

Ejercicios

Inducción

Curso Álgebra Lineal

Pregunta 1

Demostrar por inducción que si $x \in \mathbb{R}$, $x > 0$ y $n \in \mathbb{N}$, $n \geq 2$, entonces

$$(1+x)^n > 1+nx$$

Pregunta 2

Demostrar por inducción que la suma de los n primeros números naturales es

$$\frac{n(n+1)}{2}$$

Es decir, que

$$1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$$

Pregunta 3

Demostrar por inducción que

$$1^2+2^2+3^2+\dots+n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

Pregunta 4

Determinar si la suma de 3 enteros positivos consecutivos es siempre divisible por 6

Pregunta 5

Probar que si

$$x_1 = 0; \quad x_2 = 1, \quad x_n = 2x_{n-2} - x_{n-1}$$

entonces el término general de esta sucesión vale

$$x_n = \frac{2+(-2)^n}{6} \quad n = 1, 2, \dots$$

Pregunta 6

Sean $a_1, a_2, \dots, a_n \in (-1, 0]$. Probar que

$$(1 + a_1)(1 + a_2) \dots (1 + a_n) \geq 1 + a_1 + a_2 + \dots + a_n$$