Algorytmy i Struktury Danych Zadanie offline 4 (19.IV.2022)

Format rozwiązań

Rozwiązanie zadania musi się składać z **krótkiego** opisu algorytmu (wraz z uzasadnieniem poprawności) oraz jego implementacji. Zarówno opis algorytmu jak i implementacja powinny się znajdować w tym samym pliku Pythona (rozszerzenie .py). Opis powinien być na początku pliku w formie komentarza (w pierwszej linii w komentarzu powinno być imię i nazwisko studenta). Opis nie musi być długi—wystarczy kilka zdań, jasno opisujących ideę algorytmu. Implementacja musi być zgodna z szablonem kodu źródłowego dostarczonym wraz z zadaniem. Niedopuszczalne jest w szczególności:

- 1. korzystanie z zaawansowanych struktur danych (np. słowników czy zbiorów),
- 2. zmienianie nazwy funkcji implementującej algorytm, listy jej argumentów, lub nazwy pliku z rozwiązaniem,
- 3. modyfikowanie testów dostarczonych wraz z szablonem,
- wypisywanie na ekranie jakichkolwiek napisów innych niż wypisywane przez dostarczony kod (ew. napisy dodane na potrzeby diagnozowania błędów należy usunąć przed wysłaniem zadania).

Dopuszczalne jest natomiast:

- 1. korzystanie z następujących elementarnych struktur danych: krotka, lista,
- 2. korzystanie ze struktur danych dostarczonych razem z zadaniem (jeśli takie są).
- 3. korzystanie z wbudowanych funkcji sortujących (można założyć, że mają złożoność $O(n\log n)$).

Wszystkie inne algorytmy lub struktury danych wymagają implementacji przez studenta. Dopuszczalne jest oczywiście implementowanie dodatkowych funkcji pomocniczych w pliku z szablonem rozwiązania.

Zadania niezgodne z powyższymi ograniczeniami otrzymają ocenę 0 punktów. Rozwiązania w innych formatach (np. .PDF, .DOC, .PNG, .JPG) z definicji nie będą sprawdzane i otrzymają ocenę 0 punktów, nawet jeśli będą poprawne.

Testowanie rozwiązań

Żeby przetestować rozwiązanie zadania należy wykonać polecenie: python3 zad4.py

Zadanie offline 4.

Szablon rozwiązania: zad4.py

Inwestor planuje wybudować nowe osiedle akademików. Architekci przedstawili projekty budynków, z których inwestor musi wybrać podzbiór spełniając jego oczekiwania. Każdy budynek reprezentowany jest jako prostokąt o pewnej wysokości h, podstawie od punktu a do punktu b, oraz cenie budowy w (gdzie h, a, b i w to liczby naturalne, przy czym a < b). W takim budynku może mieszkać $h \cdot (b-a)$ studentów.

Proszę zaimplementować funkcję:

```
def select_buildings(T, p):
...
```

która przyjmuje:

- Tablicę T zawierająca opisy n budynków. Każdy opis to krotka postaci (h, a, b, w), zgodnie z oznaczeniami wprowadzonymi powyżej.
- Liczbę naturalną p określającą limit łącznej ceny wybudowania budynków.

Funkcja powinna zwrócić tablicę z numerami budynków (zgodnie z kolejnością w T, numerowanych od 0), które nie zachodzą na siebie, kosztują łącznie mniej niż p i mieszczą maksymalną liczbę studentów. Jeśli więcej niż jeden zbiór budynków spełnia warunki zadania, funkcja może zwrócić dowolny z nich. Dwa budynki nie zachodzą na siebie, jeśli nie mają punktu wspólnego.

Można założyć, że zawsze istnieje rozwiązanie zawierające co najmniej jeden budynek. Funkcja powinna być możliwie jak najszybsza i zużywać jak najmniej pomięci. Należy bardzo skrótowo uzasadnić jej poprawność i oszacować złożoność obliczeniową.

Przykład. Dla argumentów:

```
T = [ (2, 1, 5, 3), (3, 7, 9, 2), (2, 8, 11, 1) ]
p = 5
```

wynikiem może być tablica: [0, 2]