#### Normale Class

Default Constructor → Leerer Constructor automatisch generiert, wenn kein anderer definiert wurde, setzt alle Variablen zu dessen Default Werten.

Aufrufen von public / protected, Methoden / Attributen / Constructor, via. Super > zeigt auf Instanz der Superklasse

super(); /\* Constructor \*/ super(10); /\* Constructor mit Argumenten \*/ super.test; /\* Variable \*/ super.test(); /\* Methode \*/

## ABSTRACT CLASS

```
public abstract class Test {
 public abstract void test1();
  public void test2() {}
public class Test2 extends Test
 @Override public void test1() {} /* Required */
  @Override
 public void test2() {} /* Optional */
```

Verwendung von Typen (Klassen und Schnittstellen) als Parameter, bei der Definition von Klassen, Schnittstellen und Methoden

Damit werden zur Laufzeit Obiekte in gleichem Datentypen in Datenstruktur sichergestellt. Type Casts sind ungeprüft bei Generics

#### Anwendungsfälle

```
public static <E> Stack<E> multiPush(E value, int times) { ... }
Stack<String> stack1 = multiPush("Hello", 100); Typ Inferenz
Generische Methode = Methode mit Typ-Parameter und Typ-Argur
public class MyClass<T> implements Interface<T> { ... }
Generische Klasse = Klasse mit generischen Paran
public interface MyInterface<T> { ... }
Generisches Interface = Interface mit generischen Parametern
```

Stack<String> stack1;

Generische Klasse, mit konkretem Typ instanziiert, (Funktioniert für statische Variable nicht, werden über mehrere Instanziierungen geteilt, genauer Typ unklar)

Typ-Inferenz: Typ vom Compiler am Kontext erkannt, bei generischen Methoden

#### Gemischte Argumenttypen

Es wird der nächstmögliche gemeinsamen Basistyp gewählt:

majority(1, 3.14, 1); → T = Number oder Object | Double → T = Number / Object

- Typsicherheit zur Kompilierzeit: Ein Java-Compiler wendet eine strenge Typüberprüfung auf generischen Code an und gibt Fehler aus, wenn der Code die Typsicherheit verletzt. Die Behebung von Kompilierfehlern ist einfacher als die Behebung von Laufzeitfehlern, die schwer zu finden sein können

 kein explizites casting notwendig. Code Wiederverwendung. Lesbarkeit. Wartharkeit. Früherkennung von Fehlern

#### Nicht möglich

nicht möglich sind instanceof T und statische Parameter. (Statische Felder benötigen zur Kompilierungszeit bekannte Typen, aber generische Typen sind erst zur Laufzeit bekannt.)

Generic kann nicht primitiver Datentyp (int/double) sein

Instanz erstellen nicht möglich: new T() und auch Array erstellen: new T[] type erasure Einschränkung: Es können keine Konstruktoren von generischen Typen

aufgerufen werden, da deren Typ zur Laufzeit nicht bekannt ist.

## TYPE BOUNDS UND TYPE ERASURE

#### Type Bounds

Typargumente einschränken (Graphic und alle SubTypen)

(Beschränken des Parameter-Typ auf Subtypen einer bestimmten Klasse) class GraphicStack<T extends Graphic> extends Stack<T> { public void drawΔ11() { } } class ClassName<T extends Type1 & Interface1 & ... >

## Type Erasure

Für Rückwärtskompatibilität. Typbeschränkungen zur Komplilierzeit, Löschen der Typ-Informationen zur Laufzeit. Methode muss nach Type Erasure immer noch eindeutig sein: <T> T majority(T x, T y, T z); -- Signatur mit Generics Object majority(Object x, Object y, Object u); -- mit type erasure

public static <T extends Comparable<T>> int findFirstGreaterThan(T[] at, T el) { ... } // wird als bytecode ↓ (wegen type bound) public static int findFirstGreaterThan(Comparable[] at, Comparable el)

#### GENERISCHE KLASSE (VOR UND NACH TYPE ERASURE)

```
Vorher :
class Stack<T> {
    Entry<T> ton:
    void nush(T value) { ... }
    T pop() { ... }
    static <T extends Comparable<T>> int find(T elem) { ... }
} String x = s.pop():
Raw Type (nach type erasure) :
class Stack {
    Entry top;
    void push(Object value){ ... }
    Object pop() { ... }
    static int find(Comparable elem) { ... }
} String x = (String)s.pop():
```

#### WILDCARDS

	✓	✓	T
_			
T>	✓	X	T und Subtypen
>	Χ	✓	T und Basistypen
	Χ	Χ	Alle
		Χ	X X X  X X X  X mergeTolist(

Collection<? extends T> c1, Collection<? extends T> c2 ) { ... } Flemente aus generischer Collection nehmen → Kovarianz Flemente in eine Collection einfügen → Kontravariant Beides mit einer generischen Collection machen → Invarianz PECS (producer extends consumers super) Stack<? extends T> from, Stack<? super T> to) { while (!from.isEmpty()) { to.push(from.pop()); Beispiel ohne Invarianz Typen sind Invariant, der Typ muss exakt sein bei ArrayList<T> class A {}

class B extends A {} ArrayList<B> bList = new ArrayList<B>(); ArrayList<A> aList = bList; 2 Listen zusammenfügen funktioniert nicht bei Iterable ArrayList<B> ist keine Unterklasse von ArrayList<A>, auch wenn B Unterklasse von A ist.

ArrayList<A> aList = new ArrayList<A>(); aList.addAll(bList); // funktioniert Arrays sind Covariant, Array ist auch ein Array seiner Subtypen. Typ erlaubt auch Subtypen.

B[] bArray = new B[10]; A[] aArray = bArray; // Kompiliert Extends bei Consumer geht nicht

List<? extends Number> numbers = List.of(1, 2, 3); numbers.add(2.718): geht nicht, nur gdd(null) möglich Compiler weiss nicht, welcher Subtyp von Number erlaubt ist, es könnte für Compiler auch

verwenden für consumer (add).

BEISPIELE GENERICS

Bivarianz Beispiel (kein lesen und schreiben möglich) public static boolean hasSameSize(List<?> list1. List<?> list2) { return list1.size() == list2.size(); } nublic class BeisnielGenerics<T> { public static T statischesFeld; -- kompiliert nicht, static public class GenericsSyntax<T extends Iterable<T>> { public void processList(Iterable<? super T> processMe) {

eine List<Integer> sein. Deshalb kann keine Zahl hinzugefügt werden. Lösung: super

Generics mit Comparable private static <T extends Comparable<T>> T findLargest(Iterable<T> iterable) {

T biggestElement = iterable.iterator().next(); for (T item : iterable) { if (biggestElement.compareTo(item) < 1) {</pre> biggestElement = item; return biggestElement;

Generisch vergleichen public static <T extends Comparable<T>> int searchBinary (List<?)</pre> extends T> list. T elem) { int compare = elem.compareTo(list.get(pivot)); elem < pivotEl -1, elem == pivotEl 0, elem > pivotEl 1

## **REFLECTION & ANNOTATIONS**

Metadaten über das Programm, kein Teil des Programmcodes, Kann auf private Elemente zugreifen. (@Override, @Test, @JsonProperty, @FunctionalInterface, |SuppressWarnings(value="unchecked")

Anwendungen Informationen für den Compiler, Verarbeitung zur Compile - und Runtime Implementierung von Annotations, Remote Procedure Call, Serialisierung und Deserialisierung, Object Relational Mapping und Plugin-Systeme (Nachladen einer Klasse) Marker Annotation Annotation ohne Variablen

Marker Interface Interface ohne Methoden / Variablen / Konstanten (Serializeable)

## WICHTIGE METHODEN FÜR REFLECTION

.getClass() bei Instanz von Klasse, .class() bei Klassentyp/Klassendefinition Class c = "foo".getClass(); // java.lang.String Class c = Boolean.class; // java.lang.boolean

Methoden von Class-Objekt public Method[] getDeclaredMethods()

throws SecurityExcention

```
public Constructor<?>[] getDeclaredConstructors()
 throws SecurityException
public Field[] getDeclaredFields()
 throws SecurityException
Beispielanwendung: Testclass.class.getDeclaredFields();
Modifier (check ist Field private)
Field f = c.getDeclaredFields()[0];
int m = f.getModifiers();
if (Modifier.isPrivate(m)) {}
oder Lösung:
for (Field f : fields) {
if (! java.lang.reflect.Modifier.isPrivate(f.getModifiers())) {
   System.out.println(f.getName() + "' is not private.");
Method-Objekt, Methoden von Method
public String getName()
public Object invoke(Object obj, Object... args)
 throws IllegalAccessException,
 IllegalArgumentException, InvocationTargetException
public boolean isAnnotationPresent( Class<? extends Annotation>
 annotationClass)
   int value():
```

## VALIDATOR BEISPIEL @Retention(RetentionPolicy.RUNTIME) public @interface Min { String message() default "Field must be greater than or equal to {value}"; OMin(value = 18, message = "Age must be at least 18") private int age; Check in Validator<T> Class public List<String> validate(T object) throws IllegalAccessException { list<String> validationErrors = new Arraylist<>(): for (Field field: object.getClass().getDeclaredFields()) { field.setAccessible(true): validateMin(object, field, validErrors); return validationErrors: private static <T> void validateMin(T object, Field field, List<String> validErrors) throws IllegalAccessException { if (field.isAnnotationPresent(Min.class) &&

# String.valueOf(min.value())));

field.getType() == int.class) {

if (value < min.value()) {

int value = field.getInt(object);

Min min = field.getAnnotation(Min.class);

validErrors.add(min.message().replace("{value}",

```
BEISPIEL AUTHOR CLASS
@Target(ElementType.TYPE) // TYPE→Klasse, METHOD, FIELD
@Retention(RetentionPolicy.RUNTIME) // COMPILE
public @interface Author {
String name():
String date() default "N/A";
Annotation verwenden
@Author(name = "Jasmin Fässler", date = "2025-06-10")
public class AnnotTest { ... }
Auswahl Annotierter Methoden (Methoden von Method)
var methods = AnnotTest class metDeclaredMethods().
for (var m : methods) {
 if (m.isAnnotationPresent(Author.class)) { ... }
} var classNameAnnot = m.getAnnotation(Get.class);
```

#### BEISPIEL PROFILER

```
Profiler erstellen (Reflection nutzen)
1. Annotationen definieren 2. Annotierte Methoden erkennen
3. Annotierte Methoden aufrufen und profilen
1. Annotation definieren
import java.lang.annotation.*;
@Retention(RetentionPolicy.RUNTIME) // oder COMPILE
@Target(ElementType.METHOD) METHOD, TYPE→Klasse, FIELD
public @interface Profile { }
public class Profiler {
2. Annotierte Methoden finden
 public static void profileMethod(
  Object object, Method method, Object[] args
  long startTime = System.nanoTime();
   method.invoke(object, args);
  } catch (IllegalAccessException |
```

InvocationTargetException e) {

long endTime = System.nanoTime();

logger.error(e.toString());

```
3. Profiling der Methoden
 public static void main(String[] args) {
  ProfileFs testFs = new ProfileFs ();
 int[] array = {5, 2, 8, 1, 93, 3, 33, 1, 333};
  var methods = ProfileFs.class.getDeclaredMethods();
  for (var m : methods) {
   if(m.isAnnotationPresent(Profile.class)) {
   Profiler.profileMethod(testFs,m,new Object[]{array});
  wenn Method die Annotation Profile hat
//hoolean isAnnotationPresent(Class<? Extends Annotation> )
111
BEISPIEL @TEST
void listNodeTest() {
   var listNode2 = new LinkedListNode<>(4, null);
    var listNode = new LinkedListNode<>(3, listNode2);
    assertEquals(4, listNode2.getElement());
    assertEquals(listNode2, listNode.getNext());
BEISPIEL REFLECTION MOODLE ÜBUNG
public static void validateClass(Class<?> clazz) {
  Field[] fields = clazz.getDeclaredFields();
  if (fields.length > 4)
        System.out.println("Validation failed: class > 4 fields.");
        return
  for (Field field : fields) {
   if (!iava.lang.reflect.Modifier.isPrivate(field.getModifiers())) {
           System.out.println("Validation failed: Field '" +
field.qetName() + "' is not private.");
           return;
    System.out.println("Validation passed: Class " +
    clazz.getSimpleName() + " meets all conditions.");
Immer worst-case (ungünstigster Fall) betrachten: Einfache Analyse, Vermeidet Unsicherheit,
```

long elansedTime = endTime - startTime:

method.getName(), elapsedTime);

logger.info("{} took {} nanoseconds to execute.",

Gut für Anwendung die garantierte Antwortzeiten benötigen, durchschnittliches Verhalten schwerer zu hestimmen. Bester Fall ist nicht interessant/trivial

#### Wofür geeignet

Analyse welcher Such-Algorithmus für eine Funktionalität mit aufsteigenden Zahlen am schnellsten wäre → Noch nicht implementiert und Einteilung in Komplexitätsklasse einfach, daher Big-O Notation am sinnvollsten

Regeln um Laufzeitskomplexität in Big-O-Notation zu notieren

```
Falls f(n) Polynom yom Grad d ist, ist f(n) \in O(n^d), d.h.:
1. Alle tieferen Potenzen weglassen
2. Jeweils genaueste Funktion verwenden (tiefst mögliche Potenz)
   2^n = O(n) und 2^n = O(n^2) sind beide korrekt, aber besser ist 2^n = O(n)
3. Konstanten weglassen
4. So stark wie möglich vereinfachen
  3n + 5 = O(n) statt auch korrekte Lösung: 3n + 5 = O(3n)
Big-Q-Notation mit Formel beweisen, Gleichung
```

 $f(\mathbf{n})$  (Algorithmus)  $\leq \mathbf{c}g(\mathbf{n})$  für  $\mathbf{n} \geq \mathbf{n}_0$ **c** (reelle Konstante) > 0 und  $n_0$  (Ganzzahl-Konstante)  $\ge 1$  $O(\mathbf{n}) = O(g(\mathbf{n})) = \text{Komplexitätsklasse} = \text{Big-O}$ 

Eigenes Beispiel: Beweisen Sie 8n4+3n2+4 ist O(n4) f(n) = O(g(n)) falls:  $f(n) \le c \cdot g(n)$  für  $n \ge n_0$  $8n^4 + 3n^2 + 4 < c \cdot n^4$ löse nach c auf  $8n^4 + 3n^2 + 4 \le c \cdot n^4 \mid \div n^4$  $\frac{8n^4 + 3n^2 + 4}{4} \le c = setze \ n_0 = 1 \ und \ n = n_0$ :  $\frac{8+3+4}{4} \le c = 15 \le c$ 

Die Gleichung ist ist wahr für n=1,2,3,4,... Beschreibung Statement (Aufruf Methode v.f() / Setzen Konstant

 $n_0 = 1$  und c = 15 ( $n_0$  ist das kleinstmögliche n bei diesem c)

	$entMax \leftarrow A[$				
Algorit	hm arrayMax	x(A, n) # Operationen			
$2^n$	Exponential	Brute Force			
nlog(n)	Linearithmische	Sortieralgorithmen (Merge Sort)			
n	Linear	Loops (Aufruf in Schleife) 1++			
log(n)	Logarithmisch	In Hälften teilen (Binäre Suche) 1*=2			
		Wert v = null / Check v != null)			

for  $i \leftarrow 1$  to n-1 do 1 Zuweisung + n (Subtraktion + Test): 1 + 2nif A[i] > currentMax then (Indexierungen + Test) (n-1) $currentMax \leftarrow A[i]$ (Indexierungen + Zuweisung) (n-1) 0 | 2(n-1)increment i (Inkrement + Zuweisung) (n - 1)2(n-1)return currentMax 1 Verlassen der Methode

Worst Case: 2 + (1 + 2n) + 2(n - 1) + 2(n - 1) + 2(n - 1) + 1 = 8n - 2Best Case: 2 + (1 + 2n) + 2(n - 1) + 0 + 2(n - 1) + 1 = 6n

#### Renötigte Figenschaft für Algorithmus (wie Kochrezent)

Beschreibung eines endlichen, deterministischen und allgemeinen Verfahrens unter Verwendung ausführbarer, elementarer Schritte.

- Endlich (Termination nach N-Schritten)
- Deterministisch (Selbe Eingabe = Selbes Ergebnis)

Problem → Algorithmus → Lösung

#### ALGORITHMEN PARADIGMEN

#### Brute-Force Beispiel mit Passwort

26 Zeichen möglich, Passwort hat 8 Stellen, Dann gibt es 268 Möglichkeiten, Bei einer Stelle mehr giht es 269 Möglichkeiten

## Greedy-Algorithmen

O-Notation O(n) O(1) O(n2) | Problem Liefert immer eine Lösung, aber nicht unbedingt ontimale Lösung I. nutzen bei 2<sup>n</sup> Problemen um sie mit O(n<sup>2</sup>) zu lösen (Rückgeld, Ladendieb, Set covering, Radiostationen)

- Bei jedem Teilschritt die beste Lösung wählen. Versucht das globale Optimum, durch lokales optimieren zu erreichen

- . Verwendet Bewertungsfunktion zur Auswahl der Schritte.
- Einfach, einfach programmierbar, immer 1 (nicht optimale) Lösung

#### Dynamische Programmierung

Aufteilen in keine Subprobleme und diese nur 1 Mal je lösen und speichern. Verbesserung wenn gleiches Problem mehrmals gelöst wird

global optimale Lösung, kann Backtracking, komplexerer Code

Fibonacci-Folge mit dynamic programming (Tabulationsmethode) wird die Zeitkomplexität auf linear reduziert. (rekursiv: O(2<sup>n</sup>), dynamisch: O(n))

#### Divide-and-Conquer (Teile und Herrsche)

Problem rekursiv in kleinere Subprobleme aufteilen. Subprobleme lösen. Lösung zusammenfügen

Beispiel Binärsuche: kann rekursiv definiert sein | O-Notation  $O(\log(n))$ 

#### EMPIRISCHE ANALYSE

Prinzip Algorithmus wurde implementiert und die Laufzeit für unterschiedliche Eingaben gemessen. Aus diesen Messungen werden Vorhersagen für die Laufzeit für grössere oder kleinere Eingaben getroffen

Beispiel Analyse der Laufzeit einer bestehenden Cloud-Anwendung in ihrer Umgebung → Schon bestehend und schwierig in Komplexitätsklasse einzuteilen dafür eignet sich empirische Analyse hesser

Herausforderungen Ergebnisse können durch Störungen in Hardware. Software und Systembelastung verfälscht werden und Algorithmus muss implementiert sein und Eingaben beeinflussen Ergebnis

StopWatch s = new StopWatch(); s.reset(); s.start(); /\* Algorithmus ausführen; \*/ s.stop();

#### BACKTRACKING (REKURSIV)

- ☐ Anforderung genau lesen, was ist gewünscht vom Code? Aufgaben durchlesen
- ☐ Code im Anhang gut studieren
- ☐ grobes UML Diagramm um den Code zu verstehen
- ☐ Mit Struktur für Backtracking beginnen

Konzept von Backtracking ist Trial & Error. Falls aktueller Zweig nicht zur Lösung führt, zur letzten Entscheidung zurücksetzen und anderen Pfad probieren



## Vorgehen Backtracking

- 1. Position auf Feld (Schachbrett, Labvrinth) markieren
- 2 Rekursionsahbruch (Alle Felder besucht Ausgang gefunden) neturn true:
- 3. Alle Operationen probieren
- a. Neues Feld / Koordinate festlegen
- b. Überprüfen, ob Feld gültig ist und noch nicht besucht wurde
  - Wenn Ja: Überprüfen ob rekursiver Aufruf true zurückgibt (wird Ziel erreicht?)
- ii. Falls i. Ja: return true: 4. Backtracking: Markierung vom Feld entfernen und return false;

```
public boolean backtrack(int param1, int param2, ...) {
1. Base case: check if solution is found, if is goal
```

- if (...) { return true; }
- 2. Check constraints and boundaries (bounds, obstacles, marked) manchmal 2 tests if (nicht erlaubt) { return false: }
- 3. Mark the current state as visited/part of the path (for example
- set a cell, add to path, etc.)

## 4. Iterate through all possible choices/moves at this step

for (/\* each possible choice/move \*/) { Oder separate if() statements (alle Richtungen) mit Test ob im erlaubten Bereich am Anfang von backtrack()

Problem-specific: make a move or choice (if needed)

möglicherweise vorher definierte Methoden aufrufen

## Recursion (call itself with new parameters)

```
if (backtrack(param1, param2,..)) { return true; }
// ist nur true, wenn Ziel in Rekursion erreicht wird
```

```
Undo the move/choice (backtrack) no return statement!
5. Unmark the current state (visited or partial solution)
(for example, reset a cell, remove from path, etc.)
6. No solution found at this path: return false;
  // Backtracking/Rekursion ausserhalb testet nächster Weg
```

#### REKURSION

Rekursionsabbruch Werte der Parameter, für die kein rekursiver Aufruf ausgeführt wird. In jeder Rekursjon muss es einen Base Case gehen, welcher die Rekursjon nicht weiterführt. Rekursive Aufrufkette muss Rase Case erreichen, sonst Infinite Loon

Rekursive Aufrufe Rufen sich selbst wieder auf und bewegen sich Richtung Base Case, Kein festes Maximum für die Anzahl

Lineare Rekursion Ein rekursiver Aufruf startet höchstens einen weiteren rekursiven Aufruf Binäre Rekursion Rekursiver Aufruf macht höchstens zwei rekursive Aufrufe

Mehrfache Rekursion Rekursiver Aufruf macht mehr als 2 weitere rekursive Aufrufe Endrekursion Funktion, bei der rekursiver Aufruf letzter Schritt ist. Weniger Speicherbedarf

```
auf Call Stack und kann in iterative Funktion umgewandelt werden
Ohne Endrekursion
                                       Callstack
private static int recsum(int x) {
                                      recsum(3)
                                       3 + recsum(2)
if (x == 0) { return 0: }
                                       3 + (2 + recsum(1))
else {
                                       3 + (2 + (1 + recsum(0))
// Addition ist letzte Anweisung
  return x + recsum(x - 1);
                                       3 + (2 + 1)
                                       3 + 3
Mit Endrekursion
private static int tailrecsum(int x, int total) {
 if (x == 0) {
```

```
return total:
 } else {
    // Rekursiver Aufruf ist letzte Anweisung
    return tailrecsum(x - 1, total + x);
Iterative Version von Endrekursion
                                      Callstack
private static int tailsum(int x)
                                      tailrecsum(3 A)
  int total = 0;
                                      tailrecsum(2, 3)
                                       tailrecsum(1, 5
  for (; x > 0; x--) {
                                      tailrecsum(0, 6)
    total += x;
  return total:
```

## Rekursion (Palindrom Checker)

```
public static boolean isPalin(String text) {
String low = text.toLowerCase();
if (text.length() <= 1){
     return true:
if (low.charAt(0) == low.charAt(text.length() - 1)) {
   return isPalin(text.substring(1, text.length() - 1));
return false;
Rekursion (String umkehren)
public static String reverseString(String s){
  if(s.length() <= 1){
      return s:
  } else {
```

```
return reverseString(s.substring(1)) + s.charAt(0);
Rekursion (Decimal to binary)
public static int decimalToBinary(int decimal) {
   if (decimal == 0) {
        return Θ:
   } else {
       return (decimal % 2) + (10 * (decimalToBinary(decimal / 2))):
```

Bogo sort: O(∞),O(n\*n!), O(?) wegen Zufall

# SWAP METHODE

```
private static <T> void swap(T[] arr, int x, int y) {
   var temp = arr[x];
   arr[x] = arr[y];
   arr[y] = temp;
```

## SELECTION SORT

best-case  $O(n^2)$ , worst case  $O(n^2)$   $O(\frac{n(n-1)}{2})$ 

Von der unsortierten Liste das grösste Element in neue sortierte Liste einfügen und danach das nächst grössere Element aus unsortierten wählen, bis unsortierte Liste leer ist. Laufzeit unabhängig von Eingabe und wenig Bewegungen im Array.

```
void selectionSort(int[] array) {
    for (int step = 0; step < array.length - 1; step++) {</pre>
        int min = step;
        for (int i = step + 1; i < array.length; i++) {
            if (array[i] < array[min]) {</pre>
            // (arr[i].compareTo(arr[index]) < 0)
```

```
min = i:
       swap(array, step, min); // swaps positions (vorher definiert)
1 1
```

#### INSERTION SORT

best-case O(n), worst case O(n<sup>2</sup>)  $O(\frac{n(n+1)}{r})$ 

Element entnehmen und an richtiger Stelle in sortierter Liste einfügen. Gut bei teilweise sortierten Arrays



```
void insertionSort(int array[]) {
    for (int step = 1; step < array.length; step++) {</pre>
        int key = array[sten]:
        int i = sten - 1:
        while (j \ge 0 \& key < array[j]) {
            array[j + 1] = array[j];
        array[j + 1] = key;
1 1
```

## BUBBLE SORT

best-case (optimierte Version) O(n), worst case O(n<sup>2</sup>)  $O(\frac{n(n-1)}{2})$ 

Durch Liste iterieren und in Zweier-Paaren vergleichen und Positionen vertauschen falls

```
unsortiert. Wiederholen, bis Liste sortiert ist.
public static <T extends Comparable<T>> void bubbleSort(T[] arr) {
    for (int i = arr.length; i > 1; i--) {
        for (int j = 0; j < i -1; j++) {
            if (arr[j].compareTo(arr[j+1]) > 0) {
                swap(arr, j, j + 1);
kein return, weil array ist object=call by reference
public static void optimizedBubbleSort(int[] array){
    if(array==null || array.length==0) {
        return
    hoolean isSwapped:
    for (int i = 0; i < array.length - 1; i++) {
        isSwapped = false;
        for (int j = 0; j < array.length -i -1; j++) {
            if(array[j]>array[j+1]){
                int temp = arrav[i]:
                array[j] = array[j+1];
                array[j+1] = temp;
                isSwapped = true;
        if(!isSwapped) { break: } wenn bereits sortiert
1.1
```

#### COUNTING SORT

best-case O(n), worst case O(n+k) k=grösster Wert in der Liste

- Benötigt zusätzliche Speicherstruktur

Zählt Anzahl Vorkommnisse einzelner Elemente (Wert: Anzahl) -> (0:2,1:0,2:2,3:3,4:0, 5:1), wobei der Wert zum Index wird und die Anzahl der Vorkommnisse zum Wert. Schreibt dann aus dieser Wertetahelle die Werte im ursprünglichen Array neu. Wohei er mit dem tiefsten Index heginnt und so viele Werte schreiht wie der Wert an diesem Index zeigt

```
public static void countingSort(int[] data) {
 // first find biggest value k
int maxValue = data[0];
    for (int i = 1; i < data.length; i++) {
        if (data[i] > maxValue) {
            maxValue = data[i]:
    int[] count = new int[maxValue + 1]:
    for (int i = 0; i < data.length; i++) {
        // Increment the occurrences on the given index
        count[data[i]]++.
    int nosition = A:
    for (int i = 0; i <= maxValue; i++) {
        for (int j = 0; j < count[i]; j++) {
            data[position] = i; position++;
111
```

## SHELL SORT

best-case O(nlog(n)), worst case: O(n2)

Weit auseinander liegende Einträge austauschen, um teilweise sortierte Arrays zu erzeugen. Teilweise sortierte Arrays effizient mit Insertion Sort sortieren.

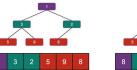
4-sortieren: Jedes 4te Element vergleichen und swappen falls erstes Flement grösser ist als das zweite. Dann evtl. Schritt wiederholen mit jedem 2ten Element. Am Schluss Array mit Insertion Sort sortieren

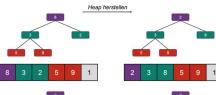
```
public static <T extends Comparable<T>> void shellSort(T[] a) {
   int n = a.length;
    // 3x+1 increment sequence: 1, 4, 13, 40...
    int h = 1;
   while (h < n/3) \{ h = 3*h+1; \}
   while (h >= 1) {
        for (int i = h; i < n; i++) {
            for (int j = i;
            j >= h \&\& (a[j].compareTo(a[j-h]) < 0);
           j = j-h) {
               swap(a, j, j - h);
       h /= 3;
```

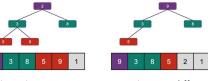
#### **HEAP SORT**

best-case O(nlog(n)), worst case: O(nlog(n))

- 1. Root mit Element unten rechts tauschen
- 2 Hean wiederherstellen
- 3. Root mit Element unten rechts tauschen







```
public static <T extends Comparable<T>> void heapSort(T[] arrayToSort,
Comparator<T> comparator) {
    var heap = new Heap<T, Void>(comparator);
    for (var i : arrayToSort) {
        heap.insert(i, null);
    for (var i = 0; i < arrayToSort.length; i++) {
        arrayToSort[i] = heap.removeMin().getKey();
```

#### BINÄRER SUCHBAUM (BST) SORTIERUNG

```
best-case O(1), worst case: O(log(n))
int binarySearch(int array[], int x, int low, int high) { if (high
>= low) {
         int mid = low + (high - low) / 2;
         if (array[mid] == x) {
        return mid; }// If found at mid,return it
if (array[mid] > x) { // Search the left half
             return binarySearch(array,x, low, mid-1);
         // Search the right half
         return binarySearch(array, x, mid + 1, high);
return -1;
```

ADT: Abstraktion konkreter Datenstruktur, Beschreiht WAS eine Datenstruktur tut, ohne auf das WIF einzugehen (Interface), Beschreibt Attribute (Finträge in einer Liste), Operation auf den Attributen (pop (), push (), ...), Ausnahme und Fehler (Welche Exception wird wann

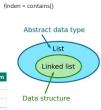
Datenstruktur: Speichert / Organisiert Daten. Konkrete Implementierung Schnittstelle (ADT) Ziel Kapselung (Nutzung ausschliesslich über Schnittstelle) / Geheimnisprinzip (Interne Realisierung ist verborgen)

Beispiel Abstrakter Datentyp Stack beschreibt Reihe von Funktionen (pop (), push ()). Diese können unteschiedliche implementiert werden (mit Array oder einer Liste) null ist einfügbar bei Listen (ArrayList, LinkedList..), Map (values, 1 key), HashSet

#### PERFORMANCE / FEATURES

	Finden	Einfügen	Löschen
ArrayList Langsam		Sehr schnell am Ende	Langsam
LinkedList	Langsam	Sehr schnell an Enden	Sehr schnell an Enden
HashSet	Sehr schnell	Sehr schnell	Sehr schnell
HashMap	Sehr schnell	Sehr schnell	Sehr schnell
TreeSet	Schnell	Schnell	Schnell
TreeMap	Schnell	Schnell	Schnell
1	Indexiert So	rtiert Dup	likate null-E

TreeMap	Schnell Schnell		Schnell	
	Indexiert	Sortiert	Duplikate	null-Elem
ArrayList	Ja	Nein	Ja	Ja
LinkedList	Ja	Nein	Ja	Ja
HashSet	Nein	Nein	Nein	Ja
HashMap	Nein	Nein	Key: Nein	Ja
TreeSet	Nein	Ja	Nein	Nein
TreeMap	Nein	Ja	Key: Nein	Key: Nein



Collection	Ordering	Random Access	Key- Value	Duplicate Elements	Null Element	Thread Safety
ArrayList	Yes	Yes	No	Yes	Yes	No
LinkedList	Yes	No	No	Yes	Yes	No
HashSet	No	No	No	No	Yes	No
TreeSet	Yes	No	No	No	No	No
HashMap	No	Yes	Yes	No	Yes	No
Properties	No	Yes	Yes	No	No	Yes
Stack	Yes	No	No	Yes	Yes	Yes

## WRAPPERKLASSEN

## Wrapper-Klassen

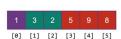
- Wertetypen Referenztypen
- Keine primitiven Datenwerte auf dem Stack
- byte, short, int, long, float, double, char - Dies sind keine Objekte (keine Referenzsemantik)
- Sondern direkte Werte (Kopiersemantik)

Integer.parseInt("1") // String zu int auto-unboxing: auto-boxing: int d = b; Integer b = 5:

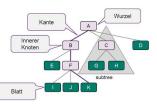
Zweidimensionale Datenstruktur, die hierarchische Beziehungen darstellen. Besteht aus Knoten (Objekte des Baums) und Kanten (Relationen zwischen Knoten). Beispiel: Verzeichnisbaum, DOM, Familie

Binärer Baum, immer vollständig. Wurzel enthält immer kleinstes/grösstes Element wiederholt Wurzelelement entnehmen, his Array leer ist Array zu Rinären Raum → Breadth-First





rerminologie	
Wurzel	Knoten ohne Elternknoten (A)
Innere Knote	Knoten mit mind. einem Kind (A, B, C, F)
Blatt	Knoten ohne Kinder (E, I, J, K,)
Vorgängerknoten	Eltern, Grosseltern
Geschwister	Knoten mit selben Eltern
Subtree (Unterbaum)	Baum aus einem Knoten und seinen Nachfolgern
Tiefe eines Knotens	Anzahl Vorgänger (Tiefe von Wurzel=0)
Höhe eines Baums	Maximale Tiefe der Knoten im Baum



Interface
<pre>public interface Tree<e> extends Iterable<e> {</e></e></pre>
Position <e> root();</e>
Position <e> parent(Position<e> p);</e></e>
Iterable <position<e>&gt; children(Position<e> p)</e></position<e>
<pre>int numChildren(Position<e> p);</e></pre>
<pre>boolean isInternal(Position<e> p);</e></pre>
<pre>boolean isExternal(Position<e> p);</e></pre>
<pre>boolean isRoot(Position<e> p);</e></pre>
}

#### BAUMTRAVERSIERUNGEN

l	Pre-Order (W-L-R)	Knoten wird <b>vor</b> seinen Kindern besucht		
ı	Post-Order (L-R-W)	Knoten wird <b>nach</b> seinen Kindern besucht		
ı	In-Order (L-W-R)	Knoten nach linkem Subtree und vor rechtem Subtree besuchen		
ı	Breadth-First	Alle Knoten einer Stufe besuchen, bevor Nachfolgeknoten		
ı		besucht, werden		

#### Traversierungen Code nublic void preOrder(v) { |public void postOrder(v) { visit(v); foreach child w of v { foreach child w of v postOrder(w); preOrder(w); public void inorder(v){ public void breadthFirst() if hasLeft(v) inOrder(left(v)): while 0 not empty { v = 0 dequeue(). visit(v) visit(v); if hasRigth(v){ foreach child w in inOrder(right(v)); children(v) { O.enqueue(w):

## BINÄRER BAUM

Grundprinzip Spezialform Baum. Jeder Knoten höchstens 2 Kinder Binärer Suchbaum Kinder sind geordnetes Paar (links kleiner, rechts grösser)

#### public interface BinaryTree<E> extends Tree<E> { Node<E> left(Node<E> p); Node<F> right(Node<F> n): Node<E> sibling(Node<E> p); Node<F> addRoot(F e): Node<E> addLeft(Node<E> p, E e); Node<E> addRight(Node<E> p, E e);

## BAUM FUNKTIONEN

```
public int depth (Position <E> p) {
if (isRoot(p)) { return 0: } else { return 1 + depth(parent(p)): }
Höhe
public int height (Position <E> p) {
   int h = A.
   for (Position<E> c : children(p)) {
       h = Math.max(h, 1 + height(c));
   return h
```

Oueue (Warteschlange), Deque : double ended queue DequecStrings queue = new LinkedListcs(). queue addFirst(elem). queue addlast(elem). queue.removeFirst(elem): queue.removelast(elem): first(); isEmpty(); size(); empty queue enqueue Anwendungen Oueue: Website-Verkehr, Router/Switches

Zeitkomplexität Enqueue und Dequeue sind beide O(1)

## PRIORITY QUEUE

Grundprinzip Einfügen von Werten mit Priority k. Liste ist nach k sortiert. Eine Priority Queue kann entweder sortiert oder unsortiert sein

```
insert(K k, V v); removeMin(); min();
Anwendungen Dijkstra-Algorithmus, Datenkompression Huffman Code
                 Unsorted List
                                    Sorted List
                0(1)
                                    O(n)
  insert
  min
                O(n)
                                    0(1)
  removeMin
               O(n)
                                    0(1)
```

#### ADAPTABLE PRIORITY QUEUE ADT

```
Gleiches Interface wie Priority Queue aber mehr Methoden
remove(e); replaceKey(e, k); replaceValue(e, v);
```

#### ARRAYLIST

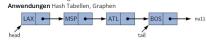
```
ArrayList<String> sList = new ArrayList<>();
List.of(array); Create list out of array
sList.add("00"); Add Element
sList.add(0, "Bsys1"); Add at position 0
String x = sList.get(1); Get at position 1
sList.set(0, "Bsys2"); Replace at position 0
Check if list contains element:
boolean b = sList.contains("CN1");
sList.remove("ICTh"); Remove element
sList.remove(1): Remove at position 1
list.sort(..); z.B. .sort(Comparable::compareTo)
list.addAll(list); list.size();
```

#### LINKEDLIST

```
worst-case: suchen und löschen O(n), einfügen O(1)
- Verkettete Liste der Elemente
- Dynamisch hinzufügbar und entfernbar
- LIFO (stack) und FIFO (queue) möglich
- Kein Umkopieren bei add(), remove()
- Intern Doppelt verkettet (vorwärts/rückwärts)
  List<String>firstList = new ArrayList<>();
List<String> firstList = new LinkedList<>();
add(), remove(anfang/ende) Sehr schnell (0(1))
get(), set(), contains(), remove() Langsam (O(n))
//Gleiche Funktionen wie ArrayList
public class Node<E> {
```

```
private E element;
    private Node<E> next;
public Node(E e, Node<E> n) {
element = e:
   public E getElement() {
return element;
```

Linked List Sequenz von Knoten Knoten Element + Zeiger zum nächsten Knoten

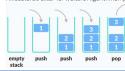


Doppelt-verkettete-Liste Jeder Knoten speichert Verbindung zum Vorgänger und Nachfolger



```
Zeitkomplexität; Pop und Push Operationen sind O(1)
Kann mithilfe von z.B. Array oder Liste implementiert werden
var stack = new Stack<E>();
Entfernt oberstes Element vom Stack:
var popEl = stack.pop();
Fügt Element auf den Stack hinzu:
var pushedItem = stack.push(el);
var isEmpty = stack.empty(); size();
```

Anwendungen Stacks Methodenaufrufe in JVM, Undo, History im Browser, Hilfsdatenstruktur für weitere Algorithmen (Array umkehren)



Sammlung von Objekten eines Typs. Keine Duplikate, keine Reihenfolge, kein Index-zugriff. Normale for-loop nicht möglich (for-each, iterator)

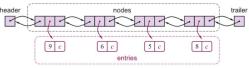
```
HashSet
 In Hashtabelle gespeichert
 Flemente geben hashCode() konsistent zu equals()
Set<String> otherSet = new HashSet<>();
add(elem): Add one element
remove(elem): Remove the given element
contains(elem): boolean
size(): size of all contained elements
isEmptv(): boolean
String[] a = (String[]) set.toArray();
TreeSet
Sortiert, In Binärbäumen gespeichert
- Elemente implementieren Comparable und equals()
Set<String> firstSet = new TreeSet<>():
// Gleiche Funktionen wie HashSet
Implementierung:
 Moverride
 public boolean add(E e) {
                             public boolean
   if (list.contains(e)) {
                             contains(Object o) {
     return false;
                                 return
  } else {
                             list.contains(o);
     list.add(e);
     return true;
MULTI SET
Grundprinzip Set mit erlaubten Duplikaten, Duplikat equals() oder == überlegen
public int add(E element, int occurrences) {
   if (occurrences < A) {
      nositive ").
```

## count(elem); remove(E e, int n); remove(e) entfernt 1 Element davon throw new IllegalArgumentException("Occurrences must be int index = getIndex(element): if (index == -1) { var newEntry = new MultisetEntry<>(element): newEntry.setCount(occurrences); elements.add(newEntry): return 0; } else { int currentCount = elements.get(index).getCount(); int newCount = currentCount + occurrences; elements.get(index).setCount(newCount); return newCount: } } MAP

Grundprinzip: Sammlung von eindeutigen Schlüssel-Wert Paaren Ähnlich wie Set, Mengen von Schlüssel-Wert-Paaren, Schlüssel müssen gleiche Regeln wie Sets erfüllen (Keine Duplikate)

Zeitkomplexität schlechtester Fall von put,get,remove ist O(n)

#### Implementierung mit unsortierter Liste-



```
- Braucht hashCode() und equals() Methode für sinvolle Schlüssel.
Map<Integer, String> map = new HashMap<>();
// Gleiche Funktionen wie TreeMap
TreeMan
- Nach Schlüssel sortiert
Map<Integer, String> map1 = new TreeMap<>();
put(2000, "Hello"); Add one element
containsKey(2000); // boolean, key in map
containsValue("Hello"); // boolean, value in map
get(2000); // get value of key
size(), remove(key), isEmpty(), clear()
Werte ausgeben von Map
for (int number : map1.kevSet()) { // all kevs
    System.out.println(number);
for (String value : map1.values()) { // all values
    System.out.println(value);
```

for (var el : map.entrySet()) { // all key values var k = el.getKev(): var v = el.getValue(); for (Map.Entry<Integer, String> number : map.entrySet()) { System.out.println(number.getKey()); map.values().stream().mapToInt(i -> i).sum();

#### SeparateChainingMap

Map mit LinkedList als Value, (z.b. mit Entry implementiert).

#### MIIITI MAP



Map Multimap
Iterable<V> qet(K k); void put(K k, V v); boolean remove(K k, V v); Iterable<V> removeAll(K k):

Hash-Maps Menge von Schlüssel-Wert Paaren von denen jeder Schlüssel unique ist. Hashing Hash-Funktion h hildet Schlüssel auf Indexwerte im Intervall [0] n-1] ab und bestimmt für Elemente e die Position h(e) im Feld. Der Hash Algorithmus gibt einen Integer zurück, welcher auf einen Slot der Hash-Tabelle zeigt. | Ziele Mit konstantem Aufwand (möglichst schnell) O(n) in einer Collection (Set, Map) finden

#### Eigenschaften guter Hashfunktion

- Konsistenz (Trotz wiederholtem Aufruf gleichen Hashcode)
- Effiziente Berechnung, Gleichmässige Verteilung der Schlüssel → Geringe Anomalien

#### Mögliche Methoden zum Hashen

Divisions restverfahren  $h(x) = x \mod 10$ Integer Cast Schlüssel als Integer interpretieren byte[] b = key.getBytes(StandardCharsets.UTF\_16); ByteBuffer wrapped = ByteBuffer.wrap(b); return wrapped.getInt();

Komponentensumme Schlüssel in Komponenten fester Länge unterteilen, Komponenten summieren, Overflow ignorieren

for (int i = 0; i < s.length(); i++) { hash += s.charAt(i): }

Polynom-Akkumulation Komponenten bei Komponentensumme unterschiedlich gewichten (Gut für Strings)

 $p(z) = a_0 + a_1 \cdot z + a_2 \cdot z^2 + \dots + a_{n-1} \cdot z^{n-1}$ int hash = 0; for (int i = 0; i < s.length(); i++) { hash += s.charAt(i) \* Math.pow(31,(s.length() - i + 1)); } return hash:

Beispiel Kompressionsfunktion  $h2(y) = y \mod N$  (Grösse der Hash-Tabelle N ist oft Primzahl)

Kollision Mehrere Schlüssel zeigen auf einen Bucket

Überlauf/Overflow Datensatz mit Schüssel heisst Überläufer, wenn durch Hashfunktion zugewiesener Behälter schon voll ist

**Doppeltes Hashing** Zweite Hashfunktion d(x), falls Kollision entstanden ist h(x) + j. d(x) mod N, j = Anzahl Kollisionen, N = Tabellengrösse (Primzahl)

Konsistentes Hashing gibt es auch, Gegenteil von dynamischen Hashing.

Einträge pro Bucket im Schnitt (Lastfaktor):  $\alpha = \frac{n}{n}$ n: Einträge in der Tabelle Lineare Suche im Kollisionsbereich: \*\*

Optimierung: Einträge im Kollisionsbereich ordnen (z.B. nach Zugriffhäufigkeit)

## GESCHLOSSENE ADDRESSIERUNG

Behälter/Buckets sind (verkettete) Listen, Platz nicht begrenzt, prinzipiell keine Überläufer. Die Kollisionseinträge werden in einem Überlaufbereich pro Bucket gespeichert. Der Lastfaktor kann hier grösser werden als 1.

#### Separate Chaining

- Resize/Rehash einfacher, da jedes Element im passenden Bucket gespeichert wird
- · Geringer Speicheroverhead (Speicherung in verketteten Listen)
- Akzeptable Performance auch bei hohem Lastfaktor

Separate Chaining: Jede Zelle der Hashtabelle zeigt auf Liste. Einfache Umsetzung dafür zusätzliche Datenstruktur und Speicherbedarf

Listen-basierte Map für Kollisionsbereich: get(k) = return A[h(k)].get(k)

#### OFFENE ADDRESSIERUNG

Überläufer in nächste verfügbare Zelle einfügen, durchsuchen bis leere Zelle gefunden wurde. Bei Kollisionen wird Platz in benachbarten Buckets gesucht.

Der Lastfaktor kann nicht grösser werden als 1

Sondierungsfolge bestimmt Weg zum Speichern und Wiederauffinden der Überläufer. Gelöschte Werte dürfen nicht gelöscht werden, sondern nur als gelöscht markiert, um die

Sondierungskette nicht zu unterbrechen Problem: lange Sondierungsketten

## Lineare Sondierung / Linear Probing

- Resize/Rehash aufwändiger, da Sondierreihenfolgen betrachtet werden müssen
- · Kein Speicheroverhead (Speicherung erfolgt in-Place)
- · Performance verschlechtert sich stark mit wachsendem Lastfaktor

## Quadratisches sondieren

um «Primary Clustering» zu lösen. i = sondierungsschritt s(k,i) = h(k) + ci (c = 2)

```
• Wahrscheinlichkeit einer Kollision abhängig von \alpha = \frac{n}{n}

    Wahrscheinlichkeit, dass eine Position belegt ist: α

                                                                         Multiplikation: Wahrscheinlichkeit,
                                                                         dass beide Ereignisse eintreten

    Wahrscheinlichkeit, dass eine Position frei ist: 1 – α

     Wahrscheinlichkeit dass die erste Position belegt ist: g
  2. Wahrscheinlichkeit, dass die erste Position belegt (\alpha) und die zweite Position frei (1-\alpha) ist: \alpha * (1-\alpha)
  3. Wahrscheinlichkeit, dass die ersten beiden Positionen belegt (\alpha * \alpha) sind und die dritte Position frei ist: \alpha^2 * (1 - \alpha)
    Wahrscheinlichkeit für das Finden einer freien Position (p = Anzahl Sondierungsschritte); a^{p-1} * (1-a)
DYNAMISCHES HASHING: ERWEITERBARES HASHING
extendible hashing, das mit Binärzahlen

    Resize/Rehash einfacher, da nicht die gesamte Tabelle verschoben werden muss

    Grösserer Speicheroverhead (Bucketstruktur und Directory)

· Gute Performance bei hohem Lastfaktor
Vereinfacht vergrössern der Hashtabelle ohne Reallokation aller Werte. Verwendet erste Bit,
binäres Ergebnis Hashfunktion h(x). Überlauf \rightarrow + 1 Bit
Globale Tiefe und Tiefe von Behälter relevant.
```

# 111100100011

Ablauf: Bucket berechner

- wenn es Platz hat, das Mapping in Bucket einfügen - wenn bucket.getLocalDepth() == this.globalDepth → Directory vergrössern - wenn bucket.getLocalDepth() < this.globalDepth → Bucket aufteilen

private int getIndex(K kev){ var hash = kev.hashCode(): var binaryString = Integer.toBingruString(hash): var index = binaryString.length() - globalDepth; var relevantPart = binaryString.substring(Math.max(index, 0)); return Integer.parseInt(relevantPart,2);

#### CUCKOO HASHING

Zwei gleichgrosse Tabellen erstellen. Hashfunktionen: h1 und h2, die Jedes Element befindet sich an Position  $h_1(x) \rightarrow T_1(z,B,x \mod 5)$ . 32  $h_2(x) \rightarrow T_2(z.B. (x div 5) mod 5)$ 26 Einfügen von x T1 prüfen 84 - h1(x) leer: Platziere x dort 59 41 h1(x) nicht leer: Verdränge bestehendes Element v und versuche, v in T2 einzufügen 93 23 Wiederhole diesen Vorgang im Wechsel zwischen den beiden 58 Tahellen 53 Vorteile - Konstante Zugriffszeit im erfolgreichen Fall: Nur zwei mögliche Positionen pro Element: O(1). - Keine langen Sondierketten, da  $T_1$  $T_2$ maximal 2 Positionen pro Schlüssel geprüft werden müssen.

#### Nachteile

- Einfügen ist teuer - Möglicherweise Rehashing nötig, falls ein Zyklus auftritt oder maximale

Verdrängungsschritte überschritten werden. (MAX\_CUCKOO) nublic static int MAX CUCKOO = 10. private void cuckooHash(K key, V value) { K curKey = key; V curValue = value; for (int attempt = 0; attempt < MAX\_CUCKOO; attempt++) {</pre> // Hier kommt die Logik, return throw new IllegalStateException("Maximum cuckoo attempts reached

(" + MAX\_CUCKOO + ")"); }

#### HASHCODE

Zwei "gleiche" Objekte → gleicher HashCode (best practice)

Ungleiche Objekte können aber gleichen HashCode haben

Hashcode wird zusammen mit equals definiert, konsistente Werte wie bei equals, sonst ergeben sich beim Einsatz von Maps Fehler

@Override public int hashCode() { return Objects.hash(firstName, lastName): return Objects.hashcode(firstName);

Motivation: Wiederverwendbare Lösungen für wiederkehrende Probleme verwenden. Vorlagen die in konkreten Problemen angewandt werden können. Lösung ist abstrakt und in neuen Kontexten anwendbar

Erzeugungsmuster: Abstrahieren Instanziierung (Factory, Singleton, etc.)

Strukturmuster; Zusammensetzung von Klassen und Objekten zu grösseren Strukturen (Adapter, Fassade, etc.)

Verhaltensmuster: Algorithmen und Verteilung von Verantwortung zwischen Objekten (Iterator, Visitor, etc.)

#### ITERATOR (VERHALTENSMUSTER)

Verhaltensmuster: Elemente einer Collection nach einem gewissen Pattern iterieren, ohne die zugrunde liegende Darstellung (Liste, Stapel, Baum usw.) offenzulegen

```
public interface Iterator<E> {
    boolean hasNext():
    E next() throws NoSuchElementExcention:
    void remove() throws UnsupportedOperationException:
Lazy Iterator: Iteration auf originaler Datenstruktur. Niedrigere Speicherkosten O(1). Jedoch
bei Änderungen auf Datenstruktur können korrekte Iteration verunmöglichen. Fehl-Verhalten
bei unerwarteten Modifikationen der Ausgangs-Datenstruktur
Snapshot Iterator: Originale Datenstruktur nicht verändern. Bei Erzeugung wird eine Kopie
der Ausgangs-Datenstrukturen erzeugt. Änderungen auf Ausgangs-Datenstruktur beeinflussen
Iteration nicht. Kosten: O(n) Speicher und Laufzeit
public SnapShotArrayListIterator(T[] elements, int size) {
    this.elements = Arrays.copyOf(elements, size);
                          Client
         «interface»
                                       winterface»
          Iterator
                                     IterableCollection
        getNext()
                                    createIterator(): Iterator
        hasMore(): bool
        Concretelterator
                                    ConcreteCollection
   collection: ConcreteCollection
   iterationState
   ConcreteIterator(
                                  + createlterator(): Iterator
    c: ConcreteCollection)
   aetNext()
   hasMore(): bool
Verwendung return new ConcreteIterator(this);
ArrayListIterator
public class ArrayListIterator<T> implements Iterator<T> {
    private int currentIndex;
    private final ArrayList<T> arraylist;
    public ArrayListIterator(ArrayList<T> arraylist) {
         this.currentIndex = 0;
         this.arraylist = arraylist;
    public boolean hasNext() {
         return currentIndex < arraylist.size();</pre>
    public T next() {
         return arraylist.get(currentIndex++);
Beispiel BinaryTreeIterator (Preorder)
public class BinaryTreeIteratorPreorder<T> implements Iterator<T> {
    private final Stack<Node<T>> visiting;
    public BinaryTreeIteratorPreorder (Node<T> root) {
         this.visiting = new Stack<>();
         visiting.push(root);
    public boolean hasNext() {
         return !visiting.emptv():
    @Override
    public T next() {
         Node<T> node = visiting.pop();
         if (node.getRight() != null)
             visiting.push(node.getRight();
         if (node.getLeft() != null) {
             visiting.push(node.getLeft();
```

## return node.getValue(); VISITOR (VERHALTENSMUSTER)

Verhaltensmuster: Trenning von Algorithmen und Datenstrukturen auf denen sie operieren. Ziel ist Algorithmen nicht über Datenstrukturen zu verteilen

Anwendungen; Visitor Pattern beschreibt Operationen auf Elementen einer anderen Obiektstruktur, Neue Operationen definieren, ohne Klassen auf denen operiert wird zu ändern. Klassen nicht mit zusätzlichen Operationen verkomplizieren. Zusammenhängende

} }

```
public interface IVisitor {
   void visit(Method t):
    void leave (Method t);
public class Visitor implements IVisitor {
    @Override
    nublic void visit(Method t) {
        System.out.println("Calling method:" + t);
```

```
public interface IMethod {
     void accept(IVisitor visitor);
public class Method implements IMethod {
     private final String m name:
     public Method(String name) {
          m_name = name;
     Moverride
     public String toString() {
          return m name:
     @Override
     public void accept(IVisitor visitor) {
          visitor.visit(this);
          // Execute needed actions of this class here
          visitor.leave(this);
} }
          «interface»
                                          «interface»
                                          Element
           Visitor
      visit(e: ElementA)
                                        + accept(v: Visitor
      visit(e: ElementB)
                                 ConcreteFlementA
       ConcreteVisitors
                                  + featureA()
                                  + accept(v: Visitor
      + visit(e: FlementA)
     + visit(e: ElementB)
                                 ConcreteFlementB
      concrete type of the
                                  featureB()
      element it works with
                                   accept(v: Visitor
                                   v.visit(this)
                          Client
                element.accept(new ConcreteVisitor())
```

## TEMPLATE METHOD (VERHALTENSMUSTER)

Backbone eines Algorithmus definieren. Teilschritte später in Subklassen spezifizieren. Lässt Subklassen Teile des Algorithmus verfeinern, ohne Struktur des Algorithmus zu verändern. Gemeinsame, unveränderliche Teile werden in abstrakter Klasse implementiert (Template). Variablen Schritte werden in Methode ausgelagert

- Struktur in templateMethod() definieren, enthält gemeinsame, unveränderlichen Teile. Variable Schritte in Methode (primitiveOperation) auslagern
- Variable Schritte repräsentieren Hooks, die von Subklassen implementiert werden.
- Methode kann Default-Implementierung haben.
- Subklassen (ConcreteClass) passen Algorithmus durch Überschreiben an

```
AbstractClass
                                      nrimitiveOperation10
 templateMethod()
 primitiveOperation1(
                                      primitiveOperation2()
 nrimitiveOperation2()
                                                               Context
                                                          strategy
                                                                                      Strategy
   ConcreteClass
                                                           setStrategy/strateg
                                                                                     execute(data
 primitiveOperation1(
 primitiveOperation2(
                                                                                 ConcreteStrategie
Hollywood Prinzip: "Don't call us, we'll call
                                                              Client
Anwendungen: Frameworks: Framework
implementiert unabhängigen, allgemeinen Teil,
Data Mining, Operationen auf Datenstrukturen.
Traversierung z.B. Euler Tour
                                                          ther = new OtherStrate
Problem von Template: Wenn Skeleton Code
für Problem nicht ausreicht und deshalb
```

angepasst werden muss, dann ist das sehr komplex. Deshalb Wartbarkeit sehr schwierig

#### Alternative Strategy Pattern

Macht das Gleiche, einfach über ein Interface. Geringere Abhängigkeit von Interface und Concrete Strategy, Jedoch weniger Code wiederverwendbarkeit

```
Übung Kochrezept
public abstract class Rezent
 public final void bereiteZu() { // ... }
  // abstrakte Methoden
public class SpaghettiBolognese extends Rezept {
 // überschreiben der abstrakten Methode von Rezept
```

#### COMPOSITE (STRUKTURMUSTER)

Rekursiv Element suchen, z.B. Schlüssel in Box, und Box kann weitere Boxen enthalten. Component Interface beschreibt Operationen, die sowohl für einfache als auch für kompleye Elemente des Baums gemeinsam sind

Leaf ist ein grundlegendes Element eines Baums, das keine Unterelemente besitzt

Composite ist ein Element, das Unterelemente besitzt: entweder Blätter oder andere Container. Fin Container kennt die konkreten Klassen seiner Kindelemente nicht. Er arbeitet

```
mit allen Unterelementen ausschließlich über die Komponenten-Schnittstelle
Client arbeitet mit allen Flementen über das Component
Interface. Kann dadurch mit Leaf oder Composite Elementen auf die gleiche Weise arbeiten.
// Component interface
interface Component { void printInfo(); }
// Leaf - Item like Key, Phone, etc.
class Item implements Component {
    private String name;
    public Item(String name) {
        this.name = name;
    public void printInfo() {
        System.out.println("Item: " + name);
// Composite - Box can hold Items or other Boxes
class Box implements Component {
    private List<Component> contents = new ArrayList<>();
    public void add(Component component) {
        contents.add(component);
    public void remove(Component component) {
        contents.remove(component);
    public void printInfo() {
        for (Component c : contents) {
            c.printInfo(); // Delegate to children
public void main(String[] args) {
 Item key = new Item("Key");
  Item phone = new Item("Phone");
 Item charger = new Item("Charger")
  Box smallBox = new Box("Small Box"):
  smallBox.add(kev):
  smallBox.add(phone):
                              Client
 Box bigBox = new
Box("Big Box");
 bigBox.add(smallBox);
 bigBox.add(charger):
                          «interface»
                          Component
                           execute()
                              Leaf
                                                     Composite
                                              children: Component[]
                           execute()
                                              add(c: Component)
                                              remove(c: Component)
                                              getChildren(): Component[]
                         Do some work.
                                              execute()
                                            Delegate all work to
                         Aus: Composite
                                            child components.
```

## Zwischenoperationen (verketten möglich)

```
filter(Predicate) Beispiel; people.stream(),filter(p -> p.getAge() >= 18)
map(Function) Projizieren gemäss Function
mapToInt(Function) Proji. auf primitiver Typ (mapToDouble, mapToLong)
```

sorted() Sortieren mit oder ohne Comparator (z.B. Person::getAge) distinct() Duplikate werden gelöscht gemäss equals

limit(long n) Frste n Flemente liefern skip(long n) Erste n Elemente ignorieren

flatMap(Function) map aber Stream von Streams werden «flach»

Terminaloperationen (beenden die Kette)

forEach(Consumer) Beispiel: .forEach(s -> System.out.println(s)); forEachOrdered(Consumer) Erhält die Reihenfolge der Elemente

count() Anzahl Elemente (long)

min(), max() Mit Comparator Argument , liefert Optional-Objekte average() Nur bei int, long, double und liefert Optional-Obiekte

sum() Nur bei int. long, double findAny() Gibt irgendein Element zurück

findFirst() gibt erstes Element zurück allMatch(Predicate), anyMatch(..), noneMatch(..) boolean | Stream.concat(stream1, stream2)

```
isPresent() für Optional-Obj., boolean, ob Element vorhanden
isEmpty(): true wenn kein Element vorhanden ist
get(): Gibt Element, Exception wenn nicht vorhanden
Optional<String> result = people.stream()
  .map(p -> p.getLastName())
  .reduce((name1, name2) -> name1 + name1);
COMPARATOR UND COMPARABLE
Gibt zurück, -1, 1, 0
< 0: this kleiner als other
> 0 · this grösser als other
0 : this gleich other
Comparator: arr.sort(comparator); oder
Collections.sort(arr, comparator);
Comparable (definiert in Objekt): Collections.sort(arr);
2 Elemente vergleichen (siehe Methodenreferenz)
Person::compareTo ⇔ (p1, p2) -> p1.compareTo(p2)
Comparator.comparing(Person::getAge));
comparator.compare(v1, v2); mit Comparator comparator
Collections.sort(people, new AgeComparator());
ist gleich wie: people.sort(new AgeComparator());
Main Methode
public static void main(String[] args) {...}
x = a ? b : c // ternary operator für Einfaches
Offene Parameterliste, Erlaubt beliebige Anzahl Argumente
static int sum(int... numbers) {
      // numbers als Array benutzen .length [i]
} // varargs, s = sum(1, 2, 3):
Objects.isNull(mvObject): Null check
Datenstruktur, um gleichartige Elemente in einer Reihenfolge zu speichern. Inhalt liegt in
zusammenhängendem Bereich im Speicher
Gut: Schneller wahlfreier Zugriff Schlecht: Feste Grösse Einfügen teuer
Vorgegebene Länge (capacity), Kann nur Werte des gegebenen Types enthalten | Kann Basis
Datentypen enthalten (int, char)
// Array erstellen
var array = new int[]{1, 2, 3}:
int array[] = \{1, 2, 3\};
var array = new int[3]; // Empty
int length = myArray.length; // ohne Klammern
myArray[0] = 3; // kein .set bei Array
Vergleichen mittels Array.equals(a, b)
Arrays.deepEquals(a, b) Geschachtelte Arrays
for (i = 0; i < a.length; i++){} / enhanced for
Liste zu Array Person[] p = peopleStream.toArray(Person[]:: new);
Liste mit Integer zu Array
list.stream().mapToInt(Integer::intValue).toArrav():
LISTS, COLLECTIONS
Combine lists of lists to one
List<String> collect = list.stream().flatMap(Collection::stream)
    .collect(Collectors.toList());
Stream Rückumwandlung (Stream to Collections)
List<Person> list = people.toList();
HashSet<Person> set = people.toCollection(HashSet::new)
COLLECTIONS MERGE
containsAll, addAll, removeAll, retainAll, clear
public static <T> List<T> mergeToList(Collection<? extends T>
coll1. Collection<? Extends T> coll2) {
    var result = new Arraylist<T>().
    merge(coll1, coll2, result);
    return result:
public static <T> void merge(Collection<? extends T>
inputColl1, Collection<? extends T> inputColl2, Collection<?
super T> targetColl) {
    targetColl.addAll(inputColl1):
    targetColl.addAll(inputColl2);
sum += num.doubleValue(); Number zu Double mit .doubleValue()
Collections merge mit Bivarianz :
public static <T> List<T> filterByType(Collection<?> source,
Class<T> clazz) {
    List<T> result = new ArrayList<>();
    for (Object obj : source) {
        if (clazz.isInstance(obj)) {
             result.add(clazz.cast(obj));
    1 1
    return result;
```

```
STRING, TOSTRING UND STRINGBUILDER
     Moverride
     public String toString() {
         var sBuilder = new StringBuilder();
         for (E elem : list) {
             sBuilder.append(elem);
             sBuilder.append(System.lineSeparator());
         return sBuilder.toString():
String[] lines = fileContent.toString().split("\n");
.toLowerCase() .length() .charAt(int index)
.substring(int beginIndex, int endIndex) // substring begins
at beginIndex and goes to the character at (endIndex - 1).
String listToString = String.join(", ", listOfStrings);
SWITCH CASE
int x = 5;
switch(x) {
    case 2:
        System.out.println("2");
        break:
    case 5:
        System.out.println("5");
        hreak.
    default:
        System.out.println("no match!");
      Ohne Break → FallIthrough(Nächstes Case wird ausgeführt)
String howMany = switch(x) { // seit Java 14
    case 2 -> ("2");
    case 5 -> ("5");
    default -> ("many");
LOOPS
for (int i = 0; i < list.size(); i++) {...}</pre>
enhanced for loop
for (var el : list) {...}
ausgeschrieben so
for (Iterator<Typ> it = stringList.iterator(); it.hasNext(); ) {
    String s = it.next(); System.out.println(s);
oder so:
Iterator<Typ> it = stringList.iterator();
while(it.hasNext()) {
    Typ elem = it.next():
    if (lelem equals("test")) {
        it.remove(); hinzufügen/löschen möglich
1 Keine ConcurrentModificationException mit Iterator
continue; nächster Schleifendurchlauf break; Loop abbrechen
IMPLIZITER CODE = ROT
public class Vehicle extends Object {
    private int speed:
    public Vehicle()
      speed = 0;
nublic class Car extends Vehicle {
    private int doors:
      super():
Fast gleich zu Klasse enthält aber spezifische Werte die Klasse darstellen
Enum mit Konstruktor Beispiel
nublic enum Weekday {
    MONDAY, TUESDAY, WEDNESDAY;
    public boolean isWeekend() {
        return this == SATURDAY || this == SUNDAY;
public enum Weekday {
   MONDAY, TUESDAY, WEDNESDAY, THURSDAY,
    FRIDAY, SATURDAY, SUNDAY;
    public boolean isWeekend() {
        return this == SATURDAY || this == SUNDAY;
} }
public enum Weekday {
    MONDAY(true), TUESDAY(true), WEDNESDAY(true),
    THURSDAY(true), FRIDAY(true),
    SATURDAY(false), SUNDAY(false);
    private boolean workDay:
    Weekday(boolean workDay) {// nur privater Konstruktor
        this.workDay = workDay;
    public boolean isWorkDay() {
        return workDay:
```

```
Weekday currentDay: // Deklaration
currentDay = Weekday.WEDNESDAY;
if (currentDay == Weekday MONDAY) { }
currentDay = null:
if (currentDay == null) { ... }
void getActivity(Weekday day) {
    switch (day) {
        case MONDAY:
           return "consulting";
        default:
            return "weekend";
Weekday currentDay = ...
if (currentDay.isWeekend()) { ... }
Ein Enum ist ein eigener Datentyp mit endlichem Wertebereich. Parameter Datentyp (hier
boolean) kann ersetzt weggelassen werden.
ENUM SW4
enum BillCoin {
    ONE HUNDRED(100, Kind.BILL).
    TWENTY(20, Kind.BILL).
    FIVE(5, Kind.COIN),
   ONE(1 Kind COIN)
    enum Kind {
        BTILL COTN:
        public String toString() {
           return name().toLowerCase();
    private final int amount:
    private final Kind kind:
    BillCoin(int amount, Kind kind) {
        this amount = amount:
        this.kind = kind:
    public int getAmount() { return amount: }
    public Kind getKind() { return kind;
    Moverride
    public String toString() {
        return amount + " CHF " + kind:
for (BillCoin money : BillCoin.values()) { // do something }
RECORD
Record generiert automatisch Felder (erkannt von den Parametern). Allerdings keine
Getter/Setter. Record ist immutable = unveränderbar
Generiert wird toString(), equals(), hashCode()
Statt Getter .name(), .score()
public record RecordClass(String name, int score) {
    public String toString() {
        return "(" + name + ", " + score + ")"; }
RINGBUFFER
class RingBuffer implements IRingBuffer {
    private int[] buffer; private int size;
    private int start; private int end;
    private boolean isFull:
    public RingBuffer(int size) {
        if (size <= 0) {
            throw new IllegalArgumentException("Size must be >
0");
         this.size = size;
         this.buffer = new int[size];
         this.start = 0: this.end = 0: this.isFull = false:
    public void append(int item) {
        buffer[end] = item;
         end = (end + 1) % size:
        if (isFull) {
            start = (start + 1) % size:
         if (end == start) { isFull = true; }
    public List<Integer> getData() {
        List<Integer> items = new ArravList<>():
        if (!isFull) {
             for (int i = 0; i < end; i++) {
                 items.add(buffer[i]);
        } else {
```

for (int i = start; i < size; i++) {

```
items.add(buffer[i]);
            for (int i = 0; i < end; i++) {
                items.add(buffer[i]):
        return items:
1 1
public static void function(int[] arr) {
    for (int i = 1; i < arr.length + 1; i++) {
        for (int i1 = 1; i1 < arr.length; i1 *= 2) {
            System.out.println(arr[i - 1]);
Lösung: O(n * \log(n))
public static void createPairs(int[] array)
    for (int value : array)
        for (int e : array)
            System.out.println(value + ", " + e);
    return null:
| Lösung: O(n^2)
public static void addToSelf(int[] array)
    for (int i : array) {
        for (int i1 = 0; i1 < 10000; i1++)
            i = i + i1;
            System.out.println(i);
    return null:
} Lösung: O(n)
void searchBinaryIterative(int[] sortedArr, int searchEl) {
    int start = 0:
    int end = sortedArr.length - 1:
    while (start <= end) {
        int pivot = start + ((end - start) / 2):
        if (searchEl > sortedArr[pivot]) {
        start = pivot + 1;
} else if (searchEl<sortedArr[pivot] && start != pivot) {</pre>
           end = nivot - 1:
        } else {
           System.out.println(searchEl + " an Position " + pivot + "
enthalten.");
           return null:
       }-
    return null;
Lösung: O(n * \log(n))
BACKTRACKING BEISPIELE
BACKTRACKING (LABYRINTH, MAZE)
public class Rat {
    private int amountOfSteps;
    private final Maze maze:
    public Rat(Maze maze) {
        this.maze = maze;
    public void walk(int x, int v) {
        if (step(x, y)) {
            maze.setField(x, y, State.WALKED);
    // Backtracking method
    public boolean step(int x, int y) {
        amountOfSteps++;
        System.out.println(maze);
         // Return true in case the goal was found
        if (maze.checkField(x, y, State.GOAL)) {
            return true:
    // Return false in case a wall or already walked path is
reached
        if (maze.checkField(x, y, State.WALL)
                 || maze.checkField(x, y, State.WALKED)
                || maze.checkField(x, y, State.BACKTRACKED)) {
            return false:
        // Mark current location as walked
        maze.setField(x, v, State.WALKED):
        // Try to go Right
        if (step(x, y + 1)) { return true; }
        // Try to go Up
        if (step(x - 1, y)) { return true; }
        // Try to go Left
        if (step(x, y - 1)) { return true; }
```

```
// Try to go Down
        if (step(x + 1, y)) { return true; }
        /* In Case none of the above is possible because a wall
or an
        already walked path was reached start backtracking */
        // Mark current location as backtracked
        maze.setField(x, y, State.BACKTRACKED);
        return false:
    public int getAmountOfSteps() {
        return amountOfSteps:
public class Maze {
 public boolean checkField(int x, int y, State state) {
  if ((maze.length \leftarrow x || x \leftarrow 0) || (maze[0].length \leftarrow y || y \leftarrow 0)){
    return State.WALL.getMarkingChar () == state.getMarkingChar(); }
  return maze[x][y] == state.getMarkingChar ();
 public void setField(int x, int y, State state) {
   maze[x][y] = state.getMarkingChar();
public enum State {
    OPEN(' '), WALL('#'), WALKED('o'), BACKTRACKED('.'),
CURRENT_POSITION('X'), GOAL('G'), START('S');
    private char markingChar;
    State(char c) {
        this.markingChar = c:
    char getMarkingChar () {
        return markingChar;
TOWER OF HANOI
public void runHanoi(int nofDisks, int source, int target, int
   if (nofDisks == 0) {
       return;
    runHanoi(nofDisks - 1, source, reserve, target);
    runHanoi(nofDisks - 1, reserve, target, source);
OFFENE ADRESSIERUNG (LINEARE SONDIERUNG)
private int findAvailableSlot(int indexInHashTable, K key) {
   int probedIndex = indexInHashTable;
        if(isAvailable(probedIndex)) {
           return probedIndex;
        else if(table[probedIndex].getKey().equals(key)) {
           return probedIndex:
        probedIndex = (probedIndex + 1) % capacity;
   } while (probedIndex != indexHashTable):
    return -1:
public V get(K kev) {
    int hashIndex = Math.abs(kev.hashCode() % capacity):
    int availableSlot = findAvailableSlot(hashIndex, key);
    if(availableSlot == -1) {
       return null:
   return table[availableSlot].getValue();
@Override
public V remove(K key) {
    int hashIndex = Math.abs(key.hashCode() % capacity);
    int indexInHashMap = probeForDeletion(hashIndex, key);
    if(indexInHashMap == -1){ return null; }
    V answer = table[indexInHashMap].getValue();
    table[indexInHashMap] = DELETED;
    return answer;
private boolean isAvailable(int i){
    return table[i] == null || table[i] == DELETED;
private int probeForDeletion(int hashIndex, K key) {
    int i = hashIndex;
       if (table[i] == null) {
           return -1;
       } else if (table[i].getKey().equals(key)) {
       i = (i + 1) % capacity;
    } while (i != hashIndex);
```

```
return -1: }
DYNAMISCHES HASHING (ERWEITERTES HASHING)
private int getPosition(Object o, int d) {
    BitSet bits = hashValueToBitSet(o);
    int nos = A.
    for (int i = 0: i < d: i++) {
        pos *= 2:
        if(bits.get(i)) {
            pos++;
    } }
    return nos:
private void extenIndex() {
    int newSize = 1 << globalDepth;
Block newIndex[] = new Block[newSize * 2);</pre>
    for(int i = 0: i newSize: i++) {
        newIndex[2 * i] = hashIndex[i]:
        newIndex[2 * i + 1] = hashIndex[i]
    hashIndex = newIndex.
    globalDepth++:
public void add(Object o) {
   int index = getPosition(o, globalDepth);
    Block block = hashIndex[index]:
    if(block.elements().contains(o)) { return; }
    while(block.elements().size() == MAXSIZE){
        if(block.getDepth() == globalDepth) {
            extendIndex():
            index = getPosition(o, globalDepth):
        splitBlock(index):
        block = hashIndex[index];
    block.elements().add(o);
HASHMAP (MULTIMAP)
public class HashMultimap<K, V> implements Multimap<K, V> {
 Map <K, List<V>> map = new HashMap<>();
  int numberOfEntries = 0;
   public int size() { return numberOfEntries; }
   public boolean isEmpty() { return (numberOfEntries == 0); }
    public Iterable<V> get (K key) {
        List<V> secondary = map.get(key);
        if (secondary != null) { return secondary; }
        return new ArrayList<>():
 @Override
   public void put(K key, V value) {
        List<V> secondary = map.get(key);
if (secondary == null) {
            secondary = new ArrayList<>();
            map.put(key, secondary);
        secondary.add(value):
        numberOfEntries++;
   public boolean remove(K key, V value) {
        boolean wasRemoved = false;
        List<V> secondary = map.get(key);
        if (secondary != null) {
            wasRemoved = secondary.remove(value):
            if (wasRemoved) {
                numberOfEntries--:
                if(secondary.isEmpty()) {
                    map.remove(key);
        } } }
        return wasRemoved;
   public Iterable<V> removeAll(K key) {
        List<V> secondary = map.get(key);
if (secondary != null) {
            numberOfEntries -= secondary.size():
            map.remove(kev):
        } else { secondary = new ArrayList<>(); }
        return secondary:
   public Iterable<Map.Entrv<K, V>> entries() {
        List<Map.Entry<K, V>> result = new ArrayList<>();
        for (Map.Entry<K, List<V>> secondary : map.entrySet()) {
            K key = secondary.getKey();
            for (V value : secondary.getValue()) {
               result.add(new AbstractMap.SimpleEntry<>(key, value));
    } return result; } }
```

#### CODE SCHREIBEN

- statt for() stream api genutzt wenn sinnvoll (z.B. .sum())
- Beispielcode nutzen (z.B. für Klasse die Methode() > Klasse.Methode()
- ☐ Typen korrekt angegeben? Sichtbarkeit bei Klassen? Instanzvariabeln immer «private»
- □ korrekter Rückgabetyp
- ☐ bei loop 1. und letztes Element nicht vergessen
- ☐ bei collections wrapperklassen nutzen, nicht int sondern Integer
- a exceptions beachten
- Checkliste bei Textantworten
- // type erasure, type bound, wildcards (generische invarianz) erwähnt
- // lastfaktor erklärt