# **Pour Créer un circuit VOUS DEVEZ:**

- 1) Remplir une table de vérité qui répond au problème
- 2) Écrire les fonctions booléennes qui correspondent à chaque sortie de la table et simplifiez les expressions si c'est possible
- 3) Construire le circuit à partir des fonctions

Exemple : Je veux faire un circuit va-et-vient. Il y a deux interrupteurs représentés chacun par un bit d'entrée et une lampe représenté par un bit de sortie S1. On peut éteindre ou allumer la lampe avec chaque interrupteur.

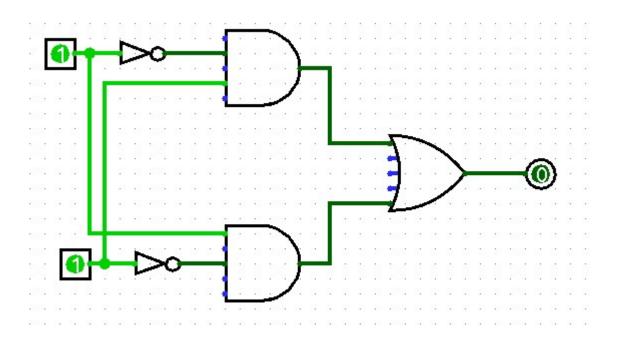
1) Je construis la table

Χ	Υ	S1
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

2) J'écris la fonction S1:

S1=not(X)Y ou Xnot(Y)

3) Je construis le circuit :



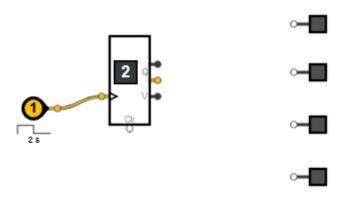
Ne pas suivre cette méthode c'est s'exposer à une perte de temps sans nom.

# Mini projet 1: Décoration de Noël

Décoration de noël

## Matériels:

- une horloge (Clock)
- Un counter (en 2 bits pour compter de 0 à 3)
- Des portes logiques
- 4 LEDs



# Objectif:

- 1) Premier circuit : Faire allumer successivement 4 leds commandées par une horloge. (Il ne doit y avoir qu'une seule led allumée à la fois)
- a) Remplir la table de vérité de S1, S2, S3 et S4 représentant chaque led pour répondre au problème

Х	Υ	S1	S2	S3	S4
0	0				
0	1				
1	0				
1	1				

- b) Ecrire les expressions booléennes de S1, S2, S3 et S4 puis faire le circuit correspondant.
- 2) Deuxième circuit Choisir un allumage qui allume 2 leds en même temps puis une 3ème (3 leds allumées) puis la 4ème (4 leds allumées) puis les éteints toutes
- **3)** Complément Facultatif :

Si jamais vous êtes en avance par rapport aux autres vous pouvez faire un circuit pour changer de guirlandes ou plus subtilement d'allumage.

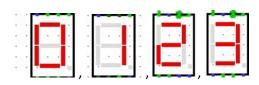
# Mini projet 2: Affichage digitale

Affichage digitale (0, 1, 2 ou 3)

outils:

- 7-segments display
- pins (entrée 0 ou 1)
- Des portes logiques

Objectif faire afficher un 0 si on rentre 0, 1 si on rentre 1, etc ... comme sur cette exemple:



- 1) Placer un afficheur 7-segments et deux pins (ou une clock 2 bit) et tester le 7-segment
- 2) Remplir la table de vérité suivante et écrire les fonctions booléennes pour chaque entrée du 7segment pour répondre à l'objectif

valeur	X	Υ	S1	S2	S3	S4	\$5	S6	S7
	0	0							
	0	1							
	1	0							
	1	1							

3) Créer le circuit pour répondre à l'objectif. On peut utiliser un compteur à la place de deux entrées pour le comptage.

# Mini projet 3: Comparateur

Comparateur

# **Objectif:**

- 1) Dans une première étape faire un comparateur binaire. Il y a deux entrées a et b représentant deux nombres d'un seul bit (a et b ne peuvent prendre que les valeurs 0 ou 1). Il y a trois sorties (des leds par exemple) :une qui s'allume si a=b, une pour a<br/>b et une pour a>b
- 2) Ensuite vous ferez un comparateur entre un nombre de deux bits et un nombre de un bit

#### Materiels:

- Des entréeet des sorties un ou deux bits
- Des portes logiques
- 3 LEDs

# Mini projet 4: Fonction majorité et fonction carré

Quelques exercices

# **Exercice 1 Fonction majorité**

Dessinez un circuit à trois entrées et une sortie réalisant la fonction majorité (la sortie est à 0 si et seulement si le nombre d'entrées étant à 0 est majoritaire). Testez-le.

# **Exercice 2 Fonction carré**

Dessinez un circuit à deux entrées et quatre sorties réalisant la fonction carré (d'un nombre sur deux bits). Testez-le.

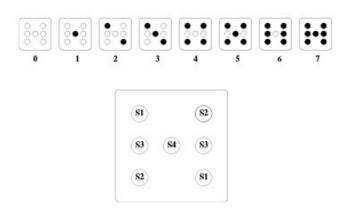
Les dés entre guillemets

On veut construire un circuit logique destiné à afficher un entier compris entre 0 et 7 à la manière d'un numéro tel qu'il apparaît sur un dé à jouer (à 8 faces). La figure ci-dessous représente les états de chacune des sept leds en fonction de chaque entier.

On peut remarquer que la led supérieure gauche est toujours dans le même état que la led inférieure droite (toutes deux sont éteintes pour 0 et 1 mais sont allumées pour 2, 3, 4, 5, 6 et 7).

Notre circuit n'a donc besoin que d'une seule sortie s<sub>1</sub> qui sera reliée à ces deux leds. Pour les mêmes raisons, on n'a besoin que d'une sortie s<sub>2</sub> pour les leds supérieure droite et inférieure gauche, ainsi que d'une sortie s<sub>3</sub> pour les leds de centre gauche et de centre droit. Enfin, une sortie s<sub>4</sub> sera reliée à led centrale.

Notre circuit a trois entrées  $e_2,e_1$  et  $e_0$  qui codent l'entier à afficher sous forme binaire,  $e_2$  étant le bit de poids le plus fort. Par exemple, pour coder l'entier 6, on a  $e_2$ = 1,  $e_1$ = 1 et  $e_0$  = 0



- 1) Écrivez la table de vérité (à 3 entrées et 4 sorties) des fonctions booléennes d'affichage d'un entier tel que décrit ci-dessus.
- 2) Déterminez les fonctions logiques de chaque bit de sortie si.
- 3) Dessinez le circuit correspondant en reliant les 4 sorties à sept leds comme décrit cidessus

## Mini projet 6: Additionneur

- 1) Construire un circuit additionneur 1 bit qui prend en entrée deux nombres de 1 bit et donne en sortie leur somme sur deux bits (deux sorties 1 bit)
- 2) Construire un circuit additionneur 2 bit qui prend en entrée deux nombres de 2 bit et donne en sortie leur somme sur 3 bits donc 4 entrées 1 bits et 3 sorties 1 bit
- 3) Si vous avez le temps faites un soustracteur 2 bits, en tenant compte du complément à 2

Exemple de Projets possibles d'architecture A faire sur logisim

# Ave César

#### Objectif

Obtenir un circuit permettant de chiffrer un texte. Le chiffre à utiliser est celui appelé « chiffre de César » ou « rot $_3$ » chez les informaticiens. Son principe est très élémentaire puisqu'il s'agit de la simple permutation (A N) (B O) ... (M Z). Ce chiffre fait partie de la famille des chiffres à décalage qui n'offrent aucune résistance cryptographique, mais sont simplement mentionnés pour des raisons historiques ou pédagogiques. Rot $_3$  n'est qu'une des variantes du chiffre de César qui est en réalité paramétré par le décalage de l'alphabet (donc  $_5$  chiffres de César possible). La particularité de rot $_5$  est qu'il est involutif. On cherchera donc à vérifier cette propriété par exemple en chiffrant puis chiffrant à nouveau et à la suite le texte d'entrée comme dans la figure suivante :



#### Élements utiles

Les éléments pouvant servir sont :

- keyboard (permettant de saisir le texte à chiffer)
- tty (pour affiche le résultat)
- · portes arithmétiques diverses
- constantes
- bit extender (pour convertir les données 7 bits en 8 bits et vice-versa)

#### Réalisation

La difficulté ici est essentiellement de bien comprendre comment l'arithmétique est réalisée. Diverses constructions peuvent être obtenues :

- dans un premier temps, à obtenir un circuit convertissant une donnée 7 bits en une donnée 8 bits équivalente (sous réserve que l'entrée est un caractère alphabétique majuscule)
- modifiez le circuit de sorte que les caractères autres que les lettres majuscules soient conservés à l'identique (via des opérateur de comparaison, etc)
- modifiez le circuit de sorte que le chiffre s'applique sur les lettres alphabétiques majuscules et minuscules
- 4. faites du circuit de chiffrement un sous-circuit en rajoutant un autre circuit (Project ➤ Add circuit) et en faisant du nouveau le circuit principal (sélectionnez-le et faites apparaître le menu contextuel Set As Main Circuit), puis ajoutez keyboard et tty(s) pour saisir un texte et voir son chiffrement et déchiffrement opérer (via une horloge manuelle ou non).

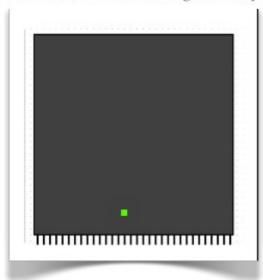
Plus compliqué mais dans le même esprit mais aussi beaucoup plus intéressant:

Un projet pourrait être de réaliser un circuit réalisant le chiffrement DES (Data Encryption Standard). Cet algorithme de chiffrement est utilisé pour chiffrer les mots de passe de presque tous les systèmes d'exploitation depuis plus de 30 ans. Attention : c'est assez difficile à réaliser mais intéressant car pour obtenir un circuit raisonnable, il faut faire « tourner » les données à l'intérieur du circuit.

# Contrôleur de pixel

# Objectif

Obtenir le déplacement d'un pixel à l'écran via un joystick. Le cadencement des mises à jour s'effectuera à l'aide d'une horloge. L'écran pourrait ressembler à



Une vidéo de l'effet final est consultable ici: http://youtu.be/YYtBWIpfeIQ

# Élements utiles

Les éléments pouvant servir sont :

- splitter (permettant de combiner n-lines parallèles o/1 en une seule ou l'inverse)
- joystick (2 bits)
- led matrix (32x32)
- · clock
- counter (2 pour représenter les « coordonnées »)
- decoder

# Réalisation

La difficulté ici est essentiellement de bien comprendre comment les données peuvent être sérialisées/parallélisées/projetées, etc

- dans un premier temps, chercher à obtenir le déplacement « vertical »
- dans un second temps, le déplacement « horizontal »

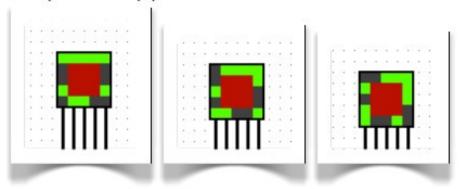
# Le chenillard

# Objectif

Obtenir un chenillard.

- 1. son entrée sera un mot de 16 bits représentés en sortie par une boucle de pixel allumés ou éteints
- piloté par une horloge (automatique ou manuelle), à chaque top les pixels « tourneront » (dans un sens choisi à l'avance

Une séquence de trois tops pourrait donner l'effet suivant :



## Élements utiles

Bien que tout autre élément puisse être considéré, une réalisation assez simple utilise les éléments suivants :

- splitter (permettant de combiner n-lines parallèles o/1 en une seule ou l'inverse)
- shift register (un registre à décalage)
- register (un registre de 16 bits pour l'entrée)
- led matrix (5x5)
- · clock

## Réalisation

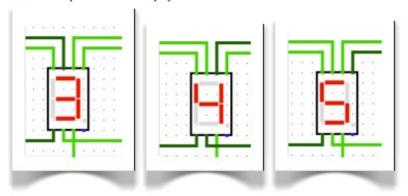
- dans un premier temps obtenir un circuit permettant de faire tourner le chenillard dans un sens fixé à l'avance
- dans un second temps, permettre de sélectionner le sens de rotation du chenillard dans les deux sens (en utilisant le pilotage du décaleur — facile)
- 3. dans un troisième temps, implémenter un troisième circuit de chenillard qui ne produise pas une simple « boucle » (mais un effet graphique un peu plus évolué, type parcours selon une « courbe de Peano », attention à obtenir un parcours de longueur 16), et qui permette de sélectionner l'un de ces trois scénarios à volonté

# L'afficheur numérique

# Objectif

Obtenir un afficheur de chiffre décimal.

- son entrée sera un compteur de 4 bit qui sera interprété comme une valeur décimale entre o et 9 (compris)
- piloté par une horloge (automatique ou manuelle), à chaque top on incrémente la valeur du compteur, celle-ci étant immédiatement affichée
- 3. Une séquence de trois tops pourrait donner l'effet suivant :



# Éléments utiles

De nombreux autres éléments peuvent être employés, mais une réalisation simple utilise :

- counter
- register (un registre de 4 bits)
- splitter (permettant de combiner n-lignes o/ı parallèles en une seule ou l'inverse)
- 7-segment display (un afficheur 7 segments)
- des portes logiques élémentaires diverses et variées
- clock

#### Réalisation

- dans un premier la réalisation peut-être la plus simple possible (i.e. utilisant un systématisme sans défaut pour synthétiser le circuit)
- dans un second temps, il peut être intéressant de travailler à la simplification du circuit en diminuant le nombre de portes

Pour que le projet soit intéressant, on pourra faire un compteur plus évolué sur des nombres plus grand ou même une horloge.