

### Motivación: Un nuevo método.

### Motivación

- Ecuaciones diferenciales ordinarias.
- ¿Existe solución y es única?
- Métodos de discretización.
- Método de Euler.

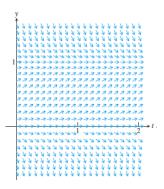


Figura: Representación del campo vectorial asociado a la ecuación logística y'(t) = cy(t)(1 - y(t)).

### Motivación: Método de Euler

$$\begin{cases} w_0 = y_0 \\ h_i = t_{i+1} - t_i \\ w_{i+1} = w_i + h_i f(t_i, w_i) \end{cases}$$
 (1)

#### Método de Euler

- Mejores resultados para puntos equidistantes.
- Es estable, consistente y convergente.
- El error global de aproximación es O(h).
- Puede parecer válido en cualquier aplicación.

# Motivación: Ejemplo

Considérese el siguiente problema de valores iniciales:

$$\begin{cases} y'(t) = -4t^3y^2 \\ y(-10) = 1/10001 \\ t \in [-10, 0] \end{cases}$$

- La solución exacta es  $y(t) = \frac{1}{1+t^4}$ .
- Queremos calcular la aproximación de y en 0 con y(0) = 1.
- Se va a aproximar hasta llegar a los 10000 puntos.

# Motivación: Ejemplo

N	h	Wn
100	0.1	0.00390138
1000	0.01	0.03085162
5000	0.002	0.13282140
7500	0.0013	0.18614311
10000	0.001	0.23325153

Tabla: Ejemplo de un mal comportamiento del método de Euler.

# Motivación: Ejemplo

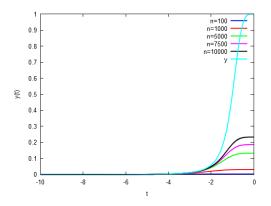


Figura: Aproximaciones obtenidas con diferentes valores de  $\it n.$ 

# Índice

- Motivación
- 2 TPCx-HS
- Método del trapecio Introducción
- 4 Conclusión

### ¿Qué es TPCx-HS?



#### Transaction Processing Performance Council Express Hadoop System

### **Benchmarking Hadoop**

### Carga de trabajo de TPCx-HS

- HSGen: generación de datos con un factor de escala.
- HSDataCheck: comprobación de los datos.
- HSSort: Implementación en Hadoop de TeraSort.
- HSValidate: comprobación de la salida.



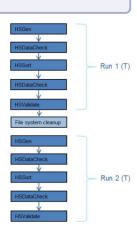


Método del trapecio

### Funcionamiento de TPCx-HS

#### Dos ejecuciones de cinco fases cada una.

- Fase 1: Generación de los datos.
  3-ways replication
- Fase 2: Verificación de la validez de los datos.
- Fase 3: Ordenación de los datos.
  3-ways replication
- Fase 4: Verificación de la validez de los datos.
- Fase 5: Validación de la salida



#### Rendimiento

Medida del rendimiento.

$$HSph@SF = \frac{SF}{T/3600}$$

Medida del rendimiento-precio.

TPCx-HS

$$$/HSph@SF = \frac{P}{HSph@SF}$$

#### Parámetros:

- SF: factor de escala escogido.
- T: tiempo total de las dos ejecuciones.
- P: costo del sistema bajo estudio.

# Introducción al método del trapecio

### Proposición

Sea un PVI con y'(t) = f(t, y(t)) y  $y(t_0) = y_0$ . Son equivalentes:

- 1 y es una solución del PVI.
- **2**  $y(t) = y_0 + \int_{t_0}^t f(s, y(s)) ds \ \forall t \in [a, b]$

Nuestra solución verifica:

$$y(t_1) = y_0 + \int_{t_0}^{t_1} f(s, y(s)) ds$$

# Introducción al método del trapecio

$$y(t_1) = y_0 + \int_{t_0}^{t_1} f(s, y(s)) ds$$

Idea: Método del trapecio para integración numérica

$$y(t_1) = y_0 + \frac{h}{2} \left[ f(t_0, y_0) + f(t_1, y(t_1)) \right] - \frac{h^3}{12} y^{3)}(\xi)$$
 (2)

Aproximación implicita

$$y(t_1) \approx w_1 = w_0 + \frac{h}{2} [f(t_0, w_0) + f(t_1, y(t_1))]$$
 (3)

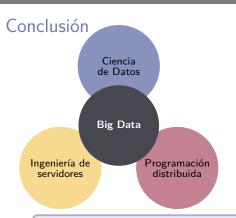
#### ¿Cómo cálcular la aproximación?

- Método del trapecio explícito
- Método del trapecio implícito

## Introducción al método del trapecio

#### Aproximación implicita

$$y(t_1) \approx w_1 = w_0 + \frac{h}{2} [f(t_0, w_0) + f(t_1, y(t_1))]$$





Conclusión

- Nuevas tecnologías: Spark, Flink...
- Desarrollo y diseño de algoritmos
- Benchmarks para las nuevas tecnologías

"Vivimos en la era de la información. El progreso y la innovación no se ve obstaculizado por la capacidad de recopilar datos sino por la capacidad de gestionar, analizar, sintetizar y descubrir el conocimiento subyacente en dichos datos. Este es el reto de las tecnologías de Big Data."

Francisco Herrera Triguero, Prof. Universidad de Granada

