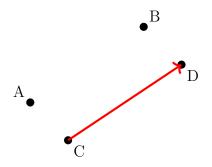
[0][0][0]

Chapitre 3: Les vecteurs

1 Définition d'un vecteur

1.1 Translation de vecteur \overrightarrow{AB}

Sur la figure ci-contre, on considère D, l'image de C dans la translation qui transforme A en B.



La flèche rouge indique:

- La direction
- Le sens
- La longueur

du déplacement que l'on doit effectuer pour construire l'image d'un point.

Définition 3.1

La translation qui transforme A en B est appelée translation de **vecteur** \overrightarrow{AB}

Remarque

La longueur d'un vecteur est appelé **norme** du vecteur.

1.2 Egalité de deux vecteurs

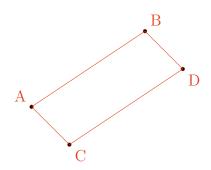
Définition 3.2

Soient A,B,C et D quatre points du plan.

Dire que \overrightarrow{AB} est égal à \overrightarrow{CD} signifie que les deux vecteurs ont la même direction, le même sens et la même norme.

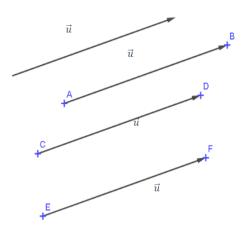
Propriété 3.1

 $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD}$ si et seulement si ABDC est un parallélogramme.



1.3 Notation

Il existe une infinité de vecteurs égaux au vecteur \overrightarrow{AB} . Par exemple, sur la figure ci-dessous, $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{EF}$. Ce vecteur peut être noté \overrightarrow{u} . $\overrightarrow{AB},\overrightarrow{CD},\overrightarrow{EF}$ sont des **représentants de** \overrightarrow{u}



1.4 Le vecteur nul

Définition 3.3

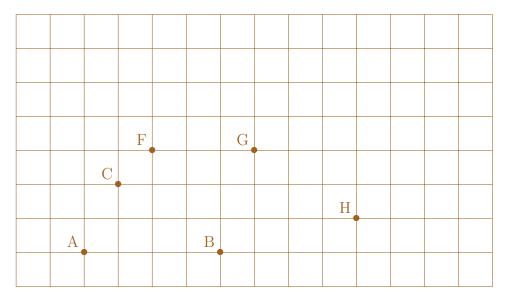
l On appelle vecteur nul, noté \vec{u} , tout vecteur dont l'origine et l'extrémité sont confondues

Par exemple, $\overrightarrow{AA} = \overrightarrow{0}$

Le vacteur nulle à une norme égale à 0, mais n'a ni direction, ni sens!

Savoir-Faire 3.1

SAVOIR REPRÉSENTER UN VECTEUR Recopier la figure ci-dessous :



- 1. Construire un vecteur \vec{u} , ayant la même direction et le même sens que \overrightarrow{AB} et pour longueur 3.
- 2. Construire le point P tel que $\overrightarrow{HP} = \overrightarrow{BC}$.
- 3. Construire le point Q tel que $\overrightarrow{GQ} = \overrightarrow{BH}$
- 4. Construire un vecteur \vec{v} , ayant la même direction que \overrightarrow{BC} , un sens contraire à \overrightarrow{BC} , et pour longueur identique à \overrightarrow{BC} .
- 5. Construire le point R tel que $\overrightarrow{RF} = \overrightarrow{GH}$
- 6. Construire le point T tel que $\overrightarrow{BT} = \vec{0}$

2 Opérations sur les vecteurs

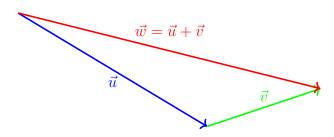
2.1 Somme de deux vecteurs

2.1.1 Définition

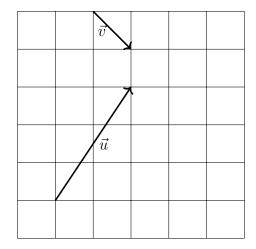
Définition 3.4

La somme de deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} est le vecteur \vec{w} qui résulte de l'enchaînement des translations de vecteur \vec{u} puis de vecteur \vec{v} .

On écrit : $\vec{u} + \vec{v} = \vec{w}$

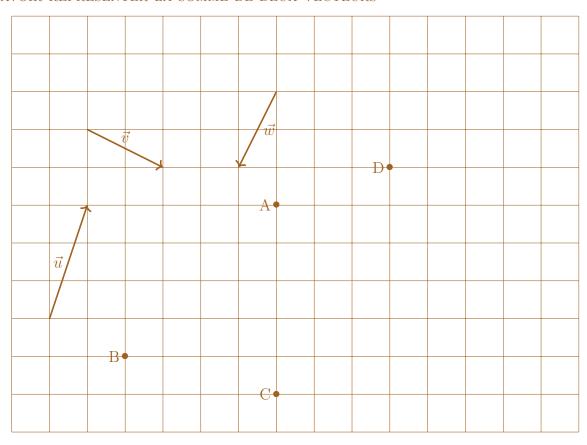


Exemple



Savoir-Faire 3.2

SAVOIR REPRÉSENTER LA SOMME DE DEUX VECTEURS



- 1. Tracer un représentant du vecteur $\vec{u} + \vec{v}$.
- 2. Placer le point F tel que $\overrightarrow{BF} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$
- 3. Placer le point G tel que $\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{w}$
- 4. Placer le point H tel que $\overrightarrow{CH} = \vec{u} + \vec{v} + \vec{w}$
- 5. Placer le point I tel que $\overrightarrow{DI} = \vec{v} + \vec{w}$

2.1.2 Relation de Chasles

Propriété 3.2 (admise)

RELATION DE CHASLES

Pour tous points A. P. et C. du plan

Pour tous points A,B et C du plan, on a :

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC}$$

$$\overrightarrow{w} = \overrightarrow{u} + \overrightarrow{v}$$

$$\overrightarrow{u}$$

$$\overrightarrow{v}$$

Savoir-Faire 3.3

SAVOIR UTILISER LA RELATION DE CHASLES

1. Compléter :

(a)
$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BF} = \overrightarrow{BF}$$

(b)
$$\overrightarrow{AK} + \overrightarrow{G} = \overrightarrow{G}$$

(c)
$$\overrightarrow{FR} + \overrightarrow{} = \overrightarrow{FB}$$

(d)
$$\overrightarrow{R} + \overrightarrow{T} = \overrightarrow{B}$$

(e)
$$\overrightarrow{RO} + \overrightarrow{I} = \overrightarrow{RI}$$

(f)
$$\overrightarrow{K} + \overrightarrow{LM} = \overrightarrow{KM}$$

2. Simplifier:

(a)
$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}$$

(b)
$$\overrightarrow{AR} + \overrightarrow{BA}$$

(c)
$$\overrightarrow{DF} + \overrightarrow{GD}$$

(d)
$$\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD}$$

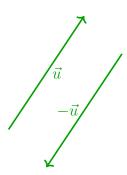
(e)
$$\overrightarrow{RG} + \overrightarrow{HI} + \overrightarrow{GH}$$

2.2 Opposé d'un vecteur

Définition 3.5

L'opposé d'un vecteur \vec{u} du plan est le vecteur noté $-\vec{u}$, qui a :

- même direction que \vec{u} .
- même norme que \vec{u} .
- le sens opposé à celui de \vec{u} .

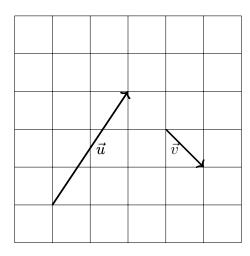


2.2.1 Soustraction de deux vecteurs

Définition 3.6

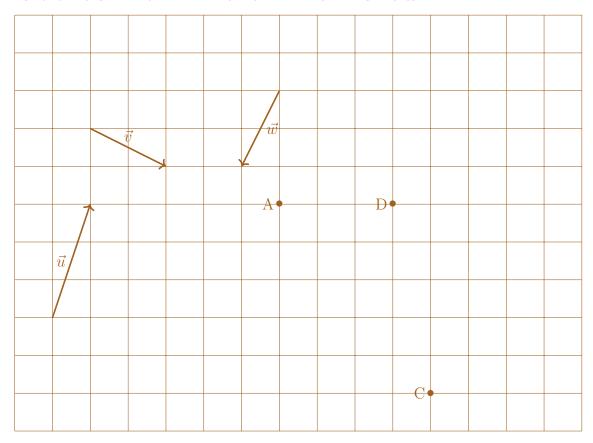
Soient \vec{u} et \vec{v} deux vecteurs du plan. On définit la soustraction de \vec{u} par \vec{v} , notée \vec{u} - \vec{v} , le vecteur \vec{w} défini par $\vec{w} = \vec{u} + (-\vec{v})$.

Exemple



Savoir-Faire 3.4

SAVOIR REPRÉSENTER LA DIFFÉRENCE DE DEUX VECTEURS



- 1. Placer le point G tel que $\overrightarrow{AG} = \overrightarrow{v} \overrightarrow{w}$
- 2. Placer le point H tel que $\overrightarrow{DH} = \vec{u} \vec{v}$
- 3. Placer le point I tel que $\overrightarrow{CI} = \overrightarrow{u} \overrightarrow{w}$

2.3 Produit d'un vecteur par un nombre