Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 18/11/2022

Bài A. P2STR

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho một xâu s chỉ chứa các ký tự latin thường. Đếm số bộ (i,j,k,t) thỏa mãn $1 \le i \le j < k \le t \le |S|$ và $s_i s_{i+1} \dots s_j s_k s_{k+1} \dots s_t$ là một xâu đối xứng.

Dữ liệu vào

Ghi một xâu s.

Kết quả

Ghi một số nguyên là kết quả bài toán.

Ví dụ

stdin	stdout
abbaca	14

Hạn chế

- Có 12% số test với $1 \le |S| \le 50$;

Bài B. P3TREE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho một cây n đỉnh, các đỉnh được đánh số từ 1 đến n. Một bộ k đỉnh (x_1, x_2, \ldots, x_k) được gọi là đẳng cấu thứ tự với hoán vị (p_1, p_2, \ldots, p_k) nếu tồn tại một đường đi đơn đi qua các đỉnh x_1, x_2, \ldots, x_k theo đúng thứ tự đó, và với mọi $1 \le i < j \le k$ thì $x_i < x_j$ khi và chỉ khi $p_i < p_j$. Cho $p = (p_1, p_2, p_3)$ là một hoán vị của (1, 2, 3), hãy đếm số bộ 3 đỉnh đẳng cấu thứ tự với p.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu ghi số nút của cây: n;
- Dòng tiếp theo ghi p_1, p_2, p_3 ;
- n-1 dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi u,v là một cạnh của cây.

Kết quả

Ghi một số nguyên duy nhất là số bộ đẳng cấu thứ tự với p.

Ví dụ

stdin	stdout
6	6
1 2 3	
1 2	
1 3	
2 4	
2 5	
4 6	

Hạn chế

- Trong tất cả các test: $1 \le n \le 10^5$;
- Có 8% số test với $n \le 500$;
- Có 12% số test với $n \le 5000$;
- Có 28% số test với mỗi đỉnh đều kề với nhiều nhất 2 đỉnh khác;
- $\bullet\,$ Có 52% số test với ràng buộc gốc.

Bài C. FXOR2

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số nguyên $a=a_1,a_2,\ldots,a_n$ và q truy vấn. Mỗi truy vấn có dạng (L,R,x), cần tìm i sao cho $L \leq i \leq R$ và $a_i \wedge x$ đạt giá trị lớn nhất. Các số a_i và x đều được cho dưới dạng nhị phân.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n q;
- Dòng thứ i trong n dòng tiếp theo chứa a_i ở dạng nhị phân;
- $\bullet \;\; q$ dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa $L \; R \; x$ trong đó x ở dạng nhị phân;

Tất cả các số ngoài a_i và x đều được cho ở dạng thập phân.

Kết quả

Với mỗi truy vấn, in ra kết quả trên một dòng. Nếu có nhiều i thỏa mãn $a_i \wedge x$ đạt giá trị lớn nhất thì in ra i nhỏ nhất có thể.

Ví dụ

stdin	stdout
5 4	2
100	5
101	3
1	5
1011	
11	
2 3 10	
1 5 1100	
3 5 1010	
1 5 11100	

Hạn chế

- Trong tất cả các test: $n, q \le 10^5$; tổng độ dài tất cả các xâu a_i không quá 10^6 ; tổng độ dài tất cả các xâu x không quá 10^6 ;
- Có 8% số test với $n,q \leq 5000$; độ dài các xâu nhị phân đều không quá 30;
- Có 12% số test với $n, q \leq 5000$;
- Có 28% số test với độ dài các xâu nhị phân đều không quá 30;
- Có 52% số test với ràng buộc gốc.

Bài D. STTREE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho tập S các điểm trên mặt phẳng $(2 \le |S| \le 100)$. Các điểm được đánh số từ 0 đến |S| - 1, điểm thứ i có tọa độ (x_i, y_i) là hai số thực có giá trị tuyệt đối không quá 1000. Có hai thao tác có thể được thực hiện: Chèn thêm một điểm có tọa độ tùy ý vào S, nối hai điểm thuộc S với nhau bằng một đoạn thẳng.

Yêu cầu: Thực hiện không quá 10^5 thao tác như trên sao cho khi kết thúc quá trình, các điểm trong S liên thông và tổng độ dài các đoạn thẳng được nối là càng nhỏ càng tốt.

Dữ liêu vào

- Dòng đầu ghi |S|;
- |S| dòng tiếp theo, dòng thứ i ghi: x_i y_i .

Kết quả

Dễ thấy các thao tác loại 1 có thể chuyển lên đầu. Tiến hành đánh số cho các điểm theo thứ tự được thêm, bắt đầu từ |S|. Định dạng đầu ra như sau:

- Dòng đầu ghi tổng độ dài các đoạn thẳng đã nối (ít nhất 3 chữ số thập phân);
- Dòng tiếp theo ghi k là số thao tác loại 1;
- Dòng thứ i trong k dòng tiếp theo ghi tọa độ của điểm thứ |S| + i;
- Dòng tiếp theo ghi q là số thao tác loại 2;
- Mỗi dòng trong q dòng tiếp theo ghi hai số i j là chỉ số của hai điểm được nối.

Ví dụ

stdin	stdout
4	7.65685425
0 0	2
0 2	1 1
4 2	3 1
4 0	5
	0 4
	1 4
	4 5
	5 2
	5 3

Hạn chế

Gọi J là kết quả của giám khảo, P là kết quả của thí sinh. Điểm của thí sinh sẽ là $\min(1, \max(0, \frac{2J-P}{J}))$.