

Analytická geometrie v prostoru – cvičení

1) Rozhodněte o vzájemné poloze přímek a, b v prostoru:

a) a: $x = 7 + t$ b: $x = 3 - 7s$
 $y = 3 + 2t$ $y = 1 + 2s$ $s \in \mathbb{R}$
 $z = 9 - t$ $z = 1 + 3s$
b) a: $x = 2 + t$ b: $x = 1 + s$
 $y = 1 + 2t$ $y = 1 + 2s$ $s \in \mathbb{R}$
 $z = 3 + 2t$ $z = -1 + 2s$

c) a: $x = -2 + 3t$ b: $x = 2 + 2s$
 $y = 1 - t$ $y = -3 + s$ $s \in \mathbb{R}$
 $z = 4 + t$ $z = 5 - 3s$
d) a: $x = 2 + 3t$ b: $x = 1 + 6s$
 $y = 4 + 2t$ $y = 6 - 4s$ $s \in \mathbb{R}$
 $z = 6 + t$ $z = 7 - 2s$

/mimoběžky, rovnoběžky, mimoběžky, různoběžky, $R = \left[3; \frac{14}{3}; \frac{19}{3}\right] /$

2) Napište parametrické vyjádření roviny:

a) $\alpha = ABC$; $A = [2; -4; 5]$, $B = [3; -1; 4]$, $C = [0; -10; 7]$. /není jednoznačné/

b) $\beta: B = [-2; 1; 3] \in \beta$, $\beta \parallel \vec{a} = (2; 2; 3)$, $\beta \parallel \vec{b} = (-2; 3; 0)$.

c) γ procházející počátkem rovnoběžně s rovinou pq:

p: $x = 1 + 3t$ q: $x = 2s$
 $y = -2 - t$ $y = 2 + s$
 $z = 3 - t$ $z = -1 + 2s$ $t, s \in \mathbb{R}$.

3) Napište obecnou rovnici roviny:

a) $\alpha = ABC$; $A = [2; 1; -2]$, $B = [3; 1; 2]$, $C = [-1; -7; -8]$. / $16x - 3y - 4z - 37 = 0$ /

b) $\beta: x = 3 - 2t + 3s$

$y = 1 + t - 2s$

$z = 3 - 4t + s$ $t, s \in \mathbb{R}$

/ $7x + 10y - z - 28 = 0$ /

c) γ prochází bodem $M = [3; 0; 4]$ kolmo k vektoru \overrightarrow{MN} ; $N = [5; 6; 9]$. / $2x + 6y + 5z - 26 = 0$ /

4) Určete vzájemnou polohu:

a) přímky p: $x = 1 + 2t$ a roviny $\rho: x - y + z - 3 = 0$ / $p \subset \rho$ /
 $y = -1 + t$ $\sigma: x - y + z + 1 = 0$ / $p \parallel \sigma$ /
 $z = 1 - t$ $t \in \mathbb{R}$ $\tau: x + y + z + 1 = 0$ / $p \cap \tau = R = [-1; -2; 2] /$

b) přímky p: $x = 1 + 2t$

$y = 3 + t$

$z = 4 - t$ $t \in \mathbb{R}$

a roviny $\chi: x = 3 - 2k + 3l$

$y = 1 + k - 2l$

$z = 3 - 4k + l$ $k, l \in \mathbb{R}$

/ $p \cap \chi = R = \left[\frac{3}{5}; \frac{14}{5}; \frac{21}{5}\right] /$

5) Určete vzájemnou polohu rovin:

a) $\alpha: 3x + y - 5z - 12 = 0$ $\beta: 2x + 6z - 3 = 0$ /různoběžné/

b) $\alpha: 5x + 2y - 3z - 5 = 0$ $\beta: 10x + 4y - 6z + 5 = 0$ /rovnoběžné různé/

c) $\alpha: 3x + 7y + z + 4 = 0$ $\beta: 9x + 21y + 3z + 12 = 0$ /splývající/

6) Vypočítejte vzdálenost bodu $A = [2; 1; 5]$ od roviny $\gamma: x - 2y + 2z - 3 = 0$ / $v = \frac{7}{3}$ /

7) Vypočítejte vzdálenost rovnoběžných rovin $\alpha: 3x - 2y - 6z + 35 = 0$
 $\beta: 3x - 2y - 6z = 0$ / $v = 5$ /

8) Vypočítejte vzdálenost bodu $M = [1; 3; 5]$ od $p: x = -30 + 6t$
 $y = 2t$
 $z = -\frac{5}{2} - t$ $t \in \mathbb{R}$ / $v = 14$ /

9) Vypočítejte vzdálenost dvou rovnoběžek:

p: $x = 2 + 3t$ q: $x = 7 + 3k$
 $y = -1 + 4t$ $y = 1 + 4k$ $k \in \mathbb{R}$
 $z = 2t$ $z = 3 + 2k$ / $v = 3$ /

10) Vypočítejte vzdálenost přímky p: $x = -1 + 2t$

$y = 1 - t$

$z = 2 + 3t$ $t \in \mathbb{R}$

od roviny $\delta: x + 5y + z - 3 = 0$. / $v = \frac{\sqrt{3}}{3}$ /

11) Vypočítejte vzdálenost bodu od přímky MN: $A = [2; 3; 1]$, $M = [2; 1; 0]$, $N = [1; 4; 1]$. / $v = \frac{\sqrt{66}}{11}$ /

12) Vypočítejte souřadnice bodu, který je souměrný s počátkem soustavy souřadnic

podle roviny $\delta: 6x + 2y - 9z + 121 = 0$.

/ $[-12; -4; 18]$ /