NTIN071 A&G: Cvičení 4 – Uzávěrové vlastnosti regulárních jazyků

Cíle výuky: Po absolvování student umí

- formálně popsat konstrukci automatu na základě jiných automatů
- rozhodnout, zda jsou regulární jazyky uzavřené na různé množinové a řetězcové operace, včetně složitějších, a toto tvrzení dokázat nebo vyvrátit

Příklady na cvičení

Příklad 1 (Uzavřenost na množinové a řetězcové operace). Pro danou dvojici DFA A, B sestrojte automat, který rozpoznává daný jazyk. (Sestrojený automat formálně popište.)

(a) $L(A) - L(B)$	A	a	b	В	a	b
(b) $L(A).L(B)$	$\rightarrow 0$	1	2	$\rightarrow 0$	0	5
	* 1	3	0	* 1	1	3
(c) $L(A)^{+}$	2	4	5	2	2	5
(d) $L(A)^*$	3	0	2	3	3	2
	4	2	5	* 4	6	1
(e) $L(A)^R$	5	0	3	5	5	1
	'			* 6	4	2

Příklad 2 (Mazání). Mějme nějaký regulární jazyk L nad abecedou $\Sigma = \{a, b\}$. Popište následující jazyky v množinovém zápisu. Rozhodněte, zda jsou (nutně) také regulární, dokažte nebo vyvratte. Jazyk sestávající ze všech slov vzniklých ze slov jazyka L...

- (a) ... smazáním všech výskytů písmene a.
- (b) ... smazáním počátečního písmene a zapsáním tohoto písmene na konec slova.
- (c) ... smazáním nejdelší souvislé posloupnosti aček ze začátku slova.

K procvičení a k zamyšlení

Příklad 3 (Posun). Pro daný regulární jazyk L nad abecedou Σ definujme jazyk L' následovně. Je jazyk L' nutně také regulární?

$$L' = \{uv \mid u, v \in \Sigma^*, vu \in L\}$$

Příklad 4 (Řez). Mějme dva regulární jazyky L, M a definujme jazyk K následovně. Je jazyk K nutně také regulární?

$$K = \{uw \mid u, w \in \Sigma^*, (\exists v \in M) \, uvw \in L\}$$

Příklad 5 (Záměna přijímajících a nepřijímajících stavů). Zaměníme-li u daného NFA přijímající a nepřijímající stavy, bude jazyk přijímaný výsledným automatem doplňkem jazyka přijímaného původním automatem? Zdůvodněte.