

Arrays bidimensionales

2. Matrices con dimensiones variables acotadas



Arrays bidimensionales

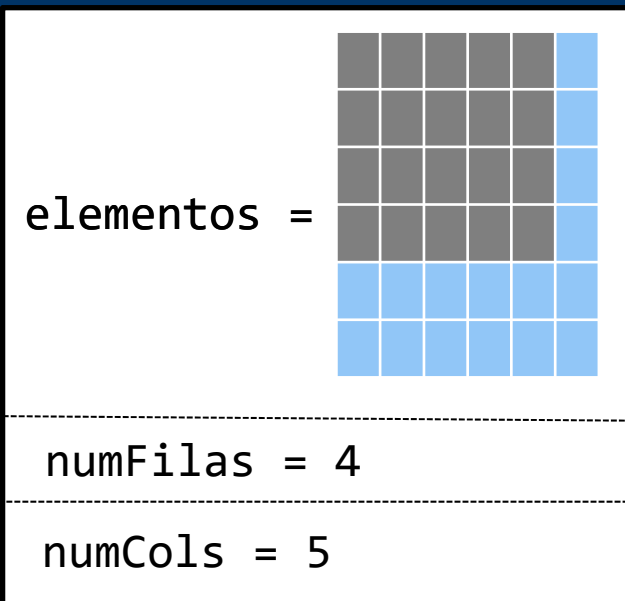
Matrices con dimensiones variables acotadas

```
const int MAX_DIM = 6; // Tamaño máximo estimado > 0
```

```
typedef struct {  
    int numFilas, numCols;  
    double elementos[MAX_DIM][MAX_DIM];  
} tMatriz;
```

```
tMatriz matriz;  
matriz.numFilas = 4;  
matriz.numCols = 5;
```

matriz =



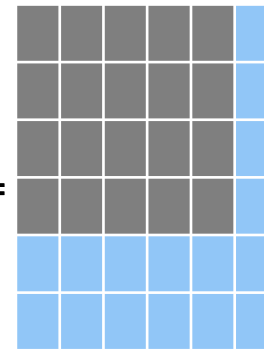
Las estructuras se pasan por valor (sin &) o por referencia (con &) a los subprogramas

Arrays bidimensionales

Matrices con dimensiones variables acotadas

```
tMatriz matriz;  
matriz.numFilas = 4;  
matriz.numCols = 5;
```

elementos =



numFilas = 4

numCols = 5

```
// Parte ocupada: [0..matriz.nFilas)x[0..matriz.numCols)  
for (int fila = 0; fila < matriz.numFilas; ++fila)  
    for (int col = 0; col < matriz.numCols; ++col)  
        matriz.elementos[fila][col] = 0;
```



Arrays bidimensionales

```
void iniciar(tMatriz & mat, int nf, int nc, double vi) {  
    mat.numFilas = nf; mat.numCols = nc;  
    for (int fila = 0; fila < mat.numFilas; ++fila)  
        for (int col = 0; col < mat.numCols; ++col)  
            mat.elementos[fila][col] = vi;  
}  
iniciar(matriz,4,5,0);
```

matriz =

elementos =

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	
1	0	0	0	0	0	
2	0	0	0	0	0	
3	0	0	0	0	0	
4						
5						

numFilas = 4

numCols = 5

numCols es 5 y
MAX_DIM es 6

numFilas es 4 y
MAX_DIM es 6

Parte ocupada:
[0..nF)x[0..nC)



Arrays bidimensionales

```
... recorrer(tMatriz /*const*/& /*ent/sal?*/ mat ...) {  
    for (int fila = 0; fila < mat.numFilas; ++fila)  
        for (int col = 0; col < mat.numCols; ++col)  
            // Procesar mat.elementos[fila][col];  
}
```

```
typedef struct {int fila; int col;} tCoor;  
  
bool buscar(tMatriz const& mat, tCoor & pos) {  
    bool enc = false; pos.fila = 0;  
    while (pos.fila < mat.numFilas && !enc) {  
        pos.col = 0;  
        while (pos.col < mat.numCols && !enc)  
            if (prop(mat.elementos[pos.fila][pos.col]))  
                enc = true;  
            else ++pos.col;  
        if (!enc) ++pos.fila;  
    }  
    return enc;  
}
```

Si el elemento
cumple la propiedad

Parámetro de entrada: const&
Parámetro de salida o ent/sal: &



Arrays bidimensionales



Ejemplo:

Mostrar matriz por filas (con una columna singular)



Arrays bidimensionales



Ejemplo: Mostrar matriz por filas (con una columna singular)

```
void mostrar1(tMatriz const& mat) {  
    for (int fila = 0; fila < mat.numFilas; ++fila) {  
        cout << '\t' << mat.elementos[fila][0];  
        for (int col = 1; col < mat.numCols; ++col)  
            cout << ', ' << mat.elementos[fila][col];  
        cout << '\n';  
    }  
}
```

A screenshot of a Windows command prompt window. The title bar shows the path 'C:\Users\Yoli\Documents\YOLANDA\Y...'. The window content displays the output of the 'mostrar1' function, which is a 4x5 matrix of the number 1. The output is formatted with tabs between the first column and the rest of the columns. Below the matrix, it says 'Presione una tecla para continuar . . . ' followed by a cursor.

```
C:\Users\Yoli\Documents\YOLANDA\Y...  
Resultado de mostrar 1  
  
    1 1 1 1 1  
    1 1 1 1 1  
    1 1 1 1 1  
    1 1 1 1 1  
  
Presione una tecla para continuar . . .
```

Arrays bidimensionales

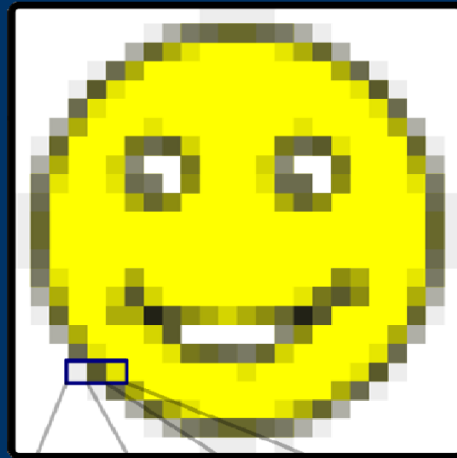
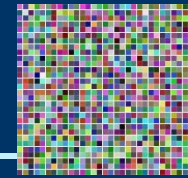


Ejemplo: Mostrar matriz por filas (con una columna singular)

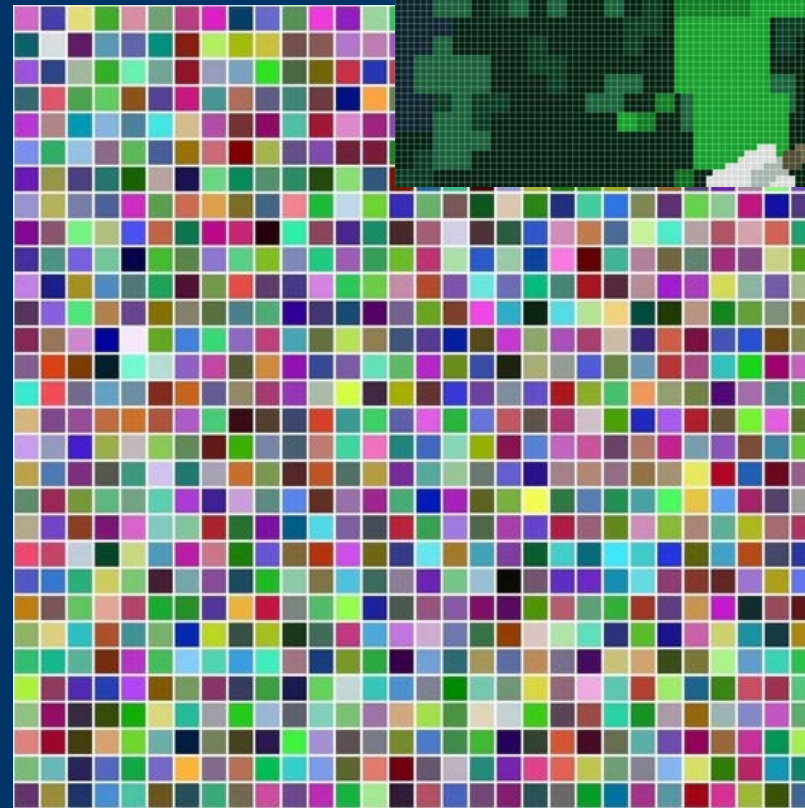
```
void mostrar2(tMatriz const& mat) {  
    for (int fila = 0; fila < mat.numFilas; ++fila) {  
        for (int col = 0; col < mat.numCols-1; ++col)  
            cout << mat.elementos[fila][col] << ', ';  
        cout << mat.elementos[fila][mat.numCols-1] << '\n';  
    }  
}
```

A screenshot of a Windows command prompt window. The title bar shows the path 'C:\Users\Yoli\Documents\YOLANDA\Yoli C\Doc...'. The window content displays the output of the 'mostrar 2' function, which is a 4x5 matrix of ones. The output is as follows:
Resultado de mostrar 2
1, 1, 1, 1, 1
1, 1, 1, 1, 1
1, 1, 1, 1, 1
1, 1, 1, 1, 1
Presione una tecla para continuar . . .

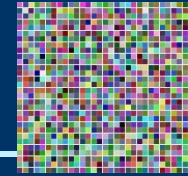
Ejemplo: Imagen (bmp)



R 93%	R 35%	R 90%
G 93%	G 35%	G 90%
B 93%	B 16%	B 0%



Ejemplo: Imagen (bmp)



```
typedef unsigned int uint; // entero (32 bits) sin signo  
typedef unsigned short int usint; // entero pequeño sin signo
```

```
typedef struct {  
    uint rojo;  
    uint verde;  
    uint azul;  
} tRGB;
```

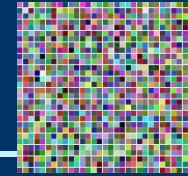
```
tRGB pixel;
```

pixel =

rojo =	255
verde =	0
azul=	128



Ejemplo: Imagen (bmp)



```
const uint Max_Res = 24;    // máximo nº de filas y columnas
```

```
typedef struct {  
    uint numFilas, numCols;  
    tRGB bmp[Max_Res][Max_Res]; // Max_Res*Max_Res pixeles  
} tImagen;
```

```
tImagen imagen;  
imagen.numFilas = 9;  
imagen.numCols = 16;  
imagen.bmp
```

imagen =

```
// los struct se pueden asignar
```

```
imagen.bmp[0][2] = pixel;
```

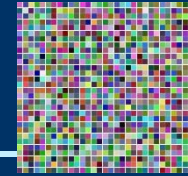
bmp =

0	255	255	...	-	-
0	0	0		-	-
0	0	128			
255
0					
0					
	-	-	...	-	-
	-	-		-	-
	-	-			
...
...

numFilas = 9

numCols = 16

Ejemplo: Operadores con pixeles

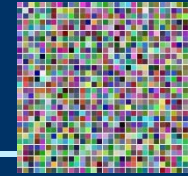


```
// operador de comparación de igualdad
// Son iguales si tienen la misma cantidad de rojo, verde y azul
bool operator == (tRGB const& c1, tRGB const& c2) {
    return c1.azul == c2.azul && c1.rojo == c2.rojo
        && c1.verde == c2.verde;
}

// operador de comparación de desigualdad
bool operator != (tRGB const& c1, tRGB const& c2) {
    return !(c1 == c2);
}
```



Ejemplo: mostrar pixeles



```
void mostrar(tRGB const& color) {  
    cout << "Rojo: " << usint(color.rojo) << '\n';  
    cout << "Verde: " << usint(color.verde) << '\n';  
    cout << "Azul: " << usint(color.azul) << endl;  
}
```



Ejemplo: Girar una imagen



```
void girar(tImagen /*ent/sal*/ imagen) {
    tImagen aux = imagen; // los struct se pueden asignar
    imagen.numFilas = aux.numCols;
    imagen.numCols = aux.numFilas;
    for (uint f = 0; f < aux.numFilas; ++f)
        for (uint c = 0; c < aux.numCols; ++c)
            // traspuesta
            imagen.bmp[c][f] = aux.bmp[f][c];

    // giro derecha
    // imagen.bmp[c][aux.numFilas-1 - f] = aux.bmp[f][c];
    // giro izquierda
    // imagen.bmp[aux.numCols-1 - c][f] = aux.bmp[f][c];
}
```

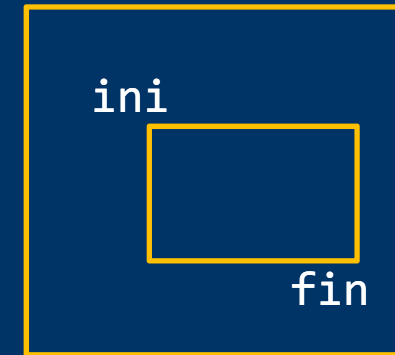


Ejemplo: Rellenar una imagen



submatriz

```
typedef struct {  
    int fila;  
    int col;  
} tCoor;
```



```
void rellenar(tImagen & imagen, tRGB const & pixel){  
    rellenar(imagen, {0, 0},  
             {imagen.numFilas, imagen.numCols}, pixel);  
}
```

```
void rellenar(tImagen & imagen, tCoor const& ini,  
             tCoor const& fin, tRGB const& pixel){  
    for (usint f = ini.fila; f < fin.fila; ++f)  
        for (usint c = ini.col; c < fin.col; ++c)  
            imagen.bmp[f][c] = pixel;  
}
```



Arrays bidimensionales. Volvemos a tMatriz



Arrays bidimensionales. Volvemos a tMatriz

Búsqueda del primer elemento que cumple una propiedad

```
const int MAX = ...;
typedef struct {
    int numFilas, numCols;
    tElem elementos[MAX][MAX];
} tMatriz;
```

```
typedef struct {
    int fila;
    int col;
} tCoord;
```

```
tMatriz matriz;
matriz.numFilas = 4;
matriz.numCols = 5;
```

matriz =

elementos =

	0	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0	
1	0	0	0	0	0	
2	0	0	0	0	0	
3	0	0	0	0	0	
4						
5						

numFilas = 4

numCols = 5

Búsqueda del primer elemento que cumple una propiedad

Localizar la posición:

```
bool buscar(tMatriz const& mat, tCoor & pos) {  
    bool enc = false;  
    pos.fila = 0;  
    while (pos.fila < mat.numFilas && !enc) {  
        pos.col = 0;  
        while (pos.col < mat.numCols && !enc)  
            if (prop(mat.elementos[pos.fila][pos.col],...))  
                enc = true;  
        else ++pos.col;  
        if (!enc) ++pos.fila;  
    }  
    return enc;  
}
```



Búsqueda del primer elemento que cumple una propiedad

```
bool buscar(tMatriz const& mat, tCoor & pos) {  
    bool enc = false; pos.fila = 0;  
    while (pos.fila < mat.numFilas && !enc) {  
        enc = buscar(mat, pos.fila, pos.col); // buscar en una fila  
        if (!enc) ++pos.fila;  
    }  
    return enc;  
}
```

```
bool buscar(tMatriz const& mat, int fila, int & col) {  
    bool enc = false; col = 0;  
    while (col < mat.numCols && !enc)  
        if (prop(mat.elementos[fila][col],...)) enc = true;  
        else ++col;  
    return enc;  
}
```



Arrays bidimensionales

Búsqueda del primer elemento que cumple una propiedad desde una determinada posición

```
tMatriz matriz;  
tCoor pos;
```

```
bool buscar(tMatriz const& mat, tCoor & pos);  
// no es necesario inicializar pos
```

```
bool buscarDesde(tMatriz const& mat,  
                 tCoor & pos);  
  
// pos tiene que tener un valor a partir del cual se buscará
```

```
// La función devuelve true si lo encuentra  
// pos almacena la posición del elemento encontrado
```



Arrays bidimensionales

Búsqueda desde una posición

```
bool buscarDesde(tMatriz const& mat, tCoor& /*ent/sal*/ pos){
    bool enc = false; // pos ya tiene un valor
    int col = pos.col;
    while (pos.fila < mat.numFilas && !enc) {
        while (pos.col < mat.numCols && !enc)
            if (prop(mat.elementos[pos.fila][pos.col],...))
                enc = true;
            else ++pos.col;
        if (!enc) {++pos.fila; pos.col = col; }
    }
    return enc; // pos puede haber cambiado de valor
}
```



Arrays bidimensionales



Ejemplo:

*Averiguar si una matriz cuadrada es triangular inferior
(los elementos por encima de su diagonal principal son cero)*

diagonal principal: `col == fila`

`M[f][c] = 0` para todo `c > f`



Arrays bidimensionales

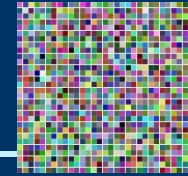


Ejemplo: Averiguar si una matriz cuadrada es triangular inferior (los elementos por encima de su diagonal principal son cero)

```
bool triangularInf(tMatriz const& mat) {  
    bool tri = mat.numFilas == mat.numCols; // cuadrada?  
    int fila = 0; int col;  
    while (fila < mat.numFilas && tri) { // por filas  
        col = fila + 1;  
        while (col < mat.numCols && tri) {  
            if (mat.elementos[fila][col] != 0.0) tri = false;  
            else ++col;  
        }  
        if (tri) ++fila;  
    }  
    return tri;  
} // diagonal principal: col == fila
```



Ejemplo: Buscar imagen 3x3 en imagen



```
typedef tRGB tImg3x3[3][3]; // matriz 3x3

const uint Max_Res = 24;    // máximo nº de filas y columnas

typedef struct {
    uint numFilas, numCols;
    tRGB bmp[Max_Res][Max_Res]; // Max_Res*Max_Res pixels
} tImagen;
```

```
tImagen imagen;
tImg3x3 mat;
```

imagen



mat

bmp =



numFilas = 20

numCols = 15

Ejemplo: Buscar imagen 3x3 en imagen



```
bool submatriz(tImagen const& imagen, tImg3x3 const mat,
               tCoor & pos) {

    bool enc = false;
    pos.fila = 0;
    uint filas = imagen.numFilas-2, cols = imagen.numCols-2;
    while (pos.fila < filas && !enc) {
        pos.col = 0;
        while (pos.col < cols && !enc)
            if (iguales3x3(imagen, pos, mat)) enc = true;
            else ++pos.col;
        if (!enc) ++pos.fila;
    }
    return enc;
}
```



Ejemplo: Buscar imagen 3x3 en imagen

```
bool iguales3x3(tImagen const& imagen, tCoor const& pos,
               tImg3x3 const mat) {
    bool iguales = true;
    uint f = 0, c;
    while (f < 3 && iguales) {
        c = 0;
        while (c < 3 && iguales)
            if (imagen.bmp[pos.fila + f][pos.col + c] != mat[f][c])
                iguales = false;
            else ++c;
        if (iguales) ++f;
    }
    return iguales;
}
```



Arrays bidimensionales

Recorrido de los elementos vecinos a uno dado (pos): submatriz 3x3 centrada en ese elemento

1	2	3
4	(F,C)	5
6	7	8

Diagram illustrating a 3x3 submatrix centered at (F,C). The center element is (F,C). The submatrix elements are: (F-1,C-1)=1, (F-1,C)=2, (F-1,C+1)=3, (F,C-1)=4, (F,C)=5, (F,C+1)=6, (F+1,C-1)=7, (F+1,C)=8, (F+1,C+1)=9. Arrows indicate directions: d2 (green arrow pointing up-right) and d3 (red arrow pointing left).

```
typedef struct {int fila; int col;} tCoor;
const int incF[] = {-1, -1, -1, 0, 0, 1, 1, 1};
const int incC[] = {-1, 0, 1, -1, 1, -1, 0, 1}; // 8 dirs.

const int NumDirs = 8;
```

Diagram illustrating the 8 directions (d2 and d3) for the 3x3 submatrix centered at (F,C). The directions are represented by the increments in the coordinates (F,C). The directions are: d2 (green circle around -1, 1) and d3 (red dashed circle around 0, 1).



Arrays bidimensionales

Recorrido de los elementos vecinos a uno dado (pos): submatriz 3x3 centrada en ese elemento

// dada una posición y una dirección (0-7), calcular la posición // vecina en dicha dirección: dir

```
void vecina(tCoor const& pos, int dir, tCoor & vec){  
    vec.fila = pos.fila + incF[dir];  
    vec.col = pos.col + incC[dir];  
}
```



Arrays bidimensionales

Recorrido de los elementos vecinos a uno dado (pos): submatriz 3x3 centrada en ese elemento

```
void recorrerVecinas(tMatriz & mat, tCoor const& pos,...){
    tCoor vec;
    for (int dir = 0; dir < NumDirs; ++dir) {
        vecina(pos, dir, vec);
        ...
        // procesar mat[vec.fila][vec.col]
        // procesar(mat, vec);
    }
}
```



Arrays bidimensionales

Recorrido de diagonales en una matriz cuadrada NxN:

Diagonal principal: N elementos con $\text{fila} == \text{col}$ ($k=0$)

N-1 diagonales superiores ($k: 1 \dots N-1$): N-k elementos con $\text{col} == \text{fila} + k$

N-1 diagonales inferiores ($k: 1 \dots N-1$): N-k elementos con $\text{fila} == \text{col} + k$

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1		0	1	2	3	4	5	6	7	8
2			0	1	2	3	4	5	6	7
3				0	1	2	3	4	5	6
4					0	1	2	3	4	5
5						0	1	2	3	4
6							0	1	2	3
7								0	1	2
8									0	1
9										0

Diagonal k:
 $\text{fila} = \text{col} + k$
`elemento[col+k][col]`
Empezar en col=0

Diagonal k:
 $\text{col} = \text{fila} + k$
`elemento[fila][fila+k]`
Empezar en fila=0



Arrays bidimensionales



Ejemplo:

Calcular la suma de los elementos de una diagonal dada



Arrays bidimensionales



Ejemplo: Suma de los elementos de una diagonal

```
double sumarDiagonal(tMatriz const & mat, int k) {  
    double cont = 0;  
    if (k > 0) { // diagonal superior  
        for (int col = k; col < mat.numCols; ++col) {  
            cont += mat.elementos[col - k][col];  
        }  
    } else if (k < 0) { // diagonal inferior  
        for (int fila = -k; fila < mat.numFilas; ++fila) {  
            cont += mat.elementos[fila][fila + k];  
        }  
    } else { // diagonal principal: k==0 (col == fila)  
        for (int fila = 0; fila < mat.numFilas; ++fila) {  
            cont += mat.elementos[fila][fila];  
        }  
    }  
    return cont;  
}
```



Arrays bidimensionales



Ejemplo:

Decidir si una matriz cuadrada es triangular inferior (por diagonales)



Arrays bidimensionales



Ejemplo: matriz cuadrada triangular inferior (por diagonales)

```
bool triangularInf(tMatriz const& mat) { // por diagonales
    bool tri = mat.numFilas == mat.numCols; // cuadrada?
    int k = 1, fila;
    while (k < mat.numCols && tri){ // diagonal k: col == fila + k
        fila = 0;
        while (fila < mat.numFilas - k && tri) {
            if (mat.elementos[fila][fila + k] != 0.0) tri = false;
            else ++fila;
        }
        if (tri) ++k;
    }
    return tri;
} // diagonal principal: k==0 (col == fila)
```

