

Teorema: Sea $X = \{(z_{B_r}, z, x) \in Z_+ \times Z_+^{n_1} \times R_+^{n_2} / z_{B_r} + \sum_{j \in N_1} y_{rj} z_j + \sum_{j \in N_2} y_{rj} x_j = \bar{b}_r\}$,

donde $n_i = |N_i|$ para $i=1,2$. Si $\bar{b}_r \notin Z$, $f = \bar{b}_r - \lfloor \bar{b}_r \rfloor$ y $f_j = y_{rj} - \lfloor y_{rj} \rfloor$ para $j \in N_1 \cup N_2$.

El corte entero mixto de Gomory

$$\sum_{\substack{f_j \leq f \\ j \in N_1}} f_j z_j + \frac{f}{1-f} \sum_{\substack{f_j > f \\ j \in N_1}} (1-f_j) z_j + \sum_{\substack{y_{rj} > 0 \\ j \in N_2}} y_{rj} x_j - \frac{f}{1-f} \sum_{\substack{y_{rj} < 0 \\ j \in N_2}} y_{rj} x_j \geq f$$

es válido para X .

EJEMPLO

$$\begin{aligned} \max \quad & z = 5x_1 + 2x_2 \\ \text{s. a. :} \quad & 2x_1 + 2x_2 + x_3 = 9 \\ & 3x_1 + x_2 + x_4 = 11 \\ & x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0, x_4 \geq 0, \\ & x_1 \text{ y } x_3 \text{ enteros} \end{aligned}$$

La solución óptima, del problema de programación lineal correspondiente a la relajación continua del problema anterior, se presenta en la siguiente tabla

	x_1	x_2	x_3	x_4	
x_2	0	1	3/4	-1/2	5/4
x_1	1	0	-1/4	1/2	13/4
	0	0	-1/4	-3/2	$Z - (75/4)$

Considerando como ecuación generatriz del corte: $x_1 - \frac{1}{4}x_3 + \frac{1}{2}x_4 = \frac{13}{4}$,

se obtiene el corte:

$$\frac{1}{12}x_3 + \frac{1}{2}x_4 \geq \frac{1}{4}.$$

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	
x_4	0	$-1/5$	0	1	$-9/5$	$1/5$
x_1	1	$2/5$	0	0	$3/5$	$18/5$
x_3	0	$6/5$	1	0	$-6/5$	$9/5$
	0	0	0	0	-3	$Z - 18$

Considerando como ecuación generatriz del corte: $\frac{6}{5}x_2 + x_3 - \frac{6}{5}x_5 = \frac{9}{5}$,
se obtiene el corte:

$$\frac{6}{5}x_2 + \frac{24}{5}x_5 \geq \frac{4}{5}.$$

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
x_4	0	0	0	1	-1	$-1/6$	$1/3$
x_1	1	0	0	0	-1	$1/3$	$10/3$
x_3	0	0	1	0	-6	1	1
x_2	0	1	0	0	4	$-5/6$	$2/3$
	0	0	0	0	-3	0	$Z - 18$

Considerando como ecuación generatriz del corte: $x_1 - x_5 + \frac{1}{3}x_6 = \frac{10}{3}$,
se obtiene el corte:

$$\frac{1}{2}x_5 + \frac{1}{3}x_6 \geq \frac{1}{3}.$$

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	x_7	
x_4	0	0	0	1	$-3/4$	0	$-1/2$	$1/2$
x_1	1	0	0	0	$-3/2$	0	1	3
x_3	0	0	1	0	$-15/2$	0	3	0
x_2	0	1	0	0	$21/4$	0	$-5/2$	$3/2$
x_6	0	0	0	0	$3/2$	1	-3	1
	0	0	0	0	-3	0	0	$Z-18$

Solución óptima: $x_1^*=3$, $x_2^*=\frac{3}{2}$, $x_3^*=0$, $x_4^*=\frac{1}{2}$, $z^*=18$

Se consideran, a continuación, los dos posibles cortes respecto de la segunda tabla:

a) Considerando como ecuación generatriz del corte: $x_1 + \frac{2}{5}x_2 + \frac{3}{5}x_5 = \frac{18}{5}$,

se obtiene el corte:

$$\frac{2}{5}x_2 + \frac{3}{5}x_5 \geq \frac{3}{5}.$$

b) Considerando como ecuación generatriz del corte: $\frac{6}{5}x_2 + x_3 - \frac{6}{5}x_5 = \frac{9}{5}$,

se obtiene el corte:

$$\frac{6}{5}x_2 + \frac{24}{5}x_5 \geq \frac{4}{5}.$$

Puesto que se verifica:

$$\frac{\frac{2}{5} + \frac{3}{5}}{\frac{3}{5}} < \frac{\frac{6}{5} + \frac{24}{5}}{\frac{4}{5}}$$

se elige la opción a), añadiendo el correspondiente corte al problema anterior.

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
x_4	0	$-1/5$	0	1	$-9/5$	0	$1/5$
x_1	1	$2/5$	0	0	$3/5$	0	$18/5$
x_3	0	$6/5$	1	0	$-6/5$	0	$9/5$
x_6	0	$-2/5$	0	0	$-3/5$	1	$-3/5$
	0	0	0	0	-3	0	$Z - 18$

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	
x_4	0	0	0	1	$-3/2$	$-1/2$	$1/2$
x_1	1	0	0	0	0	1	3
x_3	0	0	1	0	-3	3	0
x_2	0	1	0	0	$3/2$	$-5/2$	$3/2$
	0	0	0	0	-3	0	$Z - 18$

Solución óptima: $x_1^* = 3$, $x_2^* = \frac{3}{2}$, $x_3^* = 0$, $x_4^* = \frac{1}{2}$, $z^* = 18$