Verifica di Matematica

- $\#01 \mid 1$ quadrimestre -

Cognome e Nome:

Classe: $2 \hat{C}$

Tempo a disposizione: 60 minuti

Avvertenze:

- La presente Verifica di Recupero che viene somministrata in modalità DDI contiene 5 quesiti, per un totale di 35 punti.
- La webcam dovrà rimanere accesa per tutto il tempo della verifica (60 minuti), salvo impossibilità concrete di connessione; il microfono resterà spento e verrà acceso soltanto per chiarimenti e domande, che saranno consentite negli ultimi 20 min di prova.
- E' vietato l'utilizzo di calcolatrici scientifiche, smartphone, tablet e altri dispositivi digitali, nonché la consultazione di testi, appunti e siti web.

[5 punti]

1. Determina le condizioni di esistenza delle seguenti Frazioni Algebriche:

(a) $\frac{35a^2xy}{10ax^2}$ Soluzione: $\frac{7a}{2x}$

(b) $\frac{2}{4x+10}$ [5 punti] Soluzione: $\# x \in \mathbb{R}$

(c) $\frac{a^3 - 8}{a^3 + 2a^2 + 4a}$ Soluzione: $\frac{a - 2}{a}$

2. determina le *condizioni di esistenza* e, ove possibile, semplifica le seguenti frazioni algebriche utilizzando i metodi di fattorizzazione;

(a) $\frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - b^2}$ $\begin{array}{c} \textbf{Soluzione:} \\ \frac{a+b}{a-b} \\ \textbf{C.E.} = \{a \neq b\} \end{array}$

(b) $\frac{4x^3 + 8x^2 + 4x}{4x^2 - 4x}$ [3 punti]

Soluzione: $\frac{x+1}{x-1}$ $C.E. = \{x \neq 1\}$

(c) $\frac{t^5 - 5t^4 + t - 5}{t^2 - 25}$ [3 punti]

Soluzione: $\frac{t^4 + 1}{t + 5}$

3. Verifica se le seguenti razioni algebriche sono equivalenti?

(a)
$$\frac{a-b}{a-b} = \dots = \frac{a^2 - ab}{a^2 - ab}$$

(b)
$$\frac{2xb^2}{4x - 2xb} = \dots = \frac{b^2}{2 - b}$$

[3 punti]

4. Quali tra quelle elencate non sono Frazioni algebriche?

[2 punti]

A.
$$\frac{x^3 - 4x^2 - x + 3}{27}$$

- A. $\frac{x^3 4x^2 x + 3}{27}$ B. $\frac{4bcde}{a}$ C. $\frac{x^3 4}{24}$ D. $\frac{1}{x}$ E. nessuna delle precedenti

5. Esercizio facoltativo:

[5 punti bonus]

Dopo aver determinato le condizioni di esistenza semplifica la seguente frazione algebrica:

$$\frac{x^3 - 2x^2 + x}{x^3 - 3x^2 + 3x - 1}$$

Soluzione:

$$C.E.: x \neq 1, \quad \frac{x}{x-1}$$

Tabella dei punteggi

| Esercizio | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | Totale |
|-------------|----|---|----|---|---|--------|
| Punti | 15 | 8 | 10 | 2 | 0 | 35 |
| Punti Bonus | 0 | 0 | 0 | 0 | 5 | 5 |
| Punteggio | | | | | | |

La sufficienza è fissata a 18 punti, ma potrà subire delle modifiche in fase di correzione, al fine di garantire la validità della prova anche nel caso in cui si riscontrino prestazioni della classe sensibilmente lontane dalla media-classe stimata.