

## ▼ EP 3/COMP IV

- ▼ As figuras então na pasta do EP pois o google colab não me permitiu anexa-las ao texto.

### Equações de Fitzhugh-Nagumo

$$\varepsilon \frac{dv}{dt} = v(v - a)(1 - v) - w + I$$

$$\frac{dw}{dt} = v - pw - b$$

Com parâmetros:

$$\varepsilon = 0.005$$

$$a = 0.5$$

$$b = 0.15$$

$$p = 1$$

Após aplicar o sistema de interação com valores de  $v_0 = 0, w_0 = 0$  e  $I = 0$ , obtemos a (figura 1). Com seus respectivos valores de equilíbrio de  $v$  e  $w$  (figura 2). Gráfico  $w(v)$  Figura 1.2

Alguns plots com valores interessantes de  $I$ .

$$I = 0.0.4$$

$v$  e  $w$  atingem muito rapidamente seu valor de equilíbrio (figura 3)

$$I = 0.1$$

$w$  tem um pico no início, seguido por uma queda abrupta. No infinito ambas convergem (Figura 4)

$$I = 0.11$$

$v$  e  $w$  convergem no infinito, mas começamos a perceber um caráter periódico de  $w$  ao redor do ponto 2 no eixo  $x$  (Figura 5)

$$I = 0.12$$

$v$  e  $w$  não convergem no infinito, e é evidente um caráter periódico de  $w$  e  $v$  em todo tempo (Figura 6).

$$I = 0.2$$

(Figura 7)

Ao analisar o comportamento da função de acordo com  $I$ , vemos que quando expormos o limite tendendo ao infinito de  $v$  e  $w$ , suas sequências convergem com valores menores ou

iguais a 0.11 e divergem para valores de  $l$  maiores que 0.11

Foi visto que com  $l$  aproximadamente igual a 0.1118 a sequência diverge no infinito. Logo o  $I_{ext.C}$  está próximo a este valor

No ponto de vista de sistemas dinamicos podemos analisar os pontos fixos de uma função e assim determinar sua convergencia, se houver. Através disto foi criado um exemplo com  $l = 0.11$  e pode ser observado na Figura 8.

$w(v)$  com  $l=0.111$  e  $l=0.112$ , Figura 9 e 10. Podemos ver mais claramente a convergência com no primeiro caso e divergência no segundo.