EXERCICE 1 (4 points)

Programmer la fonction recherche, prenant en paramètre un tableau non vide tab (type list) d'entiers et un entier n, et qui renvoie l'indice de la **dernière** occurrence de l'élément cherché. Si l'élément n'est pas présent, la fonction renvoie la longueur du tableau.

Exemples:

```
>>> recherche([5, 3],1)
2
>>> recherche([2,4],2)
0
>>> recherche([2,3,5,2,4],2)
3
```

EXERCICE 2 (4 points)

On souhaite programmer une fonction donnant la distance la plus courte entre un point de départ et une liste de points. Les points sont tous à coordonnées entières.

Les points sont donnés sous la forme d'un tuple de deux entiers.

La liste des points à traiter est donc un tableau de tuples.

On rappelle que la distance entre deux points du plan de coordonnées (x ; y) et (x' ; y') est donnée par la formule :

$$d = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2}.$$

On importe pour cela la fonction racine carrée (sqrt) du module math de Python.

On dispose d'une fonction distance et d'une fonction plus_courte_distance_:

```
from math import sqrt  # import de la fonction racine carrée

def distance(point1, point2):
    """ Calcule et renvoie la distance entre deux points. """
    return sqrt((...)**2 + (...)**2)

assert distance((1, 0), (5, 3)) == 5.0, "erreur de calcul"

def plus courte distance(tab, depart):
```

```
""" Renvoie le point du tableau tab se trouvant à la plus
  courte distance du point depart."""
  point = tab[0]
  min_dist = ...
  for i in range (1, ...):
     if distance(tab[i], depart)...:
        point = ...
        min_dist = ...
  return point

assert plus_courte_distance([(7, 9), (2, 5), (5, 2)], (0, 0)) ==
[2, 5], "erreur"
```

Recopier sous Python (sans les commentaires) ces deux fonctions puis compléter leur code et ajouter une ou des déclarations (assert) à la fonction distance permettant de vérifier la ou les préconditions.