

Procesamiento Dirigido por la Sintaxis

Albert Rubio

Procesadores de Lenguajes, FdI, UCM

Doble Grado Matemáticas e Informática

Procesamiento Dirigido por la Sintaxis

- ① Introducción
- ② Sintaxis Abstracta
- ③ Gramáticas de atributos

Contenidos

① Introducción

② Sintaxis Abstracta

③ Gramáticas de atributos

Análisis semántico

- El análisis léxico y sintáctico no permite comprobar:
 - Identificadores usados han sido declarados.
 - A que declaración están asociados (y por tanto que tipo tienen).
 - Las operaciones reciben parámetros del tipo adecuado.
 - Los accesos a un tipo registro (struct) son correctos.
 - Los accesos a un tipo array con varias dimensiones son correctos.
 - ...
- Todas ellas son comprobaciones estáticas (textuales).
- No permiten interpretar (ejecutar) o traducir el programa aceptado.

Para poder realizar todos estos tratamientos es necesario:

- Extender el formalismo de las gramáticas incontextuales con capacidades de descripción de procesamiento.
- Definir nuevos análisis para realizar los procesamientos necesarios.

Contenidos

① Introducción

② Sintaxis Abstracta

③ Gramáticas de atributos

Sintaxis Abstracta vs sintaxis concreta

Realizar el procesamiento sobre la sintaxis concreta implica que

- Cualquier cambio en la sintaxis obliga a revisar los procesos

Por esta razón se sigue un método basado en dos fases:

- ① Primera fase: transformar las frases del lenguaje en árboles de sintaxis abstracta (AST) que refleja la estructura sintáctica sin tener en cuenta aspectos sintácticos concretos.
 - Por ejemplo, eliminar delimitadores (separadores, paréntesis, llaves en bloques).
 - Requiere:
 - Diseño de la sintaxis abstracta
 - Especificación de un constructor del AST mediante una *gramática de atributos*.
- ② Segunda fase: implementa los distintos procesamientos sobre el AST.

Diseño de la sintaxis abstracta

Definición de los tipos de nodos que nos podemos encontrar en el árbol sintáctico (abstracto).

- Representar declaraciones
- Representar tipos
- Representar el programa y funciones
- Representación de instrucciones
- Representación de designadores (direcciones)
- Representación de expresiones
- ...

En la práctica se trata de definir el AST como estructura de datos

Ejemplo sintaxis abstracta

Suponed que tenemos un lenguaje sencillo donde:

- Tenemos un programa principal.
- Todas las declaraciones se hacen antes de las instrucciones.
- Se pueden declarar tipos, variables y procedimientos.
- Tenemos enteros, booleanos, arrays, registros y punteros.
- Podemos definir bloques de instrucciones con nuevas declaraciones al inicio.

Representación de programas:

Constructora	Descripción	Rep. sintáctica
$prog : List(Dec) \times List(Inst) \longrightarrow Prog$	Construye un programa a partir de una lista de declaraciones y una instrucción	$Ds \ \&\& \ Is$

Ejemplo sintaxis abstracta

Representación de declaraciones

Constructora	Descripción	Rep. sintáctica
$decVar : Tipo \times String \longrightarrow Dec$	Construye una declaración de variable	$var\ id : T$
$decTipo : Tipo \times String \longrightarrow Dec$	Construye una declaración de tipo	$type\ id : T$
$decProc : String \times Proc \longrightarrow Dec$	Construye la declaración de un procedimiento a partir de: su nombre y su definición	$proc\ id : Proc$

Representación de procedimientos

Constructora	Descripción	Rep. simbólica
$defProc : List(Param) \times List(Dec) \times Inst \longrightarrow Proc$	Construye un procedimiento: lista de parámetros, declaraciones locales e instrucciones	$proc\ Ps\ Ds\ Is$
$param : (ref \mid val) \times String \times Tipo \longrightarrow Param$	Construye un parámetro: referencia o valor, nombre y tipo	$(ref \mid val)\ id : T$

Representación de expresiones de tipo

Constructora	Descripción	Rep. simbólica
$bool : Tipo$	Construye un tipo booleano	$bool$
$int : Tipo$	Construye un tipo entero	int
$tid : String \rightarrow Tipo$	Construye un tipo con el identificador dado	$tid\ id$
$array : Integer \times Tipo \rightarrow Tipo$	Construye un tipo array	$T[num]$
$struct : List(String \times Tipo) \rightarrow Tipo$	Construye un tipo registro	$struct\ Cs$
$pointer : Tipo \rightarrow Tipo$	Construye un tipo puntero	$pointer\ T$

Representación de expresiones de designadores

Constructora	Descripción	Rep. simbólica
$var : String \longrightarrow Desig$	Designador a identificador	id
$indxElem : Desig \times Exp \longrightarrow Desig$	Designador a posición de array	$D[E]$
$selCampo : Desig \times String \longrightarrow Desig$	Designador a campo de registro	$D.id$
$deref : Desig \longrightarrow Desig$	Designador a la dirección de un designador dado	$D \rightarrow$

Representación de expresiones de instrucciones

Constructora	Descripción	Rep. simbólica
$asig : Desig \times Exp \longrightarrow Inst$	Asignación	$D = E$
$print : Exp \longrightarrow Inst$	Escritura	$print\ E$
$read : Desig \longrightarrow Inst$	Lectura	$read\ E$
$new : Desig \longrightarrow Inst$	Reserva de memoria	$new\ D$
$del : Desig \longrightarrow Inst$	Borrado de memoria	$del\ D$
$if : Exp \times Inst \longrightarrow Inst$	Instrucción if	$if\ E\ I$
$ifElse : Exp \times Inst \times Inst \longrightarrow Inst$	Instrucción if-Else	$if\ E\ I_0\ I_1$
$while : Exp \times Inst \longrightarrow Inst$	Instrucción while	$while\ E\ I$
$bloque : List(Dec) \times List(Inst) \longrightarrow Inst$	Instrucción bloque	$\{Ds \ \&\& \ Is\}$
$call : Desig \times List(Exp) \longrightarrow Inst$	Llamada a procedimiento	$D(Ps)$

Representación de expresiones de cálculo de valores

Constructora	Descripción	Rep. simbólica
$true : \longrightarrow Exp$	Expresión true	$true$
$false : \longrightarrow Exp$	Expresión false	$false$
$null : \longrightarrow Exp$	Expresión null	$null$
$num : Integer \longrightarrow Exp$	Expresión número	num
$mem : Desig \longrightarrow Exp$	Expresión designador	$mem D$
$igual : Exp \times Exp \longrightarrow Exp$	Expresión igual	$E_0 = E_1$
...
$suma : Exp \times Exp \longrightarrow Exp$	Expresión suma	$E_0 + E_1$
...
$and : Exp \times Exp \longrightarrow Exp$	Expresión conjunción	$E_0 \text{ and } E_1$
...

Contenidos

① Introducción

② Sintaxis Abstracta

③ Gramáticas de atributos

Formalismo de las gramáticas de atributos

Formalismo propuesto por Donald E. Knuth.

Permite añadir una semántica de traducción a las frases de nuestro lenguaje.

- El significado de un no terminal A que tiene asociada una regla $A \rightarrow \alpha$ se obtiene a partir de la semántica de α
- Se asocian atributos a los no terminales.
- Se describe recursivamente el valor de los nuevos atributos a partir de los conocidos

Atributos sintetizados

Los *atributos sintetizados* de un no terminal se obtienen exclusivamente a partir de los atributos de los terminales y los atributos sintetizados de los no terminales de sus partes derechas.

- Asumimos que los terminales tienen asociados *atributos léxicos* obtenidos en el análisis léxico.
- Se asocia un conjunto de atributos sintetizados a cada no terminal.
- Se asocia a cada regla $A \rightarrow \alpha$ un conjunto de ecuaciones semánticas que dicen cómo obtener los atributos de A a partir de los de α .
- Las ecuaciones son de la forma $a = f(a_1, \dots, a_n)$ donde a es un atributo de A , los a_i son atributos de los no terminales de α y f es la función de cómputo del atributo.

Nota: Si un no terminal aparece varias veces en $A \rightarrow \alpha$ se usan subíndices (empezando en 0 e incrementando de izquierda a derecha) para distinguir las distintas apariciones.

Ejemplo de semántica de atributos

Gramática con atributos sintetizados que computan el valor decimal de una frase que representa un número en binario.

$$\text{Bits} \longrightarrow \text{Bits Bit}$$
$$\text{Bits}_0.\text{valor} = \text{Bits}_1.\text{valor} * 2 + \text{Bit}.\text{valor}$$
$$\text{Bits} \longrightarrow \text{Bit}$$
$$\text{Bits}.\text{valor} = \text{Bit}.\text{valor}$$
$$\text{Bit} \longrightarrow 0$$
$$\text{Bit}.\text{valor} = 0$$
$$\text{Bit} \longrightarrow 1$$
$$\text{Bit}.\text{valor} = 1$$

Se puede entender como que el árbol sintáctico queda decorado con los atributos del no terminal de la izquierda en cada nodo.

Una gramática con solo atributos sintetizados se llama *s-atribuida*.

Ejemplo simple de construcción del AST

Supongamos que para el lenguaje de números binarios creamos la sintaxis abstracta con los constructores:

$$\text{addBit} : \text{BinNum} \times \text{BitNum} \longrightarrow \text{BinNum}$$
$$\text{fromBit} : \text{BitNum} \longrightarrow \text{BinNum}$$
$$\text{bit} : \{0 \mid 1\} \longrightarrow \text{BitNum}$$

Entonces podemos obtener un AST:

$$\text{Bits} \longrightarrow \text{Bits Bit}$$
$$\text{Bits}_0.\text{AST} = \text{addBit}(\text{Bits}_1.\text{AST}, \text{Bit}.\text{AST})$$
$$\text{Bits} \longrightarrow \text{Bit}$$
$$\text{Bits}.\text{AST} = \text{fromBit}(\text{Bit}.\text{AST})$$
$$\text{Bit} \longrightarrow 0$$
$$\text{Bit}.\text{AST} = \text{bit}(0)$$
$$\text{Bit} \longrightarrow 1$$
$$\text{Bit}.\text{AST} = \text{bit}(1)$$

Atributos heredados

Cuando el cálculo a realizar depende del contexto los atributos sintetizados pueden no ser suficientes o darnos una forma ineficiente de calcular los atributos.

El tratamiento del contexto se expresará usando *atributos heredados*.

Considerad la siguiente gramática para definir números con dígitos y calcular su valor en base 10.

$\text{Numero} \rightarrow \text{digito} \text{Numero}$

$\text{Numero}_0.\text{valor} = \text{pot10}(\text{digito}.\text{valor}, \text{Numero}_1.\text{digs}) + \text{Numero}_1.\text{valor}$

$\text{Numero}_0.\text{digs} = \text{Numero}_1.\text{digs} + 1$

$\text{Numero} \rightarrow \text{digito}$

$\text{Numero}.\text{valor} = \text{digito}.\text{valor}$

$\text{Numero}.\text{digs} = 1$

El cálculo requiere muchas multiplicaciones por 10.

Atributos heredados

Resultaría más eficiente si entendemos que el *valor* depende del contexto:
Añadimos un atributo heredado *hvalor* que nos dice el *valor* hasta el momento.

$\text{Numero} \longrightarrow \text{digito Numero}$

$\text{Numero}_1.\text{hvalor} = \text{Numero}_0.\text{hvalor} * 10 + \text{digito.valor}$

$\text{Numero}_0.\text{valor} = \text{Numero}_1.\text{valor}$

$\text{Numero} \longrightarrow \text{digito}$

$\text{Numero.valor} = \text{Numero.hvalor} * 10 + \text{digito.valor}$

Para completar la gramática es necesario añadir una producción inicial.

Atributos heredados

Resultaría más eficiente si entendemos que el *valor* depende del contexto:
Añadimos un atributo heredado *hvalor* que nos dice el *valor* hasta el momento.

$$\text{Numero}' \longrightarrow \text{Numero}$$
$$\text{Numero.hvalor} = 0$$
$$\text{Numero'.valor} = \text{Numero.valor}$$
$$\text{Numero} \longrightarrow \text{digito Numero}$$
$$\text{Numero}_1.\text{hvalor} = \text{Numero}_0.\text{hvalor} * 10 + \text{valor}(\text{digito.lex})$$
$$\text{Numero}_0.\text{valor} = \text{Numero}_1.\text{valor}$$
$$\text{Numero} \longrightarrow \text{digito}$$
$$\text{Numero.valor} = \text{Numero.hvalor} * 10 + \text{valor}(\text{digito.lex})$$

Gramáticas *l*-atribuidas

- Hay que garantizar que se pueden computar los valores de los atributos.
- En general, se pueden computar si no hay circularidad en las definiciones.
- Una condición suficiente es que la gramática sea *l*-atribuida: para cada producción $X \rightarrow u_0 X_1 u_1 \dots u_{n-1} X_n u_n$ Los atributos heredados de cada no terminal X_i dependen solo de:
 - Los atributos de $u_1 \dots u_{i-1}$.
 - Los atributos sintetizados de $X_1 \dots X_{i-1}$.
 - Los atributos heredados de X .
- Además en una gramática *l*-atribuida los atributos heredados se pueden calcular en el recorrido de izquierda a derecha y en profundidad.

Gramáticas de atributos LR(k)/LL(k)

Es fácil

- Hacer un analizador ascendente y calcular los atributos sintetizados para una gramática LR(k) s-atribuida.
- Hacer un analizador descendente y calcular los atributos heredados y sintetizados para una gramática LL(k) l-atribuida.

Los generadores automáticos de analizadores ascendentes y descendentes generan código que calcula los atributos.

De *s*-atribuidas a *l*-atribuidas

Para obtener una gramática $LL(1)$ es necesario

- factorizar
- eliminar la recursión por la izquierda

Si la gramática es *s*-atribuida podemos obtener una gramática *l*-atribuida equivalente sintáctica y semánticamente.

Factorización

Reemplazamos

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow \alpha\beta_1 \\ A.a &= f_1(\alpha.a, \beta_1.a) \end{aligned}$$

...

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow \alpha\beta_n \\ A.a &= f_n(\alpha.a, \beta_n.a) \end{aligned}$$

por

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow \alpha A' \\ A'.ha &= \alpha.a \\ A.a &= A'.a \\ A' &\longrightarrow \beta_1 \\ A'.a &= f_1(A'.ha, \beta_1.a) \\ &\dots \\ A' &\longrightarrow \beta_n \\ A'.a &= f_n(A'.ha, \beta_n.a) \end{aligned}$$

Eliminación de recursividad por la izquierda

Reemplazamos

$$A \longrightarrow A\alpha_1$$

$$A_0.a = f_1(A_1.a, \alpha_1.a)$$

...

$$A \longrightarrow A\alpha_n$$

$$A_0.a = f_n(A_1.a, \alpha_n.a)$$

$$A \longrightarrow \beta_1$$

$$A.a = g_1(\beta_1.a)$$

...

$$A \longrightarrow \beta_m$$

$$A.a = g_m(\beta_m.a)$$

por

$$A \longrightarrow \beta_1 A'$$

$$A'.ha = g_1(\beta_1.a)$$

$$A.a = A'.a$$

...

$$A \longrightarrow \beta_m A'$$

$$A'.ha = g_m(\beta_m.a)$$

$$A.a = A'.a$$

$$A' \longrightarrow \alpha_1 A'$$

$$A'_1.ha = f_1(A'_0.ha, \alpha_1.a)$$

$$A'_0.a = A'_1.a$$

...

$$A' \longrightarrow \alpha_n A'$$

$$A'_1.ha = f_n(A'_0.ha, \alpha_n.a)$$

$$A'_0.a = A'_1.a$$

$$A' \longrightarrow \epsilon$$

$$A'.a = A'.ha$$

Ejemplo

Considerad la siguiente gramática s-atribuida:

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow A, B \\ A_0.a &= \text{lista}(A_1.a, B.a) \\ A &\longrightarrow @ B A \\ A_0.a &= \text{grupo}(B.a, A_1.a) \\ A &\longrightarrow @ B B \\ A.a &= \text{grupo}(B_0.a, B_1.a) \\ B &\longrightarrow \text{str } B \\ B_0.a &= \text{linea}(\text{string}(\text{str.lex}), B_1.a) \\ B &\longrightarrow \text{str } \# \\ B.a &= \text{string}(\text{str.lex}) \end{aligned}$$

Transforma esta especificación para posibilitar su implementación mediante un analizador descendente predictivo.

Ejemplo

Factorizamos

$$B \longrightarrow str\ B$$
$$B_0.a = linea(string(str.lex), B_1.a)$$
$$B \longrightarrow str\ \#$$
$$B.a = string(str.lex)$$

y obtenemos

Ejemplo

Factorizamos

$$\begin{aligned} B &\longrightarrow \text{str } B \\ B_0.a &= \text{linea}(\text{string}(\text{str.lex}), B_1.a) \\ B &\longrightarrow \text{str } \# \\ B.a &= \text{string}(\text{str.lex}) \end{aligned}$$

y obtenemos

$$\begin{aligned} B &\longrightarrow \text{str } B' \\ B'.ha &= \text{string}(\text{str.lex}) \\ B.a &= B'.a \\ B' &\longrightarrow B \\ B'.a &= \text{linea}(B'.ha, B.a) \\ B' &\longrightarrow \# \\ B'.a &= B'.ha \end{aligned}$$

Ejemplo

Factorizamos

$$A \longrightarrow @ B A$$

$$A_0.a = grupo(B.a, A_1.a)$$

$$A \longrightarrow @ B B$$

$$A.a = grupo(B_0.a, B_1.a)$$

y obtenemos

Ejemplo

Factorizamos

$$A \longrightarrow @ B A$$
$$A_0.a = grupo(B.a, A_1.a)$$
$$A \longrightarrow @ B B$$
$$A.a = grupo(B_0.a, B_1.a)$$

y obtenemos

$$A \longrightarrow @ B A'$$
$$A'.ha = B.a$$
$$A.a = A'.a$$
$$A' \longrightarrow A$$
$$A'.a = grupo(A'.ha, A.a)$$
$$A' \longrightarrow B$$
$$A'.a = grupo(A'.ha, B.a)$$

Ejemplo

Eliminamos recursividad por la izquierda

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow A, B \\ A_0.a &= \text{lista}(A_1.a, B.a) \\ A &\longrightarrow @ B A' \\ A'.ha &= B.a \\ A.a &= A'.a \end{aligned}$$

y obtenemos

Ejemplo

Eliminamos recursividad por la izquierda

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow A, B \\ A_0.a &= \text{lista}(A_1.a, B.a) \\ A &\longrightarrow @ B A' \\ A'.ha &= B.a \\ A.a &= A'.a \end{aligned}$$

y obtenemos

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow @ B A' A'' \\ A'.ha &= B.a \\ A''.ha &= A'.a \\ A.a &= A''.a \\ A'' &\longrightarrow , B A'' \\ A''_1.ha &= \text{lista}(A''_0.ha, B.a) \\ A''_0.a &= A''_1.a \\ A'' &\longrightarrow \epsilon \\ A''.a &= A''.ha \end{aligned}$$

Ejercicio 1

Transformar la siguiente gramática de atributos para posibilitar su implementación durante el análisis descendente.

Path \longrightarrow *step Path*
*Path*₀.*form* = *join*(*step.val*, *Path*₁.*form*)

Path \longrightarrow *step*
Path.*form* = *newPath*(*step.val*)

Path \longrightarrow *step Curve*
Path.*form* = *blend*(*step.val*, *Curve.form*)

Curve \longrightarrow *Curve segment*
*Curve*₀.*form* = *attach*(*Curve*₁.*form*, *segment.val*)

Curve \longrightarrow *segment*
Curve.form = *newCurve*(*segment.val*)

Ejercicios 2

Transformar la siguiente gramática de atributos para posibilitar su implementación durante el análisis descendente.

$$\begin{aligned} E &\longrightarrow E @ T \\ E_0.s &= arroba(E_1.s, T.s) \\ E &\longrightarrow T * T \\ E.s &= por(T_0.s, T_1.s) \\ E &\longrightarrow T \\ E.s &= T.s \\ T &\longrightarrow id \\ T.s &= iden(id.lex) \\ T &\longrightarrow (E) \\ T.s &= E.s \end{aligned}$$

Ejercicio 3

Transformar la siguiente gramática de atributos para posibilitar su implementación durante el análisis descendente.

$$\begin{aligned} A &\longrightarrow A a \\ &A_0.n = \text{combina}(A_1.n, a.lex) \\ A &\longrightarrow A b \\ &A_0.n = \text{junta}(A_1.n, b.lex) \\ A &\longrightarrow B c \\ &A.n = \text{mezcla}(B.n, c.lex) \\ A &\longrightarrow B d \\ &A.n = \text{teje}(B.n, d.lex) \\ B &\longrightarrow e \\ &B.n = \text{inicia}(e.lex) \end{aligned}$$