

## Segunda entrega

### Estadística. Grupo m3

1. Sean  $(X_1, X_2, \dots, X_{n_1})$  e  $(Y_1, Y_2, \dots, Y_{n_2})$  dos muestras aleatorias simples de dos poblaciones independientes con distribuciones respectivas  $Exp(\lambda_1)$  y  $Exp(\lambda_2)$ . Hallar un intervalo de confianza al nivel  $1 - \alpha$  para el cociente  $\lambda_1/\lambda_2$ .
2. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una muestra aleatoria simple de una población con función de densidad

$$f_{\theta}(x) = \frac{2}{\theta^2}(\theta - x) \quad 0 < x < \theta.$$

Hallar una cantidad pivotal basada en el estadístico  $T = X_{(n)}$  y utilizarla para encontrar un intervalo de confianza con probabilidad de colas iguales para  $\theta$  al nivel de confianza  $1 - \alpha$ .

3. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una muestra aleatoria simple de  $X \sim f_{\theta}(x) = \theta x^{\theta-1} I_{(0,1)}(x)$ , con  $\theta > 0$ . Encontrar un intervalo de confianza de longitud mínima para  $\theta$ , al nivel de confianza  $1 - \alpha$ .
4. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una muestra aleatoria simple de  $X = U^{\beta}$ , donde  $U \sim U(0, 1)$  y  $\beta > 0$  es un parámetro desconocido. Obtener un intervalo de confianza al nivel de confianza  $1 - \alpha$  basado en el ECUMV para  $\beta$ .
5. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una muestra aleatoria simple de  $X \sim f_{\theta}(x) = \theta \exp\{-\theta x\} I_{(0,\infty)}(x)$ ,  $\theta > 0$ . Construir un intervalo de confianza de longitud mínima al nivel de confianza  $1 - \alpha$  para la media de la población.
6. Sea  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  una muestra aleatoria simple de  $X \sim f_{\theta}(x) = e^{-(x-\theta)} I_{(\theta,\infty)}(x)$ ,  $\theta > 0$ . Encontrar el intervalo Bayesiano de máxima densidad a posteriori al nivel  $1 - \alpha$ , si la distribución a priori es

$$\pi(\theta) = e^{-\theta} I_{(0,\infty)}(\theta).$$