verifica di matematica

I Quadrimestre - num.: 1

Nome e Cognome:

Classe: $3^a \mathbf{Q} \mathbf{A}$

Tempo a disposizione: 45 min

prof.: Diego Fantinelli

Avvertenze:

- La presente Verifica che viene somministrata in modalità DDI contiene 5 quesiti, per un totale di 60 punti, di cui uno facoltativo, di 10 punti, che verrà conteggiato soltanto se verranno svolti anche tutti i precedenti.
- La webcam dovrà rimanere accesa per tutto il tempo della verifica (45 min), salvo impossibilità concrete di connessione; il microfono resterà spento e verrà acceso soltanto per chiarimenti e domande, che saranno consentite negli ultimi 20 min di prova.
- E' vietato l'utilizzo di calcolatrici scientifiche, smartphone, tablet e altri dispositivi digitali, nonché la consultazione di testi, appunti e siti web.

- 1. Risolvi i seguenti problemi, nell'Insieme N dei Numeri Naturali:
 - (a) Tre fari si accendono ad intervalli regolari.
 Il primo si accende ogni 8 s, il secondo faro ogni 12 s, il terzo ogni 15 s. Se ad un certo istante si accendono contemporaneamente, dopo quanti secondi torneranno ad accendersi insieme?

[10 punti]

(b) Gli studenti che frequentano il primo, il secondo ed il terzo anno di una scuola sono rispettivamente 140, 168 e 154.

Se si vogliono disporre tutti gli allievi in squadre di uguale numero di alunni, formate da alunni della stessa classe e con il numero più alto possibile, quanti alunni devono essere presenti in ogni squadra e quante squadre si formeranno in totale?

[10 punti]

2. Calcola il M.C.D. e il m.c.m. fra i seguenti numeri naturali N:

[10 punti]

(a) 110, 55, 121

- (b) 15, 25, 125, 150
- 3. Quale, tra le seguenti definizioni, esprime meglio il procedimento di calcolo del M.C.D.?

[5 punti]

Suggerimento: leggere con molta attenzione il testo delle risposte perchè le differenze potrebbero essere minime.

- A. Scomposti in fattori primi i numeri di cui si vuole calcolare il M.C.D., il M.C.D. è il quoziente dei fattori primi non comuni, presi una sola volta, con il massimo esponente.
- B. Scomposti in fattori primi i numeri di cui si vuole calcolare il M.C.D., il M.C.D. è il prodotto dei fattori primi comuni e non comuni, presi una sola volta, con il minimo esponente.
- C. Scomposti in fattori primi i numeri di cui si vuole calcolare il M.C.D., il M.C.D. è il prodotto dei fattori primi comuni, presi una sola volta, con il minimo esponente.
- D. Scomposti in fattori primi i numeri di cui si vuole calcolare il M.C.D., il M.C.D. è il prodotto dei fattori primi non comuni, presi una sola volta, con il minimo esponente.
- 4. Ricordando le proprietà delle potenze e le regole dei segni, semplifica le seguenti espressioni, nell'Insieme $\mathbb Z$ dei Numeri Interi:

(a)
$$[(5^7)^2:(5^5)^2:5^2-5^0]:(12^3:12^2)$$

[10 punti]

(b)
$$(2^{13}:2^7)^2:2^{10}+(-3)^7:(-3)^4$$

 $[15 \ punti]$

5. Esercizio facoltativo:

[10 punti bonus]

Si deve recintare un campo triangolare di lati 60, 126 e 132 metri con una rete metallica sostenuta da paletti di cemento posti a distanze uguali tra loro ed in numero minore possibile.

A che distanza saranno piantati i paletti? Quanti ne serviranno?

Tabella dei punteggi

Esercizio	1	2	3	4	5	Totale
Punti	20	10	5	25	0	60
Punti Bonus	0	0	0	0	10	10
Punteggio						