

Preparación para el Examen de la Unidad con Adecuación Curricular 3

Nombre del alumno:

Fecha:

Aprendizajes:

Puntuación:

- Calcula valores faltantes en problemas de proporcionalidad directa, con constante natural, fracción o decimal (incluyendo tablas de variación).
- Resuelve problemas mediante la formulación y solución algebraica de ecuaciones lineales.
- Formula expresiones de primer grado para representar propiedades (perímetros y áreas) de figuras geométricas y verifica equivalencia de expresiones, tanto algebraica como geométricamente (análisis de las figuras).
- Calcula el volumen de prismas y cilindros rectos.

| Pregunta | Puntos | Obtenidos |
|----------|--------|-----------|
| 1 | 15 | |
| 2 | 15 | |
| 3 | 5 | |
| 4 | 5 | |
| 5 | 5 | |
| 6 | 5 | |
| 7 | 10 | |
| 8 | 10 | |
| 9 | 10 | |
| 10 | 5 | |
| 11 | 5 | |
| 12 | 5 | |
| 13 | 5 | |
| Total | 100 | |

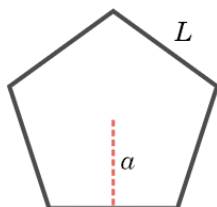
Áreas de polígonos regulares

Si un polígono regular de n lados, de longitud L , un perímetro de P unidades, un apotema de a unidades, entonces el área A en unidades cuadradas es:

$$A = \frac{nLa}{2}$$

donde el perímetro es

$$P = nL$$



Volumen de un prisma recto

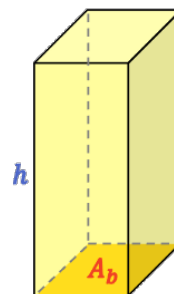
El volumen de un prisma recto de altura h , y cuyo polígono base tiene un área A_b , es:

$$V = A_b h$$

Si el polígono base es un polígono regular, entonces:

$$V = \frac{nLa h}{2}$$

donde P es el perímetro; a , la apotema; n , el número de lados y l , la medida del lado.

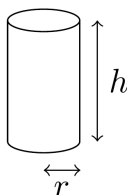


Volumen de un cilindro recto

El volumen de un cilindro recto cuya base tiene un área de $A = \pi r^2$, se obtiene mediante la expresión

$$V = \pi r^2 h$$

donde r es el radio del círculo y h la altura del cilindro.



Ejercicio 1

15 puntos

- a Coloca el valor de la razón entre el precio y el peso de los siguientes productos de reciclaje.

| Producto | Peso | Precio | Razón $\left(\frac{\text{precio}}{\text{peso}}\right)$ |
|-----------|------|--------|--|
| Periódico | 600 | 480 | $\frac{480}{600} = 0.8$ |
| Cartón | 1250 | 750 | |
| PET | 600 | 264 | |
| Vidrio | 200 | 1250 | |
| Papel | 400 | 2000 | |

- b Por vender 20 kg de cartón se obtuvo \$ 12.

Solución:

| Peso | | Precio |
|---------|---------------|---|
| 1250 kg | \Rightarrow | \$750 |
| 20 kg | \Rightarrow | $x = \frac{20 \text{ kg} \times \$750}{1250 \text{ kg}} = \12 |

- c Al llevar _____ kg de periódico, recibió \$36.

- d Por los 14 kg de PET que llevó, recibió \$_____

- e Al vender _____ kg de PET, recibió \$146.9.

- f Al vender _____ kg de vidrio, recibió \$250.

Ejemplo 1

Encuentra la solución a las siguientes ecuaciones.

a

$$4(a + 3) = 14$$

Solución:

$$\begin{aligned}4(a + 3) &= 14 \\4a + 12 &= 14 \\4a &= 14 - 12 \\4a &= 2 \\a &= \frac{2}{4} \\a &= \frac{1}{2}\end{aligned}$$

c

$$\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}x + 1 = 0$$

Solución:

$$\begin{aligned}\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}x + 1 &= 0 \\\frac{2}{4}x - \frac{1}{4}x &= -1 \\\frac{1}{4}x &= -1 \\x &= -1(4) \\x &= -4\end{aligned}$$

b

$$-3(x + 7) = 9(x - 1)$$

Solución:

$$\begin{aligned}-3(x + 7) &= 9(x - 1) \\-3x - 21 &= 9x - 9 \\-3x - 9x &= -9 + 21 \\-12x &= 12 \\x &= \frac{12}{-12} \\x &= -1\end{aligned}$$

d

$$2(b - 8) = -3(b - 3)$$

Solución:

$$\begin{aligned}2(b - 8) &= -3(b - 3) \\2b - 16 &= -3b + 9 \\2b + 3b &= 9 + 16 \\5b &= 25 \\b &= \frac{25}{5} \\b &= 5\end{aligned}$$


Ejercicio 2

15 puntos

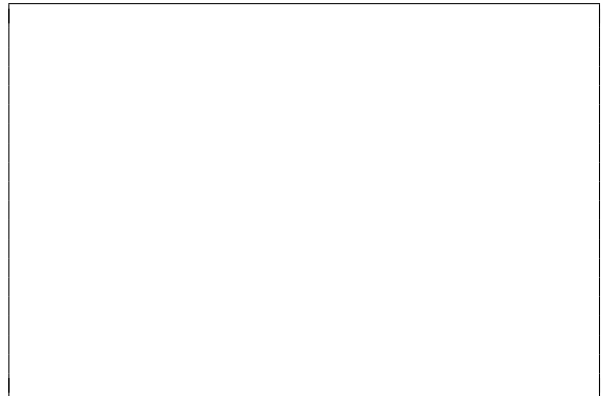
Encuentra la solución a las siguientes ecuaciones.

a

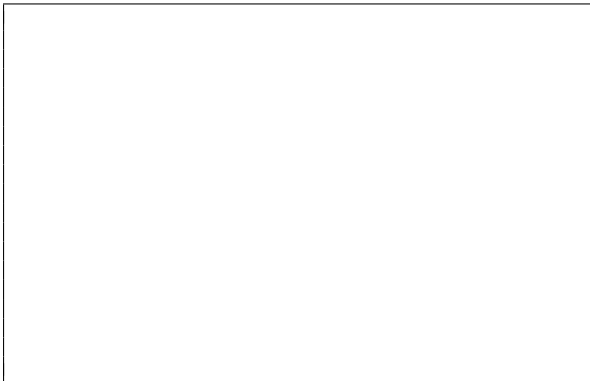
$$3(a + 4) = 24$$

**c**

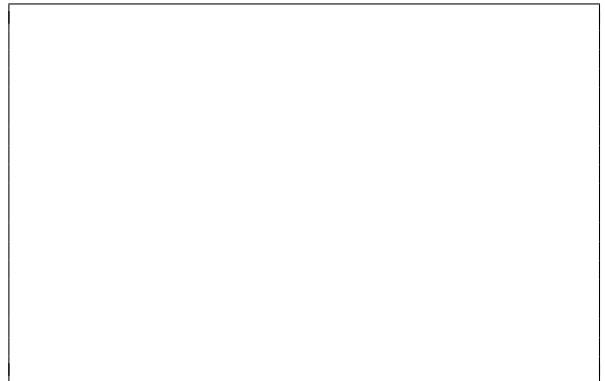
$$\frac{1}{3}x - \frac{1}{6}x + 1 = 0$$

**b**

$$-7(x + 3) = 2(x - 9)$$

**d**

$$8(b - 2) = -2(b - 2)$$



Ejemplo 2

Escribe la **expresión algebraica** que representa a cada uno de los siguientes enunciados:

El doble de la suma de un número con 2 es 12. $2(x + 2) = 12$

La suma del triple de un número con 1 es igual a la suma del mismo número con 2. $3x + 1 = x + 2$

El doble de un número es igual a la suma del mismo número con 5. $2x = x + 5$

La mitad de la suma de un número con 3 es 2. $\frac{(x + 3)}{2} = 2$

La suma de la mitad de un número con 2 es 6. $\frac{1}{2}x + 2 = 6$

Ejercicio 3

5 puntos

Escribe la **expresión algebraica** que representa a cada uno de los siguientes enunciados:

El doble de la suma de un número con cinco es 32. _____

La suma del doble de un número con cinco es igual a la suma del mismo número con dos. _____

El doble de un número es igual a la suma del mismo número con dos. _____

La mitad de la suma de un número con dos, es uno. _____

La suma de la mitad de un número con dos, es dos. _____

Ejemplo 3

Determina el volumen del cilindro de la figura 1.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.

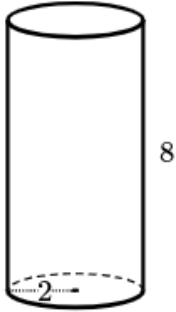


Figura 1

Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V = \pi r^2 h$$

De la figura 1 se sabe que $r = 2$ y $h = 8$, entonces

$$\begin{aligned} V &= \pi r^2 h \\ &= \pi(2)^2(8) \\ &= \pi(4)(8) \\ &= 32\pi \end{aligned}$$

Ejercicio 4

5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 2.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.

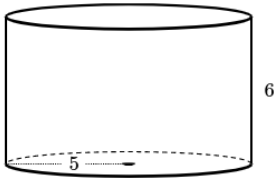


Figura 2

Ejercicio 5

5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 3.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.



Figura 3

Ejercicio 6

5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 4.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.



Figura 4

Ejemplo 4

Aubrey tiene un nuevo estuche de arte con forma de prisma rectangular. El estuche es de 12 cm^3 .

Lo único dentro del estuche es un nuevo borrador rosa con las dimensiones como se muestran en la figura 5.

¿Cuál es el volumen del estuche que no ocupa el borrador?

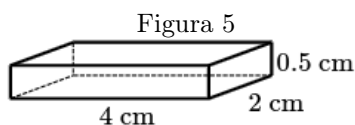


Figura 5

Solución:

Si restamos el volumen del borrador al volumen del estuche, entonces podremos conocer el espacio que no es ocupado por el borrador, así:

$$12\text{cm}^3 - (4 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 0.5 \text{ cm}) = 12 \text{ cm}^3 - 4 \text{ cm}^3 = 8\text{cm}^3$$

Ejercicio 7

10 puntos

En un teatro quieren construir escalones movibles que puedan usarse para subir y bajar del escenario, como los que aparecen en la figura 6. Quieren que los escalones tengan suficiente espacio dentro para poder almacenar objetos de utilería.

¿Cuánto espacio hay dentro de los escalones?

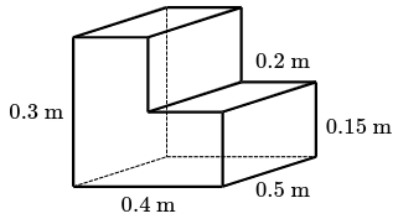


Figura 6

Ejercicio 8

10 puntos

La mamá de Lacey le hace un pastel de cumpleaños en forma de "L", como se muestra en la figura 7. A Lacey le encanta el betún, así que su mamá cubre todo el exterior del pastel con betún, incluso la parte de abajo

¿Cuánto espacio cubre con betún la mamá de Lacey?

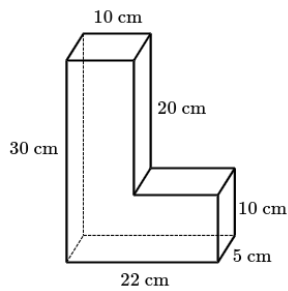


Figura 7

Ejercicio 9

10 puntos

Un tanque de gas estacionario tiene la formade un cilindro, como el que se muestra en la Figura 8. Sus medidas son de 60 cm de diámetro y 178 cm de largo.

- a ¿Cuántos litros le caben a ese tanque?

- b Un tanque estacionario no debe de llenarse más allá de 45 partes de su capacidad. ¿Cuántos litros de gas se le pueden cargar como máximo?

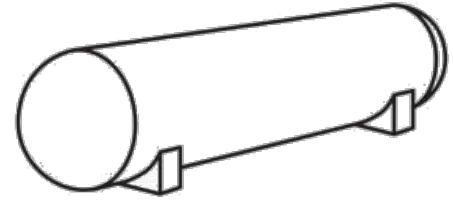


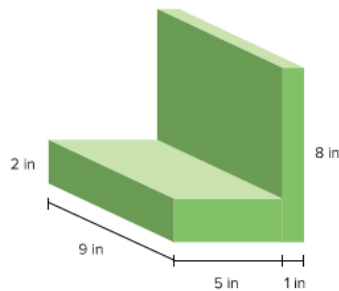
Figura 8

Si se lee en el medidor que el tanque ya tiene 135 L, ¿cuántos litros faltan para no rebasar su capacidad máxima?

- d ¿Qué longitud debería tener el tanque si se desea que tenga una capacidad de 650 L y el mismo diámetro?

Ejemplo 5

Figura 9



La figura 9 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

Solución:

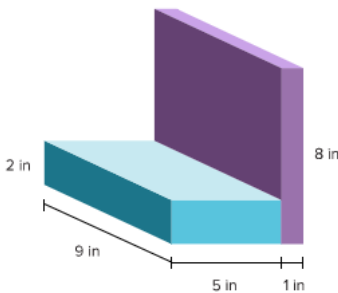


Figura 10: Descomposición de la Figura 9 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura 10). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x , por el ancho y , por la altura z :

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura 11, se sabe que:

$$V = 5 \times 9 \times 2 = 90$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

Para la segunda sección del prisma, como en la Figura 12, se sabe que:

$$V = 1 \times 9 \times 8 = 72$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 90 + 72 = 162$$

Volumen de toda la figura V_T es 162 pulgadas cúbicas

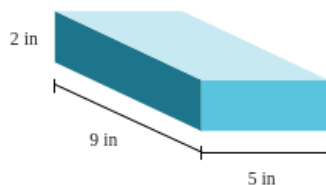


Figura 11: Primera sección del prisma de la Figura 9

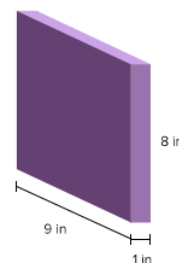


Figura 12: Segunda sección del prisma de la Figura 9

Ejercicio 10

5 puntos

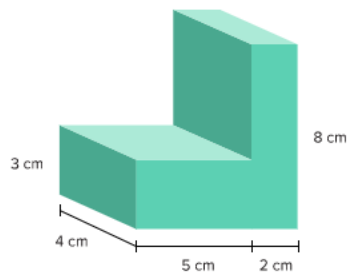


Figura 13

La Figura 13 está formada por 2 prismas rectangulares.
¿Cuál es el volumen de esta figura?

Ejercicio 11

5 puntos

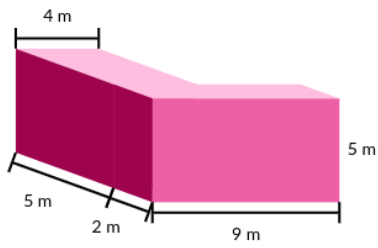


Figura 17

La Figura 17 está formada por 2 prismas rectangulares.
¿Cuál es el volumen de esta figura?

Ejercicio 12

5 puntos

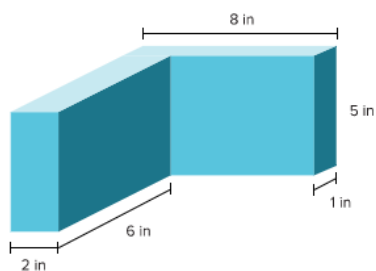


Figura 21

La Figura 21 está formada por 2 prismas rectangulares.
¿Cuál es el volumen de esta figura?

Ejercicio 13

5 puntos

La Figura 25 representa una caja de dulces, cuyas medidas se indican en ella.

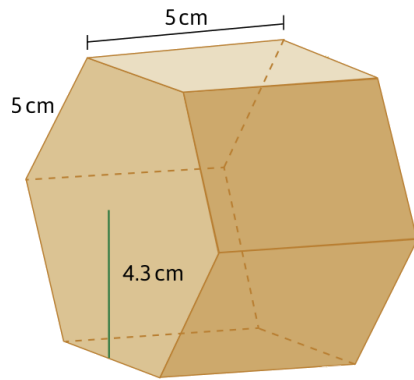


Figura 25

a Calcula su volumen

b Otra caja de dulces tiene la misma forma, pero cada dimensión es el doble de las dimensiones de la otra caja. ¿Cuál será el volumen de esta segunda caja?

c ¿Cuántas veces es más grande el volumen de la caja mayor que la primera caja?