NTIN071 A&G: CVIČENÍ 10 – ZÁSOBNÍKOVÉ AUTOMATY

Vyřešte nejprve 1a-h, 2ab, 3a (zbytek je na procvičení).

Příklad 1 (Konstrukce PDA). Navrhněte zásobníkové automaty pro následující jazyky. (Mohou přijímat koncovým stavem i prázdným zásobníkem, u některých sestrojte obojí.)

(a)
$$L = \{ w \mid w \in \{0, 1\}^*, |w|_1 \ge 3 \}$$

(b)
$$L = \{ww^R \mid w \in \{0, 1\}^*\}$$

(c)
$$L = \{w \in \{(,)\}^* \mid w$$
 je korektní uzávorkování }

(d)
$$L = \{w \in \{0,1\}^* \mid w = w^R\}$$

(e)
$$L = \{a^i b^j c^k \mid i = j \text{ nebo } j = k\}$$

(f)
$$L = \{a^i b^j c^k \mid i + j = k\}$$

(g)
$$L = \{a^{2n}b^{3n} \mid n \ge 0\}$$

(h)
$$L = \{w \in \{0,1\}^* \mid |w|_0 = |w|_1\}$$

(i)
$$L = \{u2v \mid u,v \in \{0,1\}^* \text{ a } |u| \neq |v|\}$$

(j)
$$L = \{w \in \{(,),[,]\}^* \mid w \text{ je korektní uzávorkování}\}$$

Příklad 2 (Koncový stav vs. prázdný zásobník). Vybrané zásobníkové automaty sestrojené v předchozím příkladu převeďte z přijímání koncovým stavem na přijímání prázdným zásobníkem, a naopak. (Vyzkoušejte si obě konstrukce.)

Příklad 3 (Z gramatiky na PDA). Pro danou gramatiku G sestrojte zásobníkové automaty Z_1, Z_2 že $L(Z_1) = L(G)$ a $N(Z_2) = L(G)$.

(a)
$$G = (\{S, T, X\}, \{a, b\}, P, S)$$

$$P = \{S \to aTXb, \\ T \to XTS \mid \lambda, \\ X \to a \mid b\}$$

(b)
$$G=(\{S,T,X\},\{(,),*,+,,1\},P,S)$$

$$P=\{S\to S+T\mid T,$$

$$T\to T*X\mid X,$$

$$X\to 1\mid (S)\}$$

Pro nějaké rozumně dlouhé slovo $w \in L(G)$ najděte levou derivaci a simulujte výpočet automatu \mathbb{Z}_2 .

Příklad 4 (Z PDA na gramatiku). Vybrané (malé) zásobníkové automaty sestrojené na předchozím cvičení převeďte na bezkontextové gramatiky. Pro nějaké rozumně dlouhé slovo w přijímané daným automatem najděte levou derivaci tohoto slova v zkonstruované gramatice.

BONUS: KONTEXTOVÉ GRAMATIKY

Příklad 5 (Kontextová gramatika). Uvažme $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b, c\}, S, P)$, kde:

$$P = \{S \rightarrow aSBC \mid aBC, B \rightarrow BBC, C \rightarrow CC, CB \rightarrow BC, \\ aB \rightarrow ab, bB \rightarrow bb, bC \rightarrow bc, cC \rightarrow cc\}$$

Jaký jazyk generuje? Je gramatika G kontextová? Pokud ne, najděte ekvivalentní kontextovou gramatiku.