

# 1.4

## La racine carrée

MATHS 2NDE 7 - JB DUTHOIT

### 1.4.1 Définition

#### Définition

| Soit  $a$  un réel positif. La **racine carrée** de  $a$  est le réel positif dont le carré est égal à  $a$ .

#### Remarque

| Pour tout  $a \geq 0$ , on a donc  $(\sqrt{a})^2 = a$ .

#### Exemples

- $\sqrt{4} =$
- $\sqrt{100} =$
- $\sqrt{36} =$
- $\sqrt{1.44} =$
- $\sqrt{0.01} =$
- $(\sqrt{5})^2 =$
- $\sqrt{5^2} =$

### 1.4.2 Propriétés

#### Propriété

| Soient  $a$  et  $b$  deux réels positifs. On a :  $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$

#### Exemples

- $\sqrt{18} =$
- $\sqrt{7 \times 5} =$

#### Démonstration 1.1

↗ Démontrer que pour tous  $a$  et  $b$  réels positifs,  $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$

#### Propriété (admise)

| Soient  $a$  et  $b$  deux réels positifs, avec  $b$  non nul.

| On a :  $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ .

## Exemples

- $\sqrt{\frac{16}{9}} =$

- $\frac{\sqrt{100}}{\sqrt{25}} =$

$\triangleleft$  En général :  $\sqrt{a+b} \neq \sqrt{a} + \sqrt{b}$

## Exemple

- $\sqrt{9+16} =$

- $\sqrt{9} + \sqrt{16} =$

## Propriété

| Soient  $a$  et  $b$  deux réels strictement positifs. Alors on a  $\sqrt{a+b} < \sqrt{a} + \sqrt{b}$ .

## Démonstration 1.2

$\nabla$  Démontrer que pour tous  $a$  et  $b$  réels strictement positifs,  $\sqrt{a+b} < \sqrt{a} + \sqrt{b}$

## Savoir-Faire 1.5

SAVOIR ADDITIONNER, LORSQUE CELA EST POSSIBLE, DES RACINES CARRÉES

- $\sqrt{18} + \sqrt{8} =$

### Exercice 1.15

Écrire les expressions suivantes sous la forme de  $a\sqrt{b}$ , avec  $a$  et  $b$  deux entiers, et avec  $b$  le plus petit possible :

1.  $\sqrt{48}$

6.  $\sqrt{12}$

2.  $\sqrt{75}$

7.  $\sqrt{72}$

3.  $\sqrt{605}$

8.  $\sqrt{162}$

4.  $\sqrt{288}$

9.  $\sqrt{18}$

5.  $\sqrt{1000}$

10.  $\sqrt{27}$

### Exercice 1.16

Simplifier les expressions suivantes sous la forme :

1.  $18 \times \sqrt{\frac{64}{81}}$

3.  $\sqrt{16 \times 10^4}$

2.  $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$

4.  $\sqrt{12^4}$

**Exercice 1.17**

Le nombre  $\Phi = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$  est appelé "nombre d'or".

1. Calculer  $\Phi^2$  et simplifier le résultat obtenu.
2. Calculer  $1 + \Phi$
3. Calculer  $\frac{1}{\Phi}$  et simplifier le résultat obtenu en multipliant le numérateur et le dénominateur par  $1 - \sqrt{5}$
4. Que constate t-on ?

**Exercices**

138 page 28