

8.2

Coordonnées de vecteurs

MATHS 2NDE 7 - JB DUTHOIT

8.2.1 Définition

Définition

une **base du plan** est un couple de vecteurs $(\vec{i}; \vec{j})$ non colinéaires.

Remarque

Une base du plan est appelée **base orthonormée** si les directions de \vec{i} et \vec{j} sont perpendiculaires, et si la norme des deux vecteurs est égale à 1.

Propriété

Soit $(\vec{i}; \vec{j})$ une base du plan, et soit \vec{u} un vecteur du plan.
Il existe un unique couple de réels $(x; y)$ tel que $\vec{u} = x\vec{i} + y\vec{j}$.

Définition

x et y sont appelées les **coordonnées de \vec{u}** dans la base $(\vec{i}; \vec{j})$.
On note $\vec{u}(x; y)$

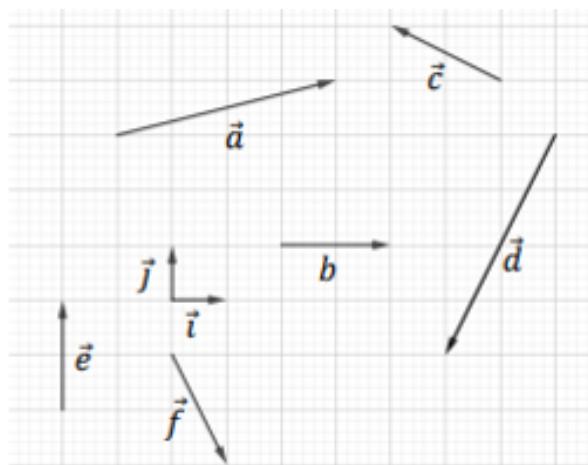


Savoir-Faire 8.47

SAVOIR LIRE LES COORDONNÉES DE VECTEURS

On considère les vecteurs ci-dessous, dans la base $(\vec{i}; \vec{j})$.

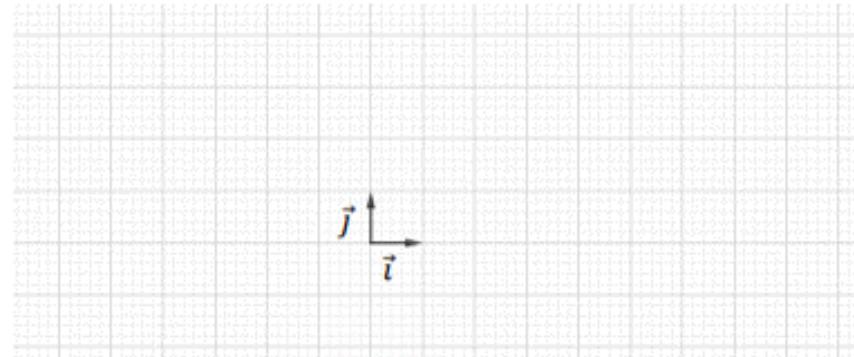
Déterminer, par lecture graphique, les coordonnées de chacun de ces vecteurs.



Savoir-Faire 8.48

SAVOIR REPRÉSENTER DES VECTEURS DANS UNE BASE.

Dans la base $(\vec{i}; \vec{j})$, représenter les vecteurs $\vec{u}(2; 1)$, $\vec{v}(-2; 3)$ et $\vec{w}(-3; 1)$.



Propriété (admise)

Soient $\vec{u}(x; y)$ et $\vec{v}(x'; y')$ deux vecteurs dans une base $(\vec{i}; \vec{j})$ du plan.

- $\vec{u} = \vec{v}$ si et seulement si $x = x'$ et $y = y'$.

8.2.2 Formules avec les coordonnées de vecteurs

Coordonnées d'un vecteur

Propriété (admise)

Soit $(O; \vec{i}; \vec{j})$ un repère du plan. Soient $A(x_A; y_A)$ et $B(x_B; y_B)$ deux points du plan.

Le vecteur \overrightarrow{AB} a pour coordonnées $(x_B - x_A; y_B - y_A)$.

Savoir-Faire 8.49

SAVOIR CALCULER LES COORDONNÉES DE VECTEURS

1. A,B,C et D sont quatre points du plan de coordonnées respectives $(-1; 2)$, $(1; 4)$, $(7; -2)$ et $(5; -4)$.
En calculant des coordonnées de vecteurs, montrer que ABCD est un parallélogramme.
2. Soient A,B et C trois points de coordonnées respectives $(1; 2)$, $(0; -1)$ et $(4; -2)$.
Déterminer les coordonnées de D pour que ABCD soit un parallélogramme.

Norme d'un vecteur

Propriété

Soit $\vec{u}(x; y)$ un vecteur du plan dans une base orthonormée $(\vec{i}; \vec{j})$.

La norme du vecteur \vec{u} , notée $\|\vec{u}\|$ est donnée par :

$$\|\vec{u}\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

Savoir-Faire 8.50

SAVOIR CALCULER LA NORME D'UN VECTEUR DANS UNE BASE ORTHONORMÉE DU PLAN.

On considère $\vec{u}(2; -7)$ dans une base orthonormée $(\vec{i}; \vec{j})$.

Calculer la norme de \vec{u} , notée $\|\vec{u}\|$

Somme de deux vecteurs et produit par un réel

Propriété (admise)

Soit $(\vec{i}; \vec{j})$ une base du plan. Soient $\vec{u}(x; y)$ et $\vec{v}(x'; y')$ deux vecteurs du plan, et $k \in \mathbb{R}$.

- Le vecteur $\vec{u} + \vec{v}$ a pour coordonnées $(x + x'; y + y')$.
- Le vecteur $k\vec{u}$ a pour coordonnées $(kx; ky)$.

Savoir-Faire 8.51

SAVOIR UTILISER LES FORMULES DES COORDONNÉES DE VECTEURS POUR DÉMONTRER

On considère le point $A(1; -3)$, et les vecteurs $\vec{u}(2; -3)$ et $\vec{v}(-1; 5)$.

Soit E le point défini par $\overrightarrow{AE} = 2\vec{u} - \vec{v}$.

1. Calculer les coordonnées du vecteur $2\vec{u} - \vec{v}$.
2. En déduire les coordonnées du point E .