

Hausaufgaben für P1a

Online unter <http://github.com/jaseg/Hausaufgaben>

Jan Sebastian Götte (546408)

Aufgabe 1

$$\rho_L = \frac{1}{V_m} \cdot \sum M_i \cdot r_i \quad (1)$$

$$V_m \propto T \Rightarrow V_m(T = 20^\circ) = V_m(T = 0^\circ) \cdot \frac{293.15\text{K}}{273.15\text{K}} \quad (2)$$

$$\Rightarrow \rho_L = \frac{1}{V_m(T = 0^\circ) \cdot \frac{293.15\text{K}}{273.15\text{K}}} \cdot \sum M_i \cdot r_i \quad (3)$$

$$= 1.204041 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \quad (4)$$

Aufgabe 2

a)

$$\rho(T_2) = \rho(T_1) \cdot \frac{T_1}{T_2} \quad (5)$$

$$F_A = g\rho V \quad F_g = g\rho V = mg \quad (6)$$

$$300\text{kg} \cdot g = g\rho_L V - g\rho_H V \quad (7)$$

$$\Rightarrow 300\text{kg} = (\rho_L - \rho_H) \cdot V \quad (8)$$

$$= 1.2\text{kg/m}^3 \cdot \left(1 - \frac{T_1}{T_2}\right) \cdot V \quad (9)$$

$$V = \frac{\pi}{6} d^3 \quad (10)$$

$$\Rightarrow d = \sqrt[3]{\frac{6 \cdot 300}{\pi \cdot 1.2 \cdot \left(1 - \frac{393.15}{413.15}\right)}} \quad (11)$$

$$= 21.5\text{m} \quad (12)$$

b)

Die Dichte von Wasserdampf liegt bei ca. $0.6 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$, was geringer als die Dichte 40° warmer Luft ist. Der Ballon wird also leichter und steigt somit.

Aufgabe 3

$$pV = nRT \quad (13)$$

$$n = \frac{pV}{RT} \quad (14)$$

$$p = \frac{nRT}{V} \quad (15)$$

$$n_{\text{ges}} = \sum_i \frac{p_i V_i}{RT_i} \quad (16)$$

$$p_{\text{ges}} = \frac{n_{\text{ges}} RT_{\text{ges}}}{V} \quad (17)$$

$$U_{\text{ges}} = U_1 + U_2 = \frac{5}{2} R (n_1 T_1 + n_2 T_2) \quad (18)$$

$$= n_{\text{ges}} T_{\text{ges}} \cdot \frac{5}{2} R \quad (19)$$

$$\Rightarrow T_{\text{ges}} = \frac{n_1 T_1 + n_2 T_2}{n_{\text{ges}}} \quad (20)$$

$$= \frac{\frac{T_1 p_1 V_1}{RT_1} + \frac{T_2 p_2 V_2}{RT_2}}{\frac{p_1 V_1}{RT_1} + \frac{p_2 V_2}{RT_2}} \quad (21)$$

$$= \frac{p_1 V_1 + p_2 V_2}{\frac{p_1 V_1}{T_1} + \frac{p_2 V_2}{T_2}} \quad (22)$$

$$= \frac{\frac{1}{3} p_1 + \frac{2}{3} p_2}{\frac{p_1}{3T_1} + \frac{2p_2}{3T_2}} \quad (23)$$

$$= 336 K \quad (24)$$

$$\Rightarrow p_{\text{ges}} = \frac{R (n_1 T_1 + n_2 T_2)}{V} \quad (25)$$

$$= \frac{R}{V} \left(\frac{p_1 V_1 T_1}{RT_1} + \frac{p_2 V_2 T_2}{RT_2} \right) \quad (26)$$

$$= \frac{p_1 V_1 + p_2 V_2}{V} \quad (27)$$

$$= \frac{p_1 \cdot \frac{1}{3} V + p_2 \cdot \frac{2}{3} V}{V} \quad (28)$$

$$= \frac{1}{3} p_1 + \frac{2}{3} p_2 \quad (29)$$

$$= 1.2 \cdot 10^6 \text{ Pa} \quad (30)$$

Aufgabe 4

Aufgabe 5

a)

b)

c)