

## Laboration 1

## Uppgift 2

a)

Metoderna undersöker fältets delintervall och returnerar den största summan som dessa delintervall kan ge.

De börjar med att undersöka index 0 till 0, sedan 0 till 1 ... sedan 0 till n

Sedan index 1 till 1, 1 till 2 ... sedan 1 till n

Detta resulterar i att alla möjliga delintervall undersöks.

b)

**Handviftning**

*maxSubSum1:*

Eftersom första metoden innehåller 3 loopar så kommer den ha en ungefärlig komplexitet på  $O(n^3)$

*maxSubSum2:*

Andra metoden kommer i samma stil ha en ungefärlig  $O(n^2)$

*maxSubSum3:*

Den tredje kommer ha en ungefärlig på  $O(n)$  vilket gör att den bör vara den minst komplexa av de tre

**Matematisk analys**

Elementära operationer: Tilldelningar, aritmetiska operationer och logiska operationer.

*maxSubSum1:*

$$\begin{aligned}
 T(n) &= 2 + \sum_{i=0}^{n-1} \left( 4 + \sum_{j=i}^{n-1} \left( 9 + \sum_{k=i}^j (5) \right) \right) = 2 + 4n + 9 \sum_{i=0}^{n-1} \left( \sum_{j=i}^{n-1} (1) \right) + 5 \sum_{i=0}^{n-1} \left( \sum_{j=i}^{n-1} (j-i+1) \right) = \\
 &= 2 + 4n + 9n(n-1+1) - 9n(n-1)/2 + 5 \sum_{i=0}^{n-1} \left( (n-i)(n+i-1)/2 - i(n-i) + (n-i) \right) = \\
 &= 2 + 8.5n + 4.5n^2 + 5 \sum_{i=0}^{n-1} \left( (1/2)(n^2 + n + i^2 - i - 2in) \right) = \\
 &= 2 + 8.5n + 4.5n^2 + 2.5(n^2 + n)n + (5/12)(n^2 - n)(2n-1) - 2.5n(n-1)/2 - 5n^2(n-1)/2 = \\
 &= 2 + (10/6)n + 7n^2 + (5/6)n^3 \quad \varepsilon \quad O(n^3)
 \end{aligned}$$

*maxSubSum2*

$$T(n) = 2 + \sum_{i=0}^{n-1} \left( 5 + \sum_{j=i}^{n-1} (9) \right) = 2 + \frac{19n}{2} + \frac{9n^2}{2} \quad \varepsilon \quad O(n^2)$$

$$T(n) = 2 + 5 \sum_{i=0}^{n-1} (1) + 9 \sum_{i=0}^{n-1} (n-i) = 2 + 5n + 9n^2 - 9n(n-1)/2 = 4.5n^2 + 9.5n + 2$$

*maxSubSum3*

$$T(n) = 4 + \sum_{i=0}^{n-1} (9) = 4 + 9n \quad \varepsilon \quad O(n)$$

Pedantisk analys

maxSubSum3

// Version 3

```

public static int maxSubSum3( int[] a ) {
    int maxSum = 0;           // 1
    int thisSum = 0;          // 1
    for( int i = 0, j = 0;    // 1 + 1
        j < a.length; j++ ) { // (n) (1 + 2) + 1
        thisSum += a[ j ];    // n(1 + 1)
        if( thisSum > maxSum ) { // n(1)
            maxSum = thisSum; // n(1)
            seqStart = i;     // n(1)
            seqEnd = j;      // n(1)
        }
        else if( thisSum < 0 ) { // n(1)
            i = j + 1;        // n(1 + 1)
            thisSum = 0;      // n(1)
        }
    }
    return maxSum;
}

```

Detta blir:

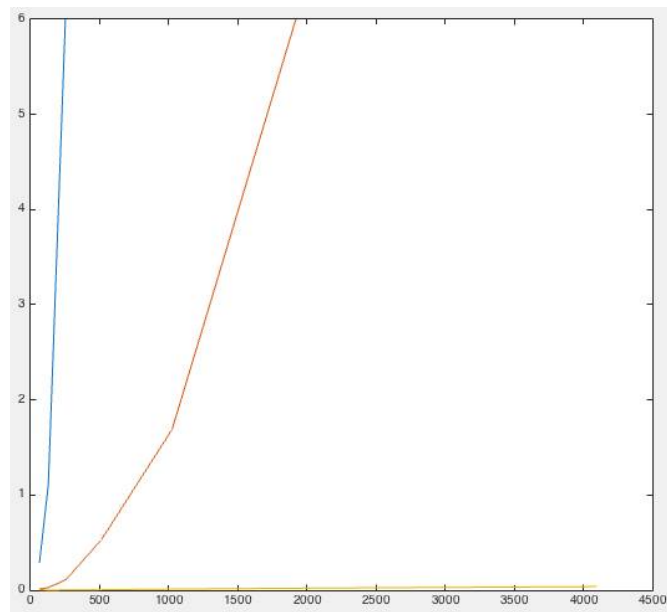
$$T(n) = 1+1+1+1+1+n(1+2+1+1+1+1+1+1+1+1+1) = 5+13n \sim O(n)$$

Den pedantiska ger 5 som konstant istället för 4, på grund av att jämförelsen i for-loopen utförs en sista gång för att bestämma att den inte ska fortsätta.

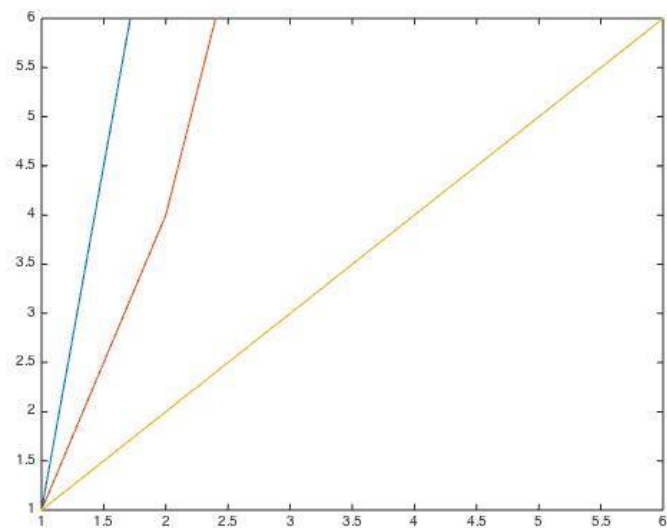
c)

Size	64	128	256	512	1024	2048	4096
------	----	-----	-----	-----	------	------	------

algo #1	0.288	1.107	6.172	-	-	-	-
algo #2	0.012	0.027	0.112	0.530	1.690	6.619	-
algo #3	0.004	0.001	0.002	0.005	0.012	0.022	0.038
algo #1 O	$64^3 \cdot 2000$	$128^3 \cdot 2000$	$256^3 \cdot 2000$	$512^3 \cdot 2000$	$1024^3 \cdot 2000$	$2048^3 \cdot 2000$	$4096^3 \cdot 2000$
algo #2 O	$64^2 \cdot 2000$	$128^2 \cdot 2000$	$256^2 \cdot 2000$	$512^2 \cdot 2000$	$1024^2 \cdot 2000$	$2048^2 \cdot 2000$	$4096^2 \cdot 2000$
algo #3 O	$64 \cdot 2000$	$128 \cdot 2000$	$256 \cdot 2000$	$512 \cdot 2000$	$1024 \cdot 2000$	$2048 \cdot 2000$	$4096 \cdot 2000$



De verkliga värdena från tabell (algo #1 - blå, algo #2 - orange, algo #3 - gul)



Exempel på en linjär, kvadratisk och kubistisk kurva  
(algo #1 - blå, algo #2 - orange, algo #3 - gul)

### Hypotes

Vi förväntar oss våra beräkningar skall växa på ett likartat sätt som de faktiska värdena.

### *Resultat*

Även om värdena inte är samma (på grund varierande klockfrekvenser) så är ökningarna snarlika. Där den tredje algoritmen är linjärt växande, den andra kvadratisk och den första kubistiskt. Detta stödjer vår hypotes.