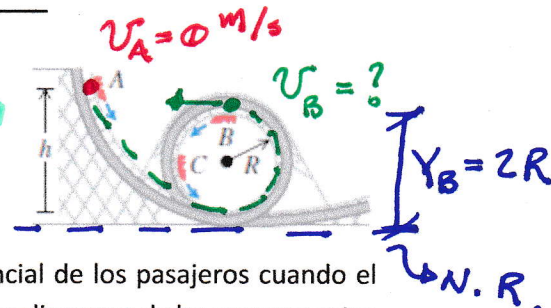


**Problema 2. Rizo Vertical.** Un carrito de un juego de un parque de diversiones rueda sin fricción por la vía de la figura, partiendo **del reposo**

en "A" a una altura  $h$  sobre la base del rizo. Trate el carrito como partícula. a) ¿Qué **valor mínimo debe de tener  $h$**  (en términos de  $R$ ) para que el carrito se desplace por el rizo sin caer en la parte superior (punto B)?

b) si  $h = 4R$  y  $R = 20\text{m}$ , Calcule la rapidez, aceleración radial y tangencial de los pasajeros cuando el carrito está en el punto C, en el extremo de un diámetro horizontal. Haga un diagrama de las componentes para justificar su respuesta.



● En los sistemas de conservación de la energía no hay interés en la trayectoria, simplemente los puntos en los cuales se analiza el movimiento o tramo.

**Tramo A - B**

$$W_{\text{traz}} = \Delta E$$

$$E_A = E_B$$

● Vel → solamente si existe resortes.

$$Y_A = h$$

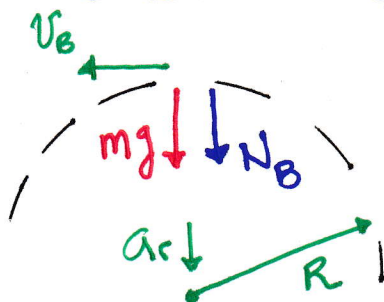
$$Y_B = 2R$$

$$U_{gA} + K_A + U_{elA} = U_{gB} + K_B + U_{elB}$$

$$\cancel{m}gY_A + \frac{1}{2}\cancel{m}v_A^2 = \cancel{m}gY_B + \frac{1}{2}\cancel{m}v_B^2$$

$$h = \frac{\cancel{g}}{\cancel{g}}(2R) + \frac{v_B^2}{2g} = 2R + \frac{v_B^2}{2g}$$

● Para determinar  $v_B$  se deberá de calcular por medio de dinámica circular en el punto "B".



El valor "mínimo" estima que la  $N_B$  en el punto más alto del rizo, es cercano a Cero

$$+\downarrow \Sigma F_r = m a_r$$

$$mg + N_B = m \frac{v_B^2}{R}$$

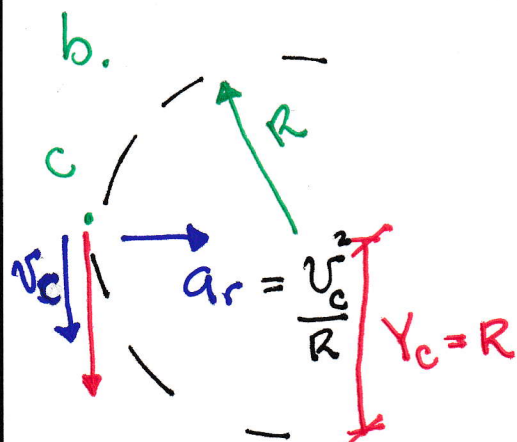
$$mg = m \frac{v_B^2}{R}$$

$$v_B^2 = gR$$

Se sustituye la expresión de  $v_B^2$  en la ecuación de la energía.

$$h = 2R + \frac{gR}{2g} = 2R + \frac{R}{2} = \frac{5R}{2}$$

\* la  $a_{tan}$  es en estos casos provocada por  $g \text{ m/s}^2$



$$a_{tan} = g \text{ m/s}^2 (-\hat{j})$$

Tramo A-C  $R = 20\text{m}$

$W_{otras} = 0$

$$h = 4R = 80\text{m}$$

$$Y_A = h = 80\text{m}$$

$$E_c = E_A$$

$$U_{g_c} + K_c = U_{g_A} + K_A$$

$$mg Y_c + \frac{1}{2} m v_c^2 = mg Y_A + \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$\frac{1}{2} v_c^2 = gh - gR + \frac{v_A^2}{2}$$

$$v_c = \sqrt{2(g)(h-R)}$$

$$v_c = \sqrt{2(9.8)(80-20)}$$

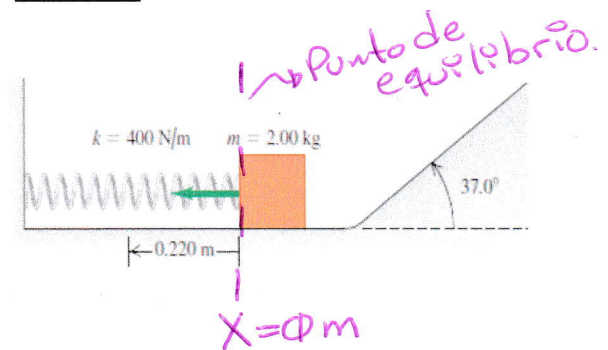
$$v_c = 34.29 \text{ m/s}$$

$$a_r = \frac{v_c^2}{R} = \frac{(34.29)^2}{20}$$

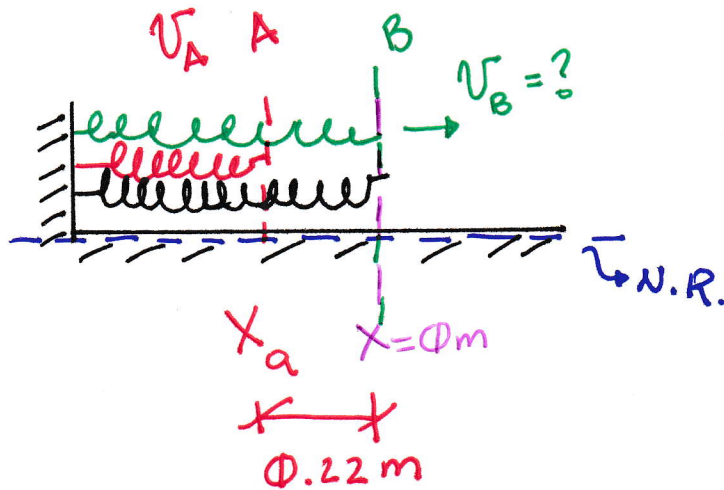
$$a_r = 58.8 \text{ m/s}^2$$

$$a_r = 58.8 \text{ m/s}^2 \hat{r}$$

**Problema 3.** Un bloque de 2.00kg se empuja contra un resorte con masa despreciable y constante de fuerza  $k = 400 \text{ N/m}$ , comprimiéndolo 0.220m. Al soltarse el bloque, se mueve por una superficie sin fricción que primero es horizontal y luego sube a  $37.0^\circ$ . a) ¿Qué rapidez tiene el bloque al deslizarse sobre la superficie horizontal después de separarse del resorte? b) ¿Qué altura alcanza el bloque antes de pararse y regresar?



Para los sistemas con resortes es muy importante Buscar el Punto de equilibrio " $X = 0 \text{ m}$ " y a partir de el estimar los Valores de  $X$  Para Fuerza o Energía.



$v_A \approx 0 \text{ m/s} \rightarrow$  Se Comprime y Posteriormente se suelta Para llevarlo al punto "B"

$X_B = 0 \text{ m}$  esta posicionado en el punto de equilibrio.

$W_{otras} = 0 \rightarrow$  sistema Conservativo

a) Tramo A-B

$$\Delta E = 0$$

$$E_B - E_A = 0$$

$$E_B = E_A$$

$$U_{gB} + U_{elB} + K_B = U_{gA} + U_{elA} + K_A$$

$$K_B = U_{elA}$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = \frac{1}{2} k_R x_a^2$$

\* Al no existir cambio de altura no cambia la energía potencial Gravit.

$$v_B = \sqrt{\frac{k_R x_a^2}{m}}$$



$$m = 2 \text{ kg}$$

$$K_R = 400 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

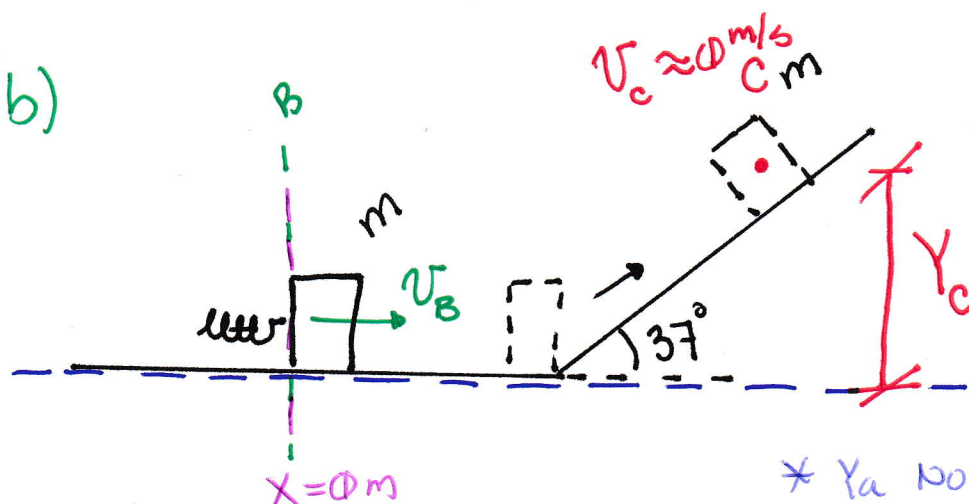
\* Todas las unidades en el S.I.

$$x_a = 0.22 \text{ m}$$

$$v_B = \sqrt{\frac{(400)(0.22)}{2}} = 6.63 \text{ m/s}$$

\* Recordatorio es rapidez no vectorial.

b)



\* Se Busca su altura máxima por lo cual toda la energía se convirtió en Potencial Grav.

N.R.

\* Ya no existen efectos de los Resortes.

$$W_{\text{otras}} = 0 \text{ J}$$

Tramo B-C

$$\Delta E = 0$$

$$E_C - E_B = 0$$

$$E_C = E_B$$

$$U_{gC} + U_{elC} + K_C = U_{gB} + U_{elB} + K_B$$

$$U_{gC} = K_B$$

$$m g Y_C = \frac{1}{2} m v_B^2$$

$$Y_C = \frac{v_B^2}{2g} = \frac{(6.63)^2}{2(9.8)} = 2.24 \text{ m}$$

$U_{gB} \rightarrow$  por N.R.

$K_C \rightarrow$  se llegará al Reposo.

$U_{el} \rightarrow$  No efectos del Resorte en el momento o Tramo.

\* el  $\theta = 37^\circ$  es un distractor ya que se busca altura no desplazamiento del plano.