## NTIN071 A&G: CVIČENÍ 10 – ZÁSOBNÍKOVÉ AUTOMATY

Vyřešte nejprve 1a-h, 2ab, 3a (zbytek je na procvičení).

**Příklad 1** (Konstrukce PDA). Navrhněte zásobníkové automaty pro následující jazyky. (Mohou přijímat koncovým stavem i prázdným zásobníkem, u některých sestrojte obojí.)

(a) 
$$L = \{ w \mid w \in \{0, 1\}^*, |w|_1 \ge 3 \}$$

(b) 
$$L = \{ww^R \mid w \in \{0, 1\}^*\}$$

(c) 
$$L = \{w \in \{(,)\}^* \mid w$$
 je korektní uzávorkování }

(d) 
$$L = \{w \in \{0, 1\}^* \mid w = w^R\}$$

(e) 
$$L = \{a^i b^j c^k \mid i = j \text{ nebo } j = k\}$$

(f) 
$$L = \{a^i b^j c^k \mid i + j = k\}$$

(g) 
$$L = \{a^{2n}b^{3n} \mid n \ge 0\}$$

(h) 
$$L = \{w \in \{0, 1\}^* \mid |w|_0 = |w|_1\}$$

(i) 
$$L = \{u2v \mid u, v \in \{0, 1\}^* \text{ a } |u| \neq |v|\}$$

(j) 
$$L = \{w \in \{(,),[,]\}^* \mid w \text{ je korektní uzávorkování}\}$$

**Příklad 2** (Koncový stav vs. prázdný zásobník). Vybrané zásobníkové automaty sestrojené v předchozím příkladu převeďte z přijímání koncovým stavem na přijímání prázdným zásobníkem, a naopak. (Vyzkoušejte si obě konstrukce.)

**Příklad 3** (Z gramatiky na PDA). Pro danou gramatiku G sestrojte zásobníkové automaty  $Z_1, Z_2$  že  $L(Z_1) = L(G)$  a  $N(Z_2) = L(G)$ .

(a) 
$$G = (\{S, T, X\}, \{a, b\}, P, S)$$

$$P = \{S \to aTXb, \\ T \to XTS \mid \epsilon, \\ X \to a \mid b\}$$

(b) 
$$G = (\{S,T,X\},\{(,),*,+,1\},P,S)$$
 
$$P = \{S \to S+T \mid T,$$
 
$$T \to T*X \mid X,$$
 
$$X \to 1 \mid (S)\}$$

Pro nějaké rozumně dlouhé slovo  $w \in L(G)$  najděte levou derivaci a simulujte výpočet automatu  $\mathbb{Z}_2$ .

**Příklad 4** (Z PDA na gramatiku). Vybrané (malé) zásobníkové automaty sestrojené na předchozím cvičení převeďte na bezkontextové gramatiky. Pro nějaké rozumně dlouhé slovo w přijímané daným automatem najděte levou derivaci tohoto slova v zkonstruované gramatice.

BONUS: KONTEXTOVÉ GRAMATIKY

**Příklad 5** (Kontextová gramatika). Uvažme  $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b, c\}, S, P)$ , kde:

$$\begin{split} P = \{S \rightarrow aSBC \mid aBC, B \rightarrow BBC, C \rightarrow CC, CB \rightarrow BC, \\ aB \rightarrow ab, bB \rightarrow bb, bC \rightarrow bc, cC \rightarrow cc\} \end{split}$$

Jaký jazyk generuje? Je gramatika G kontextová? Pokud ne, najděte ekvivalentní kontextovou gramatiku.