



1. Calcular la densidad de electrones libres en (a) Ag, de densidad  $10,5 \text{ g/cm}^3$ ; (b) Au, de densidad  $19,3 \text{ g/cm}^3$ , admitiendo en ambos un electrón libre por átomo.  
SOL: (a)  $n = 5,86 \cdot 10^{22} \text{ e/cm}^3$ ; (b)  $n = 5,90 \cdot 10^{22} \text{ e/cm}^3$
2. La resistividad del cobre es de  $1,675 \cdot 10^{-8} \Omega\text{m}$  siendo la concentración de electrones en el mismo  $8,48 \cdot 10^{22} \text{ cm}^{-3}$ . Determinar la velocidad de arrastre de los electrones de conducción al aplicar un campo eléctrico de  $10 \text{ V/m}$ . SOL:  $v = 44,3 \cdot 10^{-3} \text{ m/s}$
3. Calcular, en el cero absoluto, la energía máxima de los electrones libres en: (a) El aluminio, suponiendo que existen tres electrones libres por átomo; (b) La plata, suponiendo que existe un electrón libre por átomo.  
DATOS: masa atómica Al =  $26,97 \text{ u/at}$ ; masa atómica Ag =  $107,9 \text{ u/at}$ ; densidad del Al =  $2,7 \text{ g/cm}^3$ ; densidad de Ag =  $10,5 \text{ g/cm}^3$ ;  $N_A = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$ ;  $\gamma = 6,81 \cdot 10^{27} \text{ m}^{-3} \text{ eV}^{-3/2}$   
SOL:  $E_F(\text{Al}) = 11,7 \text{ eV}$ ;  $E_F(\text{Ag}) = 5,5 \text{ eV}$
4. La energía de Fermi de la plata es  $5,1 \text{ eV}$ . Calcular, a  $300 \text{ K}$ , la probabilidad de que esté ocupado un estado cuya energía es: (a)  $5 \text{ eV}$ ; (b)  $5,2 \text{ eV}$ ; (c)  $6 \text{ eV}$ ; (d) Calcular la temperatura a la que la probabilidad de ocupación de un estado de  $5,2 \text{ eV}$  de energía es del 10%. DATO:  $k_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$   
SOL: (a)  $p(E_1) = 97,95\%$ ; (b)  $p(E_2) = 2,05\%$ ; (c)  $p(E_3) = 7,84 \cdot 10^{-14}\%$ ; (d)  $T = 527,67 \text{ K}$
5. Calcular la conductividad del cobre sabiendo que tiene un electrón libre por átomo y su movilidad es de  $34,8 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ . DATOS: densidad =  $8,9 \text{ g/cm}^3$ ; masa atómica Cu =  $63,57 \text{ u/at}$ ;  $N_A = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$   
SOL:  $\sigma = 4,7 \cdot 10^7 (\Omega\text{cm})^{-1}$
6. Supóngase que la masa efectiva de los huecos en un material es 4 veces la de los electrones. ¿A qué temperatura el nivel de Fermi estará un 10% por encima del punto medio de la banda prohibida? Sea  $E_G = 1 \text{ eV}$ .  
SOL:  $T = 557,6 \text{ K}$
7. Cuando la temperatura de un cristal de Ge intrínseco pasa de  $20^\circ\text{C}$  a  $30^\circ\text{C}$ , su conductividad se incrementa un 50 %. (a) Determinar la anchura de su banda prohibida,  $E_G$ . (b) En el caso del Silicio,  $E_G = 1,1 \text{ eV}$ , ¿cuál es el porcentaje de cambio de su conductividad para el mismo cambio de temperatura?  
SOL: (a)  $E_G = 0,64 \text{ eV}$ ; (b) 105%.
8. Se utiliza como resistencia de una zona de un circuito integrado una barra de silicio tipo-n de  $2 \text{ mm}$  de longitud y de  $2,5 \cdot 10^{-5} \text{ m}^2$  de sección. Sabiendo que la concentración de átomos donadores es  $5 \cdot 10^{13} \text{ cm}^{-3}$  y que la movilidad de electrones es  $1500 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ , determinar su resistencia a  $300 \text{ K}$  demostrando que la contribución de huecos es despreciable a la conductividad. Datos:  $\mu_p = 475 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ ;  $n_i = 1,45 \cdot 10^{16} \text{ m}^{-3}$ .  
SOL:  $R = 66,67 \Omega$ .
9. Se sabe que cierto semiconductor tiene una densidad de  $2,33 \text{ g cm}^{-3}$  y una masa atómica de  $28,09$ . El semiconductor se impurifica en una proporción de 2 átomos de boro por cada  $10^6$  átomos de dicho semiconductor. (a) Sabiendo que el semiconductor puro contiene un solo tipo de átomos del grupo IV de la tabla periódica, explicar qué tipo de semiconductor se genera con el dopado y dibujar un esquema a nivel atómico y un diagrama de bandas; (b) Calcular razonadamente la concentración de impurezas así como las concentraciones de electrones y huecos; (c) Calcular la diferencia de potencial entre los extremos de una muestra de dicho material de  $3 \text{ mm}$  de longitud y sección rectangular de  $50 \mu\text{m} \times 100 \mu\text{m}$  al ser atravesada por una corriente de  $1 \mu\text{A}$ .  
DATOS:  $n_i = 10^{16} \text{ m}^{-3}$ ;  $\mu_p = \mu_n = 2000 \text{ cm}^2 \text{ V}^{-1} \text{ s}^{-1}$ ; se supone ionización total de impurezas.  
SOL: (a) semiconductor extrínseco tipo-p; (b)  $1 \cdot 10^{23} \text{ m}^{-3}$ ;  $n_p = 1 \cdot 10^9 \text{ m}^{-3}$ ;  $p_p = 1 \cdot 10^{23} \text{ m}^{-3}$ ; (c)  $V_A - V_B = 1,875 \cdot 10^{-4} \text{ V}$

10. Calcular la concentración de huecos y electrones en una muestra de Germanio tipo-p a 300 K sabiendo que la conductividad de la muestra a dicha temperatura es  $100 (\Omega\text{cm})^{-1}$ . Calcular la concentración de huecos y electrones en una muestra de Silicio tipo-n a 300 K sabiendo que la conductividad de la muestra a dicha temperatura es  $0,1 (\Omega\text{cm})^{-1}$ .  
 DATOS para el Ge:  $e^- = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $n_i(300 \text{ K}) = 2,5 \cdot 10^{13} \text{ cm}^{-3}$ ;  $\mu_p = 1800 \text{ cm}^2/\text{Vs}$   
 DATOS para el Si:  $e^- = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $n_i(300 \text{ K}) = 1,5 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$ ;  $\mu_n = 1300 \text{ cm}^2/\text{Vs}$   
 SOL: (Ge)  $p_p = 3,47 \cdot 10^{23} \text{ m}^{-3}$ ;  $n_p = 1,80 \cdot 10^{15} \text{ m}^{-3}$ ; (Si)  $p_n = 4,68 \cdot 10^{11} \text{ m}^{-3}$ ;  $n_n = 4,81 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}$
11. Admitiendo que el valor del ancho de banda prohibida, las masas efectivas de electrones y huecos y las movilidades no varían con la temperatura, para una muestra de arseniuro de galio (AsGa):  
 (a) Calcular la concentración intrínseca a temperatura ambiente ( $27^\circ\text{C}$ ).  
 (b) Calcular la concentración intrínseca para  $T = 800 \text{ K}$ . Explicar razonadamente la diferencia obtenida entre ambos valores según la teoría de bandas de energía.  
 (c) Calcular la conductividad eléctrica del AsGa intrínseco para ambas temperaturas.  
 (d) Se dopa con Te el semiconductor AsGa a 300 K. Indicar razonadamente el tipo de semiconductor extrínseco resultante. En un diagrama de bandas de energía indicar la posición del nivel de Fermi.  
 DATOS:  $N_C(300\text{K}) = 4,7 \cdot 10^{17} \text{ cm}^{-3}$ ;  $N_V(300\text{K}) = 7 \cdot 10^{18} \text{ cm}^{-3}$ ;  $\mu_n = 8500 \text{ cm}^2/(\text{V}\cdot\text{s})$ ;  $\mu_p = 400 \text{ cm}^2/(\text{V}\cdot\text{s})$ ;  $E_G = 1,43 \text{ eV}$ ;  $K_B = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$ ;  $e^- = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$   
 SOL.: (a)  $n_i = 1,8105 \cdot 10^{12} \text{ m}^{-3}$ ; (b)  $n_i = 2,4962 \cdot 10^{20} \text{ m}^{-3}$ ; (c)  $\sigma(300\text{K}) = 2,58 \cdot 10^{-7} (\Omega\cdot\text{m})^{-1}$ ;  $\sigma(800\text{K}) = 35,55 (\Omega\cdot\text{m})^{-1}$
12. Una muestra de Germanio se impurifica con átomos donadores a razón de  $10^{14} \text{ cm}^{-3}$  y con átomos aceptores a razón de  $7 \cdot 10^{13} \text{ cm}^{-3}$ . A la temperatura a la que se encuentra la muestra, la resistividad del Germanio puro (intrínseco) es de  $60 \Omega\text{cm}$ . Si se aplica a la muestra un campo eléctrico de  $2 \text{ V/cm}$ , calcular la densidad de corriente total de arrastre.  
 DATOS:  $e^- = -1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ ;  $\mu_n = 3800 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ ;  $\mu_p = 1800 \text{ cm}^2/\text{Vs}$   
 SOL:  $J = 524,21 \text{ Am}^{-2}$