## 機器學習模型評估指標總結!

#### 機器學習算法那些事 今天

以下文章來源於Datawhale,作者太子長琴



#### **Datawhale**

一個專注於AI領域的開源組織,匯集了眾多領域院校和知名企業的優秀學習者,聚合了...

#### Datawhale乾貨

作者:太子長琴, Datawhale優秀學習者

本文對機器學習模型評估指標進行了完整總結。機器學習的數據集一般被劃分為訓練集和測試集, 訓練集用於訓練模型,測試集則用於評估模型。針對不同的機器學習問題(分類、排序、回歸、序 列預測等),評估指標決定了我們如何衡量模型的好壞。

### 本文目录

- 1. Accuracy
- 2. Precision Recall 和 F1
- 3. RMSE
- 4. ROC 和 AUC
- 5. KS
- 6. 评分卡

## —、Accuracy

準確率是最簡單的評價指標,公式如下:

$$\frac{N_{correct}}{N_{total}}$$

#### 但是存在明顯的缺陷:

- 當樣本分佈不均勻時,指標的結果由佔比大的類別決定。比如正樣本佔99%,只要分類器 將所有樣本都預測為正樣本就能獲得99%的準確率。
- 結果太籠統,實際應用中,我們可能更加關注某一類別樣本的情況。比如搜索時會關心"檢索出的信息有多少是用戶感興趣的","用戶感興趣的信息有多少被檢測出來了"等等。

相應地還有錯誤率:分類錯誤的樣本佔總樣本的比例。

$$error(f; \mathcal{D}) = \int_{m{x} \sim \mathcal{D}} \mathbb{I}(f(m{x}) 
eq y) p(m{x}) \mathrm{d}m{x}$$
  $acc(f; \mathcal{D}) = 1 - error(f; \mathcal{D})$ 

```
from sklearn.metrics import accuracy_score

y_pred = [0, 0, 1, 1]

y_true = [1, 0, 1, 0]

accuracy_score(y_true, y_pred) # 0.5
```

## 二、Precision Recall 和F1

精准率 (Precision) 也叫查准率,衡量的是所有預測為正例的結果中,預測正確的 (為真正例) 比例。

召回率 (Recall) 也叫查全率,衡量的是实际的正例有多少被模型预测为正例。

在排序问题中,一般以 TopN 的结果作为正例,然后计算前 N 个位置上的精准率 Precision@N 和召回率 Recall@N。

精确率和召回率是一对相互矛盾的指标,一般来说高精准往往低召回,相反亦然。其实这个是比较直观的,比如我们想要一个模型准确率达到 100%,那就意味着要保证每一个结果都是真正例,这就会导致有些正例被放弃;相反,要保证模型能将所有正例都预测为正例,意味着有些反例也会混进来。这背后的根本原因就在于我们的数据往往是随机、且充满噪声的,并不是非黑即白。

精准率和召回率与混淆矩阵密切相关,混淆矩阵是将分类(二分类)结果通过矩阵的形式直观展现出来:

真实情况	预测结果正例	预测结果反例
正例	TP(真正例)	FN(假反例)
反例	FP(假正例)	TN(真反例)

然后,很容易就得到精准率 (P)和召回率 (R)的计算公式:

$$P = \frac{TP}{TP + FP}$$
 
$$R = \frac{TP}{TP + FN}$$

得到 P 和 R 后就可以画出更加直观的P-R 图 (P-R 曲线),横坐标为召回率,纵坐标是精准率。 绘制方法如下:

- 对模型的学习结果进行排序(一般都有一个概率值)
- 按照上面的顺序逐个把样本作为正例进行预测,每次都可以得到一个 P R 值
- 将得到的 P R 值按照 R 为横坐标, P 为纵坐标绘制曲线图。

```
from typing import List, Tuple
import matplotlib.pyplot as plt
def get_confusion_matrix(
   y_pred: List[int],
   y_true: List[int]
   ) -> Tuple[int, int, int, int]:
   length = len(y pred)
   assert length == len(y true)
   tp, fp, fn, tn = 0, 0, 0
   for i in range(length):
        if y_pred[i] == y_true[i] and y_pred[i] == 1:
           tp += 1
        elif y pred[i] == y true[i] and y pred[i] == 0:
           tn += 1
        elif y_pred[i] == 1and y_true[i] == 0:
           fp += 1
        elif y pred[i] == 0and y true[i] == 1:
           fn += 1
   return (tp, fp, tn, fn)
def calc_p(tp: int, fp: int) -> float:
```

```
return tp / (tp + fp)
def calc_r(tp: int, fn: int) -> float:
    return tp / (tp + fn)
def get_pr_pairs(
    y_pred_prob: List[float],
    y_true: List[int]
       ) -> Tuple[List[int], List[int]]:
    ps = [1]
    rs = [0]
    for prob1 in y_pred_prob:
        y_pred_i = []
        for prob2 in y pred prob:
            if prob2 < prob1:</pre>
                y_pred_i.append(0)
            else:
                y_pred_i.append(1)
        tp, fp, tn, fn = get_confusion_matrix(y_pred_i, y_true)
        p = calc_p(tp, fp)
        r = calc_r(tp, fn)
        ps.append(p)
        rs.append(r)
    ps.append(0)
    rs.append(1)
    return ps, rs
y_pred_prob = [0.9, 0.8, 0.7, 0.6, 0.55, 0.54, 0.53, 0.52, 0.51, 0.505,
               0.4, 0.39, 0.38, 0.37, 0.36, 0.35, 0.34, 0.33, 0.3, 0.1]
y_true = [1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]
y \text{ pred} = [1] * 10 + [0] * 10
ps, rs = get_pr_pairs(y_pred_prob, y_true)
```

```
fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=1, figsize=(12, 5))
ax.plot(rs, ps);
```

#### 如果有多个模型就可以绘制多条 P-R 曲线:

- 如果某个模型的曲线完全被另外一个模型"包住"(即后者更加凹向原点),那么后者的性能一定优于前者。
- 如果多个模型的曲线发生交叉,此时不好判断哪个模型较优,一个较为合理的方法是计算曲线下面积,但这个值不太好估算。

为了获得模型优劣,需要综合 P 和 R,平衡点 BEP (Break-Even Point)就是这样一个度量,它是 P=R 时的取值,BPE 越远离原点,说明模型效果越好。由于 BPE 过于简单,实际中常用 F1 值衡量:

$$F1 = \frac{2PR}{P+R}$$

F1 有更一般的形式:

$$F_{eta} = rac{\left(1 + eta^2
ight) imes P imes R}{\left(eta^2 imes P
ight) + R}$$

- 当β>1时,更偏好召回
- 当β<1时,更偏好精准</li>
- 当β=1时,平衡精准和召回,即为F1

F1 其实来自精准和召回的加权调和平均:

$$HarmonicMean(a_1,a_2,\ldots,a_n)=rac{n}{rac{1}{a_1}+rac{1}{a_2}+\ldots+rac{1}{a_n}}F=rac{1}{lpharac{1}{P}+(1-lpha)rac{1}{R}} \ F=rac{1}{lpharac{1}{P}+(1-lpha)rac{1}{R}}=F_etaeta^2=rac{1-lpha}{lpha}$$

当有多个混淆矩阵 (多次训练、多个数据集、多分类任务) 时,有两种方式估算"全局"性能:

- macro 方法: 先计算每个 PR, 取平均后, 再计算 F1
- micro 方法: 先计算混淆矩阵元素的平均, 再计算 PR 和 F1

## 三、RMSE

均方根误差 RMSE (Root Mearn Square Error) 主要用在回归模型,也就是俗称的 R 方。计算公式为:

$$RMSE = \sqrt{rac{\sum_{i=1}^{n}(y_i - \hat{y}_i)^2}{n}}$$

但是如果有非常严重的离群点时,那些点会影响 RMSE 的结果,针对这个问题:

- 如果离群点为噪声,则去除这些点
- 如果离群点为正常样本,可以重新建模
- 换一个评估指标,比如平均绝对百分比误差 MAPE (Mean Absolute Percent Error) , MAPE 对每个误差进行了归一化,一定程度上降低了离群点的影响。

$$MAPE = \sum_{i=1}^n \left| rac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} 
ight| imes rac{100}{n}$$

# 四、ROC 和 AUC

受试者工作特征 ROC (Receiver Operating Characteristic) 曲线是另一个重要的二分类指标。它的横坐标是"假正例率"FPR (False Positive Rate), 纵坐标是"真正例率"TPR (True Positive Rate), 计算公式如下:

$$FPR = rac{FP}{FP + TN}TPR = rac{TP}{TP + FN}$$

绘制方法和上面的 P-R 曲线类似,不再赘述。

```
def calc_fpr(fp: int, tn: int) -> float:
    return fp / (fp + tn)

def calc_tpr(tp: int = fp: int) -> float:
```

```
uci carc_cpi (cp. inc, in. inc) =/ iioac.
    return tp / (tp + fn)
def get_ftpr_pairs(
    y_pred_prob: List[float],
    y true: List[int]
       ) -> Tuple[List[int], List[int]]:
    fprs = [0]
    tprs = [0]
    for prob1 in y pred prob:
       y_pred_i = []
        for prob2 in y_pred_prob:
            if prob2 < prob1:</pre>
                y pred i.append(0)
            else:
                y_pred_i.append(1)
        tp, fp, tn, fn = get_confusion_matrix(y_pred_i, y_true)
        fpr = calc_fpr(fp, tn)
        tpr = calc_tpr(tp, fn)
        fprs.append(fpr)
        tprs.append(tpr)
    fprs.append(1)
    tprs.append(1)
    return fprs, tprs
fprs, tprs = get_ftpr_pairs(y_pred_prob, y_true)
fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=1, figsize=(12, 5))
ax.plot(fprs, tprs);
```

除此之外,还有一种绘制 ROC 曲线的方法:

- 假设有 m+ 个正例, m- 个负例, 对模型输出的预测概率按从高到低排序
- 然后依次将每个样本的预测值作为阈值(即将该样本作为正例),假设前一个坐标为(x,y),若当前为真正例,对应标记点为(x,y+1/m+),若当前为假正例,则对应标记点为(x+1/m-,y)
- 将所有点相连即可得到 ROC 曲线

该方法和这种做法是一样的:将纵坐标的刻度间隔设为 1/m+,横坐标的刻度间隔设为 1/m-,从 (0,0) 开始,每遇到一个真正例就沿着纵轴绘制一个刻度间隔的曲线,假正例就沿着横轴绘制一个 刻度间隔的曲线,最终就可以得到 ROC 曲线。

```
def get_ftpr_pairs2(
    y_pred_prob: List[float],
    y_true: List[int]
) -> Tuple[List[int], List[int]]:
```

```
mplus = sum(y_true)
    msub = len(y_true) - mplus
    pairs = [(0, 0)]
    prev = (0, 0)
   length = len(y_pred_prob)
    assert length == len(y true)
    for i in range(length):
        if y_true[i] == 1:
            pair = (prev[0], prev[1] + 1/mplus)
        else:
            pair = (prev[0] + 1/msub, prev[1])
        pairs.append(pair)
        prev = pair
    pairs.append((1, 1))
    fprs, tprs = [], []
    for pair in pairs:
        fprs.append(pair[0])
        tprs.append(pair[1])
    return fprs, tprs
fprs, tprs = get_ftpr_pairs2(y_pred_prob, y_true)
fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=1, figsize=(12, 5))
ax.plot(fprs, tprs);
```

该方法和上面第一种方法得到的曲线完全一致。

多个模型时,与 P-R 曲线也是类似,如果某个模型的曲线完全"包住"另一个,则前者性能好于后者。如果曲线相互交叉,则比较曲线下面积: **AUC** (Area Under ROC Curve)。

AUC 取值一般在 0.5-1 之间,处于 y=x 直线的上方(如果不是的话,把预测概率翻转成 1-p 就能获得更好的模型)。AUC 值越大,说明模型越可能把真正例排在前面,性能越好。此时,假正例率很低同时真正例率很高,意味着召回高并且误判率小。对角线对应着随机模型(各占 50%),(0,1)点对应的是理想模型,即所有正例 100% 召回且没有一个负例被判别为正例。

AUC 面积可以通过以下公式进行估算:

$$AUC = rac{1}{2} \sum_{i=1}^{m-1} (x_{i+1} - x_i) \cdot (y_i + y_{i+1})$$

AUC 考虑的是样本预测的排序质量,与排序误差紧密相连,排序"损失"loss 可定义为:

$$\ell_{rank} = rac{1}{m^+m^-} \sum_{x^+ \in D^+} \sum_{x^- \in D^-} igg( \mathbb{I}(f(x^+) < f(x^-)) + rac{1}{2} \mathbb{I}(f(x^+) = f(x^-)) igg)$$

该式子的意思是,如果正例预测值小于负例,计 1 个罚分,如果相等则计 0.5 个罚分。显然,该式对应的就是 ROC 曲线上面的面积。因此有:

$$AUC = 1 - \ell_{rank}$$

与 P-R 曲线相比, ROC 曲线有一个特点: **当正负样本的分布发生变化时, ROC 曲线形状能基本保持不变, 而 P-R 曲线的形状一般会发生比较剧烈的变化**。因此, 当数据不均匀时, ROC 曲线更能够反映模型好坏。而这背后的原因是:

- P-R 曲线关注的是真实的正例和预测的正例中(分别对应 Recall 和 Precision),实际是正例的比例
- ROC 曲线关注的是真实的正例和负例中(分别对应 TPR 和 FPR),被预测为正例的比例

### 五、KS

作为一个工程师,看到 KS 我们的第一反应应该是:既然已经有了 PR、ROC 等评价指标,为什么还需要 KS?它解决了前面指标解决不了的什么问题?它究竟有什么特点?

KS Test (Kolmogorov-Smirnov) 是由两位苏联数学家 A.N. Kolmogorov 和 N.V. Smirnov 提出的,用于比较样本与参考概率分布或比较两个样本的非参数检验。

我们以两样本为例,假设 m 个 sample 来自分布 F(x), n 个来自 G(x), 定义 KS 统计量 (KS 距离) 为:

$$D_{m,n} = \sup_x |F_m(x) - G_n(x)|$$

其中 F(x) 和 G(x) 都是经验累积分布函数 ECDF (empirical distribution function), 定义如下:

$$F_n(x)=rac{1}{n}\sum_{i=1}^n I_{[-\infty,x](X_i)}if \quad X_i\leq x, \quad I(X_i)=1, \quad else \quad 0$$

sup 表示上确界, 也是最小上界。

原始假设 H0: 两组 sample 来自统一分布,在大样本上,在置信水平 α 下如果满足下面的条件则拒绝零假设(认为两组样本来自不同分布):

$$D_{m,n} > c(lpha) \sqrt{rac{m+n}{m\cdot n}} s.\, t. \quad c(lpha) = \sqrt{-\ln(rac{lpha}{2})\cdot rac{1}{2}}$$

代入后得到:

$$D_{m,n} > rac{1}{\sqrt{m}} \sqrt{-\ln(rac{lpha}{2}) \cdot rac{1 + rac{m}{n}}{2}}$$

常用的值如下:



```
from scipy import stats

rvs1 = stats.norm.rvs(size=200, loc=0., scale=1)

rvs2 = stats.norm.rvs(size=300, loc=0.5, scale=1.5)

stats.ks_2samp(rvs1, rvs2)

# 在置信度 0.05 水平下:1.358 * np.sqrt(500/60000) = 0.124

# Ks_2sampResult(statistic=0.265, pvalue=7.126401335710852e-08)

# 0.265 > 0.124 所以拒绝原假设、即认为两组样本来自不同分布

# 事实上、即便是 0.005 的置信水平下依然要拒绝原假设

fig, ax = plt.subplots(nrows=1, ncols=1, figsize=(12, 5))

ax.hist(rvs1, density=False, histtype='stepfilled', alpha=0.2, color='red');

ax.hist(rvs2, density=False, histtype='stepfilled', alpha=0.2, color='blue');
```

其中 statistic 就是 ks 统计量。

#### 那这又和评价指标有啥关联呢?

我们考虑这么一种情况,假设数据集的 Label 并不是离散的(如二分类的 0-1),而是可能满足一定分布,也就是说标签有很多灰色地带。其实这在实际生活中倒是更加常见,以金融风控为例,不少特征都是基于某个时间点做划分的,比如逾期还款 x 天,这个 x 是非常灵活的,而且也很难说 x-1 天的就一定比 x+1 天的信用好。这就意味着给定特征下,我们的标签最好能够有一定"弹性"。

那么,怎么去体现这个"弹性"呢?因为 KS 正好是衡量两个"分布"的"距离",我们可以构造一个函数:

$$ks = |TPR - FPR|$$

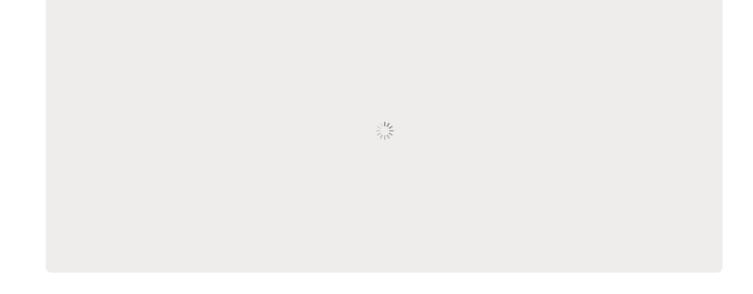
然后我们可以画出 KS 曲线,可以证明, KS 和 ROC 等价,且满足如下公式:

$$AUC_{ROC} = 0.5 + AUC_{KS}$$

KS 的最大值就用来评估模型的区分度。而所谓的区分度正可以看作是正负例的差异,具体而言,如果正负例对于标签没有区分度,说明两个样本重叠较大;区分度越大,说明两个概率分布相隔越远。回到 KS 上:

- 如果 KS 的最大值很小,说明 TPR 和 FPR 接近同一分布,也就意味着真实的正例和负例 被预测为正例的比例相似,说明模型很差。
- 如果 KS 的最大值很大,说明 TPR 和 FPR 区别很大,意味着真实的正例被预测为正例和 真实的负例被预测为正例相差很大,说明模型效果较好(能够区分真实正例和真实负 例)。

事实上, KS 的确常用在金融风控中, 用来评估模型的区分度, 区分度越大说明模型的风险排序能力越强。但值太大也有问题(可能过拟合), 一般超过 0.75 就认为过高, 而低于 0.2 则过低。关于这个我们可以看图说明:



我们假设曲线光滑, 那么 AUC KS ≈ 1/2 × max KS, 根据前面的公式:

$$AUC_{ROC}pproxrac{1}{2}+rac{ ext{max}_{KS}}{2}$$

由于上面提到的金融风控中 Label 的弹性, 当 KS 过高时, ROC 的 AUC 就会很高, 说明结果并没有这种弹性(模糊性、连续性), 此时模型有过拟合风险。

既然 KS 可以,那我们自然就要问了,t 检验行不行? 因为 t 检验也是检验两组样本是否来自同一个分布的统计量啊。答案是:不行。因为我们实际上是使用了它的定义(距离),而 t-test 的定义并没有体现出这一点。

独立双样本 t 检验, 方差不相等:

$$t=rac{ar{X}_1-ar{X}_2}{s_{ar{\Delta}}} \ s.\,t. \quad s_{ar{\Delta}}=\sqrt{rac{s_1^2}{n_1}+rac{s_2^2}{n_2}}$$

独立双样本 t 检验, 样本数相同, 方差相似:

$$t = rac{ar{X}_1 - ar{X}_2}{s_p \sqrt{rac{2}{n}}} \ s. \, t. \quad s_p = \sqrt{rac{s_{X_1}^2 + s_{X_2}^2}{2}}$$

这里的图也可以说明这一点:

其他距离其实也没有太多意义,因为 FPR 和 TPR 的 x 是一样的,不同的也就是 y 值。

# 六、评分卡

评分卡模型是一个线性回归模型:

$$Y = \sum_{i=0}^n heta_i x_i + b$$

特征覆盖率高,保持稳定,特征变量有明显的可解释性。样本为 0 时可以根据专家历史经验设定权重;样本为几百时,可根据单特征区分能力如 KS/IV 值等进行权重设定。

#### 6.1 非线性处理

有两种方式: WOE 处理和分桶。

證據權重WOE (Weight of Evidence) 是一種自變量編碼方案, 定義為:

$$WOE_i = \ln\!\left(rac{B_i/B_T}{G_i/G_T}
ight)$$

其中, Bi 表示第i 個分組裡bad label 的數量, Bt 為總的bad label 數量; G 表示good label。 WOE 越大, bad label 比例越高, 此時的WOE 值可以作為該分組的特徵值。

分桶是指對有一定跳變的連續值特徵進行分桶,將弱線性特徵轉化為強線性特徵。

#### 6.2 交叉特徵處理

主要採取對客戶分群的方式,對細分群體進行單獨建模(本質上是一種交叉特徵的體現)。

