

Nombre del alumno: ..... Fecha: .....

**Instrucciones:**

Lee con atención cada pregunta y realiza lo que se te pide. Desarrolla tus respuestas en el espacio determinado para cada solución. De ser necesario, utiliza una hoja en blanco por separado, anotando en ella tu nombre completo, el número del problema y la solución propuesta.

**Reglas:**

Al comenzar este examen, aceptas las siguientes reglas:

- ✗ No se permite **salir** del salón de clases.
- ✗ No se permite **intercambiar o prestar** ningún tipo de material.
- ✗ No se permite el uso de **celular** o cualquier **otro dispositivo**.
- ✗ No se permite el uso de **apuntes, libros**, notas o formularios.
- ✗ No se permite **mirar** el examen de otros alumnos.
- ✗ No se permite la **comunicación** oral o escrita con otros alumnos.

Si no consideraste alguna de estas reglas, comunícalo a tu profesor.

**Aprendizajes a evaluar:**

- 🕒 Verifica algebraicamente la equivalencia de expresiones de primer grado, formuladas a partir de sucesiones.
- 🕒 Formula expresiones de primer grado para representar propiedades (perímetros y áreas) de figuras geométricas y verifica equivalencia de expresiones, tanto algebraica como geoméricamente (análisis de las figuras).
- 🕒 Calcula el volumen de prismas y cilindros rectos.

**Calificación:**

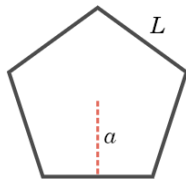
Pregunta	Puntos	Obtenidos
1	10	
2	10	
3	10	
4	20	
5	20	
6	15	
7	15	
Total	100	

**Áreas de polígonos regulares**

Si un polígono regular de  $n$  lados, de longitud  $L$ , un perímetro de  $P$  unidades, un apotema de  $a$  unidades, entonces el área  $A$  en unidades cuadradas es:

$$A = \frac{nLa}{2}$$

donde el perímetro es  $P = nL$ .

**Suma de los  $n$ -ésimos términos**

Para encontrar la suma  $s_n$  de los primeros  $n$  términos de una serie aritmética use la fórmula:

$$s_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$$

donde  $a_1$  es el primer término de la serie y  $a_n$  el  $n$ -ésimo término de la serie.

**Volumen de un prisma recto**

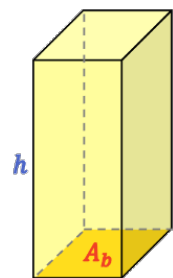
El volumen de un prisma recto de altura  $h$ , y cuyo polígono base tiene un área  $A_b$ , es:

$$V = A_b h$$

Si el polígono base es un polígono regular, entonces:

$$V = \frac{nLah}{2}$$

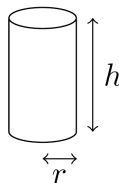
donde  $P$  es el perímetro;  $a$ , la apotema;  $n$ , el número de lados y  $l$ , la medida del lado.

**Volumen de un cilindro recto**

El volumen de un cilindro recto cuya base tiene un área de  $A = \pi r^2$ , se obtiene mediante la expresión

$$V = \pi r^2 h$$

donde  $r$  es el radio del círculo y  $h$  la altura del cilindro.



- 1 [10 puntos] Encuentra el octavo término de la sucesión representada por la regla

$$a_n = -18 + (n - 1)$$

- 2 [10 puntos] Manuel canjea sus estampillas por canicas. Cada día canjea dos estampillas más que el día anterior. El canje se realiza de la siguiente forma: por cada estampilla le entregan dos canicas. Para ordenar y contar las canicas que recibirá, él elaboró la Tabla 1:

Tabla 1

Día	1	2	3	4
Estampillas	1	3	5	7
Canicas	2	6	10	14

Si Manuel suma la cantidad de canicas que recibió cada día, ¿cuántas canicas en total tendrá Manuel por el canje de sus estampillas al término de 365 días?

- 3 [10 puntos] Determina el volumen del cilindro de la figura 1.

Ingresa una respuesta exacta en términos de  $\pi$ , o usa 3.14.

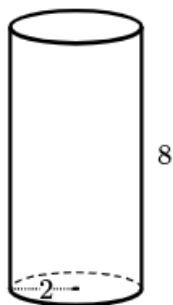


Figura 1

- 4 [20 puntos] Realiza las siguientes operaciones algebraicas mediante la adición por términos semejantes.

4a  $3x + 7 + 2(3x + 7) =$

4c  $2x + 3(7 - 3x) + 6 =$

4b  $2(5x + 8) =$

4d  $3(5x - 4) - 2(2x - 5) =$

- 5 [20 puntos] Aubrey tiene un nuevo estuche de arte con forma de prisma rectangular. El estuche es de  $12 \text{ cm}^3$ .

Lo único dentro del estuche es un nuevo borrador rosa con las dimensiones como se muestran en la figura 2.

¿Cuál es el volumen del estuche que no ocupa el borrador?

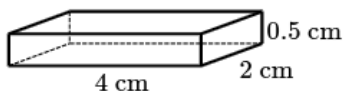
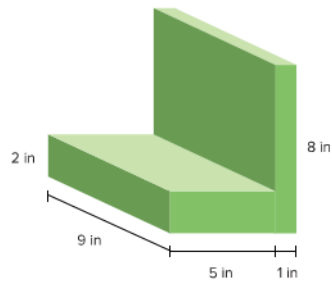


Figura 2

Figura 3



- 6 [15 puntos] La figura 3 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

- 7 [15 puntos] La figura 7 representa una caja de dulces, cuyas medidas se indican en ella.

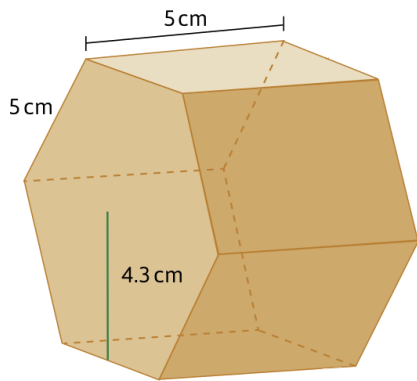


Figura 7

- 7a) Calcula su volumen

- 7b) Otra caja de dulces tiene la misma forma, pero cada dimensión es el doble de las dimensiones de la otra caja. ¿Cuál será el volumen de esta segunda caja?

- 7c) ¿Cuántas veces es más grande el volumen de la caja mayor que la primera caja?