Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 23/11/2022

Bài A. C2XOR

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số nguyên không âm $a = a_1, a_2, \ldots, a_n$. Hãy đếm số bộ (i, j, k) sao cho $1 \le i \le j < k \le n$ và $a_i \land a_{i+1} \land \ldots \land a_j = a_{j+1} \land a_{j+2} \land \ldots \land a_k$.

Dữ liệu vào

- $\bullet\,$ Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương n;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên không âm: $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (a_i \le 10^9)$;

Kết quả

Ghi một số nguyên là kết quả bài toán.

Ví du

stdin	stdout
6	5
3 1 5 3 2 6	

- Có 12% số test với $n \le 100$;
- Có 28% số test với $n \leq 1000$;
- Có 60% số test với $n \le 10^5$;

Bài B. SPACE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Trong một diễn biến hoàn toàn khác, Việt Nam đã xây dựng thành công n trạm không gian. Bước tiếp theo chúng ta muốn xây dựng một trạm kiểm soát trung tâm sao cho tổng khoảng cách giữa trạm trung tâm với n trạm đã có là nhỏ nhất.

Cho biết vị trí của các trạm, hãy tìm vị trí để xây dựng trạm trung tâm. Trạm thứ i có tọa độ là (x_i, y_i, z_i) và khoảng cách giữa hai điểm A B được tính theo công thức:

$$d(A,B) = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2 + (z_A - z_B)^2}$$

Dữ liệu vào

- ullet Dòng đầu tiên chứa số nguyên dương: n
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i ghi ba số nguyên: $x_i \ y_i \ z_i$

Kết quả

• Ghi ba số thực là tọa độ của trung tâm, in ra bốn chữ số sau dấu phẩy

Ví dụ

stdin	stdout
3	1.0000 2.0000 3.0000
1 2 3	
2 3 4	
0 0 0	

- $1 \le n \le 100, -1000 \le x_i, y_i, z_i \le 1000$
- Subtask 1: n = 3
- Subtask 2: Ràng buộc gốc

Bồi dưỡng HSGQG Đà Nẵng, 23/11/2022

Bài C. FKAND

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho dãy số nguyên không âm $a=a_1,a_2,\ldots,a_n$ và số nguyên dương k. Tiến hành chia dãy a thành đúng k đoạn con liên tiếp. Giả sử tổng của đoạn con thứ i là s_i , khi đó điểm của cách chia là $s_1 \& s_2 \ldots \& s_k$ với & là phép toán AND giữa hai số nguyên không âm. Tìm điểm lớn nhất có thể có trong số các cách chia.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa hai số nguyên dương n k;
- Dòng thứ hai chứa n số nguyên không âm: $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (a_i \leq 10^{16});$

Kết quả

Ghi một số nguyên là kết quả bài toán.

Ví dụ

stdin	stdout
6 3	2
3 1 5 3 2 6	

- Có 12% số test với $n \le 10$;
- Có 24% số test với $n \le 20$;
- Có 28% số test với $n \le 50$; $a_i \le 100$;
- Có 36% số test với $n \le 100$;

Bài D. PFTREE

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho một cây n đỉnh, các đỉnh được đánh số từ 1 đến n với gốc là đỉnh 1. Cây này là hoàn hảo, tức là khoảng cách từ gốc đến các nút lá đều bằng nhau. Trọng số của cây con gốc u tại thời điểm t, ký hiệu là W(u,t), được tính như sau:

- Liệt kê khoảng cách từ u đến các nút trong cây con gốc u;
- Sắp xếp tăng dần các khoảng cách đó. Gọi d_i là số thứ i trong dãy đã sắp xếp;
- Khi đó $W(u,t)=\sum_{i=1}^{sz(u)}d_i*t^{i-1}$ với sz(u) là số đỉnh trong cây con gốc u.

Cho Q truy vấn, mỗi truy vấn là hai số u,t, cần tính W(u,t)%1000000007. Các truy vấn cần được trả lời online.

Dữ liệu vào

- Dòng đầu ghi: n Q;
- n-1 dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi u, v là một cạnh của cây;
- Mỗi dòng trong số Q dòng tiếp theo ghi hai số a, b mô tả một truy vấn. Khi đó: u = 1 + (a + p)%n, t = 1 + (b + p)%10000000000 với p là tổng kết quả của các truy vấn trước truy vấn này $(0 \le a, b \le 10^9)$.

Kết quả

Với mỗi truy vấn, in ra trên một dòng là W(u,t)%1000000007.

Ví dụ

stdin	stdout
6 3	8
1 2	9
1 3	0
2 4	
2 5	
3 6	
0 0	
0 0	
0 0	

- Trong tất cả các test: $1 \le n, q \le 10^5$;
- Có 8% số test với $n, q \leq 500$;
- Có 12% số test với $n, q \leq 5000$;
- Có 28% số test với mỗi đỉnh đều kề với nhiều nhất 2 đỉnh khác;
- Có 52% số test với ràng buộc gốc.