

HAMMING CODES

Αν ένας αριθμός με B bits είναι μικρότερος γραμμένος στη δύναμη 2^B θα είναι και μικρότερος γραμμένος στη δύναμη 10(αν κάνεις fill με trailing μηδενικά για να έχουν το ίδιο μέγεθος).

Η άσκηση είναι απλή για να καταλάβουμε τη χρήση των bitwise operators.

Ξεκινάμε από τον αριθμό 0 και βρίσκουμε τον πρώτο αριθμό X που έχει

Hamming distance $\geq D$ από αυτόν. Αποθηκεύουμε τον αριθμό αυτό σε ένα array.

Μετά συνεχίζουμε από το X+1 και γυρεύουμε τον πρώτο αριθμό Y που έχει

Hamming distance $\geq D$ από όλους τους αριθμούς του array. Επαναλαμβάνουμε τη διαδικασία ξεκινώντας από Y+1 μέχρι να βρούμε N αριθμούς.

Πως βρίσκουμε το Hamming distance 2 αριθμών. Το Νοστο bit ενός αριθμού X είναι το

$N_{\text{osto}} = (1 \ll (N-1)) \& X;$

Άρα συγκρίνουμε bit by bit.

Ένας άλλος τρόπος είναι να χρησιμοποιήσουμε το XOR(^). Το XOR είναι ένας λογικός τελεστής που δίνει true αν 1 και μόνο 1 από τα input είναι true.

XOR

$1, 1 \rightarrow 0$

$1, 0 \rightarrow 1$

$0, 1 \rightarrow 1$

$0, 0 \rightarrow 0$

Άρα βασικά το XOR επιστρέφει 1(true) μόνο στα διαφορετικά bits. Άρα ο αριθμός των 1 στο a^b είναι το hamming distance τους. Υπάρχουν πολλοί τρόποι να μετρήσουμε τα 1 όπως το built in

`int __builtin_popcount(unsigned int x);`

ένας άλλος τρόπος να τα μετρήσουμε είναι: το $x \& (-x)$ επιστρέφει το least significant bit του x.(δηλαδή το πιο δεξί set(1/true) bit, αν έχουμε 00101010 θα επιστρέψει 00000010)

όποτε κάνοντας $x^=(x \& (-x));$ μέχρι το x να γίνει 0, μετρά πόσα set bits(1) έχει το x.

```
int number_of_ones(int x){
```

```
    int ones=0;
```

```
    while(x){
```

```
         $x^=(x \& (-x));$ 
```

```
        ones++;
```

```
    }
```

```
    return ones;
```

```
}
```

άλλος τρόπος: <http://articles.leetcode.com/2010/09/number-of-1-bits.html>