## Analytická - kuželosečky – cvičení 1:

- 1) Napište rovnici kružnice se středem  $S[\sqrt{2}; -1]$  a poloměrem  $r = \sqrt{3}$ . Rozhodněte, zda bod  $A[2, \sqrt{2}; 0]$  na ní leží.
- 2) Rozhodněte, zda rovnice
  - $x^2 + y^2 6x + 4y + 4 = 0$  vyjadřuje kružnici, případně určete její střed a poloměr.
- 3) Jsou dány A[2; -1], B[-2; 3]. Určete množinu všech bodů X, ze kterých je AB vidět pod pravým úhlem (Thaletova kružnice nad AB).
- 4) Napište rovnici kružnice procházející A[2; 1], B[3; 0], C[0; 5]. Určete její střed a poloměr.
- 5) Pokud jsou dané rovnice vyjádřením kružnice, určete jejich střed a poloměr:
  - $x^2 + y^2 6x + 5y + 6 = 0$
  - $x^2 + y^2 + 4x 8y + 1 = 0$
  - $x^2 + y^2 4x + 7 = 0$
  - $2x^2 + 2y^2 6y 3 = 0$
- 6) Určete poloměr kružnice se středem S[5; -1], která prochází B[1; 2]. Určete A[a; -5], aby ležel na kružnici.
- 7) Napište rovnici kružnice
  - s průměrem *AB*, *A*[0; 7], *B*[4; 1]
  - procházející C[2; 5], D[3; 2], střed má na y
  - procházející E[1;3], mající poloměr 2 a střed na x-y+4=0
- 8) Zapište rovnici množiny všech bodů, které mají od C[4;7] třikrát větší vzdálenost než od D[8;-1]. Dokažte, že je to kružnice, určete střed a poloměr.
- 9) Kružnice  $k: (x-2)^2 + (y+1)^2 = 25$ . Dokažte, že  $M[-1; -5] \in k$ . Určete M' tak, aby MM' byl průměr kružnice.
- 10) Dokažte, že  $x^2 + y^2 + 6x 8y 39 = 0$  je kružnice. Napište rovnici kružnice soustředné procházející počátkem soustavy souřadnic.
- 11) Napište rovnici kružnice procházející A[2; 1], B[3; 0], C[0; 5]. Určete střed a poloměr.