

## Método del Trapecio

# Motivación: Un nuevo método.

## Motivación

- Ecuaciones diferenciales ordinarias.
- ¿Existe solución y es única?
- Métodos de discretización.
- Método de Euler.

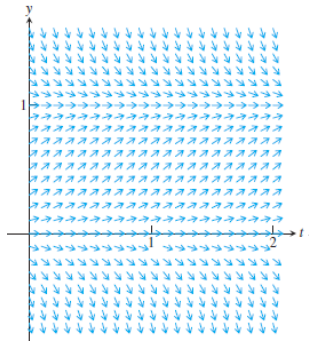


Figura: Representación del campo vectorial asociado a la ecuación logística  $y'(t) = cy(t)(1 - y(t))$ .

# Motivación: Método de Euler

$$\begin{cases} w_0 = y_0 \\ h_i = t_{i+1} - t_i \\ w_{i+1} = w_i + h_i f(t_i, w_i) \end{cases} \quad (1)$$

## Método de Euler

- Mejores resultados para puntos equidistantes.
- Es estable, consistente y convergente.
- El error global de aproximación es  $O(h)$ .
- Puede parecer válido en cualquier aplicación.

## Motivación: Ejemplo

$$\begin{cases} y'(t) = -4t^3 y^2 \\ y(-10) = 1/10001 \\ t \in [-10, 0] \end{cases}$$

- La solución exacta es  $y(t) = \frac{1}{1+t^4}$ .
- Queremos calcular la aproximación de  $y$  en 0 con  $y(0) = 1$ .

# Motivación: Ejemplo

# Índice

- 1 Motivación
- 2 TPCx-HS
- 3 Método del trapecio  
Introducción
- 4 Conclusión

# ¿Qué es TPCx-HS?

# TPC™

**Transaction Processing Performance Council Express Hadoop System**

## Benchmarking Hadoop

### Carga de trabajo de TPCx-HS

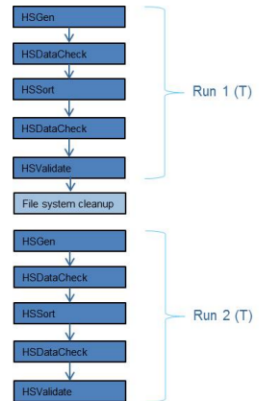
- HSGen: generación de datos con un factor de escala.
- HSDataCheck: comprobación de los datos.
- HSSort: Implementación en Hadoop de TeraSort.
- HSValidate: comprobación de la salida.



# Funcionamiento de TPCx-HS

**Dos ejecuciones de cinco fases cada una.**

- Fase 1: Generación de los datos.  
3-ways replication
- Fase 2: Verificación de la validez de los datos.
- Fase 3: Ordenación de los datos.  
3-ways replication
- Fase 4: Verificación de la validez de los datos.
- Fase 5: Validación de la salida





# Rendimiento

Medida del rendimiento.

$$HSph@SF = \frac{SF}{T/3600}$$

Medida del rendimiento-precio.

$$$/HSph@SF = \frac{P}{HSph@SF}$$

## Parámetros:

- SF: factor de escala escogido.
- T: tiempo total de las dos ejecuciones.
- P: costo del sistema bajo estudio.

# Introducción al método del trapecio

## Proposición

Sea un PVI con  $y'(t) = f(t, y(t))$  y  $y(t_0) = y_0$ . Son equivalentes:

- ①  $y$  es una solución del PVI.
- ②  $y(t) = y_0 + \int_{t_0}^t f(s, y(s)) ds \quad \forall t \in [a, b]$

Nuestra solución verifica:

$$y(t_1) = y_0 + \int_{t_0}^{t_1} f(s, y(s)) ds$$

# Introducción al método del trapecio

$$y(t_1) = y_0 + \int_{t_0}^{t_1} f(s, y(s)) ds$$

**Idea: Método del trapecio para integración numérica**

$$y(t_1) = y_0 + \frac{h}{2} [f(t_0, y_0) + f(t_1, y(t_1))] - \frac{h^3}{12} y^{(3)}(\xi) \quad (2)$$

**Aproximación implícita**

$$y(t_1) \approx w_1 = w_0 + \frac{h}{2} [f(t_0, w_0) + f(t_1, y(t_1))] \quad (3)$$

**¿Cómo calcular la aproximación?**

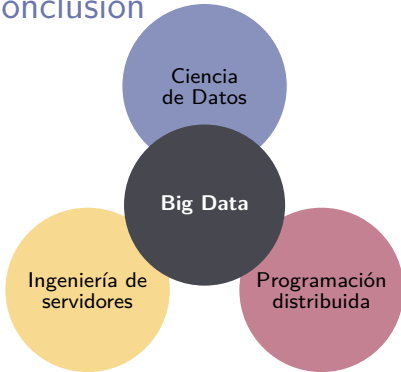
- Método del trapecio explícito
- Método del trapecio implícito

# Introducción al método del trapecio

## Aproximación implícita

$$y(t_1) \approx w_1 = w_0 + \frac{h}{2} [f(t_0, w_0) + f(t_1, y(t_1))]$$

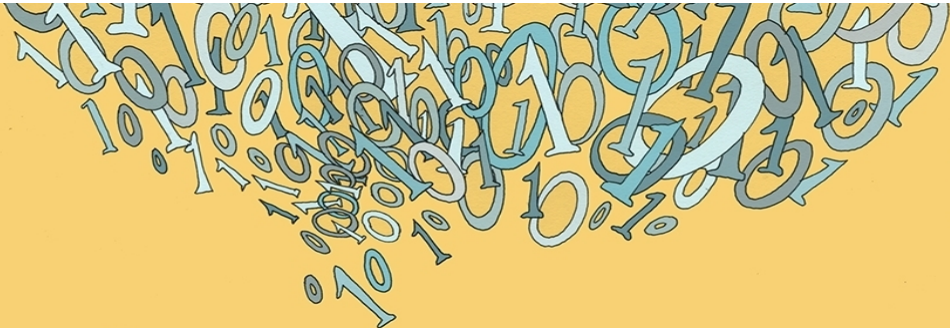
# Conclusión



- Nuevas tecnologías: Spark, Flink...
- Desarrollo y diseño de algoritmos
- Benchmarks para las nuevas tecnologías

“Vivimos en la era de la información. El progreso y la innovación no se ve obstaculizado por la capacidad de recopilar datos sino por la capacidad de gestionar, analizar, sintetizar y descubrir el conocimiento subyacente en dichos datos. Este es el reto de las tecnologías de Big Data.”

Francisco Herrera Triguero, Prof. Universidad de Granada



**Gracias por su atención.**

**Ilustración de Lola Moral y Sergio García**