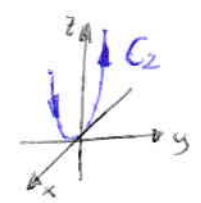


Así ∂S_1 será $C_1 + C_2$ y ∂S_2 será $C_3 + C_2^-$ con C_1, C_2, C_3 las siguientes curvas simples orientadas:

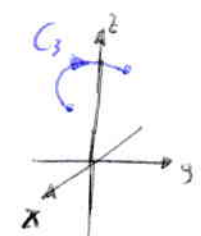
$$\gamma_2: [-2, 2] \longrightarrow \mathbb{R}^3 \quad \text{con } \gamma_2([-2, 2]) = C_2$$

$$t \longmapsto (t, 0, \frac{t^2}{2})$$



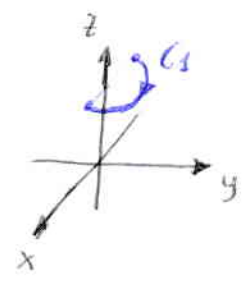
$$\gamma_3: [\pi, 2\pi] \longrightarrow \mathbb{R}^3 \quad \text{con } \gamma_3([\pi, 2\pi]) = C_3$$

$$t \longmapsto (-2\cos t, 2\sin t, 2)$$



$$\gamma_1: [0, \pi] \longrightarrow \mathbb{R}^3$$

$$t \longmapsto (-2\cos t, 2\sin t, 2) \quad \text{con } \gamma_1([0, \pi]) = C_1$$



Así aplicando el teorema de Stokes a las dos superficies (las hipótesis se verifican trivialmente):

$$\boxed{\iint_S \text{rot}(\vec{F}) \cdot d\vec{S}} = \iint_{S_1} \text{rot}(\vec{F}) \cdot d\vec{S} + \iint_{S_2} \text{rot}(\vec{F}) \cdot d\vec{S} =$$

$$= \iint_{C_1} \vec{F} \cdot d\vec{S} + \iint_{C_2} \vec{F} \cdot d\vec{S} + \iint_{C_2^-} \vec{F} \cdot d\vec{S} + \iint_{C_3} \vec{F} \cdot d\vec{S} = \iint_{C_1} \vec{F} \cdot d\vec{S} + \int_{C_2} \vec{F} \cdot d\vec{S} =$$

$$= \int_0^{2\pi} (3 \cdot 2\sin t, + 2\cos t \cdot 2, 2\sin t \cdot 4) \cdot (2\sin t, 2\cos t, 0) dt =$$

$$= \int_0^{2\pi} (12\sin^2 t + 8\cos^2 t) dt = \int_0^{2\pi} 4\sin^2 t dt + \int_0^{2\pi} 8 dt = 4 \left(\frac{1}{2} \int_0^{2\pi} dt - \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} \cos 2t dt \right) +$$

$$+ 16\pi = 4 \cdot \frac{2\pi}{2} + 16\pi = \boxed{20\pi} \text{ que, naturalmente, es el mismo resultado que habíamos obtenido directamente.}$$