

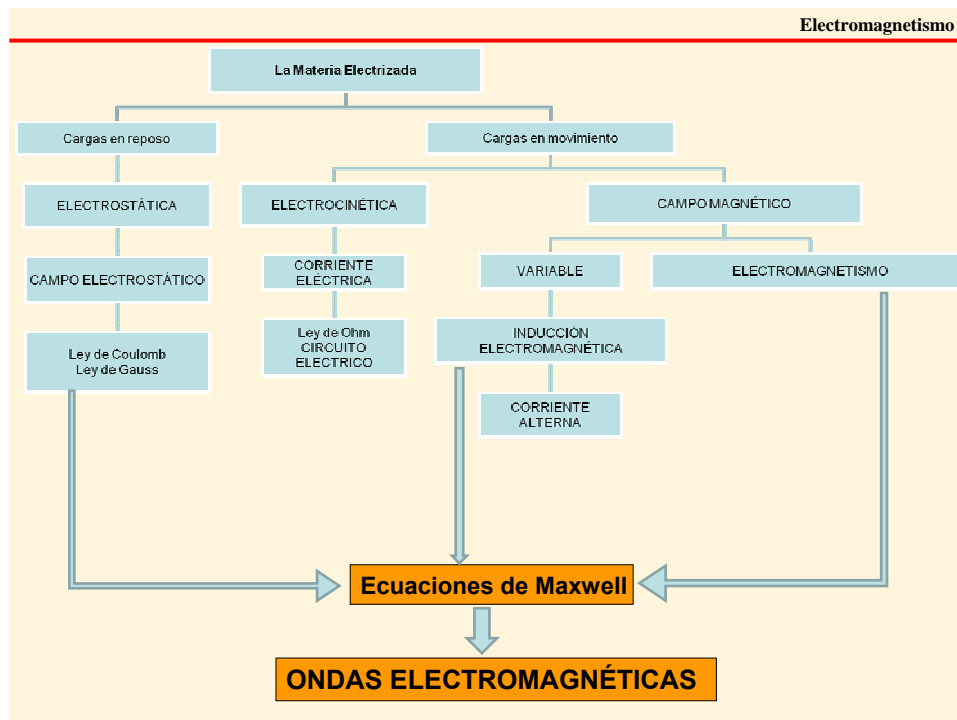
## BLOQUE 1. ELECTRICIDAD Y MAGNETISMO

### Tema 1. Campo eléctrico y Campo magnético

1. Carga eléctrica. Interacción eléctrica e interacción magnética.
  1. Fuerza eléctrica y campo eléctrico
  2. Potencial eléctrico. Energía electrostática
  3. Dipolos eléctricos
  4. Fuerza magnética y campo magnético.
  5. Dipolos magnéticos
  6. Acciones del campo eléctrico y del campo magnético. Fuerza de Lorentz.
2. Corriente Eléctrica.
  1. Corriente y campo eléctrico
  2. Corriente y campo magnético
3. Campos conservativos y no conservativos.
  1. Campo eléctrico. Flujo eléctrico. Ley de Gauss. Conductores. Polarización. Condensadores. Energía
  2. Campo Magnético. Ley de Ampère. Flujo Magnético. Ley de Gauss. Magnetización. Energía.
4. Campos dependientes del tiempo. Inducción electromagnética. Ley de Faraday. Ley de Ampère-Maxwell
5. Ecuaciones de Maxwell

#### Seminarios y laboratorio

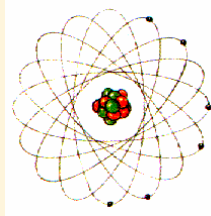
- La medida y su incertidumbre.
- Corriente eléctrica. Circuitos eléctricos. [Ley de Ohm](#).
- Movimiento en campos electromagnéticos. Tubo de Thomson.
- Condensadores. [Carga y descarga de condensadores](#).
- Campo magnético en bobinas y solenoides.
- Materiales magnéticos.
- Inducción electromagnética. Frenado magnético. Alternador.
- Corriente alterna. Dispositivos eléctricos.



## Naturaleza eléctrica de la materia

## La materia tiene CARGA ELÉCTRICA

El origen de la electricidad : el átomo



	Partícula	Carga	Masa
NÚCLEO	Neutrón	0	$1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
	Protón	$1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$1.67 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
CORTEZA	Electrón	$-1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$9.11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$

La carga eléctrica está cuantizada

Principio de conservación de la carga eléctrica

	Cargas	Representación
Objeto neutro		
Objeto positivo		
Objeto negativo		

Por **frotamiento**, **por contacto** y **por inducción** son tres de las formas más empleadas para electrizar un cuerpo

Carga por unidad de longitud

densidad lineal ( $\lambda$ )

$$\lambda = \frac{dq}{d\ell} \xrightarrow{\text{carga uniformemente distribuida}} \lambda = \frac{Q}{\ell}$$

Carga por unidad de superficie

densidad superficial ( $\sigma$ )

$$\sigma = \frac{dq}{ds} \xrightarrow{\text{carga uniformemente distribuida}} \sigma = \frac{Q}{S}$$

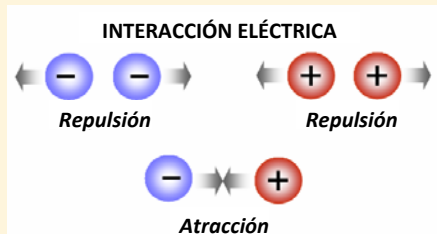
Carga por unidad de volumen

densidad cúbica ( $\rho$ )

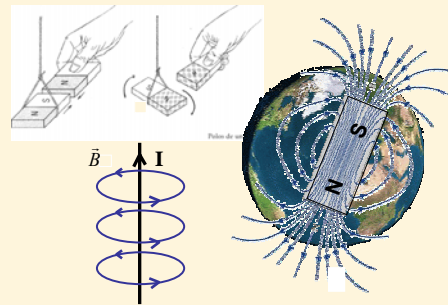
$$\rho = \frac{dq}{dV} \xrightarrow{\text{carga uniformemente distribuida}} \rho = \frac{Q}{V}$$

**INTERACCIÓN ELÉCTRICA**

Un objeto por el hecho de poseer carga puede ejercer fuerzas sobre otro objeto cargado que se ponga en su presencia. Estas fuerzas pueden ser atractivas o repulsivas.

**INTERACCIÓN MAGNÉTICA**

La interacción magnética se produce entre cargas en movimiento, es decir, entre corrientes eléctricas.



Las interacciones eléctricas y magnéticas son dos aspectos diferentes de una misma propiedad de la materia: su carga eléctrica

**INTERACCIÓN ELECTROMAGNÉTICA****Concepto de Campo**

El concepto de *Campo* es de una gran importancia en Ciencias y, particularmente, en Física.

Si en una región del espacio existe una magnitud física definida en cada uno de sus puntos, la función que asocia a cada punto el valor que la magnitud toma en él recibe el nombre de Campo.

**Tipos de campos**

Campo escalar: Magnitud es de tipo escalar  
Campo vectorial: Magnitud es de tipo vectorial

**Representación gráfica de campos**

Campo escalar: Isosuperficies o Isolíneas  
Campo vectorial: Líneas de campo

En teoría de campos electromagnéticos se trabaja básicamente con magnitudes definidas en amplias zonas del espacio, como son los campos escalares o vectoriales, y se trata de establecer las relaciones que existen entre ellos.

## CAMPO ELÉCTRICO Y CAMPO MAGNÉTICO

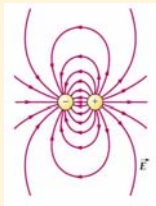
- Ambos campos **tienen su origen en las cargas eléctricas**
- Una carga eléctrica en movimiento produce **un campo eléctrico y un campo magnético**
- Una carga en reposo genera **solo un campo eléctrico**

## CARGAS EN MOVIMIENTO

Las corrientes eléctricas y el campo magnético asociado, aparecen simultáneamente con el movimiento (causa) de cargas.

## CARGAS EN REPOSO

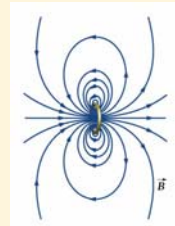
El campo eléctrico asociado a una carga en reposo resulta diferente si el medio es aire o agua, por ejemplo.



## CAMPO ELECTROSTÁTICO EN EL VACÍO

el vacío queda caracterizado eléctricamente mediante su *constante dieléctrica* y magnéticamente a través de su *permeabilidad magnética*

## CAMPO MAGNÉTICO DE LAS CORRIENTES ESTACIONARIAS EN EL VACÍO



## Interacción eléctrica. Carga eléctrica y Ley de Coulomb

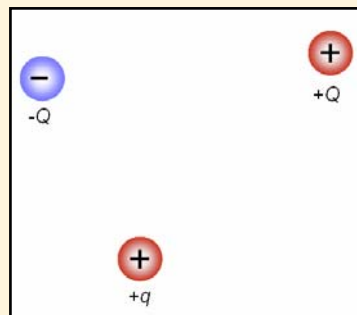
**Carga eléctrica puntual**

- es un cuerpo electrizado cuyas dimensiones resultan insignificantes en relación a la situación en que es considerado (es un concepto equivalente al de partícula)
- pueden ser positivas o negativas

Se designará con las letras “q” o “Q”

**Propiedades de la carga:**

- La carga eléctrica se conserva
  - La carga eléctrica está cuantizada
- $$1 e^- = -1.6 \cdot 10^{-19} C$$

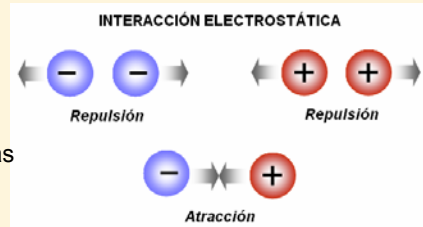


La unidad de carga en el S.I. es el culombio (C)

## Carga eléctrica y Ley de Coulomb

*¿De qué factores depende la fuerza entre dos cuerpos electrizados?*

- De la cantidad de carga "q"
- De la distancia "r" entre ellas
- Del medio en que se encuentran inmersas



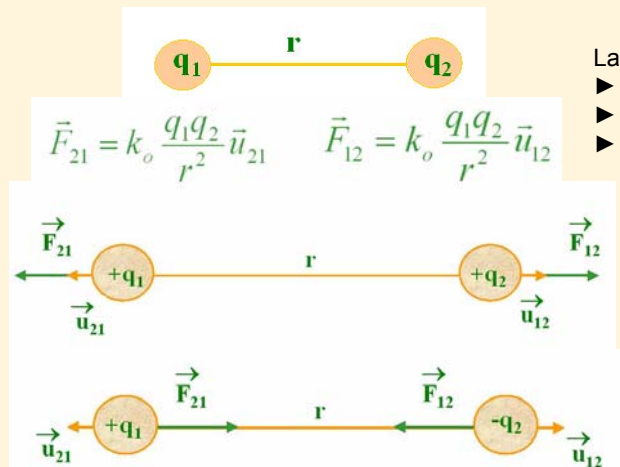
La fuerza eléctrica es directamente proporcional a la magnitud del producto de las cargas que interaccionan, es decir:

$$F_{\text{eléctrica}} = K_1 |q_A| |q_B| \quad (K_1 \text{ es una constante de proporcionalidad})$$

Al medir la fuerza eléctrica entre las cargas a distintas distancias (r), se encuentra que es inversamente proporcional al cuadrado de dicha distancia, es decir:

$$F_{\text{eléctrica}} = K_2 \frac{1}{r^2} \quad (K_2 \text{ es una constante de proporcionalidad})$$

## LEY DE COULOMB



La fuerza eléctrica:

- Magnitud vectorial
- Fuerza central
- Cumple la 3ª Ley de Newton

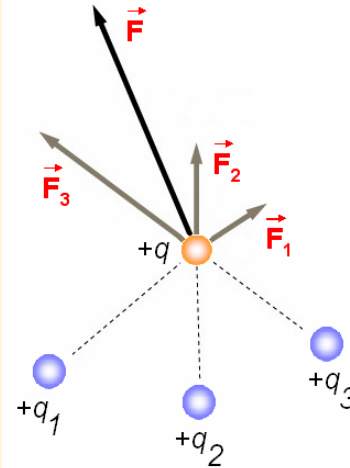
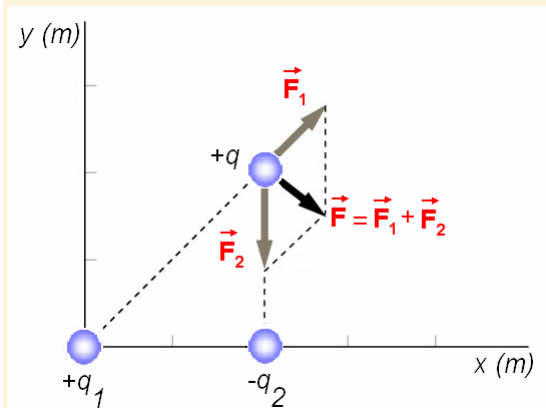
**Restricciones de la ley de Coulomb:**

- 1) Cargas puntuales
- 2) Cargas en reposo
- 3) El medio el vacío o el aire

¿Cómo calcular la fuerza que ejercen varias cargas puntuales sobre otra?

Principio de superposición

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \dots + \vec{F}_n = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i$$



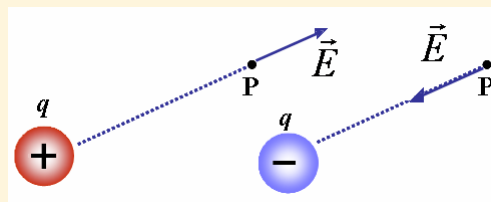
### Campo Eléctrico

Cualquier región del espacio en la que una carga eléctrica experimenta una fuerza eléctrica que, evidentemente, se debe a la presencia en la región de otra carga

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q'}$$

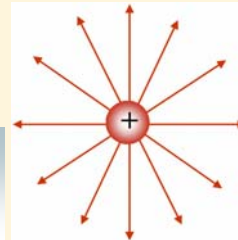
#### ► Campo electrostático de una carga puntual

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q'} = k_0 \frac{q q'}{r^2 q'} \vec{u}_r = k_0 \frac{q}{r^2} \vec{u}_r$$

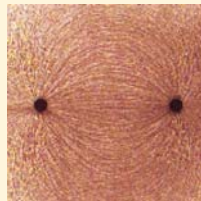
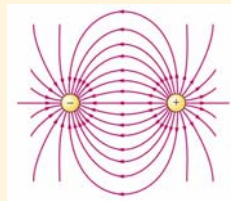


**Conceptos sobre el campo eléctrico:**↻ **Intensidad del campo eléctrico**↻ **Líneas de campo eléctrico****LÍNEAS DE CAMPO**

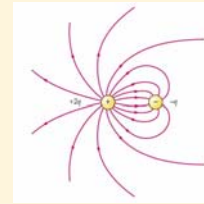
- Densidad de líneas de campo proporcional a su intensidad
- Las cargas positivas son fuentes y las negativas sumideros
- No pueden cortarse dos líneas de campo en un punto sin carga
- N° de líneas de campo salientes o entrantes proporcional a la carga



- No son materiales. Descripción cualitativa
- El campo es continuo y existe en cada punto
- Se pierde la perspectiva espacial del campo



Líneas de campo en un dipolo eléctrico

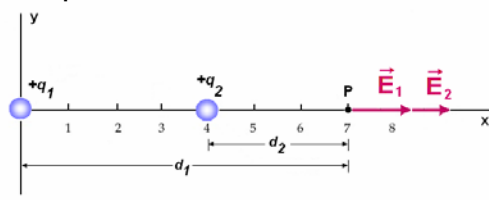
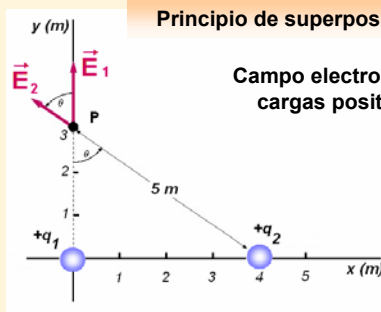
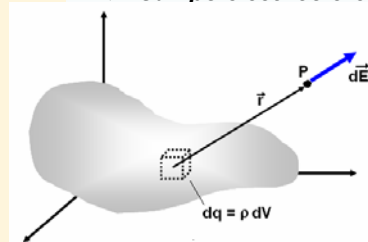


Líneas de campo eléctrico correspondientes a una carga puntual positiva +2q y otra segunda carga puntual -q.

**► Campo eléctrico creado por un sistema de cargas puntuales****Principio de superposición**

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots + \vec{E}_n = \sum_{i=1}^n \vec{E}_i$$

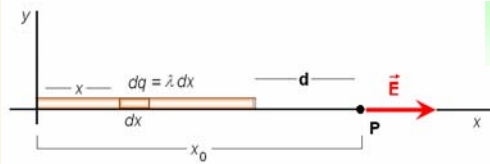
Campo electrostático creado por una pareja de cargas positivas en la posición P indicada

**► Campo eléctrico creado por distribuciones continuas de carga**

$$d\vec{E} = k_0 \frac{dq}{r^2} \vec{u}_r$$

$$\begin{aligned} dq &= \lambda d\ell \\ dq &= \sigma dS \\ dq &= \rho dV \end{aligned}$$

Campo eléctrico creado por un elemento de carga en el punto P



Campo eléctrico sobre el eje de una distribución de carga lineal finita

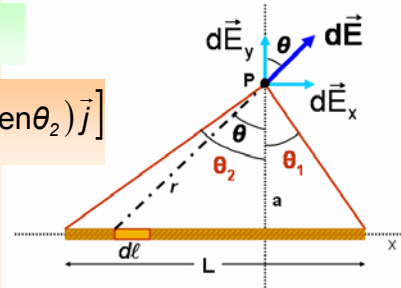
$$\vec{E} = k_0 \frac{\lambda L}{d(L+d)} \vec{i}$$

Campo eléctrico creado por una distribución lineal de carga

$$\vec{E} = k_0 \frac{\lambda}{y} [(\cos\theta_1 - \cos\theta_2)\vec{i} + (\sin\theta_1 + \sin\theta_2)\vec{j}]$$

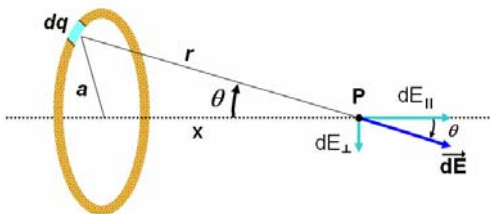
$$\vec{E} = 2 k_0 \frac{\lambda}{y} \sin\theta_0 \vec{j}$$

$$\vec{E} = 2 k_0 \frac{\lambda}{y} \vec{j}$$



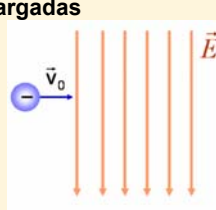
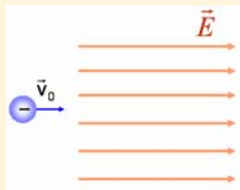
Campo eléctrico creado por un anillo de carga en un punto de su eje

$$\vec{E} = k_0 \frac{Qx}{(a^2 + x^2)^{3/2}} \vec{i}$$



### Acción de un campo eléctrico: FUERZA ELÉCTRICA

Campo eléctrico uniforme sobre partículas cargadas



$$\vec{F} = m\vec{a} \quad 2^{\text{a}} \text{ Ley de Newton}$$

$$\vec{F}_{\text{eléctrica}} = q\vec{E}$$

$$\vec{a} = \frac{\Sigma \vec{F}}{m} = \frac{q}{m} \vec{E}$$

Trabajo efectuado sobre una carga al desplazarla en un campo eléctrico

ENERGÍA POTENCIAL ELÉCTRICA  
POTENCIAL ELÉCTRICO

Un campo eléctrico produce una fuerza sobre las cargas eléctricas de las proximidades. Cuando las cargas son libres y no experimentan otras fuerzas de ligadura serán arrastradas por la acción del campo. Entonces el campo realiza un desplazamiento físico de las cargas y, por tanto, un trabajo. El potencial eléctrico es la medida de ese trabajo por unidad de carga.



### POTENCIAL ELÉCTRICO

El trabajo realizado por la fuerza eléctrica para trasladar la carga  $q'$  desde un punto A hasta otro punto B es:

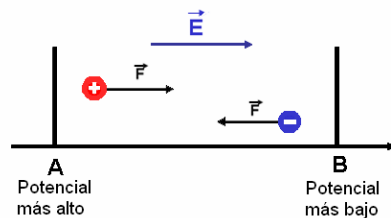
$$W_C(A \rightarrow B) = \int_A^B \vec{F}_C \cdot d\vec{r} = \int_A^B q' \vec{E} \cdot d\vec{r} = q' \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} = -\Delta U = (U_A - U_B)$$

$$\frac{W_C(A \rightarrow B)}{q'} = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} = \frac{(U_A - U_B)}{q'} = V_A - V_B = -\Delta V \quad \left| \quad W_C(A \rightarrow B) = q'(V_A - V_B) \right.$$

**Diferencia de potencial (d.d.p.)** entre dos puntos representa:

- la diferencia de energía potencial de la unidad de carga positiva situada en dichos puntos
- el trabajo que debe realizar el campo para trasladar la unidad de carga positiva del primer punto al segundo

*Expresión que permite calcular el trabajo realizado por el campo cuando conocemos la diferencia de potencial*



Unidades S.I. : **voltio**  
 $1 \text{ V} = 1 \text{ J/C}$

### ¿Cómo se determina el potencial de un punto?

Como en el infinito la fuerza de interacción entre cargas puntuales es nula, suele tomarse ese punto como origen

$$\rightarrow V_{\infty} = 0$$

$$V = \frac{U}{q'}$$

Potencial en un punto representa el trabajo que debe realizar el campo para trasladar la unidad de carga desde el punto hasta el infinito

Potencial electrostático producido por una carga puntual a una distancia  $r$

$$V = \frac{U}{q'} = \frac{k_0 \frac{qq'}{r}}{q'} = k_0 \frac{q}{r}$$

¿Cómo se determina el potencial de un punto del campo si el campo está creado por  $n$  cargas puntuales?

### Principio de superposición

Potencial electrostático producido por un sistema de cargas puntuales

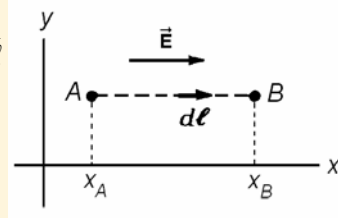
$$V = k_0 \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{r_{ij}}$$

### CAMPO ELÉCTRICO EN FUNCIÓN DEL POTENCIAL: GRADIENTE DE POTENCIAL

$$U_B - U_A = - \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{\ell} = -q_0 \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{\ell}$$

$$\Delta V = V_B - V_A = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{\ell}$$

$$dV = - \vec{E} \cdot d\vec{\ell}$$



$$E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}$$

$$E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}$$

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z}$$

$$dV = \frac{\partial V}{\partial x} dx + \frac{\partial V}{\partial y} dy + \frac{\partial V}{\partial z} dz$$

$$\vec{\nabla} = \frac{\partial}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial}{\partial z} \vec{k}$$

$$d\vec{r} = dx \vec{i} + dy \vec{j} + dz \vec{k}$$

$$\vec{E} = - \left( \frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} \right)$$

$$\left. \begin{aligned} dV &= \vec{\nabla} V \cdot d\vec{\ell} \\ dV &= - \vec{E} \cdot d\vec{\ell} \end{aligned} \right\}$$

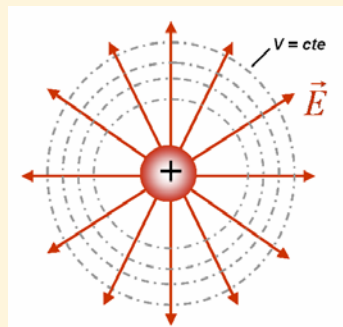
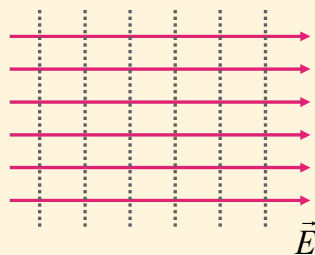
$$\vec{E} = -\vec{\nabla} V$$

### ¿Qué es una superficie equipotencial? ¿Cuáles son sus propiedades?

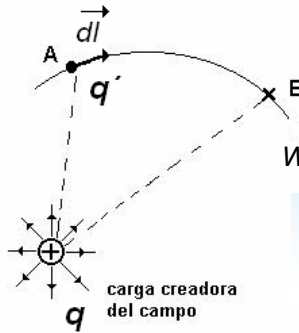
Lugar geométrico de todos los puntos del campo que están a un mismo potencial

► El trabajo realizado para desplazar una carga entre dos puntos de una superficie equipotencial es nulo

► Las líneas de campo (y, por tanto,  $\vec{E}$ ) son perpendiculares en cada punto a las superficies equipotenciales y el sentido del vector campo eléctrico es el de los potenciales decrecientes



## Potencial eléctrico y Energía potencial electrostática



## ENERGÍA POTENCIAL ELECTROSTÁTICA

La fuerza eléctrica es una fuerza central y, por tanto, conservativa

$$W_C(A \rightarrow B) = \int_A^B \vec{F}_C \cdot d\vec{r} = -\Delta U = -(U_B - U_A) = (U_A - U_B)$$

El trabajo realizado por la fuerza eléctrica es independiente del camino seguido y la variación de energía potencial electrostática entre los puntos A y B es igual al trabajo realizado por la fuerza conservativa cambiado de signo.

$$W_C(A \rightarrow B) = -\Delta U = U_A - U_B = k_o q_1 q_2 \left[ \frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right]$$

Trabajo realizado por la fuerza del campo creado por una carga puntual para trasladar otra carga puntual desde A hasta B

► En un campo de fuerzas conservativo, el trabajo realizado por las fuerzas del campo siempre se realiza en el sentido de disminuir la energía potencial del sistema  $\Rightarrow \Delta U < 0, W_{\text{campo}} > 0$

$$W_{\text{ext}} = \Delta E = \Delta E_c + \Delta U$$

► Si el sistema aumenta su energía potencial ( $\Delta U > 0$ ) es porque ha actuado un agente exterior en contra de las fuerzas del campo

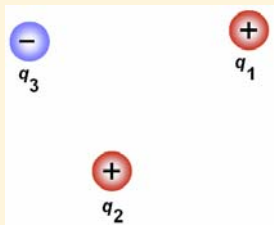
### ¿Cómo se determina la energía potencial de una carga $q'$ en un punto del campo creado por otra carga puntual $q$ ?

Por convenio, se elige como origen de energías potenciales un punto en el que la interacción electrostática entre las cargas sea nula  $r_B = \infty \Rightarrow U_B = 0$

$$W_C(A \rightarrow \infty) = U = k_o \frac{q q'}{r}$$

Trabajo que debe realizar el campo para separar las cargas una distancia infinita

### ¿Qué ocurre si el sistema está constituido por $n$ cargas puntuales?

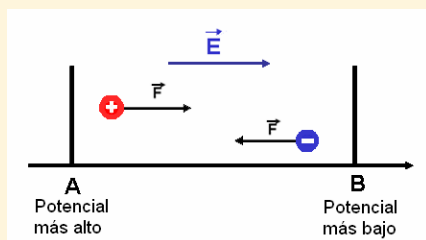
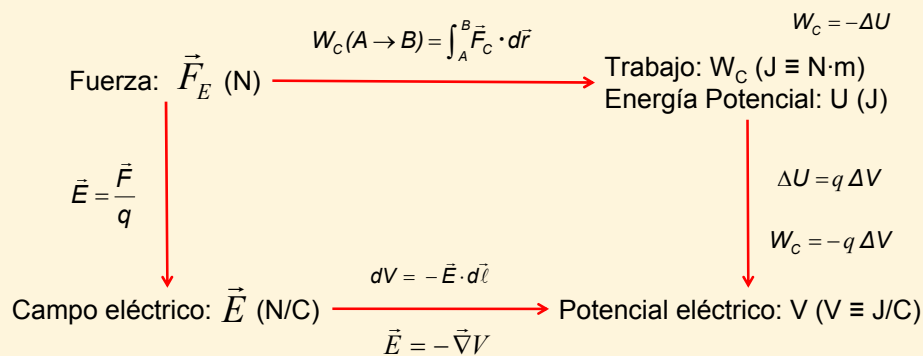


## Principio de superposición

$$U = k_o \sum_{\text{pares}} \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

$$U = k_o \left( \frac{q_1 q_2}{r_{12}} + \frac{q_1 q_3}{r_{13}} + \frac{q_2 q_3}{r_{23}} \right)$$

Si la energía potencial eléctrica es positiva, el trabajo para separar todas las cargas una distancia mutua infinita será realizado por el campo; si es negativa, dicho trabajo será realizado por un agente exterior en contra de las fuerzas del campo

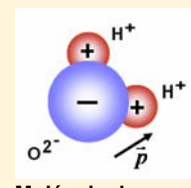
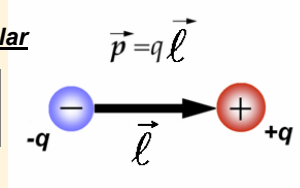


- Si  $Q > 0$  un  $W_C$  implica  $\Delta U < 0$ ;  $\Delta V < 0$  y la carga se mueve hacia potenciales decrecientes
- Si  $Q < 0$  un  $W_C$  implica  $\Delta U < 0$ ;  $\Delta V > 0$  y la carga se mueve hacia potenciales crecientes

### Dipolos eléctricos en campos eléctricos

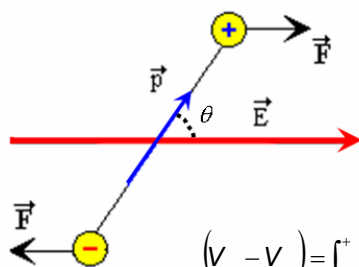
#### Dipolo eléctrico. Momento dipolar

**DIPOLO ELÉCTRICO:** consta de una carga puntual  $-q$  y una carga puntual  $+q$  separadas una distancia fija



Molécula de agua

#### Dipolo eléctrico en un campo eléctrico uniforme:



Muchos átomos y moléculas neutros se comportan como dipolos cuando se someten a un campo eléctrico externo

$$\vec{\tau} = \vec{\ell} \times \vec{F}_+ = \vec{\ell} \times q\vec{E} = \vec{p} \times \vec{E}$$

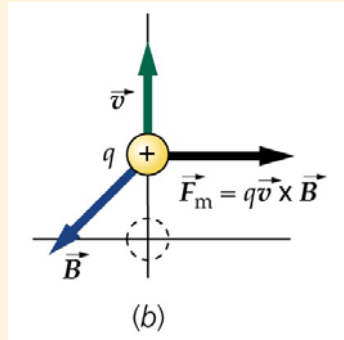
Energía potencial del dipolo  $U = q(V_+ - V_-)$

$$(V_+ - V_-) = \int_-^+ \vec{E} \cdot d\vec{\ell} = - \int_-^+ \vec{E} \cdot d\vec{\ell} = - \int_-^+ E d\ell \cos\theta = -E\ell \cos\theta$$

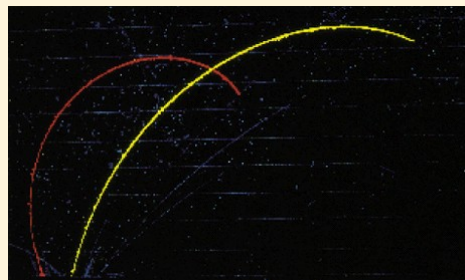
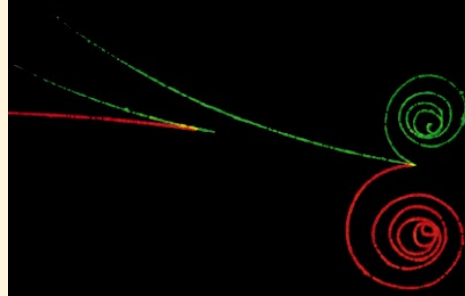
$$U = q(V_+ - V_-) = -qE\ell \cos\theta = -pE \cos\theta = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

## Acción de un campo magnético: FUERZA MAGNÉTICA

### Fuerza magnética sobre una carga eléctrica puntual



Efecto de campos magnéticos sobre cargas eléctricas en movimiento:  
**FUERZA MAGNÉTICA**

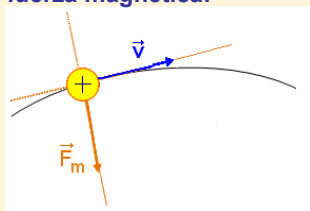


## FUERZA MAGNÉTICA

¿Qué propiedades tiene la fuerza magnética que actúa sobre una carga?

Si se estudia el movimiento de una carga,  $q$ , que lleva una velocidad,  $\vec{v}$ , en el interior de un campo magnético,  $B$ , se llega a la siguiente expresión para la fuerza magnética:

$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B})$$



La fuerza magnética es, en todos los puntos, perpendicular a la velocidad y esto es lo mismo que decir que es perpendicular a la trayectoria

- La fuerza magnética no realiza trabajo sobre la partícula al ser  $\vec{v} \perp \vec{F}_m$

$$W_{TOTAL} = \Delta E_C \Rightarrow 0 = \Delta E_C \Rightarrow v = cte$$

- La fuerza magnética no modifica el módulo de la velocidad sólo modifica su dirección

$$\vec{F} = m \vec{a} \Rightarrow a_c = \frac{v^2}{R}$$

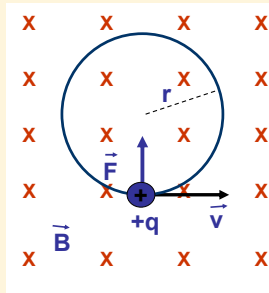
### Fuerza magnética sobre una carga eléctrica puntual. Aplicaciones

$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B}) = q(\vec{v}_{\parallel} + \vec{v}_{\perp}) \times \vec{B} = q\vec{v}_{\perp} \times \vec{B}$$

#### ☒ Situación 1

$$\vec{v} = \vec{v}_{\perp}$$

$$\vec{B} = \text{cte}$$



$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi m}{|q|B}$$

$$\omega = \frac{v}{R} = \frac{|q|B}{m}$$

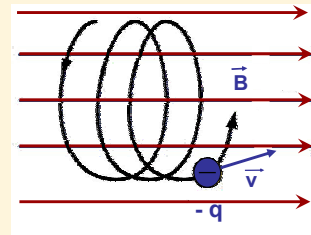
$$R = \frac{mv_{\perp}}{|q|B} \quad R = \frac{mv_{\perp}}{|q|B}$$

Radio de curvatura

#### ☒ Situación 2

$$\vec{v} = \vec{v}_{\parallel} + \vec{v}_{\perp}$$

$$\vec{B} = \text{cte}$$



$$d = v_{\parallel} T = \frac{2\pi m v_{\parallel}}{|q|B}$$

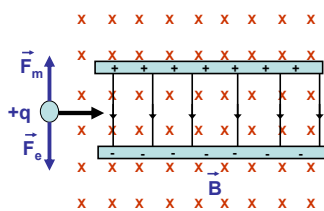
Paso de hélice

### Fuerza electromagnética sobre una carga eléctrica puntual. Aplicaciones

**Fuerza de Lorentz:** Fuerza sobre una carga moviéndose en el interior de un campo magnético y de un campo eléctrico

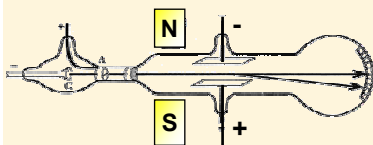
$$\vec{F} = q\vec{E} + q(\vec{v} \times \vec{B})$$

#### ☒ Selector de velocidades



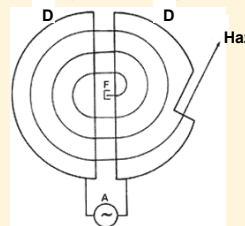
#### ☒ Tubo de Thomson

J.J. Thomson (1897)



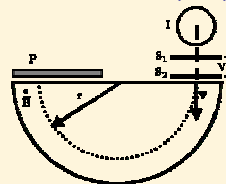
#### ☒ Ciclotrón

E.O. Lawrence y M.S. Livingston (1934)



#### ☒ Espectrómetro de masas

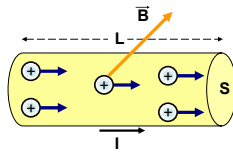
Francis William Aston (1919)



Aplicaciones

### Fuerza magnética sobre una corriente eléctrica

#### ⊠ Fuerza magnética sobre un hilo conductor rectilíneo



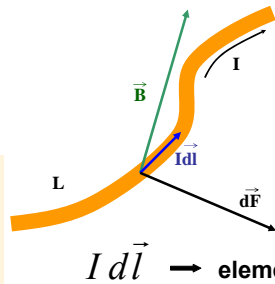
$$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B}) \Rightarrow \vec{F} = N \vec{F}_q \Rightarrow \vec{F} = Nq(\vec{v} \times \vec{B})$$

$$N = nSL$$

$$\vec{F} = nSLq(\vec{v} \times \vec{B}) = L(nqS\vec{v} \times \vec{B}) = IL\vec{u}_\ell \times \vec{B} = I\vec{L} \times \vec{B}$$

$$\boxed{\vec{F} = I\vec{L} \times \vec{B}}$$

#### ⊠ Fuerza magnética sobre un hilo conductor



$$d\vec{F} = Id\vec{\ell} \times \vec{B} \Rightarrow \boxed{\vec{F} = \int_L Id\vec{\ell} \times \vec{B}}$$

$$\vec{F} = \int_L Id\vec{\ell} \times \vec{B} \quad I = \text{cte} \Rightarrow \vec{F} = I \int_L d\vec{\ell} \times \vec{B}$$

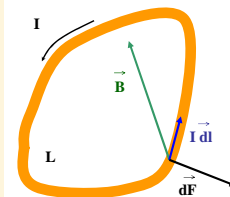
$$\vec{B} = \text{cte} \Rightarrow \boxed{\vec{F} = I \left( \int_L d\vec{\ell} \right) \times \vec{B}}$$

$I d\vec{\ell} \rightarrow$  elemento de corriente

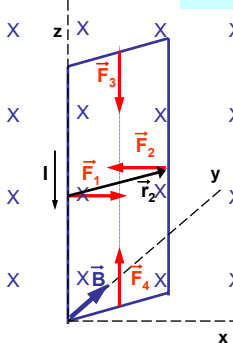
#### ⊠ Fuerza magnética sobre un hilo conductor cerrado

$$\vec{F} = \int_L Id\vec{\ell} \times \vec{B} \quad I = \text{cte} \quad \vec{B} = \text{cte} \Rightarrow \vec{F} = I \int_L d\vec{\ell} \times \vec{B} \Rightarrow \vec{F} = I \left( \int_L d\vec{\ell} \right) \times \vec{B}$$

$$\oint_L d\vec{\ell} = 0 \Rightarrow \boxed{\vec{F} = 0}$$



#### Fuerza magnética sobre una espira de corriente



$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \vec{F}_4 = 0 \quad \begin{cases} \vec{F}_1 = -\vec{F}_2, \vec{F}_3 = -\vec{F}_4 \\ \vec{F}_i = I\vec{L}_i \times \vec{B} \end{cases}$$

$$\boxed{\sum \vec{F}_i = 0}$$

$$\vec{\tau} = \sum \vec{r}_i \times \vec{F}_i = \vec{r}_2 \times \vec{F}_2 = I\vec{S} \times \vec{B} \quad \begin{cases} \vec{\tau}_3 = -\vec{\tau}_4 \\ \vec{\tau}_1 = 0 \end{cases}$$

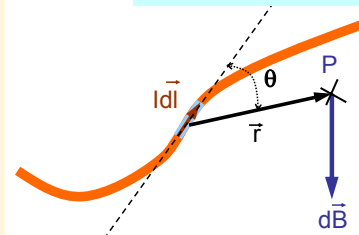
$$\boxed{\vec{\tau} = \vec{M} \times \vec{B}}$$

Momento dipolar magnético

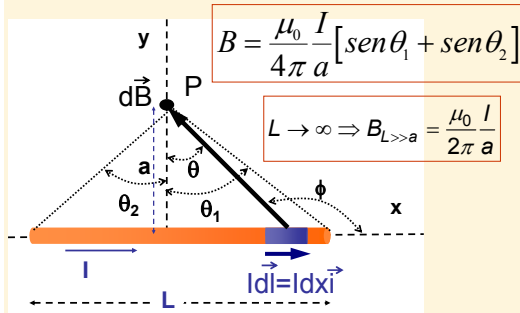
$$\vec{M} = I\vec{S}$$

$$\vec{M}_N = NI\vec{S}$$

## LEY DE BIOT Y SAVART. APLICACIONES



☒ Campo magnético CREADO por una corriente rectilínea



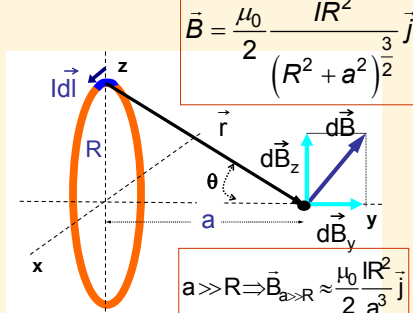
## Ley de Biot y Savart

$$d\vec{B} = K_m \frac{Id\vec{\ell} \times \vec{u}_r}{r^2}$$

$$K_m = \frac{\mu_0}{4\pi} = 10^{-7} \text{ N/A}^2$$

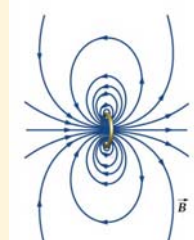
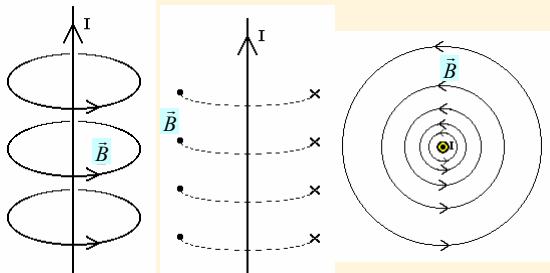
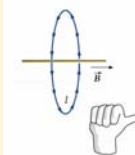
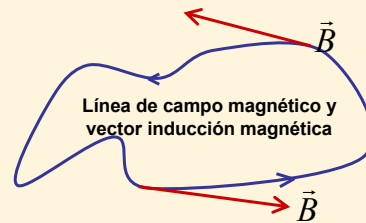
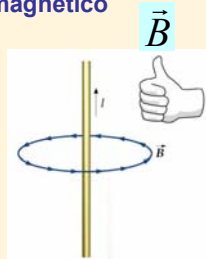
$\mu_0$  permeabilidad magnética del vacío

☒ Campo magnético CREADO por una espira de corriente



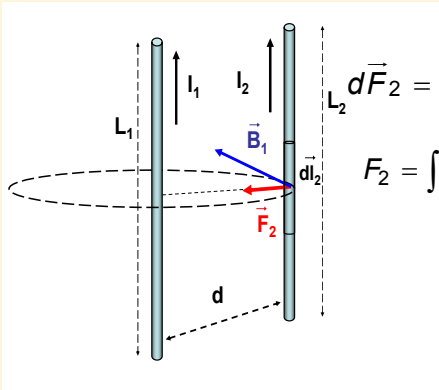
## Conceptos sobre el campo magnético:

- ☒ Campo magnético
- ☒ Vector inducción magnética
- ☒ Líneas de campo magnético





### ⊗ Fuerza magnética entre corrientes paralelas



$$d\vec{F}_2 = I_2 d\vec{\ell}_2 \times \vec{B}_1 \Rightarrow dF_2 = I_2 d\ell_2 B_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} d\ell_2$$

$$F_2 = \int \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} d\ell_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} \int d\ell_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} L_2$$

$$F_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} L_2$$

$$F_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d} L_1$$

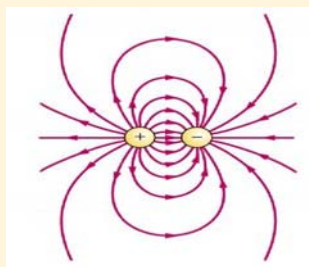
$$\frac{F_2}{L_2} = \frac{F_1}{L_1} = \frac{\mu_0}{2\pi} \frac{I_1 I_2}{d}$$

### ⊗ Definiciones:

- **Amperio:** Es la intensidad de corriente que circulando en un mismo sentido por dos conductores rectilíneos y paralelos, separados en el vacío una distancia de un metro, origina en cada uno de ellos una fuerza atractiva de  $2 \cdot 10^{-7}$  N/m
- **Culombio:** Es la carga que atraviesa en el tiempo de un segundo la sección recta de un conductor por el que circula una corriente de un amperio

### Campo Eléctrico

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q'}$$



Dipolo eléctrico

### Ley de Coulomb

$$d\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r^2}$$

Elemento de carga

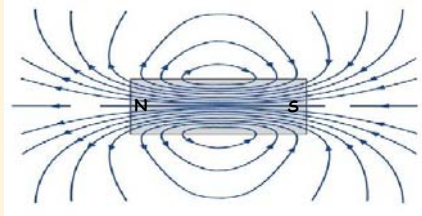
Proporcional a  $1/r^2$ 

Campo radial desde el elemento de carga

Una carga o distribución de carga

## Campo Magnético

Imán



$$\vec{F} = I \left( \int_L d\vec{\ell} \right) \times \vec{B}$$

### Ley de Biot y Savart

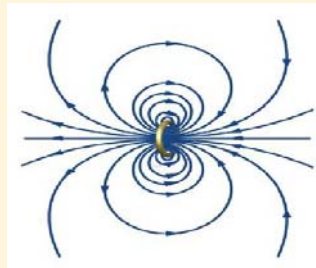
$$d\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{4\pi r^2} d\vec{\ell} \times \vec{u}_r$$

Elemento de corriente

Proporcional a  $1/r^2$

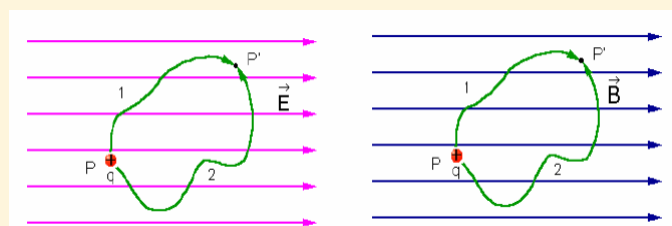
Campo perpendicular al  
elemento de corriente

Una distribución de  
corriente



Espira de corriente

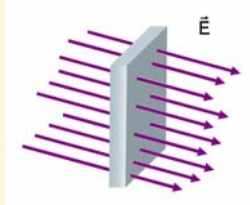
## Campos Conservativos y No Conservativos



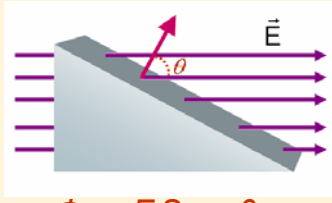
- El campo eléctrico es un campo conservativo: el trabajo necesario para mover una carga entre dos puntos del campo no depende de la trayectoria seguida. Es posible definir un potencial eléctrico escalar para describir el campo
- El campo magnético es un campo no conservativo: el trabajo necesario para mover una carga entre dos puntos del campo depende de la trayectoria seguida. No es posible definir un potencial escalar para describir el campo

## Flujo eléctrico y Ley de Gauss

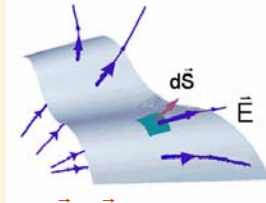
El flujo es proporcional al número de líneas de campo que atraviesan la superficie



$$\Phi_E = E S$$

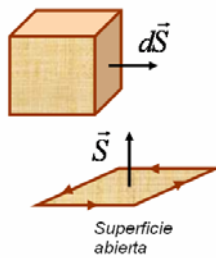


$$\Phi_E = E S \cos \theta$$



$$d\Phi_E = \vec{E} \cdot d\vec{S} = E dS \cos \theta$$

Superficie cerrada



Superficie abierta

$$\Phi_E = \vec{E} \cdot \vec{S}$$

Flujo eléctrico  
a través de  
una superficie

abierta  $\rightarrow \Phi_E = \iint_S \vec{E} \cdot d\vec{S}$

cerrada  $\rightarrow \Phi_E = \oiint_S \vec{E} \cdot d\vec{S}$

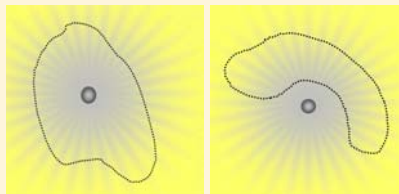
Unidades en el S.I.  $\frac{N}{C} \cdot m^2 = J \cdot \frac{m}{C}$

## Ley de Gauss

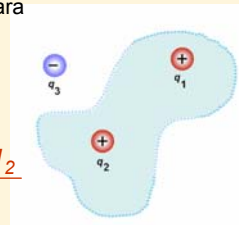
$$\Phi_{neto} = \oiint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

1. El flujo eléctrico es proporcional a la carga neta encerrada por la superficie. Las cargas exteriores no contribuyen al flujo eléctrico.
2. El flujo eléctrico se calcula a través de una superficie cerrada cualquiera (*superficie gaussiana*), es decir, el flujo no depende de la forma de la superficie.
3. El flujo eléctrico no depende de cómo esté distribuida la carga en el interior de la superficie cerrada.

La Ley de Gauss es válida para todas las superficies y distribuciones de carga




$$\Phi_{neto} = \frac{q_1 + q_2}{\epsilon_0}$$



La Ley de Gauss es una herramienta muy potente para el cálculo del flujo eléctrico y, sobre todo, para el cálculo de intensidades de campo cuando las cargas que lo crean tienen un alto grado de simetría.

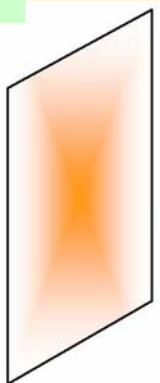
## Aplicaciones de la Ley de Gauss

1. A partir de la simetría de la distribución de carga, determinar la dirección del campo eléctrico
2. Elegir una superficie cerrada apropiada para calcular el flujo
3. Determinar la carga que hay en el interior de la superficie cerrada
4. Aplicar el teorema de Gauss y despejar el módulo del campo eléctrico




$+λ$

$$\vec{E}_r = 2k_0 \frac{\lambda}{r} \vec{u}_r$$



$+σ$

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{u}$$



$+ρ$

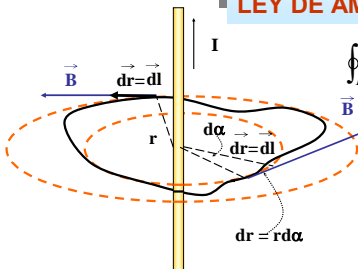
$r \leq R$ 

$$\vec{E} = k_0 \frac{Q_{\text{int}}}{r^2} \vec{u} = \frac{\rho}{3\epsilon_0} r \vec{u}$$

$r \geq R$ 

$$\vec{E} = k_0 \frac{Q}{r^2} \vec{u} = \frac{\rho}{3\epsilon_0} \frac{R^3}{r^2} \vec{u}$$

## LEY DE AMPÈRE. APLICACIONES



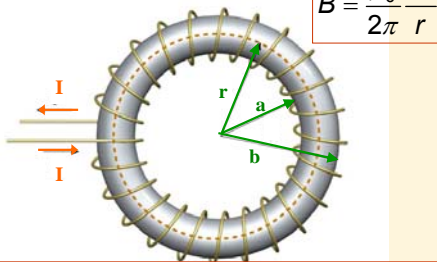
$$\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \oint_L \vec{B} \cdot d\vec{r} = \frac{\mu_0}{2\pi} \oint_L \frac{I}{r} \vec{u}_r \cdot d\vec{r} \stackrel{dr = r d\alpha}{=} \frac{\mu_0}{2\pi} \oint_L \frac{I}{r} r d\alpha$$

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \vec{u}_r = \frac{\mu_0}{2\pi} I \int_0^{2\pi} d\alpha = \frac{\mu_0}{2\pi} I 2\pi$$

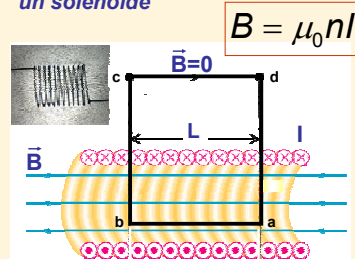
$$\oint_L \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 I$$

**Ley de Ampère:** La circulación del campo magnético a lo largo de cualquier línea cerrada es proporcional a la intensidad neta de corriente que atraviesa la superficie que delimita.

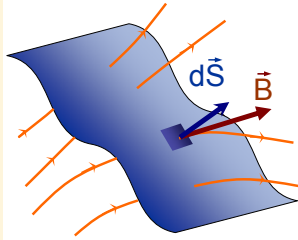
☒ Campo magnético CREADO por un toroide



☒ Campo magnético CREADO por un solenoide



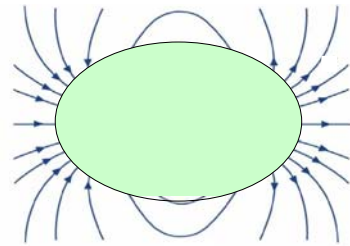
## FLUJO MAGNÉTICO. LEY DE GAUSS PARA EL CAMPO MAGNÉTICO



$$\Phi = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

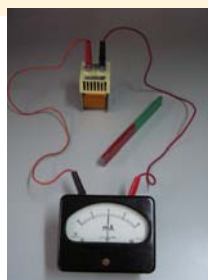
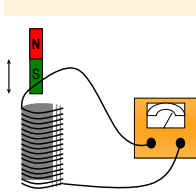
## Ley de Gauss para el campo magnético

$$\oiint \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

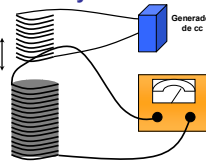


El flujo magnético a través de una superficie cerrada cualquiera es cero

## FENÓMENOS DE INDUCCIÓN ELECTROMAGNÉTICA. LEY DE FARADAY Y LENZ



Se establece una corriente en un circuito siempre que haya un movimiento relativo entre el imán y la espira, o entre las dos espira ( en una de ellas hay establecida una corriente)



El elemento común en estas experiencias es un **flujo magnético cambiante** a través de la bobina donde se induce la fuerza electromotriz

**Ley de Faraday:** La magnitud de la fem inducida en un circuito es directamente proporcional a la tasa de cambio en el tiempo del flujo magnético a través del circuito

$$|\varepsilon| = \frac{d\phi_m}{dt} = \frac{d}{dt} \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

**Ley de Lenz:** La fem inducida en un circuito tiene un sentido tal que se opone a las causas que la ocasionan.

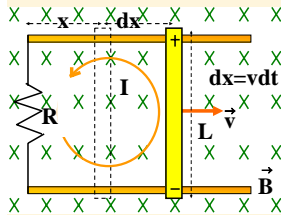
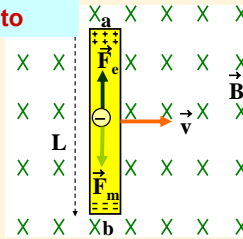
$$\varepsilon = -\frac{d\phi_m}{dt} = -\frac{d}{dt} \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

## Fuerza electromotriz debida al movimiento

## (A) Varilla conductora móvil en un campo magnético

- La fuerza magnética desplaza los electrones
- Equilibrio entre la fuerza magnética y la fuerza eléctrica
- La diferencia de potencial entre los extremos de la varilla coincide con la fem inducida

$$V_{ab} = [\mathcal{E}] = vBL$$



## (B) Varilla conductora móvil que forma un circuito

- Se induce una corriente en el sentido antihorario alrededor del circuito
- La varilla en movimiento se encuentra en “equilibrio dinámico” y se convierte en una fuente de fem, con la carga desplazándose de menor a mayor potencial dentro de ella

$$|\mathcal{E}| = \frac{d\phi_m}{dt} = vBL$$

$$\mathcal{E} = \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \int_L (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l} = vBL$$

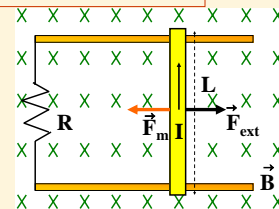
## (C) Trabajo y energía del proceso: Estudio energético

- Potencia entregada

$$P = \vec{F}_{ext} \cdot \vec{v} = ILBv = \frac{vBL}{R} LBv = \frac{(vBL)^2}{R}$$

- Potencia disipada en R

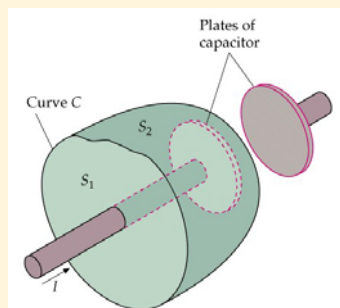
$$P_R = I^2 R = \left( \frac{vBL}{R} \right)^2 R = \frac{(vBL)^2}{R}$$



## Corriente de Desplazamiento. Ley de Ampère-Maxwell

Corriente de desplazamiento de Maxwell

$$I_d = \epsilon_0 \frac{d\phi_E}{dt}$$



Un campo eléctrico variable produce un campo magnético cuya circulación a lo largo de una curva cerrada es proporcional a la variación del flujo eléctrico por unidad de tiempo a través de la superficie delimitada por la curva

Forma generalizada de la ley de Ampère

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \left( I + \epsilon_0 \frac{d\phi_E}{dt} \right)$$

## Ecuaciones de Maxwell

### Ley de Gauss

Relaciona el campo eléctrico con las cargas que lo crean.

$$\phi_E = \oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

### Ley de Gauss del magnetismo

Las líneas de campo magnético son cerradas.

$$\phi_B = \oint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

### Ley de Ampère-Maxwell

Una corriente o un campo eléctrico variable crean un campo magnético.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \left( I + \epsilon_0 \frac{d\phi_E}{dt} \right)$$

### Ley de Faraday

Un campo magnético variable crea un campo eléctrico.

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d}{dt} \int_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

## Fuerza de Lorentz

Da la fuerza que actúa sobre un cuerpo en función de su carga.

$$\vec{F} = q \left( \vec{E} + \vec{v} \times \vec{B} \right)$$