príkladom môže byť napríklad predikcia nasledujúceho člena postupnosti.

- Generovanie postupnosti

Podobne ako predikcie, ale nepredikujeme iba ďalšiu hodnotu postupnosti, ale celé pokračovanie. Je to komplexnejšia úloha. Napríklad 23123123123123123123 .. pokračovaním by bolo 123123123... Reálne úlohy sú komplexnejšie.

Trénovací algoritmus, ktorým sa trénujú rekurentné neurónové siete je spätné šírenie chyby v čase (angl. backpropagation through time). Pri použití tohto algoritmu sa sieť rozvíja v čase, t.j. rozvinutá sieť má toľko skrytých vrstiev, koľko je vstupov  $T$  vo vstupnej postupnosti. Takáto sieť sa potom trénuje podobne ako klasická nerekurentná dopredná sieť s  $T$  skrytými vrstvami pomocou jednoduchého spätného šírenia chyby. Aktivity neurónov kontextovej vrstvy sú na začiatku každého cyklu trénovania nastavené na hodnotu 0.5.



Obr. 1.6: Rozvinutá Elmanova sieť

Výstup takejto siete počítame pomocou vzťahu:

$$o_k^{(T+1)} = f\left(\sum_{j=1}^J m_{kj}^{T+1} y_j^{T+1}\right) \quad (1.12)$$

$$y_j^{t+1} = f\left(\sum_{i=1}^J w_{ji}^t y_i^t + \sum_{i=1}^I v_{ji}^t x_i^t\right) \quad (1.13)$$

Chybová funkcia v čase  $T + 1$

$$E(T + 1) = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^K (d_k^{(T+1)} - o_k^{(T+1)})^2 \quad (1.14)$$

Zmena váh medzi vstupnou a výstupnou vrstvou:

$$\Delta m_{kj}^{T+1} = -\alpha \frac{\partial E(T + 1)}{\partial m_{kj}} = \alpha \delta_k^{T+1} y_j^{T+1} \quad (1.15)$$

$$\delta_k^{T+1} = (d_k^{T+1} - o_k^{T+1}) f'(net_k^{T+1}) \quad (1.16)$$

Váhy medzi rozvinutými vrstvami a medzi vstupom a rozvinutými vrstvami sa upravujú pomocou vzťahov:

$$\Delta w_{hj}^{T+1} = \frac{\sum_{t=1}^T \Delta w_{hj}^t}{T} \quad (1.17)$$

$$\Delta w_{ji}^{T+1} = \frac{\sum_{t=1}^T \Delta w_{ji}^t}{T} \quad (1.18)$$

### 1.2.5 Samoorganizujúce sa mapy

Ďalším typom rekurentných neurónových sietí, ktorých pamäťovú hĺbku budeme skúmať v našej práci, sú rekurentné samoorganizujúce sa mapy, ktoré sú rozšírením základnej nerekurentnej verzie samoorganizujúcich sa máp (ďalej iba SOM). Preto najskôr popíšem základný nerekurentný model SOM.

SOM je typ neurónovej siete, v ktorej sú jednotlivé neuróny usporiadané do (väčšinou) dvojrozmernej štvorcovej mriežky. Samoorganizujúce sa mapy (ďalej iba SOM) sú trénované bez učiteľa, čiže váhy jednotlivých neurónov sú upravované iba na základe dát z trénovacej množiny. Čo je zaujímavé na spôsobe trénovania SOM je, že je veľmi podobný učeniu neurónov v mozgovej kôre živočíchov. Je to biologicky inšpirovaný model. Špeciálnou vlastnosťou SOM je, že po natrénovaní zobrazí trénovaciu množinu so zachovanou topológiou. To znamená, že blízke (podobné) vstupy aktivujú blízke neuróny v sieti. Vzdialenosť dvoch neurónov je ich euklidovská vzdialenosť v mriežke. Takéto topologické zobrazenie dát sa vyskytuje aj v biologických neurónových sieťach.

### 1.2.6 Trénovanie

Proces trénovania SOM je zložený z dvoch častí:

- hľadanie víťaza
- adaptácia váh neurónov

Na začiatku su váhy medzi vstupom a neurónmi v mriežke inicializujú na náhodné hodnoty z určitého intervalu. V každom kroku trénovania nájdeme najskôr víťazný neurón pre daný vstup. Postupne počítame euklidovské vzdialenosti vstupu od váhového vektora jednotlivých neurónov. Víťazom je neurón, ktorý je najbližšie k vstupu (má najkratšiu vzdialenosť).

$$i^* = \operatorname{argmin}_i ||x - w_i|| \quad (1.19)$$

Druhým krokom je adaptácia váh víťazného neurónu a jeho okolia. Pravidlo pre zmenu váh neurónov:

$$w_i(t+1) = w_i(t) + \alpha(t)h(i^*, i)([x(t) - w_i(t)]) \quad (1.20)$$

Váhové vektory víťazného neurónu a jeho topologických susedov sa posúvajú smerom k aktuálnemu vstupu.  $\alpha(t)$  predstavuje rýchlosť učenia, ktorá môže klesať v čase alebo môže zostať konštantná. Na funkcii, ktorá je použitá pre  $\alpha$ , v praxi veľmi nezáleží, mala by to byť nejaká monotónne klesajúca funkcia (napríklad exponenciálna funkcia).  $h(i^*, i)$  je funkcia okolia (tzv. excitačná funkcia), ktorá definuje koľko neurónov v okolí

vítaza bude trénovaných a do akej miery. Inými slovami, excitačná funkcia definuje rozsah kooperácie medzi neurónmi. Používajú sa najčastejšie 2 typy okolia:

- pravouhlé(štvorcové) okolie

$$N(i^*, i) = \begin{cases} 1 & \text{ak } d_M(i^*, i) \leq \lambda(t) \\ 0 & \text{inak} \end{cases}$$

$d_M(i^*, i)$  je Manhattanovská vzdialenosť (L1 norma) medzi neurónmi v mriežke mapy. Kohonen zistil, že najlepšie výsledky sú dosiahnuté, keď sa veľkosť okolia s časom postupne znižuje.

- gaussovské okolie

$$N(i^*, i) = \exp^{-\frac{d_E^2(i^*, i)}{\lambda^2(t)}} \quad (1.21)$$

$d_E(i^*, i)$  je euklidovská vzdialenosť (L2 norma) neurónov v mriežke. Funkcia  $\lambda^2(t)$  sa s časom postupne znižuje až k nule. Táto funkcia slúži na zmenšovanie okolia víťazného neurónu počas trénovania, čím sa zabezpečí ukončenie učenia.

$[x(t) - w_i(t)]$  je euklidovská vzdialenosť medzi vstupným vektorom a váhovým vektorom.

Na vyhodnocovanie trénovania SOM používame kvantizačnú chybu. Je to euklidovská vzdialenosť vstupu od váh víťazného neurónu. Po každej epoche učenia vieme určiť celkovú kvantizačnú chybu siete pre danú trénovaciu množinu. Pre každý príklad z trénovacej množiny vypočítame kvantizačnú chybu a spriemerujeme. Táto by mala po každej epoche učenia (po natrénovaní a adaptácii váh na celej trénovacej množine) postupne klesať.

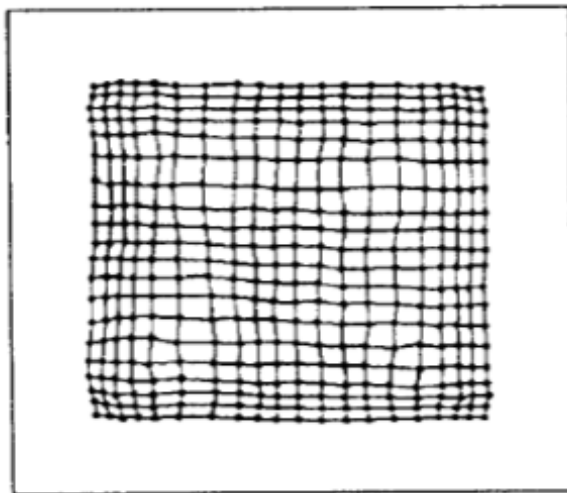
Pri učení rozlišujeme všeobecne dve fázy:

- usporiadavanie - s časom klesá veľkosť okolia víťazných neurónov
- doladovanie - veľkosť okolia sa zafixuje na nejakej malej hodnote až pokým učenie neskončí.

Kohonen odhadol na základe pokusov, že počet iterácií trénovania, by mal byť rádovo 500-násobok počtu neurónov v sieti. Rovnako sa pozorovaním zistilo, že na fázu doladenia je lepšie ponechať viac času ako na fázu usporiadavania.

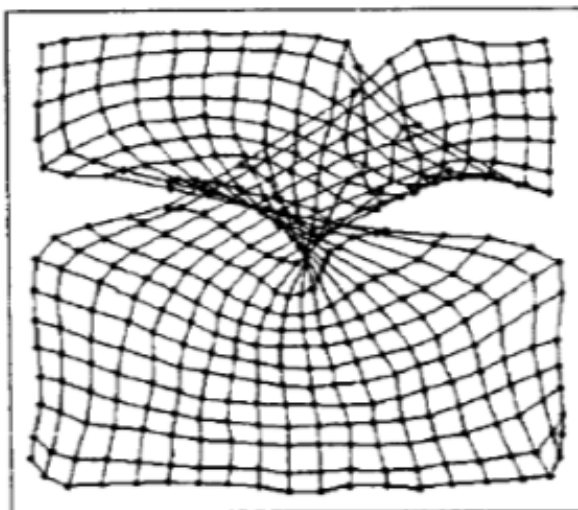
Počas trénovania SOM môžu nastať špeciálne situácie:

- Sieť je neúplne rozvinutá - príliš rýchle zmenšovanie rýchlosti učenia  $\alpha$



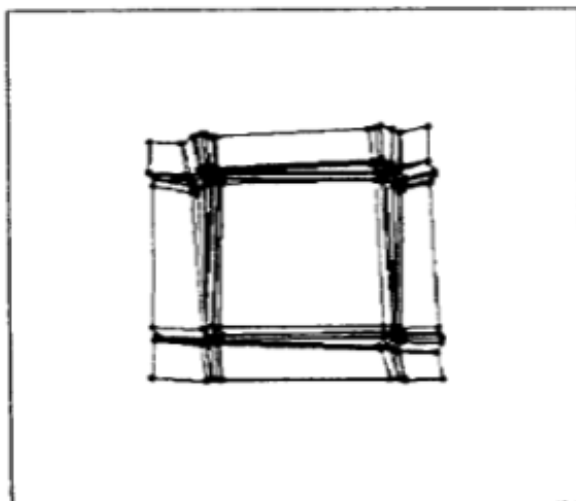
Obr. 1.7: Neúplne rozvinutá sieť

- Motýlí efekt - príliš rýchle zmenšovanie okolia  $\lambda$



Obr. 1.8: Motýlí efekt

- Pinch efekt - príliš pomalé zmenšovanie okolia  $\lambda$



Obr. 1.9: Pinch effect

### 1.2.7 Využitie SOM

- SOM môžeme využiť na mapovanie viacrozmerných dát do 2D - môžeme ju použiť na redukciu dimenzie dát.
- SOM je aj vektorovým kvantizátorom. Pri vektorovej kvantizácii nahrádzame množinu vektorov vstupných dát menšou množinou vektorov (nazývaných aj prototypy). V SOM sú prototypmi váhové vektory. Toto je možné využiť napríklad na kompresiu dát. Vďaka vektorovej kvantizácii stačí uchovať iba množinu prototypov a informáciu o tom, ktorý vstupný vektor patrí ku ktorému prototypu (centru). Ku každému centru sa potom priradí množina vstupných vektorov, ktoré ku nemu majú bližšie ako ku akémukoľvek inému centru (používa sa euklidovská vzdialenosť). Vektorovou kvantizáciou teda rozdelíme vstupný priestor na disjunktné oblasti, ktoré tvoria tzv. Voronoiho mozaiku.

### 1.2.8 Rekurentné modely

Rekurentné samoorganizujúce sa mapy sú modifikáciou nerekurentnej SOM. Rozdiel oproti nerekurentnej verzii je v tom, že vstupy sú porovnávané nielen s váhovým vektorom jednotlivých neurónov, ale aj s kontextom. Rôzne verzie rekurentných SOM sa líšia iba v type kontextu, ktorý je v nich použitý. V kontexte je spravidla uložený stav siete alebo časti siete z minulého časového kroku.

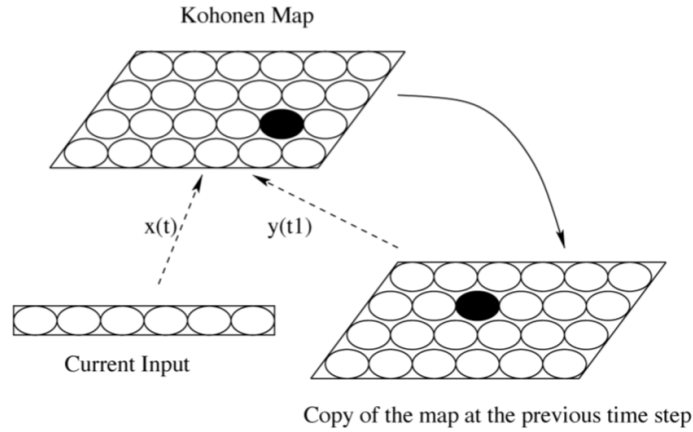
V mojej práci budem porovnávať 2 základné typy rekurentných SOM.

- Recursive SOM (RecSOM): Pri RecSOM je kontextom celá kópia aktivácií neurónov z minulého kroku.

- Merge SOM (mSOM): Pri mSOM sú kontextom vlastnosti víťazného neurónu z predchádzajúceho kroku učenia.

### 1.2.9 RecSOM

Pri RecSom je SOM algoritmus použitý rekurzívne na vstupný vektor  $x(t)$  a tiež reprezentáciu mapy z minulého kroku  $y(t-1)$ . [6]



Obr. 1.10: Architektúra RecSOM

V RecSOM je každý vstup asociovaný k stavom z predchádzajúcich krokov a preto každý neurón reaguje na sekvenciu vstupov. Prerušované čiary predstavujú trénovateľné spojenia.

Každý neurón má 2 váhové vektory. Váhový vektor  $w_i$ , ktorý je porovnávaný so vstupným vektorom  $x(t)$  a vektor kontextových váh  $c_i$ , ktorý je porovnávaný s kontextom z predchádzajúceho kroku  $y(t-1)$ . Keďže chceme aby boli dopredné a spätné spojenia v RecSOM homogénne, celkovú chybu určíme ako váhovaný súčet druhých mocnín kvantizačných chýb oboch prípadov. Chyba je vlastne váhovaný súčet euklidovských vzdialeností vstupu od váhového vektoru a kontextu z predchádzajúceho kroku od kontextových váh.

$N$  je počet neurónov v sieti (pretože kontextom je kópia celej mapy)

$$d_i = \alpha \cdot \|x(t) - w_i\|^2 + b \cdot \|y(t-1) - c_i\|^2 \quad c \in R^N \quad (1.22)$$

$\alpha$  a  $\beta$  sú parametre, ktoré určujú akú váhu pri trénovaní bude mať kontext a akú váhu bude mať aktuálny krok.

Kontextom je kópia aktivácií všetkých neurónov z predchádzajúceho kroku.

$$y(t) = [y_1(t-1), \dots, y_N(t-1)] \quad c, r \in R^N \quad (1.23)$$

Hodnota aktivácie pre určitý neurón je vyjadrená vzťahom:

$$y_i = \exp(-d_i) \quad (1.24)$$

Pravidlo pre zmenu váh neurónov (podobné ako pri nerekurentnej SOM):

$$w_i(t+1) = w_i(t) + \alpha(t)h(i^*, i)[x(t) - w_i(t)] \quad (1.25)$$

Pre zmenu kontextových váh, platí to isté pravidlo ako pre normálne váhy, iba je aplikované na kontextové vektory:

$$c_i(t+1) = c_i(t) + \alpha(t)h(i^*, i)[y(t-1) - c_i(t)] \quad (1.26)$$

Pri RecSom majú kontext aj kontextové váhy veľkú dimenziu (rovnú počtu neurónov v sieti), čo môže spomaľovať proces tréovania. Výhodou môže byť, že kontext RecSOM obsahuje veľa informácií a teda môže mať v niektorých prípadoch lepšie vlastnosti.

### 1.2.10 mSOM

mSOM je podobná recSOM, líši sa v reprezentácii kontextu. [5]

Chybu (vzdialenosť vstupu od neurónu) vyjadríme vzťahom (podobne ako pri recSOM),  $d$  je dimenzia vstupov:

$$d = \alpha \cdot \|s(t) - w_i\|^2 + \beta \cdot \|r(t) - c_i\|^2 \quad x, c \in R^d \quad (1.27)$$

Kontextom pri mSOM nie je kópia aktivácií neurónov z predchádzajúceho kroku, ako je tomu pri RecSom. Kontextom pri mSOM je zlúčenie (lineárna kombinácia) vlastností víťaza z predchádzajúceho kroku. (Odtiaľ je odvodený názov - „zlučovacia samoorganizujúca sa mapa“ - Merge SOM). Kontext mSOM vyjadríme vzťahom:

$$y(t) = \beta \cdot w_{i^*}(t-1) + (1 - \beta) \cdot y_{i^*}(t-1) \quad (1.28)$$

$\beta$  je zlučovací parameter, ktorý určuje váhu kombinovaných vlastností víťazného neurónu z predchádzajúceho kroku. Typická hodnota tohto parametra počas tréovania je  $\beta = 0.5$ , čiže taká, aby obe zložky mali približne rovnakú váhu. Keďže vlastnosti víťazného neurónu sú reprezentované jeho váhovým vektorom, kontextom pri mSOM je lineárna kombinácia váhového vektora víťazného neurónu a kontextového vektora víťazného neurónu z predchádzajúceho kroku. Pravidlá pre adaptáciu váh váhového vektora a kontextových váh zostávajú rovnaké ako pri RecSom, resp. SOM. Líšia sa iba v kontexte.

$$w_i(t+1) = w_i(t) + \alpha(t)h(i^*, i)[s(t) - w_i(t)] \quad (1.29)$$

Pravidlo pre zmenu kontextových váh:

$$c_i(t+1) = c_i(t) + \alpha(t)h(i^*, i)[y(t-1) - c_i(t)] \quad (1.30)$$

Kontext pri štandardnej mSOM obsahuje odlišné informácie ako pri RecSom. Na rozdiel od RecSom, kde kontext tvorí vektor aktivít všetkých neurónov z predchádzajúceho kroku, pri mSOM je kontext tvorený iba lineárnou kombináciou vlastností



vítazného neurónu z minulého kroku. Z toho vyplýva, že kontext v mSOM uchováva menšie množstvo informácií ako kontext v RecSOM. Má však značne menšiu dimenziu (dimenzia kontextu pri mSOM je rovnaká ako dimenzia vstupov), vďaka čomu je tréning mSOM rýchlejší (výpočtovo menej náročné) a teda je možné experimentovať s viacrozmernými mapami, vyskúšať viac epoch tréningu, alebo použiť väčšie tréningové množiny.

### 1.2.11 Leaky integration mSOM

Pre potreby testovania pamäťovej hĺbky sme si vytvorili modifikovanú verziu mSOM, ktorá používa odlišný kontext. Je to modifikovaná verzia mSOM, ktorej kontext je tvorený minulými vstupmi. V pôvodnej mSOM bol kontext tvorený lineárnou kombináciou vlastností víťazného neurónu z predchádzajúceho kroku. V našej modifikovanej verzii mSOM bude kontext tvoriť kombinácia všetkých vstupných vektorov z predchádzajúcich krokov. Zvyšné vlastnosti siete zostávajú rovnaké ako v pôvodnej mSOM.

Samotný kontext počítame pomocou nasledujúceho rekurzívneho vzťahu:

$$c = \beta^0 \cdot x_t + \beta^1 \cdot x_{t-1} + \beta^2 \cdot x_{t-2} \dots \quad (1.31)$$

$\beta$  parameter je číslo z intervalu  $\beta < 1 \wedge \beta > 0$  a  $x_t, x_{t-1}, x_{t-2} \dots$  sú vstupné vektory.

Zo rekurzívneho vzťahu vyplýva, že kontext je tvorený kombináciou predchádzajúcich vstupov pričom čím dávnejší je vstup, tým menšiu váhu má v kontexte, čo je zabezpečené umocňovaním  $\beta$  parametra. Toto sa nazýva v matematike leaky integration. V našom prípade to znamená, že dávne vstupy postupne strácajú na dôležitosti pričom sa stále sa podieľajú na vytváraní výsledného kontextu.

Rozdielne typy kontextov a ich vplyv na pamäťovú hĺbku rekurentných umelých neurónových sietí je hlavným cieľom mojej diplomovej práce.

# Kapitola 2

## Návrh riešenia

### 2.1 Metóda merania hĺbky pamäte samorganizujúcich sa máp

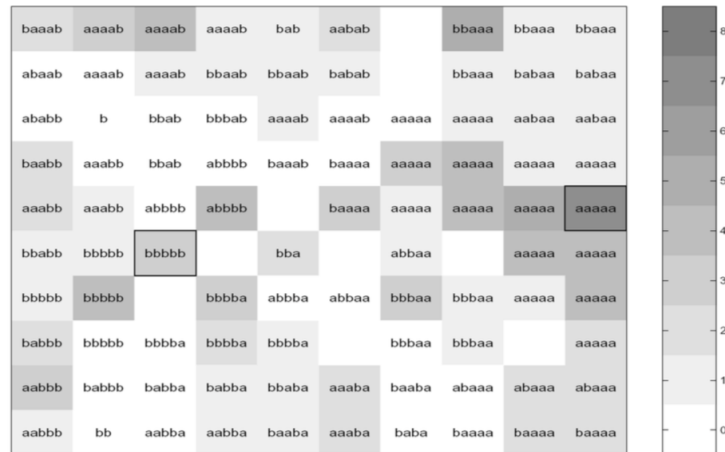
#### 2.1.1 Trénovacie dáta

Trénovacie sekvencie pozostávajú zo sekvencie písmen anglickej abecedy (26 písmen). Spoločnou vlastnosťou týchto trénovacích množín je, že sú tvorené/generované určitým nenáhodným spôsobom (obsahujú napríklad opakujúce sa podsekvencie) a teda môžeme na nich natrénovať rekurentné neurónové siete. Inými slovami dokážu v nich neurónové siete zachytiť určité vzory správania. Samotné vstupy (trénovacie príklady) pre sieť sú zakódované jednotlivé písmená z trénovacej sekvencie. Keďže neurónové siete vedia pracovať iba s číselnými hodnotami, jednotlivé písmená zo vstupnej sekvencie kódujeme počas tréningu do 26 prvkového vektora, ktorého prvky sú nuly a jednotka (pre každé písmeno je jednotka na unikátnej pozícii). Napríklad písmeno A bude reprezentované vektorom  $[1, 0]$ . Tento spôsob reprezentácie vstupov pre sieť je jednoduchý a efektívny.

#### 2.1.2 Spôsob uchovávaní informácií v SOM

Na to aby sme boli schopní odmerať pamäťovú hĺbku siete si potrebujeme pamätať v jednotlivých neurónoch informáciu o tom, pre ktoré vstupy bol daný neurón víťazom. Každý neurón bude mať množinu, v ktorej si bude pamätať pre aký vstup bol víťazom. Nestačí však ukladať iba samotný vstup, pretože by sme stratili historický kontext pre daný vstup, ktorý je dôležitý pri určovaní pamätevej hĺbky. Preto si nebudeme ukladať iba aktuálny vstup (aktuálne písmeno), ale  $k$  posledných písmen z trénovacej sekvencie. Toto sa nazýva posuvné okno (ang. sliding window).

Z týchto pamäťových okien si viem potom ďalej vygenerovať hitmapu, ktorá mi bude vizualizovať, na aké vstupy (resp. okná) neuróny reagovali.



Obr. 2.1: Ukážka hitmapy

Hĺbku pamäte pre konkrétny neurón v sieti vypočítame ako vážený priemer dĺžky najdlhších spoločných podpostupností písmen v množine okien vstupov neurónu. Dĺžku najdlhšej podpostupnosti budem určovať od konca sekvencií v množine. Pamäťovú hĺbku siete potom určím ako vážený priemer pamäťových hĺbok jednotlivých neurónov, kde váhami budú veľkosti množín. Priemer pamäťových hĺbok jednotlivých neurónov musí byť vážený, aby neuróny, ktoré boli víťazmi pre väčší počet vstupov mali vyššiu váhu ako neuróny, ktoré boli víťazmi pre menší počet vstupov. Po každej tréningovej epoche (prechode tréningovou množinou) budem vedieť určiť pamäťovú hĺbku mapy. Vďaka tomu, že neuróny rekurentných sietí majú okrem normálnych váh aj kontextové váhy, ktoré uchovávajú informácie z predchádzajúcich krokov, môže sa stať, že rovnaké písmeno zo vstupu bude mať rôzne víťazné neuróny počas tréningovania.

Samotná pamäťová hĺbka je relatívna a závisí aj od veľkosti posuvného okna. Veľkosť posuvného okna má zmysel zvyšovať iba pokiaľ nám stúpa pamäťová hĺbka, inými slovami toto okno musí byť minimálne tak veľké ako je najdlhšia nájdená podpostupnosť v jednotlivých neurónoch.

Počet neurónov v mape volíme podľa množstva rôznych slov v použitej tréningovej množine.

Tradeoff medzi rozlišovacíou schopnosťou jednotlivých slov a schopnosťou zachovať podobné slová topologicky čo najbližšie pri sebe.

Na tréningovanie a vyhodnocovanie pamäťovej hĺbky som si vytvoril 3 sady tréningových príkladov. Prvá sada sú najjednoduchšie sekvenice (slová), ktoré obsahujú veľké množstvo regularít a malé množstvo rôznych písmen. Napríklad sekvencie ako *aaabbb*, *bbbaaaaa*. Druhou sadou budú slová generované Reberovým automatom. Tretou sadou tréningových príkladov budú najzložitejšie sekvenice, resp. slová z určitého korpusu. Túto sadu budem používať ako performance benchmark.

## 2.2 Hľadanie ideálnych (hyper) parametrov

Ako prvý parameter potrebujem zoptimalizovať veľkosť posuvného okna, tak aby bol väčší ako maximálna pamäťová hĺbka. Toto docielim jednoducho tým, že ho dám rozumne veľký, resp. v prípade potreby ho budem zvyšovať.

Ďalšie dôležité parametre, ktoré potrebujem optimalizovať sú *alpha* a *beta* parametre, ktoré sa používajú pri počítaní vzdialenosti a určujú akú váhu má aktuálny vstup a akú váhu má kontext. Toto neviem spraviť nijak inak, iba postupným skúšaním rôznych kombinácií týchto parametrov. *alpha* aj *beta*.

Optimálne *alpha* a *beta* parametre, ktoré dávajú najlepšie výsledky som hľadal nasledujúcim spôsobom:

Naprogramoval som si skript, pomocou ktorého trénujem sieť s rôznymi parametrami. Výsledky som si počas trénovania zaznamenával. Následne som si vykreslil 3D grafy pre každý typ trénovanej siete (msom, recsom, vmsom), kde na x-ovej osy sú hodnoty *alpha* parametra, na y-ovej osy sú hodnoty *beta* parametra a na z-ovej osy sú hodnoty pamäťových hĺbok. Na začiatok som zvyšoval parametre po hodnote 0.1.

# Kapitola 3

## Implementácia

### 3.1 Implementácia SOM

Keďže pre potreby merania pamäťovej hĺbky sme potrebovali veľmi modifikované verzie sietí, rozhodli sme sa pre vlastnú implementáciu sietí v jazyku Python, ktorá nám umožnila skúšať rôzne modifikácie, čo s existujúcimi modelmi neboli možné. Patrí medzi ne napríklad použitie odlišného kontextu pri mSOM, úprava excitačnej funkcie počas tréovania (zmenšovanie okolia), dynamické znižovanie rýchlosti učenia siete počas tréovania a ďalšie modifikácie parametrov.

### 3.2 Voľba programovacieho jazyka

Zvolili sme si jazyk Python pretože preň existuje veľké množstvo kvalitných knižníc pre prácu s maticami a vektormi, či vykresľovanie grafov. Python je veľmi populárny v oblasti strojového učenia. Ďalšou výhodou je jednoduché spustenie skriptov na linuxovom serveri, čo urýchľuje samotné tréovanie a hľadanie najoptimálnejších parametrov a umožňuje vyskúšať veľké množstvo kombinácií parametrov. Používame štandardný set knižníc pre implementáciu neurónových sietí: numpy, scipy. Knižnice matplotlib a seaborn používame na vykresľovanie a vizualizáciu dát.

### 3.3 Algoritmus hľadania najdlhšej spoločnej podpostupnosti viacerých reťazcov

Na hľadanie najdlhšej spoločnej podpostupnosti viacerých reťazcov som použil relatívne jednoduchý prístup. Z každej sekvencie som si vytvoríme všetky možné n-gramy (podpostupnosti), ktoré si uložíme do množiny. Pre každú sekvenciu vytvoríme takúto množinu n-gramov. Potom spravíme prienik týchto množín a dĺžka najdlhšieho reťazca

z tohto prieniku je dĺžka najdlhšej spoločnej podpostupnosti. Ide o naivný algoritmus, ktorý by bol pri dlhých reťazcoch pamäťovo aj výpočtovo veľmi náročný, avšak pre potreby merania pamätevej hĺbky neurónových sietí je postačujúci a dostatočne efektívny, keďže posuvné okná nie sú zvyčajne príliš dlhé (do 50 znakov maximálne)

### 3.4 Reberov automat

Na vytvorenie trénovacej množiny, ktorá pozostáva z reberových reťazcov sme si vytvorili vlastnú implementáciu pravdepodobnostného nedeterministického konečného reberového automatu, pomocou ktorého generujeme reberové reťazce.

## Kapitola 4

## Experiment

# Kapitola 5

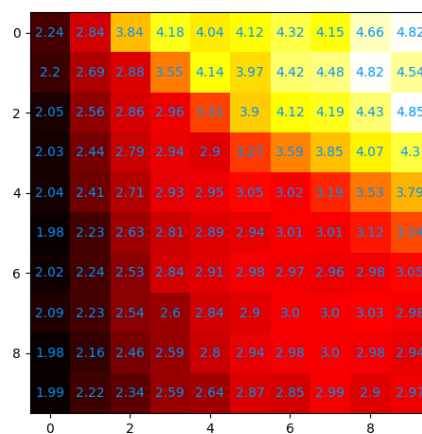
## Vyhodnotenie a výsledky experimentu

### 5.1 Vyhodnotenie rôznych kombinácií alpha a beta parametrov

The table 5.1 is an example of referenced  $\text{\LaTeX}$ elements.

Parameter	Hodnota
1	6
2	7
3	545
4	545
5	88

Tabulka 5.1: Parametre RecSOM siete

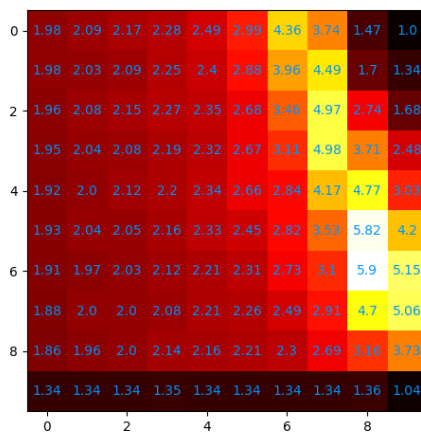


Obr. 5.1: Rec SOM results



Parameter	Hodnota
1	6
2	7
3	545
4	545
5	88

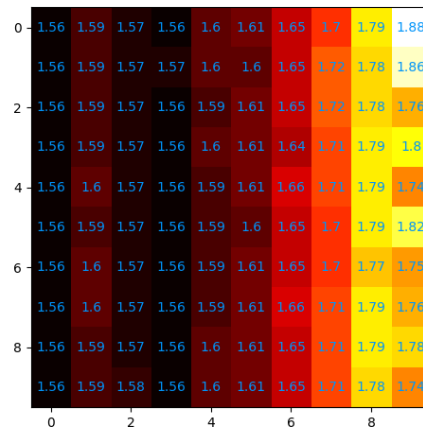
Tabuľka 5.2: Parametre mSOM siete



Obr. 5.2: MSOM results

Parameter	Hodnota
1	6
2	7
3	545
4	545
5	88

Tabuľka 5.3: Parametre leaky mSOM siete



Obr. 5.3: Leaky MSOM results

# Kapitola 6

## Záver

6.1 Limity a nedostatky riešenia

6.2 Možnosti ďalšej práce

# Bibliografia

- [1] Jeffrey L. Elman. “Finding structure in time”. In: *COGNITIVE SCIENCE* 14.2 (1990), s. 179–211.
- [2] Jiang Guo. “Backpropagation through time”. In: *Unpubl. ms., Harbin Institute of Technology* (2013).
- [3] Teuvo Kohonen. “Essentials of the Self-organizing Map”. In: *Neural Netw.* 37 (jan. 2013), s. 52–65. ISSN: 0893-6080. DOI: 10.1016/j.neunet.2012.09.018. URL: <http://dx.doi.org/10.1016/j.neunet.2012.09.018>.
- [4] H. Ritter a T. Kohonen. “Self-organizing Semantic Maps”. In: *Biol. Cybern.* 61.4 (aug. 1989), s. 241–254. ISSN: 0340-1200. DOI: 10.1007/BF00203171. URL: <http://dx.doi.org/10.1007/BF00203171>.
- [5] Marc Strickert a Barbara Hammer. “Merge SOM for temporal data”. In: *Neurocomputing* 64 (2005), s. 39–71.
- [6] Thomas Voegtlin. “Recursive Self-organizing Maps”. In: *Neural Netw.* 15.8-9 (okt. 2002), s. 979–991. ISSN: 0893-6080. DOI: 10.1016/S0893-6080(02)00072-2. URL: [http://dx.doi.org/10.1016/S0893-6080\(02\)00072-2](http://dx.doi.org/10.1016/S0893-6080(02)00072-2).