

Fortan ist ℓ dynamisch: der Anfangswert wird als s bezeichnet. Er errechnet sich wie folgt:

$$s = \sqrt{x_0^2 + h^2} \quad (1)$$

v_w wird der Übersicht halber mit v abgekürzt.

$$x(t)^2 + h^2 = l(t)^2 \quad (2)$$

$$l = s - v \cdot t \quad (3)$$

$$x = \sqrt{(s - v \cdot t)^2 - h^2} \quad (4)$$

$$= \sqrt{s^2 - 2svt + t^2v^2 - h^2} \quad (5)$$

$$t = \frac{\sqrt{x^2 + h^2} - x}{v} \quad (6)$$

$$v_s = \dot{x} = \frac{tv^2 - sv}{\sqrt{s^2 - 2svt + t^2v^2 - h^2}} \quad (7)$$

$$= \frac{tv^2 - sv}{x} \quad (8)$$

$$\text{Nach Einsetzen von 6: } = \frac{v\sqrt{x^2 + h^2} - 2sv}{x} \quad (9)$$

$$\dot{x} = \frac{tv^2 - sv}{\sqrt{s^2 - 2svt + t^2v^2 - h^2}} \quad (10)$$

$$\ddot{x} = \frac{\partial \dot{x}}{\partial t} + \frac{\partial \dot{x}}{\partial x} \frac{dx}{dt} \quad (11)$$

$$= 0 + \left(\frac{v\sqrt{x^2 + h^2} - 2sv}{x} \right)^{(x)} \cdot \dot{x} \quad (12)$$

$$= \dot{x} \left(\frac{v}{\sqrt{x^2 + h^2}} - \frac{v\sqrt{x^2 + h^2} - 2sv}{x^2} \right) \quad (13)$$