

1)

i.

$$B \setminus \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i = \bigcap_{i \in \mathbb{I}} (B \setminus A_i)$$

Proof. \subseteq) Sabemos $x \in B$ y $x \notin \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i$

Luego $x \in B$ y $x \notin \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i \quad \forall i \in \mathbb{I}$

Entonces $x \in B \setminus A_i \quad \forall i \in \mathbb{I}$

$\Rightarrow x \in \bigcap_{i \in \mathbb{I}} (B \setminus A_i)$

\supseteq) Sabemos $x \in B \setminus A_i \quad \forall i \in \mathbb{I}$

Luego para cada $i \in \mathbb{I}$ sabemos $x \in B$ y $x \notin A_i$

$\Rightarrow x \in B \setminus \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i$

□

ii.

$$B \setminus \bigcap_{i \in \mathbb{I}} A_i = \bigcup_{i \in \mathbb{I}} (B \setminus A_i)$$

Proof. \subseteq) Sabemos $x \in B$ y $x \notin \bigcap_{i \in \mathbb{I}} A_i$

Luego existe algún $i \in \mathbb{I}$ tal que $x \notin A_i$ (quizas para todos los $i \in I$ sucede que $x \notin A_i$ pero con uno alcanza)

Entonces existe algún $i \in \mathbb{I}$ tal que $x \in B$ y $x \notin A_i \Rightarrow B \setminus A_i$

$\Rightarrow x \in \bigcup_{i \in \mathbb{I}} (B \setminus A_i)$

\supseteq) Tenemos $x \in B \setminus A_i$ para algún $i \in \mathbb{I}$

Luego $x \in B$ y $x \notin A_i$ para algún $i \in \mathbb{I}$

Entonces $x \in B$ y $x \notin \bigcap_{i \in \mathbb{I}} A_i \quad \forall i \in \mathbb{I}$

$\Rightarrow x \in B \setminus \bigcap_{i \in \mathbb{I}} A_i$

□

iii.

$$\bigcup_{i \in \mathbb{I}} (A_i \cap B) = B \cap \left(\bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i \right)$$

Proof. \subseteq) Tenemos $x \in A_i \cap B$ para algún $i \in \mathbb{I}$

Luego $x \in B$ y $x \in A_i$ para algún $i \in \mathbb{I} \Rightarrow x \in \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i$

Entonces $x \in B$ y $x \in \bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i$

$\Rightarrow x \in B \cap \left(\bigcup_{i \in \mathbb{I}} A_i \right)$

□

3) Sea $f : X \rightarrow Y$ una función, A, B subconjuntos de X

i. asd

j++i