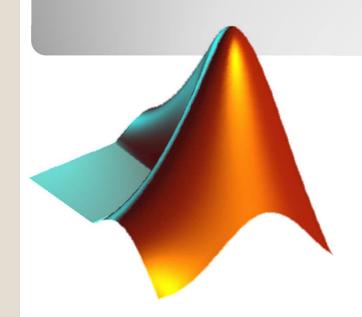
# Introdução ao MATLAB

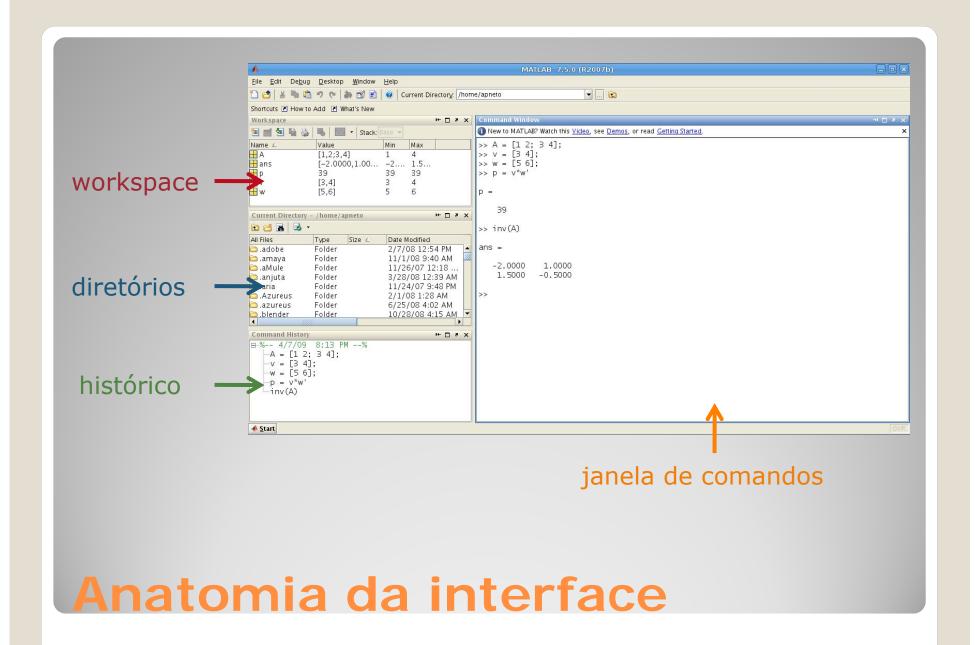


Afonso Paiva ICMC-USP



- MATrix LABoratory é um software para computação científica
- resolve numericamente problemas matemáticos de forma rápida e eficiente
- possui uma família de pacotes específicos (toolboxes):
  - otimização
  - redes neurais
  - processamento de imagens
  - simulação de sistemas, etc.

## O que é o MATLAB?



- existe somente um tipo de variável:
  - matriz
- o tipo matriz pode ser expresso como:
  - escalar: matriz 1 x 1
  - vetor: matriz 1 x n ou n x 1
  - matriz propriamente: matriz m x n

#### Variáveis no MATLAB

- variáveis são alocadas na memória ao serem declaradas
- nomes de variáveis são sensíveis a letras maiúsculas e minúsculas
- vetores e matrizes devem ser declarados entre [ ]
- elementos de uma mesma linha numa matriz são separados por espaço(s) ou vírgula
- ponto-e-vírgula(;) indica o final de uma linha de uma matriz ou expressão

### Declaração de uma variável

Vetor linha:

$$>> A = [1 2 3 4];$$

Vetor coluna:

## Exemplos

Matriz:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

• Matriz transposta:

$$>> B = A'$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 4 & 7 \\ 2 & 5 & 8 \\ 3 & 6 & 9 \end{bmatrix}$$

**Exemplos** 

Símbolo	Operação
+	adição
-	subtração
*	multiplicação
/	divisão
^	potenciação

**Operadores matemáticos** 

>> A=[1 2; 3 4];  
>> B=[5 6; 7 8]; 
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
  $B = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$   
>> C0 = A+B  
C0 = C2=  
6 8 19 22  
10 12 43 50  
>> C1 = A-B  
C1= -4 -4 -4 3.0000 -2.0000  
-4 -4 -4 2.0000 -1.0000

### Exemplos

Símbolo	Operação
.*	multiplicação
./	divisão
.^	potenciação

Operadores ponto-a-ponto

>> A=[1 2; 3 4];  
>> B=[5 6; 7 8]; 
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
  $B = \begin{bmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 8 \end{bmatrix}$   
>> C0 = A.\*B  
C0 = 1 64  
21 32 21 32 2187 65536  
>> C1 = A./B  
C1= 0.2000 0.3333  
0.4286 0.5000 27 64

## Exemplos

- v=[inicio:incremento:fim]
- v=[inicio:fim] % incremento=1

#### ou

- v=inicio:incremento:fim
- v=inicio:fim
- Exemplo

## Declaração de uma variável

```
>> v=[2:2:10]
    2 4 6 8 10
>> x=1:100; % ou linspace(1,100)
>> M = [1:1:3; 4:1:6; 7:1:9]
    M =
       1 2 3
       456
       789
```

# Exemplos

acessando um elemento de uma matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 & 7 \end{bmatrix}$$

referência deve ser sempre (linha, coluna)

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} >> B (2,3)$$
ans=
6

• é possível incluir matrizes em matrizes

```
>>A = [1 2 3; 4 5 6; 7 8 9]; % A é uma matriz 3X3

>> a = [10 20 30];

>> A = [A;a] % A é uma matriz 4X3

A =

1 2 3
4 5 6
7 8 9

10 20 30
```

podemos extrair uma linha da matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

• e também acessar uma coluna da matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

```
>> coluna = A(:,1)

coluna =

1
4
7
```

podemos extrair submatrizes de uma matriz

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

podemos acessar diretamente elementos da diagonal

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

>> A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9]  
>> L0 = tril(A)  
>> L1 = tril(A, 1)  
>> L2 = tril(A,-1)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$L0 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 4 & 5 & 0 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \qquad L1 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix} \qquad L2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes triangulares inferior

>> A = [1 2 3;4 5 6;7 8 9]  
>> U0 = triu(A)  
>> U1 = triu(A, 1)  
>> U2 = triu(A,-1)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$U0 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 0 & 5 & 6 \\ 0 & 0 & 9 \end{bmatrix} \qquad U1 = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 6 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \qquad U2 = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 0 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

Matrizes triangulares superior

```
>> A = [1 2 3 4; 5 6 7 8]
 A =
    1 2 3 4
    5 6 7 8
>> s = size(A)
 S =
    2 4
>> I = size(A,1) % numero de linhas
>> c = size(A,2) % numero de colunas
 C =
```

#### Dimensão de vetores e matrizes

```
>> length(A) % retorna o numero de linhas ou de colunas
 ans =
>> v= 1:7;
>> size(v) % número de colunas
 ans =
      1 7
>> length(v) % retorna o comprimento do vetor
 ans =
```

#### Dimensão de vetores e matrizes

Comando	Descrição
det(A)	calcula o determinante da matriz
[V,D] = eig(A)	determina os autovetores e autovalores de A
inv(A)	calcula a inversa da matriz
rank(A)	determina o posto linha ou coluna de A
max(A)	retorna um vetor com o máximo de cada coluna A
min(A)	retorna um vetor com o mínimo de cada coluna A
norm(A,1)	calcula a norma coluna
norm(A, 'fro')	calcula a norma de Frobenius
norm(A,inf)	calcula a norma linha

# **Funções matriciais**

```
>> A = [ 1 7 3; -6 2 1; 9 2 -2]; >> norm(A,1)
                                 ans =
>> det(A)
                                      16
 ans =
      -117
                               >> norm(A,inf)
                                 ans =
>> I = inv(A)
                                      13
 I =
   0.0513 -0.1709 -0.0085 >> norm(A,' fro ')
   0.0256 0.2479 0.1624
                                 ans =
   0.2564 -0.5214 -0.3761
                                      13.7477
>> max(A)
 ans =
      9 7 3
```

## Exemplos

Comando	Descrição
A = rand(m,n)	gera matriz com elementos aleatórios
A = eye(n)	gera matriz identidade
A= ones(m,n)	gera matriz com todos elementos iguais a 1
A= zeros(m,n)	gera matriz com todos elementos iguais a 0

# Matrizes especiais

Função	Descrição
sin(x)	seno
cos(x)	cosseno
tan(x)	tangente
asin(x)	arco-seno
acos(x)	arco-cosseno
atan(x)	arco-tangente
exp(x)	exponencial
log(x)	logaritmo natural
log10(x)	logaritmo na base 10

Funções matemáticas elementares

Função	Descrição
abs(x)	valor absoluto
ceil(x)	arredondamento na direção de mais infinito
floor(x)	arredondamento na direção de menos infinito
round(x)	arredondamento para o inteiro mais próximo
sign(x)	função sinal
sqrt(x)	raiz quadrada
gcd(x,y)	máximo divisor comum dos inteiros $x$ e $y$
lcm(x,y)	mínimo múltiplo comum dos inteiros $x$ e $y$
rem(x,y)	resto da divisão de x por y

## Funções matemáticas elementares

Variável	Valor
ans	variável padrão usada para resultados
pi	3.14159 26535
eps	precisão de máquina
inf	infinito
NaN ou nan	not a number
realmin	menor número de ponto flutuante
realmax	maior número de ponto flutuante
i, j	unidade imaginária ( $i = j = \sqrt{-1}$ )

# Variáveis especiais

 Os dados e variáveis criados na janela de comandos são armazenados no que é chamado de workspace.

Comandos	Descrição
who ou whos	mostra os nomes das variáveis que estão no workspace
clear	apaga as variáveis do workspace
clc	limpa a tela de comando
help <i>comando</i>	fornece uma ajuda rápida sobre o comando

## Workspace do MATLAB

Comando	Exemplo	Observações
format short	50.833	5 dígitos
format long	50.833333333333	16 dígitos
format short e	5.0833e+01	5 dígitos+expoente
format long e	5.0833333333334e+01	16 dígitos+expoente
format short g	50.833	melhor entre short - short e
format long g	50.833333333333	melhor entre long - long e
format hex	40496aaaaaaaaaab	hexadecimal
format bank	50.83	2 dígitos decimais
format rat	305/6	aproximação racional

Para mudar o padrão de formato de números no MATLAB, basta ir em *File > Preferences*.

## Formatos de números

Criando um número complexo

```
>> z = 3+2*i

z =

3.0000 + 2.0000i
```

Parte real de z

```
>> real(z)
ans =
3
```

Parte imaginária de z

```
>> imag(z)
ans =
2
```

# Números complexos

Módulo de z

```
>> abs(z)
ans =
3.6056
```

Argumento de z

```
>> angle(z)
ans =
0.5880
```

Complexo conjugado

```
>> conj(z)
ans =
3.0000 - 2.0000i
```

# Números complexos

Dado o sistema linear

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 366 \\ 804 \\ 351 \end{bmatrix}$$

$$A \cdot x = b$$

Como encontrar a solução x no MATLAB?

Sistemas lineares

Através do cálculo explícito da inversa de A:

$$x = A^{-1} \cdot b$$

### Sistemas lineares

 Outra maneira é utilizar a decomposição LU, representada no MATLAB pelo operador de divisão à esquerda (\):

```
>> x = A\b
x =
25.0000
22.0000
99.0000
```

### Sistemas lineares

## Calculando o tempo: tic e toc

```
>> A = rand(100);
>> b = rand(100,1);
>> tic, x = inv(A)*b; t1 = toc;
>> tic, x = A\b; t2 = toc;
```

## Rotinas de tempo computacional

 No MATLAB, um polinômio é representado por um vetor linha contendo seus coeficientes em ordem decrescente.

• Exemplo:  $x^4 - 12x^3 + 25x + 116$ 

$$>> p = [1 -12 0 25 116];$$

Cálculo das raízes de p:

```
>> r = roots(p)
r =
11.7473
2.7028
-1.2251 + 1.4672i
-1.2251 - 1.4672i
```

 Dadas as raízes, podemos construir o polinômio associado:

```
>> r=[-2;2];
>> pp = poly(r)
pp =
1 0 -4
```

Podemos derivar polinômio:

```
>> p=[1 -7 3 1];
>> pd = polyder(p)
pd =
3 -14 3
```

Multiplicando p e pd:

```
>> conv(p,pd) % na divisão usa-se deconv(p,pd) ans = 3 -35 110 -60 -5 -3
```

#### • Ajuste de curvas:

```
>> x=0:.1*pi:2*pi;

>> x = x';

>> y = sin(x);

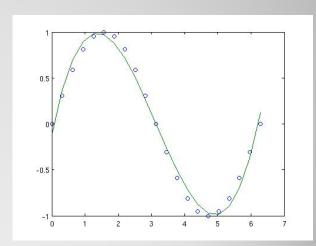
>> p = polyfit(x,y,4) % aproxima o seno por um polinômio de grau 4

p =

-0.0000 0.0886 -0.8347 1.7861 -0.1192
```

#### Avaliando o polinômio p:

```
>> f = polyval(p,x);
>> plot(x, y, 'o', x, f, '-');
```



Símbolo	Operador
==	igual
~=	diferente
>	maior
<	menor
>=	maior ou igual
<=	menor ou igual

# **Operadores relacionais**

Símbolo	Operador
&&	E
П	OU
&	E (escalar)
I	OU (escalar)
~	Não
xor	OU exclusivo

**Operadores lógicos** 

```
>> 2 + 2 == 4
                               >> C = [1 2 3; 4 5 6]
                                 C =
 ans =
       1 % verdadeiro
                                    1 2 3
                                    4 5 6
>> 10 > 100
                               >> C >= 4
 ans =
       0 % falso
                                 ans =
                                       0 0 0
                                       1 1 1
>> A = [1 2; 3 4];
>> B = 2*ones(2);
>> A == B
 ans =
       0 1
```

## Exemplos

```
>> x = eye(2)
                                 >> x | y
   X =
                                   ans =
>>y = [1 1; 0 0]
                                 >> xor(x,y)
                                    ans =
>> x & y
 ans =
        1 0
```

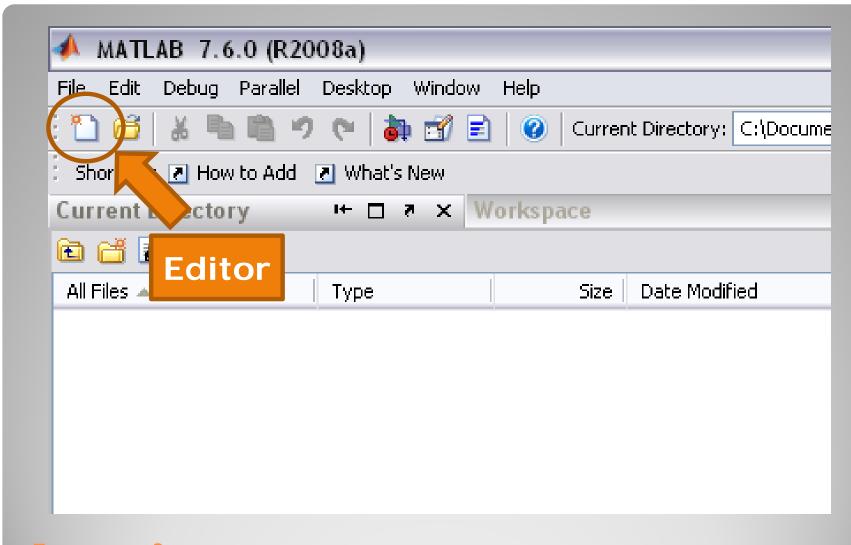
# Exemplos

- programas muito mais simples: escrita mais rápida e com menos erros
- versatilidade, mais fácil de adaptar a diferentes tipos de dados
- agiliza os comandos mais digitados
- é uma linguagem interpretada
- pode ser criada utilizando qualquer editor de texto
- possui interface com C/C++

## Programação em MATLAB

- podemos criar novas funções ou scripts
- MATLAB possui um editor próprio e um debugger
- comentários começam por %
- ao se criar uma função ou script ela dever ser definida no path

## Arquivos .m



Arquivos .m

- scripts : executam os argumentos diretamente, automatizando uma série de comandos
- função: argumentos podem ser passados para a função, havendo uma manipulação de variáveis

```
function [res1,res2,...] = nome_da_função (arg1,arg2,...) % comentário para help lista de procedimentos da função
```

## Arquivos .m

• if : cria caminhos alternativo no programa

```
if ( condição1 )
   instruções1
elseif ( condição2 )
   instruções2
else
   instruções3
end
```

• Exemplo com if:

x=rand(1);
y=rand(1);
if (x < y)
 disp('y eh maior do que x')
else
 disp('x eh maior do que y')
end</pre>

• Mais um exemplo com if:

```
x=rand(1);
if ( (x>=1 ) && ( x<=3 ) )
    disp('x estah entre 1 e 3')
end</pre>
```

 for : permite que um comando ou um grupo de comandos se repitam

```
for variável = expressão
  instruções
end
```

• Exemplo com for:

```
n=3;
A = zeros(n);
for i = 1:n
    A(i,i) = 2*i;
end
```

 while: permite que um ou mais comandos sejam repetidos enquanto a expressão de controle for verdadeira

```
while ( condição )
   instruções
end
```

• Exemplo com while:

```
i=0;
while ( sqrt(i) < 5 )
    i = i+1
end</pre>
```

 switch : Permite ramificar alguns casos especiais de modo mais claro do que o if

- input –recebe dados através do teclado, que podem ser ou não armazenados em uma variável
- break encerra um laço mais interno controlado pelo comando for
- pause pára a execução do programa até que uma nova tecla seja pressionada

# Funções auxiliares no controle de fluxo

```
    Exemplo com switch

 meu_numero = input('Enter a number:');
switch meu_numero
 case -1
     disp('negative one');
 case 0
     disp('zero');
 case 1
     disp('positive one');
 otherwise
     disp('other value');
end
```

• Exemplo de hipotenusa.m:

```
% Calcula a hipotenusa de um triangulo retângulo
clc
cl=input('Cateto 1 = ');
c2=input('Cateto 2 = ');
hipotenusa = sqrt( c1^2 + c2^2)
```

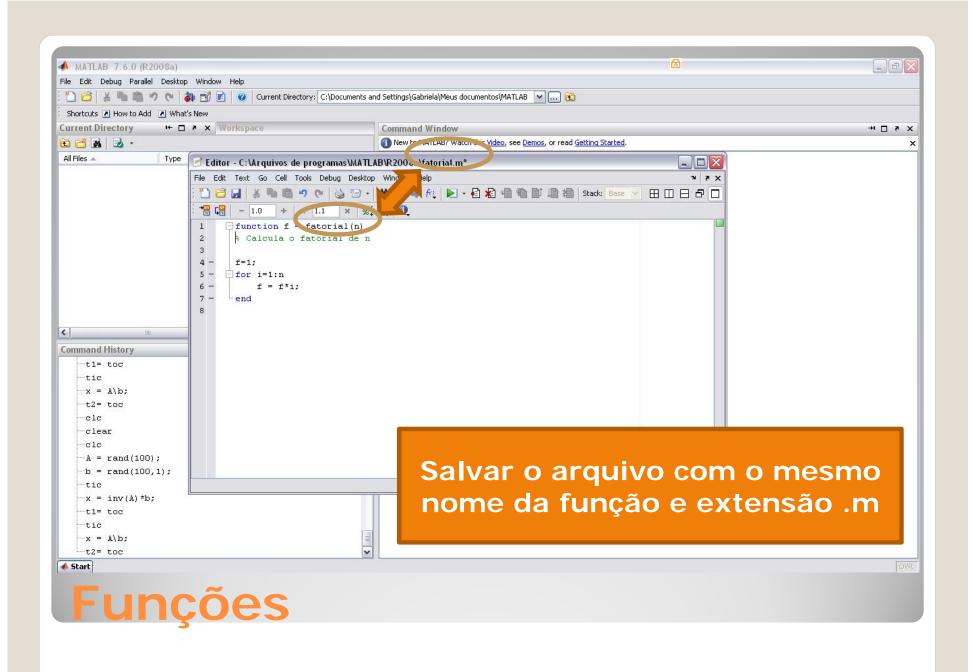
## Scripts

Exemplo de fatorial.m:

```
function f = fatorial(n)
% Calcula o fatorial de n

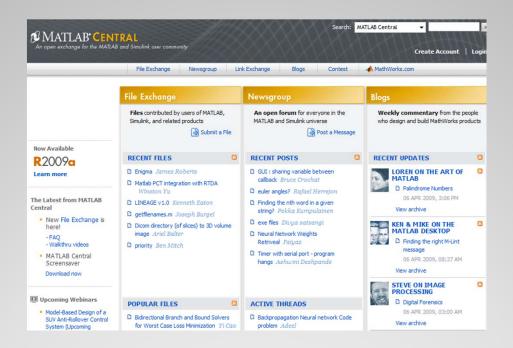
f=1;
for i=1:n
   f = f*i;
end
```

## Funções



MATLAB Central

http://www.mathworks.com/matlabcentral



Repositório de arquivos .m

 existem muitas funções para gerar gráficos 2D e 3D

 os gráficos podem ser armazenados em arquivos, coloridos ou em preto e branco

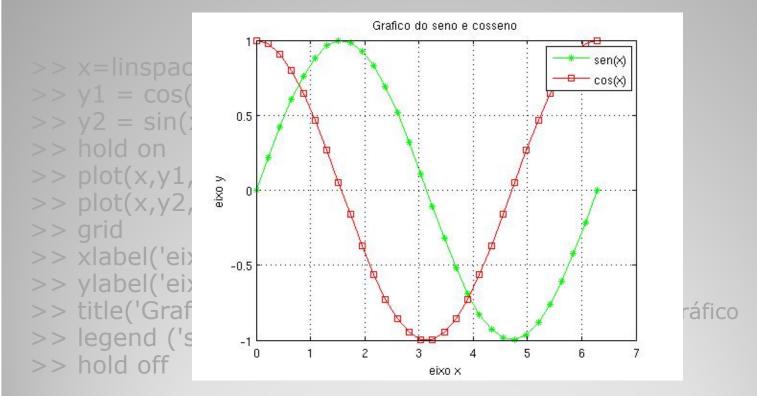
**Gráficos no MATLAB** 

• Pode-se desenhar gráficos simples como y = f(x)

```
>> x=linspace(0,2*pi,30);
>> y1 = cos(x);
>> y2 = sin(x);
>> hold on
>> plot(x,y1, 'r-s');
>> plot(x,y2, 'g-*');
>> grid
>> xlabel('eixo x'); % legenda no eixo horizontal
>> ylabel('eixo y'); % legenda no eixo vertical
>> title('Grafico do seno e do cosseno'); % título do gráfico
>> legend ('sen(x) ', 'cos(x) '); % legenda
>> hold off
```

#### Gráficos 2D

• Pode-se desenhar gráficos simples como y = f(x)



**Gráficos 2D** 

Símbolo	Cor	
r	vermelho	
g	verde	
b	azul	
С	ciano	
m	magenta	
У	amarelo	
k	preto	•
W	branco	

Características dos gráficos

Símbolo	Marcador
	ponto
0	círculo
X	X
+	+
*	estrela
S	quadrado
d	losango
^	triângulo
р	pentagrama
h	hexagrama

## Características dos gráficos

Símbolo	Tipo de linha
-	linha contínua
:	linha pontilhada
	traços e pontos
	linha tracejada

Características dos gráficos

Comando	Descrição
plot3	curvas 3d
surf, surfc, surfl	superfícies 3d
mesh, meshc, meshz	linhas em perspectiva 3d
contour	curvas de níveis

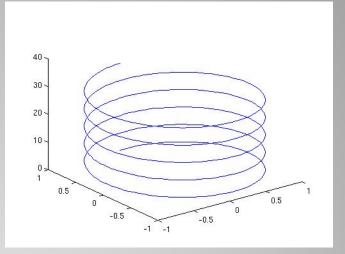
**Gráficos 3D** 

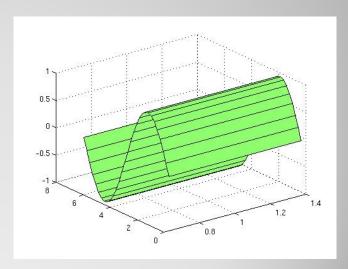
#### Curvas no espaço

```
>> t = 0:pi/50:10*pi;
>> plot3(sin(t),cos(t),t)
```

#### Faixas no espaço

```
>> x=linspace(0,2*pi,30);
>> ribbon(x,sin(x))
```

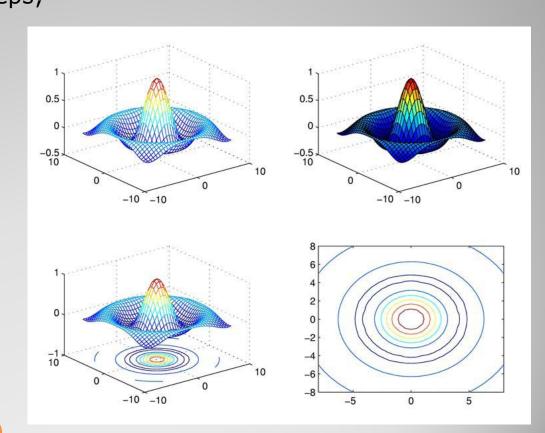




**Gráficos 3D** 

## Superfícies

```
>> [X,Y] = meshgrid(-8:0.5:8,-8:0.5:8);
>> r = sqrt(X.^2+Y.^2) + eps;
>> Z = \sin(r)./r;
>> subplot(221)
>> mesh(X,Y,Z);
>> subplot(222)
>> surf(X,Y,Z);
>> subplot(223)
>> hold on
>> mesh(X,Y,Z);
>> meshc(X,Y,Z)
>> hold off
>> subplot(224)
>> contour(X,Y,Z)
```



**Gráficos 3D** 

http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/techdoc/ref/ref.shtml

http://www.mathworks.com/access/helpdesk/help/techdoc/matlab.shtml

## Help MATLAB on-line