Algorítmos y Estructuras de Datos II Trabajo Práctico 2 (Diseño) Grupo 6

Bayardo, Julián julian@bayardo.com.ar 850/13

Gambaccini, Ezequiel ezequiel.gambaccini@gmail.com 715/13 Cuneo, Christian chriscuneo93@gmail.com 755/13

Lebrero Rial, Ignacio Manuel ignaciolebrero@gmail.com 751/13

28 de Octubre del 2014

1. Aclaraciones

Como en ciudad se debe devolver una copia de mapa, hubo que implementar Copiar en DiccString. Para copiar DiccString, hay que exigir que el parametro (α) de entrada tenga operacion copiar. Esto fue implementado en Restriccion, DiccString y Cola de prioridad. No pudimos implementarlo en robot ya que para Copiar un robot, se debe tener un iterador a la cola nueva, pero esto requeriria que Cola de prioridad sepa mas cosas de su parametro de las que deberia. La otra opcion era realizar una copia de robot con un iterador que no apunte a nada, pero que no tendria sentido para robot.

2. Módulo Iterador de Vector a Puntero (α)

```
*******
                                   Interfaz
VectorPointer(\alpha) es Vector(puntero(\alpha))
Este iterador deberia estar en Vector
itVectorPointer(\alpha)
Se explica con iterador unidireccional
Se considera n igual a longitud(vec).
***********************************
                                 Operaciones
*************************************
CrearIt(in vec : VectorPointer(\alpha)) \rightarrow res : itVectorPointer(\alpha)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {res =obs CrearItUni(in)}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea un iterador unidireccional del VectorPointer(\alpha).
HayMas?(in it : itVectorPointer(\alpha)) \rightarrow res : bool
Pre ≡ {true}
Post = {res =obs HayMas?(it)}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Devuelve true si y solo si en el iterador quedan elementos para avanzar.
Actual(in it: itVectorPointer(\alpha)) \rightarrow res : puntero(\alpha)
Pre = \{HayMas?(it)\}
Post = {alias(res =obs Actual(it))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve el elemento actual del iterador.
Aliasing: res y su contenido no son modificables.
Avanzar(in/out it : itVectorPointer(\alpha))
Pre \equiv \{it = it_0 \land HayMas?(it)\}
Post \equiv {it =obs Avanzar(it<sub>0</sub>)}
Complejidad: O(n)
Descripcion: Avanza a la posicion siguiente del iterador.
***********************************
********
                               Representación
************************************
itVectorPointer(\alpha) se representa con iter(\alpha),
    donde iter(\alpha) es: tupla(
                      actual : nat,
                      len
                          : nat,
                            : puntero(VectorPointer(α)))
                      vec
Rep: ^(iter(\alpha) \rightarrow boolean)
(\forall e : \land (iter(\alpha)) Rep(e) \equiv true \iff
    (e.actual < e.len) Λ (¬(e.vec =obs NULL) Λι e.len = Longitud(*e.vec))
Abs: ^(iter(\alpha)) i \rightarrow IteradorUnidireccional(\alpha)
                                                                     {Rep(i)}
(\forall e : \land (iter(\alpha)) \land bs(e) = obs m /
    Longitud(Siguientes(m)) =obs (e.len - e.actual) Λ
    (∀i : nat) (i < e.len Λι *e.vec[i] =obs Siguientes(m)[i])</pre>
```

```
***********************************
******
                                                                ******
                                Algoritmos
iCrearIt(in input\_vec : VectorPointer(\alpha)) \rightarrow res: itVectorPointer(\alpha)
    res ← (actual: 0, len: Longitud(input_vec), vec: &input_vec)
end function
iActual(in it: iter(\alpha)) \rightarrow res: puntero(\alpha)
    res ← (it.vec)[iter.actual]
end function
iHayMas?(in it : iter(\alpha)) \rightarrow res : bool
   var next : nat ← it.actual
   while next < len \Lambda (*it.vec)[next] == NULL do
       next \leftarrow next + 1
   end while
    res ← next != len
end function
iAvanzar(in/out it : iter(\alpha))
   var next : nat ← it.actual + 1
   while (*it.vec)[next] == NULL do
       next \leftarrow next + 1
   end while
   it.actual ← next
end function
```

3. Módulo Conjunto Rápido de Strings

```
Interfaz
Se explica con: conj(String)
Géneros: conjRapidoString
***********************************
                            Operaciones
**************************************
Vacio() → res : conjRapidoString
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv {res =obs \phi}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea un conjunto vacio.
Agregar(in/out c : conjRapidoString, in s : string)
Pre ≡ {true}
Post \equiv \{c = obs Ag(s, c)\}
Complejidad: O(long(s))
Descripcion: Agrega un string al conjunto.
Pertenece?(in c : conjRapidoString, in s : string) → res : bool
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs s \in c}
Complejidad: O(long(s))
Descripcion: Se fija si s pertenece al conjunto o no.
CrearIt(in c : conjRapidoString) → res : itConj(string)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {alias(esPermutación?(SecuSuby(res), c)) ∧ vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve un iterador del conjunto.
*******
                          Representación
conjRapidoString se representa con conjRap, donde conjRap es DiccString(Bool)
Rep: ^(conjRap) → boolean
Rep(e) \equiv true \iff (\forall s : string) Definido?(e, s) \implies 0btener(e, s) = obs true
Abs: ^(conjRap) e → Conj(String)
                                                            {Rep(e)}
(\forall e : ^(conjRap)) \ Abs(e) = obs c /
   (\forall s : string) (Definido?(e, s) \Lambda_1 Obtener(e, s)) =obs s \in c
************************************
********
                                                      *******
                           Algoritmos
************************************
iVacio() → res : conjRap
   res ← Crear()
end function
iAgregar(in/out c : conjRap, in s : string)
   if ¬Definido?(c, s) then
      Definir(c, s, true)
   end if
end function
iPertenece?(in c : conjRap, in s : string) → res : bool
   res ← Definido?(c, s)
end function
iCrearIt(in c : conjRap) → res : itConjString
   res ← Claves(c)
end function
```

4. Módulo Diccionario de Strings (α)

```
*******
                                    Interfaz
Parametros formales
    generos α
    funcion Copiar(in a: \alpha) \rightarrow res: \alpha
        Pre \equiv \{true\}
        Post \equiv {res =obs a}
        Complejidad: O(copy(a))
        Descripcion: funcion de copia de \alpha's.
    funcion • = • (in al : \alpha, a2 : \alpha) \rightarrow res : bool
        Pre ≡ {true}
        Post \equiv {res =obs (a1 = a2)}
        Complejidad: 0(equal(a1, a2))
        Descripcion: funcion de igualdad de \alpha s
Se explica con: dicc(string, \alpha)
Generos: DiccString(\alpha)
**************************************
******
                                  Operaciones
***********************************
Crear() \rightarrow res : DiccString(\alpha)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {res =obs vacio}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea un diccionario vacio.
Definir(in/out d : DiccString(\alpha), in k : string, in v : \alpha)
Pre \equiv \{d = obs \ d_{\theta}\}\
Post \equiv \{d = obs \ definir(k, v, d_0)\}\
Complejidad: O(long(k))
Descripcion: Inserta una clave en el diccionario.
Definido?(in d : DiccString(\alpha), in k : string) \rightarrow res : bool
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs def?(k, d)}
Complejidad: O(long(k))
Descripcion: Dice si una clave esta definido.
Obtener(in d : DiccString(\alpha), in k : string) \rightarrow res : \alpha
Pre \equiv \{def?(k, d)\}
Post \equiv {res =obs obtener(k, d)}
Complejidad: O(long(k))
Descripcion: Obtiene el significado de la clave en el diccionario
Claves(in d : DiccString(α)) → res : itConj(string)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {alias(esPermutación?(SecuSuby(res), claves(d))) ∧ vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a las claves del diccionario.
Copia(in d: DiccString(\alpha)) \rightarrow res : DiccString(\alpha)
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv {res =obs d}
Complejidad: O(#Claves(d) * long(e) * Copia(Obtener(d, s))), donde e es la clave mas larga
           y s pertenece a Claves(d)
Descripcion: Crea un diccionario por copia.
```

```
***********************************
********
                                 Representación
DiccString(\alpha) se representa con cabeza(\alpha)
    donde cabeza(\alpha) es tupla(
                        claves: conj(string),
                        significados: trie(\alpha)
    donde trie(\alpha) es tupla(
                        continuacion : array_estatico[256] de puntero(trie(\alpha)),
                        significado : puntero(\alpha)
Rep: cabeza(\alpha) t \rightarrow bool
Rep(t) \equiv true \iff
    ((\forall s: string)(s \in t.claves \iff def?'(t.significados, s))) \land
    No hay ciclos en significados Λ
    ((\foralli : nat) (i < 256) \Longrightarrowt t.continuacion[i] =obs NULL) \Longrightarrow t.significado =obs NULL \landt
    (\forall i : nat) (i < 256 \land \neg (t.continuacion[i] = obs NULL)) \implies Rep(*(t.continuacion[i]))
Abs: ^(cabeza(\alpha)) t \rightarrow dicc(string, \alpha)
                                                                             {Rep(t)}
(\forall t : ^(cabeza(\alpha))) \ Abs(t) = obs d /
    (∀c : string)
        def?(c, d) = obs def'?(c, t.significados) \Lambda
        def'?(c, t.significados) \implies obt'(c, t.significados) = obs obtener(c, d)
def?': string × ^(trie(α)) → bool
def?'(s, t) \equiv
    if vacia?(s) then ¬(t.significado =obs NULL)
        if t.continuacion[ord(prim(s))] =obs NULL then false
        else def?(fin(s), t.continuacion[ord(prim(s)]) fi
    fi
obt': string s \times ^(trie(\alpha)) t \rightarrow \alpha
                                                                     {def?'(s, t)}
obt'(s, t) \equiv
    if vacia?(s) then t.significado
    else obt'(fin(s), t.continuacion[ord(prim(s)]) fi
************************************
*******
                                                                     *******
                                  Algoritmos
iCrear() \rightarrow res : cabeza(\alpha)
    res ← (claves: Vacio(),
         significados: (continuacion: arreglo_estatico[256] de puntero(trie(\alpha)),
             significado: NULL)
end function
iDefinir(in/out d : cabeza(\alpha), in k : string, in v : \alpha)
    var i : nat ← 0
    var t : puntero(trie(\alpha)) \leftarrow &d.significados
    var nuevo: bool ← false
    while i < longitud(k) do
        if t→continuacion[ord(k[i])] == NULL then
            t→continuacion[ord(k[i])] ← &Crear()
            nuevo ← true
        end if
        t ← *t→continuacion[ord(k[i])]
        i \leftarrow i + 1
    end while
    t→significado ← &v
    if nuevo then
        AgregarRapido(d.claves, k)
    fi
end function
```

Como se puede observar el bucle principal depende exlusivamente de la cantidad de caracteres del vector, por lo que el mejor caso es que el mismo tenga 0 caracteres en donde automaticamente saldra y definira la palabra vacia y su costo sera O(1), pero tanto el caso promedio como el peor sera en donde el largo del vector es mayor a 0 entonces dado que todas las operaciones dentro del bucle tienen costo O(1) tendra un costo equivalente al tamaño del vector $(O(\log(k)))$ ya que tendra que recorrerlo para definir letra por letra dentro de la estructura hasta llegar a su fin y definir el significado que tiene costo O(1). A esto se le suma la complejidad de AgregarRapido de la clave al conjunto de claves (si esta no estaba definida), al ser la clave un string esto cuesta el copiar del vector de char, que es la longitud del vector por el costo de copiar cada char que es 1, quedando entonces la longitud del string k.

```
iDefinido?(in d : cabeza(\alpha), in k : string) \rightarrow res : bool
    var i : nat ← 0
    var t : puntero(trie(\alpha)) \leftarrow &d.significados
    bool listo ← False
    while i < longitud(k) ∧ t→continuacion[ord(k[i])] != NULL do
        t ← t→continuacion[ord(k[i])]
        i \leftarrow i + 1
    end while
    res ← t→significado != NULL ∧ i == longitud(k)
end function
En el peor caso(si el string esta definido dentro de la estructura y el mismo
tiene largo mayor a 0) dado que las operaciones dentro del bucle tienen costo O(1)
y se repetiran long(k) veces, para ir recorriendo la estructura, este tendra un costo
O(long(k)) pero en el caso de que no este definido el costo sera O(long(k) - n) con n
cantidad de caracteres que no pertenecen al prefijo perteneciente a la estructura
por lo que el peor caso sera O(long(k)).
iObtener(in d : cabeza(\alpha), in k : string) \rightarrow res : \alpha
    var i : nat ← 0
    var t : puntero(trie(\alpha)) \leftarrow &d.significados
    while i < longitud(k) do
        t ← t→continuacion[ord(k[i])]
        i \leftarrow i + 1
    end while
    res ← *t→significado
end function
En el peor caso dado que las operaciones dentro del bucle tienen costo O(1)
y se repetiran long(k) veces, para ir recorriendo la estructura, este tendra un costo
O(long(k)).
iClaves(in d: cabeza(α)) → res : itConj(string)
    res ← CrearIt(d.claves)
end function
iCopia(in d: cabeza(α)) → res : cabeza(α)
    var i : nat ← 0
    var c : cabeza(\alpha) \leftarrow Crear()
    var it : itConj(string) ← CrearIt(d.claves)
    while HaySiguiente(it)
```

Al copiar se itera por todas las claves y se definen los significados creando una copia de cada uno. Por lo tanto se multiplica el cardinal del conjunto de claves por el obtener de cada claves por el copiar de cada significado. Por lo tanto para el peor caso tomamos el peor obtener que seria el de la clave mas larga y la copia de todos los significados.

Definir(c, Siguiente(it), Copiar(Obtener(d, Siguiente(it))))

Avanzar(it)

end while res ← c end function 5. Módulo Cola de Prioridad (α)

```
*******
                                       Interfaz
Parametros Formales
    géneros α
    función • < • (in al : \alpha, a2 : \alpha) \rightarrow res : bool
        Pre ≡ {true}
        Post \equiv {res =obs (a1 < a2)}
        Complejidad: O(lower(a1, a2))
        Descripción: funcion de comparación de \alphas
Se explica con: ColaDePrioridadExtendida(\alpha), IteradorUnidireccional(\alpha)
Generos: ColaPrioridad(\alpha), itCola(\alpha)
***********************************
                                     Operaciones
**************************************
Crear() → res : ColaPrioridad(α)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {res =obs vacia}
Complejidad: 0(1)
Descripción: Crea una cola vacia.
Encolar(in/out t : ColaPrioridad(\alpha), in e : \alpha) \rightarrow res : itCola(\alpha)
Pre \equiv \{\neg(e \in t) \land t_0 = obs t\}
Post \equiv {t =obs encolar(e, t<sub>0</sub>) \land alias(Actual(res) =obs e)}
Complejidad: O(log(Tamaño(t)))
Descripción: Inserta un elemento en la cola y devuelve un iterador posicionado en el elemento
agregado.
Aliasing: El iterador se invalida sii se borra el elemento utizando Desencolar o Borrar
Desencolar(in/out t : ColaPrioridad(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
Pre \equiv \{\neg vacia?(t) \land t = obs t_0\}
Post \equiv {t =obs desencolar(t<sub>0</sub>) \land res =obs proximo(t<sub>0</sub>)}
Complejidad: O(log(Tamaño(t)))
Descripción: Desencola el elemento con mayor prioridad.
Tamaño(in t : ColaPrioridad(\alpha)) \rightarrow res : nat
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs #t}
Complejidad: 0(1)
Descripción: Devuelve la cantidad de elementos en la cola.
Borrar(in/out t : ColaPrioridad(\alpha), in i : itCola(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
Pre \equiv \{t_0 = obs t\}
Post \equiv \{t = obs \ borrar(Actual(i), t_0)\}
Complejidad: O(log(Tamaño(t)))
Descripción: Borra el elemento al que apunta el iterador.
Aliasing: Invalida el iterador.
Copiar(in t: ColaPrioridad(\alpha)) \rightarrow res : ColaPrioridad(\alpha)
Pre ≡ {true}
Post \equiv {t =obs res}
Complejidad: 0(#t)
Descripcion: Realiza una copia de la cola de prioridad.
TAD ColaDePrioridadExtendida(α)
    extiende colaPrior(\alpha)
    otras operaciones (exportadas)
        #• : colaPrior(α) → nat
        • \in • : \alpha \times colaPrior(\alpha) \rightarrow bool
        borrar : \alpha e × colaPrior(\alpha) c \rightarrow colaPrior(\alpha) {e \in c}
    axiomas
        \#c \equiv \text{if vacia?(c) then 0 else 1 + } \#desencolar(c) fi
        x \in c = \neg vacia?(c) \land \iota (x = obs proximo(c) \lor \iota x \in desencolar(c))
```

 $borrar(e, c) \equiv$

```
if e =obs proximo(c) then
                  if e E desencolar(c) then borrar(e, desencolar(c))
                  else desencolar(c) fi
             else encolar(proximo(c), borrar(e, desencolar(c))) fi
Fin TAD
************************************
********
                                                                             *******
                                     Representación
ColaPrioridad(\alpha) se representa con estr(\alpha)
    donde estr(\alpha) es tupla(
                           cabeza : puntero(nodo(\alpha)),
                           ultimo : puntero(nodo(\alpha)),
                           tamaño : nat)
    donde nodo(\alpha) es tupla(
                                   : puntero(nodo(α)),
                           arr
                                  : puntero(nodo(α)),
                           izq
                                   : puntero(nodo(α)),
                           der
                           dato
                                  : α)
Rep: ^(estr(α)) → boolean
Rep(e) \equiv true \iff
     (e.cabeza =obs NULL ⇔ e.ultimo =obs NULL) Λ
    e.tamaño =obs Tamaño(e.cabeza) Λ
    InvPadres(e.cab) A
    No hay ciclos en el arbol \Lambda\iota
    MaxHeap(e.cab) Λ
    Balanceado(e.cab) A
    Izquierdista(e.cab) Λι
    (\neg(e.cabeza = obs NULL) \implies \iota
         e.cabeza→arr =obs NULL ∧
         e.ultimo ES EL ULTIMO AGREGADO)
InvPadres: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow bool
InvPadres(p) \equiv
    if p =obs NULL then true
         (\neg(p\rightarrow izq = obs NULL) \implies_{\iota} p\rightarrow izq\rightarrow arr = obs p) \land
         (\neg(p\rightarrow der = obs NULL) \implies_{\iota} p\rightarrow der\rightarrow arr = obs p) \Lambda
         InvPadres(p→izq) ∧
         InvPadres(p→der)
    fi
MaxHeap: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow bool
MaxHeap(p) \equiv
    if p =obs NULL then true
    else
         (¬(p→izq =obs NULL) ⇒ι p→izq→dato < p→dato) Λ
         (¬(p→der =obs NULL) ⇒ι p→der→dato < p→dato) Λ
         MaxHeap(p→izq) ∧
         MaxHeap(p→der)
    fi
Balanceado: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow bool
Balanceado(p) \equiv
     (p =obs NULL) v_1 (|Altura(p→izq) - Altura(p→der)| \leq 1) \Lambda
    Balanceado(p→izq) ∧ Balanceado(p→der)
Altura: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow nat
Altura(p) \equiv if p =obs NULL then 0 else 1 + max(Altura(p\rightarrowizq), Altura(p\rightarrowder)) fi
Izquierdista: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow bool
Izquierdista(p) \equiv
     (p =obs NULL) Vι (¬(p→der =obs NULL) ⇒ι ¬(p→izq =obs NULL)) Λ
    Izquierdista(p→izq) ∧ Izquierdista(p→der)
Tamaño: puntero(nodo(\alpha)) \rightarrow nat
Tamaño(p) \equiv if p = obs NULL then 0 else 1 + Tamaño(p \rightarrow izq) + Tamaño(p \rightarrow der) fi
```

```
Abs: ^(\text{estr}(\alpha)) e \rightarrow ColaDePrioridadExtendida(\alpha)
                                                                                 {Rep(e)}
(\forall e : \land (estr(\alpha))) \land bs(e) = obs t /
    vacia?(t) =obs (e.tam =obs \theta) \Lambda
    ¬vacia?(t) ⇒ı
        proximo(t) =obs e.cab→dato ∧
        (\forall e : \alpha) (((e \in t) \land \neg (e = obs proximo(t))) \iff (e \in desencolar(t)))
*************************************
********
                                    Algoritmos
**********************************
iCrear() \rightarrow res : estr(\alpha)
    res ← (cabeza: NULL, ultimo: NULL, tamaño: 0)
end function
iTamaño(in t : estr(\alpha)) → res : nat
    res ← t.tamaño
end function
iEncolar(in/out t : estr(\alpha), in e : \alpha) \rightarrow res : itCola(\alpha)
    var tmp : puntero(nodo(\alpha)) \leftarrow &(arr: NULL, izq: NULL, der: NULL, dato: e)
    if Tamaño(t) == 0 then
        tmp→arr ← NULL
        t.cabeza ← tmp
    else if Tamaño(t) == 1 then
        tmp→arr ← t.cabeza
        t.cabeza→izq ← tmp
    else
        if t.ultimo→arr→izq == t.ultimo then
            tmp→arr ← t.ultimo→arr
             t.ultimo→arr→der ← tmp
        else
            var cur : puntero(nodo(\alpha)) \leftarrow t.ultimo
            while cur→arr != NULL ∧ cur→arr→izq != cur do
                 cur ← cur→arr
            end while
             if cur→arr != NULL then
                 cur ← cur→arr→der
             fi
            while cur→izq != NULL do
                 cur ← cur→izq
             end while
             tmp→arr ← cur
             cur→izq ← tmp
        end if
    end if
    t.ultimo ← tmp
    t.tamaño++
    Subir(t.ultimo)
    res ← crearIter(t, p)
end function
```

En el peor caso, tenemos un árbol con más de 1 elemento, en el que el último nodo agregado está a la derecha de su padre, fundamentalmente el peor es cuando el árbol es completo.

En este caso, observemos que lo que sucederá es que subiremos hasta la raíz del árbol, y luego se bajaremos hacia el último nodo a la izquierda del árbol. Es decir, recorreremos dos veces la altura del árbol (2*log(#t)). Luego, en absolutamente todos los casos haremos a lo sumo log(#t) pasos para restablecer el invariante utilizando Subir. Es decir, haremos 3*log(#t), por lo que en el peor de los casos es O(log(#t)).

```
iDesencolar(in/out t : estr(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
    res ← Eliminar(t, t.cabeza)
end function
iBorrar(in/out t : estr(\alpha), in i : itCola(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
    res ← Eliminar(t, i)
end function
iCopiar(in t : estr(\alpha)) → res : estr(\alpha)
    res ← (cabeza: &iCopiarNodo(*t.cabeza), ultimo: NULL, tamaño: t.tamaño)
    var camino_ultimo : Pila(\alpha)
    var tmp : \overline{Puntero(Nodo(\alpha))} \leftarrow t.ultimo
    while tmp→arr != NULL
         Apilar(camino_ultimo, tmp→dato)
         tmp ← tmp→arr
    end while
    tmp ← res.cabeza
    while ¬EsVacia?(camino ultimo)
         if tmp→izg→dato == Tope(camino ultimo)
             tmp \leftarrow tmp \rightarrow izq
         else
             tmp ← tmp→der
         end if
         Desapilar(camino ultimo)
    end while
    res.ultimo ← tmp
end function
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs n}
Complejidad: O(Cantidad de nodos subyacentes)
Descripcion: Devuelve una copia del nodo n.
iCopiarNodo(in n : nodo(\alpha)) \rightarrow res : nodo(\alpha)
    res ← (arr: NULL, izq: NULL, der: NULL, dato: e)
    if n.izq != NULL
         res.izq ← &iCopiarNodo(*n.izq)
         res.izq→arr ← &res
    end fi
    if n.der != NULL
         res.der ← &iCopiarNodo(*n.der)
         res.der→arr ← &res
    end fi
    res.e ← Copiar(e)
end function
```

```
Pre \equiv \{\neg(p = obs \, NULL) \, \Lambda_1 \, p \, es \, un \, puntero \, de \, la \, estructura \, de \, datos \, \Lambda \, t_0 = obs \, t\}
Post \equiv {t =obs borrar(p\rightarrowdato, t<sub>0</sub>) \land res =obs p\rightarrowdato}
Descripcion: Elimina el dato al que apunta el puntero.
Complejidad: O(log(Tamaño(t)))
iEliminar(in/out t : estr(\alpha), in p : puntero(nodo(\alpha))) \rightarrow res : \alpha
    res ← p→dato
    if Tamaño(t) == 1 then
        t.ultimo ← NULL
        t.cabeza ← NULL
    else
        p→dato ← t.ultimo→dato
        if t.ultimo→arr→izq == t.ultimo then
             var cur : puntero(nodo(\alpha)) = t.ultimo
             while cur→arr != NULL ∧ cur→arr→der != cur do
                 cur ← cur→arr
             end while
             if cur→arr != NULL then
                 cur ← cur→arr→izq
             fi
             while cur→der != NULL do
                 cur ← cur→der
             end while
             t.ultimo→arr→izq ← NULL
        else
             t.ultimo ← t.ultimo→arr→izq
             t.ultimo→arr→der ← NULL
        end if
        Bajar(p)
    end if
    t.tamaño--
end function
En el peor caso, tenemos un árbol con más de 1 elemento, en el que el último nodo
agregado está a la izquierda de su padre, fundamentalmente el peor es cuando el
árbol tiene un nodo de más para ser completo.
En este caso, observemos que lo que sucederá es que subiremos hasta la raíz del
árbol, y luego se bajaremos hacia el último nodo a la derecha del árbol. Es
decir, recorreremos dos veces la altura del árbol (2*log(#t)). Luego, en
absolutamente todos los casos haremos a lo sumo log(#t) pasos para restablecer
el invariante utilizando Bajar. Es decir, haremos 3*log(#t), por lo que en el
peor de los casos es O(log(#t)).
Pre \equiv \{\neg(p = obs NULL)\}
Post ≡ {Se restableció el rep de la estructura de datos}
Complejidad: O(log(#t))
Descripción: Restablece el invariante si el nodo al que apunta p está fuera del
lugar que le corresponde.
iSubir(in/out p : puntero(nodo(\alpha)))
    while p→arr != NULL ∧ p→arr→dato < p→dato do
        var tmp : α ← p→arr→dato
        p→arr→dato ← p→dato
        p→dato ← tmp
        p ← p→arr
    end while
end function
```

Observemos que en el peor caso, se va a iterar hasta que p→arr sea NULL. Pero el invariante de representación asegura que el único caso en que esto sucede es que el nodo sea la raiz. Es decir, desde una posición arbitraria la máxima cantidad de pasos es la altura del árbol, por lo que en el peor caso, la complejidad de

```
iSubir es log(#t).
Pre \equiv \{\neg(p = obs NULL)\}\
Post ≡ {Se restableció el rep de la estructura de datos}
Complejidad: O(log(#t))
Descripción: Restablece el invariante si el nodo al que apunta p está fuera del
lugar que le corresponde.
iBajar(in/out p : puntero(nodo(\alpha)))
           (p→izq != NULL ∧ p→dato < p→izq→dato) v
           (p→der != NULL ∧ p→der→dato < p→dato) do
       if p→izq != NULL then
          var tmp : α ← p→izq→dato
          p→izq→dato ← p→dato
          p→dato ← tmp
       else
          if p→der != NULL then
              var tmp : α ← p→der→dato
              p→der→dato ← p→dato
              p→dato ← p→der→dato
          end if
       end if
   end while
end function
Observemos que en el peor caso, se va a iterar hasta que tanto p→izq como p→der.
sean NULL. Pero el invariante de representación asegura que el único caso en que
esto sucede es que el nodo al que se llega sea una hoja. Es decir, desde una
posición arbitraria la máxima cantidad de pasos es la altura del árbol, por lo
que en el peor caso, la complejidad de iBajar es log(#t).
***********************************
******
                                                             *******
                           Operaciones del iterador
************************************
Ninguna.
**************************************
*******
                                                             ********
                          Representación del iterador
itCola(\alpha) se representa con it(\alpha)
   donde it(\alpha) es puntero(nodo(\alpha))
Rep: ^(it(\alpha)) \rightarrow boolean
Rep(e) \equiv true \iff \neg(e = obs NULL)
Abs: ^(it(\alpha)) \rightarrow IteradorUnidireccional(\alpha)
(\forall e : \uparrow(it(\alpha))) \land bs(e) = obs i / Siguientes(i) = obs *e • <>
***********************************
******
                         Algorítmos del Iterador
                                                             *******
Pre ≡ {p es un puntero en la estructura de t}
Post ≡ {itCola es un iterador posicionado en p}
Complejidad: 0(1)
Descripción: Crea un puntero disfrazado de iterador.
crearIter(in t : colaPrioridad(\alpha), p : puntero(nodo(\alpha))) \rightarrow res : itCola(\alpha)
   res ← p
end function
```

6. Módulo Restricción

```
*******
                                  Interfaz
**************************************
Se explica con: Restricción
Géneros: restricción
***********************************
                                Operaciones
**************************************
Var(in s : string) → res : restricción
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv {res =obs \langle s \rangle}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea una nueva restricción
And(in r1 : restricción, in r2 : restricción) → res : restricción
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs r1 AND r2}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea una nueva restricción que tiene que cumplir con r1 y r2
Or(in r1 : restricción, in r2 : restricción) → res : restricción
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs r1 OR r2}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea una nueva restricción que tiene que cumplir con r1 o r2
Not(in r : restricción) → res : restricción
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs NOT r}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea una nueva restricción que no tiene que cumplir con r
Verifica?(in tags : conjRapidoString, in r : restricción) → res : bool
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs verifica?(tags, r)}
Complejidad: 0(#r)
Descripcion: Evalua si la restricción r evalua a verdadero asumiendo que las
variables que figuran en tags son verdaderas.
Copiar(in r: restricción) → res : restricción
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv {res =obs r}
Complejidad: O(R)
Descripcion: Devuelve una copia de la restricción.
*************************************
********
                                                              *******
                              Representación
restricción se representa con estr
   donde estr es tupla(
                  tipo : Enumerado(VAR, AND, OR, NOT),
                       : puntero(estr),
                  op1
                  op2 : puntero(estr),
                  valor : string)
Rep: ^(estr) → boolean
Rep(e) \equiv true \iff
   No hay ciclos en el arbol Λι
   Ningún nodo de más abajo en el arbol tiene punteros a e Λι
    (e.tipo =obs VAR \iff (e.op1 =obs NULL \land e.op2 =obs NULL)) \land
    (e.tipo =obs NOT \iff (¬(e.op1 =obs NULL) \land e.op2 =obs NULL)) \land
    ((e.tipo =obs AND v e.tipo =obs OR) \iff (¬(e.op1 =obs NULL) \land ¬(e.op2 =obs NULL))) \land
    (\neg(e.op1 = obs NULL) \implies_{\iota} Rep(*e.op1)) \land
    (\neg(e.op2 = obs NULL) \implies Rep(*e.op2)) \land (Long(e.valor) <= 64)
```

```
Abs: ^(estr) → Restricción
                                                                         {Rep(e)}
Abs(e) \equiv
    if e.tipo =obs VAR then
       (e.valor)
    else if e.tipo =obs AND then
       Abs(*e.op1) AND Abs(*e.op2)
    else if e.tipo =obs OR then
       Abs(*e.op1) OR Abs(*e.op2)
       NOT Abs(*e.op1)
    fi fi fi
#•: ^(estr) → nat
#(e) ≡
    if e.tipo =obs VAR then
       1
    else if e.tipo =obs AND then
       1 + \#(*e.op1) + \#(*e.op2)
    else if e.tipo =obs OR then
       1 + \#(*e.op1) + \#(*e.op2)
       1 + \#(*e.op1)
    fi fi fi
**************************************
*******
                                                                  *******
                                 Algoritmos
***********************************
iVar(in s : string) → res : estr
    res ← (tipo: VAR, op1: NULL, op2: NULL, valor: s)
end function
iAnd(in r1 : estr, in r2 : estr) → res : estr
    res ← (tipo: AND, op1: &r1, op2: &r2, valor: "")
end function
iOr(in r1 : estr, in r2 : estr) → res : estr
    res ← (tipo: OR, op1: &r1, op2: &r2, valor: "")
end function
iNot(in r : estr) \rightarrow res : estr
    res ← (tipo: NOT, op1: &r, op2: NULL, valor: "")
end function
iVerifica?(in tags : conj(string), in r : estr) → res : bool
        [] tipo == AND
           res ← Verifica?(tags, *r.op1) ∧ Verifica?(tags, *r.op2)
        [] tipo == OR
           res ← Verifica?(tags, *r.op1) v Verifica?(tags, *r.op2)
        [] tipo == NOT
           res ← ¬Verifica?(tags, *r.op1)
        [] tipo == VAR
           res ← Pertenece?(tags, r.valor)
    end case
end function
La complejidad de iVerifica? es O(\#r), siendo \#r la cantidad de restricciones
anidadas. Esto se debe a que para verificar una restriccion vale para un
conj(string), si esta no es un Var, debe verificar que valga para sus restricciones
anidadas en op1 y/o op2 (depende si la restriccion es de tipo NOT o no),
recursivamente, hasta llegar a un Var. Luego, cada restriccion devuelve el
resultado anidado, por lo que se pasaria por cada nodo 2 veces, ergo, O(2R), y
```

por algebra de ordenes, esto es equivalente a O(R)

La complejidad de este algoritmo es O(R) porque se tienen que copiar todos los nodos. Como el valor esta acotado a 64 caracteres por enunciado, $O(Copiar(s)) \equiv O(1)$

7. Módulo Mapa

```
*******
                                   Interfaz
*************************************
Se explica con: Mapa
Géneros: Mapa
***********************************
                                 Operaciones
**************************************
Crear() → res: Mapa
Pre = \{true\}
Post ≡ {res =obs vacío}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Crea un mapa vacío
Agregar(in/out m : Mapa, in e : estacion)
Pre ≡ {e ∉ estaciones(m) ∧ m₀ =obs m}
Post \equiv {m = obs agregar(e, m_0)}
Complejidad: O(#estaciones(m) + long(e))
Descripcion: Agrega una estación al mapa
Conectar(in/out m : Mapa, in e1 : estacion, in e2 : estacion, in r : restriccion)
Pre \equiv {e1, e2 \in estaciones(m) \land \iota ¬conectadas?(m, e1, e2) \land m_{\theta} =obs m}
Post \equiv {m =obs conectar(e1, e2, r, m)}
Complejidad: O(long(e1) + long(e2) + S)
Descripcion: Conecta 2 estaciones del mapa entre con una restriccion para ese vinculo.
Estaciones(in m : Mapa) → res : itConj(string)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {alias(esPermutación?(SecuSuby(res), estaciones(m))) ∧ vacia?(Anteriores(res))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve un iterador al conjunto de las estaciones del mapa.
Aliasing: No se pueden modificar los contenidos del iterador.
Conectadas?(in m : Mapa, in el : estacion, in e2 : estacion) → res : bool
Pre \equiv {e1, e2 \in estaciones(m)}
Post \equiv {res =obs conectadas?(m, e1, e2)}
Complejidad: O(long(e1) + long(e2))
Descripcion: Indica si 2 estaciones estan conectadas.
idSenda(in m : Mapa, in el : estacion, in e2 : estacion) → res : nat
Pre \equiv {e1, e2 \in estaciones(m) \land \iota conectadas?(m, e1, e2)}
Post ≡ {res es el id de la senda en nuestra representación}
Complejidad: O(long(e1) + long(e2))
Descripcion: Devuelve el id de la senda entre el y e2.
Sendas(in m : Mapa) → res : itVectorPointer(restriccion)
Pre ≡ {true}
Post ≡ {res itera sobre las restricciones de todas las sendas del mapa}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve las restricciones de las sendas del mapa
Copiar(in m : Mapa) → res : Mapa
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs m}
Complejidad: O(Copiar(m.sendas) + Copiar(m.estaciones) + Copiar(m.conexiones))
Descripcion: Devuelve una copia del mapa.
```

Aliasing: El nuevo mapa comparte las restricciones ya agregadas al mapa original.

```
***********************************
********
                              Representación
Mapa se representa con estr,
   donde estr es: tupla(
                      sendas : VectorPointer(Restriccion),
                      conexiones : DiccString(DiccString(Int)),
                      estaciones : conj(string)
Rep: ^(estr) → boolean
Rep(e) \equiv true \iff
   claves(e.conexiones) ⊂ e.estaciones ∧ı
    ((∀e1 : string)
       el ∈ claves(e.conexiones) ∧ı
       claves(obtener(el, e.conexiones)) ⊂ e.estaciones ∧ı
       ((∀e2 : string)
           (e1 ∈ claves(e.conexiones) Al e2 ∈ claves(obtener(e1, e.conexiones)) ⇔
              e2 \in claves(e.conexiones) \Lambda_1 e1 \in claves(obtener(e1, e.conexiones))) \Lambda_1
           (e1 \in claves(e.conexiones) \Lambda_1 e2 \in claves(obtener(e1, e.conexiones)) \Longrightarrow_1
              obtener(e2, obtener(e1, e.conexiones)) < longitud(e.sendas))))</pre>
Abs: ^(estr) → mapa
                                                                   {Rep(e)}
(\forall e : \land (estr)) \ Abs(e) = obs m /
    (e.estaciones = obs estaciones(m)) Λ
    ((∀ e1, e2: string)
       definido?(e.conexiones, el) Al
       (definido?(obtener(e.conexiones, e1), e2) =obs conectadas?(e1, e2, m)) Λ
       (conectadas?(e1, e2, m) \Longrightarrow *(e.sendas)[i] =obs restriccion(e1, e2, m)))
*******
                                                              *******
                               Algoritmos
iCrear() → res : estr
   res ← (sendas: Vacia(), conexiones: Vacio(), estaciones: Vacio())
end function
iAgregar(in/out m : estr, in e : estacion)
   Agregar(m.estaciones, e)
end function
iConectar(in/out m : estr, in el : estacion, in e2 : estacion, in r : restriccion)
   var i : nat ← Longitud(m.sendas)
   AgregarAtras(m.sendas, &r)
   if ¬Definido?(m.conexiones, e1) then
       Definir(m.conexiones, e1, Vacio())
   end if
   if ¬Definido?(m.conexiones, e2) then
       Definir(m.conexiones, e2, Vacio())
   end if
   Definir(Obtener(m.conexiones, e1), e2, i)
   Definir(Obtener(m.conexiones, e2), e1, i)
end function
iEstaciones(in m : estr) → res : itConj(string)
   res ← CrearIt(m.estaciones)
end function
iConectadas?(in m : estr, in el : estacion, in e2 : estacion) → res : bool
   res ← Definido?(m.conexiones, el) ∧ Definido?(obtener(m.conexiones, el), e2)
end function
iidSenda(in m : estr, in e1 : estacion, in e2 : estacion) → res : nat
   res ← Obtener(Obtener(m.conexiones, e1), e2)
end function
```

8. Módulo Ciudad

```
*******
                                   Interfaz
Se explica con: Ciudad
Géneros: Ciudad
***********************************
                                 Operaciones
***********************************
Crear(in m : Mapa) → res : Ciudad
Pre = \{true\}
Post ≡ {res =obs Crear(m)} actualizar con la copia de mapa.
Complejidad: O(#estaciones(m) * |em|)
Descripcion: Crea una nueva ciudad a partir de un mapa.
Aliasing: Se realiza una copia del mapa.
Entrar(in ts : conjRapidoString, in e : estacion, in/out c : Ciudad)
Pre \equiv {e \in estaciones(mapa(c)) \land c =obs c_{\theta}}
Post \equiv {c =obs entrar(ts, e, c<sub>0</sub>)}
Complejidad: O(long(e) + S*R + Ntotal)
Descripcion: Agrega un conjunto de caracteristicas nuevo a la ciudad, creando un nuevo robot.
Mover(in rur : nat, in e : estacion, in/out c : Ciudad)
Pre \equiv {u \in robots(c) \land e \in estaciones(c) \land ı
conectadas?(estacion(u, c), e, mapa(c)) Λ c<sub>0</sub> =obs c}
Post \equiv \{c = obs mover(rur, e, c_0)\}\
Complejidad: O(long(e) + long(estacion(u, c)) + log(#robotsEn(estacion(u, c), c)) +
log(#robotsEn(e, c)))
Descripcion: Mueve a un robot de una estacion a otra.
Inspeccion(in e : estacion, in/out c : Ciudad)
Pre \equiv \{e \in estaciones(c)\}\
Post \equiv {c =obs inspección(e, c)}
Complejidad: O(long(e) + log(#robotsEn(e, c)))
Descripcion: Remueve al robot mas infractor en la estacion e de la ciudad.
ProximoRUR(in c : ciudad) → res : nat
Pre = \{true\}
Post \equiv {res =obs ProximoRUR(c)}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve el proximo rur disponible.
Mapa(in c : ciudad) → res : Mapa
Pre \equiv \{true\}
Post \equiv {res =obs Mapa(c)}
Complejidad: O(Copiar(c.mapa))
Descripcion: Devuelve el mapa de la ciudad.
Aliasing: res es una copia de mapa
Robots(in c : ciudad) → res : ItVectorPointer(robot)
Pre = \{true\}
Post = {alias(res =obs Iterador Unidireccional(Puntero(robot)))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve un iterador de los robots que hay en la ciudad.
Aliasing: res no es modificable.
Estacion(in c : ciudad, in u : nat) → res : estacion
Pre \equiv \{u \in robots(c)\}\
Post \equiv {res =obs estacion(u, c)}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve la estacion donde esta el robot con rur u.
Tags(in c : ciudad, in u : nat) → res : itConj(string)
Pre \equiv {u \in robots(c)}
Post ≡ {alias(esPermutacion?(SecuSuby(res), tags(u, c)) ∧ vacia?(Anteriores(res)))}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve un iterador a los tags del robot u.
```

```
Aliasing: res no es modificable.
#Infracciones(in c : ciudad, in u : nat) → res : nat
Pre \equiv {u \in robots(c)}
Post \equiv {res =obs #infracciones(u, c)}
Complejidad: 0(1)
Descripcion: Devuelve la cantidad de infracciones del robot con rur u.
********
                                                                  ******
                                Representación
Ciudad se representa con city,
    donde city es: tupla(
                                        : VectorPointer(robot),
                       robots
                       mapa
                                        : Mapa,
                       robotsEnEstacion : DiccString(colaPrioridad(robot)))
    donde robot es: tupla(
                       rur
                                            : nat,
                       infracciones
                                            : nat,
                       tags
                                           : Puntero(conjRapidoString),
                       estacion
                                           : string,
                       infringe_restriccion : Vector(Bool),
                       mi estacion : itCola(robot)
    )
Pre ≡ {true}
Post \equiv {res =obs (r1 < r2)}
Complejidad: 0(1)
Descripción: funcion de comparación de robots
• < • (in r1 : robot, r2 : robot) → res : bool
    if rl.infracciones < r2.infracciones then
       res ← true
    else
       if r1.infracciones == r2.infracciones then
           res ← r1.rur < r2.rur
           res ← false
       end if
    end if
end function
Escribimos el rep de ciudad informalmente:

    Las claves del diccionario e.robotsEnEstacion todas pertenecen a las estaciones

definidas en e.mapa.

    Todos los robots pertenecientes a las colas de los significados de e.robotsEnEstacion

tienen la clausula estacíon puesta al sigificado de la cola a la que pertenecen.

    Los elementos de e.robots que no sean NULL cumplen que

    • El rur es igual a su indice en e.robots.

    El robot pertenece a la cola de prioridad en la entrada estacion de

    e.robotsEnEstacion (obviamente, la entrada debe estar también definida).
    • mi estacion se corresponde con la posición del robot en la cola de prioridad
    asociada a la estación en la que se encuentra.
    • infringe restriccion se corresponde con los caminos que hay en el mapa, y
    aparte se corresponde con si el robot verifica o no la restricción entre las
    sendas.
    • Los elementos en tags tienen una longitud menor o igual a 64.
Abs: ^(city) c → Ciudad
                                                                      {Rep(c)}
(\forall e : \land (city)) \ Abs(e) = obs c /
    convertir(e.robots) =obs robots(c) A
    long(e.robots) = obs ProximoRUR(c) \Lambda
    e.mapa =obs mapa(c) Λ
    (∀u : rur)
        (u < Longitud(e.robots) \land \iota e.robots[u] != NULL) \Longrightarrow \iota
           ((e.robots[u].estacion =obs estacion(u, c)) Λ
            (e.robots[u].tags =obs tags(u, c)) Λ
            (e.robots[u].infracciones =obs #infracciones(u, c)))
```

```
convertir: secu(puntero(\alpha)) \rightarrow conj(\alpha)
convertir(xs) \equiv
   if vacia?(xs) then \phi
   else
       if prim(xs) =obs NULL then convertir(fin(xs))
       else Ag(prim(xs), convertir(fin(xs))) fi
   fi
Algoritmos
iCrear(in m : Mapa) → res : city
   var robots en estacion: DiccString(ColaPrioridad(robot)) ← Crear()
   var it: itConj(string) ← Estaciones(m)
   while HaySiguiente(it) do
       Definir(robots en estacion, Siguiente(it), Crear())
       Avanzar(it)
   end while
   Definir(robots_en_estacion, *it, Crear())
   res ← (robots: Vacia(), mapa: Copiar(m), robotsEnEstacion: robots en estacion)
end function
Recorrer todas las estaciones en el mapa es O(E). Definir cada entrada en
robots_en_estacion es O(|e_m|), siendo e_m el nombre de estacion mas largo, y hay
que hacerlo E veces. Por esto, la complejidad es O(|e_m| * E).
iEntrar(in ts : conjRapidoString, in e : estacion, in/out c : city)
   var rob : robot ← (
       tags: &ts,
       infracciones: 0,
       rur: ProximoRUR(city),
       infringe_restriccion: Vacia(),
       estacion: e,
       mi_estacion: Encolar(obtener(robotsEnEstacion, e), rob))
   var it : ItVectorPointer(Restriccion) ← Sendas(c.mapa)
   while HayMas?(it) do
       AgregarAtras(rob.infringe_restriccion, ¬Verifica?(ts, *Actual(it)))
       Avanzar(it)
   end while
   AgregarAtras(c.robots, &rob)
end function
La operacion obtener(robotsEnEstacion, e) tiene complejidad O(|e|). La operacion
Encolar de cola de prioridad es O(Log de la cantidad de elementos de la cola).
Como se evaluan todas las sendas para saber si un robot infringe o no, el recorrido
lineal del iterador es O(S), siendo S la cantidad de sendas que hay en el mapa.
Evaluar si un robot infringe o no cada senda (Verifica?) es O(R). Finalmente,
agregar un robot a robots de la ciudad es O(N) en el peor caso, siendo N la cantidad
de robots en la ciudad, como esta explicado en agregar atras de vector. Este O(N)
por algebra de ordenes acota superiormente al costo logaritmico de encolar.
Luego, la complejidad queda en |e| + S*R + Ntotal.
iMover(in rur : nat, in e : estacion, in/out c : city)
   var rob : puntero(robot) ← c.robots[rur]
   Borrar(Obtener(c.robotsEnEstacion, rob→estacion), rob→mi_estacion)
   var infringe : nat ← rob→infracciones
   var id senda : nat ← idSenda(c.mapa, rob→estacion, e)
   if rob→infringe restriccion[id senda] then
       infringe++
```

```
end if
    rob→infracciones ← infringe
    rob→estacion ← e
    rob→mi_estacion ← Encolar(obtener(c.robotsEnEstacion, e), *rob)
end function
La complejidad de Obtener es O(|e1|), siendo el rob→estacion.
Borrar de la cola de prioridad teniendo el iterador al elemento es O(Log(#cola)),
siendo #cola la cantidad de elementos de la cola. Todo el calculo de si infringe
o no es O(1) porque ya esta precalculado. Luego, insertarlo en otra cola es O(|e|)
para encontrarla en el diccionario y O(Log(#cola)) para insertarlo. Esto da como
resultado O(|e1| + |e| + Log(\#cola1) + Log(\#cola2)).
iInspeccion(in e : estacion, in/out c : city)
    var cola : colaPrioridad(robot) ← Obtener(c.robotsEnEstacion, e)
    if tamaño(cola) > 0 then
        var rob : robot ← Desencolar(cola)
        c.robots[rob.rur] ← NULL
    end if
end function
iProximoRUR(in c : city) → res : nat
    res ← Longitud(c.robots)
end function
iMapa(in c : city) → res : Mapa
    res ← Copiar(c.mapa)
end function
iRobots(in c : city) → res : ItVectorPointer(robot)
    res ← CrearIt(c.robots)
end function
iEstacion(in c : city, in u : nat) → res : estacion
    res ← (c.robots[u])→estacion
end function
iTags(in c : city, in u : nat) → res : itConj(string)
    res ← CrearIt((c.robots[u])→tags)
end function
i#Infracciones(in c : city, in u : nat) → res : nat
    res ← (c.robots[u])→infracciones
end function
```