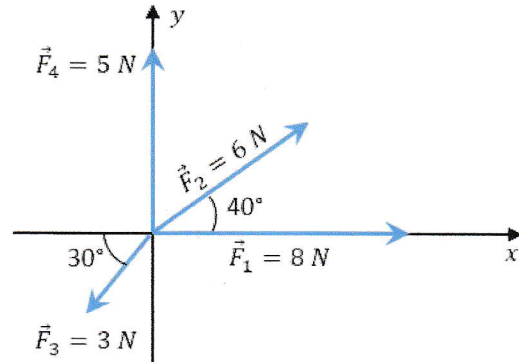


Apuntes Principio de superposición de fuerzas, bases para primera y segunda ley de newton

Ejemplo. Unos 4 niños están jugando tranquilamente hasta comienzan a discutir por un juguete y todos lo quieren, por lo tanto comienzan a tirar de él aplicando fuerzas en diferentes direcciones como muestra la figura. a) Determine las componentes "x" y "y" de cada una de las fuerzas. b) Utilizando los resultados anteriores determine la fuerza resultante del sistema de partículas. c) Determine la magnitud de la quinta fuerza que debería hacer un adulto para mantener a los niños en equilibrio. d) Determine la aceleración que tendría el juguete si solo los 4 niños siguen discutiendo y lo liberan sabiendo la masa del juguete de 2.50 kg.



a) $\vec{F}_1 = 8\text{ N}\hat{i}$

* las Fuerzas son de Caracter Vector
Por lo cual siempre se Trabaja así

$$\vec{F}_2 = |\vec{F}_2|\cos 40^\circ\hat{i} + |\vec{F}_2|\sin 40^\circ\hat{j} = (4.6\hat{i} + 3.86\hat{j})\text{ N}$$

$$\vec{F}_3 = -|\vec{F}_3|\cos 30^\circ\hat{i} - |\vec{F}_3|\sin 30^\circ\hat{j} = (-2.6\hat{i} - 1.5\hat{j})\text{ N}$$

$$\vec{F}_4 = 5\text{ N}\hat{j}$$

b) $\sum \vec{F}_x = \vec{F}_{1x} + \vec{F}_{2x} + \vec{F}_{3x} + \vec{F}_{4x} = 8\hat{i} + 4.6\hat{i} - 2.6\hat{i} + 0\hat{i}$

$$\sum \vec{F}_x = +10\hat{i}\text{ N}$$

$$\sum \vec{F}_y = \vec{F}_{1y} + \vec{F}_{2y} + \vec{F}_{3y} + \vec{F}_{4y} = 0\hat{j} + 3.86\hat{j} - 1.5\hat{j} + 5\hat{j}$$

$$\sum \vec{F}_y = +7.36\hat{j}\text{ N}$$

$$\sum \vec{F}_{\text{resultante}} = \sum \vec{F}_x\hat{i} + \sum \vec{F}_y\hat{j} = \boxed{(+10\hat{i} + 7.36\hat{j})\text{ N}}$$

C) ● Para llegar al equilibrio la sumatoria de Fuerzas debe ser igual a "0" en todos los ejes.

$$\boxed{\sum \vec{F} = 0} \rightarrow \text{Primer ley de Newton.}$$

$$\bullet \sum \vec{F}_x = 0 ; \sum \vec{F}_y = 0$$

$$\boxed{\sum \vec{F}_{\text{resultante}} = 0}$$

$$\bullet \vec{F}_{1x} + \vec{F}_{2x} + \vec{F}_{3x} + \vec{F}_{4x} + \vec{F}_{5x} = 0$$

$$\vec{F}_{5x} = -(\vec{F}_1 + \vec{F}_{2x} + \vec{F}_{3x} + \vec{F}_{4x})$$

$$\vec{F}_{5x} = -10 \hat{i} \text{ N}$$

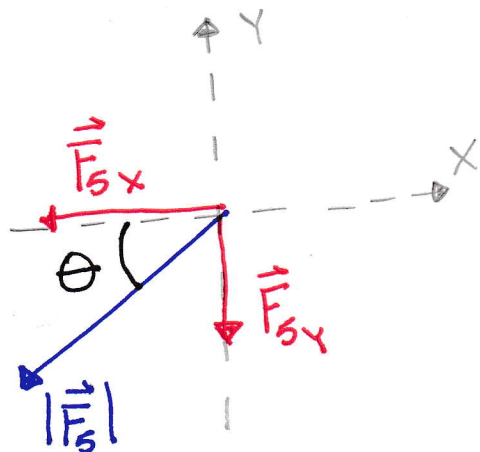
$$\vec{F}_{1y} + \vec{F}_{2y} + \vec{F}_{3y} + \vec{F}_{4y} + \vec{F}_{5y} = 0$$

$$\vec{F}_{5y} = -(\vec{F}_{1y} + \vec{F}_{2y} + \vec{F}_{3y} + \vec{F}_{4y})$$

$$\vec{F}_{5y} = -7.36 \hat{j} \text{ N}$$

$$\boxed{\vec{F}_5 = (-10 \hat{i} - 7.36 \hat{j}) \text{ N}}$$

$$|\vec{F}_5| = \sqrt{(-10)^2 + (-7.36)^2} = \boxed{12.41 \text{ N}} \quad \begin{matrix} \text{X} - 36.35^\circ \\ \text{desde "X-"} \end{matrix}$$



$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{OP}{ADY}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{F_{5y}}{F_{5x}}\right)$$

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{-7.36}{-10}\right) = \boxed{36.35^\circ}$$

d) Para determinar la aceleración después de liberarse se empleará la segunda ley de Newton. Ya que en la dirección de la Fuerza Resultante se dirige también la aceleración. Aquí podríamos decir que las sumatorias se van a dirigir en dirección del movimiento.

$$\sum \vec{F}_{\text{resultante}} = \vec{F}_{\text{neta}} \rightarrow \vec{F}_{\text{neta}} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}_{\text{neta}} = (10\hat{i} + 7.36\hat{j})\text{N}$$

* la aceleración es también una característica de vector por lo cual se trata de la misma forma que la fuerza por componentes.

$$\boxed{\vec{F}_{\text{neta}} = m\vec{a}} \quad m = 2.5\text{Kg}$$

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}_{\text{neta}}}{m} = \frac{(10\hat{i} + 7.36\hat{j})}{2.5} = (4\hat{i} + 2.94\hat{j})\text{m/s}^2$$

$$\boxed{\vec{a} = (4\hat{i} + 2.94\hat{j})\text{m/s}^2}$$