

Usa el teorema de Pitágoras para calcular el área

Nombre del alumno:

Fecha:

Aprendizajes:

Puntuación:

 Formula, justifica y usa el teorema de Pitágoras.

Pregunta	1	2	3	4	5	6	7	8	Total
Puntos	10	10	10	10	15	15	15	15	100
Obtenidos									

Vocabulario

Cateto → lado que junto con otro forma el ángulo recto de un triángulo rectángulo.

Triángulo rectángulo → triángulo que tiene un ángulo recto.

Hipotenusa → lado opuesto al ángulo recto en un triángulo rectángulo.

Teorema de Pitágoras

El **teorema de Pitágoras** es una relación en geometría euclidiana entre los tres lados de un triángulo rectángulo. Afirma que el área del cuadrado cuyo lado es la hipotenusa c (el lado opuesto al ángulo recto) es igual a la suma de las áreas de los cuadrados cuyos lados son los catetos a y b (los otros dos lados que no son la hipotenusa), como se muestra a continuación:

$$a^2 + b^2 = c^2$$

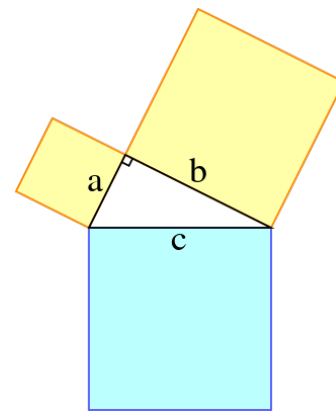


Figura 2

La Hipotenusa

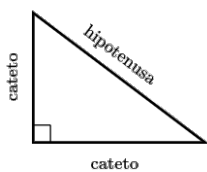
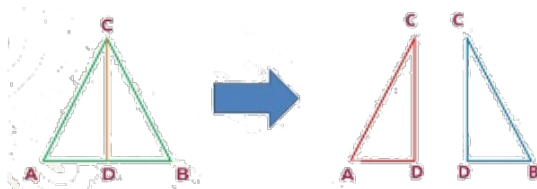


Figura 1

La **hipotenusa** es el lado más largo y está enfrente del ángulo recto (ver Figura 3). Los dos catetos son los lados más cortos que forman el ángulo recto:

Triángulo isósceles



Si $\triangle ABC$ es un triángulo isósceles, entonces

$$\triangle ADC \cong \triangle BDC$$

Área de un triángulo

El área A de un triángulo es:

$$A = \frac{1}{2}ab$$

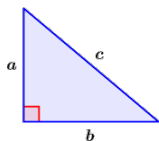


Figura 3

Ejemplo 1

¿Cuál es el área del triángulo rectángulo de la figura 4?

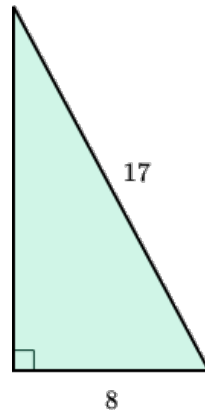


Figura 4

Solución:

Para determinar el área del triángulo debemos saber la base y la altura. Llamemos x a la longitud (ver Figura 5). Cuando tenemos un triángulo rectángulo, podemos usar el teorema de Pitágoras para obtener la longitud del cateto. La ecuación para el teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

En este caso, $a = 8$, $b = x$ y $c = 17$, Entonces,

$$8^2 + x^2 = 17^2$$

$$64 + x^2 = 289$$

$$x^2 = 289 - 64$$

$$x^2 = 225$$

$$x = 15$$

La altura del triángulo es 15. El área del triángulo es:

$$A = \frac{1}{2}bx$$

$$A = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 15$$

$$A = 60 \text{ u}^2$$

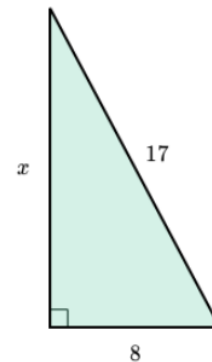


Figura 5

Ejercicio 1

10 puntos

¿Cuál es el área del triángulo rectángulo de la figura 6?

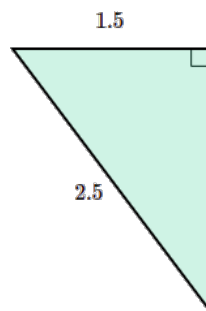


Figura 6

Ejercicio 2

10 puntos

¿Cuál es el área del triángulo rectángulo de la figura 8?

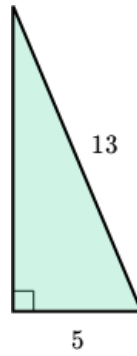


Figura 8

Ejercicio 3

10 puntos

¿Cuál es el área del triángulo de la figura 10?

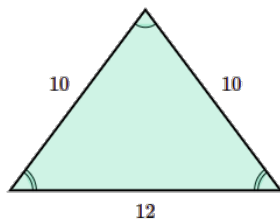


Figura 10

Ejemplo 2

¿Cuál es el área del triángulo de la figura 12?

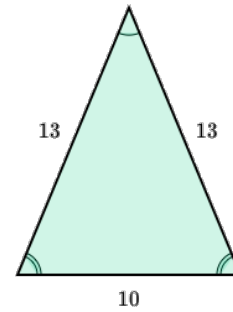
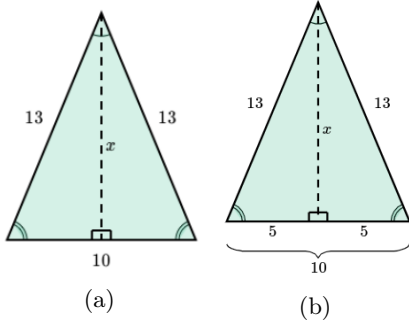


Figura 12

Solución:

Para determinar el área del triángulo debemos saber la base y la altura. Llamemos x a la altura (ver Figura 13a). Estos dos triángulos rectángulos son congruentes porque uno es la reflexión del otro a través de la línea punteada. La base de cada triángulo rectángulo es la mitad de la base del triángulo isósceles. Cuando tenemos un triángulo rectángulo, podemos usar el teorema de Pitágoras para obtener la altura (ver Figura 13b). La ecuación para el teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

En este caso, $a = 5$, $b = x$ y $c = 13$, Entonces,

$$5^2 + x^2 = 13^2$$

$$25 + x^2 = 169$$

$$x^2 = 169 - 25$$

$$x^2 = 144$$

$$x = 12$$

La altura del triángulo es 12. El área del triángulo es: $A = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 12 = 60 \text{ u}^2$

Ejercicio 4

10 puntos

¿Cuál es el área del triángulo de la figura 14?

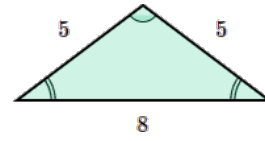


Figura 14

Ejercicio 5

15 puntos

¿Cuál es el área del paralelogramo de la figura 16?

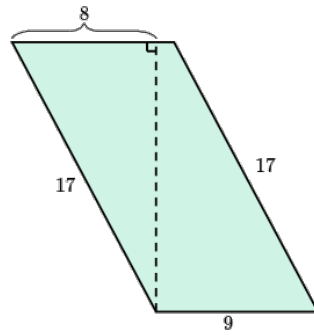


Figura 16

Ejercicio 6

15 puntos

¿Cuál es el área del trapecio de la figura 18?

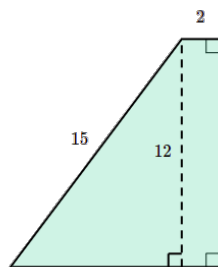


Figura 18

Ejercicio 7

15 puntos

¿Cuál es el área del paralelogramo de la figura 22?

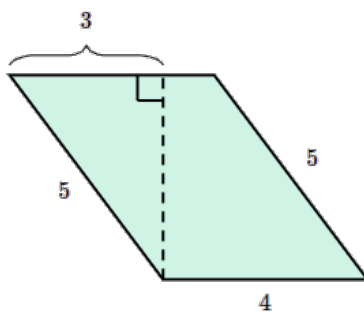


Figura 22

Ejemplo 3

¿Cuál es el área del trapecio de la figura 24?

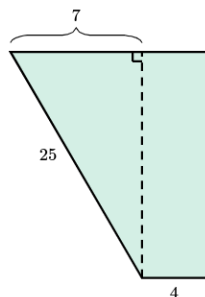


Figura 24

Solución:

Para determinar el área del trapecio debemos saber la altura. Llamemos x a la longitud (ver Figura 25). Cuando tenemos un triángulo rectángulo, podemos usar el teorema de Pitágoras para obtener la longitud del cateto. La ecuación para el teorema de Pitágoras es:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

En este caso, $a = 12$, $b = x$ y $c = 15$, Entonces,

$$7^2 + x^2 = 25^2$$

$$49 + x^2 = 625$$

$$x^2 = 625 - 49$$

$$x^2 = 576$$

$$x = 24$$

La altura del trapecio es 24. Ahora vamos a usar la altura para determinar el área de ambas partes del trapecio. Primero, el rectángulo (ver Figura 26):

$$A = bh$$

$$A = 4 \cdot 24$$

$$A = 96$$

Ahora vamos a determinar el área de la porción triangular del trapecio (ver Figura 27):

$$A = \frac{1}{2}bh$$

$$A = \frac{1}{2}7 \cdot 24$$

$$A = 84$$

Podemos sumar las áreas de las dos partes para determinar el área total del trapecio.

$$96 + 84 = 180 \text{ u}^2$$

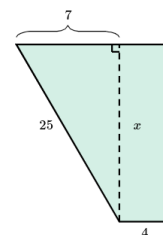


Figura 25

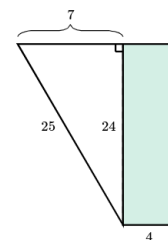


Figura 26

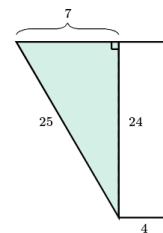


Figura 27

Ejercicio 8

15 puntos

¿Cuál es el área del trapecio de la figura 28?

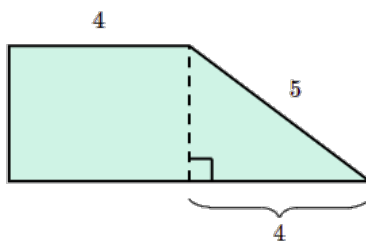


Figura 28