

1.3

Résolution de $ax^2 + bx + c = 0$

SPÉ MATHS 1ÈRE - JB DUTHOIT

Démonstration 1.1

On considère une équation du second degré $ax^2 + bx + c = 0$ où a , b et c sont des réels et avec $a \neq 0$. Résolvons cette équation.

Propriété

Soit $\Delta = b^2 - 4ac$ le discriminant du trinôme $ax^2 + bx + c$.

- si $\Delta > 0$, alors l'équation $ax^2 + bx + c = 0$ admet deux solutions distinctes :
 $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ et $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$.
- Si $\Delta = 0$, alors l'équation $ax^2 + bx + c = 0$ admet une seule solution : $x_0 = \frac{-b}{2a}$.
- Si $\Delta < 0$, alors l'équation $ax^2 + bx + c = 0$ n'admet aucune solution.



Savoir-Faire 1.5

Savoir résoudre une équation du second degré Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

- $2x^2 - x = 0$ \triangleleft
- $4x^2 - 4x + 1 = 0$
- $6x^2 - x - 1 = 0$
- $16x^2 - 8x + 13 = 0$
- $x^2 + 2x = 0$

Remarque

Il est possible est facile de vérifier les résultats avec la console python (sur Pythonista par exemple). Il suffit d'écrire en console :

```
from sympy import * # pour importer la bibliothèque sympy
var('x') # pour déclarer la variable
```

Une fois ceci réalisé, il suffit d'écrire, toujours en console, l'équation demandée :

```
z = x ** 2 + 3 * x
solve(z)
```

► Il ne faut pas indiquer " $=0$ " dans `solve` : en effet, `solve` donne les racines de l'expression entrée !

 **Exercices**

page 52 exercices 53, 59 et 60

 **Savoir-Faire 1.6**

SAVOIR ÉTUDIER UNE ÉQUATION DU SECOND DEGRÉ AVEC PARAMÈTRE

Soit $a \in \mathbb{R}$ et soit (E) l'équation $x^2 + 2x - 7a = 0$.

Déterminer a pour que (E) n'admette qu'une solution. Quelle est cette solution ?

 **Exercices**

page 53 exercices 69,70,71,72

 **Exercices**

page 53 exercice 74

 **Savoir-Faire 1.7**

SAVOIR RÉSOUTRE DES ÉQUATIONS QUI SE RAMÈNENT AU SECOND DEGRÉ

Soit l'équation suivante :

$$x + \frac{1}{x-3} = 5$$

Résoudre cette équation.

 **Exercices**

Page 53 exercices 76,77,78

 **Savoir-Faire 1.8**

SAVOIR RÉSOUTRE UN PROBLÈME LIÉ AU SECOND DEGRÉ

Déterminer 3 entiers consécutifs, sachant que la somme des carrés de ces nombres est égale à 1877.

 **Exercice 1.6**

Trouver deux nombres dont la somme est 21 et le produit 54.

 **Exercice 1.7**

Des participants à une conférence ont échangé des poignées de mains (ça, c'était avant le covid :-) et l'un deux (il s'ennuyait peut-être !) a compté qu'il y avait eu en tout 325 poignées de mains.

Combien de personnes ont assisté à la conférence ?