1 Multiplicación con expresiones algebraicas

Dependiendo del tipo de expresión algebraica con la que se trabaje, la multiplicación de dichas expresiones se pueden clasificar como se muestra a continuación.

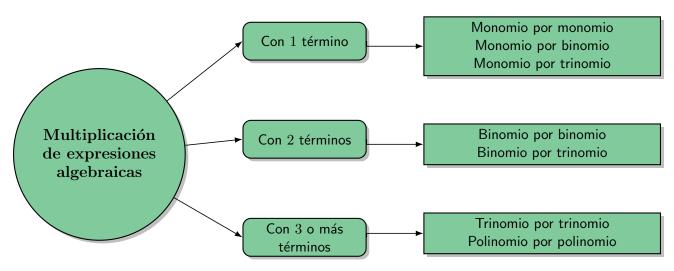


Figura 1 Clasificación de las multiplicaciones con expresiones algebraicas.

1.1 Multiplicaciones con monomios

Estas multiplicaciones se caracterizan porque al menos uno de sus productos es un monomio.



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de monomio por monomio.

$$(-15x^2y^3)(-3x^4y) = (-15)(-3)x^{2+4}y^{3+1} = 45x^6y^4$$



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de monomio por monomio.

$$(5a^4)(10a^2)(2a^5) = (5)(10)(2)a^{4+2+5} = 100a^{11}$$



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de monomio por monomio.

$$\left(-\frac{5}{4}a^6b^5c^5\right)\left(-\frac{2}{3}a^2bc^4\right) = \left(-\frac{5}{4}\right)\left(-\frac{2}{3}\right)a^{6+2}b^{5+1}c^{5+4} = \frac{5}{6}a^8b^6c^9$$



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de monomio por trinomio.

1) Multiplica el monomio por cada uno de los términos del trinomio.

$$4ax^{3}(2a^{2} - 5ax^{3} + 3a^{3}x) = (4ax^{3})(2a^{2}) - (4ax^{3})(5ax^{3}) + (4ax^{3})(3a^{3}x)$$
$$= (4)(2)a^{1+2}x^{3} - (4)(5)a^{1+1}x^{3+3} + (4)(3)a^{1+3}x^{3+1}$$
$$= 8a^{3}x^{3} - 20a^{2}x^{6} + 12a^{4}x^{4}$$

1.2 Multiplicaciones con binomios y polinomios

Para multiplicar expresiones algebraicas con dos o más términos por expresiones algebraicas con dos o más términos se deben realizar los siguientes pasos:

PASO 1 Multiplicar el primer término del primer factor, por todos los términos del segundo factor.

PASO 2 Repetir el paso 1 con los términos restantes del primer factor.



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de binomio por binomio.

$$(x^{2}+4)(x^{2}+4) = x^{4} + 4x^{2} + 4x^{2} + 16$$

= $x^{4} + 8x^{2} + 16$



EJEMPLO

Realiza la siguiente multiplicación de trinomio por trinomio.

$$(5x^{2} - 3x - 2)(4x - 3x^{2} - 6) = 20x^{3} - 15x^{4} - 30x^{2} - 12x^{2} + 9x^{3} + 18x - 8x + 6x^{2} + 12$$
$$= 29x^{3} - 15x^{4} - 36x^{2} + 10x + 12$$
$$= -15x^{4} + 29x^{3} - 36x^{2} + 10x + 12$$

1.3 Multiplicaciones combinadas con sumas y restas



EJEMPLO

Realiza la siguiente operación.

$$4(x-3)(x+2) - 10x(x^2 - 5) = 4(x^2 + 2x - 3x - 6) - 10x^3 + 50x$$
$$= 4(x^2 - x - 6) - 10x^3 + 50x$$
$$= 4x^2 - 4x - 24 - 10x^3 + 50x$$
$$= -10x^3 + 4x^2 + 46x - 24$$



EJEMPLO

Realiza la siguiente operación.

$$-2(3a-7)(2a+1) + 3(5a-3)(3a+4) = -2(6a^2 + 3a - 14a - 7) + 3(15a^2 + 20a - 9a - 12)$$
$$= -2(6a^2 - 11a - 7) + 3(15a^2 + 11a - 12)$$
$$= -12a^2 + 22a + 14 + 45a^2 + 33a - 36$$
$$= 33a^2 + 55a - 22$$