尚德机构

计算机系统结构

讲师: 孙小涵





讲师介绍

▶ 主讲老师: 孙小涵 (尚德机构-小涵老师)

> 主讲课程: 计算机类、数学类

➤ 邮箱: sunxiaohan@sunlands.com



课程章节

计算机系统结构

第1章 计算机系统结构概论

第2章 数据表示、寻址方式与指令系统

第3章 存储、中断、总线与I/O系统

第4章 存储体系

第5章 标量处理机

第6章 向量处理机

第7章 多处理机

第8章 数据流计算机和归约机

第6章 向量处理机

第6章 向量处理机



1.矩阵加

阵列处理机解决矩阵加是最简单的一维情况。

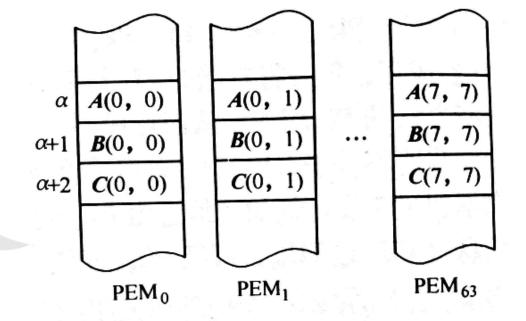


图 6-7 矩阵相加的存储器分配举例

2.矩阵乘

矩阵乘是二维数组运算,比矩阵加要复杂。设A、B和C为3个8×8的二维矩阵,给定A和B, 计算C=A×B的64个分量可用公式

$$c_{ij} = \sum_{k=0}^{7} a_{ik} b_{kj}$$

其中, 0≤i≤7且0≤j≤7。

3.累加和

这是一个将N个数的顺序相加转为并行相加的问题。为得到各项累加的部分和与最后的总和,要用到处理单元中的活跃标志位。只有处于活跃状态的处理单元才能执行相应的操作。为叙述方便,取N=8,即有8个数A(I)顺序累加,其中0≤I≤7。

在SISD计算机上可以编写下列FORTRAN程序:

$$C=0$$

10
$$C = C + A (I)$$

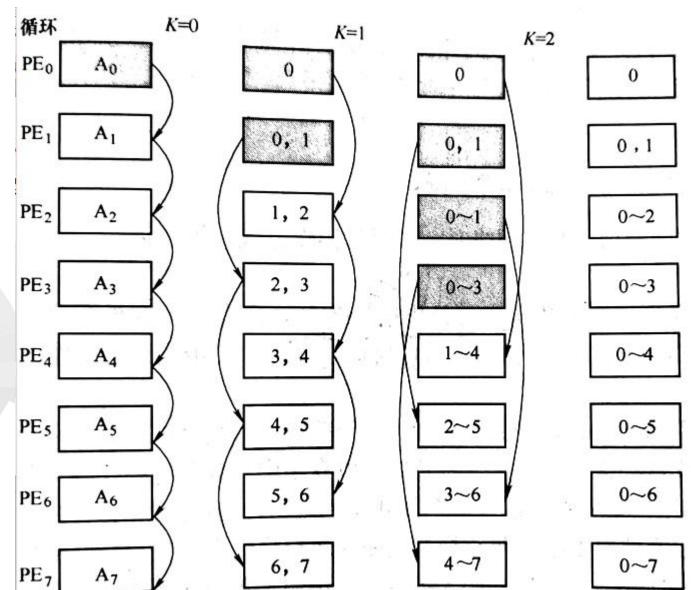
3.累加和

- (1)置全部 PEi 为活跃状态, 0 ≤ i ≤ 7
- (2)置全部 A(i) 从 PE_i 的 α 单元读到相应 PE_i 的累加寄存器 RGA_i 中, $0 \le i \le 7$
- $(3) \diamondsuit K = 0;$
- (4) 将全部 PE_i 的(RGA_i) 转送到传送寄存器 RGR_i, 0 ≤ i ≤ 7
- (5)将全部 PE, 的(RGR,)经过互连网络各右传送 2^{K} 步距, $0 \le i \le 7$
- $(6) \Leftrightarrow j = 2^K 1;$
- (7)置 PE。~ PE, 为不活跃状态;
- (8) 处理活跃状态的所有 PE_i 执行(RGA_i):=(RGA_i)+(RGR_i), $j < i \le 7$
- $(9)K_{:}=K+1;$
- (10)若K<3则转回(4);
- (11)置全部 PE, 为活跃状态, 0 ≤ i ≤ 7
- (12) 将全部 PE_i 的累加寄存器内容(RGA_i) 存入相应 PE_i 的 $\alpha+1$ 单元中, $0 \le i$ ≤ 7





3.累加和





6.3 SIMD计算机的互连网络

本节主要内容:

SIMD计算机的互联网络

SIMD计算机的循环和多级网络的思想和3个参数

多级互联网络的设计

阻塞式网络

全排列网络



6.3.1互连网络的设计目标与互连函数

SIMD系统的互连网络的设计目标是: (简答)

- 1) 结构不要过分复杂,以降低成本;
- 2) 互连要灵活,以满足算法和应用的需要;
- 3) 处理单元间信息交换所需的传送步数要尽可能少, 以提高速度性能;
- 4) 能用规整单一的基本构件组合而成,或者经多次通过或者经多级连接来实现复杂的互连,使模块性好,以便于用VLSI实现并满足系统的可扩充性。

(口诀: 简洁、规整、让系统有好又快又便宜)



6.3.2互连网络应抉择的几个问题(单选)

操作方式有同步、异步及同步与异步组合3种。

交换方法主要有线路交换、包交换及线路与包交换组合3种。

网络的拓扑结构指的是互连网络入、出端可以连接的模式,有静态和动态两种。

动态网络有单级和多级两类。



1、互连网络操作方式的种类有()1704

A:2种

B:3种

C:4种

D:5种



1、互连网络操作方式的种类有()1704

A:2种

B:3种

C:4种

D:5种

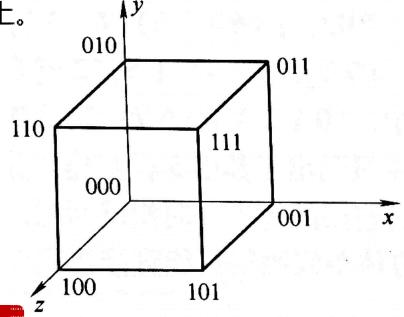
答案: B



1.立方体单级网络

立方体 (Cube)单级网络的名称来源于图6-12所示的三维立方体结构。立方体的每个顶点 (网络的结点) 代表一个处理单元,共有8个处理单元,用zyx三位二进制码编号。它所能实现的入、出端连接如同立方体各顶点间能 实现的互连一样,即每个处理单元只能

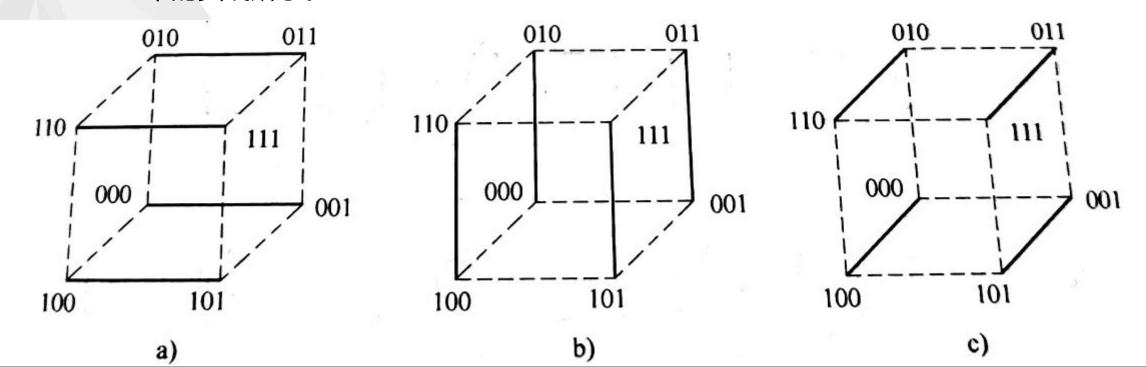
直接连到其二进制编号的某一位取反的其他3个处理单元上。





1.立方体单级网络

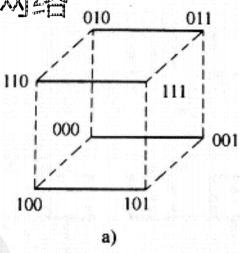
例如,010只能连到000、011、110,不能直接连到对角线上的001、100、101、111。所以,三维的立方体单级网络有3种互连函数: Cube0、Cube1和Cube2,其连接方式如图 6-13中的实线所示。

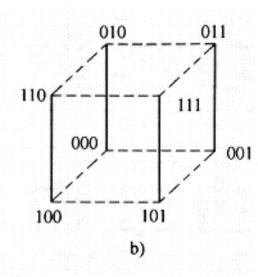


1.立方体单级网络

三维的立方体单级网络有3种互连函数: Cube0、Cube1和Cube2, Cubei函数表示相连的人端和出端的二进制编号只在右起第i位 (i= 0, 1, 2)上0、1互反, 其余各位代码都相同。

1.立方体单级网络





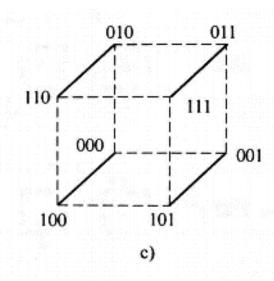


图 6-13 立方体单级网络连接示意

a) Cube₀ b) Cube₁ c) Cube₂

推广到n维时,N个结点的立方体单级网络共有 $n = \log_2 N$ 种互连函数,即

Cube_i
$$(P_{n-1} \cdots P_i \cdots P_1 P_0) = P_{n-1} \cdots \overline{P}_i \cdots P_1 P_0$$

式中, P_i 为人端标号二进制码的第 i 位,且 $0 \le i \le n-1$ 。当维数 n>3 时,称为超立方体 (HyperCube) 网络。

2.PM2I单级网络 (综合)

PM2I单级网络是"加减2i" (Plus-Minus 2i)单级网络的简称。能实现与j号处理单元直接相连的是号为的处理单元,即

$$\begin{cases}
PM2_{+i}(j) = j + 2^{i} \mod N \\
PM2_{-i}(j) = j - 2^{i} \mod N
\end{cases}$$

式中, $0 \le j \le N-1$, $0 \le i \le n-1$, $n = \log_2 N$ 。它共有 2n 个互连函数。由于 $PM2_{+(n-1)} = PM2_{-(n-1)}$,因此 PM2I 互连网络只有 2n-1 种互连函数是不同的。对于 N=8 的三维 PM2I 互连网络的互连函数,有 $PM2_{+0}$ 、 $PM2_{-0}$ 、 $PM2_{+1}$ 、 $PM2_{-1}$ 和 $PM2_{+2}$ 等 5 个不同的互连函数,它们分别为

2.PM2I单级网络(综合)

 $PM2_{+0}$: (0 1 2 3 4 5 6 7)

PM2₋₀: (7 6 5 4 3 2 1 0)

PM2₊₁: (0 2 4 6) (1 3 5 7)

PM2₋₁: (6 4 2 0) (7 5 3 1)

 $PM2_{\pm 2}$: (04)(15)(26)(37)

其中,(01234567) 表示 0 连到 1,与此同时,1 连到 2,2 连到 3,…,7 连到 0。图 6-14 只画出了其中 3 种互连函数的情况, $PM2_{-0}$ 和 $PM2_{-1}$ 的连接与 $PM2_{+0}$ 和 $PM2_{+1}$ 的差别只是连接的箭头方向相反而已。可见在 PM2I中,0 可以直接连到 1、2、4、6、7 上,比立方体单级网络只能直接连到 1、2、4 的要灵活。



2.PM2I单级网络(综合)

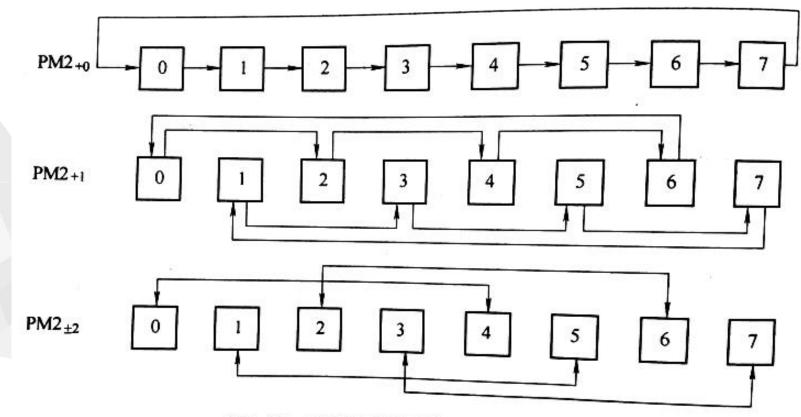


图 6-14 PM2I 互连网络的部分连接图

2.PM2I单级网络

【1704真题】实现16个处理单元互连的PM2I单级网络。

- 1. 写出所有各种单级PM2I互连函数的一般式。
- 2. 3号处理单元用单级PM2I网络可以将数据商接传送到哪些处理单元上?

2.PM2I单级网络

【1704真题】实现16个处理单元互连的PM2I单级网络。

- 1. 写出所有各种单级PM2I互连函数的一般式。
- 2. 3号处理单元用单级PM2I网络可以将数据商接传送到哪些处理单元上?
- 2、3号处理单元可直接送到
- 1、2、4、5、7、11、15号处理单元上。 PM2 (j) = j + 1 mod 16

所有互连函数一般式:

$$PM2_{in}(j) = j + 1 \mod 16$$

$$PM2_{-0}(j) = j - 1 \mod 16$$

$$PM2_{i,j}(j) = j + 2 \mod 16$$

$$PM2_{-1}(j) = j - 2 \mod 16$$

$$PM2_{-2}(j) = j + 4 \mod 16$$

$$PM2_{-2}(j) = j - 4 \mod 16$$

WWW.SUNLAI PM2
$$(j) = j \pm 8 \mod 16$$



2.PM2I单级网络(单选)

ILLIACIV处理单元的互连也是PM2I的特例,采用了其中的PM2±0和PM2±n/2 (即PM2±3) 4个互连函数。

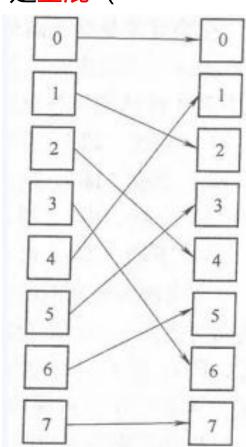
3.混洗交换单级网络(单选)

混洗交换单级 (Shuffle-Exchange)网络包含两个互连函数,一个是全混 (Perfect

Shuffle),另一个是交换 (Exchange)。

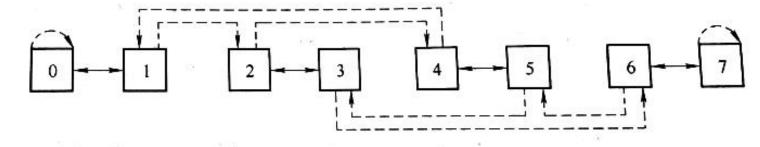
用互连函数表示为

Shuffle $(P_{n-1}P_{n-2}\cdots P_1P_0) = P_{n-2}\cdots P_1P_0P_{n-1}$ 式中, $n = \log_2 N$; $P_{n-1}P_{n-2}\cdots P_1P_0$ 为人端编号的二进制码。



3.混洗交换单级网络(单选)

混洗交换单级 (Shuffle-Exchange)网络包含两个互连函数,一个是全混 (Perfect Shuffle),另一个是交换 (Exchange)。



用互连函数表示为

图 6-16 N=8 时全混交换单级网络连接图

Shuffle
$$(P_{n-1}P_{n-2}\cdots P_1P_0) = P_{n-2}\cdots P_1P_0P_{n-1}$$

式中, $n = \log_2 N$; $P_{n-1}P_{n-2}\cdots P_1P_0$ 为人端编号的二进制码。



3.混洗交换单级网络(填空)

在混洗交换网络中,最远的两个入、出端号是全"0"和全"1",它们的连接需要次交换和n-1次混洗,所以其最大距离为n-1。



4.蝶形单级网络 (综合)

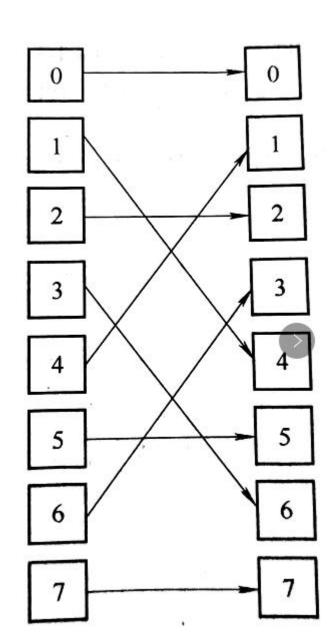
蝶形单级网络 (Butterfly)的互连函数为

Butterfly (Pn-1 Pn-2...P1P0)= P0Pn-2...P1Pn-1

即将二进制地址的最高位和最低位相互交换位置。

图6-17所示为=8个处理单元之间用蝶形单级互连网络互连的情况。它实现的是

0→0, 1→4, 2→2, 3→6, 4→1, 5→5, 6→3, 7→7的同时连接。





1、编号为0,1,...,15的16个处理器,当互连网络函数为Cube3时,13号处理器连接到的处理器的号数是()1904

A:3

B:4

C:5

D:6



1、编号为0,1,...,15的16个处理器,当互连网络函数为Cube3时,13号处理器连接到的处理器的号数是()1904

A:3

B:4

C:5

D:6

答案: C



2、N个结点的混洗交换网络中,最远的两个入、出端的二进制编号是()

和(), 其最大距离为2n-1。0707



2、N个结点的混洗交换网络中,最远的两个入、出端的二进制编号是()

和 () , 其最大距离为2n-1。0707

答案: 全 "0" 全 "1"



3、编号为0,1,...,15的16个处理器,当互连网络函数为Shuffle时,9号处理器连接到的处理器的号数是()1810 1804

A:0

B:1

C:2

D:3



3、编号为0,1,...,15的16个处理器,当互连网络函数为Shuffle时,9号处理器连接到的处理器的号数是()18101804

A:0

B:1

C:2

D:3

答案:D

6.3.4基本的多级互连网络(填空)

不同的多级互连网络,在所用的交换开关、拓扑结构和控制方式上各有不同。

交换开关是具有两个入端和两个出端的交换单元,用作各种多级互连网络的基本构件。无论入端或出端,如果令居于上方的都用i表示,居于下方的都用j表示,则可以定义下列4种开关状态或连接方式:

- 1) 直连,即 i_{Λ} 连 i_{th} , j_{Λ} 连 j_{th} 。
- 2) 交换,即 i_{Λ} 连 j_{\amalg} , j_{Λ} 连 i_{\amalg} 。
- 3) 上播,即 i_{Λ} 连 i_{H} 和 j_{H} , j_{Λ} 悬空。
- 4) 下播,即 j_{\wedge} 连 i_{H} 和 j_{H} , i_{\wedge} 悬空。

(简单了解)

控制方式是对各个交换开关进行控制的方式,以多级立方体网络为例,它可以有3种:

- 1)级控制——同一级的所有开关只用一个控制信号控制,同时只能处于同一种状态。
- 2)单元控制——每一个开关都由自己独立的控制信号控制,可各自处于不同的状态。
- 3) 部分级控制——第i级的所有开关分别用i+1个信号控制, 0≤i≤n-1, n为级数。利用上述交换开关、拓扑结构和控制方式3个参量,可以描述各种多级互连网络的结构。



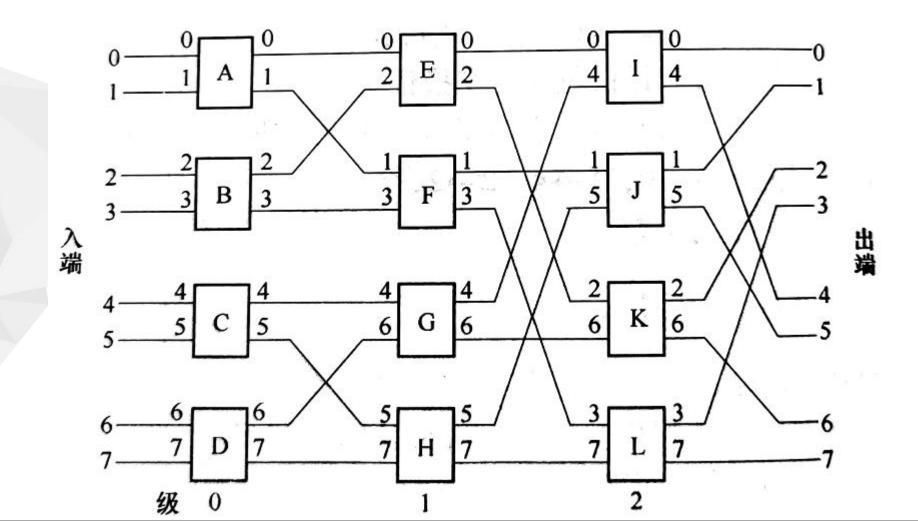
1.多级立方体网络(单选、填空)

多级立方体网络有STARAN网络、间接二进制n方体网络等。

STARAN网络用作交换网络时,采用级控制,实现的是交换函数。



1.多级立方体网络(单选、填空)





2.多级混洗交换网络

多级混洗交换网络又称omega网络,

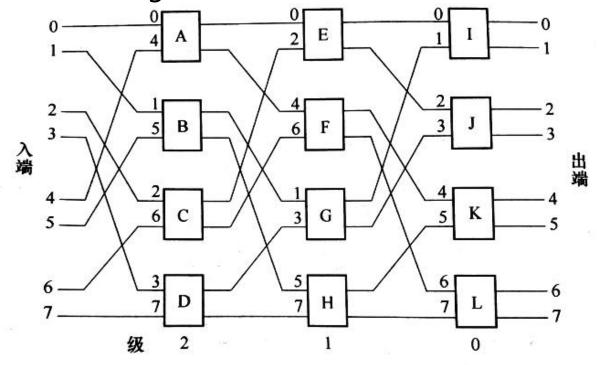
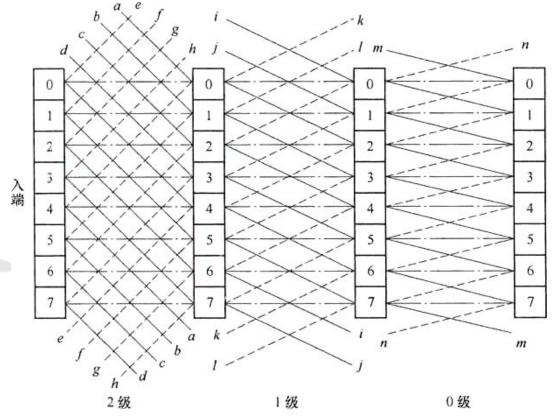


图 6-19 N=8 的多级混洗交换网络



3.多级PM2I网络

N=8的多级PM2I网络的结构如图6-20所示。

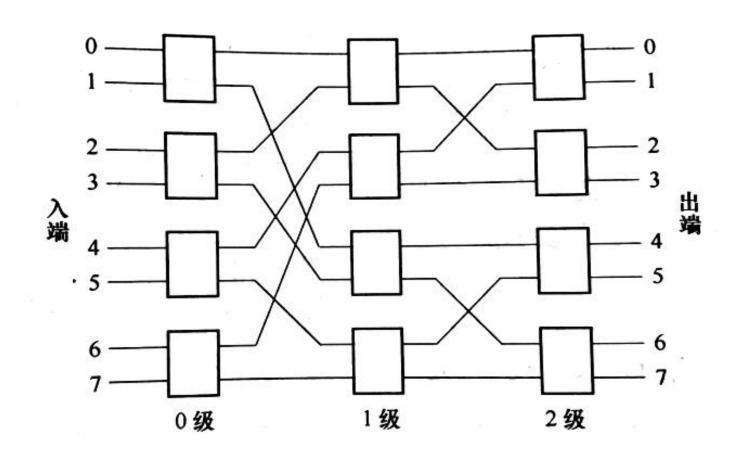




4.基准网络

图6-21所示是N=8的基准网络。

基准网络在多级网络中可作为中间介质,模拟一种网络的拓扑和功能。





5.多级交叉开关网络

多级交叉开关 (CLOS)网络是一种非阻塞式网络,图6-22给出了一个三级交叉开关 网络的结构。

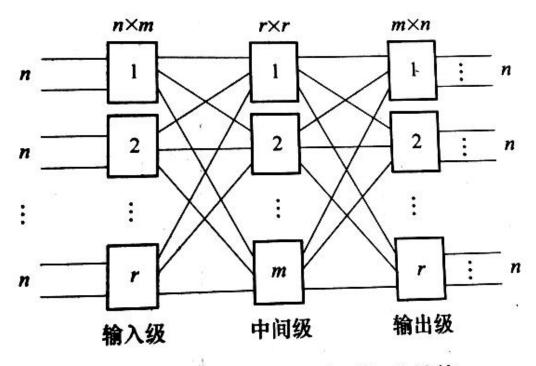
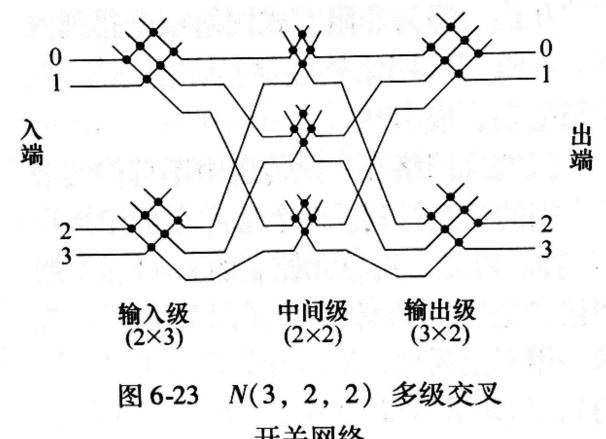


图 6-22 三级交叉开关网络的结构



5.多级交叉开关网络

多级交叉开关 (CLOS)网络是一 种非阻塞式网络, 图6-22给出了 一个三级交叉开关 网络的结构。



开关网络



6.多级蝶式网络

图6-24所示是由16个8×8交叉开 关作为基本构件组成的二级蝶式 网络,级间采用8路混洗,构成了 64×64的蝶式互连。

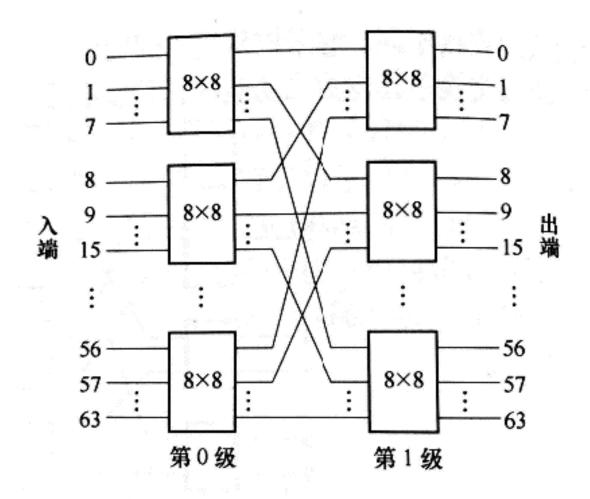


图 6-24 用 8×8 交叉开关构造的



6.3.5全排列网络(简单了解)

该网络至少有两个以上的通道能满足一对结点的互连要求,即数据寻径不唯一,有较多的冗余,这有利于选择合适的路径传送,可靠性、灵活性较好。

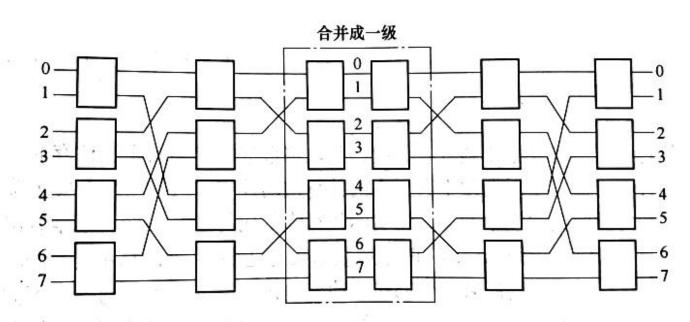


图 6-26 多级全排列网络举例 (Benes 网络)



1、不同的多级互连网络,在所用的 ()、拓扑结构和 () 上各有不同。0804 1304



1、不同的多级互连网络,在所用的 ()、拓扑结构和 () 上各有不同。0804 1304

答案:交换开关 控制方式



2、多级立方体对各个交换开关的控制方式有级控制、()和()3种。1410



2、多级立方体对各个交换开关的控制方式有级控制、()和()3种。1410

答案: 单元控制 部分级控制



3、间接二进制n方体网络是一种()

A:多级混洗交换网络

B:单级立方体网络

C:多级全排列网络

D:多级立方体网络



3、间接二进制n方体网络是一种()

A:多级混洗交换网络

B:单级立方体网络

C:多级全排列网络

D:多级立方体网络

答案: D



4、级控制多级立方体网络能实现()函数的功能。1304



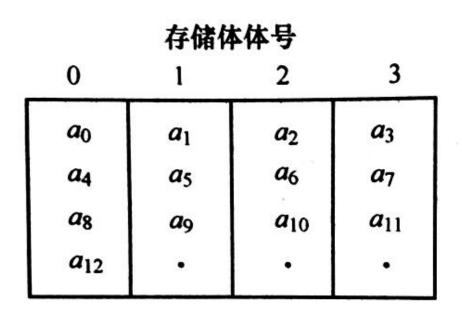
4、级控制多级立方体网络能实现()函数的功能。1304

答案:交换



情况1

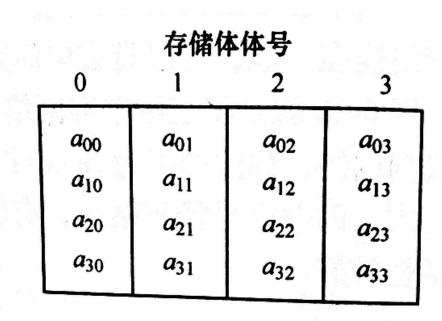
对一维数组而言,假定并行存储器分体数m为4,交叉存放一维数组a0, a1, a2, ..., 如图6-27所示。





情况2

对于二维数组(结论也适用于多维数组)而言,假设主存有m个分体并行,从中访问有n个元素的数组子集。这n个元素的变址跳距对于二维数组的行、列、主对角线、次对角线都是不一样的,但要求都能实现无冲突访问。







(填空)

为了能使行或列的各元素都能并行访问,采取将数据在存储器中错位存放,如图6-29 所示。但是该方案可造成主对角线上各元素的并行访问冲突,致使实际频宽下降一半;次对角线上各元素的访问则都发生冲突,使实际频宽降低成与串行一样。

存储体体号				
0	1	2	3	
a ₀₀	<i>a</i> ₀₁	a ₀₂	a ₀₃	
a ₁₃	a ₁₀	a ₁₁	a ₁₂	
a ₂₂	a ₂₃	a ₂₀	a ₂₁	
a_{31}	a ₃₂	a ₃₃ .	a ₃₀	

图 6-29 4×4 数组一种错位存放的方案 $(m=n=4, \delta_1 = \delta_2 = 1)$

	存储体体号				
0	1	2	3	4	
a ₀₀	a ₀₁	a ₀₂	a ₀₃	=1	
a ₁₃		a_{10}	<i>a</i> ₁₁	a ₁₂	
a ₂₁	a ₂₂	a ₂₃		a ₂₀	
1 7 6	a ₃₀	<i>a</i> ₃₁	a ₃₂	a ₃₃	

$$f$$
 图 6-30 4×4 数组错位存放的例子 $(m=5, n=4, \delta_1=2, \delta_2=1)$



情况3

并行存储器中存放的数组大小是不固定的,多维数组各维的元素个数也不一定相等,它们还可以超出已选定的分体数m的值。



1、将二维数组中各元素在存储器中() 存放可以使行或列的各元素都能并 行访问, 但会造成() 上各元素的并行访问冲突。1604



1、将二维数组中各元素在存储器中() 存放可以使行或列的各元素都能并 行访问,但会造成() 上各元素的并行访问冲突。1604

答案: 错位 主对角线



6.5脉动阵列流水处理机

本节主要内容:

脉动阵列流水处理机的工作原理

通用脉动阵列结构的实现方法



(填空)

脉动阵列结构是由一组处理单元(PE)构成的阵列。

运算时数据在阵列结构的各个处理单元间沿各自的方向同步向前推进,就像血液受心脏有节奏 地搏动在各条血管中间同步向前流动一样。因此,形象地称其为脉动阵列结构。实际上,为了 执行多种计算,脉动型系统内的输入数据流和结果数据流可以在多个不同方向上以不同速度向 前搏动。

(简答)

脉动阵列结构具有如下一些特点:

- 1)结构简单、规整,模块化强,可扩充性好,非常适合用超大规模集成电路实现。
- 2)PE间数据通信距离短、规则,使数据流和控制流的设计、同步控制等均简单规整。
- 3)脉动阵列中所有PE能同时运算,具有极高的计算并行性,可通过流水获得很高的运算效率和吞吐率。输入数据能被多个处理单元重复使用,大大减轻了阵列与外界的 I/O通信量,降低了对系统主存和I/O系统频宽的要求。
- 4)脉动阵列结构的构形与特定计算任务和算法密切相关,具有某种专用性,限制了应用范围, 这对VLSI是不利的。

(简答)

脉动阵列结构具有如下一些特点:

- 1)结构简单、规整,模块化强,()好,非常适合用超大规模集成电路实现。
- 2)PE间数据通信距离短、规则,使数据流和控制流的设计、同步控制等均简单规整。
- 3)脉动阵列中所有PE能同时运算,具有极高的计算 () ,可通过流水获得很高的运算效率和吞吐率。输入数据能被多个处理单元重复使用,大大减轻了阵列与外界的 I/O通信量,降低了对系统主存和I/O系统频宽的要求。
- 4)脉动阵列结构的构形与特定计算任务和算法密切相关,具有某种 (),限制了应用范围,这对VLSI ()是不利的。

(简答)

脉动阵列结构具有如下一些特点:

- 1)结构简单、规整,模块化强,可扩充性好,非常适合用超大规模集成电路实现。
- 2)PE间数据通信距离短、规则,使数据流和控制流的设计、同步控制等均简单规整。
- 3)脉动阵列中所有PE能同时运算,具有极高的计算并行性,可通过流水获得很高的运算效率和吞吐率。输入数据能被多个处理单元重复使用,大大减轻了阵列与外界的 I/O通信量,降低了对系统主存和I/O系统频宽的要求。
- 4)脉动阵列结构的构形与特定计算任务和算法密切相关,具有某种专用性,限制了应用范围, 这对VLSI是不利的。



6.5.2 通用脉动阵列结构

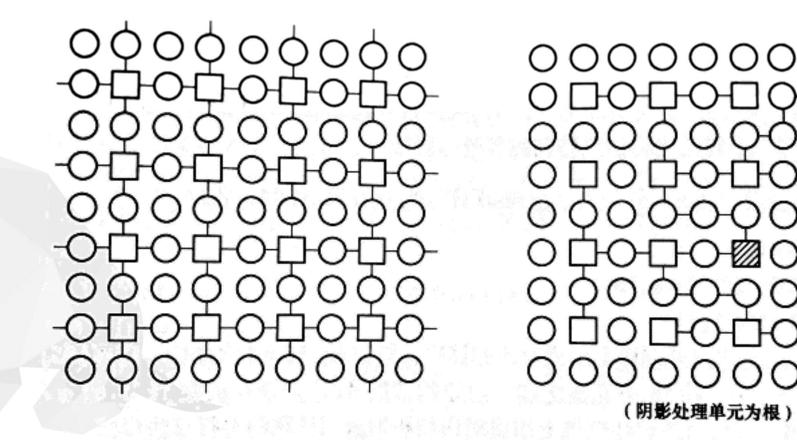


图 6-34 可编程脉动阵列结构

a) 控制开关按正方形阵列结构互连 b) 控制开关按二叉树形阵列结构互连



- 1、脉动阵列结构是由一组处理单元PE构成的阵列,阵列中的输入数据流和
 - ()数据流可各自沿多个方向()地向前推进。1304



1、脉动阵列结构是由一组处理单元PE构成的阵列,阵列中的输入数据流和

()数据流可各自沿多个方向 ()地向前推进。1304

答案: 结果 同步



2、下列关于脉动阵列机的描述,错误的是()1004

A:脉动阵列机是由一组内部结构相同的处理单元构成的阵列

B:脉动阵列机结构简单、规整,模块化强,可扩充性好

C:脉动阵列机不适用于要求计算量大的信号 / 图像的处理

D:脉动阵列机各PE间数据通信距离短、规则,使数据流和控制流的设计、同



2、下列关于脉动阵列机的描述,错误的是()1004

A:脉动阵列机是由一组内部结构相同的处理单元构成的阵列

B:脉动阵列机结构简单、规整,模块化强,可扩充性好

C:脉动阵列机不适用于要求计算量大的信号 / 图像的处理

D:脉动阵列机各PE间数据通信距离短、规则,使数据流和控制流的设计、同

答案: C



尚德机构

▶ 答疑时间





尚德机构

► THANK YOU ⁴

