## Tarea 2: Naturales

Puntaje máximo: 8 puntos

## Entrega por Aulas: 12 de octubre de 2025 hasta las 21:00 hrs

IMPORTANTE: Deberá subirse a Aulas un único archivo de Haskell (.hs) con los ejercicios resueltos, aquellos que no son de programar funciones se entregará como código comentado ({----}). El archivo debe incluir el nombre y número de estudiante al principio del mismo.

Antes de comenzar la tarea definiremos al tipo de los naturales en Haskell de la siguiente manera: type N = Integer, y si bien lo que estamos haciendo en este caso es dandole un renombre a los enteros, a partir de ahora, podremos asumir que siempre que mis funciones reciban algo de tipo N, este será mayor o igual que cero.

?1. Sea la función suma\_entre:: N -> N -> N, que dados dos naturales m y n, calcula la sumatoria desde m hasta n, de la siguiente manera:

```
suma_entre :: N -> N -> N
suma_entre m n
| m > n = 0
| otherwise = m + (suma_entre (m+1) n)
```

- Analizándola, podemos concluir que funciona correctamente, a pesar de que en la llamada recursiva ninguno de los argumentos decrece. ¿Cuál es el resultado de aplicar suma\_entre 2 5 ?
- 2. ¿Por qué la definición precedente es bien fundada (da lugar siempre a computaciones finitas)? ¿Cuál es el "tamaño" del problema que decrece?
- 3. Definir la función suma\_entre':: N -> N -> N, que dados dos naturales m y n, calcule la sumatoria desde n hasta m y no desde m hasta n como la precedente.
- 4. Definir la función suma\_entre\_f :: (N -> N) -> N -> N, que dada una función f y dos naturales m y n, calcula la sumatoria desde n hasta m aplicando la función f a cada término  $(\sum_{i=m}^n f i)$ .
- 5. Haciendo uso de la función suma\_entre\_f definir la función suma\_i :: N -> N, que dado un natural n, calcula la sumatoria desde i=0 hasta n  $(\sum_{i=0}^{n} i)$ .

? 2.

Definir la función es\_divisor :: N -> N -> Bool, que dados dos naturales positivos n y k, retorna True si k es un divisor de n (o si n es un múltiplo de k).
 Ejemplos:

```
es_divisor 4 8 = False, porque 8 no es divisor de 4.
es_divisor 10 5 = True, porque 5 si divisor de 10.
```

2. Haciendo uso de la función es\_divisor, definir la función primer\_divisor :: N -> N, que dado un natural n mayor o igual a 2, retorna el primer divisor de n entre [2..n]. Ejemplos:

```
primer_divisor 6 = 2
primer_divisor 7 = 7
```

3. Usando las funciones es\_divisor y primer\_divisor, definir la función es\_primo :: N -> Bool, que dado un natural n, indica si n es un número primo (que tiene exactamente 2 divisores, el 1 y él mismo).

Ejemplo:

es\_divisor 11 = True, porque tiene exactamente 2 divisores el 1 y el 11.

?3. Sea la función minimo\_acotado::(N -> Bool) -> N -> N, que dado un predicado p y dos naturales m y n, se realiza una búsqueda lineal del primer elemento que cumpla el predicado p en el intervalo [m..n] retornándolo (si tal valor existe). Y se define de la siguiente manera:

- 1. Explicar la función mínimo\_acotado. ¿Qué retorna en caso de que ningún valor en el intervalo considerado cumpla el predicado dado?
- 2. Utilizando las funciones minimo\_acotado y es\_divisor, definir la función primer\_divisor':: N
  -> N, que se comporta como la funcón primer\_divisor definida en el ejercicio 2.2.
- 3. Definir la función maximo\_acotado::(N -> Bool) -> N -> N, que dado un predicado p y dos naturales m y n, retorna el máximo elemento que cumpla el predicado p en el intervalo [m..n]. Notar que es una función similar a minimo\_acotado. Ejemplos:

```
maximo_acotado par 3 7 = 6
maximo_acotado es_primo 2 11 = 11
```

4. Sea la función minimo\_p::(N -> Bool) -> N -> N, la cual no toma recaudos para el caso en que no exista un valor que cumpla el predicado a considerar y, en consecuencia, puede entrar en loop infinito, definida de la siguiente manera:

¿En qué condiciones termina una ejecución de la función precedente?

## ?4.

- 1. Definir la función cantidad\_p::(N -> Bool) -> N -> N, que dado un predicado p, y dos naturales m y n, retorna la cantidad de elementos que cumplen p en el intervalo [m..n].
- 2. Definir la función  $suma_p :: (N \rightarrow Bool) \rightarrow N \rightarrow N$ , que dado un predicado p y dos naturales m y n, retorna la suma de los elementos que cumplen p en el intervalo [m..n].
- 3. Definir la fución suma2\_p:: (N -> Bool) -> N -> N, que dado un predicado p y dos naturales m y n, retorna la suma de los cuadrados de los elementos que cumplan p en el intervalo [m..n].
- 4. Definir la función sumaf\_p:: (N -> Bool) -> (N -> N) -> N -> N, que dado un predicado p, una función f y dos naturales m y n, calcula la suma de aplicarle la función f a los elementos que cumplan p en el intervalo [m..n].
- 5. Definir la funcón todos\_p:: (N -> Bool) -> N -> N -> Bool, que dado un predicado p y dos naturales m y n, retorna True si todos los elementos en el intervalo [m..n] satisfacen p.
- 6. Definir la funcón existe\_p:: (N  $\rightarrow$  Bool)  $\rightarrow$  N  $\rightarrow$  N  $\rightarrow$  Bool, que dado un predicado p y dos naturales m y n, retorna True si algún elemento en el intervalo [m..n] satisface p.