Chapitre 4 : Nombre dérivé

1 Nombre dérivé

1.1 Taux de variation



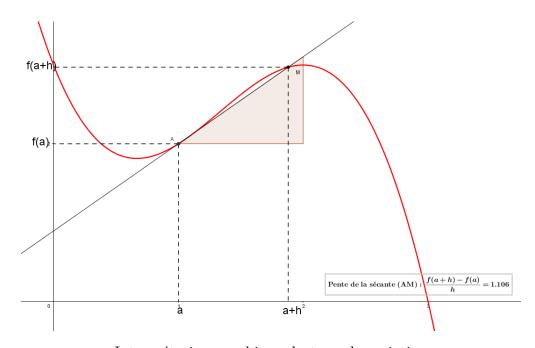
Définition 4.1

Soit f une fonction définie sur un intervalle I et soit $a \in I$. Soit h un réel non nul tel que $a + h \in I$.

Le taux de variation de f entre a et a+h est le réel $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$.

Remarque

Avec les notations et le contexte précédents, le taux de variation de f entre a et a+h est le coefficient directeur de la sécante (AM) avec A(a; f(a)) et M(a+h; f(a+h)). Vous pouvez le visualiser sur la figure dynamique géogébra.



Interprétation graphique du taux de variation

Mathématiques, seconde 2020-2021

1.2 Nombre dérivé



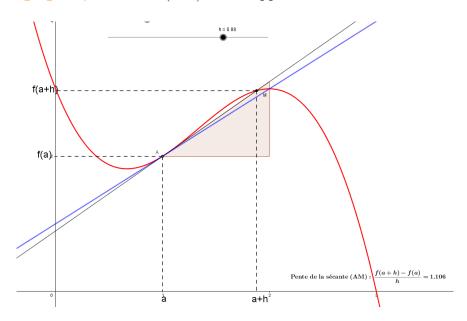
Définition 4.2

Avec les mêmes notations. Si, lorsque h tend vers 0, $\frac{f(a+h)-f(a)}{h}$ tend vers un réel l, on dit que la fonction f est dérivable en a.

Le réel l est appelé nombre dérivé de la fonction f en a, et on note f'(a) = l.

Remarque

Graphiquement, si la fonction f est dérivable en a, cela signifie que le coefficient directeur de la sécante (AM) tend vers un réel lorsque M se rapproche de A. En d'autres termes, cela signifie que la droite (AM) se "rapproche" d'une droite imaginaire, d'une "position limite". Dans l'activité géogébra, la sécante (AM) va se rapprocher de la droite bleue.



Interprétation graphique du nombre dérivé

Savoir-Faire 4.1

SAVOIR DÉTERMINER SI UNE FONCTION EST DÉRIVABLE ET SAVOIR CALCULER LE CAS ÉCHÉANT SON NOMBRE DÉRIVÉ

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2$. Soit $a \in \mathbb{R}$.

Déterminer si la fonction f est dérivable en a. Si oui, déterminer son nombre dérivé f'(a)

Exercice 4.1

Pour chacune des fonctions f, déterminer si la fonction f est dérivable en a. Si oui, déterminer son nombre dérivé f'(a)

1.
$$f(x) = 2x^2$$
, $D_f = \mathbb{R}$, $a \in \mathbb{R}$

2.
$$f(x) = x^3$$
, $D_f = \mathbb{R}$, $a \in \mathbb{R}$

Mathématiques, seconde 2020-2021

3.
$$f(x) = 2x = 5, D_f = \mathbb{R}, a \in \mathbb{R}$$

4.
$$f(x) = 2x^2 - 4x + 3$$
, $D_f = \mathbb{R}$, $a \in \mathbb{R}$
5. $f(x) = \frac{1}{x}$, $D_f = \mathbb{R}^*$, $a \in \mathbb{R}^*$
6. $f(x) = x^4$, $D_f = \mathbb{R}^*$, $a \in \mathbb{R}^*$

5.
$$f(x) = \frac{1}{x}, D_f = \mathbb{R}^*, a \in \mathbb{R}^*$$

6.
$$f(x) = x^4, D_f = \mathbb{R}^*, a \in \mathbb{R}^*$$