ITERATION1

RMP:

```
x1: 48.500000

x2: 305.000000

x3: 131.666667

x4: 30.142857

Obj: 515.309524

shadow prices:

[0.5, 0.5, 0.33333333333333, 0.14285714285714285]
```

SP:

```
a1: -0.000000
a2: 2.000000
a3: 0.000000
a4: 2.000000
SP Opt: 1.285714
c: -0.285714
```

ITERATION1

RMP:

```
x1: 48.500000
x2: 199.500000
x3: 131.666667
x4: 0.000000
x5: 105.500000
0bj: 485.166667
shadow prices:
    [0.5, 0.5, 0.333333333333333, -0.0]
```

SP:

```
a1: -0.000000
a2: 1.000000
a3: 2.000000
a4: -0.000000
SP Opt: 1.166667
c: -0.166667
```

ITERATION3

RMP:

```
x1: 48.500000
x2: 100.750000
x3: 0.000000
x4: 0.000000
x5: 105.500000
x6: 197.500000
0bj: 452.250000
shadow prices:
[0.5, 0.5, 0.25, -0.0]
```

SP:

a1: -0.000000 a2: 2.000000 a3: 0.000000 a4: -0.000000 SP Opt: 1.000000 c: 0.000000

ITERATION4

RMP:

```
x1: 48.500000
x2: 100.750000
x3: 0.000000
x4: 0.000000
x5: 105.500000
x6: 197.500000
0bj: 452.250000
shadow prices:
[0.5, 0.5, 0.25, -0.0]
```

SP:

a1: -0.000000 a2: 2.000000 a3: 0.000000 a4: -0.000000 SP Opt: 1.000000 c: 0.000000

Discussion:

- 每次的 iteration, Objective of Sub Problem(SP)都會慢慢減少,使得 c 越來越接近 0
- 2. 在 iteration3 時,SP的 c 已經等於 0 滿足 column generation 的停止條件。
 - ⇒ 驗證:經過 iteration4 可得此問題的 Objective 不能再優化了,且 SP 得到 的 c 仍然為 $\mathbf{0}$
- 3. 最後得到 x1, x2, x5, x6 皆為小數,因此完整的 column generation 須同時使用 Branch and Bound。