#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 30/11/2022

### Bài A. BDT2

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho hai số nguyên n và k. Xét tất cả các cách biểu diễn N thành tổng của đúng k số nguyên dương khác nhau  $x_1, x_2, \ldots, x_k$ ; tức là  $x_i > 0$  với mọi i và  $x_i \neq x_j$  với mọi  $i \neq j$  và  $x_1 + x_2, \ldots + x_k = n$ . Hãy tìm giá trị lớn nhất có thể của  $F = (x_1^2 - x_1) * (x_2^2 - x_2) * \ldots * (x_k^2 - x_k)$ .

### Dữ liệu vào

- ullet Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương T là số lượng testcase;
- Mỗi dòng trong T dòng tiếp theo chứa hai số n, k mô tả một testcase;

## Kết quả

Với mỗi test case, in ra trên một dòng là giá trị của F%1000000007, hoặc -1 nếu không tồn tại cách biểu diễn nào.

#### Ví dụ

stdin	stdout
2	12
5 2	24
6 2	

## Hạn chế

- Trong tất cả các test:  $1 \le T \le 1000$ ,  $1 \le n \le 10^9$ ,  $1 \le k \le 10^4$ ;
- Có 50% số test với  $n, k \leq 500$ ;

## Bài B. NANGLE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Bạn được cho một dãy số nguyên dương  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ . Cần chọn 3 phần tử  $a_x, a_y, a_z$  (x, y, z đôi một phân biệt) sao cho tồn tại ba điểm không thẳng hàng X, Y, Z thỏa mãn:

- $|XY| = a_z, |XZ| = a_y, |YZ| = a_x;$
- Góc  $|Y\hat{X}Z| = \theta$  thỏa mãn  $\cos\theta \ge P/Q$ .

Tìm x,y,z để góc  $\theta$ lớn nhất có thể.

### Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa ba số nguyên n, P, Q;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ ;

# Kết quả

In ra ba số nguyên x, y, z hoặc -1 nếu không tồn tại lời giải. Nếu có nhiều đáp án, in ra một trong số đó.

### Ví dụ

stdin	stdout
4 1 2 6 6 6 7	1 2 3
6 6 6 7	
3 5 7	-1
1 3 8	

## Hạn chế

Tất cả các test đều thỏa mãn:

- $1 \le n \le 1000$ ;
- $1 \le a_i \le 10000$  với mọi i;
- $1 \le Q \le 10000;$
- |P| < Q.

#### Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 30/11/2022

## Bài C. MININTERVAL

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số a có độ dài n và một số k. Đếm số lượng cặp i,j  $(1 \le i \le j \le n)$  sao cho  $a_i + a_j + min(a_i, a_{i+1}, ..., a_j) <= k$ .

### Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa 2 số n và k  $(n \leq 500000,\, 0 \leq k \leq 10^{13});$
- Dòng thứ 2 chứa n số nguyên là giá trị của các số trong mảng a  $(0 \le a_i \le 10^{13})$ .

# Kết quả

Một số duy nhất là số lượng cặp i, j thoả mãn điều kiện đề bài.

### Ví dụ

stdin	stdout
5 13	6
12 0 4 10 12	
5 10	8
3 9 2 5 3	

## Hạn chế

- Có 12% số test với  $n \le 5000$ ;
- Có 28% số test với  $a_i$  đôi một phân biệt;
- $\bullet$  Có 60% số test không có ràng buộc gì thêm;

### Bài D. EDIV

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Có n người đang muốn chụp một bức ảnh lưu niệm, được đánh số từ 1 đến n. Họ sẽ xếp thành 2 hàng, mỗi hàng  $\frac{n}{2}$  người (n chẵn). Để bức ảnh đẹp hơn,  $\frac{n}{2}$  người cao hơn sẽ đứng hàng sau,  $\frac{n}{2}$  người thấp hơn sẽ đứng hàng trước.

Ngoài ra, người thứ i có thể yêu cầu là mình KHÔNG đứng cùng cột với người  $t_i$  (cùng cột nghĩa là i và  $t_i$  đứng ở cùng một vị trí trên hàng nhưng trên 2 hàng khác nhau).  $t_i = i$  nếu người thứ i không có yêu cầu này.

Hãy đưa ra một cách xếp hàng chụp ảnh cho họ!

#### Dữ liệu vào

- ullet Dòng đầu ghi số nguyên dương: n;
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa:  $c_i$   $t_i$  với  $c_i = 0/1$  tương ứng người thứ i là thấp hay cao.

## Kết quả

- Nếu không tồn tại cách sắp xếp thỏa mãn, in ra -1;
- Ngược lại, in ra cách sắp xếp trên hai dòng.

#### Ví dụ

stdin	stdout
4	3 2
0 1	1 4
1 1	
1 2	
0 3	
4	-1
0 1	
1 1	
0 1	
1 1	
10	10 8 3 2 4
0 1	1 6 7 9 5
1 1	
1 1	
1 1	
0 1	
0 4	
0 6	
1 1	
0 7	
1 2	

# Hạn chế

- subtask 1: 1 <br/>  $\leq n \leq 100$ 

• subtask 2:  $1 \le n \le 10000$ 

• subtask 3:  $1 \le n \le 100000$