

## Primer Examen Parcial Resulto

Pregunta 1

Completada

Puntúa 10.00  
sobre 10.00

🚩 Señalar con  
bandera la  
pregunta

Si  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5f(x) - 18}{x - 2} = 25$ , encuentre  $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ . Recuerde que el sistema no reconoce fracciones ni números irracionales. De su respuesta aproximada a la **centésima** más cercana.

Respuesta: 3.6

La respuesta correcta es: 3.60

Handwritten solution for the limit problem:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5f(x) - 18}{x - 2} = 25$$

→ Aplica leyes de límites

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{5f(x) - 18}{x - 2} = \frac{\lim_{x \rightarrow 2} (5f(x) - 18)}{\lim_{x \rightarrow 2} (x - 2)}$$
$$\lim_{x \rightarrow 2} (5f(x) - 18) = 25 \cdot \lim_{x \rightarrow 2} (x - 2)$$
$$\lim_{x \rightarrow 2} (5f(x) - 18) = 25 \cdot 0 = 0$$
$$\lim_{x \rightarrow 2} (5f(x) - 18) = 0$$
$$\lim_{x \rightarrow 2} 5f(x) = 18$$
$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \frac{18}{5} \approx 3.60$$

Respuesta:

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \frac{18}{5} = 3.60$$

Pregunta 2

Completada

Puntúa 0.00 sobre 20.00

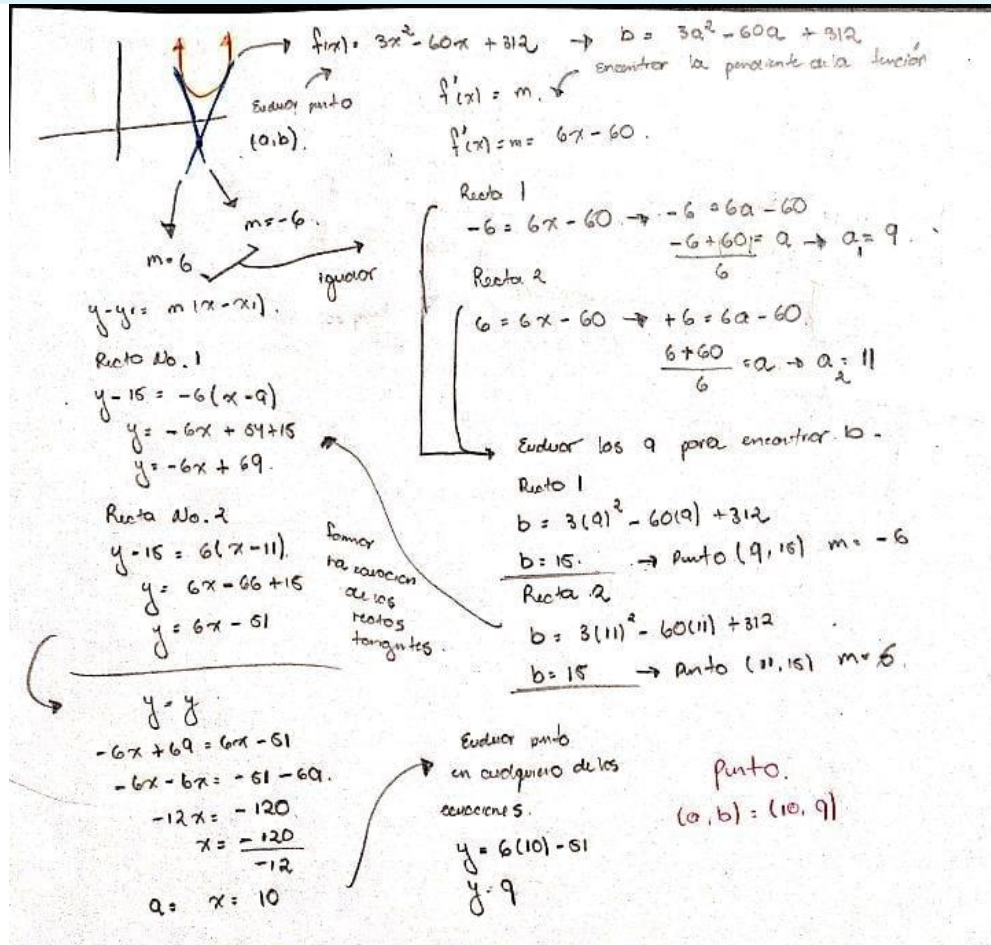
Señalar con bandera la pregunta

Encuentre el punto de intersección  $(a, b)$  de las rectas tangentes a la función

$$f(x) = 3x^2 - 60x + 312 \text{ que tienen pendiente } m_1 = 6 \text{ y } m_2 = -6$$

Aproxime sus respuestas a la **centésima** más cercana. El sistema no acepta fracciones ni números irracionales.

El punto de intersección  $(a, b) = (9, 15)$



Pregunta 3

Completada

Puntúa 0.00 sobre 10.00

Señalar con bandera la pregunta

Encuentre el valor de  $a$  para que

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 7x} - \sqrt{x^2 + ax}) = 0$$

Recuerde que el sistema no reconoce fracciones ni números irracionales. Dé su respuesta aproximada a la **centésima** más cercana.

Respuesta: -7

La respuesta correcta es: 7.00

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 7x} - \sqrt{x^2 + ax}) &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(\sqrt{x^2 + 7x} - \sqrt{x^2 + ax}) \cdot (\sqrt{x^2 + 7x} + \sqrt{x^2 + ax})}{\sqrt{x^2 + 7x} + \sqrt{x^2 + ax}} &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x^2 + 7x) - (x^2 + ax)}{\sqrt{x^2 + 7x} + \sqrt{x^2 + ax}} &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x - ax}{\sqrt{x^2 + 7x} + \sqrt{x^2 + ax}} &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7 - a}{\sqrt{1 + \frac{7}{x}} + \sqrt{1 + \frac{a}{x}}} &= 0 \\ \frac{7 - a}{1 + 1} &= 0 \\ 7 - a &= 0(2) \\ -a &= -7 \\ a &= 7 \end{aligned}$$

Respuesta:  $a = 7$

Pregunta 4

Completada

Puntúa 0.00  
sobre 10.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

Encuentre el valor de  $a$  si:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2a\sqrt{x}) \tan(9\sqrt{x})}{x} = 20$$

Recuerde que el sistema no reconoce fracciones ni números irracionales. Dé su respuesta aproximada a la **centésima** más cercana.

Respuesta: 2

La respuesta correcta es: 1.11

Handwritten solution showing the limit calculation:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2a\sqrt{x}) \cdot \tan(9\sqrt{x})}{x} = 20$$

Using the identity  $\tan(\theta) = \frac{\sin(\theta)}{\cos(\theta)}$ :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2a\sqrt{x})}{x} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(9\sqrt{x})}{\cos(9\sqrt{x})}$$

Applying L'Hôpital's rule to the first part:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2a\sqrt{x})}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(2a\sqrt{x}) \cdot \frac{2a}{2\sqrt{x}}}{1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(2a\sqrt{x}) \cdot a}{\sqrt{x}}$$

Applying L'Hôpital's rule to the second part:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(9\sqrt{x})}{\cos(9\sqrt{x})} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(9\sqrt{x}) \cdot \frac{9}{2\sqrt{x}}}{-\sin(9\sqrt{x}) \cdot \frac{9}{2\sqrt{x}}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(9\sqrt{x})}{-\sin(9\sqrt{x})}$$

Combining the results:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(2a\sqrt{x})}{x} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(9\sqrt{x})}{\cos(9\sqrt{x})} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(2a\sqrt{x}) \cdot a}{\sqrt{x}} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(9\sqrt{x})}{-\sin(9\sqrt{x})}$$

Using the small angle approximation  $\sin(\theta) \approx \theta$  and  $\cos(\theta) \approx 1$  for small  $\theta$ :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(2a\sqrt{x}) \cdot a}{\sqrt{x}} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{-9\sqrt{x}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos(2a\sqrt{x}) \cdot a}{\sqrt{x}} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{-9\sqrt{x}}$$

Since  $\cos(2a\sqrt{x}) \approx 1$  for small  $x$ :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{a}{\sqrt{x}} \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{-9\sqrt{x}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{a}{-9x} = -\frac{a}{9}$$

Setting this equal to 20:

$$-\frac{a}{9} = 20 \implies a = -180$$

However, the handwritten solution shows a different path, leading to:

$$18a = 20 \implies a = \frac{20}{18} \approx 1.111$$

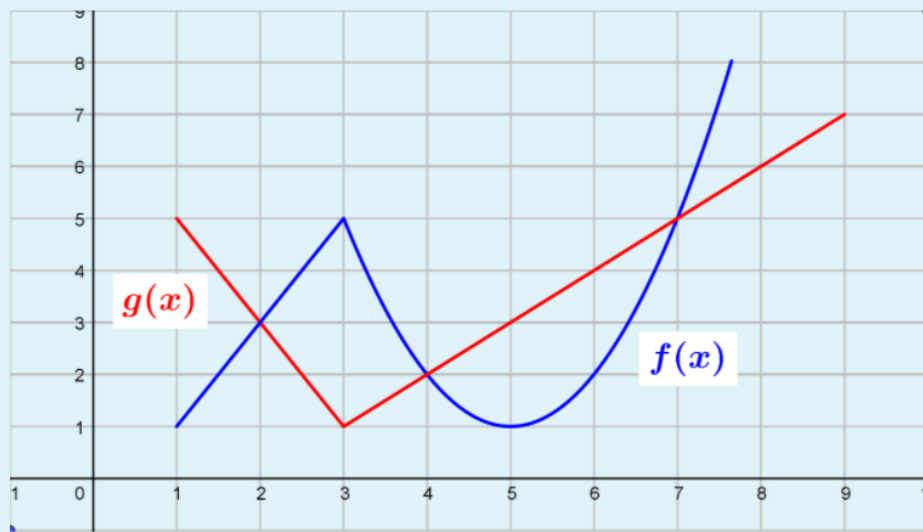
Final answer:  $a \approx 1.111$

Pregunta 5

Completada

Puntúa 10.00  
sobre 20.00

🚩 Señalar con  
bandera la  
pregunta



Las funciones  $f(x)$  y  $g(x)$  tienen las gráficas se muestran en la figura. La gráfica azul corresponde a  $f(x)$  y la gráfica roja corresponde a  $g(x)$ .

Recuerde que el sistema no reconoce fracciones ni números irracionales. Dé su respuesta aproximada a la **centésima** más cercana.

a) Sea  $p(x) = f(x)g(x) + 3g(x)$ . Entonces  $p'(2) =$

b) Sea  $q(x) = \frac{g(x)}{f(x)} - \frac{1}{2}g(x)$ . Entonces  $q'(5) =$

0.50

$$\begin{aligned} a) \quad p(x) &= f(x) \cdot g(x) + 3g(x) \quad \cdot \quad p'(x) \\ p'(x) &= f(x) \cdot g'(x) + f'(x) \cdot g(x) + 3g'(x) \\ p'(2) &= (3) \cdot g'(2) + f'(2) \cdot (3) + 3g'(2) \\ p'(2) &= (3)(-2) + (2)(3) + 3(-2) \\ p'(2) &= -6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f(x) &= m = \frac{y-y_1}{x-x_1} \\ f'(x) &= m = \frac{5-1}{3-1} = \frac{4}{2} = 2 \\ g'(x) &= m = \frac{6-1}{1-3} = \frac{5}{-2} = -2.5 \\ f'(x) &= 2 \quad ; \quad g'(x) = -2.5 \end{aligned}$$

$$b) \quad q(x) = \frac{g(x)}{f(x)} - \frac{1}{2}g(x)$$

$$q'(x) = \frac{f(x) \cdot g'(x) - g(x) \cdot f'(x)}{[f(x)]^2} - \frac{1}{2}g'(x)$$

$$q'(5) = \frac{(1)(1) - (3)(0)}{[1]^2} - \frac{1}{2}(1)$$

$$q'(5) = \frac{1}{1} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 0.50$$

Respuesta:

$$p'(2) = -6$$

$$q'(5) = 0.50$$

$$\begin{aligned} f(5) &= 1 \\ g(5) &= 3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} f(x) &= -(x-5)^2 + 1 \\ f'(x) &= 2(x-5) \cdot (-1) \\ f'(5) &= 2(5-5) \cdot (-1) = 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} g'(x) &= \frac{y-y_1}{x-x_1} \\ g'(x) &= m = \frac{7-1}{4-3} = \frac{6}{1} = 6 \\ g'(5) &= 1 \end{aligned}$$

Determine el único enunciado verdadero:

Seleccione una:

- ☒ a. Si  $f(x) = \frac{1}{x+1} \Rightarrow f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{c+1-(c+h+1)}{h(c+1)(c+h+1)}$
- ☐ b. Si  $f(x) = \frac{1}{x+1} \Rightarrow f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h}{h(c+1)(c+h+1)}$
- ☐ c. Si  $f(x) = \frac{1}{x+1} \Rightarrow f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{c+1} + h - \frac{1}{c+1}}{h}$
- ☐ d. Si  $f(x) = \frac{1}{x+1} \Rightarrow f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{[c+1-(c+h+1)]h^2}{(c+1)(c+h+1)}$

Su respuesta es correcta.

La respuesta correcta es: Si  $f(x) = \frac{1}{x+1} \Rightarrow f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{c+1-(c+h+1)}{h(c+1)(c+h+1)}$ 

$$f(x) = \frac{1}{x+1} \quad f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h}$$

$$f(x+h) = \frac{1}{(x+h)+1} \quad f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{(x+h)+1} - \frac{1}{x+1}}{h}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{(x+1) - (x+h+1)}{(x+h+1)(x+1)}}{h}$$

$$f'(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\frac{(x+1) - (x+h+1)}{(x+h+1)(x+1)}}{\frac{h}{1}}$$

$$f'(c) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(c+1) - (c+h+1)}{h(c+1)(c+h+1)}$$

## Pregunta 7

Completada

Puntúa 15.00  
sobre 15.00

🚩 Señalar con  
bandera la  
pregunta

Determine los valores de  $c$  y  $k$  que hagan que la función  $f(x)$  sea continua en  $(-\infty, +\infty)$  si

$$f(x) = \begin{cases} x + 2c & \text{si } x < -2 \\ 3cx + k & \text{si } -2 \leq x \leq 1 \\ 3x - 2k & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

Seleccione una:

- ☐ a.  $c = -2, k = 1$
- ☐ b.  $c = \frac{2}{3}, k = -\frac{1}{3}$
- ☒ c.  $c = \frac{1}{3}, k = \frac{2}{3}$
- ☐ d.  $c = 0, k = 1$
- ☐ e. Ninguna de las otras respuestas es correcta.

Su respuesta es correcta.

La respuesta correcta es:  $c = \frac{1}{3}, k = \frac{2}{3}$

Determine los valores de  $c$  y  $k$  que hagan la función  $f(x)$  sea continua en  $(-\infty, +\infty)$ .

$$f(x) = \begin{cases} x + 2c & \text{si } x < -2 \\ 3cx + k & \text{si } -2 \leq x \leq 1 \\ 3x - 2k & \text{si } x > 1 \end{cases}$$

$$2. f(-2) = \exists = -6c + k$$

$$\lim_{x \rightarrow -2^-} f(x) =$$

$$\lim_{x \rightarrow -2^-} x + 2c = -2 + 2c$$

$$\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) = \exists = -6c + k$$

$$\lim_{x \rightarrow -2^+} 3cx + k = -6c + k$$

$$k = k$$

$$1 - c = -2 + 8c$$

$$1 + 2 = 8c + c$$

$$3 = 9c$$

$$\frac{3}{9} = c$$

$$\frac{1}{3} = c$$

$$k = 1 - c$$

$$k = 1 - \frac{1}{3}$$

$$k = \frac{2}{3}$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 2^-} 3x - 2k \\ -2 + 2c &= -6c + k \\ -2 + 2c + 6c &= k \\ -2 + 8c &= k \\ \boxed{k = -2 + 8c} \end{aligned}$$

$$-1 \cdot (3c - 3 = -3k)$$

$$\frac{3k = 3 - 3c}{k = 1 - c}$$

Pregunta 7



## Segundo examen resuelto

Pregunta 1

Completada

Puntúa 0.00  
sobre 10.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

Obtenga la linealización de la función  $f(x) = \sqrt[5]{4x}$  en  $a = 8$ . Escriba la respuesta exacta en decimales.

$$L(x) = 0.1515716567x + 0.7874267468$$

Linealización es.  $L(x) \approx g(a) + g'(a)(x-a)$

$f(x) = \sqrt[5]{4x}$  ;  $a = 8$

$f(x) = (4x)^{1/5} \rightarrow (a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$

$f(x) = 4^{1/5} \cdot x^{1/5}$

$f'(x) = \frac{4^{1/5}}{5} \cdot \frac{1}{x^{4/5}} = \frac{\sqrt[5]{4}}{5\sqrt[5]{x^4}}$

$f'(a=8) = \frac{\sqrt[5]{4}}{5\sqrt[5]{8^4}} = 0.051 \approx \frac{1}{20}$

$f(8) = 2$

$f'(8) = \frac{1}{20}$

$L(8) \approx 2 + (0.05)(x-8)$

$L(8) \approx 2 + \frac{1}{20}x - \frac{8}{20}$

$L(8) \approx \frac{1}{20}x + \frac{8}{5}$

$L(8) \approx 0.05x + 1.60$

$L(8) \approx 0.05(8) + 1.60$

$L(8) = 2 \checkmark$

Respuesta

$L(x) \approx 0.05x + 1.60$

Pregunta 2

Completada

Puntúa 0.00  
sobre 10.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

Si  $f(x) + x^3[f(x)]^2 = 0$  y  $f(-1) = 1$ , encuentre  $f'(-1)$

Respuesta: -1

$f(x) + x^3(f(x))^2 = 0$  ;  $f(-1) = 1$

$f'(x) + [x^3 \cdot 2(f(x)) \cdot f'(x) + 3x^2 \cdot (f(x))^2] = 0$

$f'(x) + 2x^3 f(x) \cdot f'(x) + 3x^2 (f(x))^2 = 0$

$f'(x) + 2x^3 f(x) \cdot f'(x) = -3x^2 (f(x))^2$

$f'(x)[1 + 2x^3 f(x)] = -3x^2 (f(x))^2$

$f'(x) = \frac{-3x^2 (f(x))^2}{1 + 2x^3 f(x)}$

$f'(-1) = \frac{-3(-1)^2 (f(-1))^2}{1 + 2(-1)^3 f(-1)} = \frac{-3 \cdot (1)}{1 - 2(1)} = 3$

Respuesta.

$f'(-1) = 3$

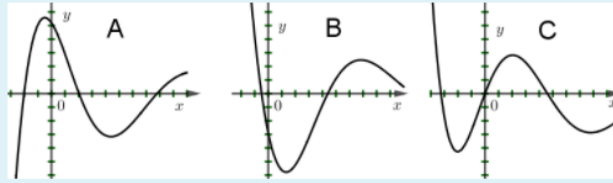
Pregunta 3

Completada

Puntúa 10.00  
sobre 10.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

Para una función  $f$  dos veces derivable en el intervalo indicado, en las gráficas siguientes se presentan las gráficas de  $f$ ,  $f'$  y  $f''$ . Relacionando los nombres de las gráficas A, B, C con  $f$ ,  $f'$  y  $f''$ . ¿Cuál de las opciones dadas es completamente correcta?



$f''$

$f'$

$f$

Pregunta 4

Completada

Puntúa 15.00  
sobre 15.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

Se proporciona una tabla de valores de  $f$ ,  $g$ ,  $f'$  y  $g'$ .

Si  $h(x) = f(g(x)) \cdot g(f(x))$ , encuentre  $h'(1.7)$ .

Dé su respuesta aproximada a un decimal.

$x$	$f(x)$	$g(x)$	$f'(x)$	$g'(x)$
1.7	6.4	8.8	7.9	1.8
8.8	9	5.6	7.1	1.5
6.4	2.6	5.2	5.2	7.4

Respuesta:

Pregunta No. 4.

Se proporciona una tabla de valores de  $f$ ,  $g$ ,  $f'$  y  $g'$ .

Si  $h(x) = f(g(x)) \cdot g(f(x))$  encuentre  $h'(1.7)$ .

$$h(x) = f(g(x)) \cdot g(f(x)).$$

$$h'(x) = f(g(x)) \cdot g'(f(x)) \cdot f'(x) + g(f(x)) \cdot f'(g(x)) \cdot g'(x).$$

$$h'(1.7) = f(g(1.7)) \cdot g'(f(1.7)) \cdot f'(1.7) + g(f(1.7)) \cdot f'(g(1.7)) \cdot g'(1.7)$$

$$h'(1.7) = f(8.8) \cdot g'(6.4) \cdot (7.9) + g(6.4) \cdot f'(8.8) \cdot 1.8.$$

$$h'(1.7) = (9) \cdot (7.4) \cdot (7.9) + (5.2) \cdot (7.1) \cdot 1.8$$

$$h'(1.7) = 526.14 + 66.456 = 592.6$$



Pregunta 5

Completada

Puntúa 0.00  
sobre 10.00

Quitar  
señalización  
(bandera)

Utilice el método de derivación logarítmica para hallar la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $y = (x)^{x^2} + 2x$  que pasa por el punto  $(1, 3)$ .

Seleccione una:

- ☐ a.  $y = 4 - x$
- ☒ b.  $y = 2x + 1$
- ☐ c.  $y = 3x$
- ☐ d.  $y = x + 2$
- ☐ e. **NORC**

$y = (x)^{x^2} + 2x$  ; punto  $(1, 3)$   $y - y_1 = m(x - x_1)$

$y - 2x = x^{x^2}$

$\ln(y - 2x) = \ln(x^{x^2}) \rightarrow \ln(y - 2x) = x^2 \cdot \ln(x) \rightarrow D_x[\ln(y - 2x)] = D_x[x^2 \cdot \ln(x)]$

$\frac{1}{y - 2x} \cdot (y' - 2) = 2x \cdot \ln(x) + \frac{x^2}{x}$

$\frac{y' - 2}{y - 2x} = 2x \ln(x) + x$

$y' - 2 = [2x \ln(x) + x](y - 2x)$

$y' = [2x \ln(x) + x](x^{x^2}) + 2$

$y' = [2(1) \ln(1) + 1][1^{1^2}] + 2$

$y' = [1][1] + 2$

$y' = 3$

$m = 3$  ; punto  $(1, 3)$

$y - 3 = 3(x - 1)$

$y = 3x - 3 + 3$

$y = 3x$

**Respuesta:**  
 $y = 3x$

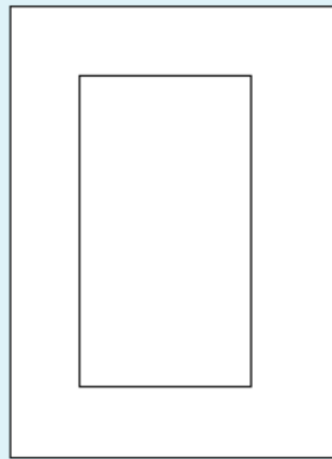
Pregunta 6

Completada

Puntúa 0.00 sobre 15.00

Quitar señalización (bandera)

Y



X

Encuentre la altura del cartel "y" tal que el área del cartel sea máxima, si debe cumplir las siguientes condiciones: margen superior, inferior y lateral izquierdo de  $0.67 \text{ cm}$  cada uno, margen lateral derecho de  $1.55 \text{ cm}$  y un área de impresión de  $442.71 \text{ cm}^2$ .

Dé su respuesta en forma numérica en  $\text{cm}$ , no escriba sus dimensionales. De ser necesario, aproxime su respuesta a la centésima más cercana (dos decimales).

Respuesta: 518.26

Handwritten solution for the problem:

**Datos:**

- Area of print:  $442.71 \text{ cm}^2$
- Formular Rectángulo de maximizar.
- Area of poster:  $A(x+y) = (x+2.22)(y+1.34)$
- Area of print:  $A_I(x,y) = x \cdot y = 442.71 \text{ cm}^2$

**I**  $y = \frac{442.71}{x}$

**II**  $A_c(x) = (x+2.22)\left(\frac{442.71}{x} + 1.34\right)$

$A_c(x) = 442.71 + 1.34x + \frac{982.62}{x} + 2.9748$

$A_c(x) = 445.6848 + 1.34x + \frac{982.62}{x}$

$A'_c(x) = 1.34 - \frac{982.62}{x^2}$

$0 = 1.34 - \frac{982.62}{x^2}$

$-1.34 = -\frac{982.62}{x^2}$

$x^2 = \frac{-982.62}{-1.34}$

$x = \pm 27.08$

$y = \frac{442.71}{27.08}$

$y = 16.35$

$y + 1.34$

$16.35 + 1.34 = 17.69 \text{ cm}$

**Respuesta:**  $y = 17.68 \text{ cm}$



Pregunta 7

Completada

Puntúa 0.00  
sobre 20.00

Quitar  
señalización  
(bandera)

La altura de un triángulo se incrementa a razón de **3 cm/min**, mientras que el área del triángulo aumenta a razón de **3 cm<sup>2</sup>/min**. ¿Con qué rapidez cambia la base del triángulo, cuando la altura es de **30 cm** y el área es de **200 cm<sup>2</sup>**?

**No debe poner dimensiones, solo la respuesta numérica. Aproxime su respuesta a la MILÉSIMA más cercana, recuerde que el sistema no reconoce fracciones ni números irracionales.**

Respuesta: -0.467

Diagrama de un triángulo con altura  $h$  y base  $x$ .

Dados:

- $\frac{dh}{dt} = \frac{30 \text{ cm}}{\text{min}}$
- $h = 30 \text{ cm}$
- $\frac{dA}{dt} = \frac{30 \text{ cm}^2}{\text{min}}$
- $A = 200 \text{ cm}^2$

Área de un triángulo:

$$A = \frac{1}{2} b \cdot h$$

Derivando:

$$\frac{dA}{dt} = \frac{1}{2} \left( \frac{dx}{dt} \cdot h + \frac{dh}{dt} \cdot x \right)$$

Sustituyendo valores:

$$30 = \frac{1}{2} \left( \frac{dx}{dt} \cdot 30 + \frac{dh}{dt} \cdot x \right)$$

$$60 = \frac{dx}{dt} \cdot 30 + \frac{dh}{dt} \cdot x$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{60 - \frac{dh}{dt} \cdot x}{30}$$

Calculando  $x$  cuando  $A = 200$  y  $h = 30$ :

$$200 = \frac{1}{2} x (30)$$

$$\frac{200}{15} = x$$

$$\frac{40}{3} = x$$

Calculando  $\frac{dx}{dt}$ :

$$\frac{dx}{dt} = \frac{60 - \frac{dh}{dt} \cdot x}{30} = \frac{60 - \frac{30}{2} \cdot \frac{40}{3}}{30}$$

$$\frac{dx}{dt} = \frac{60 - 200}{90} = \frac{-140}{90} = -\frac{14}{9} \approx -1.555$$

Pregunta 8

Completada

Puntúa 10.00  
sobre 10.00

Quitar  
señalización  
(bandera)

Utilice la Regla de l'Hôpital para hallar los valores de las constantes  $a$  y  $b$  tales que

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^3 + ax + b} = 2$$

$$a = -2$$

$$b = 1$$

Problema:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^3 + ax + b} = 2$$

Aplicando la Regla de l'Hôpital:

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x}{3x^2 + a} = 2$$

Calculando el límite:

$$\frac{2(1)}{3(1)^2 + a} = 2$$

$$\frac{2}{3 + a} = 2$$

$$2 = 2(3 + a)$$

$$2 = 6 + 2a$$

$$-4 = 2a$$

$$a = -2$$

Calculando  $b$ :

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{x^3 + ax + b} = 2$$

$$\frac{1 - 1}{1 + a + b} = 2$$

$$0 = 2(1 + a + b)$$

$$0 = 2 + 2a + 2b$$

$$b = \frac{2 + 2a}{-2}$$

$$b = \frac{2 + 2(-2)}{-2}$$

$$b = \frac{2 - 4}{-2}$$

$$b = \frac{-2}{-2}$$

$$b = 1$$

Respuesta:

$$a = -2$$

$$b = 1$$

## Tercer examen resuelto

Pregunta 1

Incorrecta

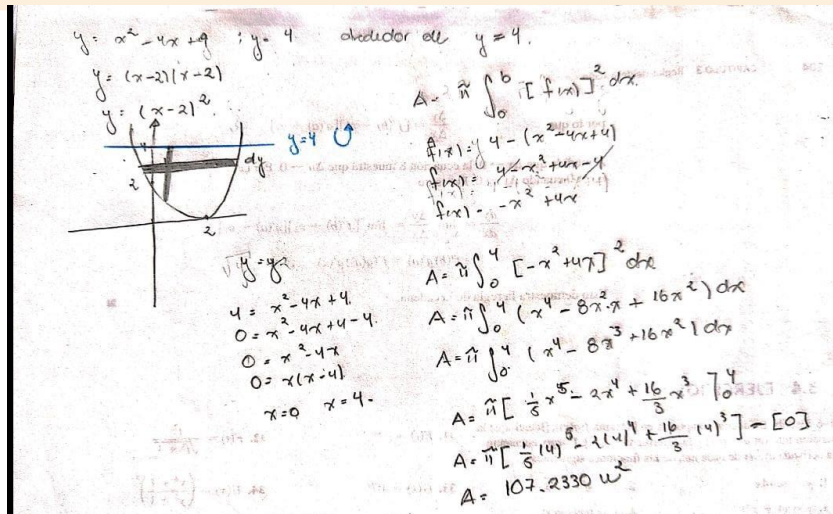
Puntúa 0.00 sobre 20.00

Señalar con bandera la pregunta

Un sólido se forma al hacer girar la región encerrada por  $y = x^2 - 4x + 4$  y  $y = 4$  alrededor de la recta  $y = 4$ . Determine el volumen del sólido.

Respuesta: 33.51 ✖

La respuesta correcta es: 107.23



Pregunta 2

Incorrecta

Puntúa 0.00 sobre 15.00

Señalar con bandera la pregunta

Utilice sumas de Riemann y propiedades de las sumatorias para aproximar el área bajo la curva  $y = x^2 - 8x + 23$  entre  $x = 0$  y  $x = 7$  utilizando extremos derechos y con un número de rectángulos  $n = 22$ . Aproxime sus respuestas a dos decimales. (Sugerencia: plantee la suma de Riemann, desarróllela y luego use las fórmulas de sumatorias en términos de  $n$ ).

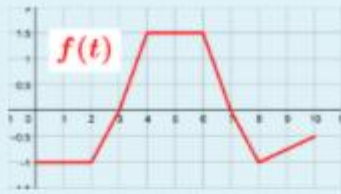
Respuesta: 75.47 ✖

La respuesta correcta es: 78.34

Handwritten solution for the Riemann sum approximation of the area under the curve  $y = x^2 - 8x + 23$  from  $x = 0$  to  $x = 7$ . The solution shows the sum  $A = \sum_{i=1}^n f(x_i) \Delta x$ , where  $\Delta x = \frac{7-0}{n} = \frac{7}{n}$ . The final result is  $A = 78.34$ .

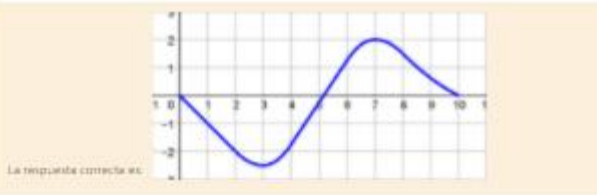
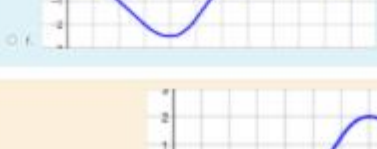
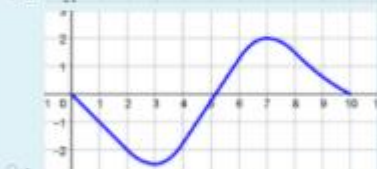
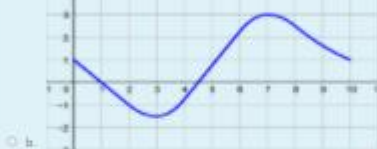
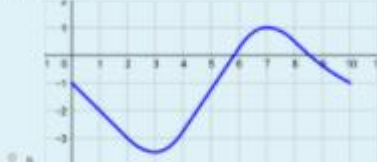


Sea  $g(x) = \int_0^x f(t)dt$ , donde  $f$  es la función cuya gráfica se muestra a continuación:



La gráfica que corresponde a  $g(x)$  es:

Seleccione una:



Respuesta  
 c.)

$(0,0), g(0) = \int_0^0 f(t)dt = (-1)(0) = 0.$   
 $(1,-1), g(1) = \int_0^1 f(t)dt = (-1)(1) = -1.$   
 $(2,-2), g(2) = \int_0^2 f(t)dt = (+2)(-1) = -2.$



Pregunta 4

Correcta

Puntúa 15.00  
sobre 15.00

Señalar con  
bandera la  
pregunta

¿Cuál de las integrales dadas en las opciones se obtiene al aplicar la regla de la sustitución a la integral  $\int \frac{x^5+5x}{\sqrt{1-x^2}} dx$ ?

Seleccione una:

- ☐ a.  $\frac{1}{4} \int \frac{6-2u+u^2}{\sqrt{u}} du$
- ☐ b.  $-\frac{1}{4} \int \frac{6-2u+u^2}{u} du$
- ☐ c.  $-\frac{1}{4} \int \frac{1+u}{\sqrt{u}} du$
- ☐ d.  $\int \frac{6-2u+u^2}{\sqrt{u}} du$
- ☒ e. NORC ✓
- ☐ f.  $-\frac{1}{4} \int \frac{du}{\sqrt{u}}$
- ☐ g.  $-\frac{1}{4} \int \frac{6+u^2}{u} du$
- ☐ h.  $-\frac{1}{4} \int \frac{6+u^2}{\sqrt{u}} du$
- ☐ i.  $-\frac{1}{4} \int \frac{6-2u+u^2}{\sqrt{u}} du$

Las respuestas correctas son:  $-\frac{1}{4} \int \frac{6-2u+u^2}{\sqrt{u}} du$

, NORC

Handwritten solution showing the substitution process:

$$\int \frac{x^5+5x}{\sqrt{1-x^2}} dx \Rightarrow \int \frac{x(x^4+5)}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

Substitution:  $u = 1-x^2 \Rightarrow x^2 = 1-u$  [  $x^2 = 1-u$  ]  
 $du = -2x dx$   
 $-\frac{du}{2} = x dx$  [  $x^4 = (1-u)^2$  ]

$$-\frac{1}{2} \int \frac{(1-u)^2+5}{\sqrt{u}} du$$

$$-\frac{1}{2} \int \frac{1-2u+u^2+5}{\sqrt{u}} du$$

$$-\frac{1}{2} \int \frac{6-2u+u^2}{\sqrt{u}} du$$

→ Respuesta  
NAC.

## Pregunta 5

Correcta

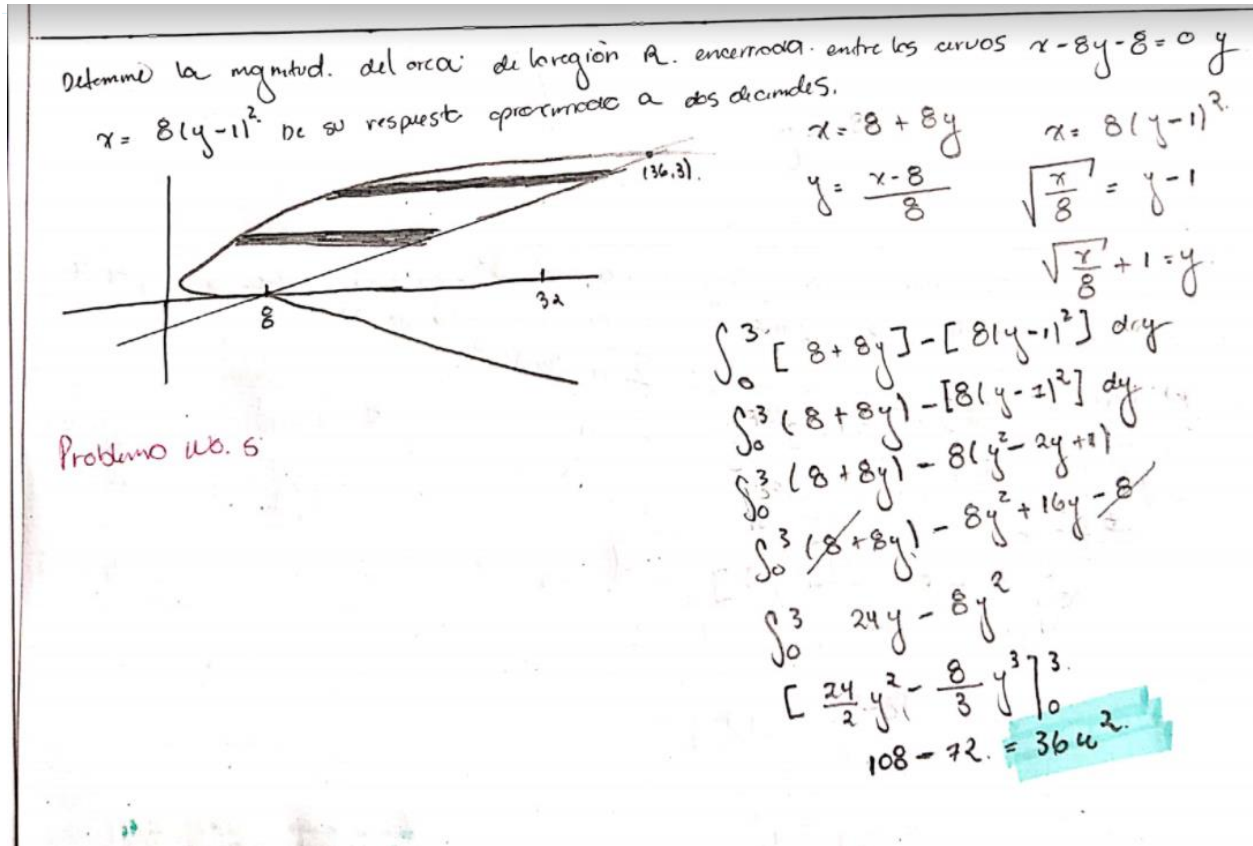
Puntúa 20.00  
sobre 20.00Señalar con  
bandera la  
pregunta

Determine la magnitud del área de la región **R** encerrada entre las curvas  $x - 8y - 8 = 0$  y  $x = 8(y - 1)^2$ . Dé su respuesta aproximada a dos decimales.

Respuesta: 36.00



La respuesta correcta es: 36.00



Pregunta 6

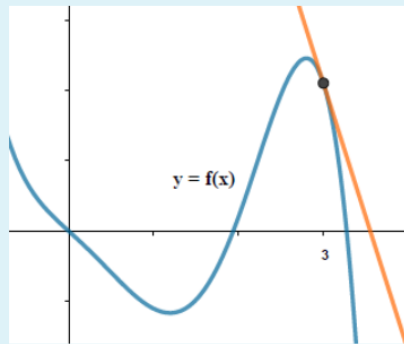
Correcta

Puntúa 15.00  
sobre 15.00

🚩 Señalar con  
bandera la  
pregunta

Suponga que la recta tangente a la curva  $y = f(x)$  en el punto  $(3, \frac{21}{2})$  tiene la ecuación  $y = -19x + 67.5$ . Si se utiliza el método de Newton para localizar una raíz de la ecuación  $f(x) = 0$  y la aproximación inicial es  $x_1 = 3$ , la segunda aproximación es

(Aproxime su respuesta con tres cifras decimales)



Respuesta: 3.553



La respuesta correcta es: 3.553

$y = -19x + 67.5$   
 $f(x) = y = 0$   
 $x_1 = 3$   
 $y = y$   
 $-19x + 67.5 = 0$   
 $y' = -19$

Respuesta  
 $x_{n+1} = 3.553$

$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$   
 $x_{n+1} = 3 - \frac{-19x + 67.5}{-19}$   
 $x_{n+1} = 3 - \frac{-(19x - 67.5)}{-19}$   
 $x_{n+1} = 3 - \frac{19(3) - 67.5}{19}$   
 $x_{n+1} = \text{Ans} - \frac{19(\text{Ans}) - 67.5}{19}$   
 $x_2 = 3.553$

Pregunta 8

Incorrecta

Puntúa 0.00  
sobre 10.00

🚩 Señalar con  
bandera la  
pregunta

Encuentre la intersección con el eje x de la recta que cumple con ser tangente a la curva  $2y^2 + 1.4xy + x^2 = 50$  en el punto sobre la curva donde  $x = 0$  con  $y > 0$ .

Aproxime su respuesta hasta la centésima más cercana (dos decimales).

Respuesta: -0.35 ✖

$$y = mx + b \quad 0$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$x = 0$$

$$2y^2 + 1.4xy + x^2 = 50$$

$$2y^2 + 1.4(0)y + (0)^2 = 50$$

$$2y^2 = 50$$

$$y = 5$$

$$D_x [2y^2 + 1.4xy + x^2 = 50]$$

$$4yy' + 1.4[x \cdot y' + y] + 2x = 0$$

$$4yy' + 1.4xy' + 1.4y + 2x = 0$$

$$4yy' + 1.4xy' = -2x - 1.4y$$

$$y'[4y + 1.4x] = -2x - 1.4y$$

$$y' = \frac{-2x - 1.4y}{4y + 1.4x} = -\frac{2x + 1.4y}{4y + 1.4x}$$

$$y - 5 = -\frac{7}{20}(x)$$

$$y = -\frac{7}{20}x + 5$$

$$0 = -\frac{7}{20}x + 5$$

$$-5 = -\frac{7}{20}x$$

$$R// \quad \underline{\underline{x = 14.29}}$$

$$y' = \frac{-2(0) - 1.4(5)}{4(5) + 1.4(0)}$$

$$y' = -\frac{7}{20}$$

FC



Resolver el siguiente limite  $\lim_{x \rightarrow 0^+} (e^x + x)^{\frac{2}{x}}$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} (e^x + x)^{\frac{2}{x}} \rightarrow y = (e^x + x)^{\frac{2}{x}}$$

$$\ln(y) = \ln((e^x + x)^{\frac{2}{x}})$$

$$\ln(y) = \frac{2}{x} \cdot \ln(e^x + x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(y) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2 \ln(e^x + x)}{x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(y) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x \cdot [e^x + x] \cdot (e^x + 1)}{x^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(y) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2(e^x + 1)}{e^x + x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(y) = \frac{2e^0 + 2}{e^0 + 0} =$$

$$\ln(y) = \frac{2e^0 + 2}{e^0 + 0} = \frac{2(1) + 2}{1 + 0} = \frac{4}{1} = 4.$$

$$\ln(y) = 4.$$

$$e^{\ln(y)} = e^4.$$

$$y = e^4.$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} (e^x + x)^{\frac{2}{x}} = e^4$$