# Técnicas Avanzadas de Estadística

#### Javier Cara

#### curso 2023-24

## Contenido

# Regresión lineal

- 1. Modelo de regresión lineal
  - a. Modelo con un regresor (pdf)
  - b. Modelo con dos regresores (pdf)
  - c. Modelo con K regresores (pdf)
  - d. Estimación del modelo con la función lm (pdf)
  - e. Regresores cualitativos (pdf)
- 2. Inferencia en el modelo de regresión lineal
  - a. Estimadores y su distribución (pdf)
  - b. Intervalos de confianza (pdf)
  - c. Contraste de hipótesis (pdf)
  - d. Bootstrap (pdf)
- 3. Aplicaciones del modelo de regresión lineal
  - a. Cálculo de predicciones (pdf)
  - b. Análisis de las relaciones entre variables (pdf)
- 4. Diagnosis
  - a. Análisis de los residuos del modelo (pdf)
- 5. Ejemplo
  - a. Ejemplo completo de regresión lineal (pdf)
- 6. Extensiones del modelo lineal
  - a. Regresores polinómicos (pdf)
  - b. Splines (pdf)
  - c. Modelos Aditivos (pdf)
  - d. Regresión local (pdf)
- 7. Validación cruzada
  - a. Validación cruzada (pdf)
- 8. Comparación de modelos y selección de variables
  - a. Comparación de modelos y selección de variables (pdf)
- 9. Apéndices
  - a. Derivada de un escalar respecto de un vector (pdf)
  - b. Matriz de covarianzas (pdf)
  - c. Variable aleatoria normal (pdf)
  - d. Introducción a la simulación de variables aleatorias (pdf)

# Modelos lineales generalizados

#### Regresión logística

- 1. Modelo de regresión logística
  - a. Modelo con un regresor (pdf)
  - b. Modelo con K regresores (pdf)
  - c. Regresores cualitativos (pdf)
- 2. Inferencia en el modelo de regresión logística
  - a. Estimadores y su distribución. Inferencia (pdf)
  - b. Bootstrap (pdf)
- 3. Aplicaciones del modelo de regresión logística
  - a. Cálculo de predicciones (pdf)
  - b. Análisis de las relaciones entre variables (pdf)
- 4. Bondad de ajuste
  - a. Bondad del ajuste(pdf)
- 5. Residuos
  - a. Análisis de los residuos del modelo (pdf)
- 6. Apéndices
  - a. Regresión logística binomial (pdf)

### Regresión logística multinomial

#### Regresión de Poisson

- 1. Modelo de regresión logística
  - a. Modelo (pdf)
- 2. Inferencia en el modelo de regresión logística
  - a. Estimadores y su distribución. Inferencia (pdf)
- 3. Aplicaciones del modelo de regresión de Poisson
  - a. Cálculo de predicciones (pdf)
- 4. Bondad de ajuste
  - a. Bondad del ajuste (pdf)

### Algoritmos

#### Árboles de clasificación y de regresión

- 1. Árboles de regresión
  - a. Arbol con un regresor (pdf)
  - b. Arbol con K regresores (pdf)
- 2. Random Forest
  - a. Random Forest (pdf)
- 3. Árboles de clasificación
  - a. Árboles de clasificación (pdf)

#### K - Nearest Neighbours

- 1. KNN para clasificiación (pdf)
- 2. KNN para regresión (pdf)

# Bibliografía

Los libros utilizados en la redacción de estos apuntes han sido, fundamentalmente:

• [Faraway2014] Linear models with R. Julian J. Faraway. Chapman and Hall/CRC. Edicion 2, 2014.

- [Gelman2007] Data Analysis Using Regression and Multilevel/Hierarchical Models. Andrew Gelman, Jennifer Hill. Cambridge University Press. 2007.
- [James2017] An Introduction to Statistical Learning: with Applications in R. Gareth James, Daniela Witten, Trevor Hastie and Rob Tibshirani. Springer, 2017.
- [Montgomery2013] Introduction to Linear Regression Analysis. Douglas Montgomery, Elisabeth Peck, Geofrey Vining . Editorial Wiley-Blackwell, Edicion 5, 2013.
- [Peña2010] Regresión y diseño de experimentos. Daniel Peña. Alianza Editorial, 2010.
- [Sheather2009] A modern approach to regression with R. Simon J. Sheather. Springer tests in Statistics, 2009.

# Archivos de datos

- Advertising.csv. Mas información en [James2017].
- cerezos.txt
- coches.txt
- kidiq.csv. Mas información en [Gelman2007].
- Hitters.csv. Mas información en [James2017].
- Wage.csv. Mas información en [James2017].

## **Funciones**

- cross\_val\_pos().
- MSE()
- predict.regsubsets().