# Regresores cualitativos

### Contents

1 Regresores cualitativos con dos niveles

	1.1 Variables auxiliares	1
	1.2 Factores	2
	1.3 Variables auxiliares 1	3
	1.4 Factores 1	4
	1.5 Modelo sin ordenada en el origen	5
2	Regresores cualitativos con más de dos niveles	6
	2.1 Variables auxiliares	6
	2.2 Factores	8
3	Modelo con más de un regresor cualitativo	10
4	Modelo con interacción entre regresores cuantitativos y cualitativos	10
	4.1 Variables auxiliares	10
	4.2 Factores	11
1	Regresores cualitativos con dos niveles	
	s variables cualitativas se representan en R con <i>factores</i> . En este caso hay dos variables cualitation_hs y mom_work. Como no son factores, se van a convertir a factor:	vas,
	= read.csv("datos/kidiq.csv") r(d)	
##	'data.frame': 434 obs. of 5 variables: \$ kid_score: int 65 98 85 83 115 98 69 106 102 95	

1

### 1.1 Variables auxiliares

\$ mom\_iq

La primera opción para incluir regresores cualitativos en el modelo es crear variables auxiliares con valores cero - uno. En este caso se crea la variable auxiliar secundaria\_si:

d\$mom\_work = factor(d\$mom\_work, labels = c("notrabaja", "trabaja23", "trabaja1\_parcial", "trabaja1\_comp

• secundaria\_si = 1, si la madre ha terminado secundaria (mom\_hs = si)

: num 121.1 89.4 115.4 99.4 92.7 ...

\$ mom\_age : int 27 25 27 25 27 18 20 23 24 19 ...

\$ mom\_work : int 4 4 4 3 4 1 4 3 1 1 ...

d\$mom\_hs = factor(d\$mom\_hs, labels = c("no", "si"))

• secundaria\_si = 0, si la madre no ha terminado secundaria (mom\_hs = no)

```
secundaria_si = ifelse(d$mom_hs == "si", 1, 0)
```

El modelo estadístico que vamos a estimar es:

```
kid\_score_i = b_0 + b_1mom\_iq\_i + b_2secundaria\_si_i + e_i
```

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + secundaria_si, data = d)
coef(m)
```

```
## (Intercept) mom_iq secundaria_si
## 25.731538 0.563906 5.950117
```

El el fondo tenemos dos modelos, uno para las madres que han terminado secundaria y otro para los que no han terminado:

• Madres sin secundaria terminada (variable secundaria si = 0): El modelo correspondiente es

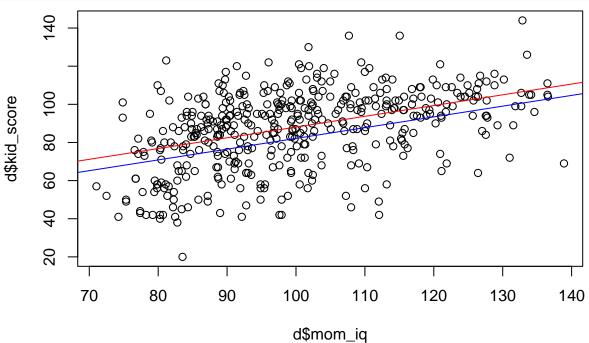
$$kid\_score_i = b_0 + b_1mom\_iq\_i + e_i$$

• Madres con secundaria terminada (variable secundaria\_si = 1): el modelo correspondiente es

$$kid\_score_i = (b_0 + b_2) + b_1mom\_iq\_i + e_i$$

Es decir, son dos rectas paralelas de pendiente  $b_1$  y separadas una distancia igual a  $b_2$ .

```
plot(d$mom_iq, d$kid_score)
# modelo para secundaria_si = 0
abline(a = m$coef[1], b = m$coef[2], col = "blue")
# modelo para secundaria_si = 1
abline(a = m$coef[1] + m$coef[3], b = m$coef[2], col = "red")
```



### 1.2 Factores

Una manera más elegante de estimar estos modelos en R es utilizar directamente los factores en la formula de lm():

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + mom_hs, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + mom_hs, data = d)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                 3Q
                                        Max
##
   -52.873 -12.663
                     2.404
                             11.356
                                     49.545
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 25.73154
                            5.87521
                                      4.380 1.49e-05 ***
## mom_iq
                            0.06057
                                      9.309 < 2e-16 ***
                0.56391
## mom_hssi
                5.95012
                            2.21181
                                      2.690 0.00742 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 18.14 on 431 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2141, Adjusted R-squared: 0.2105
## F-statistic: 58.72 on 2 and 431 DF, p-value: < 2.2e-16
Internamente, R ha creado la variable auxiliar mom_hssi, que toma los valores
  • mom_hssi = 1 si mom_hs = si
  • mom_hssi = 0 si mom_hs = no.
R asigna los valores 0 y 1 en función de los niveles del factor:
levels(d$mom hs)
## [1] "no" "si"
contrasts(d$mom_hs)
##
      si
```

### 1.3 Variables auxiliares 1

## no

## si

0

1

También se podía haber creado la variable auxiliar secundaria no:

- secundaria\_no = 0, si la madre ha terminado secundaria (mom\_iq = si)
- secundaria\_no = 1, si la madre no ha terminado secundaria (mom\_iq = no)

```
secundaria_no = ifelse(d$mom_hs == "no", 1, 0)
```

El modelo estadístico que vamos a estimar ahora es:

```
kid\_score_i = b_0^* + b_1^*mom\_iq\_i + b_2^*secundaria\_no_i + e_i
```

donde se ha enfatizado que, en principio, los parámetros son diferentes ya que las variables son diferentes. En R:

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + secundaria_no, data = d)
coef(m)
```

```
## (Intercept) mom_iq secundaria_no
## 31.681655 0.563906 -5.950117
```

Los dos modelos que tenemos ahora son:

• Madres sin secundaria terminada (variable secundaria\_no = 1): el modelo correspondiente es

$$kid\_score_i = (b_0^* + b_2^*) + +b_1^*mom\_iq\_i + e_i$$

• Madres con secundaria terminada (variable secundaria\_no = 0): El modelo correspondiente es

$$kid\_score_i = b_0^* + b_1^*mom\_iq\_i + e_i$$

Igualando los modelos creados con las dos variables auxiliares, se tiene que cumplir que:

$$b_1 = b_1^*$$

$$b_0 = b_0^* + b_2^*$$

$$b_0^* = b_0 + b_2$$

Eliminando  $b_0^*$  se tiene que

$$b_2 = -b_2^*$$

## 1.4 Factores 1

Este nuevo modelo se introduce en lm() cambiando el nivel de referencia de la variable factor. Los niveles que tiene actualmente la variable son

```
levels(d$mom_hs)
```

```
## [1] "no" "si"
```

EL nivel de referencia es "no". Los valores que R asigna internamente a cada nivel son

contrasts(d\$mom hs)

Cambiamos el nivel de referencia:

```
d$mom_hs = relevel(d$mom_hs, ref = "si")
levels(d$mom_hs)
```

```
## [1] "si" "no"
```

Por tanto, los valores que asigna R a los distintos niveles son

contrasts(d\$mom hs)

```
## no
## si 0
## no 1
```

Ahora se puede aplicar la función lm():

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + mom_hs, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + mom_hs, data = d)
##
## Residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -52.873 -12.663
                     2.404
                           11.356
                                    49.545
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 31.68166
                           6.26881
                                     5.054 6.41e-07 ***
## mom_iq
               0.56391
                           0.06057
                                     9.309 < 2e-16 ***
## mom_hsno
               -5.95012
                           2.21181 -2.690 0.00742 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 18.14 on 431 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2141, Adjusted R-squared: 0.2105
## F-statistic: 58.72 on 2 and 431 DF, p-value: < 2.2e-16
Vemos que ahora R ha creado la variable auxiliar mom_hsno, que toma los valores
  • mom hsno = 0 si mom hs = si
```

### 1.5 Modelo sin ordenada en el origen

• mom hsno = 1 si mom hs = no.

Una tercera opción es utilizar el modelo sin ordenada en el origen:

```
kid\ score = b_1mom\ iq\ i + b_2secundaria\ si + b_3secundaria\ no + e
```

en el que se utilizan las dos variables auxiliares pero se elimina el parámetro  $b_0$ . Los modelos ahora son:

• madre que si ha terminado secundaria: secundaria\_si = 1, secundaria\_no = 0

$$kid\_score = b_2 + b_1mom\_iq\_i + e$$

• madre que no ha terminado secundaria: secundaria\_si = 0, secundaria\_no = 1

$$kid\_score = b_3 + b_1mom\_iq\_i + e$$

De nuevo tenemos dos rectas paralelas con pendiente  $\beta_1$  y separadas una distancia igual a  $b_2 - b_3$ .

```
m = lm(kid_score ~ 0 + mom_iq + secundaria_si + secundaria_no, data = d)
summary(m)
```

```
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ 0 + mom_iq + secundaria_si + secundaria_no,
## data = d)
##
```

```
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               30
                                      Max
## -52.873 -12.663
                   2.404 11.356 49.545
##
## Coefficients:
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## mom iq
                 0.56391 0.06057
                                      9.309 < 2e-16 ***
## secundaria_si 31.68166
                            6.26881
                                      5.054 6.41e-07 ***
## secundaria_no 25.73154
                            5.87521
                                      4.380 1.49e-05 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 18.14 on 431 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9589, Adjusted R-squared: 0.9586
## F-statistic: 3353 on 3 and 431 DF, p-value: < 2.2e-16
Con factores:
m = lm(kid_score ~ 0 + mom_iq + mom_hs, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ 0 + mom_iq + mom_hs, data = d)
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                    2.404 11.356 49.545
## -52.873 -12.663
## Coefficients:
##
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
           0.56391 0.06057
                               9.309 < 2e-16 ***
## mom_iq
## mom_hssi 31.68166
                       6.26881
                                 5.054 6.41e-07 ***
                                 4.380 1.49e-05 ***
## mom_hsno 25.73154
                       5.87521
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 18.14 on 431 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.9589, Adjusted R-squared: 0.9586
## F-statistic: 3353 on 3 and 431 DF, p-value: < 2.2e-16
```

## 2 Regresores cualitativos con más de dos niveles

### 2.1 Variables auxiliares

En el caso de tener regresores cualitativos con más de dos niveles:

```
levels(d$mom_work)
## [1] "notrabaja" "trabaja23" "trabaja1_parcial" "trabaja1_completo"
```

Definimos las variables axiliares:

- notrabaja\_si = 1 si mom\_work = notrabaja
- trabaja23\_si = 1 si mom\_work = trabaja23
- $trabaja1\_parcial\_si = 1 si mom\_work = trabaja1\_parcial$
- trabaja1 completo si = 1 si mom work = trabaja1 completo

```
notrabaja_si = ifelse(d$mom_work == "notrabaja", 1, 0)
trabaja23_si = ifelse(d$mom_work == "trabaja23", 1, 0)
trabaja1_parcial_si = ifelse(d$mom_work == "trabaja1_parcial", 1, 0)
trabaja1_completo_si = ifelse(d$mom_work == "trabaja1_completo", 1, 0)
```

Como la variable cualitativa tiene **cuatro niveles**, con **tres variables auxiliares** representamos todos los casos. El modelo general es:

 $kid\_score = b_0 + b_1mom\_iq\_i + b_2trabaja23\_si + b_3trabaja1\_parcial\_si + b_4trabaja1\_completo\_si + e_1trabaja23\_si + b_3trabaja23\_si +$ 

• El modelo para las madres que no han trabajado es

$$kid\_score = b_0 + b_1mom\_iq\_i + e$$

ya que en este caso trabaja23\_si = 0, trabaja1\_parcial\_si = 0 y trabaja1\_completo\_si = 0.

• El modelo para las madres que trabajaron el segundo o tercer año es:

$$kid\_score = (b_0 + b_2) + b_1mom\_iq\_i + e$$

• El modelo para las madres que trabajaron el primer año a tiempo parcial es:

$$kid\ score = (b_0 + b_3) + b_1 mom\ iq\ i + e$$

• Por último, el modelo para las madres que trabajaron el primer año a tiempo completo es:

$$kid\ score = (b_0 + b_4) + b_1 mom\ iq\ i + e$$

En R:

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + trabaja23_si + trabaja1_parcial_si + trabaja1_completo_si, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + trabaja23_si + trabaja1_parcial_si +
##
       trabaja1_completo_si, data = d)
##
## Residuals:
                1Q Median
                                3Q
##
       Min
                                        Max
  -57.796 -12.103
                    1.892
                           12.019
                                    50.582
##
##
## Coefficients:
##
                        Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                        24.14226
                                    6.14276
                                               3.930 9.89e-05 ***
## mom_iq
                         0.59478
                                    0.05942
                                              10.009
                                                     < 2e-16 ***
## trabaja23_si
                         3.97026
                                     2.78980
                                               1.423
                                                       0.1554
## trabaja1_parcial_si
                         6.60140
                                     3.23986
                                               2.038
                                                       0.0422 *
## trabaja1_completo_si 3.06392
                                     2.44682
                                               1.252
                                                       0.2112
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

## Residual standard error: 18.24 on 429 degrees of freedom

```
## Multiple R-squared: 0.2091, Adjusted R-squared: 0.2018
## F-statistic: 28.36 on 4 and 429 DF, p-value: < 2.2e-16</pre>
```

- Es decir, tenemos cuatro rectas paralelas con pendiente  $b_1$ .
- $b_2$  representa la distancia entre el modelo para las madres que trabajaron el segundo o tercer año y el modelo para las madres que no han trabajado (la referencia en este caso).
- b<sub>3</sub> representa la distancia entre el modelo para las madres que trabajaron el primer año a tiempo parcial y el modelo para las madres que no han trabajado.
- b<sub>4</sub> representa la distancia entre el modelo para las madres que trabajaron el primer año a tiempo completo y el modelo para las madres que no han trabajado.

#### 2.2 Factores

Utilizando factores se obtienen los mismos resultados:

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + mom_work, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + mom_work, data = d)
##
## Residuals:
##
      Min
                10
                   Median
                                3Q
                                       Max
  -57.796 -12.103
                     1.892 12.019
                                    50.582
##
##
## Coefficients:
##
                             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                                   3.930 9.89e-05 ***
## (Intercept)
                             24.14226
                                         6.14276
## mom_iq
                              0.59478
                                         0.05942
                                                 10.009
                                                          < 2e-16 ***
## mom_worktrabaja23
                              3.97026
                                         2.78980
                                                   1.423
                                                           0.1554
## mom_worktrabaja1_parcial
                              6.60140
                                         3.23986
                                                   2.038
                                                           0.0422 *
## mom_worktrabaja1_completo
                              3.06392
                                         2.44682
                                                   1.252
                                                           0.2112
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 18.24 on 429 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2091, Adjusted R-squared: 0.2018
## F-statistic: 28.36 on 4 and 429 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Comprobamos que internamente R crea variables auxiliares según los valores:

```
levels(d$mom_work)
```

```
## [1] "notrabaja" "trabaja23" "trabaja1_parcial" "trabaja1_completo"
contrasts(d$mom_work)
```

```
##
                      trabaja23 trabaja1_parcial trabaja1_completo
## notrabaja
                               0
                                                                     0
                                                  0
                                                  0
                                                                     0
## trabaja23
                               1
## trabaja1_parcial
                               0
                                                  1
                                                                     0
## trabaja1_completo
                               0
                                                  0
                                                                     1
```

Podemos hacer otras comparaciones cambiando la variable de referencia:

```
d$mom_work = relevel(d$mom_work, ref="trabaja1_parcial")
levels(d$mom_work)
```

```
## [1] "trabaja1_parcial" "notrabaja"
                                                "trabaja23"
                                                                     "trabaja1_completo"
m = lm(kid_score ~ mom_iq + mom_work, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + mom_work, data = d)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                   Median
                                 3Q
## -57.796 -12.103
                     1.892
                           12.019
                                     50.582
## Coefficients:
##
                              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                              30.74366
                                          6.72687
                                                    4.570 6.38e-06 ***
## mom_iq
                              0.59478
                                          0.05942
                                                  10.009
                                                            < 2e-16 ***
## mom_worknotrabaja
                              -6.60140
                                          3.23986
                                                   -2.038
                                                             0.0422 *
## mom_worktrabaja23
                                          3.10699 -0.847
                                                             0.3976
                              -2.63114
## mom_worktrabaja1_completo -3.53747
                                          2.76336 -1.280
                                                             0.2012
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 18.24 on 429 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2091, Adjusted R-squared: 0.2018
## F-statistic: 28.36 on 4 and 429 DF, p-value: < 2.2e-16
Como observamos, el nivel de referencia, que en este caso es "trabaja1_parcial", no aparece explícitamente
en el modelo. Efectivamente, el modelo sería:
```

```
kid\_score = b_0^* + b_1^*mom\_iq\_ + b_2^*notrabaja\_si + b_3^*trabaja23\_si + b_4^*trabaja1\_completo\_si + e_1^*trabaja1\_completo\_si + e_2^*trabaja1\_completo\_si + e_2^*trab
```

El caso de la variable trabaja1\_parcial aparece cuando el resto de variables toma el valor cero. En ese caso el modelos sería:

$$kid\_score = b_0^* + b_1^*mom\_iq\_ + e$$

Además de cambiar el nivel de referencia, también se podría reordenar los niveles de la variable factor:

```
d$mom_work1 = factor(d$mom_work, levels=c("trabaja1_completo", "trabaja23", "notrabaja", "trabaja1_parcial
levels(d$mom_work1)
```

```
## [1] "trabaja1_completo" "trabaja23"
                                                                      "trabaja1_parcial"
                                                 "notrabaja"
m = lm(kid_score ~ mom_work1, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_work1, data = d)
##
## Residuals:
##
      Min
              1Q Median
                             3Q
                                   Max
   -65.85 -12.85
                   2.79
                         14.15
                                 50.50
```

##

```
## Coefficients:
##
                            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                              87.210
## (Intercept)
                                          1.413 61.723
                              -1.356
## mom_work1trabaja23
                                          2.502 -0.542
                                                          0.5882
## mom work1notrabaja
                              -5.210
                                          2.704
                                                 -1.927
                                                          0.0547
## mom work1trabaja1 parcial
                               6.290
                                          3.050
                                                          0.0398 *
                                                  2.062
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 20.23 on 430 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.02444,
                                   Adjusted R-squared:
## F-statistic: 3.59 on 3 and 430 DF, p-value: 0.01377
```

Como vemos de nuevo, el nivel de referencia no aparece explícitamente.

## 3 Modelo con más de un regresor cualitativo

## 4 Modelo con interacción entre regresores cuantitativos y cualitativos

### 4.1 Variables auxiliares

En los modelos anteriores se ha modelado las variables cuantitativas y cualitativas por separado, obteniendo rectas paralelas. También es posible incluir la interacción de ambas variables, es decir, el comportamiento de una variable influye en la otra variable. El modelo se escribe así:

```
kid\ score = b_0 + b_1mom\ iq + b_2secundaria\ si + b_3secundaria\ si * mom\ iq + e
```

Como vemos, este modelo incluye dos submodelos:

- si la madre no ha terminado secundaria  $secundaria\_si = 0$ :  $kid\_score = b_0 + b_1mom\_iq + e$
- si la madre si ha terminado secundaria  $secundaria\_si = 1$ :  $kid\_score = (b_0 + b_2) + (b_1 + b_3)mom\_iq + e$

Luego tenemos dos modelos con ordenadas en el origen y pendiente diferentes. En R introducimos la interacción haciendo:

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + secundaria_si + I(mom_iq*secundaria_si), data = d)
summary(m)

##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + secundaria_si + I(mom_iq *
```

```
secundaria si), data = d)
##
## Residuals:
       Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
## -52.092 -11.332
                     2.066 11.663 43.880
##
## Coefficients:
                             Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                             -11.4820
                                         13.7580 -0.835 0.404422
## mom_iq
                               0.9689
                                          0.1483
                                                   6.531 1.84e-10 ***
## secundaria_si
                              51.2682
                                         15.3376
                                                   3.343 0.000902 ***
## I(mom_iq * secundaria_si) -0.4843
                                          0.1622 -2.985 0.002994 **
```

```
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 17.97 on 430 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2301, Adjusted R-squared: 0.2247
## F-statistic: 42.84 on 3 and 430 DF, p-value: < 2.2e-16
Gráficamente:
plot(d$mom_iq, d$kid_score, col = d$mom_hs, pch = 20)
abline(a = m$coefficients["(Intercept)"], b = m$coefficients["mom_iq"], col = "black")
abline(a = m$coefficients["(Intercept)"] + m$coefficients["secundaria_si"],
      b = m$coefficients["mom_iq"] + m$coefficients["I(mom_iq * secundaria_si)"], col = "red")
     140
     100
d$kid_score
     80
     9
     4
           70
                     80
                               90
                                        100
                                                  110
                                                            120
                                                                      130
                                                                                140
                                          d$mom_iq
```

En este modelo, la diferencia entre puntuaciones medias de chicos no es constante como antes, depende simultáneamente del valor de mom\_iq de su madre y de si terminó o no la secundaria.

### 4.2 Factores

Con factores, la interacción entre variables se incluye con los dos puntos:

```
m = lm(kid_score ~ mom_iq + mom_hs + mom_iq:mom_hs, data = d)
summary(m)
##
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq + mom_hs + mom_iq:mom_hs, data = d)
##
## Residuals:
       Min
                1Q
                    Median
                                 3Q
                                        Max
                     2.066 11.663 43.880
  -52.092 -11.332
##
##
## Coefficients:
##
                    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                                           5.869 8.78e-09 ***
                    39.78620
                                6.77935
## (Intercept)
```

```
## mom_iq
                    0.48461
                               0.06564 7.383 8.08e-13 ***
## mom_hsno
                  -51.26822
                              15.33758 -3.343 0.000902 ***
## mom_iq:mom_hsno 0.48427
                               0.16222 2.985 0.002994 **
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 17.97 on 430 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2301, Adjusted R-squared: 0.2247
## F-statistic: 42.84 on 3 and 430 DF, p-value: < 2.2e-16
Otra alternativa es utilizar el signo de multiplicación, que incluye los regresores por separado y la interacción:
m = lm(kid_score ~ mom_iq * mom_hs, data = d)
summary(m)
##
## Call:
## lm(formula = kid_score ~ mom_iq * mom_hs, data = d)
##
## Residuals:
##
      Min
               1Q Median
                               3Q
                                      Max
## -52.092 -11.332
                   2.066 11.663 43.880
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                               6.77935
                                         5.869 8.78e-09 ***
## (Intercept)
                   39.78620
## mom_iq
                    0.48461
                               0.06564
                                         7.383 8.08e-13 ***
                  -51.26822
                             15.33758 -3.343 0.000902 ***
## mom hsno
                               0.16222 2.985 0.002994 **
## mom_iq:mom_hsno 0.48427
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 17.97 on 430 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2301, Adjusted R-squared: 0.2247
## F-statistic: 42.84 on 3 and 430 DF, p-value: < 2.2e-16
```