2° de Secundaria

# Repaso para el examen de la Unidad 3

Nombre del alumno: Fecha:

# Aprendizajes:

- Verifica algebraicamente la equivalencia de expresiones de primer grado, formuladas a partir de sucesiones.
- Formula expresiones de primer grado para representar propiedades (perímetros y áreas) de figuras geométricas y verifica equivalencia de expresiones, tanto algebraica como geométricamente (análisis de las figuras).
- Calcula el volumen de prismas y cilindros rectos.

## Puntuación:

Pregunta	1	2	3	4	5	6	7
Puntos	15	5	5	10	5	10	5
Obtenidos							
Pregunta	8	9	10	11	12	13	Total
Puntos	5	10	5	10	10	5	100
Obtenidos							

## Áreas de polígonos regulares

Si un polígono regular de n lados, de longitud L, un perímetro de Punidades, un apotema de a unidades, entonces el área A en unidades cuadradas es:



donde el perímetro es

$$P = nL$$

## Suma de los n-ésimos términos

Para encontrar la suma  $s_n$  de los primeros n términos de una serie aritmética use la fórmula:

$$s_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$$

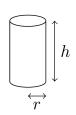
donde  $a_0$  es el primer término de la serie y  $a_n$  el n-ésimo término de la serie.

#### Volumen de un cilindro recto

El volumen de un cilindro recto cuya base tiene un área de  $A = \pi r^2$ , se obtiene mediante la expresión

$$V=\pi r^2 h$$

donde r es el radio del círculo y h la altura del cilindro.



## Volumen de un prisma recto

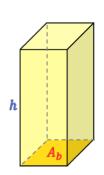
El volumen de un prisma recto de altura h, y cuyo polígono base tiene un área  $A_b$ , es:

$$V = A_b h$$

Si el polígono base es un polígono regular, entonces:

$$V = \frac{nLah}{2}$$

donde P es el perímetro; a, la apotema; n, el número de lados y l, la medida del lado.



Realiza las siguientes operaciones algebraicas mediante la adición por términos semejantes.

$$3x + 7 + 2(3x + 7) =$$

Solución:

$$3x + 7 + 2(3x + 7) = 3x + 7 + 6x + 14$$
$$= 3x + 6x + 14 + 7$$
$$= 9x + 21$$

**b** 2(5x+8) =

# Solución:

$$2(5x+8) = 10x+16$$

2x + 3(7 - 3x) + 6 =

Solución:

$$2x + 3(7 - 3x) + 6 = 2x + 21 - 9x + 6$$
$$= -7x + 27$$

d 
$$3(5x-4)-2(2x-5)=$$

Solución:

$$3(5x-4) - 2(2x-5) = 15x - 12 - 4x + 10$$
  
=  $11x - 2$ 

Ejercicio 1 de 15 puntos

Realiza las siguientes operaciones algebraicas mediante la adición por términos semejantes.

- **d** x + 2(5 6x) + 2 =

- **b** 5(3x+2)+2(7x-3)=

- 2x + 4(x+3) + 4x + 4 =

Encuentra el noveno término de la sucesión:

$$a_n = 17 - 2(n-1)$$

## Solución:

Ya que n = 9:

$$a_9 = 17 - 2(9 - 1)$$
  
= 17 - 2(8)  
= 17 - 16  
= 1

El noveno término es 1.

Ejercicio 2	de 5	puntos
Ljerere Z	000	puntos

Encuentra el trigésimo tercer término de la sucesión:

$$a_n = -2 + 5(n-1)$$

# Ejercicio 3 \_\_\_\_ de 5 puntos

Encuentra el octavo término de la sucesión representada por la regla

$$a_n = -18 + (n-1)$$

Un tanque de gas estacionario tiene la formade un cilíndro, como el que se muestra en la Figura 1. Sus medidas son de 60 cm de diámetro y 178 cm de largo. Considera que 1 L = 1 dm<sup>3</sup> = 10 cm  $\times$  10 cm  $\times$  10 cm  $\times$  10 cm  $\times$  10 cm<sup>3</sup>.

a ¿Cuántos litros le caben a ese tanque?

#### Solución:

El volumen es de  $503,280~\mathrm{cm^3}$ , que equivalen a  $503.28~\mathrm{L}$ 

b Un tanque estacionario no debe de llenarse más allá de 95 % de su capacidad. ¿Cuántos litros de gas se le pueden cargar como máximo?

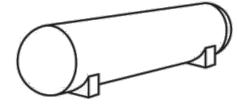


Figura 1

#### Solución:

La carga máxima del gas debe ser de 402.62 L

C Si se lee en el medidor que el tanque ya tiene 135 L, ¿cuántos litros faltan para no rebasar su capacidad máxima?

#### Solución:

Al tanque le faltan 402.62 - 135 = 267.62L.

d ¿Qué longitud debería tener el tanque si se desea que tenga una capacidad de 650 L y el mismo diámetro?

#### Solución:

La longitud corresponde a la altura del cilindro: 229.89 cm.

## Ejemplo 4

# Determina el volumen del cilindro de la figura 2.

Ingresa una respuesta exacta en términos de  $\pi$ , o usa 3.14.

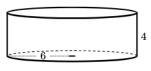


Figura 2

#### Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V = \pi r^2 h$$

De la figura 2 se sabe que r = 2 y h = 5, entonces

$$V = \pi r^2 h$$
$$= \pi (6)^2 (4)$$
$$= \pi (36)(4)$$
$$= 144\pi$$

Ejercicio 4	de 10 puntos
Un empaque para pelotas de tenis es un cilindro recto al que le caben tres pelotas, cada diámetro.  © ¿Cuánto miden el radio y la altura del empaque si se fabrica justo con las medidas de l	
b ¿Cuánto es su volumen?	
C Si el empaque se fabrica con 3 mm de holgura en la parte superior y lateral, ¿cuáles so	n sus dimensiones?
¿Cuál es su volumen?	
Ejercicio 5	de 5 puntos
Determina el volumen del cilindro de la figura 3. Ingresa una respuesta exacta en términos de $\pi$ , o usa 3.14.	
Figura 3	

Figura 5

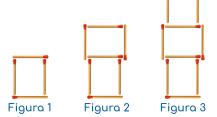
Ejercicio 6	de 10 puntos
altura total de 36 m. Está formado	gel de la Independencia (figura 4), ubicado en la Ciudad de México, tiene una por un prisma cuadrangular con altura de 2 m y lado de 8 m aproximadamente, luego la columna cilíndrica de 2.69 m de diámetro.
v	¿Qué volumen tiene el prisma cuadrangular de la base?
Figura 4	b El cubo de la base, ¿qué volumen tiene?  c ¿Qué volumen tiene la columna?  d ¿Cuál es el volumen total del monumento?
Ejercicio 7	de 5 puntos
Determina el volumen del cili Ingresa una respuesta exacta en te	ndro de la figura 5.

Sofía arma cuadrados con fósforos.

En la siguiente imagen, hay tres figuras que Sofía armó.

Sofía observa esta secuencia de figuras y dice:

—"Si sigo armando cuadrados con esta secuencia, al terminar de armar la figura 10, habré utilizado menos de 170 fósforos en total".



¿Es correcto lo que dice Sofía? ¿Cuántos fósforos habrá utilizado para hacer las 10 figuras?

## Solución:

La regla de recurrencia para la serie de fósforos es:

$$a_n = 3(n-1) + 4$$

Calculando  $a_{10}$ 

$$a_{10} = 3(10 - 1) + 4 = 3(9) + 4 = 27 + 4 = 31$$

Utilizando la suma de los términos de una serie:

$$s_{10} = \frac{10(4+31)}{2} = 5(35) = 175$$

Por lo tanto, no es correcto lo que dice Sofía, ya que: tendrá 175 fósforos al terminar de armar la figura 10.

Ejercicio 8 de 5 puntos

#### Determina el volumen del cilindro de la figura 6.

Ingresa una respuesta exacta en términos de  $\pi$ , o usa 3.14.

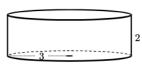


Figura 6

Ejercicio 9 \_\_\_\_ de 10 puntos

Manuel canjea sus estampillas por canicas. Cada día canjea dos estampillas más que el día anterior. El canje se realiza de la siguiente forma: por cada estampilla le entregan dos canicas. Para ordenar y contar las canicas que recibirá, él elaboró la Tabla 1:

Tabla 1

Día	1	2	3	4
Estampillas	1	3	5	7
Canicas	2	6	10	14

Si Manuel suma la cantidad de canicas que recibió cada día, ¿cuántas canicas en total tendrá Manuel por el canje de sus estampillas al término de 30 días?



Determina el volumen del cilindro de la figura 7. Ingresa una respuesta exacta en términos de  $\pi$ , o usa 3.14.



Figura 7

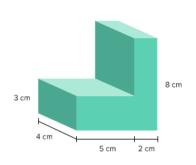


Figura 8

La Figura 8 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

#### Solución:

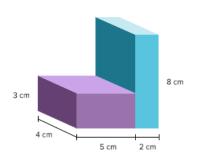


Figura 9: Descomposicion de la Figura 8 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura ??). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x, por el ancho y, por la altura z:

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura ??, se sabe que:

$$V = 5 \times 4 \times 3 = 60$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

Para la segunda sección del prisma, como en la Figura ??, se sabe que:

$$V = 2 \times 4 \times 8 = 64$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 60 + 64 = 124$$

Volumen de toda la figura  $V_T$  es 162 pulgadas cúbicas

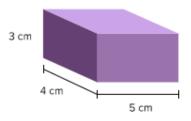


Figura 10: Primera sección del prisma de la Figura 8

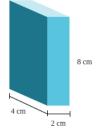
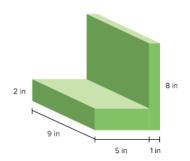


Figura 11: Segunda sección del prisma de la Figura 8

# Ejercicio 11 \_\_\_\_ de 10 puntos

Unidad 3

Figura 12



La figura 12 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

# Ejercicio 12 de 10 puntos La figura 16 representa una caja de dulces, cuyas medidas se indican en ella. a Calcula su volumen b Otra caja de dulces tiene la misma forma, pero cada dimensión es el 5cm triple de las dimensiones de la otra caja. ¿Cuál será el volumen de esta segunda caja? 5 cm 4.3 cm c ¿Cuántas veces es más grande el volumen de la caja mayor que la primera caja? Figura 16 Ejercicio 13 de 5 puntos Determina el volumen del cilindro de la figura 17. Ingresa una respuesta exacta en términos de $\pi$ , o usa 3.14.

