Introducción al diseño de TADs 1

Fernando Schapachnik¹

¹Departamento de Computación, FCEyN, Universidad de Buenos Aires, Buenos Aires, Argentina

8 de septiembre de 2014

(2) Hasta ahora...

• Nos preocupábamos por el qué, por ser claros.

(2) Hasta ahora...

- Nos preocupábamos por el qué, por ser claros.
- Hoy vamos a ver qué cosas hay que tener en cuenta cuando queremos pasar al cómo.

(2) Hasta ahora...

- Nos preocupábamos por el qué, por ser claros.
- Hoy vamos a ver qué cosas hay que tener en cuenta cuando queremos pasar al cómo.
- Aprendamos de mi experiencia personal...

(3) Yo quería...



(4) Pero me dieron...



¡¿Qué falló?!

(6) Cambio de mundos

• Hubo un cambio de mundos.

(6) Cambio de mundos

- Hubo un cambio de mundos.
- Nuevos elementos.

(6) Cambio de mundos

- Hubo un cambio de mundos.
- Nuevos elementos.
- Lo mismo pasa en el software.

• Consideremos el TAD Conjunto.

- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:

- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:
 - Un arreglo redimensionable.
 - Una secuencia.

- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:
 - Un arreglo redimensionable.
 - Inserción (sin repetidos): O(n)
 - Búsqueda: O(log(n))
 - Una secuencia.
 - Inserción (sin repetidos): O(1)
 - Búsqueda: O(n)

- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:
 - Un arreglo redimensionable.
 - Inserción (sin repetidos): O(n)
 - Búsqueda: O(log(n))
 - Una secuencia.
 - Inserción (sin repetidos): O(1)
 - Búsqueda: O(n)
- ¿Cuál me conviene?

- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:
 - Un arreglo redimensionable.
 - Inserción (sin repetidos): O(n)
 - Búsqueda: O(log(n))
 - Una secuencia.
 - Inserción (sin repetidos): O(1)
 - Búsqueda: O(n)
- ¿Cuál me conviene?
- Depende de qué necesite...

(8) Sin título (cont.)

Lo que está claro es que no podemos pasar de la especificación al código directamente, necesitamos una *etapa intermedia*:

La etapa de diseño

Qué significa diseñar un tipo:

• A nivel conceptual:

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).
 - Resolver los problemas que surgen como consecuencia de eso.

Qué significa diseñar un tipo:

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).
 - Resolver los problemas que surgen como consecuencia de eso.

▲En un plano un poco más concreto...

Qué significa diseñar un tipo:

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).
 - Resolver los problemas que surgen como consecuencia de eso.

⚠ En un plano un poco más concreto...

Proveer una representación para los valores.

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).
 - Resolver los problemas que surgen como consecuencia de eso.
- ▲En un plano un poco más concreto...
 - Proveer una representación para los valores.
 - Definir las funciones del tipo.

- A nivel conceptual:
 - Preocuparnos no ya del qué sino del cómo.
 - Cambiar de paradigma (del funcional al imperativo).
 - Resolver los problemas que surgen como consecuencia de eso.
- ▲En un plano un poco más concreto...
 - Proveer una representación para los valores.
 - Definir las funciones del tipo.
 - Demostrar que eso es correcto.

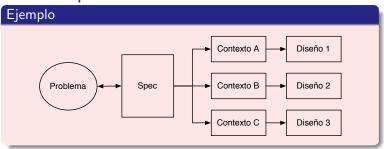
Volvamos al conjunto

¿Cómo discriminamos entre las dos soluciones?

Volvamos al conjunto

¿Cómo discriminamos entre las dos soluciones?

Contexto de uso y requerimientos de eficiencia. △



- Consideremos el TAD Conjunto.
- Veamos dos implementaciones posibles:
 - Un arreglo redimensionable.
 - Inserción (sin repetidos): O(n)
 - Búsqueda: O(log(n))
 - Una secuencia.
 - Inserción (sin repetidos): O(1)
 - Búsqueda: O(n)

(12) Más en detalle

Analicemos conjunto sobre secuencia: No terminamos acá, de hecho tenemos un nuevo "problema" por resolver.

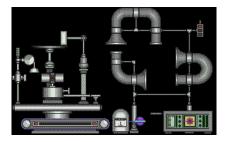
(12) Más en detalle

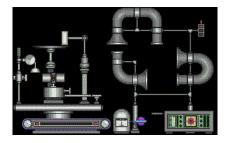
Analicemos conjunto sobre secuencia: No terminamos acá, de hecho tenemos un nuevo "problema" por resolver. ¿Esto es realmente un problema?

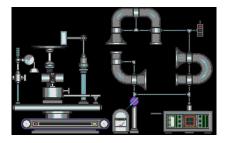
(12) Más en detalle

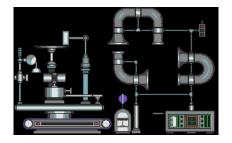
Analicemos conjunto sobre secuencia: No terminamos acá, de hecho tenemos un nuevo "problema" por resolver. ¿Esto es realmente un problema?

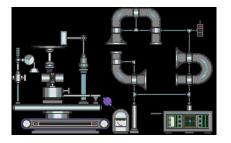


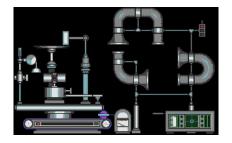


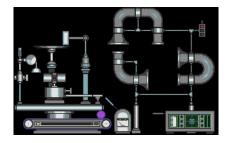


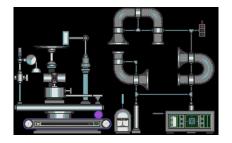


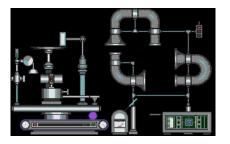


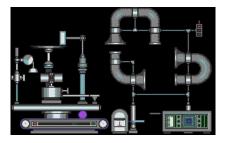


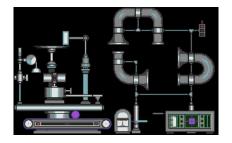


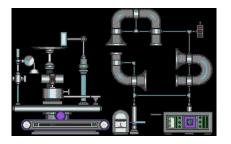


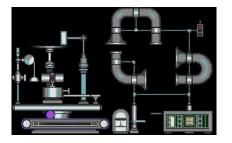


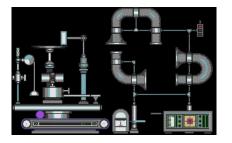


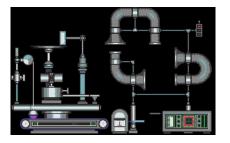


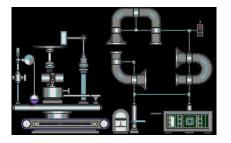


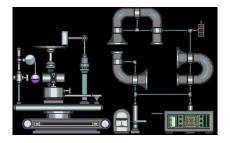


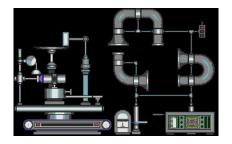


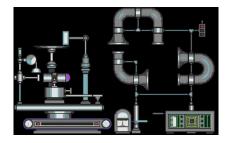


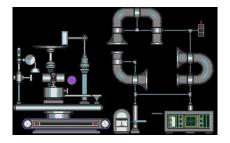


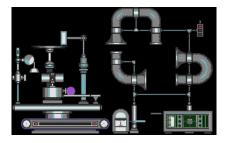


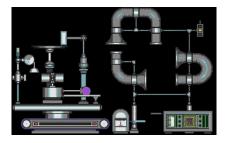


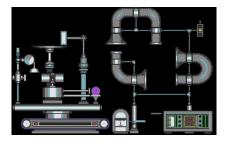


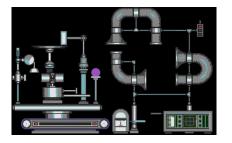


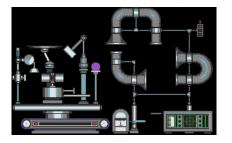


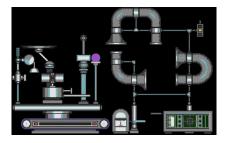


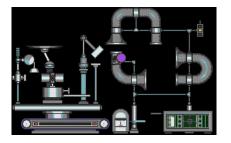


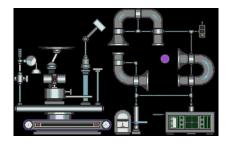


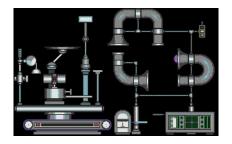


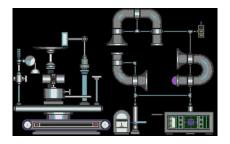


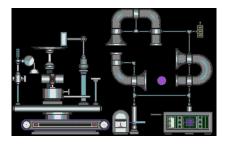


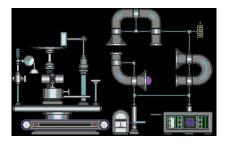


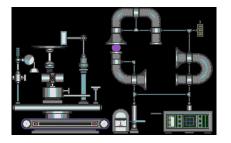


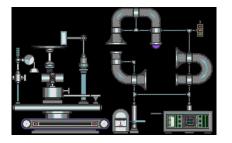


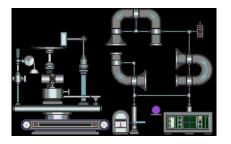


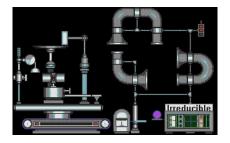


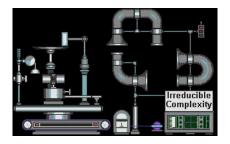




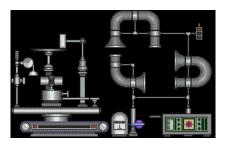






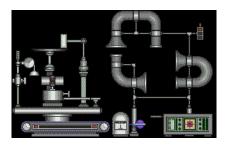


(14) Varios problemas...



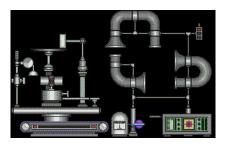
• Es complejo, difícil de entender.

(14) Varios problemas...



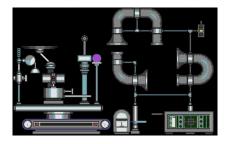
- Es complejo, difícil de entender.
- Las partes están muy interrelacionadas.

(14) Varios problemas...

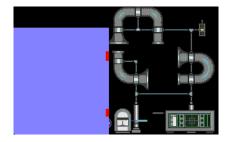


- Es complejo, difícil de entender.
- Las partes están muy interrelacionadas.
- Hay demasiada interacción entre las partes, lo que dificulta la comprensión.

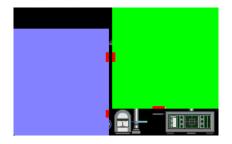
(15) Una visión alternativa...



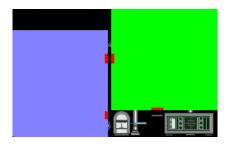
(15) Una visión alternativa...



(15) Una visión alternativa...

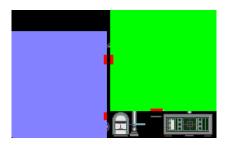


(16) Ventajas...



△ Cada fragmento presenta *interfaces claras*.

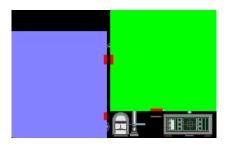
(16) Ventajas...



△ Cada fragmento presenta *interfaces claras*.

• Cada fragmento tiene una complejidad menor...

(16) Ventajas...



- △ Cada fragmento presenta *interfaces claras*.
- Cada fragmento tiene una complejidad menor...
- ...y permite concentrarnos en *subproblemas* más fáciles de resolver.

▲ Filosofía "top-down".

▲ Filosofía "top-down".

△ Vamos a descomponer el problema en subproblemas.

- ▲ Filosofía "top-down".
- △Vamos a descomponer el problema en subproblemas.
- Técnicamente hablando, en módulos, que usarán a otros módulos.

- ▲ Filosofía "top-down".
- △Vamos a descomponer el problema en subproblemas.
- Técnicamente hablando, en módulos, que usarán a otros módulos.
- ⚠ Cada módulo dirá *qué hace* y *cuántos recursos necesita*, pero ocultará *cómo lo hace*.

- ▲ Filosofía "top-down".
- ∆Vamos a descomponer el problema en subproblemas.
- Técnicamente hablando, en módulos, que usarán a otros módulos.
- △ Cada módulo dirá *qué hace* y *cuántos recursos necesita*, pero ocultará *cómo lo hace*.

```
Interfaz de Conjunto (fragmento)
```

```
Agregar(inout C: conjunto(nat), in e: nat) O(1) \{C \equiv C_0 \land e \not\in C\} \{C \equiv Agregar(C_0, e)\} Pertenece(in C: conjunto(nat), in e: nat) \rightarrow res: bool O(\#C) \{true\} \{res \equiv e \in C\}
```

- ▲ Filosofía "top-down".
- ∆Vamos a descomponer el problema en subproblemas.
- Técnicamente hablando, en módulos, que usarán a otros módulos.
- ⚠ Cada módulo dirá *qué hace* y *cuántos recursos necesita*, pero ocultará *cómo lo hace*.
- ⚠ Con un enfoque iterativo.

• Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.
- Y para cada operación, describe:

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.
- Y para cada operación, describe:
 - Su signatura.

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.
- Y para cada operación, describe:
 - Su signatura.
 - Su pre y post condición (más sobre esto en un rato).

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.
- Y para cada operación, describe:
 - Su signatura.
 - Su pre y post condición (más sobre esto en un rato).
 - Su complejidad.

- Lo que cada módulo da a conocer al mundo sobre sí se llama interfaz.
- En ella declara a qué tipo abstracto está implementando.
- Y para cada operación, describe:
 - Su signatura.
 - Su pre y post condición (más sobre esto en un rato).
 - Su complejidad.
 - Otros aspectos que veremos más adelante.

• Si llamo a Agregar(C, x), ¿consumo |x| extra bytes? ¿Y si lo borro?

- Si llamo a Agregar(C, x), ¿consumo |x| extra bytes? ¿Y si lo borro?
- Otra forma de preguntarse lo mismo: ¿el agregado es por copia o por referencia?

- Si llamo a Agregar(C, x), ¿consumo |x| extra bytes? ¿Y si lo borro?
- Otra forma de preguntarse lo mismo: ¿el agregado es por copia o por referencia?
- Respuesta: miremos la especificación...

- Si llamo a Agregar(C, x), ¿consumo |x| extra bytes? ¿Y si lo borro?
- Otra forma de preguntarse lo mismo: ¿el agregado es por copia o por referencia?
- Respuesta: miremos la especificación...
- ¿Qué sucede?

- Si llamo a Agregar(C, x), ¿consumo |x| extra bytes? ¿Y si lo borro?
- Otra forma de preguntarse lo mismo: ¿el agregado es por copia o por referencia?
- Respuesta: miremos la especificación...
- ¿Qué sucede?
- Cambio de paradigma.

• Funcional vs. imperativo.

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)
- Manchas sobre papel vs. ejecución que toma tiempo.

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)
- Manchas sobre papel vs. ejecución que toma tiempo.

⚠ Parámetros formales vs. parámetros de entrada/salida.

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)
- Manchas sobre papel vs. ejecución que toma tiempo.
- ⚠ Parámetros formales vs. parámetros de entrada/salida.
 - in: su valor no puede alterarse dentro de la función.

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)
- Manchas sobre papel vs. ejecución que toma tiempo.
- ⚠ Parámetros formales vs. parámetros de entrada/salida.
 - in: su valor no puede alterarse dentro de la función.
 - inout: su valor sí puede alterarse dentro de la función. Cuidado en la post.

- Funcional vs. imperativo.
- Abstracto vs. concreto (¿es tan así?)
- Manchas sobre papel vs. ejecución que toma tiempo.
- ⚠ Parámetros formales vs. parámetros de entrada/salida.
 - in: su valor no puede alterarse dentro de la función.
 - inout: su valor sí puede alterarse dentro de la función. Cuidado en la post.
 - out: ídem inout, pero su valor a la entrada no importa, y podría no estar definido. Cuidado en la pre.

Paradigmas comparados (cont.)

Transparencia referencial.

Una expresión E es referencialmente transparente si cualquier subexpresión y su correspondiente valor (el resultado de evaluar la subexpresión) pueden ser intercambiados sin cambiar el valor de E.

Ejemplo: si $f(x) := \{return \ x + 1\}, \ f(4) + f(3) \text{ es ref. trans. Si } f(x) := \{y = G(x + 1); G + +; return \ y\}, \text{ no.}$

Transparencia referencial (definición práctica alternativa)

Una función es *referencialmente transparente* si su resultado sólo depende de sus parámetros explícitos.

(22) Aliasing

Aliasing es la forma en la que se denomina a tener más de un nombre para la misma cosa.

(22) Aliasing

- Aliasing es la forma en la que se denomina a tener más de un nombre para la misma cosa.
- En concreto, dos punteros o referencias hacia el mismo objeto.

(22) Aliasing

- Aliasing es la forma en la que se denomina a tener más de un nombre para la misma cosa.
- En concreto, dos punteros o referencias hacia el mismo objeto.
- Debido a que el paradigma funcional tiene transparencia referencial, no teníamos este "problema".

(22) Aliasing

- Aliasing es la forma en la que se denomina a tener más de un nombre para la misma cosa.
- En concreto, dos punteros o referencias hacia el mismo objeto.
- Debido a que el paradigma funcional tiene transparencia referencial, no teníamos este "problema".
- ¿Es malo?

(22) Aliasing

- Aliasing es la forma en la que se denomina a tener más de un nombre para la misma cosa.
- En concreto, dos punteros o referencias hacia el mismo objeto.
- Debido a que el paradigma funcional tiene transparencia referencial, no teníamos este "problema".
- ¿Es malo?

No, pero *debe ser* documentado porque ¡es tan público como la complejidad! (Ver el apunte y la clase práctica.)

ullet Ejemplo: Desencolar() + Próximo() o Desencolar()

- Ejemplo: Desencolar() + Próximo() → Desencolar()
- cambiosDeNombres a otros_formatos

- Ejemplo: Desencolar() + $Proximo() \rightarrow Desencolar()$
- cambiosDeNombres a otros_formatos
- Manejo de errores.

- Ejemplo: Desencolar() + Próximo() → Desencolar()
- cambiosDeNombres a otros_formatos
- Manejo de errores.
- Ejemplo: Encolar(inout C: cola, in e: elem) → Encolar(inout C: cola, in e: elem, out s: status)

- Ejemplo: Desencolar() + Próximo() → Desencolar()
- cambiosDeNombres a otros_formatos
- Manejo de errores.
- Ejemplo: Encolar(inout C: cola, in e: elem) → Encolar(inout C: cola, in e: elem, out s: status)
- Tampoco nos abusemos: ¿qué pasa en las pre y las post?

• Analicemos: Ag(inout C: conjunto(nat), in e: nat) $\{C \equiv C_0\}\ \{C \equiv Agregar(C_0, e)\}$

- Analicemos: Ag(inout C: conjunto(nat), in e: nat) $\{C \equiv C_0\}$ $\{C \equiv Agregar(C_0, e)\}$
- Si C y e están "hechos de bits", ¿qué significa \equiv ahí?

- Analicemos: Ag(inout C: conjunto(nat), in e: nat) $\{C \equiv C_0\}\ \{C \equiv Agregar(C_0, e)\}$
- Si C y e están "hechos de bits", ¿qué significa \equiv ahí?
- Necesitamos a los términos "equivalentes" a C y e en el mundo funcional...

- Analicemos: Ag(inout C: conjunto(nat), in e: nat) $\{C \equiv C_0\}\ \{C \equiv Agregar(C_0, e)\}$
- Si C y e están "hechos de bits", ¿qué significa \equiv ahí?
- Necesitamos a los términos "equivalentes" a C y e en el mundo funcional...
- Chapeau: \hat{C} y \hat{e} .

- Analicemos: Ag(inout C: conjunto(nat), in e: nat) $\{C \equiv C_0\}\ \{C \equiv Agregar(C_0, e)\}$
- Si C y e están "hechos de bits", ¿qué significa \equiv ahí?
- Necesitamos a los términos "equivalentes" a C y e en el mundo funcional...
- Chapeau: \hat{C} y \hat{e} .

⚠ Definición formal de ^: lean el apunte.

Vimos

- Vimos
 - La diferencia de mundos.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Es decir, por qué es necesaria la etapa de diseño, qué cambios introduce y cuál es el lenguaje que usamos.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Es decir, por qué es necesaria la etapa de diseño, qué cambios introduce y cuál es el lenguaje que usamos.
- Veremos

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Es decir, por qué es necesaria la etapa de diseño, qué cambios introduce y cuál es el lenguaje que usamos.
- Veremos
 - Cómo escribir un módulo.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Es decir, por qué es necesaria la etapa de diseño, qué cambios introduce y cuál es el lenguaje que usamos.
- Veremos
 - Cómo escribir un módulo.
 - Qué cosas debemos considerar.

- Vimos
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Es decir, por qué es necesaria la etapa de diseño, qué cambios introduce y cuál es el lenguaje que usamos.
- Veremos
 - Cómo escribir un módulo.
 - Qué cosas debemos considerar.
 - Cómo verificar su relación con el TAD.

Introducción al diseño de TADs 2

Fernando Schapachnik¹

 1 Departamento de Computación, FCEyN, Universidad de Buenos Aires, Buenos Aires, Argentina

8 de septiembre de 2014

- Vimos
 - por qué es necesaria la etapa de diseño,
 - qué cambios introduce, y
 - cuál es el lenguaje que usamos.
- Es decir:
 - La diferencia de mundos.
 - Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
 - La idea de diseño top-down.
 - El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Veremos hoy:
 - Cómo escribir un módulo.
 - Qué cosas debemos considerar.
 - Cómo verificar su relación con el TAD.

(3) Ocultando información

- ¿Por qué tanto énfasis en la interfaz?
- ¿No es más fácil dar el código y listo?
- Primera piedra: Information hiding, David Parnas, "On the Criteria to Be Used in Decomposing Systems Into Modules" (Communications of the ACM, Diciembre de 1972).
- Tres definiciones...

(4) Ocultando información (cont.)

 Abstracción: "Abstraction is a process whereby we identify the important aspects of a phenomenon and ignore its details." [Ghezzi et al, 1991]

Information hiding:

- "The [...] decomposition was made using 'information hiding'
 [...] as a criterion. [...] Every module [...] is characterized by its
 knowledge of a design decision which it hides from all others.
 Its interface or definition was chosen to reveal as little as
 possible about its inner workings." [Parnas, 1972b]
- "[...] the purpose of hiding is to make inaccessible certain details that should not affect other parts of a system." [Ross et al, 1975]
- Encapsulamiento: "[...] A consumer has full visibility to the procedures offered by an object, and no visibility to its data. From a consumer's point of view, and object is a seamless capsule that offers a number of services, with no visibility as to how these services are implemented [...] The technical term for this is encapsulation." [Cox, 1986]

(5) Ocultando información (cont.)

- - La implementación se puede cambiar y mejorar sin afectar su uso.
 - Ayuda a modularizar.
 - Facilita la comprensión.
 - Favorece el reuso.
 - Los módulos son más fáciles de entender.
 - Y de programar.
 - El sistema es más resistente a los cambios.
- Aprender a elegir buenas descomposiciones no es fácil. Ese aprendizaje comienza ahora y continúa en Ingeniería del Software I.

(6) Information hiding, ¿hasta dónde?

- Dijimos que nos íbamos a basar en ocultar la información.
- ¿De quién ocultamos las cosas?
- No nos olvidemos de que si bien nos *hacemos* los misteriosos, las promesas hay que cumplirlas.
- La interfaz es una promesa.

(7) Manteniendo nuestra palabra

- Es hora de documentar nuestra estructura.
- Ejemplo: conjunto semi rápido de naturales. Los números del 1 al 100 deben manejarse en O(1) porque se usan mucho. El resto, en O(n). Rápidamente debo conocer la cardinalidad.
- Propuesta:
 - Un arreglo de 100 posiciones booleanas.
 - Una secuencia.
 - Un nat para la cardinalidad.
- En nuestro lenguaje de diseño, se expresa así:

```
conj_semi_rápido_nat se representa con tupla <rápido: arreglo [0..100] de bool \times resto: secu(nat) \times cant: nat>
```

 $\triangle_i Y$ dónde aprendo el lenguaje? \rightarrow En el apunte de diseño.

(8) (¿Cómo elegir la representación adecuada?)

¿Se acuerdan?

⚠ Contexto de uso y requerimientos de eficiencia.

- Todo un tema que iremos viendo en la segunda parte de la materia.
- Vamos a suponer que eso ya lo tenemos resuelto, parar poder analizar otros aspectos.

(9) Estructura de representación

Identifiquemos las partes

```
conj_semi_rápido_nat src estr donde estr es tupla <rápido: arreglo [0..100] de bool × resto: secu(nat) × cant: nat>
```

- conj_semi_rápido_nat, la tupla, la secu, etc. "son de bits".
- src es una abreviatura de "se representa con".
- estr es una macro que se expande en la tupla.
- conj_semi_rápido_nat es el género representado y estr (su expansión) es el genero de representación.

(10) ¿Cualquier instancia es válida?

- ¿<[0...0], <>, 8254> es un conj_semi_rápido_nat válido?
- A¿Para qué nos serviría poder separar con facilidad instancias válidas e inválidas?
 - Como una forma de documentar la estructura.
 - Como condición necesaria para establecer una relación con la abstracción (ver más adelante).
 - Para agregar a las postcondiciones, como una forma de garantizar que nuestros algoritmos no rompen la estructura.
 - Para agregar a las precondiciones, como una "garantía" con la que cuentan nuestros algoritmos.
 - Como una guía a la hora de escribir los algoritmos.
 - Si pudiésemos programar el chequeo, como una forma de detectar instancias corruptas.
- El invariante de representación.

(11) Invariante de representación

- ▲ Es una función booleana con dominio en el género de representación que da *true* cuando recibe una instancia válida.
- ¿Podría el dominio ser el género representado? ¿Por qué?
- En realidad, si nos ponemos finos, el dominio es la versión abstracta del género de representación.

Ejemplo

Si representamos T_1 sobre T_2 Rep: $\widehat{T_2} \to \text{bool}$ $(\forall t: \widehat{T_2}) \text{ Rep}(t) \equiv \dots$ condiciones que garanticen que t representa una instancia válida de $T_1 \dots$

• (¿Siempre existe \widehat{T}_2 ?)

(12) Invariante de representación (cont.)

Recordemos nuestro ejemplo:

```
conj_semi_rápido_nat src estr donde estr es tupla <rápido: arreglo [0..100] de bool \times resto: secu(nat) \times cant: nat>
```

- ¿Qué debería decir el invariante?
 - **1** Que *resto* sólo tiene números mayores a 100, si tiene alguno.
 - Que resto no tiene números repetidos.
 - Que cant tiene la longitud de resto más la cantidad de celdas de rápido que están en true.
- Rep: $\widehat{estr} \rightarrow bool$
- $(\forall e : \widehat{estr}) \operatorname{Rep}(e) \equiv$

 - ② $(\forall n: nat)$ (cant_apariciones(n, e.resto) ≤ 1) \land
 - e.cant=long(e.resto)+contar_trues(e.rápido)

(13) Recordar

▲¡El invariante cambia la vida!

(14) ¿Cómo se "lee" nuestra estructura?

- ¿Cómo hay que entender a nuestra estr para pensarla como un conj_semi_rápido_nat?
- Para responder a esa pregunta vamos a definir una función de abstracción:
- Abs: \widehat{T}_2 $e \rightarrow \widehat{T}_1$ (Rep(e))
- Notar la restricción.
- Toma una instancia (abstracta) de la estructura de representación y devuelve una instancia (también abstracta) del genero representado.
- ¿Por qué toma géneros abstractos? Porque en el mundo abstracto es donde (mejor) sabemos razonar sobre las cosas.

En nuestro ejemplo

```
Abs: \widehat{estr}\ e \to conj\_semi\_rapido\_nat\ (Rep(e))
Abs(e) \equiv c / (\forall n: nat)\ (n \in c \iff ((n < 100 \land e.rápido[n]) \lor (n \ge 100 \land está?(n, e.resto)))
```

(15) Algunas notas sobre Abs.

- Hay otra forma de escribir Abs (sobre los generadores del tipo de representación en lugar de sobre los observadores del tipo representado), pero eso lo van a ver en la práctica.
- ¿Es total o parcial? Una vez restringida (Rep(e)), deber ser total.
- ¿Debe ser sobreyectiva? Sí.
- ¿Debe ser inyectiva? No, pero puede serlo.
- Debe ser un homomorfismo respecto de la signatura del TAD:
 - Para toda operación o Abs $(o(p_1, \ldots, p_n)) \equiv o(\mathsf{Abs}(p_1), \ldots, \mathsf{Abs}(p_n))$
- Abs y Rep se las debemos a [Hoare, 1972].

(16) Un poco más de invariante

Analicemos Ag():

Interfaz

```
Ag(inout C: conj_semi_rápido_nat, in e: nat) \{\hat{C} \equiv C_0 \land \hat{e} \not\in C_0\} \{\hat{C} \equiv Agregar(C_0, \hat{e})\}
```

Implementación

```
iAg(inout C: estr, in e: nat)  \{Rep(\hat{C}) \wedge_L Abs(\hat{C}) \equiv C_0 \wedge \hat{e} \not\in C_0 \}  C.cant++ if (e<100) then C.rápido[e]:= true else ag_en_secu(C, e) fi  \{Rep(\hat{C}) \wedge_L Abs(\hat{C}) \equiv Agregar(C_0, \hat{e}) \}
```

```
ag_en_secu(inout E: estr, in e: nat) \{\hat{E} \equiv E_0 \land \hat{e} > 100\}  // Notar: acá no vale Rep(\hat{E}) InsertarAlFinal(E.resto, e) \{\hat{E}.resto \equiv E_0.resto \bullet \hat{e}\}
```

(17) Probando corrección

Para toda operación f que implementa una operación del TAD y toda x instancia del género de representación, debemos ver que el siguiente diagrama conmuta:

$$Abs(x) \xrightarrow{f} \boxed{ f(Abs(x)) \\ \equiv \\ Abs(if(x)) }$$

$$\uparrow^{Abs} \qquad \uparrow^{Abs} \\ x \xrightarrow{if} \qquad if(x)$$

Ejemplo para conjunto sobre secuencia ($\forall s$: secu, $\forall n$: nat)

$$Abs(s) \xrightarrow{Ag(Abs(s),n)} \begin{bmatrix} Ag(Abs(s), n) \\ \equiv \\ Abs(s \bullet n) \end{bmatrix}$$

$$\uparrow^{Abs} \qquad \uparrow^{Abs}$$

$$s \xrightarrow{s \bullet n} \qquad s \bullet n$$

(18) Repaso

Vimos...

- La diferencia de mundos.
- Cómo los requerimientos de eficiencia deciden la implementación.
- La idea de diseño top-down.
- El cambio de paradigma.
 - Aliasing
 - Sombrerito.
- Encapsulamiento.
- Abstracción.
- Ocultamiento de información.
- Relación entre el tipo representado y el de representación.
 - Invariante.
 - Función de abstracción.
- "Eso de la i que apareció por ahí".

(19) En las próximas clases

- Elección de estructuras.
- Cómo se propagan los contextos de uso y requerimientos de eficiencia.
- Cómo se escribe el código.
- Documentación.
- Ejemplos más complicados.

(20) Bibliografía

- "Abstraction, Encapsulation, and Information Hiding". By Edward V. Berard. The Object Agency. http://www.itmweb.com/essay550.htm
- [Parnas, 1972b] D.L. Parnas, "On the Criteria To Be Used in Decomposing Systems Into Modules," Communications of the ACM, Vol. 5, No. 12, December 1972, pp. 1053-1058.
- [Ghezzi et al, 1991] C. Ghezzi, M. Jazayeri, and D. Mandrioli, Fundamentals of Software Engineering, Prentice-Hall, Englewood Cliffs, New Jersey, 1991.
- [Ross et al, 1975] D.T. Ross, J.B. Goodenough, and C.A. Irvine, "Software Engineering: Process, Principles, and Goals," IEEE Computer, Vol. 8, No. 5, May 1975, pp. 17 27.
- [Cox, 1986] B.J. Cox, Object Oriented Programming: An Evolutionary Approach, Addison-Wesley, Reading, Massachusetts, 1986.
- [Hoare, 1972] C.A.R. Hoare. "Proof of correctness of Data Representation". Acta Informatica 1(1), 1972.