

1. Dadas las expresiones: $[True, []]$ $True: []$ $[True]: []$ $[[True], []]$

- ☒ Exactamente una de las expresiones está mal tipada
- ☐ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

2. Sean las cuatro expresiones: $[True: []]$ $[]: [True]$ $[True]: []$ $[[True], []]$

- ☐ Dos de ellas están mal tipadas
- ☒ Dos de ellas son sintácticamente equivalentes y una está mal tipada
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

Nota: en las preguntas siguientes, sobre sintaxis de listas, suponemos que los numerales 1, 2, ... tienen un tipo concreto, por ejemplo `Int`.

3. Dadas las expresiones: $0: [1]$ $0: [1]: [2]$ $0: [1, 2]$ $[0, 1]: [[2]]$ $([]: [], 2)$

- ☒ Exactamente una de las expresiones está mal tipada
- ☐ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

4. Dadas las expresiones: $[]: [1]$ $[1: [2]]: []$ $[1: [2]]: [[]]$ $[1, 1]: (2: [])$ $(1: []): []$

- ☐ Exactamente tres de las expresiones están mal tipadas
- ☒ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

5. Dadas las expresiones: $0: [1]$ $0: [1]: [2]$ $0: [1, 2]$ $[0, 1]: [2]$ $(1: []): []$

- ☐ Exactamente tres de las expresiones están mal tipadas
- ☒ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

6. Dadas las expresiones: $[1]: []$ $[[]]: []$ $[]: []$ $(1: 2): []$ $1: (2: [])$

- ☒ Exactamente una de ellas está mal tipada
- ☐ Exactamente dos de ellas están mal tipadas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

7. Dadas las expresiones: $[0]: [1]$ $[]: [[]]: []$ $[0]: [[]]: []$ $[0]: [[1, 2]]$ $([[]]: [], [1])$

- ☐ Exactamente una de las expresiones está mal tipada
- ☒ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☐ Exactamente tres de las expresiones están mal tipadas

8. Dadas las expresiones: $[1]: []$ $[1]: [[]]: [2]$ $[1]: [[]]: []$ $0: 1: 2$ $(0: [1], 2)$

- ☐ Exactamente una de las expresiones está mal tipada
- ☐ Exactamente dos de las expresiones están mal tipadas
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

9. ¿Cuál de las siguientes expresiones es sintácticamente equivalente a $[[0], [], [2, 2]]$?

- ☒ $((0: []): [[]], 2: 2: [])$
- ☐ $[0]: []: [2, 2]: []: []$
- ☐ Ninguna de las anteriores, porque de hecho la expresión está mal tipada

$([0]: [[1, [2, 2]]]) : []$

$[[[0], [], [2, 2]]]$

9/9

10. ¿Cuál de las siguientes expresiones es sintácticamente equivalente a $[[1, []], [3, 4]]$?

☐ $((1: []) : [[], 3:4: []]) : []$

☐ $[1] : [] : [3, 4] : [] : []$

☒ Ninguna de las anteriores, porque de hecho la expresión está mal tipada

11. ¿Cuál de las siguientes expresiones es sintácticamente equivalente a $[[3, 4], []]$?

☐ $3:4: ([[], []])$

☒ $(3:4: []) : [] : []$

☐ Ninguna de las anteriores, porque de hecho la expresión está mal tipada

12. ¿Cuál de las siguientes expresiones es sintácticamente equivalente a $(1: []) : (1:2: []) : []$?

☒ $[[1], [1, 2]]$

☐ $[[1], [1, 2], []]$

☐ Ninguna de las anteriores, porque de hecho la expresión está mal tipada

13. ¿Cuántas de las siguientes expresiones son sintácticamente equivalentes a $[[1, 2], []]$?

$1:2: []$ $1:2: [[]]$ $1:2: [[]]$ $1: [2], []$

☒ Exactamente dos

☐ Exactamente tres

☐ Exactamente cuatro

14. Considérense las expresiones

$[[1], [2]]$ $[1] : [[2]] : []$ $[1] : [2]$ $[1] : [2, []]$ $[1, 2] : []$

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

☐ La primera, la tercera y al menos otra más son sintácticamente equivalentes entre sí

☐ La segunda, la cuarta y al menos otra más son sintácticamente equivalentes entre sí

☒ Las dos anteriores son falsas.

15. Considérense las expresiones

$[[1, 2]]$ $([1] : [[2]]) : []$ $(1: [2]) : []$ $[1, 2] : []$ $[1] : [2] : []$

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

☒ La primera, la tercera y al menos otra más son sintácticamente equivalentes entre sí

☐ La segunda, la cuarta y al menos otra más son sintácticamente equivalentes entre sí

☐ Las dos anteriores son falsas.

16. ¿Cuántas de las siguientes expresiones son sintácticamente equivalentes a $[[1, 2], [1]]$?

$1:2: [], 1: []$ $[1: [2], [1]]$ $[1, 2] : [1] : []$ $(1:2: []) : [[1]]$

☐ Exactamente dos

☐ Exactamente tres

☒ Exactamente cuatro

17. Considérense las expresiones (solo difieren en los paréntesis):

$e_1 = (f ((x y) y)) (f 0)$

$e_2 = (f (x y) y) (f 0)$

$e_3 = (f (x y) y) f 0$

☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$

☐ $e_1 \not\equiv e_2 \equiv e_3$

☒ $e_1 \equiv e_2 \not\equiv e_3$

18. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= f \ (f \ x \ (y^2)) \ y \\ e_2 &= f \ ((f \ x) \ ((^ y \ 2)) \ y) \\ e_3 &= f \ (f \ x \ (y^2) \ 2) \ y \end{aligned}$$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☒ $e_1 \equiv e_2 \not\equiv e_3$
☐ $e_1 \not\equiv e_2 \not\equiv e_3$

19. Considérense las expresiones (solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= (f \ (z \ (y \ x))) \ ((z \ 0) \ x) \\ e_2 &= (f \ (z \ (y \ x))) \ ((z \ 0) \ x) \\ e_3 &= (f \ z) \ (y \ x) \ ((z \ 0) \ x) \end{aligned}$$

Entonces:

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☒ $e_1 \equiv e_2 \not\equiv e_3$
☐ $e_1 \not\equiv e_2 \not\equiv e_3 \not\equiv e_1$

20. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= (f \ x) \ (g \ x, y/2) \\ e_2 &= ((f \ x) \ (g \ x)) \ (y/2) \\ e_3 &= (f \ x) \ (g \ x, (/y) \ 2) \end{aligned}$$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☒ $e_1 \not\equiv e_2 \not\equiv e_3 \not\equiv e_1$
☐ $e_1 \equiv e_3 \not\equiv e_2$

$$(g \ x, \ 2/y)$$

21. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= (f \ x) \ (g \ (x+1)) \ y \\ e_2 &= (f \ x) \ (g \ (((+) \ x) \ 1) \ y) \\ e_3 &= (f \ x) \ (g \ (x+1)) \ y \end{aligned}$$

- ☒ $e_1 \equiv e_2 \not\equiv e_3$
☐ $e_1 \not\equiv e_2 \equiv e_3$
☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$

$$f \setminus$$

22. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= (f \ x) \ (g \ x, y+1) \\ e_2 &= ((f \ x) \ (g \ x)) \ (y+1) \\ e_3 &= (f \ x) \ (g \ x, (+) \ y \ 1) \end{aligned}$$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☐ $e_1 \not\equiv e_2 \not\equiv e_3$
☒ $e_1 \equiv e_3 \not\equiv e_2$

$$y+1$$

23. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= ((f \ x) \ g) \ (x+1) \ y \\ e_2 &= (f \ x) \ (g \ (x+1) \ y) \\ e_3 &= (((f \ x) \ g) \ (((+) \ x \ 1)) \ y) \end{aligned}$$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \not\equiv e_3$
☒ $e_1 \equiv e_3 \not\equiv e_2$
☐ Las dos anteriores son falsas.

$$(x+1)$$

24. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= ((f \ x) \ 1) \ (x + y) \\ e_2 &= (f \ x) \ 1 \ (x + y) \\ e_3 &= ((f \ x) \ 1) \ (((+) \ x \ y) \end{aligned}$$

- ☐ $e_1 \not\equiv e_2 \not\equiv e_3 \not\equiv e_1$

$$x+y$$

- ☐ $e_1 \equiv e_3 \neq e_2$
☒ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$

25. Suponiendo la declaración `infixr 9 !`, considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis):

$$\begin{aligned} e_1 &= ((! \text{ g}) \text{ f}) ! ((\text{h} !) \text{ i}) ! \text{ j} \\ e_2 &= ((!) (\text{f} ! \text{ g})) ((\text{h} ! \text{ i}) ! \text{ j}) \\ e_3 &= (!) ((!) \text{ f g}) ((!) ((!) \text{ h i}) \text{ j}) \end{aligned}$$

- ☒ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☐ $e_1 \equiv e_2 \neq e_3$
☐ $e_1 \neq e_2 \equiv e_3$

26. Considérense las expresiones: $e_1 = \text{f x (y-1):z}$
 $e_2 = ((:) \text{ f}) \text{ x } ((-) \text{ y } 1) \text{ z}$
 $e_3 = (: \text{ z}) ((\text{f x}) ((-) \text{ y } 1))$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☐ $e_1 \neq e_2 \neq e_3 \neq e_1$
☒ $e_1 \equiv e_3 \neq e_2$

$$e_1 = e_3$$

MAL

27. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis): $e_1 = \text{f } ((\text{g x}) (\text{x y})) \text{ x}$
 $e_2 = (\text{f } (\text{g x})) (\text{x y}) \text{ x}$
 $e_3 = (\text{f } (\text{g x}) (\text{x y})) \text{ x}$

- ☐ $e_1 \equiv e_2 \neq e_3$
☒ $e_1 \equiv e_3 \neq e_2$
☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$

28. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis): $e_1 = \text{f x y + z 4}$
 $e_2 = \text{f x } ((+) \text{ y } (\text{z 4}))$
 $e_3 = (+) ((\text{f x}) \text{ y}) (\text{z 4})$

- ☐ $e_1 \neq e_2 \neq e_3 \neq e_1$
☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☒ $e_1 \equiv e_3 \neq e_2$

MA

29. Considérense las expresiones (que solo difieren en los paréntesis): $e_1 = \text{f x + g z 4}$
 $e_2 = \text{f x } ((+) \text{ g } (\text{z 4}))$
 $e_3 = (+) (\text{f x } (\text{g z 4}))$

- ☐ $e_1 \neq e_2 \neq e_3 \neq e_1$
☐ $e_1 \equiv e_2 \equiv e_3$
☐ $e_1 \equiv e_3 \neq e_2$

POTRA

30. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis): $\tau_1 = (\text{a} \rightarrow \text{a}) \rightarrow ((\text{a} \rightarrow \text{a}) \rightarrow (\text{a} \rightarrow \text{a}))$
 $\tau_2 = (\text{a} \rightarrow \text{a}) \rightarrow (\text{a} \rightarrow (\text{a} \rightarrow (\text{a} \rightarrow \text{a})))$
 $\tau_3 = (\text{a} \rightarrow \text{a}) \rightarrow ((\text{a} \rightarrow \text{a}) \rightarrow (\text{a} \rightarrow \text{a}))$

- ☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$
☒ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

31. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = ((b \rightarrow a) \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow b) \rightarrow (b \rightarrow b))$$

$$\tau_2 = (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow ((a \rightarrow b) \rightarrow (b \rightarrow b))$$

$$\tau_3 = (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow (b \rightarrow b)))$$

Entonces:

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

☒ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$

32. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = (a \rightarrow ((b \rightarrow a) \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

$$\tau_2 = (a \rightarrow ((b \rightarrow a) \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

$$\tau_3 = a \rightarrow (b \rightarrow (a \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow b))))$$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$

33. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = (a \rightarrow (b \rightarrow a)) \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow b))$$

$$\tau_2 = (a \rightarrow (b \rightarrow a)) \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow b))$$

$$\tau_3 = (a \rightarrow (b \rightarrow a)) \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow b))$$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

34. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = a \rightarrow (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

$$\tau_2 = (a \rightarrow ((b \rightarrow a) \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

$$\tau_3 = a \rightarrow (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

35. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = (a \rightarrow b \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow b \rightarrow b$$

$$\tau_2 = a \rightarrow b \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow b$$

$$\tau_3 = (a \rightarrow b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow (b \rightarrow b)$$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

36. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = a \rightarrow (a \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow b)))$$

$$\tau_2 = a \rightarrow (a \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow b)))$$

$$\tau_3 = (a \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow b))$$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

37. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):

$$\tau_1 = a \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow a)$$

$$\tau_2 = a \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a$$

$$\tau_3 = a \rightarrow (a \rightarrow (a \rightarrow a))$$

☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$

☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$

38. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):
- $$\begin{aligned}\tau_1 &= (a \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a)) \\ \tau_2 &= a \rightarrow (a \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a))) \\ \tau_3 &= (a \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a))\end{aligned}$$
- ☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$
☒ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

39. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):
- $$\begin{aligned}\tau_1 &= (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow ((a \rightarrow b) \rightarrow b) \\ \tau_2 &= (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow ((a \rightarrow b) \rightarrow b) \\ \tau_3 &= (b \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow (a \rightarrow (b \rightarrow b))\end{aligned}$$
- ☐ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \neq \tau_3$

40. Considérense las expresiones de tipo (solo difieren en los paréntesis):
- $$\begin{aligned}\tau_1 &= a \rightarrow b \rightarrow (c \rightarrow d) \\ \tau_2 &= a \rightarrow (b \rightarrow c \rightarrow d) \\ \tau_3 &= a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow d\end{aligned}$$
- ☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3$

41. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):
- $$\begin{aligned}\tau_1 &= (a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \\ \tau_2 &= (a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a \rightarrow a \\ \tau_3 &= (a \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a))\end{aligned}$$
- ☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

42. Considérense las expresiones de tipo (que solo difieren en los paréntesis):
- $$\begin{aligned}\tau_1 &= (a \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a)) \\ \tau_2 &= (a \rightarrow (a \rightarrow a)) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a)) \\ \tau_3 &= (a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow ((a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a))\end{aligned}$$
- ☐ $\tau_1 \neq \tau_2 \neq \tau_3 \neq \tau_1$
☐ $\tau_1 \equiv \tau_3 \neq \tau_2$
☒ $\tau_1 \equiv \tau_2 \equiv \tau_3$

43. Considérense las expresiones siguientes:

$$\begin{aligned}e_1 &\equiv (\text{let } x=5 \text{ in } x+x) + 3 \quad \checkmark & e_2 &\equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*y \quad \checkmark \\ e_3 &\equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*y*x \quad \checkmark & e_4 &\equiv \text{let } y=x+x \text{ in let } x=2 \text{ in } y*y*x \quad \times \\ e_5 &\equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y \quad \checkmark & e_6 &\equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y*x \quad \times\end{aligned}$$

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente tres de ellas
☒ Exactamente dos de ellas
☐ Todas están correctamente formadas

44. Considérense las expresiones siguientes:

$$\begin{aligned}e_1 &\equiv (\text{let } x=5 \text{ in } x+x) + 5 \quad \checkmark & e_2 &\equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*x \quad \checkmark \\ e_3 &\equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } x \quad \checkmark & e_4 &\equiv \text{let } x=y \text{ in let } x=2 \text{ in } y*y*x \quad \times \\ e_5 &\equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y \quad \checkmark & e_6 &\equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y*x \quad \times\end{aligned}$$

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente una de ellas
- ☒ Exactamente dos de ellas
- ☐ Exactamente tres de ellas

45. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv (\text{let } x=5 \text{ in } x+x) + x$ ☒ $e_2 \equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_3 \equiv \text{let } y=x+x \text{ in let } x=2 \text{ in } y*y*x$ ☒ $e_4 \equiv \text{let } \{y=x+x; x=2\} \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_5 \equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y*x$ ☒ $e_6 \equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } 3) \text{ in } y*y$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente dos de ellas
- ☒ Exactamente tres de ellas
- ☐ Exactamente cuatro de ellas

46. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv (\text{let } x=5 \text{ in } x+x) + 5$ ☒ $e_2 \equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*x$ ☒
 $e_3 \equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } x$ ☒ $e_4 \equiv \text{let } x=y \text{ in let } x=2 \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_5 \equiv \text{let } y=(\text{let } x=x \text{ in } x+x) \text{ in } y*y$ ☒ $e_6 \equiv \text{let } y=(\text{let } x=2 \text{ in } x+x) \text{ in } y*y*x$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente una de ellas
- ☒ Exactamente dos de ellas
- ☐ Exactamente tres de ellas

47. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv (\text{let } x=5 \text{ in } x+x) + (\text{let } x=3 \text{ in } 2*x)$ ☒ $e_2 \equiv \text{let } y=x+x \text{ in let } x=2 \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_3 \equiv \text{let } x=2 \text{ in let } y=x+x \text{ in } y*y*x$ ☒ $e_4 \equiv \text{let } \{y=x+x; x=2\} \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_5 \equiv [i \mid i < -[1..j], j < -[0..100], \text{mod } j \ 3 == 0]$ ☒ $e_6 \equiv [i \mid j < -[0..100], i < -[1..j], \text{mod } j \ 3 == 0]$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente una de ellas
- ☒ Exactamente dos de ellas
- ☐ Exactamente tres de ellas

48. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv \text{let } x=1:x \text{ in head } x$ ☒ $e_2 \equiv (\backslash x \rightarrow (\backslash y \rightarrow x+y)) \ x$ ☒
 $e_3 \equiv \text{let } x=[1,2,3] \text{ in let } y=x!!2 \text{ in } y*\text{last } x$ ☒ $e_4 \equiv \text{let } \{y=2*x; x=5\} \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_5 \equiv [i+j \mid i < -[1..j], j < -[0..100], \text{mod } j \ i == 0]$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☒ Exactamente dos de ellas
- ☐ Exactamente en tres de ellas
- ☐ Exactamente en cuatro de ellas

49. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv \backslash x \rightarrow ((\backslash y \rightarrow x) \ x)$ ☒ $e_2 \equiv \backslash x \rightarrow ((\backslash y \rightarrow x+y) \ y)$ ☒
 $e_3 \equiv \text{let } y=[1,2,3] \text{ in let } x=y!!1 \text{ in } x*\text{head } y$ ☒ $e_4 \equiv \text{let } \{y=2*x; x=5\} \text{ in } y*y*x$ ☒
 $e_5 \equiv [i+j \mid i < -[1..100], j < -[0..i], \text{mod } j \ i == 0]$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☒ Exactamente una de ellas
- ☐ Tres o más de ellas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

50. Considérense las expresiones siguientes:

$e_1 \equiv \backslash x \rightarrow ((\backslash x y \rightarrow x+y) x y)$ ☒

$e_3 \equiv \text{let } y = (\text{let } x = 1 \text{ in } x+x) \text{ in } x+y$ ☒

$e_5 \equiv [j \mid i \leftarrow [1..100], j \leftarrow [0..i]]$ ☒

$e_2 \equiv \backslash x \rightarrow ((\backslash x y \rightarrow x+y) x x)$ ☒

$e_4 \equiv \text{let } y = (\text{let } x = 1 \text{ in } x+x) \text{ in } y+y$ ☒

¿Cuántas de ellas son sintácticamente erróneas por problemas de ámbito de variables?

- ☐ Exactamente una de ellas
- ☒ Exactamente dos de ellas
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

51. En el siguiente fragmento de código

```
data T a = A | (Int, T a)
f x (y:xs) = y
```

- ☒ La definición de T contiene algún error sintáctico, pero la de f no.
- ☐ La definición de f contiene algún error sintáctico, pero la de T no.
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

52. En el siguiente fragmento de código

```
data T a = A | (Int, T a)
f x (x:xs) = True
f x (y:xs) = f x xs
```

- ☐ La definición de T contiene algún error, pero la de f no.
- ☐ La definición de f contiene algún error, pero la de T no.
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

53. En el siguiente fragmento de código

```
data T a = A | B (Int, T a)
f x (x:xs) = xs
```

- ☐ La definición del tipo T contiene algún error sintáctico, pero la de f no.
- ☒ La definición de la función f contiene algún error sintáctico, pero la de T no.
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

54. Supongamos que $1 :: \text{Int}$, $(+) :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$, y considérese la función f definida por las dos reglas siguientes:

```
f True x y = (x,y)
f False y x = (y,x+1)
```

- ☒ El tipo que se infiere para f es $\text{Bool} \rightarrow a \rightarrow \text{Int} \rightarrow (a, \text{Int})$
- ☐ El tipo que se infiere para f es $\text{Bool} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow (\text{Int}, \text{Int})$
- ☐ f está mal tipada.

55. Considérese la función definida por $f x y = (y x) x$. El tipo de f es:

- ☒ $a \rightarrow (a \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow b$
- ☐ $a \rightarrow (a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow a$
- ☐ No está bien tipada

56. Sea f definida por $f\ g\ x = x\ (g\ True)\ g$. El tipo de f es:
- ☒ $\forall a, b. (Bool \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow (Bool \rightarrow a) \rightarrow b) \rightarrow b$
 - ☐ $\forall a. (Bool \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow (Bool \rightarrow a) \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ Está mal tipada
57. Sea f definida por $f\ g\ x = x\ g\ g$. El tipo de f es:
- ☒ $\forall a, b. a \rightarrow (a \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow b$
 - ☐ $\forall a, b. (a \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b$
 - ☐ Está mal tipada
58. Sea f definida por $f\ g\ x = x\ g\ g$. El tipo de f es:
- ☐ Está mal tipada
 - ☐ $\forall a. (a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow a \rightarrow a$
 - ☒ $\forall a, b. a \rightarrow (a \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow b$
59. Considérese la función definida por $f\ x\ y = x\ (y\ x)$. El tipo de f es:
- ☒ $(a \rightarrow b) \rightarrow ((a \rightarrow b) \rightarrow a) \rightarrow b$
 - ☐ $(a \rightarrow b \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ No está bien tipada
60. Considérese la función definida por $f\ x\ y = y\ (x\ x)$. El tipo de f es:
- ☐ $(a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ $(a \rightarrow b \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☒ No está bien tipada
61. Considérese la función definida por $f\ x\ y = x\ x\ y$. El tipo de f es:
- ☐ $(a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ $(a \rightarrow b \rightarrow a) \rightarrow (b \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☒ No está bien tipada
62. Considérese la función definida por $f\ x\ y = x\ (y\ y)$. El tipo de f es:
- ☐ $(a \rightarrow b) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow b$
 - ☐ $(a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☒ No está bien tipada
63. Considérese la función definida por $f\ g = g\ (f\ g)$. El tipo de f es:
- ☐ $a \rightarrow a \rightarrow a$
 - ☒ $(a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ No está bien tipada
64. Considérese la función definida por $f\ g = g\ (g\ f)$. El tipo de f es:
- ☐ $a \rightarrow a \rightarrow a$
 - ☐ $(a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☒ No está bien tipada
65. Sea f definida por $f\ g\ x = x\ (x\ g)$. El tipo de f es:
- ☐ $\forall a. a \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow b$
 - ☒ $\forall a. a \rightarrow (a \rightarrow a) \rightarrow a$
 - ☐ Está mal tipada

66. Sea f definida por $f\ g\ x = (x\ x)\ g$. El tipo de f es:

- ☐ $\forall a. a \rightarrow (a \rightarrow a \rightarrow a) \rightarrow a$
- ☐ $\forall a, b. a \rightarrow (b \rightarrow a \rightarrow b) \rightarrow b$
- ☒ Está mal tipada

67. Sea f definida por $f\ x\ y\ z = x\ (y\ z)$. El tipo de f es:

- ☐ $(a \rightarrow b) \rightarrow (b \rightarrow c) \rightarrow a \rightarrow c$
- ☒ $(a \rightarrow b) \rightarrow (c \rightarrow a) \rightarrow c \rightarrow b$
- ☐ f está mal tipada

68. Sea f definida por $f\ x\ g = x\ (x\ (g\ \text{True}))$. El tipo de f es:

- ☐ $\forall a, b. (a \rightarrow b) \rightarrow (Bool \rightarrow a) \rightarrow b$
- ☒ $\forall a. (a \rightarrow a) \rightarrow (Bool \rightarrow a) \rightarrow a$
- ☐ Ninguno, f está mal tipada

69. Sea f definida por $f\ x\ y = (x\ y).(x\ y)$. El tipo de f es:

- ☐ $(a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a)$
- ☐ $(a \rightarrow b) \rightarrow (a \rightarrow b) \rightarrow (a \rightarrow b)$
- ☒ $(a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow b$

70. Sea f definida por $f\ x\ y = x\ (x\ y)$. El tipo de f es:

- ☒ $(a \rightarrow a) \rightarrow (a \rightarrow a)$
- ☐ $(a \rightarrow b) \rightarrow a \rightarrow b$
- ☐ $a \rightarrow b \rightarrow a$

71. Considérese la función definida por $f\ g = g\ (f\ f)$. El tipo de f es:

- ☐ $a \rightarrow a \rightarrow a$
- ☐ $(a \rightarrow a) \rightarrow a$
- ☒ No está bien tipada

72. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función f definida por

$f\ x\ y\ z = \text{if } x \leq y \text{ then } z + 1 \text{ else } z$ será:

- ☐ $f :: \text{Num } a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$
- ☒ $f :: (\text{Ord } a, \text{Num } b) \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow b$
- ☐ $f :: (\text{Ord } a, \text{Num } a) \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$

73. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función f definida por

$f\ x\ y\ z = \text{if } x \leq (y\ z) \text{ then } z + 2 \text{ else } z$ será:

- ☐ $f :: \text{Num } a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$
- ☐ $f :: (\text{Ord } a, \text{Num } b) \Rightarrow a \rightarrow b \rightarrow b \rightarrow a$
- ☒ $f :: (\text{Ord } a, \text{Num } b) \Rightarrow a \rightarrow (b \rightarrow a) \rightarrow b \rightarrow b$

74. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función f definida por

$f\ x\ y\ z = \text{if } x \text{ then } y \leq z \text{ else } x$ será:

- ☐ $f :: (\text{Ord } a, \text{Bool } a) \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$ ✗
- ☒ $f :: \text{Ord } a \Rightarrow \text{Bool} \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow \text{Bool}$
- ☐ Esa definición dará un error de tipos

COMPOSICION

75. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y z = if x <= y then z+1 else x
```
- será:
- ☒ `f :: (Num a, Ord a) => a -> a -> a -> a`
  - ☐ `f :: (Ord a, Num b) => a -> a -> b -> b`
  - ☐ `f :: (Ord a, Num b) => a -> a -> b -> a`
76. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y z = if x <= y then z else not x
```
- será:
- ☐ `f :: (Ord a, Bool a) => a -> a -> a -> a`
 - ☐ `f :: Ord a => Bool -> a -> a -> Bool`
 - ☒ `Bool -> Bool -> Bool -> Bool`
77. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y z = z (x <= y+1)
```
- será:
- ☒ `f :: (Num a, Ord a) => a -> a -> (Bool -> b) -> b`
  - ☐ `f :: (Ord a, Num b, Ord b) => a -> b -> (Bool -> c) -> c`
  - ☐ Dará un error de tipos
78. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y z = if x <= y then z + x else z
```
- será:
- ☐ `f :: Num a => a -> a -> a -> a`
 - ☐ `f :: (Ord a, Num b) => a -> a -> b -> b`
 - ☒ `f :: (Ord a, Num a) => a -> a -> a -> a`
79. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y = if x <= 0 then y + 1 else y
```
- será:
- ☐ `f :: Num a => a -> a -> a`
  - ☒ `f :: (Num a, Ord a, Num b) => a -> b -> b`
  - ☐ `f :: (Ord a, Num a) => a -> a -> a`
80. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y = if x == y+1 then y else y+1
```
- será:
- ☐ `f :: Eq (Num a) => a -> a -> Num a`
 - ☒ `f :: (Eq a, Num a) => a -> a -> a`
 - ☐ `f :: (Eq a, Num b) => a -> b -> b`
81. El tipo que inferirá Haskell, teniendo en cuenta clases de tipos, para una función `f` definida por
- ```
f x y z = if not x then z <= y else x
```
- será:
- ☐ `f :: Ord Bool => Bool -> Bool -> Bool -> Bool`
  - ☐ `f :: Bool -> Bool -> Bool -> Bool`
  - ☒ `f :: Ord a => Bool -> a -> a -> Bool`
82. ¿Cuál de los siguientes tipos para `f` hacen que la expresión `(curry f 0).(|| True)` esté bien tipada?
- ☒ `f :: (Int, Bool) -> Int`
  - ☐ `f :: Int -> Bool -> Int`
  - ☐ Esa expresión está mal tipada, sea cual sea el tipo de `f`
83. Sea `f` de tipo  $\tau \rightarrow \tau$ , y `unaLista` de tipo  $[\tau]$ . El tipo de la expresión `map (take 2) (map (iterate f) unaLista)` es:

- ☐  $[\tau]$
- ☒  $[[\tau]]$
- ☐ Esa expresión está mal tipada

84. Sea  $f$  de tipo  $\tau \rightarrow \tau$ , y `unaLista` de tipo  $[\tau]$ . El tipo de la expresión `map (iterate f) (map (take 2) unaLista)` es:

$[x_1 \dots x_n]$        $\tau = [Int]$        $[A, 2]$   
 $[[[1], f[1], \dots], f]$        $[[1], [2]]$

- ☐  $[\tau]$
- ☒  $[[\tau]]$ , si es que  $\tau$  es de la forma  $[\tau']$
- ☐ Esa expresión está en cualquier caso mal tipada

85. ¿Cuál de los siguientes tipos para  $f$  hace que la expresión `(|| True).(uncurry f)` esté bien tipada?

- ☐  $f :: (Int, Int) \rightarrow Bool$
- ☒  $f :: Int \rightarrow Int \rightarrow Bool$
- ☐ Esa expresión está mal tipada, sea cual sea el tipo de  $f$

86. ¿Cuál de los siguientes tipos para la expresión  $e$  hace que la expresión `zipWith filter [(> 0), (< 0)] e` esté bien tipada?

- ☐  $[Int]$
- ☒  $[[Int]]$
- ☐  $[(Int, Int)]$

87. ¿Cuál de los siguientes tipos para la expresión  $e$  hace que la expresión `zipWith filter e [[1..4], [-2..3]]` esté bien tipada?

- ☐  $Int \rightarrow Bool$
- ☒  $[Int \rightarrow Bool]$
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

88. ¿Cuál de los siguientes tipos para la expresión  $e$  hace que la expresión `takeWhile e (zip (iterate not True) [0..10])` esté bien tipada?

- ☐  $Int \rightarrow Int$
- ☐  $Int \rightarrow Bool$
- ☒  $(Bool, Int) \rightarrow Bool$

89. ¿Cuál de los siguientes tipos para la expresión  $e$  hace que la expresión `zipWith e (iterate not True) (iterate (+ 1) 0)` esté bien tipada?

$zipWith e [\tau, f, 1 \dots] [0, 1 \dots]$

- ☐  $[Bool] \rightarrow [Int] \rightarrow [Bool]$
- ☐  $[Bool] \rightarrow [Int] \rightarrow [(Bool, Int)]$
- ☒  $Bool \rightarrow Int \rightarrow Char$

90. ¿Cuál de los siguientes tipos para la expresión  $e$  hace que la expresión `(head.e) (zip (iterate not True) [1..5])` esté bien tipada?

$head.e [(1, 1), (f, 2), \dots]$

- ☒  $(Bool, Int) \rightarrow [Int]$
- ☐  $(Bool, Int) \rightarrow Int$
- ☐  $(Bool, Int) \rightarrow [Int]$

91. ¿Cuántas de las siguientes definiciones de tipos (independientes unas de otras) son correctas?

|                           |                          |                                |                                     |
|---------------------------|--------------------------|--------------------------------|-------------------------------------|
| <code>data Tip = A</code> | <code>  C Int Tip</code> | <code>  (Int, Int, Tip)</code> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| <code>data Tap = A</code> | <code>  C Int Tap</code> | <code>  D Int Int Tap</code>   | <input checked="" type="checkbox"/> |
| <code>data Top = A</code> | <code>  C a Top</code>   | <code>  D a b Top</code>       | <input checked="" type="checkbox"/> |

- ☐ Las tres
- ☐ Ninguna de las tres
- ☒ Una de las tres

92. ¿Cuántas de las siguientes definiciones de tipos (independientes unas de otras) son correctas?

```
data Tip = A | C Int Tip | C (Int,Int,Tip)
data Tap = A | C Int Tap | D (Int,Int,Tap)
data Top a = A | C a | D a a
```

- ☐ Una de las tres
- ☒ Dos de las tres
- ☐ Las tres

MAL

93. En lo que sigue,  $\leq$  indica el orden estándar (el obtenido por `deriving Ord`) para tipos con constructoras de datos. Considérense las afirmaciones siguientes: (i)  $[] \leq [True] \leq [False, True]$  (ii)  $[] \leq [False, True] \leq [True, False]$ . Entonces, teniendo en cuenta que para los booleanos  $False \leq True$ , se tiene:

- ☐ (i) es cierta pero (ii) no
- ☒ (ii) es cierta pero (i) no
- ☐ Las dos son falsas

Repasar Orden

94. Considérese la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☒ `A <= B && B <= C A A` se evalúa a `True` ✓
- ☐ `A <= B && B <= C A A` se evalúa a `False` ✗
- ☐ `C loop loop == C loop loop` se evalúa a `True`, donde `loop` está definido por `loop = loop` ??

95. Considérese la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)` y la función `mal = head []`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☐ `C mal A <= C mal B` se evalúa a `True` ✗
- ☐ `C A mal == C B mal` se evalúa a `True` ✗
- ☒ `A <= C mal mal && B <= C mal mal` se evalúa a `True` ✓

96. Considérese la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)` y la función `loop = loop`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☒ `A <= B && B <= C loop loop` se evalúa a `True` ✓
- ☐ `A <= B && B <= C loop loop` se evalúa a `False` ✗
- ☐ `C loop loop == C loop loop` se evalúa a `True`

97. Considérese la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)` y la función `loop = loop`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es falsa?

- ☒ `loop <= B && B <= C loop loop` se evalúa a `True` F
- ☐ `A <= C loop loop && B <= C loop loop` se evalúa a `True` V
- ☐ `C A loop == C B loop` se evalúa a `False` ✓

98. Considérense la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)` y la función `mal = head []`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☐ `C mal A <= C mal B` se evalúa a `True` F
- ☒ `A <= C mal mal && B <= C mal mal` se evalúa a `True` ✓
- ☐ `C A mal == C B mal` se evalúa a `True` F

99. Considérese la definición del tipo `data T = A | B | C T T deriving (Eq,Ord)` y la función `mal = head []` y considérense las siguientes afirmaciones:
- (i) `C mal A <= C mal B` se evalúa a `True` **F**
  - (ii) `C A mal == C B mal` se evalúa a `True` **F**
  - (iii) `A <= C mal mal && B <= C mal mal` se evalúa a `True` **✓**
- ☒ Exactamente una es cierta  
☐ Exactamente dos son ciertas  
☐ Las dos anteriores son falsas.
100. En lo que sigue,  $\leq$  indica el orden estándar (el obtenido por `deriving Ord`) para tipos con constructoras de datos. Considérense las afirmaciones siguientes: (i)  $[] \leq [0] \leq [0, 1]$  (ii)  $[] \leq [0, 1] \leq [1, 0]$ . Entonces:
- ☐ (i) es cierta pero (ii) no **✓**
- ☐ (ii) es cierta pero (i) no **✓**
- ☒ Las dos son ciertas **MAL**
101. Considérense la declaraciones de clase e instancia
- |                                                                                  |                                                             |                                                       |
|----------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------|
| <pre>class C a where   f, g :: a -&gt; Int   f x = g x + 1   g x = f x - 1</pre> | <pre>instance C Bool where   g True = 0   g False = 1</pre> | <pre>instance C Int where   f x = x   g x = 2*x</pre> |
|----------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------|
- ¿Qué afirmación es correcta?
- ☒ `f False` se evalúa a 2 y `g 1` se evalúa a 2 **✓**
- ☐ La evaluación de una de las expresiones del caso anterior da un error
- ☐ Las dos anteriores son falsas.
102. Considérese la declaración de clase
- ```
class C a where
  f, g :: a -> Int
  f x = g x + 1
  g x = f x - 1
```
- ¿Qué afirmación es correcta?
- ☐ Esa declaración es errónea, porque `f` y `g` no terminarán nunca **F**
- ☒ `{f}` es un conjunto minimal suficiente de métodos de `C`
- ☐ `{f,g}` es un conjunto minimal suficiente de métodos de `C` **F**
103. Considérese la declaración de clase
- ```
class C a where
 f, g :: a -> Int
 f x = g x + 1
```
- ¿Qué afirmación es correcta?
- ☐ Esa declaración es errónea, porque `g` no está definida
- ☒ `{g}` es un conjunto minimal suficiente de métodos de `C`
- ☐ `{f}` es un conjunto minimal suficiente de métodos de `C`
104. Considérese la declaración de clase
- ```
class C a where
  f, g, h :: a -> Int
  f x = g x + 1
  g x = f x - 1
```
- ¿Qué afirmación es correcta?
- ☐ El sistema dará un error con esta definición **F**
- ☐ Al declarar una instancia de `C` no es obligado definir `h` ni redefinir `f`, `g`
- ☒ Al declarar una instancia de `C` es obligado definir `h` y razonable redefinir `f` o bien `g`

105. Considérense la declaraciones de clase e instancia

<pre>class C a where f, g :: Int -> a f x = g (x + 1) g x = f (x - 1)</pre>	<pre>instance C Bool where g x = (x == 0)</pre>	<pre>instance C Int where f x = x</pre>
--	---	---

¿Qué afirmación es correcta?

- ☐ f 0 && g 0 se evalúa a False y f 1 se evalúa a 1
- ☒ La evaluación de exactamente una de las expresiones del caso anterior da un error
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

MAL

106. Considérense la declaraciones de clase e instancia

<pre>class C a where f, g :: Int -> a f x = g 0 g x = f 1</pre>	<pre>instance C Bool where g 0 = True g _ = False</pre>	<pre>instance C Int where f x = x g x = 2*x</pre>
--	---	---

¿Qué afirmación es falsa?

- ☐ Al intentar evaluar f 0 resulta un error de ambigüedad de tipos
- ☐ not (f 0) se evalúa a False
- ☒ f 0 == f 0 se evalúa a True

107. Considérese la función f definida como f xs = foldr g [] xs where f x y = y++[x]. Entonces:

- ☐ f xs computa la inversa de xs
- ☐ f xs computa la propia lista xs
- ☒ f está mal tipada

≡

108. Considérense las funciones

<pre>f xs = foldr g [] xs where g x y = x:filter (/= x) y</pre>	<pre>f' xs = foldl g [] xs where g y x = x:filter (/= x) y</pre>
---	--

(y ojo al orden de argumentos en g). Entonces:

- ☐ f xs y f' xs coinciden, para cualquier lista finita xs.
- ☒ Los elementos de f xs y f' xs coinciden, quizás en otro orden, para cualquier lista finita xs.
- ☐ Una de las dos está mal tipada.

≡ Elimina rep de xs y mismo orden

≡ Elimina rep y da vuelta

109. Considérese la función f definida como f xs = foldl g [] xs where g y x = y++[x]. Entonces:

- ☐ f xs computa la inversa de xs
- ☒ f xs computa la propia lista xs
- ☐ f está mal tipada

MAL

110. La evaluación de foldl (\e x -> x:x:e) [] [1,2,3] produce como resultado

- ☐ [1,1,2,2,3,3]
- ☒ [3,3,2,2,1,1]
- ☐ [3,2,1,3,2,1]

111. La evaluación de foldr (\x e -> x:[1..length e]) [0] [1,2,3] produce como resultado

- ☐ [1,2,3,0]
- ☐ [3,1,2,3]
- ☒ [1,1,2,3]

112. La evaluación de foldr (\x y -> x y) 1 [\x -> x*x, \x -> x-1, (+ 3)] produce como resultado

- ☒ 9
- ☐ [1,0,4]
- ☐ Una lista de funciones

113. La evaluación de `foldl (\x y -> y-x) 0 [1,2,3]` produce como resultado
- ☐ -4
 - ☐ -6
 - ☒ 2
114. La evaluación de `foldr (\x y -> x-y) 0 [1,2,3]` produce como resultado
- ☐ -4
 - ☐ -6
 - ☒ 2
115. La evaluación de `foldr (\x y -> x/y) 1 [8,4,2]` produce como resultado
- ☒ 4
 - ☐ 2
 - ☐ 1
116. La evaluación de `foldl (\x y -> y-x) 1 [1,2,3]` produce como resultado
- ☐ -1
 - ☒ 1
 - ☐ 0
117. La evaluación de `foldl (\x y -> x-(last y)) 10 [[1,2],[3,4],[5]]` produce como resultado
- ☐ 5
 - ☐ [8,6,5]
 - ☐
 - ☒ -1
118. Sea $\oplus :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ una función semánticamente asociativa, n el valor de `foldl \oplus 0 [1,2,3]` y m el valor de `foldr \oplus 0 [1,2,3]`. Entonces
- ☐ Es seguro que $n = m$
 - ☐ Es seguro que $n \neq m$
 - ☒ Las dos anteriores son falsas.
119. Sea n el valor de `foldl (\x y -> y) 0 [1,2,3]` y m el valor de `foldr (\x y -> y) 0 [1,2,3]`. Entonces
- ☒ $n > m$
 - ☐ $n < m$
 - ☐ $n = m$
120. La evaluación de `foldr (\x y -> y+(x!!0)) 2 [[1,2],[3,4],[5,6]]` produce como resultado
- ☒ 11
 - ☐ [2,3,4,5,6,7]
 - ☐ Nada porque la expresión está mal tipada
121. La evaluación de `foldr (\x y -> y+(x!!1)) 2 [[1,2],[3,4],[5,6]]` produce como resultado
- ☐ [3,4,5,6,7,8]
 - ☒ 14
 - ☐ Nada porque la expresión está mal tipada

122. Sea $f :: \text{Int} \rightarrow \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ una función conmutativa, y considérense las igualdades siguientes:

(i) $\text{foldr } f \ 0 \ [3] = \text{foldl } f \ 0 \ [3]$ ✓

(ii) $\text{foldr } f \ 0 \ [3,5] = \text{foldl } f \ 0 \ [3,5]$. Entonces:

- ☐ Tanto (i) como (ii) son con seguridad ciertas.
- ☒ Sólo (i) es con seguridad cierta.
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

124. Sea l una lista finita de enteros positivos. Entonces la evaluación de la expresión

$\text{foldr } (\backslash x \ y \rightarrow \text{if } x > 2 \text{ then } x \text{ else } y) \ 5 \ l$

- ☐ Produce el valor 3, con independencia de l
- ☐ Produce el valor 5, con independencia de l
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

125. Sea l una lista finita de enteros positivos. Entonces la evaluación de la expresión

$\text{foldl } (\backslash x \ y \rightarrow \text{if } x > 2 \text{ then } x \text{ else } y) \ 5 \ l$

- ☐ Produce el valor 3, con independencia de l
- ☒ Produce el valor 5, con independencia de l
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

126. La evaluación de la expresión

$\text{foldr } (\backslash x \ y \rightarrow \text{not } x \ || \ y) \ \text{False} \ [\text{False}, \text{True}, \text{undefined}]$ da como resultado

- ☒ True
- ☐ False
- ☐ Un error en tiempo de ejecución

127. La evaluación de la expresión

$\text{foldl } (\backslash x \ y \rightarrow \text{not } x \ || \ y) \ \text{False} \ [\text{False}, \text{True}, \text{undefined}]$ da como resultado

- ☐ True
- ☐ False
- ☒ Un error en tiempo de ejecución

128. La evaluación de la expresión

$\text{foldr } (\backslash x \ y \rightarrow (\text{not } y) \ \&\& \ x) \ \text{undefined} \ [\text{True}, \text{True}]$ da como resultado

- ☐ True
- ☐ False
- ☒ Un error en tiempo de ejecución

129. La evaluación de la expresión

$\text{foldl } (\backslash x \ y \rightarrow (\text{not } y) \ \&\& \ x) \ \text{undefined} \ [\text{True}, \text{True}]$ da como resultado

- ☐ True
- ☒ False
- ☐ Un error en tiempo de ejecución

130. La reducción de la expresión $(\backslash x \ y \rightarrow (\backslash z \rightarrow y \ (z+2)) \ (y \ x)) \ 3 \ (\backslash x \rightarrow x+1)$ producirá el resultado

- ☐ 8
- ☒ 7
- ☐ 6

131. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow x (x y)) (\lambda x \rightarrow x + 3) 4$ producirá el resultado
- ☐ 7
- ☒ 10
- ☐ Las dos anteriores son falsas.
132. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow x (x y)) (\lambda x \rightarrow x + y) 4$ producirá el resultado
- ☐ 8
- ☐ 12
- ☒ Las dos anteriores son falsas.
133. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow (\lambda u \rightarrow x (u+1)) (x y)) (\lambda x \rightarrow x+2) 3$ producirá el resultado
- ☒ 8
- ☐ 7
- ☐ 6
134. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow x (y x)) (\lambda x \rightarrow x+1) (\lambda x \rightarrow x 1)$ producirá el resultado
- ☐ 1
- ☐ 2
- ☒ 3
135. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow (\lambda u \rightarrow x (u+1)) (x y)) (\lambda x \rightarrow x+1) 3$ producirá el resultado
- ☐ 5
- ☒ 6
- ☐ 7
136. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow y (y x)) ((\lambda x \rightarrow x+1) 0) (\lambda x \rightarrow x+1)$ producirá el resultado
- ☐ 1
- ☐ 2
- ☒ 3
137. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow x + (\lambda x \rightarrow y+x) y) ((\lambda x \rightarrow x+1) 5) 2$ producirá el resultado
- ☒ 10
- ☐ 14
- ☐ Depende del orden en que se efectúe
138. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow x (y x)) (\lambda x \rightarrow x + 2) (\lambda x \rightarrow x 3)$ producirá el resultado
- ☐ 5
- ☐ 3
- ☒ 7
139. La reducción de la expresión $(\lambda x y z \rightarrow x z y) (\lambda x y \rightarrow x-y) ((\lambda x \rightarrow x+1) 2) 1$ producirá el resultado
- ☐ 1
- ☐ 2
- ☒ -2
140. La reducción de la expresión $(\lambda x y \rightarrow y (y x)) 1 (\lambda x \rightarrow x+2)$ producirá el resultado
- ☐ 3
- ☒ 5
- ☐ 7

141. La reducción de la expresión $(\lambda x y z \rightarrow x z (y z)) (\lambda x y \rightarrow y+1) (\lambda x \rightarrow x+1) 1$ producirá el resultado

- ☐ 1
- ☐ 2
- ☒ 3

142. Considérense las funciones:

$$\begin{aligned} f \ x \ y &= [2*i | i \leftarrow [1..x], i > y] \\ f' \ x \ y &= \text{filter } (> y) (\text{map } (2 *) [1..x]) \\ f'' \ x \ y &= \text{map } (2 *) (\text{filter } (> y) [1..x]) \end{aligned}$$

- ☐ f, f' y f'' computan lo mismo
- ☐ f y f' computan lo mismo, pero f'' no
- ☒ f y f'' computan lo mismo, pero f' no

MAL

143. La evaluación de $\text{map } (\text{zipWith } (-) [3,2,1]) [[1,2,3],[4,5,6]] !! 1 !! 0$ produce como resultado:

- ☐ [-1]
- ☒ -1
- ☐ Un error, porque esa expresión está mal tipada

144. La evaluación de $[j | j \leftarrow [i-1..i+1], i \leftarrow [1..5], i > 1]$ produce como resultado

- ☐ 2
- ☐ 3
- ☒ Un error

145. La evaluación de $\text{length } [i | i \leftarrow [1..5], j \leftarrow [1..i], i+j < 5]$ produce como resultado

- ☐ 3
- ☒ 4
- ☐ 5

146. La evaluación de $\text{length } [i+j | i \leftarrow [1..5], i > 2, j \leftarrow [3..i]]$ produce como resultado

- ☐ 0
- ☒ 6
- ☐ Da un error en tiempo de ejecución

147. La evaluación de $\text{length } [i+j | i \leftarrow [1..5], i > 2, j \leftarrow [i-1, i]]$ produce como resultado

- ☐ 9
- ☒ 6
- ☐ Da un error en tiempo de ejecución

148. La evaluación de $[i+j | i \leftarrow [1..5], i > 2, j \leftarrow [i-1, i]] !! 2$ produce como resultado

- ☐ 9
- ☒ 7
- ☐ Da un error en tiempo de ejecución

149. La evaluación de $\text{length } [i+j | i \leftarrow [1..5], i > 2, j \leftarrow [i-1, i], j < i]$ produce como resultado

- ☐ 6
- ☒ 3
- ☐ 0

$i \leftarrow [3,4,5]$ $j \leftarrow [i-1]$

150. La evaluación de `take 2 [take j [i..2*i] | i <- [1..10], i > 2, j <- [i-1..i+1]]` produce el resultado
- ☐ [3,4]
 - ☒ [[3,4], [3,4,5]]
 - ☐ No produce ningún valor, porque la expresión está mal tipada
151. La evaluación de `length [take j [1..i] | i <- [3..5], j <- [1..i], j <- [i-1,i]]` produce como resultado
- ☐ 3
 - ☒ 6
 - ☐ No produce ningún valor, porque la expresión está mal tipada
152. La evaluación de `map (zip [1..4]) [2,5..12]` produce el resultado
- ☐ [(1,11), (2,11), (3,11), (4,11)]
 - ☐ [(4,11)]
 - ☒ No produce ningún valor, porque la expresión está mal tipada
153. La evaluación de `map length [take 2 ys | x <- [1..3], ys <- iterate (+ 3) x]` produce como resultado
- ☐ [2,2,2]
 - ☐ [2]
 - ☒ Un error, porque la expresión está mal tipada
- ys = [x, x+3, x+6, x+9, ...]*
154. La evaluación de `(head.tail) (map ((take 3).(iterate (+ 2))) [1,3..10])` produce como resultado
- ☐ [4,6,8,11,14]
 - ☐ [1,4,7]
 - ☒ [3,5,7]
155. La evaluación de `take 3 (zipWith (+) [x+y | x <- [1..4], y <- [x, x+2, x+4]] (iterate (*2) 1))` produce como resultado
- ☐ [3,5,7]
 - ☒ [3,6,10]
 - ☐ []
- [1, 2, 4, 8, ...]*
156. La evaluación de `(head.tail) (map ((take 2).(iterate (+ 3))) [1,3..10])` produce como resultado
- ☐ [4,6,8,11,14]
 - ☐ [1,4]
 - ☒ [3,6]
- segundo*
157. La evaluación de `[j | i <- [1..5], i > 1, j <- [i-1..i+1]] !! i` produce como resultado
- ☐ 2
 - ☐ 3
 - ☒ Un error, porque hay una variable fuera de ámbito
158. La evaluación de `map (!! 2) (map (iterate (\x -> 2*x)) [0..3])` produce el resultado
- ☐ 2
 - ☒ [0,4,8,12]
 - ☐ No produce ningún valor, porque la expresión está mal tipada

159. La evaluación de `map fst [(zip [0..i] [1..j]) !! i | i <- [1..3], j <- [(i+1), i-1]]` produce el resultado
- ☐ (0,1)
 - ☒ [1,2,3]
 - ☐ No produce ningún valor, porque la expresión está mal tipada
160. La evaluación de `((!! 2).head) (map (iterate (+2)) [2,0,4])` produce como resultado
- ☒ 6
 - ☐ [2,4,6]
 - ☐ Las dos anteriores son falsas.
161. La evaluación de `(head.(!! 1)) (map (zip [0..3]) [[1..4],[2..5]])` produce como resultado
- ☐ 1
 - ☐ (1,2)
 - ☒ (0,2)
162. ¿Cuál de las siguientes definiciones es equivalente a `f n m = [x*y | x <- [1..n], y <- [x..m]]`?
- ☒ `f n m = concat (map f [1..n]) where f x = map (\y -> x*y) [x..m]`
 - ☐ `f n m = concat (map f [x..m]) where f y = map (\y -> x*y) [1..n]`
 - ☐ `f n m = zipWith (*) [1..n] [x..m]`
163. ¿Cuál de las siguientes definiciones es equivalente a `f n m = [x*n | x <- [1..n], x > m]`?
- ☒ `f n m = map (\x -> x*n) (filter (> m) [1..n])`
 - ☐ `f n m = concat (map (\x -> x*n) (filter (> m) [1..n]))`
 - ☐ `f n m = filter (> m) (map (\x -> x*n) [1..n])`
164. Sea `f` una función definida previamente, y considérense las definiciones
- $$\begin{aligned}
 g \quad x \ y &= \text{let } z = f \ x \ y \text{ in } (z, x*y, z+1) \\
 g' \quad x \ y &= (f \ x \ y, x*y, f \ x \ y + 1) \\
 g'' \quad x \ y &= h \ x \ y \ (f \ x \ y) \\
 h \quad x \ y \ z &= (z, x*y, z+1)
 \end{aligned}$$
- g = g' g mejor g'*
- ¿Qué afirmación es correcta?
- ☒ `g`, `g'` y `g''` computan los mismos valores, `g` y `g''` tienen una eficiencia similar, pero `g'` es menos eficiente
 - ☐ `g`, `g'` y `g''` computan los mismos valores, `g` y `g''` tienen una eficiencia similar, pero `g'` es más eficiente
 - ☐ No es verdad que `g`, `g'` y `g''` computen los mismos valores
165. Sea `h :: Int -> Int` una función costosa de calcular, y sean `f`, `f'`, `f''` definidas por
- $$\begin{aligned}
 f \ x \ y &= (x+u, y+u) \quad \text{where } u = h \ x \\
 f' \ x \ y &= (x+(h \ x), y+(h \ x)) \\
 f'' \ x \ y &= g \ x \ y \ (h \ x) \\
 g \ x \ y \ z &= (x+z, y+z)
 \end{aligned}$$
- ☐ Tanto `f'` como `f''` son extensionalmente equivalentes a `f` y comparables en eficiencia con ella.
 - ☒ Tanto `f'` como `f''` son extensionalmente equivalentes a `f`, pero `f'` es menos eficiente.
 - ☐ Las dos anteriores son falsas.
166. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☒ Las listas intensionales pueden eliminarse usando `map`, `filter`, `concat`, y recíprocamente
 - ☐ Las listas intensionales pueden eliminarse usando `map`, `filter`, `concat`, pero el recíproco no es cierto
 - ☐ Las dos anteriores son falsas.

167. Sea $l = [(x,y) | x \leftarrow [0,2,3], b, y \leftarrow [1..x]]$, donde b es una cierta expresión booleana, y sea $n = \text{length } l$.

¿Cuál de la siguientes situaciones **no** puede darse?

☐ $n = 0$

☐ $n = 5$

☒ $n = 4$

168. Sea $l = [(x,y) | x \leftarrow [2,4], y \leftarrow [1..x], b]$, donde b es una cierta expresión booleana, y sea $n = \text{length } l$.

¿Cuántas de la siguientes situaciones: $n = 1$ $n = 5$ $n = 7$ pueden darse?

☐ Solo una de ellas

☒ Solo dos de ellas

☐ Las tres son posibles

169. Considérense las siguientes expresiones:

`head (reverse [1..1030])`

`last (reverse [1..1030])`

`last (takeWhile (< 1000) ([1..1030] ++ [1..1030]))`

¿Cuántas de ellas nos llevará toda la vida evaluarlas?

☐ Exactamente una de ellas

☒ Exactamente dos de ellas

☐ Las tres

170. Considérense las siguientes expresiones:

`take 30 (reverse [1..1030])`

`reverse (take 30 [1..1030])`

`last (takeWhile (< 1000) (iterate (+ 2) 1))`

¿Cuántas de ellas nos llevará toda la vida evaluarlas?

☒ Exactamente una de ellas

☐ Exactamente dos de ellas

☐ Las tres

171. Considérense las siguientes expresiones:

`head (reverse (reverse [1..1030]))`

`reverse (reverse (take 30 [1..1030]))`

`take 100 (iterate (+ 2) 1 ++ [1..100])`

¿Cuántas de ellas nos llevará toda la vida evaluarlas?

☒ Exactamente una de ellas

☐ Exactamente dos de ellas

☐ Las tres

172. Considérense las siguientes definiciones de funciones:

$f\ x\ y\ z = x + y - z$ $g\ x\ y = f\ x\ x\ y$ $g'\ x = f\ x\ x$ $g'' = f\ x$

Entonces:

☐ g , g' y g'' son equivalentes

☒ g y g' son equivalentes, pero la definición de g'' contiene un error

☐ Las dos anteriores son falsas.

MAL

173. Considérense las siguientes definiciones de funciones:

$f\ x\ y\ z = x + y - z$ $g\ x\ y = f\ x\ y\ y$ $g'\ x = f\ x$ $g''\ x = f\ x\ y$

Entonces:

- ☐ g , g' y g'' son equivalentes
- ☐ g y g' son equivalentes, pero la definición de g'' contiene un error
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

174. Considérense las siguientes definiciones de funciones:

$$f \ x \ y \ z = x + y - z \quad g \ x \ y \ z = f \ (x+1) \ y \ z \quad g' \ x \ y = f \ (x+1) \ y \quad g'' \ x = f \ (x+1)$$

- ☒ g , g' y g'' son equivalentes
- ☐ g y g' son equivalentes entre sí, pero no equivalentes a g''
- ☐ La definición de g'' contiene un error

175. Sean las definiciones $f \ g \ h \ x \ y = g \ (h \ x \ (g \ y))$ $f' \ g \ h \ x = g \ . (h \ x) \ . g$ $f'' \ g \ h = g \ . (\lambda x \rightarrow h \ x) \ . g$

- ☐ f , f' y f'' son extensionalmente equivalentes
- ☒ f y f' son extensionalmente equivalentes, pero f'' no
- ☐ f y f'' son extensionalmente equivalentes, pero f' no

176. Sean las definiciones $f \ g \ h \ x = g \ (h \ (g \ x))$ $f' \ g \ h \ x = g \ . h \ . (\lambda x \rightarrow g \ x)$ $f'' \ g \ h = g \ . h \ . g$

- ☐ f , f' y f'' son extensionalmente equivalentes
- ☐ f y f' son extensionalmente equivalentes, pero f'' no
- ☒ f y f'' son extensionalmente equivalentes, pero f' no

177. Considérense las siguientes definiciones de funciones:

$$f1 \ x \ y \ z = x \ . \ y \quad f2 \ x \ y \ z = (x \ . \ y) \ z \quad f3 \ x \ y \ z = x \ (y \ z) \quad f4 \ x \ y = x \ . \ y$$

- ☐ $f1$, $f2$, $f3$, $f4$ computan la misma función
- ☐ $f1$, $f2$, $f3$ computan la misma función, pero $f4$ no
- ☒ $f2$, $f3$, $f4$ computan la misma función, pero $f1$ no

178. Considérense las igualdades

$$(\text{take } m) \ . (\text{take } n) = \text{take } (\min \ n \ m) \quad (\text{drop } m) \ . (\text{drop } n) = \text{drop } (n+m) \quad (\text{take } m) \ . (\text{drop } n) = (\text{drop } n) \ . (\text{take } (m+n))$$

donde m, n son ≥ 0 . Se tiene:

- ☒ Las tres son correctas
- ☐ Solo dos son correctas
- ☐ Solo una es correcta

179. ¿Cuántas de las siguientes igualdades son correctas?

$$\text{map } id = id \quad \text{map } f \ (xs \ ++ \ ys) = (\text{map } f \ xs) \ ++ \ (\text{map } f \ ys) \quad \text{map } (f \ . g) \ xs = (\text{map } f \ . \ \text{map } g) \ xs$$

Nota: en la primera de ellas, se entiende que las funciones de ambos lados se aplican solo a listas

- ☒ Las tres
- ☐ Solo dos
- ☐ Solo una

180. Sea un programa funcional con dos funciones $f, g :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ y la función $h = h$. ¿Cuál de las siguientes situaciones es posible?

- ☐ $\llbracket g \ (f \ h) \rrbracket = 2$ y $\llbracket g \ (f \ 0) \rrbracket = \perp$
- ☒ $\llbracket g \ (f \ h) \rrbracket = \perp$ y $\llbracket g \ (f \ 0) \rrbracket = 2$
- ☐ $\llbracket g \ (f \ h) \rrbracket = 0$ y $\llbracket g \ (f \ 0) \rrbracket = 2$

181. Sea un programa funcional con dos funciones $f, g :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ y la función $h = h$. ¿Cuál de las siguientes situaciones no es posible?
- ☒ $\llbracket g(f\ h) \rrbracket = 2$ y $\llbracket g(f\ 0) \rrbracket = \perp$
- ☐ $\llbracket g(f\ h) \rrbracket = \perp$ y $\llbracket g(f\ 0) \rrbracket = 2$
- ☐ $\llbracket g(f\ h) \rrbracket = \perp$ y $\llbracket g(f\ 0) \rrbracket = \perp$
182. Sea un programa funcional con dos funciones $f, g :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$ y la función $\text{loop} = \text{loop}$. ¿Cuál de las siguientes situaciones es posible?
- ☐ $\llbracket f(g\ \text{loop}) \rrbracket = 1$ pero $\llbracket f(g\ 0) \rrbracket = \perp$ **X**
- ☒ $\llbracket f(g\ \text{loop}) \rrbracket = \perp$ pero $\llbracket f(g\ 0) \rrbracket = 1$
- ☐ $\llbracket f(g\ \text{loop}) \rrbracket = 0$ pero $\llbracket f(g\ 0) \rrbracket = 1$
183. De una función f solo sabemos que su tipo es $\forall a. [a] \rightarrow \text{Int}$. ¿Cuál de las siguientes situaciones es posible?
- ☐ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 2$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 1$
- ☒ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 1$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 1$
- ☐ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 1$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 2$
184. De una función f solo sabemos que su tipo es $\forall a. \text{Eq } a \Rightarrow [a] \rightarrow \text{Int}$. ¿Cuántas de las siguientes situaciones son posibles?
- ☐ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 2$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 1$
- ☐ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 1$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 1$
- ☐ $\llbracket f[1,2] \rrbracket = 1$ y $\llbracket f[\text{True}, \text{True}] \rrbracket = 2$
- ☒ Las tres
- ☐ Solo dos
- ☐ Solo una
185. La función f definida por las siguientes ecuaciones:
- | | | | |
|-----|----------------|----------------|------------------|
| f | x | False | $= \text{True}$ |
| f | False | y | $= \text{True}$ |
| f | True | True | $= \text{False}$ |
- ☒ Es estricta en el segundo argumento pero no en el primero
- ☐ No es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☐ Es estricta en sus dos argumentos
186. Sean las funciones
- ```

f x y = if x > 0 then 1 else y
g x = if x > 0 then 1 else 0
h x y = (g.(f x)) y

```
- ☒ La función  $h$  es estricta en el primer argumento pero no en el segundo
- ☐ La función  $h$  no es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☐ La función  $h$  es estricta en sus dos argumentos
187. Considérese el programa
- ```

f y 0 = g y
f 0 x = h x (x*x)
g x = if x > 0 then 1 else 0
h x y = if x > y then 1 else 0

```
- ☐ La función f es estricta en el segundo argumento pero no en el primero
- ☐ La función f no es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☒ La función f es estricta en sus dos argumentos

MAZ

188. Considérese el programa

```
f 0 y = g y
f x 0 = h x (x*x)
g x = if x > 0 then 1 else 0
h x y = if x > y then 1 else 0
```

- ☐ La función f es estricta en el primer argumento pero no en el segundo
- ☐ La función f no es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☒ La función f es estricta en sus dos argumentos

189. Considérese el programa

```
f 0 y = g y
f x y = h y
g x = if x > 0 then 1 else 0
h x = 0
```

- ☐ La función f no es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☐ La función f es estricta en sus dos argumentos
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

190. La función f definida por las siguientes ecuaciones:

```
f False y = True
f x False = True
f True True = False
```

- ☐ No es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☒ Es estricta en el primer argumento pero no en el segundo
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

191. Sea la función f definida por las siguientes ecuaciones:

```
f x False = True
f False y = True
f True True = False
```

y considérense las siguientes afirmaciones: (a) $\llbracket f e \perp \rrbracket = \perp$, para toda expresión e ☒
(b) $\llbracket f \perp e \rrbracket = \perp$, para toda expresión e ☒

- ☐ (a) y (b) son ciertas
- ☒ (a) es cierta y (b) es falsa
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

192. Considérese el programa

```
f 0 y = g y      g x = if x > 0 then 1 else 0
f x y = h y      h x = 0
mal = head []
```

- ☐ Existen e, e' tales que ni la evaluación de $(f e mal)$ ni la de $(f mal e')$ dan error
- ☐ Para todo e, e' $f e mal$ y $f mal e'$ dan error
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

193. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:

```
f x False = True   y sea mal = head [].
f False y = True
f - - = False
```

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☐ f mal e da error de ejecución, para cualquier expresión e **F**
- ☒ f e mal da error de ejecución, para cualquier expresión e **✓**
- ☐ f mal True se evalúa a False **F**

194. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:

f	x	False	= True
f	False	y	= True
f	True	True	= False

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☐ La evaluación de f mal e da error, para cualquier expresión e **F**
- ☒ La evaluación de f e mal da error, para cualquier expresión e **✓**
- ☐ f mal True se evalúa a False **F**

195. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:

f	False	y	= y
f	x	False	= True
f	True	True	= False

y sea mal = head []. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es falsa?

- ☐ La evaluación de f mal e da error, para cualquier expresión e **✓**
- ☐ La evaluación de f e mal da error, para cualquier expresión e cuya evaluación termine **✓**
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

196. Considérense las definiciones:

f x y		x == 0	= 1
		x < y	= g (x-y)
		otherwise	= 2
g x		x >= 0	= x

¿Qué afirmación es correcta?

- ☐ f x y tiene un valor definido para valores cualesquiera de x e y
- ☒ f x y tiene un valor definido $\Leftrightarrow x = 0 \vee x \geq y$
- ☐ La definición es errónea y será rechazada por el sistema

MAL

197. Considérese el programa

```
f x 0 = g x
f x y = h x
g x = if x > 0 then 1 else 0
h x = 0
```

- ☐ La función f no es estricta en ninguno de sus argumentos
- ☐ La función f es estricta en sus dos argumentos
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

198. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:

f	x	False	= False
f	y	True	= y

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☐ La función es estricta en sus dos argumentos **F**
- ☒ La función es estricta en el segundo pero no en el primer argumento
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

199. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:

f	x	False	= x
f	y	True	= not y

¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?

- ☒ La función es estricta en sus dos argumentos
☐ La función es estricta en el segundo pero no en el primer argumento
☐ Las dos anteriores son falsas.
200. Sea f definida por las siguientes ecuaciones:
- | | | | | | |
|-----|---------------|----------------|-----|----------------|---|
| f | x | False | $=$ | True | ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta? |
| f | True | True | $=$ | False | |
- ☐ La función es estricta en sus dos argumentos
☒ La función es estricta en el segundo pero no en el primer argumento
☐ Las dos anteriores son falsas.
-
201. Dada la definición del tipo $\text{data } T = A \mid B \mid C \text{ T } T$, considérese su dominio \mathcal{D}_T , y el orden de aproximación sobre él \sqsubseteq . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ $A \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq B$
☐ \mathcal{D}_T es finito y \perp es el elemento mínimo para \sqsubseteq
☐ Las dos anteriores son falsas.
202. Dada la definición del tipo $\text{data } T = A \mid B \mid C \text{ T } T$, considérese su dominio \mathcal{D}_T , y el orden de aproximación sobre él \sqsubseteq . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ A y B son los únicos maximales para \sqsubseteq
☐ A y B son maximales para \sqsubseteq pero no son los únicos
☐ Las dos anteriores son falsas.
203. Considérese la definición del tipo $\text{data } T = A \mid B \mid C \text{ T } T$, y sea \sqsubseteq el orden de información o de aproximación sobre los valores de T . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ $\perp \sqsubseteq A \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq \perp$
☐ A y B son los únicos valores maximales para \sqsubseteq
☐ $\perp \sqsubseteq C \sqsubseteq \perp \sqsubseteq C \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq B$
204. Considérese la definición del tipo $\text{data } T = A \mid B \mid C \text{ T } T$, y sea \sqsubseteq el orden de información o de aproximación sobre los valores de T . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ $\perp \sqsubseteq A \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq \perp$
☐ A y B son valores maximales para \sqsubseteq
☐ $\perp \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq \perp \sqsubseteq C \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq B$
205. Considérese la definición del tipo $\text{data } T = A \mid B \mid C \text{ T } T$, y sea \sqsubseteq el orden de información o de aproximación sobre los valores de T . ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es **falsa**?
- ☐ $\perp \sqsubseteq C \sqsubseteq \perp \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq A$
☐ $C \sqsubseteq A \sqsubseteq A$ es un valor maximal para \sqsubseteq
☐ $\perp \sqsubseteq C \sqsubseteq \perp \sqsubseteq B \sqsubseteq C \sqsubseteq B \sqsubseteq \perp \sqsubseteq C \sqsubseteq A \sqsubseteq B$
206. En lo que sigue, \sqsubseteq indica el orden de aproximación entre valores semánticos. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ $[\perp] \sqsubseteq [0] \sqsubseteq [0, \perp]$
☐ $[\perp] \sqsubseteq [\perp, \perp] \sqsubseteq [0, \perp]$
☐ $\perp \sqsubseteq [\perp, \perp] \sqsubseteq [0, \perp]$

207. En lo que sigue, \sqsubseteq indica el orden de aproximación entre valores semánticos. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es cierta?
- ☐ $[] \sqsubseteq [\perp] \sqsubseteq [\perp, \perp]$
 - ☐ $[\perp] \sqsubseteq [\perp, \perp] \sqsubseteq [0, \perp]$
 - ☐ Las dos anteriores son falsas.
208. En lo que sigue, \sqsubseteq indica el orden de aproximación entre valores semánticos del tipo `[Int]`. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones es falsa?
- ☐ $\perp \sqsubseteq [\perp] \sqsubseteq [0]$
 - ☐ $[\perp] \sqsubseteq [\perp, \perp] \sqsubseteq [0, \perp]$
 - ☐ $\perp \sqsubseteq [\perp, \perp] \sqsubseteq [0, \perp]$
-
209. El valor de la expresión `let x=1:3:x in take 3 x` es:
- ☒ `[1,3,1]`
 - ☐ \perp , porque la evaluación no termina
 - ☐ Hay un error sintáctico porque `x` no puede aparecer en el lado derecho de `let x= ...`
210. El valor de la expresión `let x=1:3:x in head (x ++ x)` es:
- ☒ `1`
 - ☐ \perp , porque la evaluación no termina
 - ☐ Hay un error sintáctico porque `x` no puede aparecer en el lado derecho de `let x= ...`
211. El valor de la expresión `let x= reverse (x++[1]) in head x` es:
- ☐ `1`
 - ☒ La evaluación no termina
 - ☐ La expresión es incorrecta, porque `x` no puede aparecer a la derecha de `let x = ...`
212. El valor de la expresión `let x=x++x in head (2:x)` es:
- ☒ `2`
 - ☐ \perp , porque la evaluación no termina
 - ☐ La expresión está mal construida o mal tipada
213. El valor de la expresión `let x=x++[1] in last x` es:
- ☐ `1`
 - ☒ \perp , porque la evaluación no termina
 - ☐ La expresión está mal construida o mal tipada
214. Considere la evaluación de las expresiones `let x=2:filter (/=2) x in head x`
`let x=2:filter (/=2) x in head (tail x)`
- ☐ Ninguna de las dos termina
 - ☒ Una de las dos termina
 - ☐ Las dos terminan
215. El valor de la expresión `let x=x++[1] in x!!1` es:
- ☐ `1`
 - ☒ \perp , porque la evaluación no termina
 - ☐ La expresión está mal construida o mal tipada

MAL

216. El valor de la expresión `let x=[1]++x in head (tail x)` es:

- ☒ 1
☐ La evaluación no termina
☐ La expresión está mal construida o mal tipada

217. El valor de la expresión `let x=1:y in head x` es:

- ☐ 1
☐ \perp , porque la evaluación no termina
☒ La expresión está mal construida o mal tipada

218. La evaluación de la expresión `let x= 1:map (+ 2) x in take 3 x` produce como resultado:

- ☒ [1,3,5]
☐ Una lista que empieza por 1 y luego da un error
☐ Un error sintáctico o de tipos

219. La evaluación de la expresión `let x= 1:3:map (+ 1) x in last (take 3 x)` produce como resultado:

- ☒ 2
☐ Un error en ejecución
☐ Un error sintáctico o de tipos

220. La evaluación de la expresión `let x= 1:map (+ 1) x in length (take 4 x)` produce como resultado:

- ☒ 4
☐ Un cómputo no terminante
☐ Un error

221. Dadas las expresiones: `length [1..]` y `let x=length [1..] in fst (1,x)`

- ☒ La evaluación de la segunda termina pero la de la primera no
☐ La evaluación de ninguna de las dos termina
☐ Las dos anteriores son falsas.

222. Considérense las definiciones

```
f x = 1 + f (x+1)
g x = if x >= 1 then 1 else 0
h x = 3
```

y las expresiones $e \equiv g \ (f \ 1)$ y $e' \equiv h \ (g \ (f \ 1))$. Entonces:

- ☐ Ni la evaluación de e ni la de e' terminan, tanto al usar evaluación impaciente como perezosa.
☐ Ni la evaluación de e ni la de e' terminan al usar evaluación impaciente, pero sí lo hacen (ambas) al usar evaluación perezosa.
☒ Las dos anteriores son falsas.

223. Sea e una expresión. ¿Cuál de las siguientes situaciones es posible?

- ☐ Al evaluar e por evaluación impaciente se obtiene el valor 3, y por evaluación perezosa el valor 2
☐ Al evaluar e por evaluación impaciente resulta el valor 3, y por evaluación perezosa el cómputo no termina
☒ Al evaluar e por evaluación perezosa resulta el valor 3, y por evaluación impaciente el cómputo no termina

224. Sea e una expresión. ¿Cuántas de las siguientes situaciones son posibles al evaluar e ?

- Por evaluación impaciente se obtiene el valor 3, y por evaluación perezosa el valor 2.
- Se obtiene el valor 3 tanto por evaluación impaciente como por evaluación perezosa.

F
V

MAL

- Por evaluación perezosa el cómputo no termina, y por evaluación impaciente el cómputo termina. **F**
- Por evaluación perezosa el cómputo termina, y por evaluación impaciente el cómputo no termina. **V**
- El cómputo no termina ni por evaluación impaciente ni por evaluación perezosa. **V**
- ☐ Exactamente dos
- ☒ Exactamente tres
- ☐ Las dos anteriores son falsas.

225. Sean las funciones f y g definidas por $f\ x = f\ x$ y por $g\ f\ x = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } f\ (x-1)$. Entonces, al evaluar la expresión $g\ f\ 1$:

- ☐ Con evaluación perezosa se obtiene el valor 0, y con evaluación impaciente el cómputo no termina.
- ☐ Tanto con evaluación perezosa como con evaluación impaciente se obtiene el valor 0.
- ☒ Tanto con evaluación perezosa como con evaluación impaciente el cómputo no termina.

226. Sean las funciones f y g definidas por $f\ g = g\ (f\ g)$ y por $g\ f\ x = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } f\ (x-1)$. Entonces, al evaluar la expresión $f\ g\ 1$:

- ☐ Con evaluación perezosa se obtiene el valor 0, y con evaluación impaciente el cómputo no termina.
- ☒ Tanto con evaluación perezosa como con evaluación impaciente se obtiene el valor 0.
- ☐ Tanto con evaluación perezosa como con evaluación impaciente el cómputo no termina.

227. Sean las funciones f y g definidas por $f\ g = g\ (f\ g)$ y por $g\ f\ x = \text{if } x == [] \text{ then } 0 \text{ else } 1 + f\ (\text{tail } x)$. Entonces, al evaluar la expresión $f\ g\ [2]$:

- ☐ Con evaluación perezosa se obtiene el valor 2, y con evaluación impaciente el cómputo no termina.
- ☒ Con evaluación perezosa se obtiene el valor 1.
- ☐ Tanto con evaluación perezosa como con evaluación impaciente el cómputo no termina.

228. ¿Cuáles de las dos siguientes expresiones representa correctamente una acción de I/O?

do $x \leftarrow \text{getChar}$ do $x \leftarrow \text{getChar}$
 x return x

- ☐ Las dos
- ☐ Solo la primera
- ☒ Las dos anteriores son falsas.

229. ¿Cuál de las siguientes expresiones denota correctamente la acción de leer un carácter y escribirlo dos veces?

- ☐ let $x = \text{getChar}$ in $[x, x]$ **F**
- ☐ do $x \leftarrow \text{getChar}$
return x
return x
- ☒ do $x \leftarrow \text{getChar}$
putStr $[x, x]$

230. Considérense las definiciones:

```

f :: IO ()
f = do x <- getChar
      print x

g = do x <- f
      print x

```

Entonces, la evaluación de g tiene por efecto:

- ☐ Leer un carácter y escribirlo dos veces
- ☐ g no llegará a evaluarse pues hay errores de tipo en ese código
- ☒ Las dos anteriores son falsas.