Última revisión del documento: 30 de septiembre de 2024

Practica la Unidad 3

Nombre del alumno: ._ Fecha:

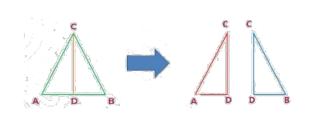
Aprendizajes:

Puntuación:

Analiza y compara diversos tipos de variación a partir de sus repre- ??>7 ??>15 Run LATEX again to produce the table sentaciones tabular, gráfica y algebraica, que resultan de modelar situaciones y fenómenos de la física y de otros contextos.

- Diferencia las expresiones algebraicas de las funciones y de las ecuaciones.
- Comprende los criterios de congruencia de triángulos y los utiliza para determinar triángulos congruentes.
- Tormula, justifica y usa el teorema de Pitágoras.

Triángulo isósceles

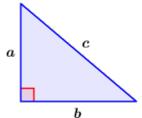


Si $\triangle ABC$ es un triángulo isósceles, entonces

$\triangle ADC \cong \triangle DBC$

Perímetro y área de un triángulo

Sea $\triangle ABC$ un triángulo rectángulo con lados a, b y c, como se muestra en la figura ??.



El perímetro P es:

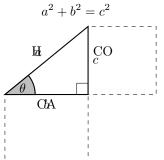
$$P = a + b + c$$

El área A es:

$$A = \frac{1}{2}ab$$

Teorema de Pitágoras

El cuadrado de la hipotenusa c es igual a la suma de los cuadrados de los catetos a y b, como se muestra a continuación:



Elige todas las respuestas adecuadas:

- Cuáles longitudes de lados forman un triángulo rectángulo?
 - **☑** 4.5, 6, 7.5
 - \square 5, $\sqrt{8}$, 3
 - **☑** 12, 9, 15
 - $\checkmark \sqrt{2}, \sqrt{2}, \mathbf{2}$

Para verificar si las opciones contienen o no las longitudes que corresponden a un triángulo rectángulo, es necesario sustituir estos valores en el teorema de Pitágoras, considerando la hipotenusa como el lado más largo en un triángulo rectángulo. Si se cumple la igualdad, entonces se trata de un triángulo rectángulo.

$$c^2 = a^2 + b^2$$
 $c^2 = a^2 + b^2$ $c^2 = a^2 + b^2$ $5^2 = (\sqrt{8})^2 + 3^2$ $15^2 = 9^2 + 12^2$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

$$7.3 = 4.3 + 0$$

 $56.25 = 20.25 + 36$

$$5 = (\sqrt{8})$$

 $25 = 8 + 9$

$$13 = 3 + 12$$

 $225 = 81 + 144$

$$2^{2} = (\sqrt{2})^{2} + (\sqrt{2})^{2}$$
$$4 = 2 + 2$$

$$56.25 = 56.25$$

$$25 = 3 + 3$$

 $25 = 17$

$$225 = 31 + 1$$

 $225 = 225$

$$4 = 4$$

Ejercicio 1 de ?? puntos

Elige todas las respuestas adecuadas:

- Q ¿Cuáles longitudes de lados forman un triángulo rectángulo?
 - \square 9, 12, 15
 - \Box 7, 8, 9
 - \Box 3, 9, $\sqrt{95}$
 - \Box 3, 6, $\sqrt{45}$

El diagrama muestra un triángulo rectángulo y tres cuadrados. El área del cuadrado más grande es $55~\mathrm{u}^2$, como se muestra en la figura $\ref{eq:compare}$.

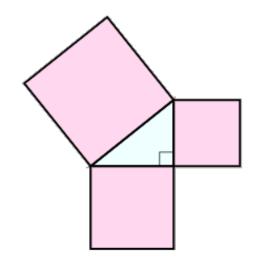


Figura 2

- ¿Cuáles pueden ser las áreas de los cuadrados más pequeños? Marque todas las opciones que considere correctas.
 - $\square 12u^2 \text{ y } 38u^2$
 - $\Box 14u^2 \text{ y } 40u^2$

 - $\square \ 20u^2 \ y \ 25u^2$

Ejercicio 2 ____ de ?? puntos

El diagrama muestra un triángulo rectángulo y tres cuadrados. El área del cuadrado más grande es 36 unidades², como se muestra en la figura ??.

 $\ensuremath{\mathcal{L}}$ Cuáles pueden ser las áreas de los cuadrados más pequeños?

 $Selecciona\ todas\ las\ respuestas\ correctas.$

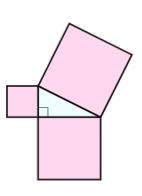


Figura 3

- $\Box 15u^2 \text{ y } 20u^2$
- \square $6u^2$ y $30u^2$
- \square 34 u^2 y 6 u^2
- \square $10u^2$ y $16u^2$
- $\square \ 26u^2 \ y \ 10u^2$
- \square 24 u^2 y 12 u^2
- \square 8 u^2 y 27 u^2
- \square $6u^2$ y $6u^2$

Calcula el valor de x en el triángulo isóseles que se muestra abajo (figura ??).

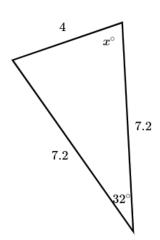


Figura 4

Dado que tiene dos lados congruentes (aquellos cuya longitud es 7.2), el triángulo es isósceles. Los ángulos opuestos a los lados congruentes también son congruentes, por lo que el ángulo sin etiqueta mide x° (Ver Figura ??). Los tres ángulos en un triángulo suman 180° . Podemos escribir este enunciado como una ecuación:

$$x^{\circ} + x^{\circ} + 32^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$\therefore x^{\circ} = \frac{180^{\circ} - 32^{\circ}}{2} = 74^{\circ}$$

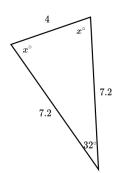


Figura 5

Ejercicio 3 _____ de ?? puntos

¿Cuál es el valor de x en la figura $\ref{eq:condition}$??

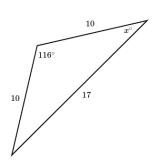
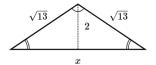
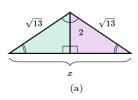
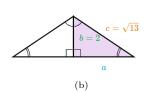


Figura 6

Encuentra el valor de \boldsymbol{x} en el siguiente triángulo:







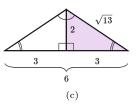


Figura 8

El triángulo isóceles está formado por 2 triángulos congruentes (ver figura ??). La base de cada triángulo rectángulo es la mitad de la base del triángulo isóceles. Cuando se trata de un triángulo rectángulo podemos utilizar el teorema de Pitágoras para encontrar un lado faltante. La ecuación del teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

donde $a \neq b$ son las longitudes de los catetos, y c es la longitud de la hipotenusa. Etiquetemos la figura del problema con a, $b \neq c$ (ver figura $\ref{eq:condition}$).

 $a^2 + b^2 = c^2$ El teorema de Pitágoras

 $a^2 + 2^2 = \sqrt{13}^2$ Sustituye las longitudes

 $a^2 + 4 = 13$ Evalua los cuadrados conocidos

 $a^2 = 13 - 4$ Despejando x

 $a^2 = 9$ Restando

a=3 Calculando la raíz en ambos lados

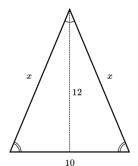
Como a=3 y a es la mitad de la longitud de x (ver figura $\ref{eq:sigma}$), podemos multiplicar para obtener x.

 $x = a \cdot 2$

 $x = 3 \cdot 2$

x = 6

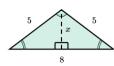
Encuentra el valor de \boldsymbol{x} en el siguiente triángulo:



¿Cuál es el área del triángulo de la figura ???



Figura 10



Para determinar el área del triángulo debemos saber la base y la altura. Llamemos \boldsymbol{x} a la longitud (ver Figura ??). Cuando tenemos un triángulo rectángulo, podemos usar el teorema de Pitágoras para obtener la longitud del cateto. La ecuación para el teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

Figura 11

En este caso, $a=4,\,b=x$ y c=5. Entonces,

$$4^{2} + x^{2} = 5^{2}$$

$$16 + x^{2} = 25$$

$$x^{2} = 25 - 25$$

$$x^{2} = 9$$

$$16 + x^{2} = 25$$

$$x^{2} = 25 - 16$$

$$x^{2} = 9$$

$$x = 3$$

$$A = \frac{1}{2}bx$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 3$$

$$A = 12 \text{ u}^2$$

Ejercicio 5	de ?? puntos	
¿Cuál es el área del triángulo de la figura ???		
10 10		
12		
Figura 12		

¿Cuál es el perímetro del trapecio de la figura ???

Considera que cada cuadro mide 1 unidad de longitud.

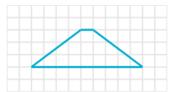


Figura 14

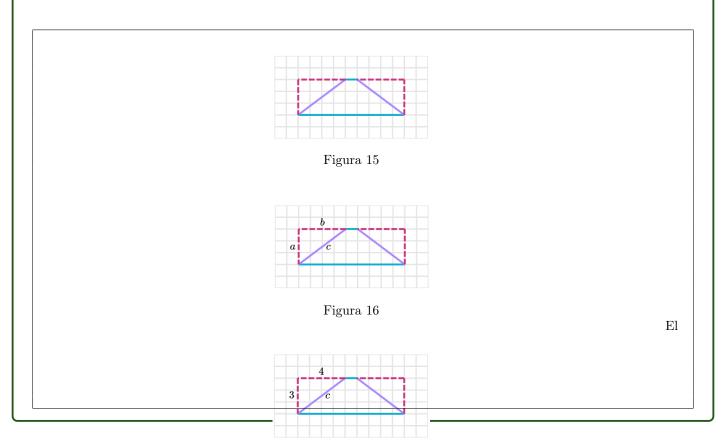


Figura 17

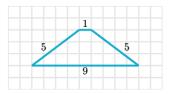


Figura 18

perímetro es la distancia alrededor de una figura. Cada recta diagonal es la hipotenusa de un triángulo rectángulo (ver figura ??). Podemos utilizar el teorema de Pitágoras para encontrar un lado faltante. La ecuación del teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

donde a y b son las longitudes de los catetos, y c es la longitud de la hipotenusa. Etiquetemos la Figura del problema con a, b y c (ver figura ??). Podemos contar los cuadrados para encontrar las longitudes de a y b, y luego sustituir esos valores en el teorema de Pitágopas (ver Figura ??).

$$a^2 + b^2 = c^2$$
 El teorema de Pitágoras

atematicas	Unidad 3	3° de Secundaria (2024-202
Ejercicio 6		de ?? puntos
¿Cuál es el perímetro del pa Considera que cada cuadro mide	ralelogramo de la figura ??? e 1 unidad de longitud.	
	D: 10	
	Figura 19	

Una tirolesa comienza en una plataforma que está a 40 metros del suelo. El punto de anclaje de la tirolesa está a 198 metros en dirección horizontal desde la base de la plataforma, como se muestran a continuación en la figura ??. ¿Qué tan larga es la tirolesa?

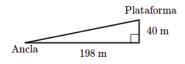


Figura 24

Podemos usar el teorema de Pitágoras para obtener x. La ecuación del teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

donde a y b son las longitudes de los dos catetos del triángulo y c es la longitud de la hipotenusa. En este caso, $a=40,\,b=198$ y c=x.

$$x^2 = 40^2 + 198^2$$

$$x^2 = 1,600 + 39,204$$

$$x^2 = 40,804$$

$$x = \sqrt{40,804}$$

$$x = 202$$

La longitud de la tirolesa es 202 metros.

Ejercicio 7 ____ de ?? puntos

La imagen muestra las distancias en kilómetros entre tres ciudades, como se muestran a continuación en la figura ??. ¿Qué tanto más corto es viajar directamente de Aurora a Clifton que de Aurora a Clifton pasando por Burlington?

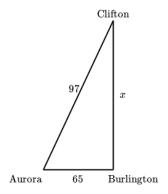


Figura 25

Considera los dos triángulos que se muestran abajo en la figura ?? (los triángulos no están dibujados a escala).

¿Los dos triángulos son congruentes?

Escoge 1 respuesta y explica el por qué:





(C) No hay suficiente información para decidir.

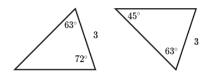


Figura 26

Dos triángulos son congruentes si tienen la misma forma y tamaño. En otras palabras, dos triángulos son congruentes si todos los lados y ángulos correspondientes son congruentes. Sin embargo, no necesitamos mostrar la congruencia de todos los lados y ángulos correspondientes para demostrar que dos triángulos son congruentes. Los criterios de congruencia (LLL, LAL, ALA) y el teorema AAL son atajos útiles para determinar congruencia de triángulos. En este caso, nos dan un lado y dos ángulos en cada triángulo. Puesto que la suma de las medidas de los ángulos de un triángulo es 180°, podemos encontrar el ángulo restante en cada triángulo. Ahora observa que dos ángulos y el lado entre ellos en un triángulo son congruentes a dos ángulos y el lado entre ellos de otro triángulo. Por lo tanto, los triángulos son congruentes por el criterio ALA. Sí, los triángulos son congruentes.

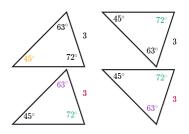


Figura 27

Ejercicio 8 de ?? puntos

Considera los dos triángulos que se muestran abajo en la Figura ?? (los triángulos no están dibujados a escala). ¿Los dos triángulos son congruentes?

Escoge 1 respuesta:

(A) Sí.

(B) No.

(C) No hay suficiente información para decidir.

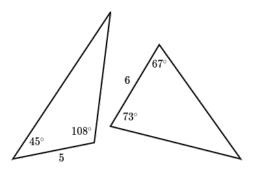


Figura 28