

De esta forma:

$$\partial A = C_1^- + C_7 + C_3 + C_6^-$$

$$\partial B = C_4 + C_7^- + C_2^- + C_6$$

$$\partial C = C_3^- + C_8$$

$$\partial D = C_4^- + C_8^-$$

$$\partial E = C_1 + C_5$$

$$\partial F = C_2 + C_5^-$$

Por tanto I_2 queda como

$$\begin{aligned} I_2 &= \int_{\partial A} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{\partial B} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{\partial C} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{\partial D} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{\partial E} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{\partial F} \vec{F} \cdot d\vec{s} = \\ &= \int_{C_1^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_7} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_3} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_6^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_4} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_7^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_2^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_6} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \\ &+ \int_{C_3^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_8} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_4^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_8^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_1} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_5} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_2} \vec{F} \cdot d\vec{s} + \int_{C_5^-} \vec{F} \cdot d\vec{s} = \\ &= 0 \end{aligned}$$

(Como recorremos los bordes de las superficies una vez en cada sentido se anulan todas).

Queda ahora calcular I_1 que lo hacemos directamente:

$$\nabla f = (\nabla f(x, y, z)) = (2x + 2y - 3, 2x, 2z)$$

$\hat{\partial V} = S_1 \cup S_2 \cup S_3$ donde S_1, S_2, S_3 y $\hat{\partial V}$ se definen de la siguiente forma: