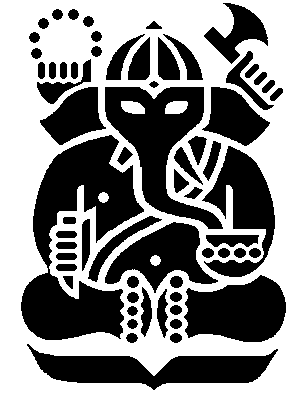
**Implementasi Convex Hull untuk Visualisasi Tes *Linear Separability Dataset* dengan Algoritma *Divide and Conquer***

LAPORAN TUGAS KECIL

Diajukan Untuk Memenuhi Tugas Kecil IF2211 Strategi Algoritma

Semester II 2021/2022



Disusun oleh:

Jason Kanggara

13520080

**PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA**

**SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA**

**INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG**

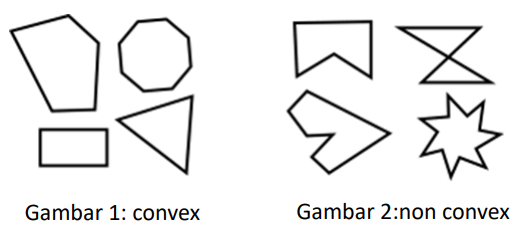
**2022**

**A. Algoritma *Divide and Conquer***

Algoritma *Divide and Conquer* adalah algoritma yang membagi suatu persoalan menjadi beberapa upa-persoalan yang memiliki kemiripan dengan persoalan semula, lalu menyelesaikan masing masing upa-persoalan secara langsung jika sudah kecil atau secara rekursif jika masih berukuran besar. Algoritma *Divide and Conquer* terbagi menjadi dua bagian, yaitu:

1. *Divide*: membagi persoalan menjadi beberapa persoalan yang lebih kecil.
2. *Conquer*: memproses upa-persoalan secara rekursif jika masih berukuran besar / langsung jika sudah berukuran kecil.

*Convex hull* merupakan salah satu hal penting dalam komputasi geometri. Himpunan titik pada bidang planar disebut *convex* jika untuk sembarang dua titik pada bidang tersebut (misal **p** dan **q**), seluruh segmen garis yang berakhir di **p** dan **q** berada pada himpunan tersebut. Contoh poligon yang *convex* dan poligon yang *non-convex* dapat dilihat dari gambar berikut:



Pada tugas kali ini, mahasiswa diminta untuk membuat suatu pustaka (*library*) dalam bahasa Python yang dapat mengembalikan *convex hull* dari kumpulan data 2 dimensi (dapat dianggap kumpulan titik 2 dimensi), dengan memanfaatkan algoritma *Divide and Conquer*. Pustaka tersebut nantinya akan digunakan dalam program visualisasi data. Adapun penjelasan algoritma *Divide and Conquer* yang digunakan dalam pencarian *convex hull* pada program ini adalah sebagai berikut:

1. Dari kumpulan titik 2 dimensi yang diperoleh dari *dataset*, lakukan pengurutan untuk mencari titik ekstrim dari kumpulan titik tersebut (misal **p1**, **pn**).
2. Garis yang menghubungkan **p1** dan **pn** membagi kumpulan titik menjadi dua bagian, yaitu **s1** (kumpulan titik di sebelah kiri/atas garis **p1pn**) dan **s2** (kumpulan titik di sebelah kanan/bawah garis **p1pn**).
3. Kedua kumpulan titik tersebut (**s1** dan **s2**) akan dibagi lagi menjadi lebih kecil hingga membentuk *convex hull*.
4. Untuk sebuah bagian (misal **s1**), terdapat dua kemungkinan:
   * Jika tidak ada titik lain pada **s1**, maka titik **p1** dan **pn** menjadi pembentuk *convex hull.*
   * Jika ada titik selain **p1** dan **pn**, maka cari titik terjauh dari garis **p1pn** (misal **pmax**). Hubungkan **pmax** dengan **p1pn** maka akan terbentuk 2 garis baru.

**p1, pn,** dan **pmax** akan membentuk suatu segitiga. Titik titik yang terdapat di dalam segitiga akan diabaikan.

1. Dari 2 garis baru tersebut, kumpulkan titik yang berada di sebelah kiri garis **p1pmax** dan di sebelah kanan **pmaxpn**.
2. Ulangi langkah **4** dan **5** untuk bagian **s2** hingga bagian kiri dan kanan tidak ditemukan titik lagi.
3. Kembalikan pasangan titik yang dihasilkan.

**B. Source Code**

Bahasa pemrograman yang digunakan dalam pembuatan pustaka pencarian *convex hull* adalah Python

import numpy as np

# Melakukan sorting array of points terurut membesar

# Algoritma yang digunakan untuk sorting adalah Merge Sort

def MergeSort(points):

  if len(points) > 1:

    idxMid = len(points) // 2

    leftArr = points[:idxMid]

    rightArr = points[idxMid:]

    # Pemanggilan rekursif

    MergeSort(leftArr)

    MergeSort(rightArr)

    # iterator

    i = 0

    j = 0

    k = 0

    while i < len(leftArr) and j < len(rightArr):

      if leftArr[i] <= rightArr[j]:

        points[k] = leftArr[i]

        i += 1

      else:

        points[k] = rightArr[j]

        j += 1

      k += 1

    while i < len(leftArr):

      points[k] = leftArr[i]

      i += 1

      k += 1

    while j < len(rightArr):

      points[k] = rightArr[j]

      j += 1

      k += 1

# Mengambil titik ekstrim dari list of points

# Karena sudah terurut,

# maka titik ekstrim cukup diambil dari indeks pertama dan terakhir

def getExtreme(points):

  p1 = points[0]

  pn = points[len(points) - 1]

  return p1, pn

# Mengambil lokasi suatu titik

# LOCATION: kiri/atas dan kanan/bawah

def getLocation(p1, p2, p3):

  value = (p1[0] \* p2[1]) + (p3[0] \* p1[1]) + (p2[0] \* p3[1]) - (p3[0] \* p2[1]) - (p2[0] \* p1[1]) - (p1[0] \* p3[1])

  if value > 0: # Jika value positif, maka titik p3 di kiri/atas garis p1,p2

    return 1

  elif value < 0: # jika value negatif, maka titik p3 di kanan/bawah garis p1,p2

    return -1

  else:

    return 0

# Mencari jarak suatu titik terhadap garis

# USE CASE: mencari titik terjauh dari garis p1 pn

def getLineDistance(p1, p2, p3):

  value = (p1[0] \* p2[1]) + (p3[0] \* p1[1]) + (p2[0] \* p3[1]) - (p3[0] \* p2[1]) - (p2[0] \* p1[1]) - (p1[0] \* p3[1])

  return abs(value)

# Rumus menghitung luas segitiga dengan perhitungan 3 titik

def area(p1, p2, p3):

  return abs((p1[0] \* (p2[1] - p3[1]) + p2[0] \* (p3[1] - p1[1]) + p3[0] \* (p1[1] - p2[1]) / 2))

# Memeriksa apakah suatu titik berada di dalam segitiga

def isInsideTriangle(p1, p2, p3, p):

  A = area(p1, p2, p3)

  A1 = area(p, p2, p3)

  A2 = area(p1, p, p3)

  A3 = area(p1, p2, p)

  if (A == A1 + A2 + A3):

    return True

  else:

    return False

# Mencari convex hull dengan algoritma divide and conquer

def findHull(hull, sn, p, q, simplices):

  if len(sn) == 0:

    return

  # inisiasi

  # pMax: titik terjauh

  # maxDist: jarak terjauh

  pMax = [0, 0]

  maxDist = 0

  # Mengupdate pMax dan maxDist

  for point in sn:

    if getLineDistance(p, q, point) > maxDist:

      maxDist = getLineDistance(p, q, point)

      pMax = point

  # Prosedur penghapusan agar tidak ada titik duplikat

  sn.remove(pMax)

  if p in sn:

    sn.remove(p)

  if q in sn:

    sn.remove(q)

  # Memasukkan pMax ke list of hull

  hull.append(pMax)

  # Membagi kumpulan titik menjadi 2 bagian

  # s1 dan s2

  s1 = []

  s2 = []

  # Algoritma pengecekan titik

  for x in sn:

    if isInsideTriangle(p, pMax, q, x):

      sn.remove(x)

    if (not isInsideTriangle(p, pMax, q, x)):

      if getLocation(p, pMax, x) > 0:

        s1.append(x)

      if getLocation(pMax, q, x) > 0:

        s2.append(x)

  # Rekursif fungsi findHull

  # Membagi sampai menjadi kecil

  findHull(hull, s1, p, pMax, simplices)

  findHull(hull, s2, pMax, q, simplices)

  # Masukkan point yang berhubungan ke list of simplices

  simplices.append([p, pMax])

  simplices.append([pMax, q])

# Mencari titik titik yang saling berhubungan

# atau membentuk suatu garis

def getConnectedSimplex(simplices, hull):

  new\_simplices = []

  new\_simplices.append(simplices[0])

  for i in range(len(hull) - 1):

    for j in range(len(simplices)):

      if simplices[j][0] == new\_simplices[-1][1]:

        new\_simplices.append(simplices[j])

        break

  return new\_simplices

# Mengubah point menjadi index agar dapat melakukan plotting pada notebook

def convertPointToIndex(simplices, points):

  for i in range(len(simplices)):

    for j in range(len(points)):

      if simplices[i][0] == points[j]:

        simplices[i][0] = j

      if simplices[i][1] == points[j]:

        simplices[i][1] = j

# Fungsi MAIN

def myConvexHull(points):

  convert\_points = np.ndarray.tolist(points)

  sorted\_points = np.ndarray.tolist(points)

  # Lakukan pengurutan titik titik secara menaik

  MergeSort(sorted\_points)

  # Ambil titik ekstrim inisial

  p1, pn = getExtreme(sorted\_points)

  hull = [] # Inisiasi list of points yang membentuk convex hull

  simplices = [] # Inisiasi list of simplex (point yang saling berhubungan)

  # masukkan titik ekstrim ke hull

  hull.append(p1)

  hull.append(pn)

  # bagi kumpulan titik menjadi 2 bagian

  s1 = []

  s2 = []

  for point in sorted\_points:

    if getLocation(p1, pn, point) > 0:

      s1.append(point) # kumpulan titik sisi atas

    if getLocation(p1, pn, point) < 0:

      s2.append(point) # kumpulan titik sisi bawah

  # Jalankan fungsi findHull berdasarkan list s1 dan s2

  # Membagi pencarian menjadi 2 bagian (Divide)

  findHull(hull, s1, p1, pn, simplices)

  findHull(hull, s2, pn, p1, simplices)

  simplices = getConnectedSimplex(simplices, hull)

  convertPointToIndex(simplices, convert\_points)

  return np.array(simplices)

**C. Hasil Program**

|  |
| --- |
| **Dataset Iris: Sepal Width vs Sepal Length** |
|  |

|  |
| --- |
| **Dataset Iris: Petal Width vs Petal Length** |
|  |

|  |
| --- |
| **Dataset Diabetes** |
|  |

|  |
| --- |
| **Dataset Alcohol** |
|  |

|  |
| --- |
| **Dataset Breast Cancer** |
|  |

**D. Link Source Code**

[*https://github.com/jasonk19/Tucil-Stima-2.git*](https://github.com/jasonk19/Tucil-Stima-2.git)

**E. Tabel Cek List**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Poin | Ya | Tidak |
| 1. Pustaka *myConvexHull* berhasil dibuat dan tidak ada kesalahan | √ |  |
| 1. *Convex hull* yang dihasilkan sudah benar | √ |  |
| 1. Pustaka *myConexHull* dapat digunakan untuk menampilkan *convex hull* setiap label dengan warna yang berbeda | √ |  |
| 1. **Bonus:** program dapat menerima input dan menuliskan output untuk dataset lainnya | √ |  |

\* *Bagian* ***BONUS****, dataset lainnya dari sklearn*