#### Bài A. IGAME

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 5 giây

Cho một cây n đỉnh, các đỉnh của cây được đánh số từ 1 đến n. An và Bình chơi một trò chơi trên cây này như sau:

- Hai người luân phiên nhau thực hiện lượt chơi.
- Lượt chơi đầu tiên là An, cậu sẽ chọn một đỉnh tùy ý trên cây.
- Các lượt sau đó, người chơi chọn một đỉnh chưa từng được chọn và kề với đỉnh vừa được chọn của đối phương.
- Ai không thực hiện được lượt chơi của mình thì thua cuộc.

Biết cả hai đều rất thông minh, hãy tìm cách chơi lượt đầu tiên của An sao cho cậu luôn dành được chiến thắng.

#### Dữ liệu vào

- $\bullet$  Dòng đầu chứa: n
- n-1 dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa một đỉnh kề với đỉnh i+1

# Kết quả

Ghi danh sách các đỉnh mà An có thể bắt đầu, mỗi đỉnh trên một dòng theo thứ tự tăng dần.

#### Ví dụ

stdin	stdout
3	2
1	3
1	
6	2
1	3
1	4
1	6
4	
5	

## Hạn chế

• subtask 1:  $1 \le n \le 1000$ 

• subtask 2:  $1 \le n \le 100000$ 

• subtask 3:  $1 \le n \le 2000000$ 

#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 11/11/2022

### Bài B. MKGRAPH

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Quang muốn dựng một đơn đồ thị vô hướng có n đỉnh. Mỗi thao tác Quang có thể chia tập đỉnh thành hai phần A và B, sau đó nổi tất cả các cạnh (x,y) với  $x \in A$  và  $y \in B$  và x chưa được nối với y trước đó. Số thao tác tối đa được phép là  $\frac{10^6}{n}$ . Hãy giúp Quang dùng ít thao tác nhất để dựng được đồ thị này!

#### Dữ liêu vào

- $\bullet$  Dòng đầu chứa n m là số đỉnh và số cạnh của đồ thị cần dựng;
- m dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa u v mô tả một cạnh của đồ thị.

## Kết quả

Nếu không thể dựng được, in ra -1. Ngược lại:

- Dòng đầu chứa k là số lượng thao tác ít nhất;
- Mỗi dòng trong k dòng tiếp theo chứa một xâu nhị phân độ dài n mô tả một thao tác. Ký tự thứ i là 0/1 tương ứng là đỉnh i được chia vào tập A/B.

#### Ví dụ

stdin	stdout
3 3	2
1 2	110
1 3	100
2 3	

## Hạn chế

- Trong tất cả các test:  $1 \le n \le 10^5; 1 \le m \le 2 \times 10^5;$
- Có 50% số test với m = n \* (n-1)/2;

## Bài C. QFRIEND

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Đắc vừa tham gia ICPC World Finals ở Dhaka cùng với n người khác được đánh số từ 1 đến n. Tại đây đã có m tình bạn nảy nở, tình bạn thứ i là giữa  $u_i$  và  $v_i$ , các tình bạn được đánh số theo thứ tự thời gian. Hiện tại Đắc chưa kết bạn với ai và anh muốn kết bạn theo cách sau:

- Nếu đã kết bạn với tất cả thì dừng;
- ullet Chọn x nhỏ nhất mà chưa kết bạn. Mở rộng quan hệ với x theo cách sau:
  - Kết bạn với x;
  - -x sẽ giới thiệu cho Đắc các bạn bè của x theo thứ tự thời gian;
  - Đắc sẽ mở rộng quan hệ với từng người một vừa được x giới thiệu, theo thứ tự. Nói cách khác, quá trình mở rộng quan hệ là một quá trình đệ quy (tìm kiếm theo chiều sâu).
- Quay lại bước 1.

Kết thúc quá trình, Đắc đã kết bạn với tất cả mọi người. Anh sẽ tổ chức Q trò chơi, mỗi trò chơi sẽ mời những người từ l đến r tham gia. Khi x tham gia trò chơi, anh ta sẽ để ý các bạn bè của mình trong trò chơi. Nếu y là bạn của x và có tham gia trò chơi, x nghĩ rằng Đắc thiên vị nếu y trở thành bạn của Đắc trước x. Nếu không có y nào như vậy, x sẽ nghĩ trò chơi này công bằng. Mức độ công bằng của trò chơi là số người nghĩ trò chơi này công bằng. Hãy giúp Đắc tính toán mức độ công bằng của từng trò chơi.

#### Dữ liệu vào

- Dòng đầu chứa  $n \ m \ Q \ s$  (trong đó s được dùng để xử lý dữ liệu online);
- m dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa  $u_i$   $v_i$ ;
- Q dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa hai số x y, khi đó l và r được tính như sau:
  - Gọi last là kết quả cho truy vấn ngay trước truy vấn này, hoặc last = 0 nếu đây là truy vấn đầu tiên;
  - $l = (x + s \times last 1)\%n + 1;$
  - $r = (y + s \times last 1)\%n + 1;$
  - Nếu l > r thì đổi giá trị l và r.

# Kết quả

Ghi Q dòng là kết quả cho Q trò chơi.

#### Ví dụ

2
1
1
2
2

## Hạn chế

# Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 11/11/2022

- Trong tất cả các test:  $1 \leq n, m, Q, x, y \leq 10^5; \, 0 \leq s \leq 1;$

- Có 20% số test với s=0;
- $\bullet\,$  Có40% số test với ràng buộc gốc.

#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 11/11/2022

#### Bài D. MLEVEL

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 10 giây

Ta nói khoảng cách hamming giữa hai xâu cùng độ dài là số lượng vị trí mà ký tự tương ứng tại vị trí đó trên hai xâu là khác nhau.

Cho hai số nguyên dương n và k. Hãy chọn ra dãy các xâu nhị phân độ dài n, có k hoặc k+1 bit 1, có khoảng cách hamming giữa hai xâu liên tiếp trong dãy là bằng 1, và số lượng xâu trong dãy là càng nhiều càng tốt.

#### Dữ liệu vào

Gồm hai số nguyên  $n \ k \ (1 \le n \le 20)$ 

## Kết quả

- ullet Dòng đầu ghi L số lượng xâu trong dãy tìm được
- $\bullet\,$  Theo sau là L dòng, mỗi dòng ghi một xâu nhị phân trong dãy tìm được

#### Ví dụ

stdin	stdout
4 2	9
	1100
	1110
	1010
	1011
	1001
	1101
	0101
	0111
	0011

## Hạn chế

- $\bullet\,$  Gọi A là độ dài dãy của bạn, B là độ dài dãy của ban tổ chức
- Nếu  $\frac{A}{B} \geq 1$  bạn được 1 điểm cho test đó
- Nếu  $0.5 \leq \frac{A}{B} < 1$  bạn được  $\frac{2A-B}{B}$  điểm cho test đó
- Nếu  $\frac{A}{B} < 0.5$  bạn được 0 điểm cho test đó