

Soluciones propuestas

2° de Secundaria Unidad 2

Repaso para el examen de la Unidad 2

Nombre del alumno: Fecha:

Aprendizajes:

- Resuelve problemas de proporcionalidad directa e inversa y de reparto proporcional.
- Obtiene la expresión algebraica y construye gráficas de una situación de proporcionalidad directa e inversa.
- 🔽 Construye polígonos regulares a partir de algunas medidas (lados, apotema, diagonales, etcétera).
- 🔽 Descompone figuras en otras para calcular su área.
- 🔽 Calcula el perímetro y el área de polígonos regulares y del círculo a partir de diferentes datos.

Puntuación:

Pregunta	1	2	3	4	5	6
Puntos	10	10	10	10	10	10
Obtenidos						
Pregunta	7	8	9	10		Total
Puntos	10	10	10	10		100
Obtenidos						

Áreas de polígonos regulares

Si un polígono regular de n lados, de longitud L, un perímetro de Punidades, un apotema de a unidades, entonces el área A en unidades cuadradas es:



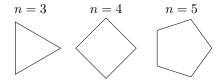
donde el perímetro es



Polígonos

Un **polígono** es una figura plana de muchos ángulos y con n lados rectos

Un polígono regular es un polígono cuyos lados miden lo mismo.



Vocabulario

 $Volumen \rightarrow cantidad de espacio tridimensional que$ ocupa un objeto.

 $\mathbf{polígono} \to \text{figura geométrica de muchos ángulos.}$ **polígono regular** \rightarrow polígono cuya medida de sus lados es la misma.

 $apotema \rightarrow l$ ínea perpendicular que va desde el centro del polígono hasta cualesquiera de sus lados.

Ejemplo 1

Una expedición turística al desierto de Sonora consta de 60 personas adultas y cuenta con víveres para 12 días. Al momento de partir, se integran 12 personas más.

¿Con qué tipo de variación proporcional se puede modelar la situación?

c Completa la tabla 1.

Soluciones propuestas

Solución:

La situación describe una variación de proporcionalidad inversa.

b ¿para cuántos días alcanzarán los víveres para las personas de la excursión si todas comen las mismas porciones?

Solución:

Las 60 (es decir, 50+10) personas tendrán comida para 10 días.

Tabla 1: Tabla comparativa entre personas y víveres

Personas	Días que duran los viveres	Constante de proporcionalidad
60	12	$60 \times 12 = 720$
10	72	$10 \times 72 = 720$
20	36	$20 \times 36 = 720$
40	18	$40 \times 18 = 720$
72	10	$72 \times 10 = 720$

Ejercicio 1 ____ de 10 puntos

Seis albañiles construyen una casa en 90 días.

Qué tipo de variación proporcional es? Argumenta tu respuesta.

Solución:

Es una variación proporcional inversa.

b ¿Cuántos dias tardarán nueve albañiles, trabajando al mismo ritmo, en construir una casa del mismo tamaño?

Solución:

Si trabajan 9 albañiles tardarán 60 días.

c Completa la tabla 2.

Tabla 2

Albañiles	Días de trabajo	Constante de proporcionalidad
1	540	$1 \times 540 = 540$
2	270	$2 \times 270 = 540$
5	108	$5 \times 108 = 540$
6	90	$6 \times 90 = 540$
8	67.5	$8 \times 67.5 = 540$
15	36	$15 \times 36 = 540$

Soluciones propuestas

Ejercicio 2 de 10 puntos Señala si las relaciones son directamente proporcionales o inversamente proporcionales. a La población mundial y el consumo de agua. e La velocidad de un móvil y la distancia recorrida. √ Directamente proporcional $\sqrt{\text{ Directamente proporcional}}$ ☐ Inversamente proporcional ☐ Inversamente proporcional f La cantidad de imágenes guardadas en el celular y b La población mundial y la cantidad de agua dispola cantidad de espacio libre. nible por persona. \square Directamente proporcional ☐ Directamente proporcional $\sqrt{\text{ Inversamente proporcional}}$ $\sqrt{\text{Inversamente proporcional}}$ 9 El tamaño de un archivo y el tiempo de descarga. **c** La distancia al sol y la temperatura. √ Directamente proporcional ☐ Directamente proporcional \square Inversamente proporcional $\sqrt{\text{Inversamente proporcional}}$ h La velocidad de conexión a Internet y el tiempo de d El tamaño de un planeta y su fuerza de gravedad. descarga de archivos. √ Directamente proporcional ☐ Directamente proporcional √ Inversamente proporcional ☐ Inversamente proporcional

Ejemplo 2

Un grupo de 30 agricultores puede sembrar todo un campo en 20 días. Al cabo de 5 días de trabajo, se les unen agricultores de otro grupo, de modo que en 10 días más terminan la siembra.

¿Cuántos agricultores había en el segundo grupo?

Solución:

Sabemos que 30 agricultores terminarían la siembra en 20 días. Como luego de los primeros 5 días de trabajo llegaron más agricultores, hacemos el siguiente gráfico para representar la situación:

Observamos que, en esta situación, a mayor cantidad de agricultores, menos días se necesitarán para terminar la siembra.

_	20 dí	as
	5 días	15 días
_	20	1 20
	30	30
_	5 días	10días
	20	
	30	30+x

Cantidad de agricultores	30	30+x
Cantidad de días de trabajo	15	10

Como es una relación inversamente proporcional, planteamos la siguiente relación:

$$30 \times 15 = 10 \times (30 + x)$$

$$450 = 300 + 10x$$

$$10x = 450 - 300$$

$$10x = 150$$

$$x = 15$$

En el segundo grupo, había 15 agricultores más, es decir, un total de 45 agricultores.

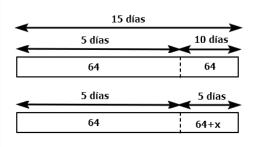
Ejercicio 3 de 10 puntos

Un grupo de 64 obreros puede terminar una obra en 15 días. Al cabo de 5 días de trabajo, se les unen obreros de otro grupo, de modo que tardan 5 días menos en terminar la obra. ¿Cuántos obreros había en el segundo grupo?

Solución:

Sabemos que 64 obreros terminarían la obra en 15 días. Como luego de los primeros 5 días de trabajo llegaron más obreros, hacemos el siguiente gráfico para representar la situación:

Observamos que, en esta situación, a mayor cantidad de obreros, menos días se necesitarán para terminar la obra.



Cantidad de obreros	64	64+x
Cantidad de días de trabajo	10	5

Como es una relación inversamente proporcional, planteamos la siguiente relación:

$$64 \times 10 = 5 \times (64 + x)$$
$$640 = 320 + 5x$$
$$5x = 320$$
$$x = 64$$

En el segundo grupo, había 64 obreros más, es decir, un total de 128 obreros.

Ejercicio 4 de 10 puntos

Antonio y Laura vieron un anuncio para limpiar un jardín de 40 m² por una paga de \$800.

O Si Antonio y Laura trabajaron el lunes y limpiaron la cuarta parte del jardín,

¿Qué cantidad les faltó por limpiar?

Escoge 1 respuesta:

(A) 5 m² $(B) 10 \text{ m}^2$

 \bigcirc 30 m² \bigcirc \bigcirc 40 m² \bigcirc \bigcirc 50 m²

b El martes fueron ayudados por sus dos primos. Manteniendo el mismo ritmo de trabajo que el lunes, ¿Qué cantidad limpiaron el segundo día?

Escoge 1 respuesta:

 \bigcirc 10 m² \bigcirc B) 20 m² \bigcirc C) 30 m² \bigcirc D) 40 m² \bigcirc E) 50 m²

C Laura y sus dos primos salieron de vacaciones por lo que Antonio terminará el trabajo. Toño está desanimado así que decide dividir el trabajo que resta en 4 días.

¿Qué superficie limpiará cada día?

Escoge 1 respuesta:

(B) 2 m^2 (C) **2.5 m**² (D) 3 m^2 (E) 3.5 m^2

d De haber mantenido el ritmo de trabajo, ¿Cuántos días le habría tomado a Antonio terminar el trabajo? Escoge 1 respuesta:

(A) 1 dá

(B) 2 dás (C) 3 dás (D) 4 dás (E) 5 dás

Ejercicio 5 ____ de 10 puntos

Un grupo de 25 personas puede levantar una cosecha en 30 días. Al cabo de 12 días de trabajo, se les unen personas de otro grupo, de modo que en 6 día más terminan la cosecha.

¿Cuántas personas había en el segundo grupo?

(A) 25 personas

(B) 45 personas

© 30 personas

(D) 15 personas

Solución:

Sabemos que 25 personas levantarían la cosecha en 30 días. Como luego de los primeros 12 días de trabajo llegaron más personas, observamos que, en esta situación, a mayor cantidad de personas, menos días se necesitarán para terminar la cosecha.

Cantidad de personas	25	25+x
Cantidad de días de trabajo	18	6

Como es una relación inversamente proporcional, planteamos la siguiente relación:

$$18 \times 25 = 6 \times (25 + x)$$
$$450 = 150 + 6x$$
$$6x = 300$$

x = 50

En el segundo grupo, había 50 personas más.

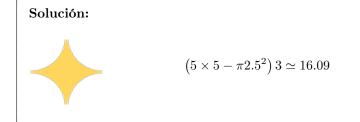
Ejercicio 6 ____ de 10 puntos

El logotipo del acero americano, esta compuesto por tres figuras de colores. Si el logotipo se coloca dentro de un rectángulo que mide 7.5 cm de ancho y 10 cm de alto, como se muestra en la Figura 1:



Figura 1: Logotipo llamado *stealmark*, propiedad del Instituto Americano del Hierro y del Acero.

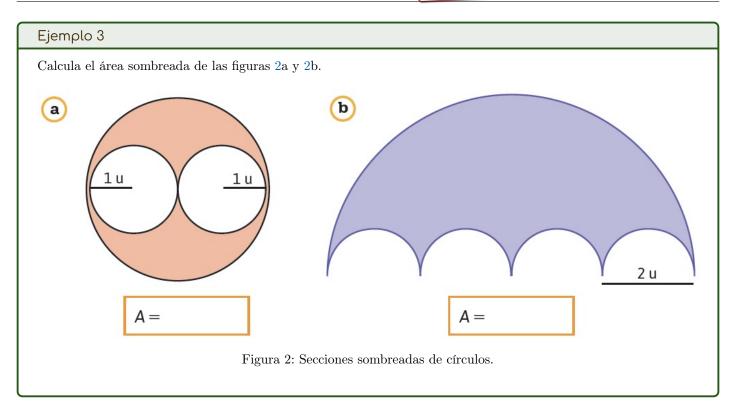
a ¿Cuánto mide el área ocupada por el logotipo?



b ¿Cuánto mide el área blanca del rectángulo?

Solución:
$$(10 \times 7.5) - 16.09 \simeq 58.9$$

Ejercicio 7	de 10 puntos
A partir de la información dada sobre un polígono regular su perímetro. © Su lado mide 1.5 cm y se puede trazar únicamente	r, traza la figura descrita en los siguientes incisos y calcula una diagonal desde cualquier vértice.
Figura:	Perímetro:
Solución:	Solución:
b El valor de un ángulo central es de 120° y mide 1 c	em de lado
Figura:	Perímetro:
Solución:	Solución:
c Cada lado mide 1 cm y se puede descomponer en 8	triángulos equiláteros congruentes.
Figura:	Perímetro:
Solución:	Solución:



Soluciones propuestas

Ejemplo 4

Observa el esquema de una cancha de basquetbol de la figura 3. Nota que las medidas están en pulgadas y pies.

- Calcula el área de una de las regiones de tiros de falta (foul) formada por un rectángulo y un semicírculo.
- **b** Determina las áreas de los círculos centrales.
- c Calcula el área de las dos regiones de tres puntos.



Figura 3: Cancha de basquetbol con medidas.

Ejercicio 8 ____ de 10 puntos

Parte I

J

aime estudia Medicina. En una clase ha aprendido que hay una nueva generación de fármacos en los que la cantidad de sustancia activa decae poco a poco hasta que el cuerpo la elimina completamente. Por ejemplo, un enfermo toma una medicina con 8 mg de sustancia activa, la cual decae 0.5 mg cada día. Por lo que su profesor les solicita que describan la relación entre cantidad de sustancia activa y los días que dura dentro del cuerpo.

O Completa la Tabla 3 en la que se calcula diariamente la cantidad de sustancia activa dentro del enfermo.

b	Traza la gráfica en la Figura 4 que describe la rela-
	ción de la sustancia activa con los días que pasan
	¿La gráfica es ascendente o descendente?

8

Tabla 3: Tabla que relaciona la cantidad de sustancia activa de acuerdo con los días.



Figura 4: Gráfica que relaciona la cantidad de sustancia activa de acuerdo con los días.

¿Cuál es la razón de cambio? ¿Cómo se relaciona ésta con la constante de proporcionalidad? ¿Cuál es? Explica su obtención.

Solución:

La razón de cambio r es la constante de proporcionalidad y se calcula con el cociente del cambio de una variable y con respecto a otra x. En este caso:

 $-0.5 \quad -0.25$

Escribe una expresión algebraica que describa la situación. Cual es el valor de la pendiente y de la ordenada al origen? Describe su obtención:

Solución:

¿En cuántos días la sustancia activa queda totalmente eliminada del organismo del enfermo? Explica.

Solución:

11 de 13

¿Cómo es el tiempo que permanece en el cuerpo de un paciente, una sustancia activa de 16 mg que decae 0.5 mg cada día con relación al tiempo que permanece la sustancia activa al inicio de este problema?

Ejercicio 9 ____ de 10 puntos

Lee con atención a cada problema y responde a las preguntas de cada uno.

O Karl viajó a Alaska en su camión. Se graficó la cantidad de combustible que queda en el tanque del camión (en litros) como una función de la distancia que recorrió (en kilómetros), en la Figura 5.

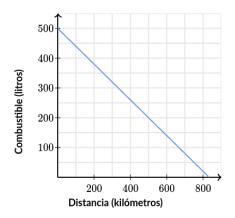


Figura 5: Gráfica de la cantidad de combustible que queda en el tanque del camión (en litros) como una función de la distancia que recorrió (en kilómetros)

¿Cuánto combustible consume el tanque cada 100 kilómetros?

- (A) 60 L
- (B) 0.5 L
- (C) 500 L
- \bigcirc 0.6 L
- b Harry obtuvo un préstamo del banco. La variable D modela la deuda restante de Harry (en pesos)

como función del tiempo t en meses desde que obtuvo el préstamo.

$$D = -200t + 9000$$

¿Cuánto dinero paga Harry cada mes? $\frac{200}{}$

c Andrei quiere llenar un tanque de vidrio con canicas, y luego el espacio restante con agua. La variable w modela la cantidad de agua (en litros) que Andrei usa si utiliza n canicas.

$$w = 32 - 0.05n$$

¿Cuál es el volumen de cada canica?

<u>**0.05**</u> litros.

d La temperatura puede medirse en dos unidades comunes: grados Celsius y grados Fahrenheit. La variable F representa la temperatura en grados Fahrenheit que es equivalente a la temperatura C en grados Celsius.

$$F = 32 + 1.8C$$

¿Cuál es el incremento en grados Fahrenheit equivalente a un incremento de 10 grados Celsius?

<u>18</u> grados Fahrenheit.

Ejercicio 10 de 10 puntos

Se fabricará una ventana de forma circular con un marco de acero inoxidable y vidrio templado. El grosor del cancel es de 3 cm y el radio de la ventana de 50 cm. El precio del acero es de \$120.00 el metro y el del vidrio es de \$160.00 por metro cuadrado.

a ¿Cuántos metros de marco se ocuparán?

Solución:

Si el radio en metros del cancel es de r = 0.3 + 0.1, la longitud del metal utilizado podrá calcularse con base a la circunferencia P del círculo con dicho radio, es decir:

$$P = 2\pi r = 2 \cdot 3.14 \cdot 0.4 \text{m} = 2.512 \text{m}$$

b ¿Cuántos metros cuadrados de vidrio se ocuparán?

Solución:

$$A_v = \pi r^2 = \pi \cdot 0.30^2 = 0.283$$
m²

c ¿Cuál es el precio total de la ventana?

Solución:

Multiplicando cada uno de los precios por la cantidad de material correspondiente, se tiene el precio total T como sigue:

$$T = 2.512 \cdot \$1200 + 0.283 \cdot \$1600 = \$3467.2$$