

Problema 8

Falso es el Rango

Problema 9

Verdadero

Problema 1

$f(x) = k(-x^2 + 6x - 8)$ ;  $2 \leq x \leq 4$   $\rightarrow$  función de densidad

$$\int_2^4 f(x) dx = 1 \rightarrow \int_2^4 k(-x^2 + 6x - 8) dx = k \int_2^4 (-x^2 + 6x - 8) dx = 1 \rightarrow k = \frac{1}{\int_2^4 (-x^2 + 6x - 8) dx} = \frac{1}{\left[-\frac{1}{3}x^3 + 3x^2 - 8x\right]_2^4} = \frac{1}{-\frac{1}{3}(4^3 - 2^3) + 3(4^2 - 2^2) - 8(4 - 2)} = \frac{1}{\frac{4}{3}}$$

$$-\frac{1}{3}(4^3 - 2^3) + 3(4^2 - 2^2) - 8(4 - 2) = \frac{4}{3} \rightarrow k = \frac{1}{\frac{4}{3}} = \frac{3}{4} = \boxed{0.7500}$$

Problema 3

Dígitos = 3, 4, 6, 7 y 9 que se encuentran entre 500 y 800 y las cifras no pueden repetirse

Por extensión, los números son:

634, 637, 639, 643, 647, 649, 673, 674, 679, 693, 694, 697  
734, 736, 739, 743, 746, 749, 763, 764, 769, 793, 794, 796

24 números

Problema 4

Distribución Normal

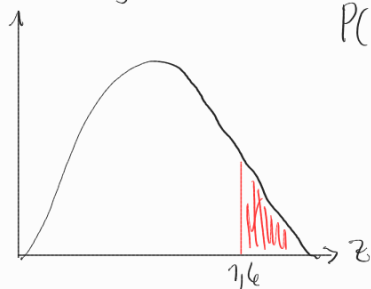
$\mu = 12.07$  años

$\sigma = 0.5$  años

$x > 12.8$  años

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{(12.8 - 12.07)}{0.5} = 1.46$$

$$P(x > 12.8) = P(Z > 1.46) = 1 - P(Z \leq 1.46); P(Z \leq 1.46) = 0.9452$$



$$P(x > 12.8 \text{ años}) = \boxed{0.0548 = 5.48\%}$$

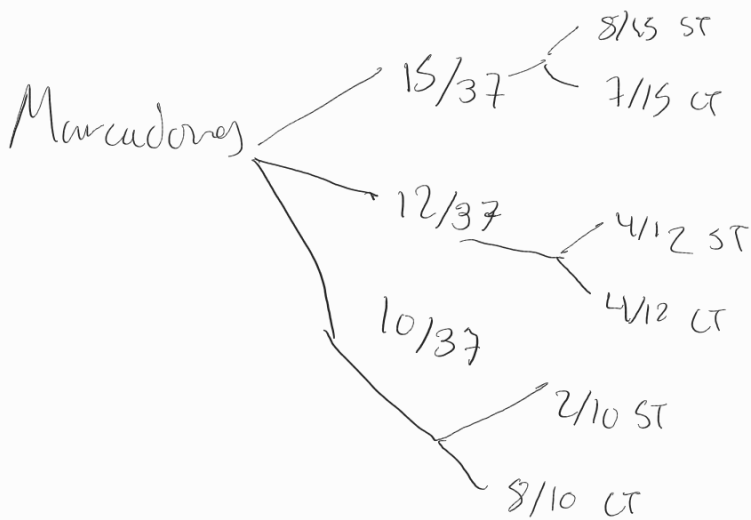
## Problema 5

Caja A  $\rightarrow$  15 marcadores  $\begin{cases} 8 \text{ son } \\ 7 \text{ can } \end{cases}$  tinta

Caja B  $\rightarrow$  12 marcadores  $\begin{cases} 4 \text{ son } \\ 8 \text{ can } \end{cases}$  tinta

Caja C  $\rightarrow$  10 marcadores  $\begin{cases} 2 \text{ son } \\ 8 \text{ can } \end{cases}$  tinta

$$\text{Total} = 37$$



Probabilidad 1 can tinta

$$P(CT) = P(A) \cdot P(CT|A) + P(B) \cdot P(CT|B) + P(C) \cdot P(CT|C)$$

$$\left(\frac{15}{37}\right)\left(\frac{7}{15}\right) + \left(\frac{12}{37}\right)\left(\frac{8}{12}\right) + \left(\frac{10}{37}\right)\left(\frac{8}{10}\right) = \frac{23}{37}$$

$$P(\text{terguedad}) = 0,6216 = 62,16\%$$

## Problema 7

$\mu = 6000$  hora

$\sigma = 676,1905$  hora

$n = 10.000$

$x < 5000$

$$P(x < 5000)$$

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{5000 - 6000}{676,1905}$$

$$z = -1,4789$$

$$P(z < -1,4789) = 0,0694 = 6,94\%$$