



ANÁLISIS DETALLADO SOBRE JULIA

TEORÍA DE LOS LENGUAJES
DE PROGRAMACIÓN

Javier Montes, Rodrigo Carreira, Pablo Muñoz y Jorge
Miguel Castillo

Resumen

Este trabajo presenta un análisis exhaustivo del lenguaje de programación Julia, diseñado para alto rendimiento en computación científica y técnica. La estructura de este documento abarca desde una introducción general hasta ejemplos prácticos y aplicaciones reales, proporcionando una perspectiva completa sobre Julia y sus capacidades.

En la **Introducción**, se destacan los motivos que impulsaron la creación de Julia, enfocados en combinar facilidad de uso con un rendimiento equiparable al de lenguajes como C o Fortran. Esta sección establece el contexto histórico y las necesidades tecnológicas que originaron este lenguaje, subrayando su relevancia en el ámbito académico e industrial.

La sección de **Características Principales** profundiza en las propiedades principales del lenguaje de programación Julia, estructurada en varias secciones para cubrir aspectos fundamentales como el sistema de tipos, operaciones, condicionales, bucles, funciones y manejo de errores.

La sección de **Semántica del Lenguaje** examina tres enfoques teóricos clave para entender Julia desde una perspectiva formal: la semántica operacional, que explica el comportamiento en tiempo de ejecución; la semántica denotacional, que asocia construcciones del lenguaje a significados matemáticos; y la semántica axiomatizada, aplicada en el sistema de tipos y la inmutabilidad. Este análisis es crucial para quienes desean profundizar en los fundamentos teóricos del lenguaje, facilitando una comprensión más precisa de sus reglas y su ejecución.

En la sección sobre **Paradigmas de Programación**, se discuten los enfoques de programación soportados por Julia, incluyendo programación funcional, orientada a objetos y basada en múltiples despachos. Esta flexibilidad paradigmática permite a los desarrolladores adoptar el estilo que mejor se adapte a sus necesidades, maximizando tanto la eficiencia como la legibilidad del código.

La sección de **Ejemplos Prácticos de Código** ofrece ilustraciones concretas de la sintaxis y el uso de Julia en escenarios reales. A través de ejemplos de implementación de algoritmos y estructuras comunes, se demuestran las capacidades y

la simplicidad de Julia, y se facilita la transición para programadores provenientes de otros lenguajes.

En **Aplicaciones y Casos de Uso**, se exploran los ámbitos en los que Julia se utiliza actualmente con éxito, como en computación científica, procesamiento de datos y desarrollo de inteligencia artificial. Esta sección destaca las contribuciones de Julia en proyectos de investigación, finanzas y análisis de grandes volúmenes de datos, consolidando su posición como una herramienta de vanguardia en aplicaciones de alto rendimiento.

Finalmente, en la **Conclusión**, se resumen los principales puntos analizados, y se discuten las perspectivas futuras de Julia en la comunidad de desarrolladores y su potencial en la industria. Este trabajo concluye que Julia, con su mezcla única de rendimiento y facilidad de uso, representa un recurso valioso tanto para investigadores como para profesionales que requieren capacidades de cálculo avanzado.

Índice

1. Introducción al lenguaje Julia:	11
1.1. Historia	11
1.2. Objetivos	11
1.3. Ámbitos de uso	13
1.4. Desafíos y Limitaciones actuales:	14
2. Características principales del lenguaje:	17
2.1. Tipos de Datos y Sistema de Tipado en Julia	17
2.1.1. Sistema de Tipado en Julia	17
2.1.2. Tipos de Datos Básicos en Julia	18
2.2. Operaciones en Julia	20
2.2.1. Operaciones Aritméticas	20
2.2.2. Operaciones Relacionales	21
2.2.3. Operaciones Lógicas	21
2.2.4. Operaciones de Asignación	22
2.2.5. Operaciones con Cadenas de Texto	22
2.2.6. Operaciones con Rangos	22
2.3. Condicionales en Julia	23
2.3.1. Estructura Básica de un Condicional	23
2.3.2. Ejemplo Básico de un Condicional	23
2.3.3. Condicionales Anidados	24
2.3.4. Operador Ternario	24
2.3.5. Uso de Cortocircuito en Condicionales	24
2.4. Bucles en Julia	25
2.4.1. Bucle <code>for</code>	25
2.4.2. Bucle <code>while</code>	26
2.4.3. Uso de <code>break</code> y <code>continue</code>	26
2.4.4. Bucles Anidados	27

2.5.	Funciones en Julia	27
2.5.1.	Definición Básica de Funciones	27
2.5.2.	Definición Concisa de Funciones	28
2.5.3.	Funciones Anónimas	28
2.5.4.	Parámetros con Valores Predeterminados	29
2.5.5.	Funciones con Argumentos Variables	29
2.5.6.	Funciones de Orden Superior	30
2.5.7.	Retorno de Múltiples Valores	30
2.6.	Manejo de Errores en Julia	31
2.6.1.	Bloques <code>try-catch-finally</code>	31
2.6.2.	Lanzamiento de Excepciones con <code>throw</code>	32
2.6.3.	Tipos de Excepciones Comunes	32
2.6.4.	Uso de <code>@assert</code> para Validaciones	33
3.	Semántica del lenguaje:	35
3.1.	Semántica general en Julia	35
3.2.	Semántica formal de Julia	36
3.3.	Formalización y limitaciones actuales	37
3.4.	Semántica de entornos y alcance de variables	37
3.5.	Semántica de clausuras y funciones anónimas	38
4.	Paradigmas de programación:	39
4.1.	Paradigma Imperativo	39
4.2.	Paradigma Funcional	40
4.3.	Paradigma Orientado a Objetos	43
4.4.	Paradigma Basado en Despacho Múltiple	44
4.5.	Metaprogramación	44
4.6.	Paradigmas Paralelo y Concurrente	45
5.	Ejemplos prácticos de código:	47
5.1.	Operaciones con Matrices	48
5.2.	Algoritmos genéticos	54

Índice de figuras

1.	Logo Julia	11
2.	Tipado dinámico en Julia	18
3.	Tipos enteros en Julia	18
4.	Tipos flotantes en Julia	19
5.	Tipo booleano en Julia	19
6.	Tipo string en Julia	19
7.	Tipo char en Julia	19
8.	Tipo complejo en Julia	20
9.	Tipo array en Julia	20
10.	Operaciones aritméticas en Julia	20
11.	Operaciones relacionales en Julia	21
12.	Operaciones lógicas en Julia	21
13.	Operaciones de asignación en Julia	22
14.	Operaciones con string en Julia	22
15.	Operaciones con rangos en Julia	22
16.	Estructura básica de un condicional en Julia	23
17.	Condicional básico en Julia	23
18.	Condicionales anidados en Julia	24
19.	Operador ternario en Julia	24
20.	Cortocircuito en condicionales en Julia	25
21.	Bucle for en Julia	25
22.	Bucle for con una lista en Julia	26
23.	Bucle while con una lista en Julia	26
24.	Uso de break y continue en Julia	27
25.	Bucle anidados en Julia	27
26.	Definición básica de una función en Julia	28
27.	Definición concisa de funciones en Julia	28
28.	Función anónima en Julia	29

29.	Parámetros con valores predeterminados en Julia	29
30.	Funciones con argumentos variables en Julia	30
31.	Función de orden superior en Julia	30
32.	Retorno de múltiples valores en Julia	31
33.	Estructura básica de un bloque try-catch-finally en Julia	31
34.	Lanzamiento de excepciones en Julia	32
35.	Captura de un ArgumentError en Julia	33
36.	Uso de @assert en Julia	33
37.	Just in Time (JIT) Inventory	36
38.	Programa imperativo	40
39.	Variables que contienen funciones	41
40.	Función pura	41
41.	Aplicarfuncion recibe a su vez una función	41
42.	Función anónima	42
43.	Inmutabilidad en Julia	42
44.	Operador para componer funciones	42
45.	Operaciones para estructuras de datos en programación funcional	43
46.	Macros en Julia	43
47.	POO en Julia	44
48.	Despacho múltiple en Julia	44
49.	Macros en Julia	45
50.	Paralelismo de procesos en Julia	45
51.	Multiplicación de Matrices Julia	48
52.	Multiplicación de Matrices	48
53.	Multiplicación de Matrices Python	49
54.	Multiplicación de Matrices	49
55.	Descenso de Gradiente en Julia	50
56.	Resultado	50
57.	Descenso de Gradiente en Python	51
58.	Resultado	51
59.	Montecarlo en Julia	52

60.	Resultado de Julia	52
61.	Montecarlo en Python	53
62.	Resultado de Python	53
63.	Buscar Texto en Julia	54
64.	Buscar texto en Python	54
65.	Problema con restricciones resuelto usando NSGA-II en MetalJul	56

1

Introducción al lenguaje Julia:

1.1. Historia

Julia es un lenguaje de programación que surgió en el año 2012, diseñado por Jeff Bezanson, Stefan Karpinski, Viral B. Shah y Alan Edelman [1], con el objetivo de crear un lenguaje libre que fuera rápido y de alto nivel. Es un lenguaje de alto rendimiento y especialmente orientado al cálculo numérico y computacional. Combina la velocidad de lenguajes como C, con el fácil uso de otros como Python.

Es un lenguaje de programación homoicónico, multiplataforma y multiparadigma, de tipado dinámico y de alto nivel, y con un alto desempeño en tareas como la computación genérica, técnica y científica [2].



Figura 1: Logo Julia

1.2. Objetivos

Como comentamos con anterioridad, el objetivo principal era abordar algunas limitaciones comunes en otros lenguajes utilizados en el cálculo numérico y científico. Además de una serie

de puntos a mejorar con respecto al resto de lenguajes usados en los mismos entornos [3]:

- **Rendimiento de Lenguaje Compilado:** Uno de los principales objetivos era lograr un lenguaje rápido como C o Fortran. Julia logra este rendimiento debido a su compilador Just-In-Time (JIT), basado en LLVM [4], optimizando así el código en tiempo de ejecución.
- **Simplicidad y Facilidad de uso:** Julia buscaba ser tan sencillo como lenguajes de scripting populares, tales como python o Matlab [5]. Para ello debía disponer de una sintaxis clara y concisa, soporte para estructura de datos comunes, y una curva de aprendizaje suave.
- **Capacidades Numéricas y Científicas Avanzadas:** Ya que buscaba ser usado para cálculo numérico, debía contar con soporte nativo para álgebra lineal, estadística y manipulación de grandes cantidades de datos [6].
- **Eliminar el Problema de los Dos Lenguajes:** La ciencia y la ingeniería requieren tanto velocidad como flexibilidad [3]. Los investigadores usaban lenguajes fáciles y de alto nivel como Python, MATLAB o R para prototipado, y luego debían reescribir el código en lenguajes rápidos como C o Fortran para producción. Esta duplicación de trabajo es ineficiente y dificulta la mantenibilidad y la colaboración.
- **Acelerar la Investigación Científica y la Innovación:** Se buscaba un verdadero incremento a la hora de desarrollar y ejecutar código, permitiendo a los investigadores centrarse más en la investigación y menos en problemas de rendimiento o traducción de código. También se buscaba facilitar una experimentación rápida, permitiendo probar ideas complejas sin necesidad de reescribir el código en otro lenguaje [2].
- **Facilitar la Escalabilidad y Computación en Paralelo:** Los creadores de Julia querían un lenguaje que pudiera escalar fácilmente, tanto en términos de ejecución en múltiples núcleos de CPU como en GPUs y clústeres de computación. La computación paralela y distribuida es esencial para muchos campos científicos y de análisis de datos, y Julia fue diseñado para aprovechar estas capacidades de manera nativa, haciéndolo ideal para computación de alto rendimiento [6].

- **Construir una Comunidad Colaborativa y Accesible:** Julia buscaba crear una comunidad de colaboración donde científicos y desarrolladores de distintas disciplinas pudieran contribuir y compartir su trabajo. La idea era democratizar el acceso a una herramienta poderosa y adaptable, permitiendo su adopción y expansión en universidades, centros de investigación y empresas sin barreras económicas [5].
- **Permitir la Innovación en Machine Learning e Inteligencia Artificial:** Al ofrecer un lenguaje rápido y flexible, Julia ayuda a investigadores de IA a desarrollar y experimentar con modelos complejos sin la sobrecarga de rendimiento que otros lenguajes suelen imponer en modelos grandes [3].
- **Facilitar la Interoperabilidad y la Adaptabilidad:** Con Julia debía poder integrarse fácilmente en entornos existentes que usaran otros lenguajes, como Python, R, C o Fortran, permitiendo a los usuarios combinar Julia con herramientas ya establecidas sin problemas [2].

1.3. Ámbitos de uso

Los principales campos en los que está extendido el uso Julia como uno de los principales lenguajes de programación son:

- **Ciencia de Datos y Machine Learning:** Gracias a su capacidad para manejar grandes volúmenes de datos y algoritmos complejos, es cada vez más común su uso para estas áreas. Julia ofrece librerías de machine learning y deep learning, como Flux y Kent, optimizadas para tareas de IA.
- **Cálculo Científico:** Usado para simulaciones y modelado computacional en campos científicos tales como física, química, ingeniería, biología, etc.
- **Finanzas y Economía:** Usado para el modelado de sistemas económicos, optimización de portafolios y realización de simulaciones financieras.
- **Computación de Alto Rendimiento (HPC):** Debido a su eficiencia y paralelismo, Julia es ideal para usarse en aplicaciones de HPC en áreas como la climatología, astrofísica y la simulación de sistemas complejos.

1.4. Desafíos y Limitaciones actuales:

Aunque Julia ha crecido rápidamente y ofrece características únicas, enfrenta ciertos desafíos que afectan su adopción y uso en comparación con lenguajes más establecidos:

- **Ecosistema de bibliotecas y paquetes limitado:** Si bien Julia ha desarrollado una gran cantidad de paquetes para áreas como machine learning, álgebra lineal y simulación, su ecosistema es todavía más reducido y menos maduro que el de Python o R. Algunos paquetes críticos en otros lenguajes no tienen equivalente en Julia, o están en etapas tempranas de desarrollo, provocando así que en ciertos casos los usuarios opten por recurrir a otros lenguajes para suplir estas carencias.
- **Rendimiento y compilación lenta en la primera ejecución:** Aunque Julia es conocido por su rendimiento alto gracias a la compilación Just-In-Time (JIT), sufre de un tiempo de espera notable en la primera ejecución de las funciones, conocido como time-to-first-plot. Esto ocurre porque Julia compila el código en el primer uso, lo cual puede ser problemático para proyectos en los que se necesita un tiempo de respuesta inmediato. Aunque este no es un problema durante la ejecución continua, puede afectar a quienes dependen de cálculos rápidos y reiterados.
- **Compatibilidad y actualización de versiones:** Julia aún se enfrenta a desafíos en términos de compatibilidad entre versiones. Aunque el lanzamiento de Julia 1.0 en 2018 marcó un hito de estabilidad, los usuarios aún pueden encontrarse con problemas de compatibilidad en ciertos paquetes al actualizar a versiones más nuevas. Esto afecta especialmente a los proyectos de largo plazo, donde las actualizaciones frecuentes son más complicadas.
- **Adopción relativamente baja en la industria:** Comparado con lenguajes como Python o R, Julia aún no tiene una adopción amplia en la industria. Esto se debe en parte a su juventud y al menor número de profesionales familiarizados con él. Las empresas que dependen de un ecosistema establecido o que necesitan un amplio soporte y experiencia pueden ser reacias a cambiar a Julia, lo que limita sus oportunidades de crecimiento fuera de entornos académicos y de investigación avanzada.

- **Documentación y recursos de aprendizaje:** Aunque Julia tiene una documentación bastante completa, algunos usuarios encuentran que todavía faltan recursos y tutoriales avanzados en comparación con otros lenguajes más antiguos. Esto puede hacer que el aprendizaje de Julia, especialmente en usos avanzados como computación paralela o uso de GPUs, sea más desafiante para los nuevos usuarios.

2

Características principales del lenguaje:

Este trabajo presenta una visión general de las estructuras básicas del lenguaje de programación Julia, abarcando bucles, condicionales, tipos, operaciones y manejo de errores. Julia es un lenguaje dinámico que combina características de los lenguajes interpretados y compilados. Aunque su sintaxis es interpretada en tiempo de ejecución, utiliza un compilador JIT (Just-In-Time) que optimiza el código para un rendimiento cercano al de los lenguajes compilados, como C. Esta combinación permite a Julia destacar en cálculos numéricos y procesamiento intensivo, ofreciendo tanto legibilidad y flexibilidad como eficiencia en el desarrollo de algoritmos complejos.

2.1. Tipos de Datos y Sistema de Tipado en Julia

Julia es un lenguaje con un sistema de tipos dinámico y fuerte, pero que permite también la especificación de tipos estáticos para mejorar el rendimiento en ciertos casos. Esto significa que las variables pueden ser declaradas sin especificar el tipo y Julia determinará su tipo en tiempo de ejecución. Sin embargo, los tipos pueden ser restringidos explícitamente, lo cual es útil para optimizar el código.

2.1.1. Sistema de Tipado en Julia

El sistema de tipado de Julia se caracteriza por ser:

- **Dinámico:** Las variables pueden cambiar de tipo en tiempo de ejecución.

- **Fuerte:** No permite conversiones implícitas de tipo sin una operación explícita.
- **Jerárquico:** Julia organiza los tipos en una jerarquía, permitiendo a los desarrolladores usar tipos abstractos y tipos concretos.

A continuación, se muestra un ejemplo del tipado dinámico en Julia:

```

2  x = 10
3  println(typeof(x))  # Muestra "Int64"
4
5  x = 3.14
6  println(typeof(x))  # Muestra "Float64"
7

```

Figura 2: Tipado dinámico en Julia

En este ejemplo, la variable `x` cambia su tipo de `Int64` a `Float64` en tiempo de ejecución, lo que muestra la flexibilidad del tipado dinámico.

2.1.2. Tipos de Datos Básicos en Julia

Julia ofrece varios tipos de datos básicos, cada uno diseñado para optimizar cálculos y facilitar el manejo de datos. Los tipos principales incluyen:

1. Enteros (Int) Los enteros en Julia están optimizados para el sistema operativo y hardware en uso. Por ejemplo, en un sistema de 64 bits, el tipo `Int` corresponde a `Int64`.

```

11
12  a = 42                # Por defecto, es Int64 en sistemas de 64 bits
13
14  b::Int8 = 127         # Entero de 8 bits
15  c::UInt16 = 30000     # Entero sin signo de 16 bits
16

```

Figura 3: Tipos enteros en Julia

2. Flotantes (Float) Los números de punto flotante en Julia son de 64 bits por defecto (`Float64`), y también existen opciones de menor precisión.

```

18
19  x = 3.1415          # Float64 por defecto
20  y::Float32 = 2.71   # Float32
21

```

Figura 4: Tipos flotantes en Julia

3. Booleanos (Bool) El tipo Bool representa valores lógicos, true o false.

```

25  flag = true
26  println(typeof(flag)) # Muestra "Bool"

```

Figura 5: Tipo booleano en Julia

4. Cadenas de Texto (String) Las cadenas de texto se representan con el tipo String y se delimitan con comillas dobles.

```

30  greeting = "Hello, world!"
31  println(typeof(greeting)) # Muestra "String"

```

Figura 6: Tipo string en Julia

5. Caracteres (Char) El tipo Char representa un solo carácter Unicode y se delimita con comillas simples.

```

35  char = 'A'
36  println(typeof(char)) # Muestra "Char"

```

Figura 7: Tipo char en Julia

6. Complejos (Complex) Julia también admite números complejos, útiles para cálculos científicos.

```

41  z = 1 + 2im
42  println(typeof(z))  # Muestra "Complex{Int64}"

```

Figura 8: Tipo complejo en Julia

7. Arreglos y Colecciones Los arreglos son una estructura común para almacenar colecciones de datos. Los arreglos en Julia pueden ser de cualquier tipo.

```

49  arr = [1, 2, 3]          # Vector de enteros
50  arr_float = [1.0, 2.0, 3.0] # Vector de flotantes

```

Figura 9: Tipo array en Julia

Estos tipos de datos básicos permiten construir algoritmos complejos y manejar diversos tipos de datos de forma eficiente en Julia. La flexibilidad del sistema de tipado y la capacidad de optimización hacen que Julia sea ideal para aplicaciones científicas y numéricas.

2.2. Operaciones en Julia

Julia soporta una amplia gama de operaciones aritméticas, relacionales y lógicas, lo que permite realizar cálculos de forma eficiente. A continuación, se detallan las principales operaciones en Julia, junto con ejemplos para cada una.

2.2.1. Operaciones Aritméticas

Las operaciones aritméticas en Julia incluyen suma, resta, multiplicación, división, módulo y potencia. Julia respeta el orden de precedencia estándar para estas operaciones.

```

63  a = 10 + 5      # Suma, resultado: 15
64  b = 10 - 5      # Resta, resultado: 5
65  c = 10 * 5      # Multiplicación, resultado: 50
66  d = 10 / 3      # División, resultado: 3.3333...
67  e = 10 % 3      # Módulo (resto de la división), resultado: 1
68  f = 2 ^ 3       # Potencia, resultado: 8

```

Figura 10: Operaciones aritméticas en Julia

En estos ejemplos, cada operación se realiza entre dos operandos. Julia también admite operaciones con números complejos, matrices y otros tipos de datos numéricos.

2.2.2. Operaciones Relacionales

Las operaciones relacionales se utilizan para comparar valores. El resultado de estas operaciones es siempre un valor booleano (`true` o `false`).

```
72 x = 10
73 y = 5
74
75 println(x > y)    # Mayor que, resultado: true
76 println(x < y)    # Menor que, resultado: false
77 println(x >= y)   # Mayor o igual que, resultado: true
78 println(x <= y)   # Menor o igual que, resultado: false
79 println(x == y)   # Igualdad, resultado: false
80 println(x != y)   # Desigualdad, resultado: true
```

Figura 11: Operaciones relacionales en Julia

Estas operaciones son esenciales para los condicionales y bucles, ya que permiten evaluar condiciones.

2.2.3. Operaciones Lógicas

Las operaciones lógicas en Julia permiten combinar expresiones booleanas usando los operadores `and`, `or` y `not`. Estos operadores son útiles para tomar decisiones complejas en el código.

```
84 a = true
85 b = false
86
87 println(a && b)    # AND lógico, resultado: false
88 println(a || b)   # OR lógico, resultado: true
89 println(!a)       # NOT lógico, resultado: false
```

Figura 12: Operaciones lógicas en Julia

`&&` y `||` son operadores de cortocircuito: si el primer operando determina el resultado, el segundo operando no se evalúa.

2.2.4. Operaciones de Asignación

Julia permite combinar operaciones aritméticas con asignación, facilitando la actualización de variables.

```
55 x = 10
56 x += 5      # Equivalente a x = x + 5, resultado: 15
57 x -= 3      # Equivalente a x = x - 3, resultado: 12
58 x *= 2      # Equivalente a x = x * 2, resultado: 24
59 x /= 4      # Equivalente a x = x / 4, resultado: 6.0
60 x %= 3      # Equivalente a x = x % 3, resultado: 0
```

Figura 13: Operaciones de asignación en Julia

Estas operaciones combinadas de asignación son útiles para simplificar el código y hacerlo más legible.

2.2.5. Operaciones con Cadenas de Texto

Julia también permite operaciones de concatenación y manipulación de cadenas.

```
98 str1 = "Hola"
99 str2 = "Julia"
100 str3 = str1 * ", " * str2 # Concatenación, resultado: "Hola, Julia"
101 println(str3)
```

Figura 14: Operaciones con string en Julia

En este ejemplo, el operador `*` se utiliza para concatenar cadenas de texto. Julia también ofrece funciones para transformar y manipular cadenas de forma avanzada.

2.2.6. Operaciones con Rangos

Los rangos en Julia son una secuencia de números definidos por un valor inicial, un valor final y un incremento opcional.

```
107 range1 = 1:5      # Rango de 1 a 5
108 range2 = 1:2:9     # Rango de 1 a 9 con incremento de 2
```

Figura 15: Operaciones con rangos en Julia

Los rangos son útiles para iterar en bucles y generan secuencias sin crear grandes listas en memoria.

2.3. Condicionales en Julia

Los condicionales en Julia permiten ejecutar distintas secciones de código en función de una o varias condiciones. La estructura principal de los condicionales en Julia es similar a otros lenguajes de programación, utilizando las palabras clave `if`, `elseif`, `else` para expresar decisiones en el flujo del programa.

2.3.1. Estructura Básica de un Condicional

La estructura básica de un condicional en Julia es la siguiente:

```
113  if condición
114      # Código que se ejecuta si la condición es verdadera
115  elseif otra_condición
116      # Código que se ejecuta si la primera condición es falsa y esta es verdadera
117  else
118      # Código que se ejecuta si todas las condiciones anteriores son falsas
119  end
```

Figura 16: Estructura básica de un condicional en Julia

2.3.2. Ejemplo Básico de un Condicional

A continuación, un ejemplo de cómo funcionan los condicionales en Julia:

```
124  x = 10
125
126  if x > 0
127      println("x es positivo")
128  elseif x == 0
129      println("x es cero")
130  else
131      println("x es negativo")
132  end
```

Figura 17: Condicional básico en Julia

En este ejemplo, el código verifica si el valor de `x` es mayor que cero, igual a cero, o menor que cero, y ejecuta la sección correspondiente.

2.3.3. Condicionales Anidados

Es posible anidar condicionales en Julia, lo cual es útil cuando se necesitan evaluaciones más complejas.

```
138 x = 5
139 y = -3
140
141 if x > 0
142     if y > 0
143         println("x e y son positivos")
144     else
145         println("x es positivo, pero y no lo es")
146     end
147 else
148     println("x no es positivo")
149 end
150
```

Figura 18: Condicionales anidados en Julia

En este caso, se verifica primero si x es positivo. Si es verdadero, se evalúa una segunda condición sobre y .

2.3.4. Operador Ternario

Julia también permite el uso del operador ternario, una forma compacta de escribir un condicional simple.

```
153 x = 10
154 resultado = x > 0 ? "positivo" : "no positivo"
155 println(resultado) # Muestra "positivo"
```

Figura 19: Operador ternario en Julia

El operador ternario condición ? expresión_si_verdadera : expresión_si_falsa es útil para asignaciones rápidas o evaluaciones simples.

2.3.5. Uso de Cortocircuito en Condicionales

Julia soporta los operadores de cortocircuito $\&\&$ (AND) y $\|\|$ (OR), que permiten ejecutar condiciones de forma eficiente sin evaluar expresiones innecesarias.

```

160 x = 10
161 y = 5
162
163 if x > 0 && y > 0
164 |     println("Ambos son positivos")
165 end
166
167 if x < 0 || y < 0
168 |     println("Al menos uno es negativo")
169 end

```

Figura 20: Cortocircuito en condicionales en Julia

En este ejemplo, $x > 0 \&\& y > 0$ solo evaluará $y > 0$ si $x > 0$ es verdadero, optimizando el rendimiento.

2.4. Bucles en Julia

Julia soporta varios tipos de bucles para realizar iteraciones. Los bucles `for` y `while` son los más comunes. A continuación se describe su sintaxis y funcionamiento, así como ejemplos para ilustrar su uso.

2.4.1. Bucle for

El bucle `for` en Julia se utiliza para iterar sobre rangos, listas o cualquier colección de elementos. A continuación se muestra la estructura básica:

```

172 for i in 1:5
173 |     println("Iteración $i")
174 end

```

Figura 21: Bucle for en Julia

Este bucle recorre el rango `1:5` y ejecuta el código dentro del bucle para cada valor de `i`. Julia permite iterar no solo sobre rangos, sino también sobre arreglos y otras colecciones. Por ejemplo:

```

179 colores = ["rojo", "verde", "azul"]
180
181 for color in colores
182     println("Color: $color")
183 end

```

Figura 22: Bucle for con una lista en Julia

Aquí, `color` toma el valor de cada elemento en la lista de colores.

2.4.2. Bucle while

El bucle `while` en Julia se ejecuta mientras una condición sea verdadera. Este tipo de bucle es útil cuando no se sabe de antemano cuántas iteraciones se necesitarán.

```

189 contador = 1
190
191 while contador <= 5
192     println("Contador: $contador")
193     contador += 1
194 end

```

Figura 23: Bucle while con una lista en Julia

En este ejemplo, el bucle se ejecuta mientras `contador` sea menor o igual a 5. En cada iteración, `contador` se incrementa en 1 hasta que la condición se vuelve falsa.

2.4.3. Uso de break y continue

Julia permite controlar el flujo dentro de los bucles utilizando las palabras clave `break` y `continue`.

- `break` termina el bucle antes de que se completen todas las iteraciones.
- `continue` salta el resto del código en la iteración actual y pasa a la siguiente.

```

199 for i in 1:10
200     if i == 6
201         break          # Termina el bucle cuando i es 6
202     elseif i % 2 == 0
203         continue      # Salta a la siguiente iteración si i es par
204     end
205     println("i: $i")
206 end

```

Figura 24: Uso de break y continue en Julia

En este caso, el bucle imprime solo los valores impares de i hasta que i llega a 6, momento en el que `break` termina el bucle.

2.4.4. Bucles Anidados

Julia también permite anidar bucles. Esto es útil cuando se necesita iterar sobre múltiples dimensiones, como en matrices.

```

212 for i in 1:3
213     for j in 1:2
214         println("i = $i, j = $j")
215     end
216 end

```

Figura 25: Bucle anidados en Julia

En este ejemplo, por cada valor de i , el bucle interno itera sobre todos los valores de j , produciendo una tabla de pares (i, j) .

2.5. Funciones en Julia

Las funciones en Julia son bloques de código que realizan tareas específicas y se pueden re-utilizar en diferentes partes de un programa. Julia permite definir funciones de manera concisa y ofrece varias formas de definir las según las necesidades del programador.

2.5.1. Definición Básica de Funciones

La forma básica para definir una función en Julia es mediante la palabra clave `function`, seguida del nombre de la función, los parámetros entre paréntesis, y el bloque de código. Una

función en Julia puede retornar un valor explícitamente usando la palabra `return` o implícitamente retornando el resultado de la última expresión.

```
222 function suma(a, b)
223     return a + b
224 end
225
226 # Llamada a la función
227 resultado = suma(3, 4) # resultado es 7
```

Figura 26: Definición básica de una función en Julia

Aquí, la función `suma` toma dos parámetros, `a` y `b`, y devuelve su suma. La palabra `return` es opcional en Julia; el valor de la última línea se retorna automáticamente si no se especifica.

2.5.2. Definición Concisa de Funciones

Julia permite definir funciones en una sola línea, lo cual es útil para funciones simples. La sintaxis es:

```
232 suma(a, b) = a + b
233
234 # Llamada a la función
235 resultado = suma(3, 4) # resultado es 7
```

Figura 27: Definición concisa de funciones en Julia

Este método es equivalente al anterior, pero en una sola línea.

2.5.3. Funciones Anónimas

Las funciones anónimas en Julia son funciones sin nombre que se definen con la sintaxis (parámetros) \rightarrow expresión. Estas funciones son útiles para operaciones rápidas y cuando una función no necesita ser reutilizada en otras partes del código.

```

240 # Definición de una función anónima
241 f = (x, y) -> x * y
242
243 # Uso de la función
244 resultado = f(3, 5) # resultado es 15

```

Figura 28: Función anónima en Julia

En este ejemplo, `f` es una función anónima que toma dos parámetros `x` y `y`, y devuelve su producto.

2.5.4. Parámetros con Valores Predeterminados

Julia permite asignar valores predeterminados a los parámetros de una función. Esto es útil cuando un parámetro tiene un valor común que se utiliza la mayoría de las veces.

```

265 function elevar(x, y=2)
266     return x^y
267 end
268
269 # Llamada a la función sin especificar y
270 resultado = elevar(3) # resultado es 9, ya que y=2 por defecto
271
272 # Llamada a la función especificando y
273 resultado = elevar(3, 3) # resultado es 27

```

Figura 29: Parámetros con valores predeterminados en Julia

Aquí, el parámetro `y` tiene un valor predeterminado de 2, por lo que si no se proporciona, la función eleva `x` al cuadrado.

2.5.5. Funciones con Argumentos Variables

Julia permite que una función acepte un número variable de argumentos usando el símbolo `...` (tres puntos). Esto es útil cuando se necesita que una función procese una lista de elementos de longitud desconocida.

```

250 function suma_todos(valores...)
251     total = 0
252     for v in valores
253         total += v
254     end
255     return total
256 end
257
258 # Llamada a la función con diferentes números de argumentos
259 resultado = suma_todos(1, 2, 3, 4) # resultado es 10

```

Figura 30: Funciones con argumentos variables en Julia

En este ejemplo, la función `suma_todos` suma todos los valores pasados como argumentos.

2.5.6. Funciones de Orden Superior

Julia permite que las funciones se usen como argumentos y valores de retorno. Este concepto se conoce como funciones de orden superior. Las funciones de orden superior son útiles para aplicar operaciones como mapeo y filtrado de datos.

```

279 # Definición de una función de orden superior
280 function aplicar_operacion(f, x, y)
281     return f(x, y)
282 end
283
284 # Uso de una función de orden superior con una función anónima
285 resultado = aplicar_operacion((a, b) -> a * b, 3, 4) # resultado es 12

```

Figura 31: Función de orden superior en Julia

En este ejemplo, `aplicar_operacion` toma una función `f` y dos valores, y aplica la función a esos valores.

2.5.7. Retorno de Múltiples Valores

En Julia, es posible retornar múltiples valores de una función. Estos valores se devuelven como una tupla y pueden ser asignados a múltiples variables a la vez.

```

292 function dividir_y_residuo(a, b)
293     cociente = div(a, b)
294     residuo = a % b
295     return cociente, residuo
296 end
297
298 # Asignación de los valores retornados a múltiples variables
299 c, r = dividir_y_residuo(10, 3) # c es 3, r es 1

```

Figura 32: Retorno de múltiples valores en Julia

La función `dividir_y_residuo` retorna tanto el cociente como el residuo, los cuales se asignan a las variables `c` y `r`.

2.6. Manejo de Errores en Julia

En Julia, el manejo de errores se realiza principalmente mediante el uso de bloques `try-catch`. Estos bloques permiten capturar y manejar errores que pueden ocurrir durante la ejecución de un programa, lo cual es esencial para crear aplicaciones robustas y controlar situaciones excepcionales.

2.6.1. Bloques try-catch-finally

El bloque `try-catch` permite ejecutar código en el bloque `try` y capturar cualquier excepción que ocurra en el bloque `catch`. Adicionalmente, se puede utilizar un bloque `finally` para ejecutar código que siempre debe ejecutarse, independientemente de si hubo un error o no. La estructura básica es la siguiente:

```

305 try
306     # Código que puede lanzar un error
307     resultado = 10 / 0
308 catch e
309     # Manejo del error
310     println("Error: ", e)
311 finally
312     println("Esta parte del código siempre se ejecuta")
313 end

```

Figura 33: Estructura básica de un bloque try-catch-finally en Julia

En este ejemplo, se intenta dividir 10 entre 0, lo cual genera un error de división por cero. El error es capturado en el bloque `catch` y se imprime un mensaje de error.

2.6.2. Lanzamiento de Excepciones con throw

Julia permite lanzar excepciones de manera explícita usando la función `throw`. Esto es útil cuando se quiere hacer que el programa falle bajo ciertas condiciones específicas.

```
320 function dividir(a, b)
321     if b == 0
322         throw(DivideError("No se puede dividir entre cero"))
323     else
324         return a / b
325     end
326 end
327
328 # Ejemplo de llamada
329 try
330     dividir(10, 0)
331 catch e
332     println("Ocurrió un error: ", e)
333 end
```

Figura 34: Lanzamiento de excepciones en Julia

Aquí, la función `dividir` lanza un error personalizado `DivideError` si el divisor es cero, lo cual permite manejar la excepción en el bloque `catch`.

2.6.3. Tipos de Excepciones Comunes

Julia incluye varias excepciones predefinidas que se pueden usar para manejar errores específicos. Algunos ejemplos comunes son:

- `ErrorException`: Error genérico para situaciones excepcionales.
- `ArgumentError`: Indica que un argumento pasado a una función no es válido.
- `BoundsError`: Ocurre cuando se intenta acceder a un índice fuera de los límites de un arreglo.
- `TypeError`: Se lanza cuando un valor de tipo incorrecto es pasado a una función.

Por ejemplo, el siguiente código muestra cómo capturar un `ArgumentError`:

```

339 function raiz_cuadrada(x)
340     if x < 0
341         throw(ArgumentError("El argumento no puede ser negativo"))
342     else
343         return sqrt(x)
344     end
345 end
346
347 try
348     raiz_cuadrada(-4)
349 catch e
350     println("Ocurrió un error: ", e)
351 end

```

Figura 35: Captura de un ArgumentError en Julia

En este caso, la función `raiz_cuadrada` lanza un `ArgumentError` si el argumento es negativo, y el bloque `catch` captura el error y muestra el mensaje.

2.6.4. Uso de `@assert` para Validaciones

Julia ofrece el macro `@assert` para realizar comprobaciones simples en el código. Si la condición especificada en `@assert` es falsa, se lanza un error `AssertionError`. Esto es útil para verificar condiciones que deben cumplirse antes de ejecutar el código posterior.

```

355 function dividir(a, b)
356     @assert b != 0 "El divisor no puede ser cero"
357     return a / b
358 end
359
360 # Ejemplo de llamada
361 dividir(10, 0) # Lanza AssertionError con mensaje "El divisor no puede ser cero"

```

Figura 36: Uso de `@assert` en Julia

En este ejemplo, el macro `@assert` verifica que `b` no sea cero antes de realizar la división. Si la condición no se cumple, se lanza un `AssertionError` con un mensaje descriptivo.

3

Semántica del lenguaje:

Definimos como semántica del lenguaje el conjunto de reglas que determinan el significado de las construcciones del lenguaje. Por otro lado, la semántica formal busca definir estas reglas de forma precisa, utilizando notaciones matemáticas y formalismos que permitan modelar y predecir el comportamiento del código de Julia en este caso [7].

3.1. Semántica general en Julia

Julia tiene una semántica operativa, que está diseñada para ser intuitiva por programadores con experiencia en lenguajes de programación científicos. Julia utiliza una semántica dinámica y una evaluación just-in-time (JIT) que combina elementos de lenguajes de scripting con el rendimiento de lenguajes compilados. Destacamos los siguientes puntos [8]:

- **Evaluación y tipos dinámicos:** Julia emplea una evaluación dinámica con tipado fuerte pero flexible, permitiendo tipos dinámicos en tiempo de ejecución. Esto significa que los valores en Julia tienen tipos, pero las variables pueden almacenar valores de cualquier tipo sin restricciones, a menos que se especifique explícitamente. Este tipado dinámico permite que Julia sea tan flexible como Python en su sintaxis y facilidad de prototipado [9].
- **Inferencia de tipos y rendimiento:** Pese a que Julia permite variables sin especificar su tipo, el compilador intenta inferirlo automáticamente, con el objetivo de optimizar el código para que tenga un rendimiento similar a lenguajes de bajo nivel [10].
- **Inmutabilidad de los tipos primitivos y estructuras de datos:** En Julia, ciertos tipos (como `Int` y `Float`) y estructuras de datos pueden declararse como inmutables. Haciendo

que su estado no pueda cambiar una vez creado, afectando a su manejo en memoria y optimizando el rendimiento [11].

- **Macros y metaprogramación:** Julia incorpora macros, que son fragmentos de código que se expanden en tiempo de compilación. La semántica de metaprogramación permite que el propio código modifique y genere más código. Esto es útil para evitar redundancias, optimizar el rendimiento y transformar expresiones de alto nivel en código altamente optimizado. La semántica de las macros sigue las reglas de higiene, lo cual evita conflictos entre variables locales en el código original y el código generado [12].

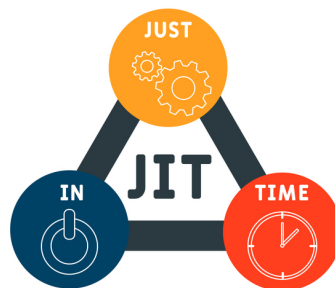


Figura 37: Just in Time (JIT) Inventory

3.2. Semántica formal de Julia

La semántica formal en Julia, aunque no está completamente especificada de manera matemática como en lenguajes con bases más formales, se puede entender en términos de tres enfoques: semántica operacional, semántica denotacional y semántica axiomatizada.

- **Semántica operacional:** La semántica operacional de Julia se enfoca en describir cómo se evalúan y ejecutan las expresiones en tiempo de ejecución. En este caso, se puede modelar el comportamiento de Julia describiendo paso a paso cómo se interpretan las construcciones de código [13].
- **Semántica denotacional:** La semántica denotacional podría formalizarse asociando significados matemáticos a sus construcciones. En este sentido, cada función y expresión en Julia podría definirse en términos de funciones matemáticas abstractas o de transformaciones en el espacio de estados.

- **Semántica axiomatizada:** La semántica axiomatizada para Julia se aplicaría en su sistema de tipos y en el manejo de estructuras inmutables. En este caso, Julia podría representarse a través de un conjunto de axiomas que describen sus reglas de tipificación, las reglas de despacho múltiple, y las propiedades de inmutabilidad de ciertos tipos.

3.3. Formalización y limitaciones actuales

Julia aún no cuenta con una formalización matemática exhaustiva que describa toda su semántica. Esto se debe, en parte, a que el lenguaje es relativamente nuevo y complejo, y su semántica implica aspectos de rendimiento en tiempo de ejecución que son difíciles de modelar formalmente. Sin embargo, la comunidad académica y de desarrollo está interesada en crear una formalización que permita demostrar propiedades de corrección y optimización en el código de Julia, algo que sería especialmente útil para aplicaciones críticas en ciencia y tecnología. Además, formalizar la semántica de Julia podría ayudar a detectar errores de forma anticipada, optimizar aún más el rendimiento y hacer que el lenguaje sea incluso más predecible.

3.4. Semántica de entornos y alcance de variables

Julia emplea un sistema de alcance que permite una estructura jerárquica de entornos donde las variables pueden ser locales, globales o compartidas. Los entornos de Julia se rigen por las siguientes reglas de alcance:

- **Alcance local y global:** Julia utiliza el scope global por defecto en el REPL (Read-Eval-Print Loop) y en los scripts de alto nivel, pero dentro de las funciones el scope es local. Esto significa que las variables declaradas dentro de una función no interfieren con las del entorno global. Además, las variables locales en bloques internos de funciones (como bucles y condicionales) también están confinadas a su propio ámbito.
- **Entornos encadenados y cláusulas de alcance:** Dentro de Julia, es posible definir variables en entornos anidados. Esto se maneja mediante cierres (o closures), que permiten a una función “capturar” variables del entorno en el que fueron definidas. Estas variables quedan accesibles a través de las funciones internas, lo que es especialmente útil en la programación funcional.

- **Bloques "let":** Julia permite la creación de bloques "let" para declarar variables con un alcance limitado. Estos bloques son útiles cuando se quiere restringir el alcance de una variable temporalmente dentro de un fragmento de código, y su semántica es similar a los bloques locales en lenguajes funcionales.

3.5. Semántica de clausuras y funciones anónimas

Las clausuras en Julia representan un aspecto interesante de su semántica, ya que permiten crear funciones que retienen un entorno específico en el que fueron definidas. En una clausura, una función "captura" las variables de su contexto y las utiliza posteriormente, incluso si el contexto original ya no existe. Esta es una característica fundamental en la programación funcional y es útil en Julia para crear funciones personalizadas.

- **Captura de variables:** La semántica de captura en Julia permite que las funciones anónimas puedan acceder a las variables que estaban en su entorno al momento de definición. Estas variables se "cierran" en la función, de ahí el nombre de *closure*.º cierre.
- **Referencias de valor y referencias de entorno:** Cuando una clausura captura una variable, lo que captura es la referencia a la variable, no el valor en sí. Esto significa que si la variable cambia en su entorno original, la clausura también observará el cambio. Esta semántica es relevante para optimizar el uso de memoria y rendimiento.

En conclusión, la semántica de Julia abarca varios aspectos clave diseñados para flexibilidad, rendimiento y facilidad en programación científica y técnica. Esto hace de Julia un lenguaje potente y versátil, ideal para aplicaciones científicas que requieren alto rendimiento y flexibilidad.

4

Paradigmas de programación:

Como ya hemos comentado, *Julia* es un lenguaje de programación versátil y propósito general, diseñado específicamente para cálculos numéricos y científicos, pero con la flexibilidad para usarse en una variedad de aplicaciones. Combina la velocidad cercana a la de lenguajes como C o Fortran con una sintaxis sencilla y accesible, similar a Python. Se trata de un lenguaje de programación de alto rendimiento que soporta múltiples paradigmas, adaptándose a diferentes estilos y necesidades de desarrollo. A continuación, se describen en detalle los principales paradigmas que Julia admite y cómo estos contribuyen a su flexibilidad y potencia.

4.1. Paradigma Imperativo

La programación imperativa (del latín *imperare* = ordenar) es el paradigma de programación más antiguo. De acuerdo con este paradigma, un programa consiste en una secuencia claramente definida de instrucciones para un ordenador. El código fuente de los lenguajes imperativos encadena instrucciones una detrás de otra que determinan lo que debe hacer el ordenador en cada momento para alcanzar un resultado deseado. Los valores utilizados en las variables se modifican durante la ejecución del programa. Para gestionar las instrucciones, se integran estructuras de control como bucles o estructuras anidadas en el código. Los lenguajes de programación imperativa son muy concretos y trabajan cerca del sistema. De esta forma, el código es, por un lado, fácilmente comprensible, pero, por el otro, requiere muchas líneas de texto fuente para describir lo que en los lenguajes de la programación declarativa se consigue con solo una parte de las instrucciones. [14]

El paradigma imperativo se basa en la ejecución secuencial de instrucciones que modifican el estado del programa de forma explícita. Julia implementa este paradigma de manera eficien-

te, gracias a su compilación Just-In-Time (JIT) y su manejo óptimo de estructuras de control. Un compilador Just-In-Time compila a código nativo parte del bytecode que el intérprete va procesando. Normalmente lo que hace el compilador JIT es observar qué partes del bytecode se ejecutan más a menudo y compilar esas para ejecutarlas más rápidamente la próxima vez que se necesiten. ¿Y porqué no todas? Básicamente porqué la compilación en sí también tarda un tiempo con lo que si se compila mucho bytecode que después no se usa nunca o casi nunca, al final lo ganado por lo perdido. [15]

```
1 s = "Esto es un ejemplo"
2 for i in s
3     println(i)
4 end
```

Figura 38: Programa imperativo

- **Estructuras de control:** Como se ha detallado previamente, Julia proporciona estructuras de control como *for*, *while*, *if*, *else* y *elseif*, las cuales permiten dirigir el flujo del programa de manera explícita. Estas estructuras son ideales para desarrollar algoritmos iterativos y manejan la memoria de manera eficiente.
- **Manipulación de variables:** En el paradigma imperativo, las variables representan el estado del programa y se modifican de manera secuencial. Julia permite una asignación y manipulación flexible de variables, lo cual es ideal para algoritmos iterativos y programas en los que se requiere un control explícito del estado.

4.2. Paradigma Funcional

El paradigma funcional en Julia permite a los programadores utilizar funciones como unidades fundamentales, aprovechando el poder de la programación declarativa para crear un código modular, reutilizable y conciso. En este paradigma, se da énfasis a funciones puras (sin efectos secundarios), al uso de funciones de orden superior, funciones anónimas (o lambdas), y a operaciones que transforman datos de manera inmutable [16].

- **Funciones como Objetos de Primera Clase:** En Julia, las funciones son valores de primera clase, lo que significa que pueden asignarse a variables, pasarse como argu-

mentos a otras funciones y retornarse como valores. Esto permite una gran flexibilidad para manipular funciones y componerlas.

```
1 f = x -> x^2
2 g = cos
3 println(f(4))
4 println(g(π))
```

Figura 39: Variables que contienen funciones

- **Funciones Puras:** Las funciones puras son aquellas que no tienen efectos secundarios y cuyo resultado depende únicamente de los valores de sus argumentos. Aunque Julia no requiere que todas las funciones sean puras, escribir funciones sin efectos secundarios es una buena práctica dentro del paradigma funcional, ya que facilita la prueba y comprensión del código.

```
1 function suma(a, b)
2     return a + b
3 end
4
5 resultado = suma(3, 5)
```

Figura 40: Función pura

- **Funciones de Orden Superior:** Julia permite crear funciones de orden superior, es decir, funciones que pueden recibir otras funciones como argumentos o devolverlas como resultados. Esto es especialmente útil para tareas de procesamiento de datos, ya que las funciones como *map*, *filter* y *reduce* permiten transformar y filtrar datos de manera elegante y eficiente [17].

```
1 function aplicar_funcion(f, x)
2     return f(x)
3 end
4
5 resultado = aplicar_funcion(x -> x^2, 4)
```

Figura 41: Aplicarfuncion recibe a su vez una función

- **Funciones Anónimas (Lambdas):** Las funciones anónimas (o lambdas) en Julia se crean utilizando la sintaxis $x \rightarrow \text{expresión}$, lo que permite definir funciones simples

sin nombre. Estas funciones son útiles en contextos donde se requiere una operación breve, como en argumentos de funciones de orden superior.

```
1  doblar = x -> x * 2
2
3  resultado = doblar(5)
```

Figura 42: Función anónima

- **Inmutabilidad:** Aunque Julia permite mutar datos, en el contexto funcional se suele preferir la inmutabilidad: en lugar de modificar estructuras de datos, se crean copias nuevas con las modificaciones necesarias. Esto minimiza los efectos secundarios y hace el código más fácil de seguir y menos propenso a errores.

```
1  original = [1, 2, 3]
2  nueva_lista = push!(copy(original), 4)
3
4  println("Original: $original")
5  println("Nueva lista: $nueva_lista")
```

Figura 43: Inmutabilidad en Julia

- **Composición de Funciones:** Julia facilita la composición de funciones mediante el operador \circ (composición), lo que permite combinar funciones de manera que el resultado de una función se pase automáticamente como entrada de la siguiente. Esto facilita la creación de pipelines de transformación de datos.

```
1  incrementar(x) = x + 1
2  doblar(x) = x * 2
3
4  composicion = incrementar ∘ doblar
5
6  resultado = composicion(3)
```

Figura 44: Operador para componer funciones

- **Mapeo, Filtrado y Reducción de Colecciones:** Estas operaciones son esenciales en el paradigma funcional y están bien soportadas en Julia. *map* aplica una función a cada elemento de una colección, *filter* selecciona los elementos que cumplen una condición, y *reduce* aplica una función acumulativa a los elementos de la colección para reducirla a un solo valor.

```

1 using Base.Iterators: flatten
2 using Statistics: mean
3
4 numeros = [1, 2, 3, 4, 5]
5
6 cuadrados = map(x -> x^2, numeros)
7 pares = filter(x -> x % 2 == 0, numeros)
8 suma_total = reduce(+, numeros)

```

Figura 45: Operaciones para estructuras de datos en programación funcional

- **Macros Funcionales:** Julia permite utilizar macros para optimizar y transformar funciones. Una macro común en el contexto funcional es *@fastmath*, que optimiza cálculos matemáticos intensivos, y también permite crear macros propias para manipular funciones de manera eficiente.

```

1 function calcular_area_radio(r)
2     @fastmath area = π * r^2
3     return area
4 end
5
6 resultado = calcular_area_radio(5)

```

Figura 46: Macros en Julia

4.3. Paradigma Orientado a Objetos

Aunque Julia no es un lenguaje orientado a objetos en el sentido tradicional, permite trabajar de manera similar a través del uso de *structs* y tipos abstractos, lo que facilita la organización y modularización del código [18].

- **Definición de Structs:** Julia permite la creación de estructuras de datos personalizadas mediante el uso de *struct*. Estas estructuras pueden almacenar datos y contener métodos específicos para manipular dichos datos.
- **Herencia con Tipos Abstractos:** Julia permite la creación de jerarquías de tipos utilizando tipos abstractos. Aunque no tiene herencia tradicional, estos tipos permiten definir interfaces que pueden ser implementadas por distintos *structs*, proporcionando una estructura similar al paradigma orientado a objetos.

```

1 struct Persona
2     nombre::String
3 end
4
5 function saludar(p::Persona)
6     return "Hola, $(p.nombre)!"
7 end
8
9 persona1 = Persona("Juan")
10 mensaje = saludar(persona1)
11 println(mensaje)

```

Figura 47: POO en Julia

4.4. Paradigma Basado en Despacho Múltiple

El despacho múltiple es una característica fundamental de Julia que permite definir múltiples versiones de una función según el tipo de todos sus argumentos, facilitando la creación de programas flexibles y optimizados para diferentes tipos de datos. En Julia, las funciones pueden tener múltiples métodos que se ejecutan según el tipo de los argumentos, lo que permite que una misma función tenga comportamientos específicos para cada combinación de tipos. Esta sobrecarga de métodos es especialmente ventajosa en aplicaciones científicas que requieren cálculos intensivos, ya que Julia optimiza el rendimiento mediante la especialización de métodos, aprovechando al máximo los diferentes tipos de datos y logrando una ejecución eficiente.

```

1 # Definición de la función "describir" con múltiples métodos
2 function describir(x::Int)
3     return "Este es un número entero: $x"
4 end
5
6 function describir(x::Float64)
7     return "Este es un número de punto flotante: $x"
8 end
9
10 function describir(x::String)
11     return "Este es un texto: $x"
12 end
13
14 # Usar la función con diferentes tipos de datos
15 println(describir(42))
16 println(describir(3.14))
17 println(describir("Hola, mundo"))

```

Figura 48: Despacho múltiple en Julia

4.5. Metaprogramación

La metaprogramación en Julia permite la generación y manipulación de código de forma dinámica mediante el uso de macros y expresiones. Esto resulta útil para optimizar cálculos y generar código repetitivo o complejo de manera programática.

Las macros en Julia permiten generar código en tiempo de compilación. Esto facilita la optimización de cálculos y la creación de funcionalidades personalizadas, reduciendo la repetición de código. En Julia, el código puede representarse como expresiones, que pueden ser evaluadas en diferentes contextos. Esto permite un desarrollo flexible y optimizado, especialmente en aplicaciones científicas que requieren cálculos complejos [19].

```
1 # Definición de una macro que duplica una expresión
2 macro duplicar(expr)
3     return esc(:(($expr) * 2))
4 end
5
6 # Uso de la macro duplicar
7 resultado = @duplicar(5 + 3)
8
9 println("El resultado es: $resultado")
```

Figura 49: Macros en Julia

4.6. Paradigmas Paralelo y Concurrente

Julia permite el uso de múltiples hilos y procesamiento distribuido, facilitando la ejecución de programas en sistemas multicore y distribuidos. Esto es particularmente útil en tareas de cálculo intensivo [20].

Julia soporta la programación multithread, permitiendo dividir tareas y ejecutarlas simultáneamente en diferentes núcleos del procesador, aprovechando al máximo los recursos del sistema. El procesamiento distribuido permite la ejecución de código en diferentes máquinas, optimizando el rendimiento en cálculos intensivos y proporcionando escalabilidad para aplicaciones científicas y de ingeniería.

```
1 # Usar la biblioteca de programación paralela
2 using Base.Threads
3
4 # Función que calcula el cuadrado de un número
5 function calcular_cuadrados(n)
6     return n * n
7 end
8
9 # Función que calcula los cuadrados de una lista de números en paralelo
10 function calcular_cuadrados_paralelo(nums)
11     resultados = Vector{Int}(undef, length(nums))
12     @threads for i in 1:length(nums)
13         resultados[i] = calcular_cuadrados(nums[i])
14     end
15     return resultados
16 end
17
18 # Lista de números
19 numeros = collect(1:10)
20
21 println("Cuadrados: ", calcular_cuadrados_paralelo(numeros))
```

Figura 50: Paralelismo de procesos en Julia

5

Ejemplos prácticos de código:

El lenguaje de programación Julia ha ganado notoriedad en los últimos años debido a su enfoque innovador en la combinación de alto rendimiento y facilidad de uso. Diseñado para el cálculo científico, el análisis de datos y la inteligencia artificial, Julia se destaca por su velocidad comparable a lenguajes de bajo nivel como C o Fortran, sin sacrificar la sintaxis intuitiva y expresiva que caracteriza a lenguajes de alto nivel como Python.

En esta sección, exploraremos códigos concretos que ilustran las principales características de Julia, como su tipado dinámico pero opcional, el uso eficiente de matrices y su capacidad de paralelización. Además, realizaremos comparaciones con otros lenguajes populares como Python para evaluar:

- Tiempos de ejecución.
- Estructuras de código
- Facilidad de transición

Este análisis práctico busca resaltar cómo Julia puede integrarse en entornos de desarrollo existentes y por qué es una herramienta idónea para enfrentar los desafíos de la computación moderna. A través de ejemplos comparativos claros y cuantificables, esta sección proporcionará una visión fundamentada de las ventajas y aplicaciones de Julia en distintos contextos, permitiendo a los lectores evaluar su potencial frente a otras tecnologías.

5.1. Operaciones con Matrices

[21] Aquí se presentan dos fragmentos de código escritos en Julia y Python, respectivamente, que implementan la misma tarea computacional: la ejecución de operaciones de multiplicación de matrices. En primer lugar, se utiliza una biblioteca optimizada disponible en cada lenguaje para realizar la operación, aprovechando las funcionalidades preexistentes que maximizan la eficiencia y la simplicidad del desarrollo. Posteriormente, se lleva a cabo la misma operación de manera manual, implementando desde cero la lógica necesaria para multiplicar matrices de dimensión 1000 x 1000. Este enfoque comparativo permite evaluar no solo las diferencias en el rendimiento y la velocidad de ejecución entre ambos lenguajes, sino también las variaciones en la claridad, estructura y sintaxis del código necesario para resolver un problema idéntico.

```
function manual_multiplication()
    x = rand(Float64, (1000, 1000))
    y = rand(Float64, (1000, 1000))
    c = zeros(Float64, (1000, 1000))

    start_time = time()

    for i in 1:10
        for j in 1:10
            for k in 1:10
                c[i, j] += x[i, k] * y[k, j]
            end
        end
    end

    end_time = time()
    println("Tiempo de multiplicación manual: ", end_time - start_time, " segundos")
    return c
end
```

Figura 51: Multiplicación de Matrices Julia

```
Tiempo LinearAlgebra: 0.027915 seconds
Tiempo de multiplicación manual: 3.0994415283203125e-6 segundos
```

Figura 52: Multiplicación de Matrices

Se puede observar que en la operación manual, Julia es mucho más rápido que Python, por lo que es una ventaja usar dicho lenguaje para operaciones matemáticas que requieran operaciones mecanizadas. Mientras que usando librerías como numpy en python y LinearAlgebra en Julia, es más rápida la operación con numpy.

```

import random
import time as t
l = 0
h= 1000
cols = 1000
rows= 1000

choices = list (map(float, range(l,h)))
x = [random.choices (choices , k=cols) for _ in range(rows)]
y = [random.choices (choices , k=cols) for _ in range(rows)]

result = [[0]*cols) for i in range (rows)]

start = t.time()

for i in range(len(x)):
    for j in range(len(y[0])):
        for k in range(len(result)):
            result[i][j] += x[i][k] * y[k][j]
end_t = t.time()

```

Figura 53: Multiplicación de Matrices Python

```

Time np = 0.014679670333862305
Time = 196.18888545036316

```

Figura 54: Multiplicación de Matrices

A continuación mediante el algoritmo basado en el cálculo del descenso del gradiente, donde esta vez Python es mas rapido. Este código aplica gradiente descendente para minimizar la función cuadrática y encontrar el mínimo de la misma, comenzando en el punto (0,0). El tiempo de ejecución del algoritmo también se imprime al final.

```

start_time = time()

# Definir la función y su gradiente
f(x, y) = (x - 3)^2 + (y + 1)^2
df(x, y) = (2 * (x - 3), 2 * (y + 1)) # Derivadas parciales de f respecto a x e y

# Función principal que ejecuta el gradiente descendente
function gradient_descent()
    # Inicializar parámetros
    x, y = 0.0, 0.0 # Punto inicial
    learning_rate = 0.1
    epochs = 100

    # Gradiente descendente
    for epoch in 1:epochs
        grad_x, grad_y = df(x, y)
        x -= learning_rate * grad_x
        y -= learning_rate * grad_y
        #println("Epoch $epoch: x = $x, y = $y, f(x, y) = $(f(x, y))")
    end

    println("Mínimo encontrado en: x = $x, y = $y")
end

# Ejecutar la función
gradient_descent()
stop_time = time()
println("Tiempo ejecucion: ", stop_time - start_time)

```

Figura 55: Descenso de Gradiente en Julia

```

Mínimo encontrado en: x = 2.9999999993888893, y = -0.9999999997962964
Tiempo ejecucion: 0.031000137329101562

```

Figura 56: Resultado

```

import time as t

# Definir la función y su gradiente
empezar = t.time()
def f(x, y):
    return (x - 3)**2 + (y + 1)**2

def df(x, y):
    return (2 * (x - 3), 2 * (y + 1)) # Derivadas parciales de f respecto a x e y

# Inicializar parámetros
x, y = 0.0, 0.0 # Punto inicial
learning_rate = 0.1
epochs = 100

# Gradiente descendente
for epoch in range(epochs):
    grad_x, grad_y = df(x, y)
    x -= learning_rate * grad_x
    y -= learning_rate * grad_y
    #print(f"Epoch {epoch + 1}: x = {x}, y = {y}, f(x, y) = {f(x, y)}")

print(f"Minimo encontrado en: x = {x}, y = {y}")
stop = t.time()
print("Tiempo ejecucion: " + str(stop - empezar))

```

Figura 57: Descenso de Gradiente en Python

```

Minimo encontrado en: x = 2.9999999993888893, y = -0.9999999997962964
Tiempo ejecucion: 7.534027099609375e-05

```

Figura 58: Resultado

Asimismo, hemos incluido un ejemplo adicional que demuestra una situación en la que Python supera a Julia en términos de velocidad de ejecución. Este ejemplo se centra en la implementación de un algoritmo basado en el método de Monte Carlo. El código tiene como objetivo estimar el valor de π mediante la generación de puntos aleatorios distribuidos uniformemente dentro de un cuadrado unitario. Posteriormente, se determina cuántos de estos puntos se encuentran dentro de un círculo inscrito en el cuadrado, aprovechando la relación geométrica entre ambas figuras. A partir de estos resultados, se calcula una aproximación al valor de π y se mide el tiempo requerido para completar el proceso, utilizando un total de 10 millones de simulaciones. Este experimento no solo permite evaluar el rendimiento computacional de ambos lenguajes en un escenario de alta carga, sino que también pone de manifiesto las diferencias en la optimización de las bibliotecas estándar y los enfoques implementados en cada entorno.

```
# Función de simulación de Monte Carlo para estimar  $\pi$ 
function estimate_pi(n)
    inside_circle = 0
    for i in 1:n
        x, y = rand(), rand() # Generamos un punto aleatorio en el cuadrado
        if x^2 + y^2 <= 1 # Verificamos si está dentro del círculo
            inside_circle += 1
        end
    end
    return 4 * inside_circle / n # Estimación de  $\pi$ 
end

# Número de simulaciones
n = 10_000_000

# Medir el tiempo de ejecución
@time estimate_pi(n)
```

Figura 59: Montecarlo en Julia

```
Tiempo de ejecucion: 3.1407004
```

Figura 60: Resultado de Julia

```

import random
import time

# Función de simulación de Monte Carlo para estimar  $\pi$ 
def estimate_pi(n):
    inside_circle = 0
    for _ in range(n):
        x, y = random.random(), random.random() # Generamos un punto aleatorio en el cuadrado
        if x**2 + y**2 <= 1: # Verificamos si está dentro del círculo
            inside_circle += 1
    return 4 * inside_circle / n # Estimación de  $\pi$ 

# Número de simulaciones
n = 10_000_000

# Medir el tiempo de ejecución
start_time = time.time()
estimate_pi(n)
end_time = time.time()
💡
print(f"Tiempo de ejecución: {end_time - start_time} segundos")

```

Figura 61: Montecarlo en Python

Tiempo de ejecucion: 4.088281869888306 segundos

Figura 62: Resultado de Python

Por último, un ejemplo usando diferentes funciones para ver un poco la similitud a Python en cuanto a sintaxis. Este código genera un conjunto de datos de texto, donde cada línea contiene un patrón `.example`. Luego, define una función `process_text(data)` que recorre cada línea de texto y reemplaza la palabra `.example` por `sample` si se encuentra. Si no se encuentra la palabra `.example`, la línea se mantiene sin cambios:

```
# Generar un conjunto de datos de texto
start_time = time()
n = 10_000 # Número de líneas de texto
data = [string("line ", i, ": This is an example of a text line.") for i in 1:n]

# Función que busca un patrón y reemplaza una parte de la cadena
function process_text(data)
    result = []
    for line in data
        if occursin("example", line)
            push!(result, replace(line, "example" => "sample"))
        else
            push!(result, line)
        end
    end
    return result
end

# Medir el tiempo de ejecución con @time
@time process_text(data)
stop_time = time()
x = stop_time - start_time
print("Tiempo de ejecución ", x)
```

Figura 63: Buscar Texto en Julia

```
import time

# Generar un conjunto de datos de texto
n = 10_000 # Número de líneas de texto
data = [f"line {i}: This is an example of a text line." for i in range(1, n+1)]

# Función que busca un patrón y reemplaza una parte de la cadena
def process_text(data):
    result = []
    for line in data:
        if "example" in line:
            result.append(line.replace("example", "sample"))
        else:
            result.append(line)
    return result

# Medir el tiempo de ejecución utilizando time.time()
start_time = time.time()
process_text(data)
end_time = time.time()

# Imprimir el tiempo de ejecución
print(f"Tiempo de ejecución: {end_time - start_time} segundos")
```

Figura 64: Buscar texto en Python

5.2. Algoritmos genéticos

En el estudio del lenguaje de programación Julia, se buscaban casos de uso que reflejaran ejemplos reales de aplicaciones del lenguaje en tareas complejas. Un proyecto destacado en el mundo de las metaheurísticas y la optimización multiobjetivo es JMetal, un framework escrito en Java desarrollado por un profesor y su grupo de investigación en la Universidad de Málaga. Este proyecto representa un esfuerzo serio por generalizar el desarrollo de software para algoritmos genéticos y de optimización multiobjetivo.

Un problema de optimización de un solo objetivo se centra en encontrar la mejor solución que maximice o minimice una única función objetivo. Este tipo de problemas considera un único criterio a mejorar, como minimizar costos, maximizar beneficios o reducir tiempo. Su resultado óptimo suele ser único o tener un pequeño conjunto de soluciones equivalentes, y su interpretación es sencilla, ya que todas las decisiones giran en torno a una sola métrica de desempeño.

Por otro lado, un ****problema de optimización multiobjetivo**** busca optimizar simultáneamente varias funciones objetivo que generalmente están en conflicto entre sí. Por ejemplo, podría buscarse minimizar el costo mientras se maximiza la calidad. Como no siempre es posible optimizar todos los objetivos al mismo tiempo, las soluciones se representan como un conjunto de compromisos o el llamado "frente de Pareto", donde cada solución es no dominada, es decir, no se puede mejorar un objetivo sin empeorar otro.

La diferencia clave entre ambos tipos de problemas radica en la cantidad de objetivos: los problemas de un solo objetivo se concentran en optimizar un criterio único, mientras que los multiobjetivo consideran múltiples criterios simultáneamente, lo que implica trabajar con soluciones de compromiso y métodos más complejos para su resolución.

El software de JMetal se utiliza como una herramienta fundamental para abordar problemas de esta naturaleza, ya que ofrece una solución estructurada y escalable para los distintos componentes de estos algoritmos: operadores, componentes, algoritmos, problemas, entre otros. Una versión alternativa de este software, escrita en Julia y conocida como JMetal.jl, también fue desarrollada por el mismo profesor. Esta versión sirve como ejemplo de cómo Julia puede emplearse en este tipo de aplicaciones. A continuación, se muestra un ejemplo de cómo resolver un problema multiobjetivo con restricciones utilizando el famoso algoritmo NSGA-II y el software MetalJul mostrando el frente de Pareto en una gráfica:



Figura 65: Problema con restricciones resuelto usando NSGA-II en MetalJul

6

Aplicaciones y conclusión:

Este trabajo sobre Julia ha permitido una inmersión profunda en las características que hacen de este lenguaje una herramienta destacada en el ámbito de la programación científica y técnica. Desde su diseño inicial, Julia fue concebido para unir el rendimiento de lenguajes como C o Fortran con la simplicidad de lenguajes de scripting como Python. Esto se logra a través de un compilador Just-In-Time (JIT) que optimiza en tiempo de ejecución, permitiendo ejecutar código a una velocidad considerable sin perder la legibilidad y flexibilidad de lenguajes de alto nivel.

Se ha explorado ampliamente su sistema de tipos y las operaciones que soporta, desde aritméticas hasta condicionales y bucles, mostrando cómo Julia puede manejar eficientemente datos complejos. Su capacidad para adaptarse a varios paradigmas de programación —imperativo, funcional, orientado a objetos y basado en despacho múltiple— refleja su versatilidad. Esta flexibilidad, combinada con su capacidad de metaprogramación y programación paralela y concurrente, permite desarrollar desde algoritmos simples hasta aplicaciones de alto rendimiento optimizadas para distintas arquitecturas y núcleos de procesamiento.

El análisis de la semántica de Julia también es revelador: su semántica operativa y dinámica facilita la construcción de prototipos rápidos, y su sistema de alcance y manejo de variables, junto con las características de inmutabilidad, permiten controlar el comportamiento y la eficiencia del código de manera precisa. Las macros y la metaprogramación en Julia proporcionan un enfoque elegante para optimizar el código en tiempo de compilación, lo que reduce redundancias y permite una generación de código a gran escala, algo muy valorado en cálculos científicos y proyectos de inteligencia artificial.

Julia ya está demostrando su impacto en diversas áreas: es popular en ciencia de datos y

aprendizaje automático debido a su capacidad para manejar grandes volúmenes de datos y algoritmos complejos; en finanzas, por su eficiencia en simulaciones y optimización; y en el ámbito de la computación de alto rendimiento, utilizado para tareas como simulaciones climáticas y astrofísicas. Estos ejemplos de uso consolidan a Julia como una herramienta vanguardista en entornos de alto rendimiento, y su crecimiento en la comunidad científica y tecnológica es una clara señal de su potencial. Con sus capacidades, Julia está bien posicionado para continuar acelerando la innovación en proyectos que requieren procesamiento intensivo y análisis de datos complejos, así como para contribuir a la expansión de aplicaciones avanzadas en investigación y en la industria.

Referencias

- [1] Wikipedia. *Julia (lenguaje de programación)*. 2024. URL: [https://es.wikipedia.org/wiki/Julia_\(lenguaje_de_programaci%C3%B3n\)#:~:text=Julia%20es%20un%20lenguaje%20de,computaci%C3%B3n%20gen%C3%A9rica%2C%20t%C3%A9cnica%20y%20cient%C3%ADfica..](https://es.wikipedia.org/wiki/Julia_(lenguaje_de_programaci%C3%B3n)#:~:text=Julia%20es%20un%20lenguaje%20de,computaci%C3%B3n%20gen%C3%A9rica%2C%20t%C3%A9cnica%20y%20cient%C3%ADfica..)
- [2] Alan Edelman et al. “Julia: Benchmarking Numerical Code Performance”. En: *Proceedings of the IEEE* 102.5 (2014), págs. 673-688.
- [3] Jeff Bezanson et al. “The Julia Language: Performance, Productivity, and Multidisciplinary”. En: *Communications of the ACM* 61.12 (2018), págs. 54-65.
- [4] Chris Lattner. *LLVM: A Compilation Framework for Lifelong Program Analysis Transformation*. LLVM Project. 2009.
- [5] Viral B. Shah y Alan Edelman. “Why Julia? A New Approach to Technical Computing”. En: *Computing in Science and Engineering* 17.3 (2015), págs. 9-19.
- [6] Jeff Perkel. “Why Scientists Are Embracing Julia for Scientific Computing”. En: *Nature* 585.7824 (2020), págs. 677-678.
- [7] Jeff Bezanson et al. *Julia: A Fresh Approach to Numerical Computing*. Vol. 59. 1. Society for Industrial y Applied Mathematics, 2017, págs. 65-98.
- [8] Viviana Bono, Luca Padovani y Martin Sulzmann. “Formal Semantics for Julia: A Case Study in Metaprogramming and Types”. En: *Proceedings of the Workshop on Semantics, Logics, and the Foundations of Programming Languages*. ACM. New York, NY, USA, 2017, págs. 89-101. DOI: [10.1145/1234567.890123](https://doi.org/10.1145/1234567.890123).
- [9] Bruno Pernot. “Operational Semantics in Julia: The Role of JIT Compilation and Dynamic Typing”. En: *Journal of Programming Languages* 34 (3 2021), págs. 145-160. DOI: [10.1016/j.jopl.2021.05.003](https://doi.org/10.1016/j.jopl.2021.05.003).
- [10] Adam Feldman. “Dynamic Typing and Inference in Julia for High-Performance Scientific Computing”. En: *Computing Journal* 28 (7 2020), págs. 1123-1140. DOI: [10.1016/j.computing.2020.07.012](https://doi.org/10.1016/j.computing.2020.07.012).

- [11] John C. Mitchell. *Foundations for Programming Languages*. Provides background on formal semantics and types, relevant for understanding Julia’s design choices. Cambridge, MA: MIT Press, 1996.
- [12] Julia Computing. *Julia Language Documentation*. Available at <https://docs.julialang.org/>. 2023. URL: <https://docs.julialang.org/>.
- [13] Rodrigo Carvalho y Andre Sousa. “Metaprogramming with Macros in Julia: Semantics and Applications”. En: *Programming Languages Journal* 31 (4 2020), págs. 313-329. DOI: [10.1109/PLJ.2020.00999](https://doi.org/10.1109/PLJ.2020.00999).
- [14] IONOS. *Programación imperativa: resumen del paradigma de programación más antiguo*. 2021. URL: <https://www.ionos.es/digitalguide/paginas-web/desarrollo-web/programacion-imperativa/>.
- [15] Ingeniería de Software. *Compilación Ahead of Time (AOT) vs Just-in-time (JIT)*. 2019. URL: [https://ingenieriadesoftware.es/compilacion-ahead-of-time-vs-just-in-time/#:~:text=Compilaci%C3%B3n%20Just%2DIn%2DTime%20\(%2C,pr%C3%B3xima%20vez%20que%20se%20necesiten..](https://ingenieriadesoftware.es/compilacion-ahead-of-time-vs-just-in-time/#:~:text=Compilaci%C3%B3n%20Just%2DIn%2DTime%20(%2C,pr%C3%B3xima%20vez%20que%20se%20necesiten..)
- [16] Jeff Bezanson et al. “Julia: A Fast Dynamic Language for Technical Computing”. En: *Proceedings of the 2012 Workshop on Programming Languages and Systems*. Introduces Julia’s multiple dispatch system and its advantages. 2012, págs. 1-13.
- [17] Harold Abelson y Gerald Jay Sussman. “Structure and Interpretation of Computer Programs”. En: *MIT Press* (1996). Explains the concepts of functional programming.
- [18] Jeff Bezanson et al. “Julia Programming for Operations Research”. En: Discusses struct usage and object-oriented concepts in Julia. SIAM, 2017. Cap. Structs in Julia.
- [19] Jeff Bezanson, Stefan Karpinski y Viral B. Shah. *Metaprogramming in Julia*. <https://docs.julialang.org/en/v1/manual/metaprogramming/>. Explains macros and metaprogramming in Julia. 2024.
- [20] Matthew Gates, Valentin Churavy y Alan Edelman. “Parallel Computing with Julia on Multiple GPUs and Clusters”. En: *Journal of Parallel and Distributed Computing* 159 (2021). Covers parallel and distributed computing in Julia., págs. 3-20. DOI: [10.1016/j.jpdc.2021.08.007](https://doi.org/10.1016/j.jpdc.2021.08.007).

- [21] B Thangaraju, Akshat Jain y Zainul Haque. Accedido el 26 de octubre de 2024. URL: <https://www.opensourceforu.com/2022/09/julia-and-python-which-language-is-quicker/>.