

比較器與基本振盪電路應用

National Taiwan Normal University

講師：袁仕翰

一、比較器及其相關介紹

比較器

在10-1小節中，證明過理想的運算放大器未接上任何負回授網路時，其功能特性相當於比較器。

利用以下步驟，可得比較器輸出電壓。

步驟一：

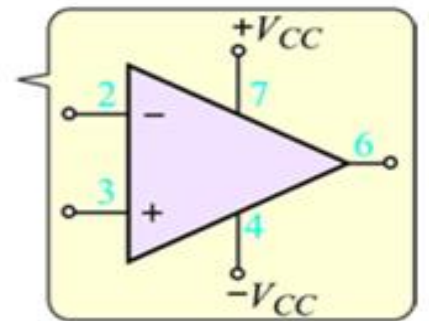
分別找出 $V_{i(+)}$ 與 $V_{i(-)}$ 。

一、比較器及其相關介紹

比較器

步驟二：

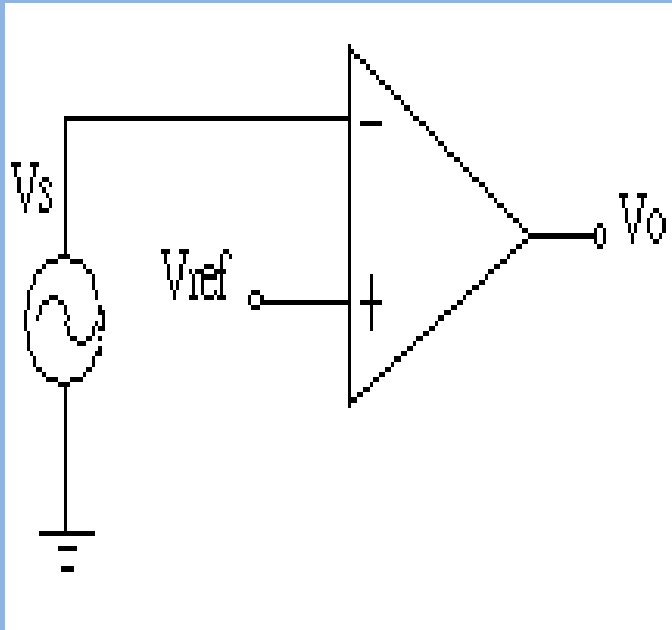
若 $V_{i(+)} > V_{i(-)}$ 則 $V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$;
若 $V_{i(+)} < V_{i(-)}$ 則 $V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$ 。



※註：理想OPA做為比較器時，
若 $V_{i(+)} = V_{i(-)}$ 則 $V_o = 0$ ，屬於特例情況。

一、比較器及其相關介紹

反相輸入比較器



步驟一：

分別找出 $V_{i(+)}$ 與 $V_{i(-)}$ 。

由圖可知 $V_{i(+)} = V_{ref}$ ， $V_{i(-)} = V_s$ 。

步驟二：

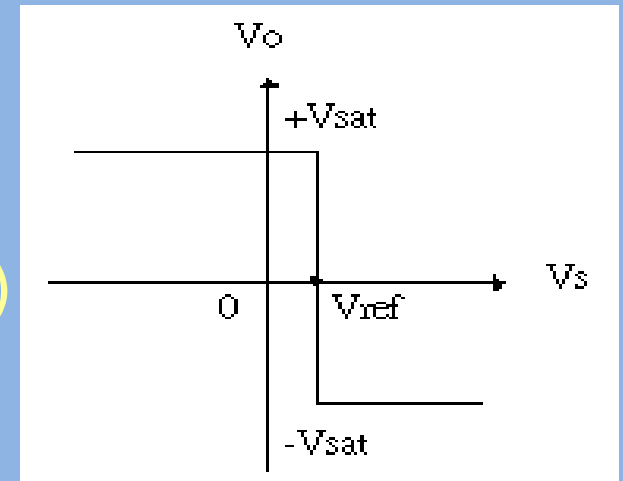
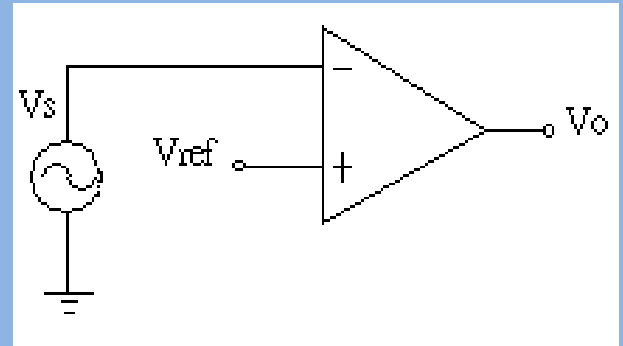
若 $V_{i(+)} > V_{i(-)}$ 則 $V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$ ；

若 $V_{i(+)} < V_{i(-)}$ 則 $V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$ 。

一、比較器及其相關介紹

反相輸入比較器之 輸入-輸出轉移特性曲線

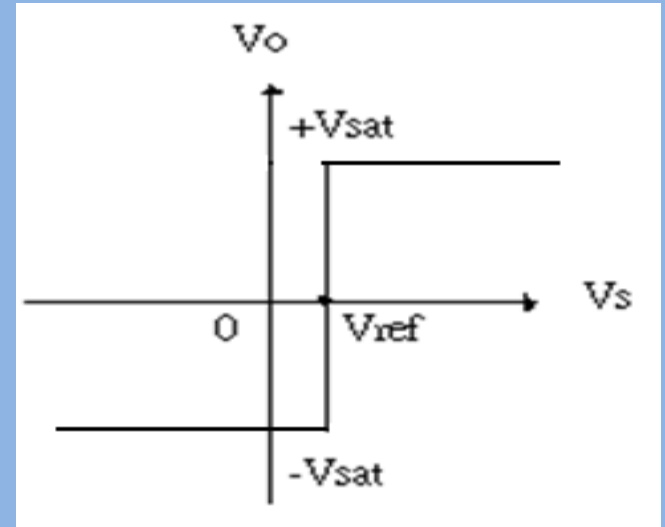
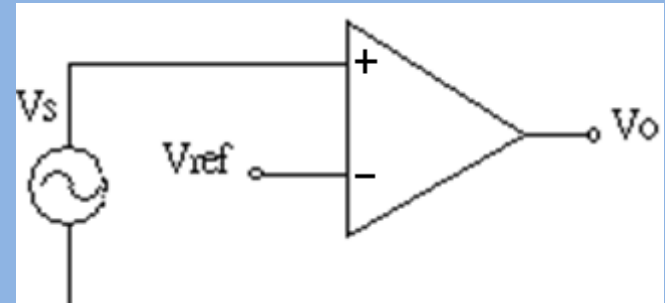
- $V_s > V_{ref} \rightarrow V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$
- $V_s < V_{ref} \rightarrow V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$
- V_{ref} 為輸入-輸出轉移特性曲線之轉折電壓(crossover voltage)



一、比較器及其相關介紹

非反相輸入比較器之 輸入-輸出轉移特性曲線

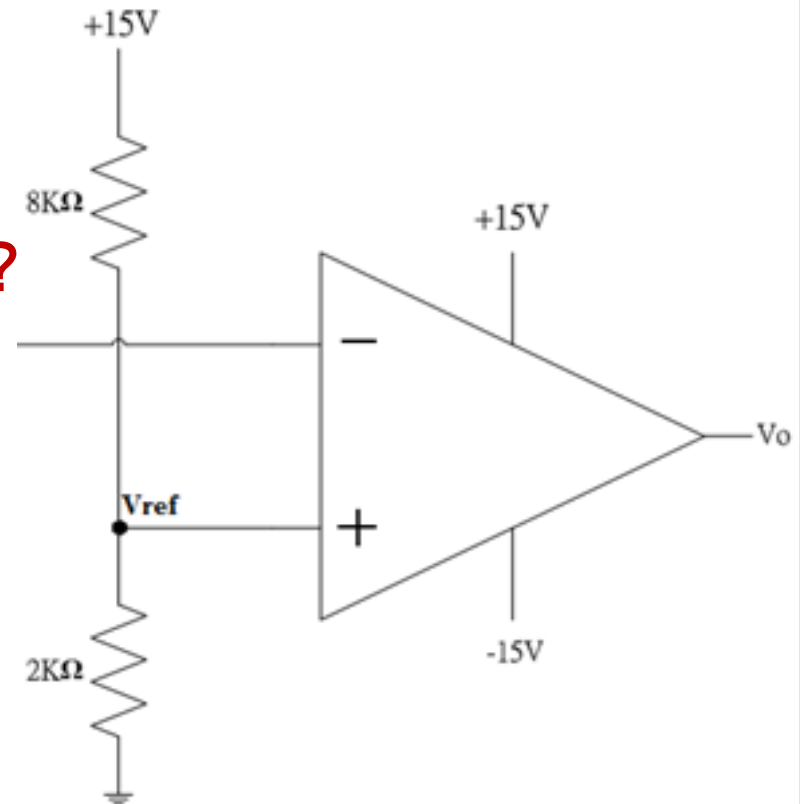
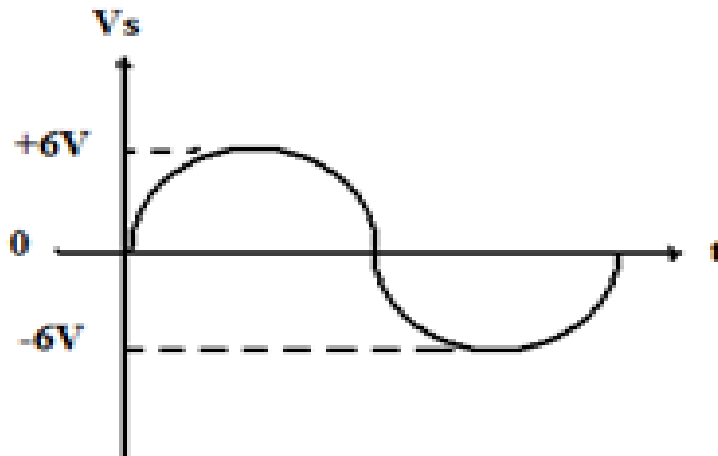
- 同理可得右圖所示非反相輸入比較器之輸入-輸出轉移特性曲線。
- $V_s > V_{ref} \rightarrow V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$
- $V_s < V_{ref} \rightarrow V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$



一、比較器及其相關介紹

例題

如右圖所示反相輸入比較器
若輸入信號為一峰值6V之正
弦波，則其輸出 V_o 波形為何？

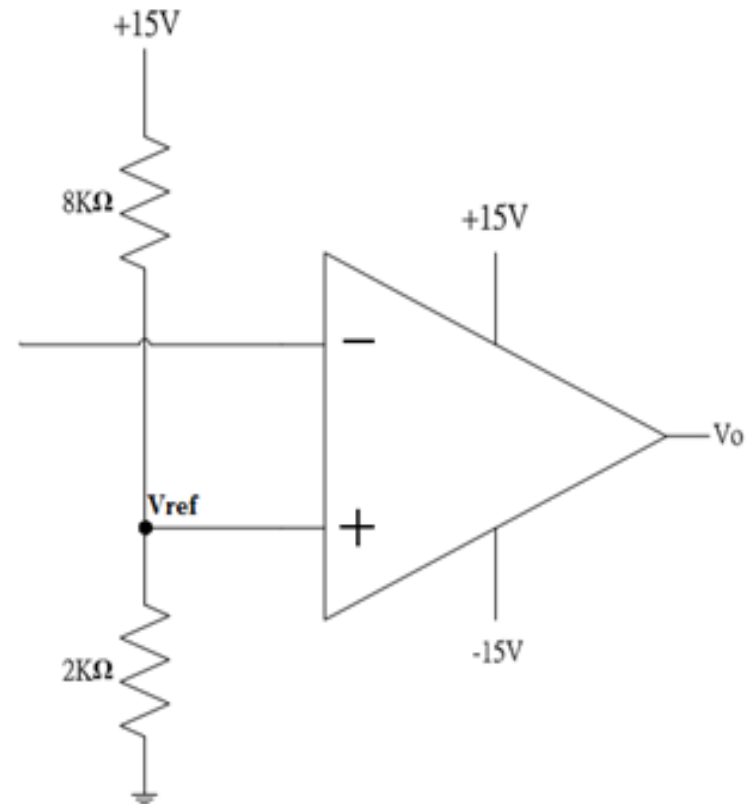
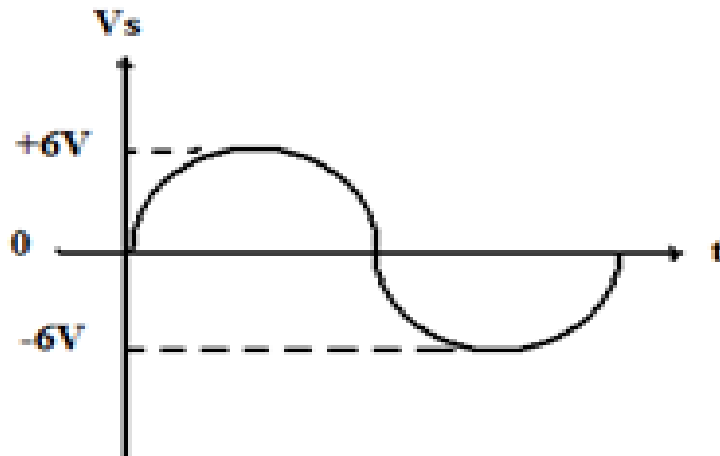


一、比較器及其相關介紹

解答

Ans: 參考電壓

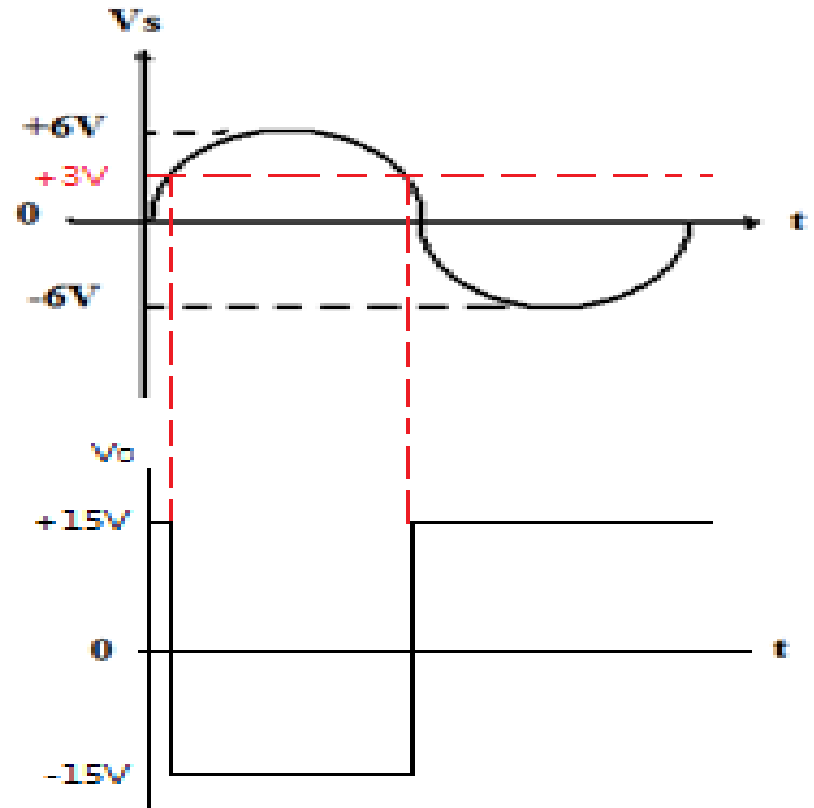
$$V_{ref} = 15V \times \frac{2k\Omega}{8k\Omega + 2k\Omega} = 3V$$



一、比較器及其相關介紹

解答

$$\begin{cases} V_s > 3V \rightarrow V_o = -V_{sat} \approx -15V \\ V_s < 3V \rightarrow V_o = +V_{sat} \approx +15V \end{cases}$$



一、比較器及其相關介紹

- 步驟一：分別找出 $V_{i(+)}$ 與 $V_{i(-)}$ 。

$$V_{i(+)} = 0$$

$$V_{i(-)} = V_S \times \frac{R_{ref}}{R_S + R_{ref}} + V_{ref} \times \frac{R_S}{R_S + R_{ref}}$$

- 步驟二：

若 $V_{i(+)} > V_{i(-)}$ 則 $V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$ ；

若 $V_{i(+)} < V_{i(-)}$ 則 $V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$

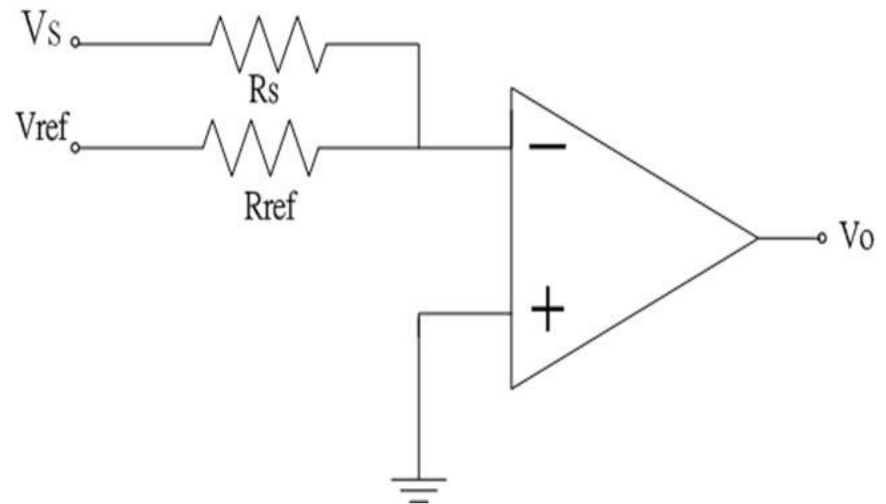
若 $V_{i(+)} > V_{i(-)}$ 則 $0 > V_S \times \frac{R_{ref}}{R_S + R_{ref}} + V_{ref} \times \frac{R_S}{R_S + R_{ref}}$

化簡可得 $V_S < (-R_S/R_{ref}) \times V_{ref}$ 時，

其輸出 $V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$ 。

若 $V_{i(+)} < V_{i(-)}$ 則 $0 < V_S \times \frac{R_{ref}}{R_S + R_{ref}} + V_{ref} \times \frac{R_S}{R_S + R_{ref}}$

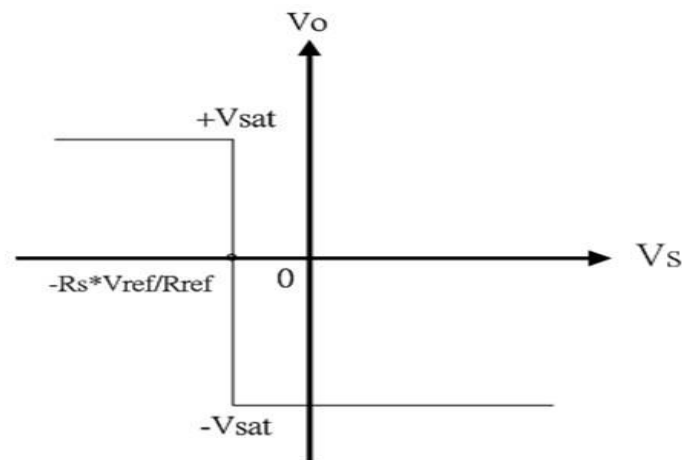
化簡可得 $V_S > (-R_S/R_{ref}) \times V_{ref}$ 時，其輸出 $V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$ 。



一、比較器及其相關介紹

反相輸入臨界電位比較電路

- ▶ 整理上述結果，可得反相輸入臨界電位比較器之輸入-輸出轉移特性曲線，其關係為
- ▶ $V_s < (-R_s/R_{ref}) \times V_{ref} \rightarrow V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$
- ▶ $V_s > (-R_s/R_{ref}) \times V_{ref} \rightarrow V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$
- ▶ 上式中 $(-R_s/R_{ref}) \times V_{ref}$ 為輸入-輸出轉移特性曲線之轉折電壓



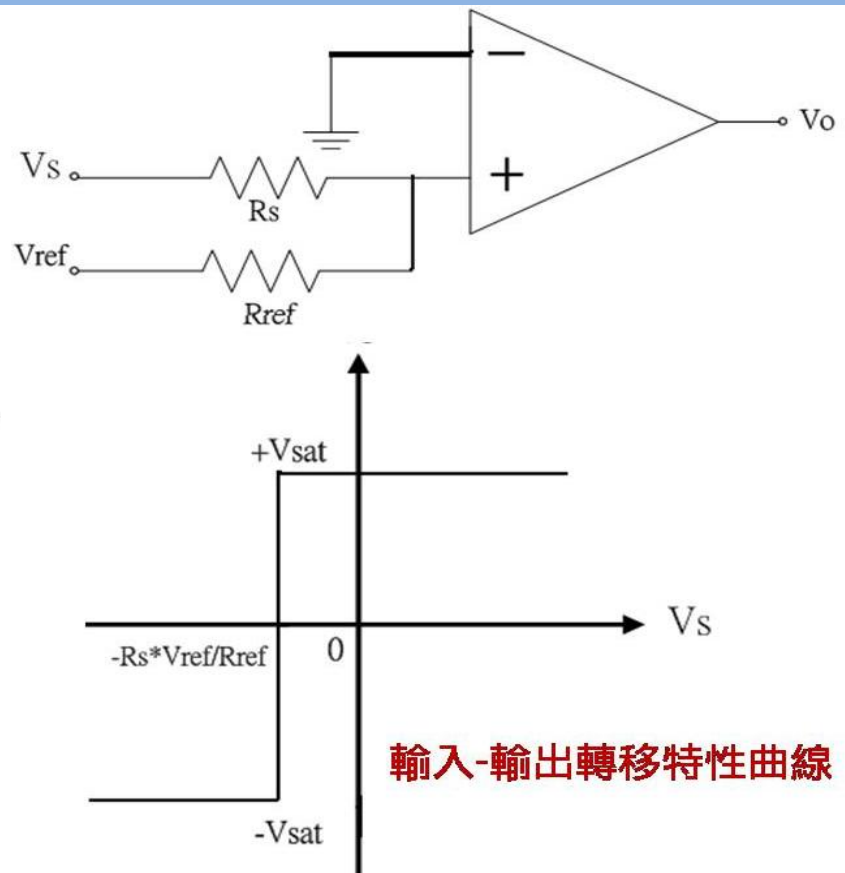
輸入-輸出轉移特性曲線

一、比較器及其相關介紹

非反相輸入臨界電位比較電路

- ▶ 同理可得右圖所示非反相輸入比較器之輸入-輸出轉移特性曲線。

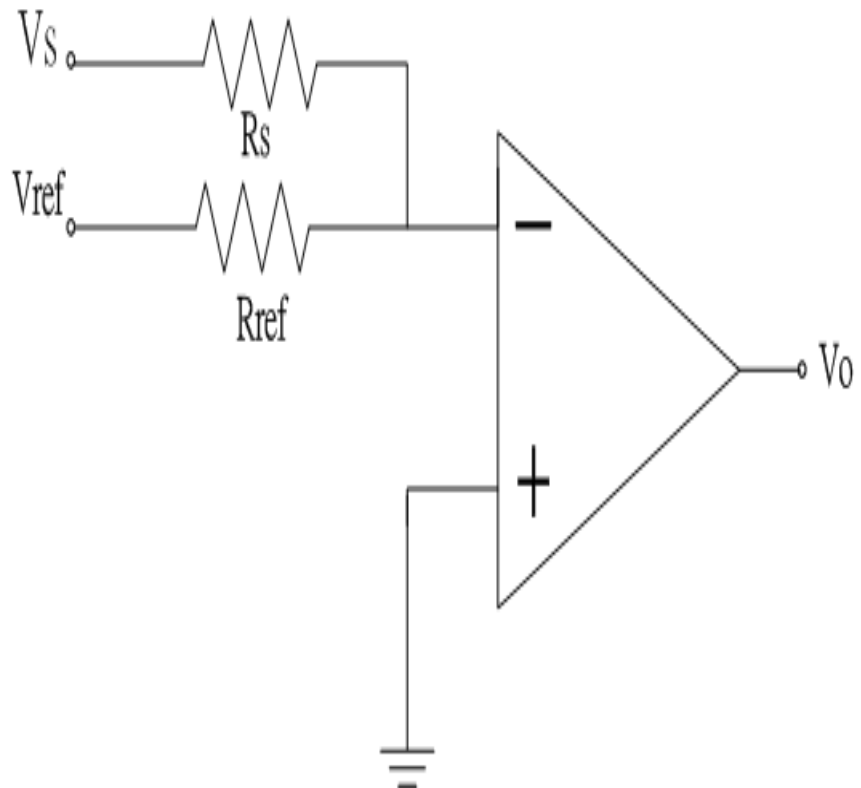
- ▶ $V_s > (-R_s/R_{ref}) \times V_{ref} \rightarrow V_o = +V_{sat} \doteq +V_{cc}$
- ▶ $V_s < (-R_s/R_{ref}) \times V_{ref} \rightarrow V_o = -V_{sat} \doteq -V_{cc}$



一、比較器及其相關介紹

例題

如右圖所示反相輸入臨界電位比較器，若 $R_s = 3\text{K}\Omega$ 、 $R_{\text{ref}} = 2\text{K}\Omega$ 及 $V_{\text{ref}} = 6\text{V}$ ，試求(1) $V_s = 3\text{V}$ ，(2) $V_s = -10\text{V}$ 時，其輸出電壓 V_o 分別為何？已知OPA電源電壓為 $\pm 15\text{V}$ 。

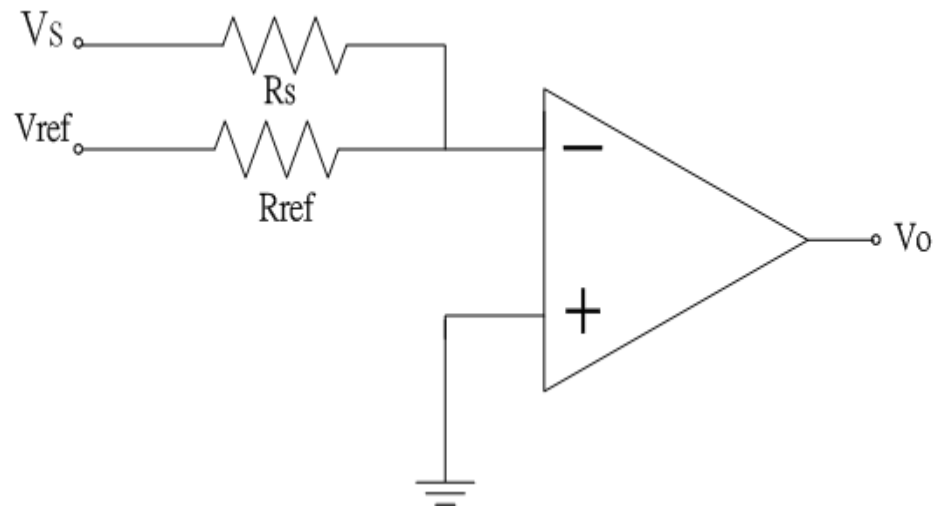


一、比較器及其相關介紹

解答

Ans: 因轉折電壓

$$\left(-\frac{R_s}{R_{ref}} \right) \times V_{ref} = -\frac{3k\Omega}{2k\Omega} \times 6V = -9V$$



二、基本振盪電路應用

正弦波產生電路

基本振盪電路

正弦波

低頻(RC)

RC相移振盪器
韋恩電橋振盪器
(11.1節)

高頻(LC)

哈特萊振盪器
考畢子振盪器
石英晶體振盪器
(11.1節)

非正弦波

方波

施密特觸發電路(11.2節)
方波產生器 (11.3節)
(多諧振盪電路)

三角波

施密特+積分器

二、基本振盪電路應用

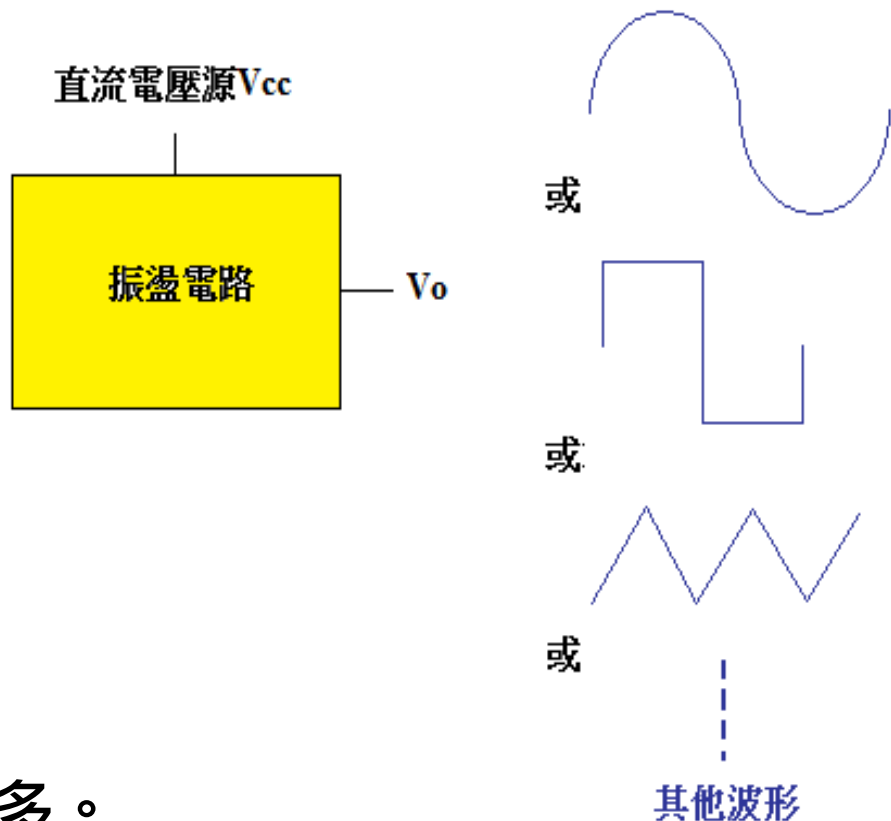
單元重點

- 1. 巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$
- 2. 正弦波產生電路有韋恩電橋、相移、LC調諧及石英等振盪電路。
- 在電子電路的應用中，我們常需要輸入信號來量測或控制電路，如輸入不同頻率的弦波信號至放大電路，以觀測其輸出頻率響應變化情形；提供方波時脈信號至邏輯電路，以控制邏輯電路的輸出狀態；提供鋸齒掃描波至示波器之時基掃描電路，以控制時基掃描線之位置等等。

二、基本振盪電路應用

單元重點

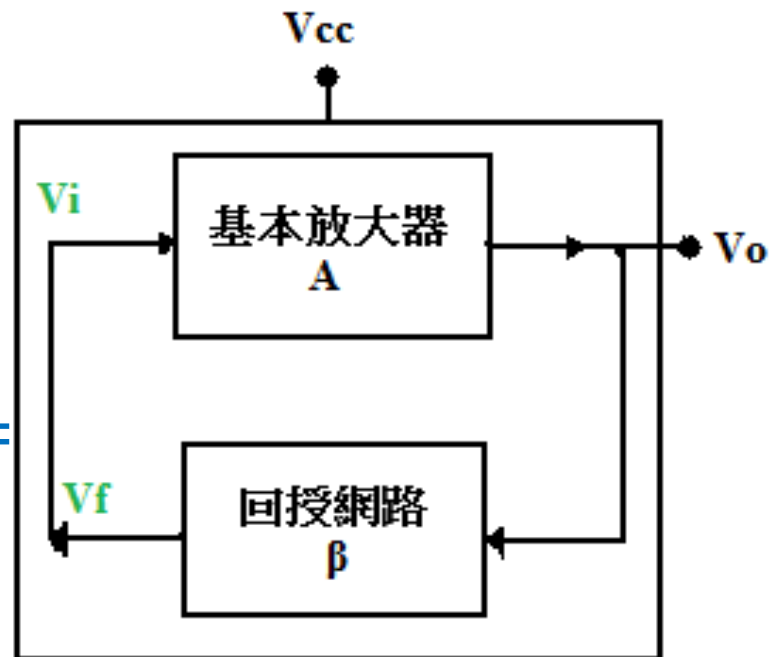
波形產生電路或稱振盪電路(oscillator)的功能是將電路中的**直流電能轉換為交流電能**，以產生各種交流信號波形輸出，如正弦波、方波、脈波、三角波、鋸齒掃描波及階梯坡等等。在各類的信號波形中，以正弦波應用類比電路與方波應用於數位電路最多。



二、基本振盪電路應用

正弦波振盪電路基本原理

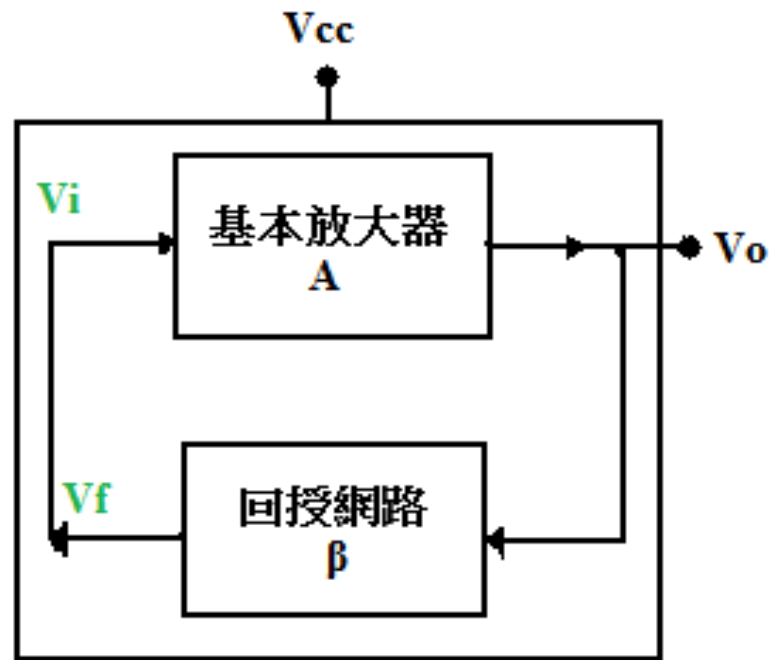
右圖為正弦波振盪電路的組成方塊圖，其中增益 $A = V_o/V_i$ 之基本放大器功能為放大振盪信號，回授因數 $\beta = V_f/V_o$ 之回授網路功能為選擇振盪信號頻率。



二、基本振盪電路應用

正弦波振盪電路基本原理

當直流電源加入振盪電路時，因電路上會有不同頻率成份的雜訊信號，這些信號經基本放大器放大並經具有頻率選擇功能的回授網路後，會產生一個特定頻率之正弦波信號輸出。



二、基本振盪電路應用

正弦波振盪電路基本原理

- 此特定頻率之正弦波振盪信號，若能使放大器輸出經回授網路所產生的電壓 V_f 等於放大器輸入電壓 V_s 時，即 $V_f = V_s$ 時，即可得到一個穩定的等幅振盪之正弦波信號輸出，其中電路迴路增益：

$$\beta \times A = \frac{V_f}{V_o} \times \frac{V_o}{V_i} = 1 \angle 0^\circ$$

- 上式即為正弦波振盪條件-巴克豪森準則 (Barkhausen criterion)
- 註 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ ，可表示為 $\beta A = 1 \angle (360 \times n)$

二、基本振盪電路應用

例題

若要滿足巴克豪森振盪條件，試求以下各條件分別為何？

(1) $\beta = 0.2 \angle 0^\circ$ ， $A = ?$

ANS : $\beta A = 1 \angle 0^\circ = 0.2 \angle 0^\circ \times A \rightarrow A = 5 \angle 0^\circ$

(2) $\beta = 0.1 \angle 180^\circ$ ， $A = ?$

ANS : $\beta A = 1 \angle 0^\circ = 0.1 \angle 180^\circ \times A \rightarrow$
 $A = 10 \angle 180^\circ = -10 \angle 0^\circ$

(3) $\beta = -0.5 \angle 0^\circ$ ， $A = ?$

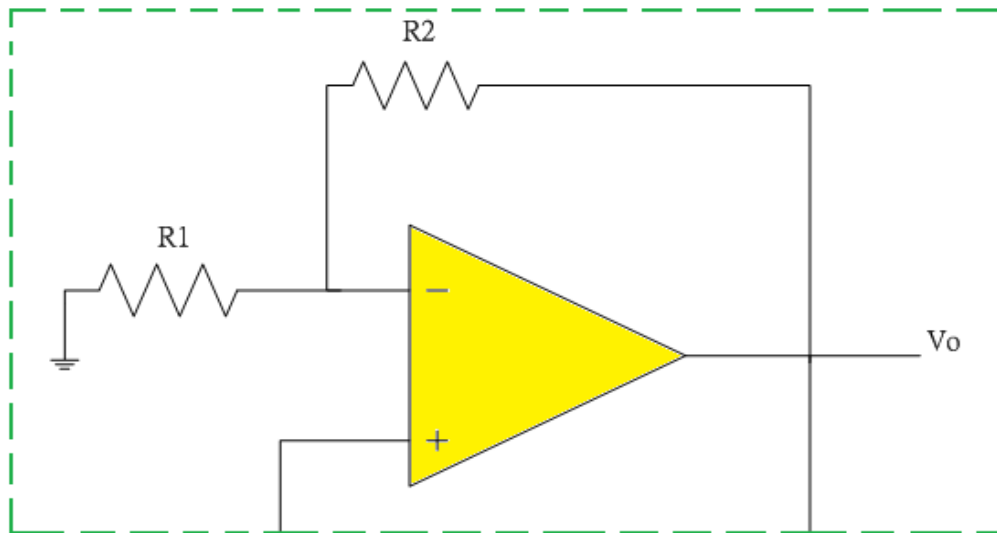
ANS : $\beta A = 1 \angle 0^\circ = -0.5 \angle 0^\circ \times A \rightarrow$
 $A = -2 \angle 0^\circ = 2 \angle 180^\circ$

二、基本振盪電路應用

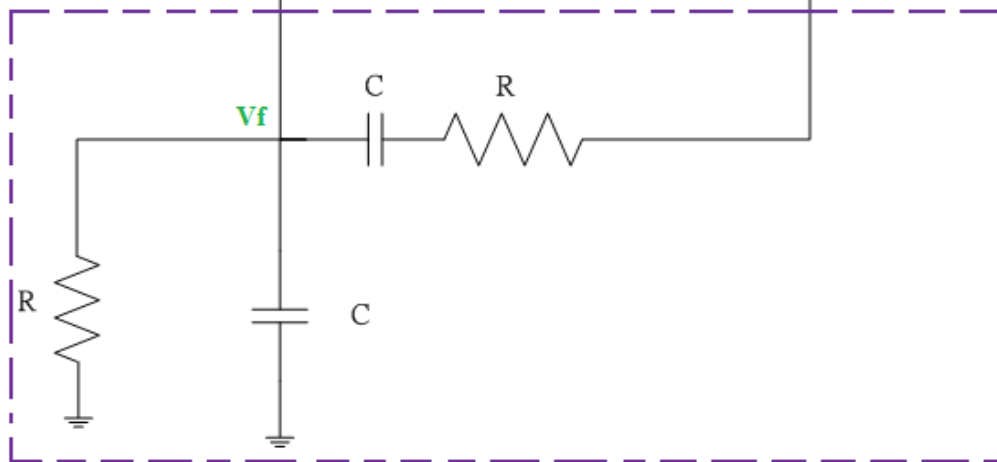
韋恩電橋振盪電路

右圖為回授網路採RC回授式的韋恩電橋振盪器(Wien-bridge oscillator)，由回授網路，及頻率選擇網路(frequency-selective network)，利用基本電學分壓定理，可得回授因數。

非反相放大器



回授網路



二、基本振盪電路應用

韋恩電橋振盪電路

$$\begin{aligned}\beta &= \frac{V_f}{V_o} = \frac{R_B // (-jX_B)}{(R_A - jX_A) + R_B // (-jX_B)} = \frac{R_B \times (-jX_B)}{(R_A - jX_A) \times (R_B - jX_B) + R_B \times (-jX_B)} \\&= \frac{R_B \times (-jX_B)}{(R_A R_B - X_A X_B) - j(R_A X_B + R_B X_A + R_B X_B)} \\&= \frac{R_B X_B}{j(R_A R_B - X_A X_B) + (R_A X_B + R_B X_A + R_B X_B)}\end{aligned}$$

二、基本振盪電路應用

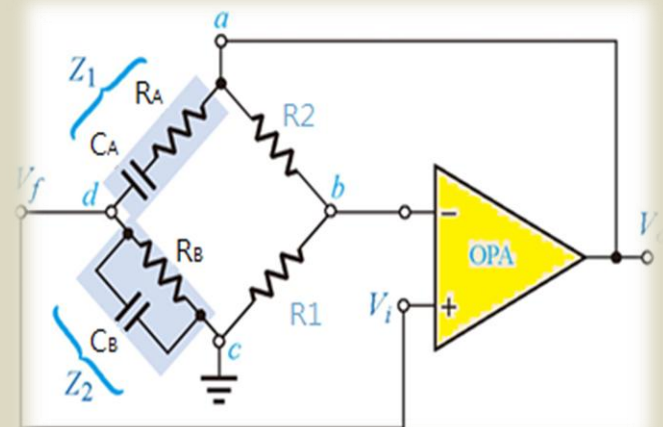
韋恩電橋振盪電路

- 若要滿足巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ 之正弦波振盪條件，上式之虛數項必須為0，即

- $$R_A R_B = X_A X_B \Rightarrow R_A R_B = \frac{1}{\omega C_A} \times \frac{1}{\omega C_B}$$

可得振盪頻率：

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{R_A R_B C_A C_B}} \quad \text{或} \quad f = \frac{1}{2\pi \sqrt{R_A R_B C_A C_B}}$$



二、基本振盪電路應用

韋恩電橋振盪電路

此時 $\beta = \frac{R_B X_B}{R_A X_B + R_B X_A + R_B X_B} = \frac{1}{\frac{R_A}{R_B} + \frac{X_A}{X_B} + 1} = \frac{1}{\frac{R_A}{R_B} + \frac{1/\omega C_A}{1/\omega C_B} + 1}$

化簡可得 $\beta = \frac{1}{\frac{R_A}{R_B} + \frac{C_B}{C_A} + 1} \quad A = \frac{1}{\beta} = \frac{R_A}{R_B} + \frac{C_B}{C_A} + 1$

若 $R_A = R_B = R$, $C_A = C_B = C$ 則

$$\omega = \frac{1}{RC} \quad \text{或} \quad f = \frac{1}{2\pi RC}$$

二、基本振盪電路應用

韋恩電橋振盪電路

$$\beta = 1/3$$

由 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ ，可得放大器之增益必須等於3之正相放大，即

$$A = 3$$

OPA非反相放大器之增益 $A = 1 + R_2/R_1$

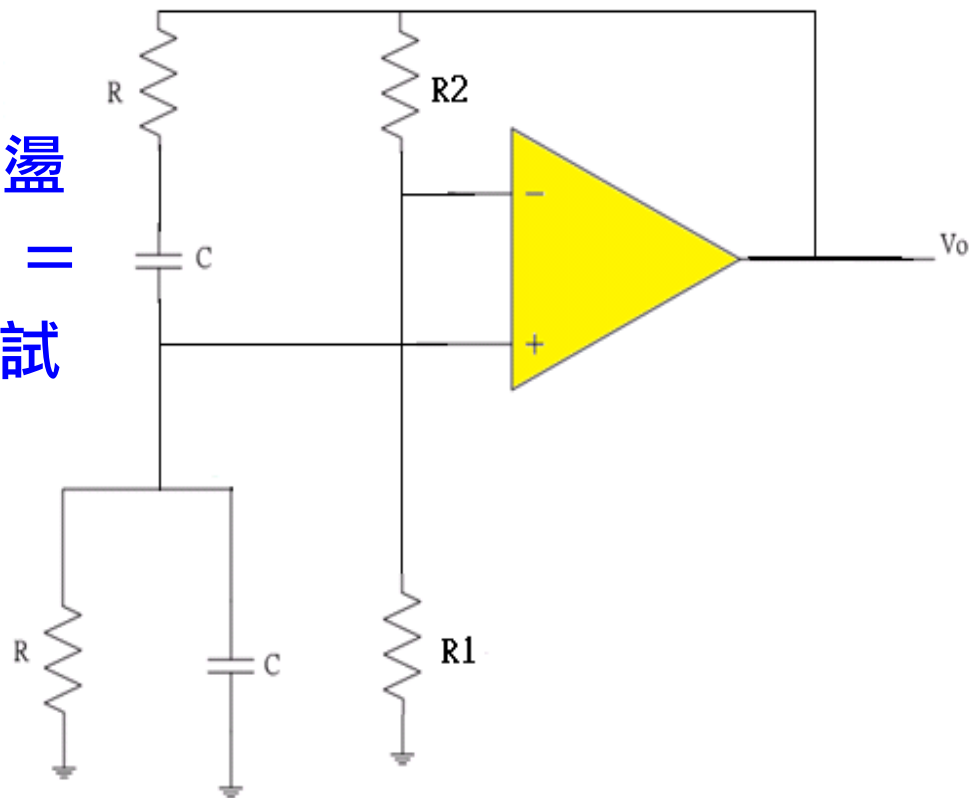
可得 $R_2 = 2R_1$

二、基本振盪電路應用

例題

如右圖所示韋恩電橋振盪電路，若 $R = 1\text{K}\Omega$ ， $C = 0.1\mu\text{F}$ ， $R_1 = 5\text{K}\Omega$ ，試求振盪發生時，

- (1) 正弦波振盪頻率 f
- (2) R_2 電阻值？

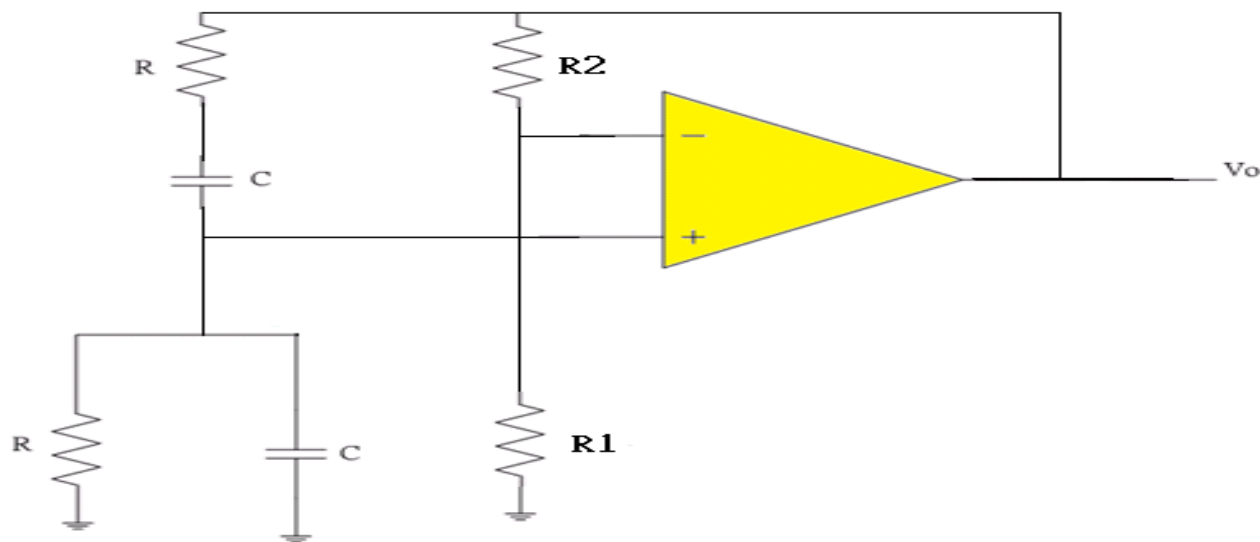


二、基本振盪電路應用

解答

$$(1) f = \frac{1}{2\pi RC} = \frac{1}{2\pi \times 1K\Omega \times 0.1\mu F} \approx 1.59kHz$$

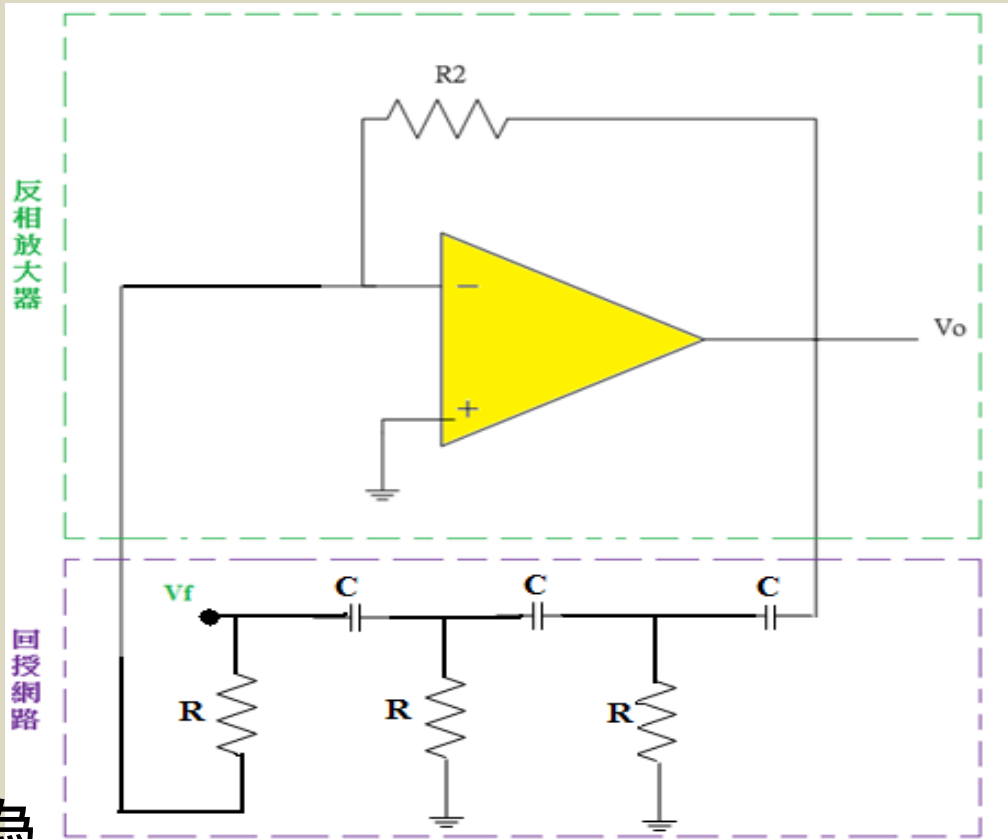
$$(2) R_2 = 2R_1 = 10k\Omega$$



二、基本振盪電路應用

相移振盪電路

右圖為回授網路採RC回授式的相移振盪器 (phase-shift oscillator)，由回授網路，即頻率選擇網路，利用基本電學迴路電流法，可得滿足巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ 時，其正弦波振盪頻率、回授因數與放大器增益分別為



二、基本振盪電路應用

$$\begin{cases} (R - jX_c) \times I_1 - R \times I_2 + 0 \times I_3 = V_o \\ -R \times I_1 + (2R - jX_c) \times I_2 - R \times I_3 = 0 \\ 0 \times I_1 - R \times I_2 + (2R - jX_c) \times I_3 = 0 \end{cases}$$

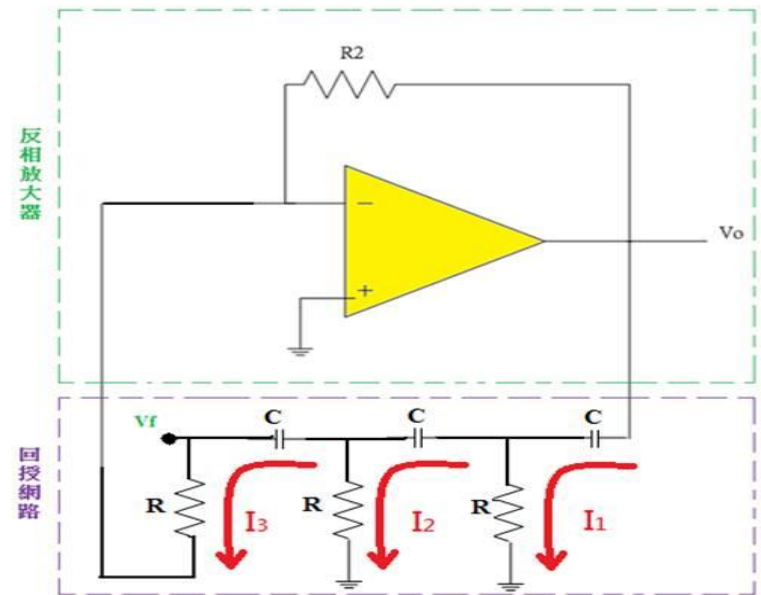
$$I_3 = \frac{\begin{pmatrix} (R - jX_c) & -R & V_o \\ -R & (2R - jX_c) & 0 \\ 0 & -R & 0 \end{pmatrix}}{\begin{pmatrix} (R - jX_c) & -R & 0 \\ -R & (2R - jX_c) & -R \\ 0 & -R & (2R - jX_c) \end{pmatrix}}$$

$$= \frac{R^2 \times V_o}{(R - jX_c) \times (2R - jX_c)^2 - R^2 \times (R - jX_c) - R^2 \times (2R - jX_c)}$$

$$= \frac{R^2 V_o}{R^3 - 5RX_c^2 - j(6R^2 X_c - X_c^3)}$$

$$\beta = \frac{V_f}{V_o} = \frac{I_3 \times R}{V_o} = \frac{R^3}{R^3 - 5RX_c^2 - j(6R^2 X_c - X_c^3)}$$

$$6R^2 X_c = X_c^3 \Rightarrow 6R^2 \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{\omega^3 C^3} \Rightarrow 6R^2 = \frac{1}{\omega^2 C^2}$$



相移振盪
電路

二、基本振盪電路應用

相移振盪電路

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{6}RC} \quad \text{或} \quad f = \frac{1}{2\pi\sqrt{6}RC}$$

$$\beta = \frac{R^3}{R^3 - 5RX_c^2} = \frac{R^3}{R^3 - 5R \frac{1}{\omega^2 C^2}}, \quad \text{代入 } \omega = \frac{1}{\sqrt{6}RC} \quad \text{化簡可得}$$

$$\beta = -1/29 = 1/29 \angle 180^\circ$$

$$A = -29 = 29 \angle 180^\circ$$

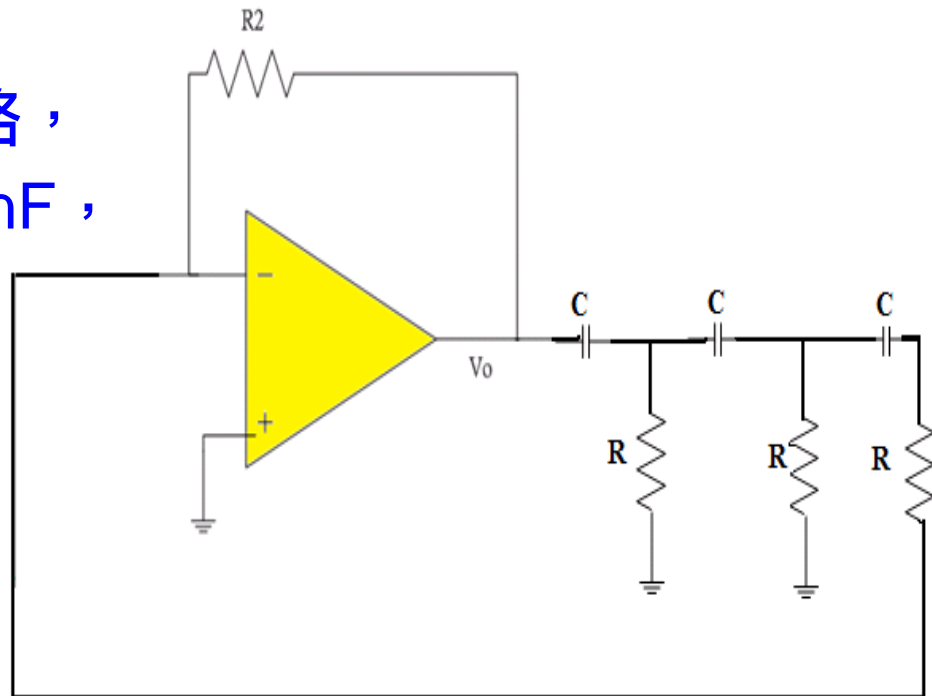
上式結果表示相移振盪電路之回授網路與放大器皆為反相，即相移 180° ，但迴路增益仍為正回授，即 $\beta A = 1 \angle 360^\circ = 1 \angle 0^\circ$ 滿足巴克豪森準則。

OPA反相放大器之增益 $A = -R_2/R_1$ 可得 $R_2 = 29R$

二、基本振盪電路應用

例題

如右圖為相移振盪電路，
若 $R = 10\text{K } \Omega$ ， $C = 1\text{nF}$ ，
試求振盪發生時，
(1) 正弦波振盪頻率 f
(2) R_2 電阻值

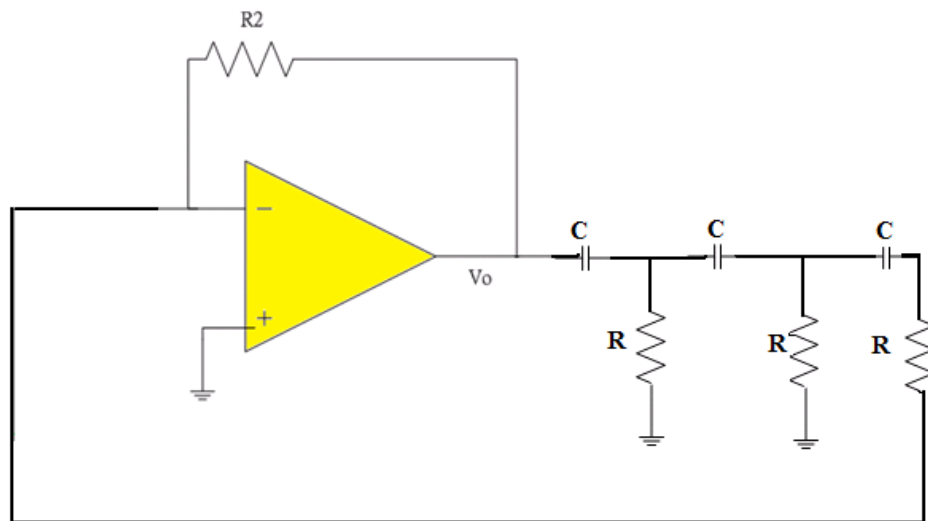


二、基本振盪電路應用

解答

$$(1) f = \frac{1}{2\pi\sqrt{6}RC} = \frac{1}{2\pi \times \sqrt{6} \times 10k\Omega \times 1nF} \approx 6.5kHz$$

$$(2) R_2 = 29R = 29 \times 10k\Omega = 290k\Omega$$



二、基本振盪電路應用

LC 調諧振盪電路

採RC回授式網路的韋恩電橋振盪電路與相移振盪電路，因電阻會消耗能量，所以最高振盪頻率大約在數百KHz左右，為得到更高之振盪頻率，則回授網路應改用LC回授式，如

- 1.考畢子(Colpitts)振盪電路
- 2.哈特萊(Hartley)振盪電路

二、基本振盪電路應用

LC 調諧振盪電路

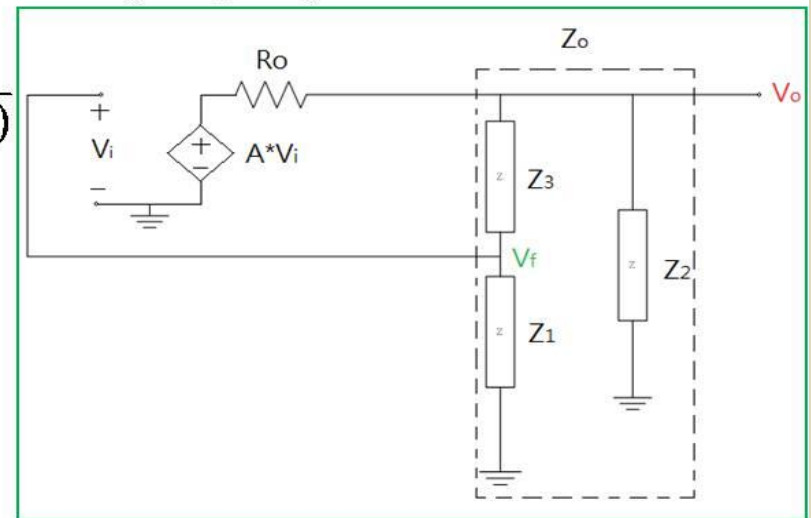
$$Z_o = (Z_1 + Z_3) // Z_2 = \frac{Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}{Z_1 + Z_2 + Z_3}$$

$$\beta A = \frac{V_f}{V_o} \times \frac{V_o}{V_i} = \frac{Z_1}{Z_1 + Z_3} \times A \frac{Z_o}{R_o + Z_o} = \frac{Z_1}{Z_1 + Z_3} \times A \frac{\frac{Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}{Z_1 + Z_2 + Z_3}}{R_o + \frac{Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}{Z_1 + Z_2 + Z_3}}$$

$$\beta = \frac{Z_1}{Z_1 + Z_3} \times \frac{Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}{R_o \times (Z_1 + Z_2 + Z_3) + Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}$$

$$= \frac{Z_1 Z_2}{R_o \times (Z_1 + Z_2 + Z_3) + Z_2 \times (Z_1 + Z_3)}$$

$$\beta = \frac{-X_1 X_2}{R_o \times j(X_1 + X_2 + X_3) - X_2 \times (X_1 + X_3)}$$



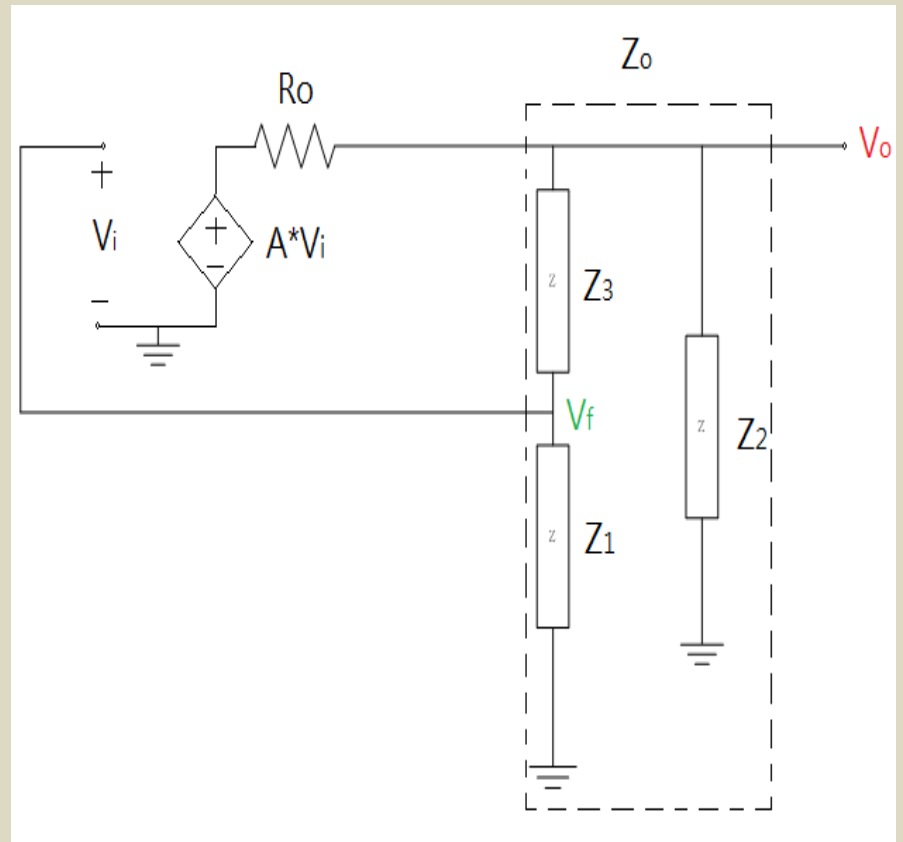
二、基本振盪電路應用

LC 調諧振盪電路

若要滿足巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ 之正弦波振盪條件，
上式之虛數項必須為0，即

$$X_1 + X_2 + X_3 = 0$$

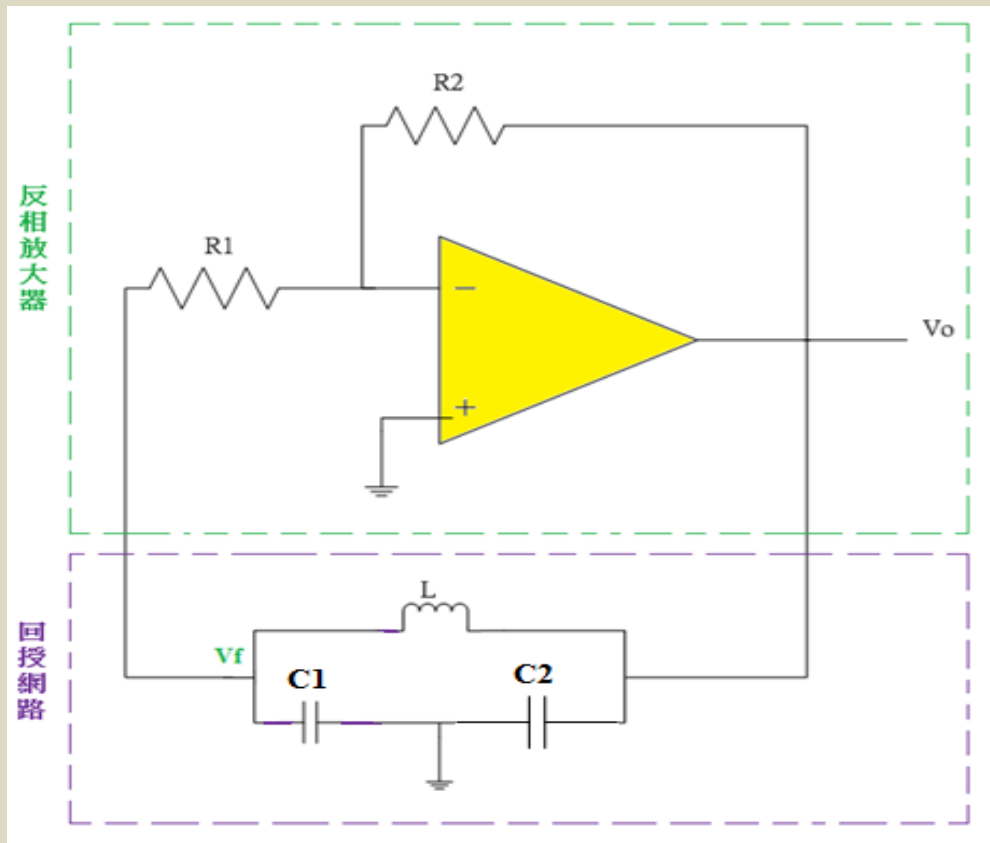
$$\beta = \frac{-X_1}{X_2}$$



二、基本振盪電路應用

考畢子(Colpitts)振盪電路

右圖為考畢子振盪電路，其中兩個電容 C_1 、 C_2 及一個電感 L 構成LC回授網路，由電路分析，可得滿足巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ 時，其正弦波振盪頻率，回授因數與放大器增益，分別為



二、基本振盪電路應用

考畢子(Colpitts)振盪電路

- 考畢子振盪電路之

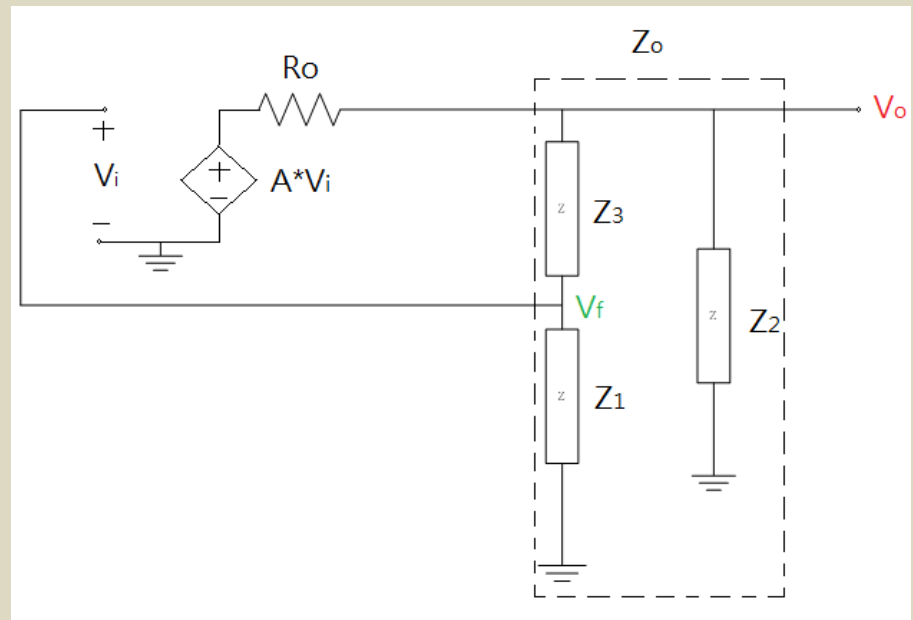
$$Z_1 = jX_1 = j \frac{-1}{\omega C_1}$$

$$Z_2 = jX_2 = j \frac{-1}{\omega C_2}$$

$$Z_3 = jX_3 = j\omega L$$

- 分別可得

$$\frac{-1}{\omega C_1} + \frac{-1}{\omega C_2} + \omega L = 0 \rightarrow \frac{1}{\omega C_1} + \frac{1}{\omega C_2} = \omega L \rightarrow \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} = \omega^2 L$$



二、基本振盪電路應用

考畢子(Colpitts)振盪電路

- $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC_T}} \quad \text{或} \quad f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_T}}$

- 其中等效電容量 C_T 為 C_1 與 C_2 之串聯值，即

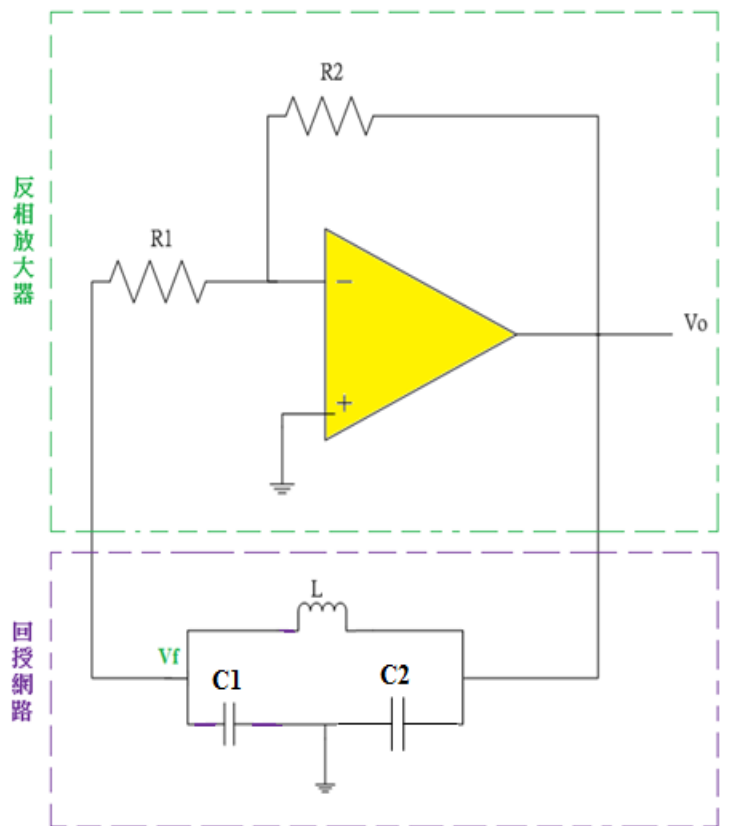
$$C_T = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2} \quad \beta = \frac{-C_2}{C_1} \quad A = \frac{1}{\beta} = \frac{-C_1}{C_2}$$

- 上式結果表示考畢子振盪電路之回授網路與放大器皆為反相，即相移 180° ，但迴路增益為正回授，即 $\beta A = 1 \angle 360^\circ = 1 \angle 0^\circ$ 滿足巴克豪森準則。

二、基本振盪電路應用

例題

考畢子振盪電路，已知 $L=1\text{mH}$ ， $C1=30\text{pH}$ ， $C2=15\text{pH}$ ，在不考慮OPA反相放大器輸入電阻 $R1=100\text{k}\Omega$ 對回授網路之負載效應，試求（1）正弦波振盪頻率 f
（2）回授因數 β
（3） $R2$ 電阻值？



二、基本振盪電路應用

解答

$$(1) C_T = \frac{C_1 \times C_2}{C_1 + C_2} = \frac{30 pF \times 15 pF}{30 pF + 15 pF} = 10 pF$$

$$f = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC_T}} = \frac{1}{2\pi \times \sqrt{1 mH \times 10 pF}} \approx 1.59 MHz$$

$$(2) \beta = -\frac{C_2}{C_1} = -\frac{15 pF}{30 pF} = -\frac{1}{2}$$

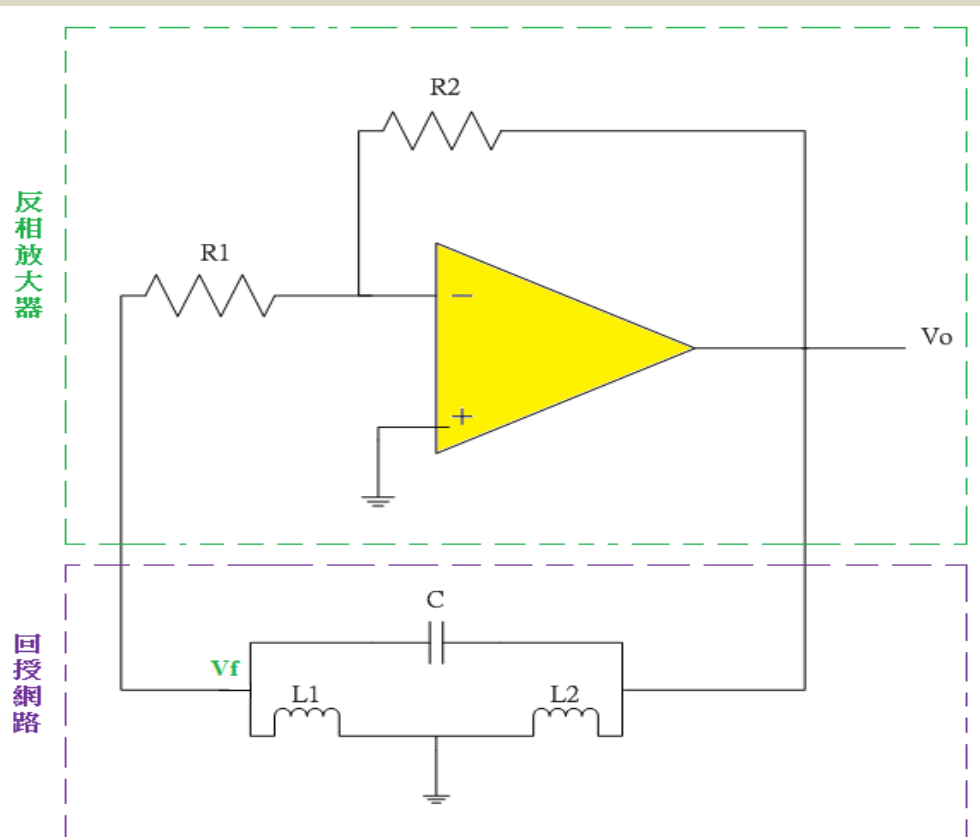
$$(3) A = \frac{1}{\beta} = -\frac{C_1}{C_2} = -\frac{R_2}{R_1}$$

$$\rightarrow R_2 = \frac{C_1}{C_2} \times R_1 = \frac{30 pF}{15 pF} \times 100 k\Omega = 200 k\Omega$$

二、基本振盪電路應用

哈特萊(Hartley)振盪電路

右圖為哈特萊振盪電路，其中兩個電感 L_1 、 L_2 及一個電容 C 構成 LC 回授網路，由電路分析，可得滿足巴克豪森準則 $\beta A = 1 \angle 0^\circ$ 時，其正弦波振盪頻率，回授因數與放大器增益，分別為



二、基本振盪電路應用

哈特萊(Hartley)振盪電路

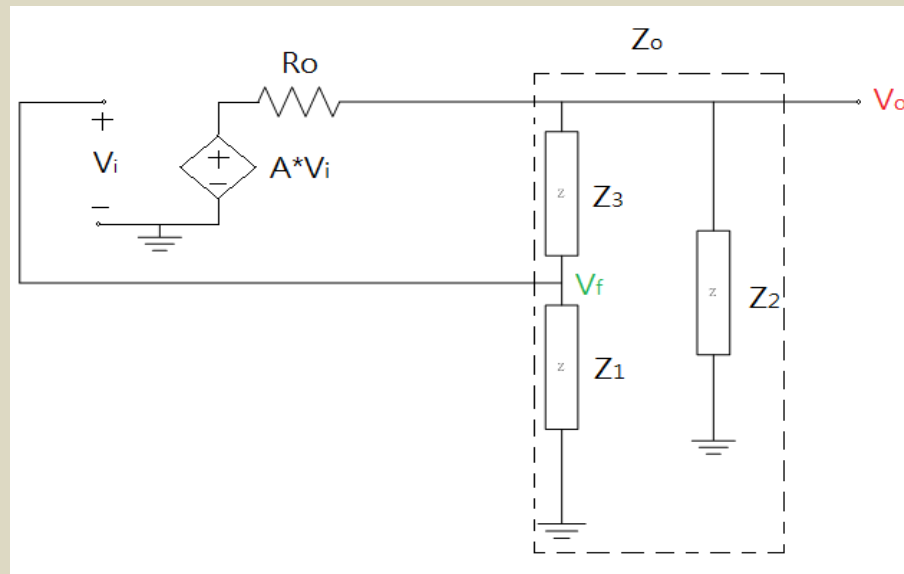
- 哈特萊振盪電路之

$$Z_1 = jX_1 = j\omega L_1$$

$$Z_2 = jX_2 = j\omega L_2$$

$$Z_3 = jX_3 = j\frac{-1}{\omega C_3}$$

- 分別可得



$$\omega L_1 + \omega L_2 + \frac{-1}{\omega C_3} = 0 \rightarrow \omega L_1 + \omega L_2 = \frac{1}{\omega C_3} \rightarrow \omega^2 (L_1 + L_2) = \frac{1}{C_3}$$

二、基本振盪電路應用

哈特萊(Hartley)振盪電路

- $\omega = \frac{1}{\sqrt{L_T C}} \quad \text{或} \quad f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_T C}}$

- 其中等效電容量 L_T 為 L_1 與 L_2 之串聯值，即
- $L_T = L_1 + L_2$

$$\beta = -\frac{L_1}{L_2} \quad A = \frac{1}{\beta} = -\frac{L_2}{L_1}$$

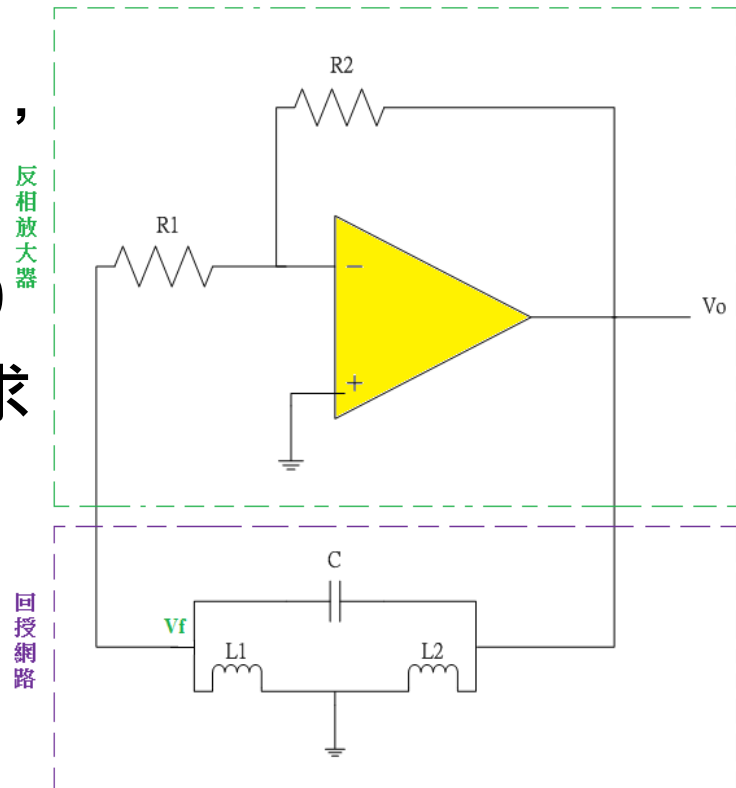
- 上式結果表示哈特萊振盪電路之回授網路與放大器皆為反相，即相移 180° ，但迴路增益為正回授，即 $\beta A = 1 \angle 360^\circ = 1 \angle 0^\circ$ 滿足巴克豪森準則。

二、基本振盪電路應用

例題

哈特萊振盪電路，已知 $C=16\text{pF}$ ， $L_1=1\text{mH}$ ， $L_2=4\text{mH}$ ，在不考慮OPA反相放大器輸入電阻 $R_1=20\text{k}\Omega$ 對回授網路之負載效應，試求

- (1) 正弦波振盪頻率 f
- (2) 回授因數 β
- (3) R_2 電阻值



二、基本振盪電路應用

解答

$$(1) L_T = L_1 + L_2 = 1mH + 4mH = 5mH$$

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_T C}} = \frac{1}{2\pi \times \sqrt{5mH \times 16pF}} \approx 530kHz$$

$$(2) \beta = -\frac{L_1}{L_2} = -\frac{1mH}{4mH} = -\frac{1}{4}$$

$$(3) A = \frac{1}{\beta} = -\frac{L_2}{L_1} = -\frac{R_2}{R_1}$$



$$\rightarrow R_2 = \frac{L_2}{L_1} \times R_1 = \frac{4mH}{1mH} \times 20k\Omega = 80k\Omega$$

二、基本振盪電路應用



石英晶體振盪電路

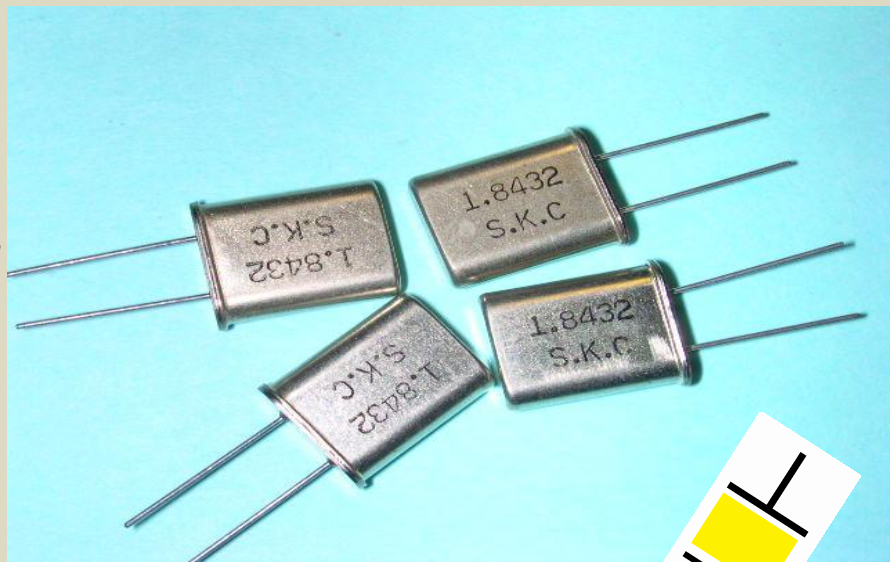


1. 石英晶體振盪器的物理結構與電路符號
 2. 石英晶體的壓電效應
 3. 石英晶體的等效電路與振盪頻率
- 
- 

二、基本振盪電路應用

石英電晶振盪器的物理結構與電路符號

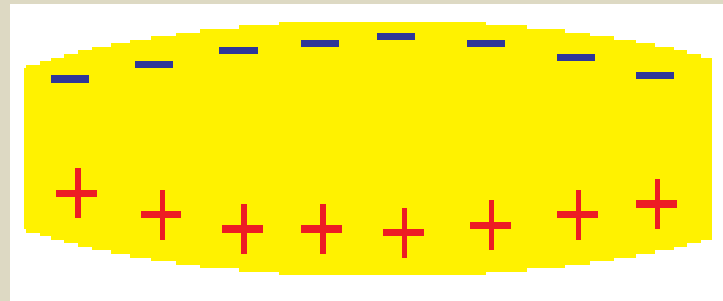
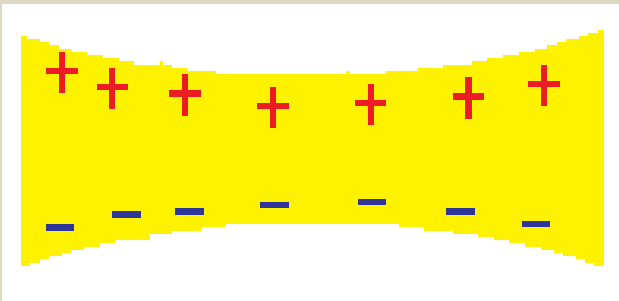
石英晶體(簡稱晶體)基本上為二氧化矽的結晶體，若將一塊切割好的石英晶體(外觀像是一片很薄的玻璃片)兩邊塗上導電銀薄膜並各鉚上一根導線，再加上金屬外殼封裝，及構成石英晶體振盪器。



二、基本振盪電路應用

石英晶體的壓電效應

石英晶體的振盪原理是利用壓電效應(piezoelectric effect)，使晶體產生共振現象。當在石英晶體的兩端加上電場時，晶體會產生機械變形，相反地，若在石英晶體的兩端施以壓力時，晶體則會在其對應方向產生電場，這種物理現象稱為壓電效應。



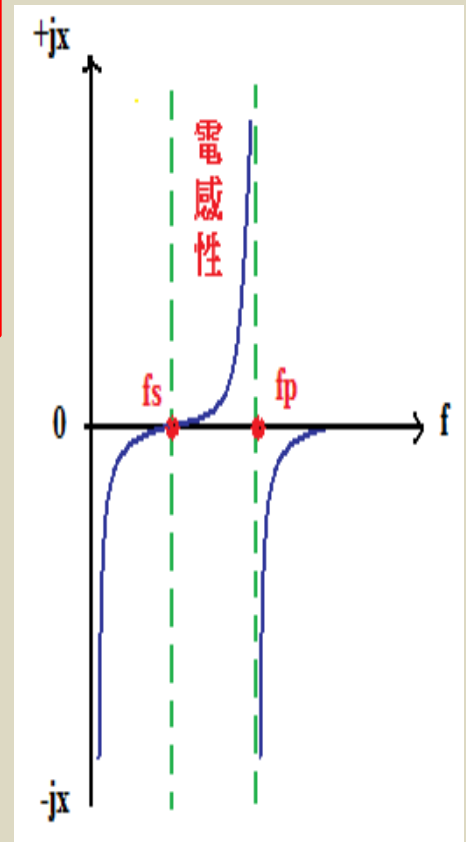
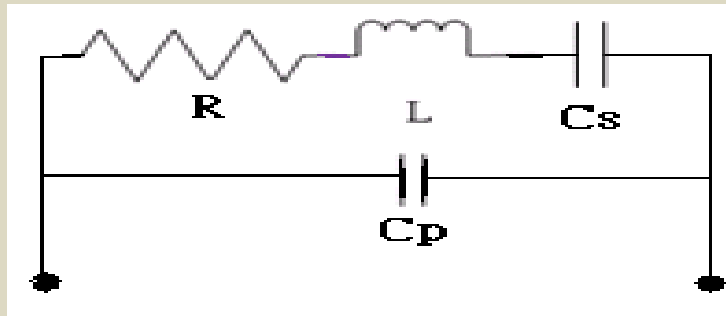
二、基本振盪電路應用

石英晶體的等效電路與振盪頻率

- 串聯諧振頻率或 $\omega_s = \frac{1}{\sqrt{LC_s}}$ 或 $f_s = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_s}}$
- 並聯諧振頻率或 $\omega_p = \frac{1}{\sqrt{LC_T}}$ 或 $f_p = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_T}}$
- 其中 $C_T = \frac{C_s \times C_p}{C_s + C_p}$, 因 $C_p \gg C_s$,

所以 $C_T \square C_s$,

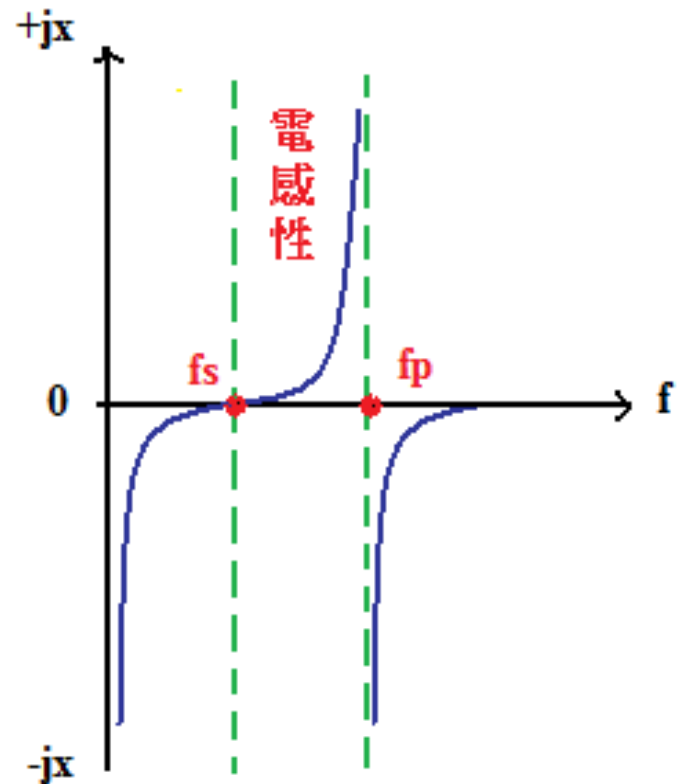
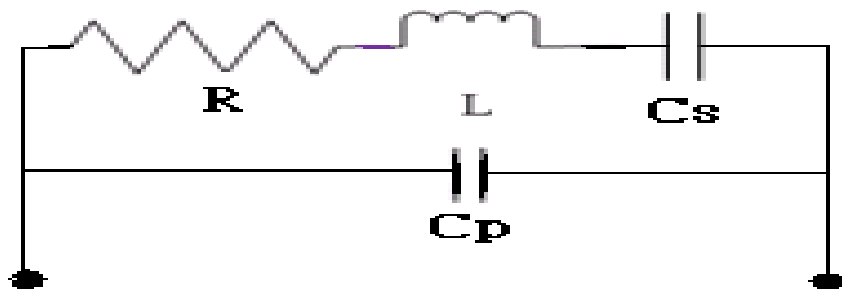
即 $f_p \approx f_s$.



二、基本振盪電路應用

例題

如圖之石英晶體等效電路，
若 $R=100\Omega$ ， $C_s=0.01\text{pF}$ ，
 $C_p=10\text{pF}$ ， $L_s=10\text{mH}$ ，
試求晶體(1)串聯諧振頻率 f_s
(2)並聯諧振頻率 f_p



二、基本振盪電路應用

解 答

$$(1) f_s = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_s}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{10mH \times 0.01pF}} \approx 15.9MHz$$

$$(2) C_T = \frac{C_s \times C_p}{C_s + C_p} = \frac{0.01pF \times 10pF}{0.01pF + 10pF} \approx 0.01pF = C_s$$

$$f_p = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_T}} \approx \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_s}} = f_s \approx 15.9MHz$$

二、基本振盪電路應用

歷屆試題

- 2009甄試入學題型範例：
- 49. 如圖所示為超前型 RC振盪電路，此電路之振盪頻率(f_o)為何？
(A) $1/(2\pi(\sqrt{6})RC)$ (B) $1/(2\pi 6RC)$
(C) $(\sqrt{6})/(2\pi RC)$ (D) $6/(2\pi RC)$

二、基本振盪電路應用

解答

超前型 RC 振盪電路，振盪頻率為 $f_o = \frac{1}{2\pi\sqrt{6}RC}$

落後型 RC 振盪電路，振盪頻率為 $f_o = \frac{\sqrt{6}}{2\pi RC}$

