

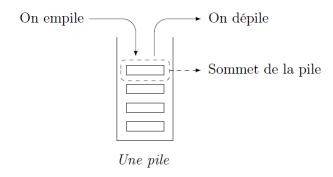
### Notion de Piles et Files - NSI

#### Première partie

## Notions de piles

#### Exercice 1. Les idées de base

Une pile est une structure de données abstraite fondée sur le principe « dernier arrivé, premier sorti »



On munit la structure de données Pile de quatre fonctions primitives définies dans le tableau ci-dessous. :

- creer\_pile\_vide: Ø → Pile
   creer\_pile\_vide(): renvoie une pile vide
- est\_vide : Pile → Booléen
   est\_vide(pile) : renvoie True si pile est vide, False sinon
- empiler : Pile, Élément → Rien
   empiler(pile, element) : ajoute element au sommet de la pile
- depiler : Pile → Élément depiler(pile) : renvoie l'élément au sommet de la pile en le retirant de la pile

#### Question 1

On suppose dans cette question que le contenu de la pile P est le suivant (les éléments étant empilés par le haut). Quel sera le contenu de la pile Q après exécution de la suite d'instructions suivante

```
Q = creer_pile_vide ()
while not est_vide(P):
    empiler(Q, depiler(P))
```



On dépile la pile P et on empile la pile Q.

#### **Question 2**

1. On appelle hauteur d'une pile le nombre d'éléments qu'elle contient. La fonction hauteur\_pile prend en paramètre une pile P et renvoie sa hauteur. Après appel de cette fonction, la pile P doit avoir retrouvé son état d'origine. Recopier et compléter sur votre copie le programme Python suivant implémentant la fonction hauteur\_pile en remplaçant les??? par les bonnes instructions.

```
def hauteur_pile(P):
       Q = creer_pile_vide ()
2
       n = 0
3
       while not(est_vide(P)):
4
            n=n+1 # c'est l'incrémentation du compteur
5
            x = depiler(P)
6
            empiler(Q, x)
       while not (est_vide(Q)):
            x=depiler(Q) # On récupère l'élément au sommet de la pile Q
            empiler(P, x)
10
       return n
11
```

2. Créer une fonction max\_pile ayant pour paramètres une pile P et un entier i. Cette fonction renvoie la position j de l'élément maximum parmi les i derniers éléments empilés de la pile P. Après appel de cette fonction, la pile P devra avoir retrouvé son état d'origine. La position du sommet de la pile est 1.

```
def max_pile(P,i):
        '''In : P pile et i entier <= hauteur Pile
2
          Out : renvoie la position j de l'élément maximum parmi les i
3
          derniers éléments empilés de la pile P'''
        Q=creer_pile_vide()
        n=1
        x=depiler(P)
        empiler (Q, x)
8
        maximum=x
9
        rang=1
10
        while not(est_vide(P)) and n<i:</pre>
11
            n=n+1
12
            x = depiler(P)
13
            empiler(Q,x)
14
            if x>maximum:
15
                maximum=x
16
                 rang=n
        while not (est_vide(Q)):
18
                 x=depiler(Q)
19
                 empiler(P, x)
20
        return rang
21
```

#### **Question 3**

Créer une fonction retourner ayant pour paramètres une pile P et un entier j. Cette fonction inverse l'ordre des j derniers éléments empilés et ne renvoie rien. On pourra utiliser deux piles auxiliaires.

```
def retourner(P, j):
    '''In : P pile et j entier <= hauteur_Pile
      Out : None.
      Cette fonction inverse l'ordre des j derniers éléments empilés
      et ne renvoie rien'''
    Q = creer_pile_vide ()
    K = creer_pile_vide ()
    # on dépile les j derniers éléments de P que l'on empile dans Q
    # (ordre inversé)
    while n<j and not(est_vide(P)):</pre>
        empiler(Q, depiler(P)) # comme dans la question 1
        n=n+1
    # on dépile les j derniers éléments de Q que l'on empile dans K
    # (ordre inversé) donc l'ordre redevient celui initial
    n=0
    while n<j and not(est_vide(Q)):</pre>
        empiler(K, depiler(Q))
        n=n+1
    # on dépile les j derniers éléments de K que l'on empile dans P
    # (ordre inversé)
    n=0
    while n<j and not(est_vide(K)):</pre>
        empiler(P, depiler(K))
        n=n+1
```

#### **Question 4**

L'objectif de cette question est de trier une pile de crêpes. On modélise une pile de crêpes par une pile d'entiers représentant le diamètre de chaque crêpe. On souhaite réordonner les crêpes de la plus grande (placée en bas de la pile) à la plus petite (placée en haut de la pile). On dispose uniquement d'une spatule que l'on peut insérer dans la pile de crêpes de façon à retourner l'ensemble des crêpes qui lui sont audessus. Le principe est le suivant :

- On recherche la plus grande crêpe.
- On retourne la pile à partir de cette crêpe de façon à mettre cette plus grande crêpe tout en haut de la pile.
- On retourne l'ensemble de la pile de façon à ce que cette plus grande crêpe se retrouve tout en bas.
- La plus grande crêpe étant à sa place, on recommence le principe avec le reste de la pile.

```
def tri_crepe(Pile):
    '''In : Pile
        out : None. Cette fonction va trier la pile'''
    n=hauteur_pile(Pile)
    while n!=0:
        k=max_pile(Pile,n)
        retourner(Pile,k)
        retourner(Pile,n)
        n=n-1
```

#### Exercice 2. Avec des classes

On crée une classe Pile qui modélise la structure d'une pile d'entiers. Le constructeur de la classe initialise une pile vide. La définition de cette classe sans l'implémentation de ses méthodes est donnée ci-dessous.

```
class Pile:
    def ___init___ (self):
        """Initialise la pile comme une pile vide."""
    def est_vide(self):
        """Renvoie True si la liste est vide, False sinon."""
    def empiler(self, e):
        """Ajoute l'élément e sur le sommet de la pile, ne renvoie rien."""
    def depiler(self):
        """Retire l'élément au sommet de la pile et le renvoie."""
    def nb_elements(self):
        """Renvoie le nombre d'éléments de la pile. """
    def afficher(self):
        """Affiche de gauche à droite les éléments de la pile, du
        fond de la pile vers son sommet. Le sommet est alors
        l'élément affiché le plus à droite. Les éléments sont
        séparés par une virgule. Si la pile est vide la méthode
        affiche "pile vide"."""
```

Seules les méthodes de la classe ci-dessus doivent être utilisées pour manipuler les objets Pile.

1. (a) Écrire une suite d'instructions permettant de créer une instance de la classe *Pile* affectée à une variable *pile1* contenant les éléments 7, 5 et 2 insérés dans cet ordre.

Ainsi, à l'issue de ces instructions, l'instruction *pile1.afficher()* produit l'affichage : 7, 5, 2.



Il faut écrire la suite d'instruction ci-dessous :

```
pile1=Pile()
pile1.empiler(7)
pile1.empiler(5)
pile1.empiler(2)
```

(b) Donner l'affichage produit après l'exécution des instructions suivantes.

```
element1 = pile1.depiler()
pile1.empiler(5)
pile1.empiler(element1)
pile1.afficher()
```



#### Corrigé

On obtient le résultat suivant :

2. On donne la fonction mystere suivante :

```
def mystere(pile, element):
    pile2 = Pile()
    nb_elements = pile.nb_elements()
    for i in range(nb_elements):
        elem = pile.depiler()
        pile2.empiler(elem)
        if elem == element:
            return pile2
    return pile2
```

- (a) Dans chacun des quatre cas suivants, quel est l'affichage obtenu dans la console?
  - Cas no 1

```
>>>pile.afficher()
7, 5, 2, 3
>>>mystere(pile, 2).afficher()
```



#### Corrigé

**mystére(pile,element)** dépile *pile* et rempli une pile *pile2* jusqu'à ce que l'élément dépiler de *pile* correspond à l'élément *element* en entrée. Elle renvoie *pile2* 

```
>>>3, 2
```

• Cas no 2

```
>>>pile.afficher()
7, 5, 2, 3
>>>mystere(pile, 9).afficher()
```



```
>>>3, 2, 5, 7
```

• Cas no 3

```
>>>pile.afficher()
7, 5, 2, 3
>>>mystere(pile, 3).afficher()
```



>>>3

• Cas no 4

```
>>>pile.est_vide()
True
>>>mystere(pile, 3).afficher()
```



```
>>>pile vide
```

(b) Expliquer ce que permet d'obtenir la fonction mystere.



La fonction **mystére(pile,element)** renvoie le haut de la pile *pile* inversée jusqu'à l'élément *element*.

3. Écrire une fonction **etendre(pile1, pile2)** qui prend en arguments deux objets *Pile* appelés *pile1* et *pile2* et qui modifie *pile1* en lui ajoutant les éléments de *pile2* rangés dans l'ordre inverse. Cette fonction ne renvoie rien. On donne ci-dessous les résultats attendus pour certaines instructions.

```
>>>pile1.afficher()
7, 5, 2, 3
>>>pile2.afficher()
1, 3, 4
>>>etendre(pile1, pile2)
>>>pile1.afficher()
7, 5, 2, 3, 4, 3, 1
>>>pile2.est_vide()
True
```

# Corrigé

```
def etendre(pile1,pile2):
    while not(pile2.est_vide()):
        pile1.empiler(pile2.depiler())
```

4. Écrire une fonction **supprime\_toutes\_occurences(pile, element)** qui prend en arguments un objet *Pile* appelé *pile* et un élément *element* et supprime tous les éléments *element* de *pile*. On donne cidessous les résultats attendus pour certaines instructions.

```
>>>pile.afficher()
7, 5, 2, 3, 5
>>>supprime_toutes_occurences(pile, 5)
>>>pile.afficher()
7, 2, 3
```



 $\leftarrow$  Fin du devoir  $\rightarrow$