

Escuela Rafael Díaz Serdán

Matemáticas 3 JC Melchor Pinto

Soluciones propuestas Unidad 3

3° de Secundaria

2022-2023

Preparación para el Examen de la Unidad con Adecuación Curricular 3

Nombre del alumno:

Aprendizajes:

- 🔽 Calcula valores faltantes en problemas de proporcionalidad directa, con constante natural, fracción o decimal (incluyendo tablas de variación).
- Resuelve problemas mediante la formulación y solución algebraica de ecuaciones lineales.
- Formula expresiones de primer grado para representar propiedades (perímetros y áreas) de figuras geométricas y verifica equivalencia de expresiones, tanto algebraica como geométricamente (análisis de las figuras).
- Calcula el volumen de prismas y cilindros rectos.

Fecha:

Puntuación:

Pregunta	Puntos	Obtenidos
1	15	
2	15	
3	5	
4	5	
5	5	
6	5	
7	10	
8	10	
9	10	
10	5	
11	5	
12	5	
13	5	
Total	100	

Áreas de polígonos regulares

Si un polígono regular de n lados, de longitud L, un perímetro de P unidades, un apotema de a unidades, entonces el área Aen unidades cuadradas es:



donde el perímetro es

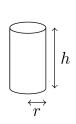
$$P = nL$$

Volumen de un cilindro recto

El volumen de un cilindro recto cuya base tiene un área de $A = \pi r^2$, se obtiene mediante la expresión

$$V = \pi r^2 h$$

donde r es el radio del círculo y h la altura del cilindro.



Volumen de un prisma recto

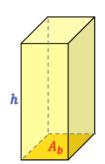
El volumen de un prisma recto de altura h, y cuyo polígono base tiene un área A_b , es:

$$V = A_b h$$

Si el polígono base es un polígono regular, entonces:

$$V = \frac{nLah}{2}$$

donde P es el perímetro; a, la apotema; n, el número de lados y l, la medida del lado.



Ejercicio 1 15 puntos

Ocoloca el valor de la razón entre el precio y el peso de los siguientes productos de reciclaje.

Producto	Peso	Precio	$\operatorname{Raz\'{o}n}\left(rac{\operatorname{precio}}{\operatorname{peso}} ight)$
Periódico	600	480	$\frac{480}{600} = 0.8$
Cartón	1250	750	$\frac{750}{1250} = 0.6$
PET	600	264	$\frac{264}{600} = 0.44$
Vidrio	200	1250	$\frac{1250}{200} = 6.25$
Papel	400	2000	$\frac{2000}{400} = 5$

b Por vender 20 kg de cartón se obtubo \$_12_.

Solución	ı:	
Peso		Precio
1250 kg	\Rightarrow	\$750
20 kg	\Rightarrow	$x = \frac{20 \text{ kg} \times \$750}{1250 \text{ kg}} = \12

c Al llevar <u>45</u> kg de periódico, recibió \$36.

Solución:

Precio Peso

\$480 \Rightarrow 600 \kg
\$36 \Rightarrow
$$x = \frac{\$36 \times 600 \text{ kg}}{\$480} = 45 \text{ kg}$$

d Por los 14 kg de PET que llevó, recibió \$_\$6.16

Solución:

Peso Precio
$$600 \text{ kg} \Rightarrow \$264$$
 $14 \text{ kg} \Rightarrow x = \frac{14 \text{ kg} \times \$264}{600 \text{ kg}} = \$6.16$

e Al vender <u>333.86</u> kg de PET, recibió \$146.9.

f Al vender <u>40</u> kg de vidrio, recibió \$250.

Solución	n:	
Precio		Peso
\$1250	\Rightarrow	200 kg
\$250	\Rightarrow	$x = \frac{\$250 \times 200 \text{ kg}}{\$1250} = 40 \text{ kg}$

Encuentra la solución a las siguientes ecuaciones.

a

$$4(a+3) = 14$$

С

$$\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}x + 1 = 0$$

Solución:

$$4(a+3) = 14$$

$$4a + 12 = 14$$

$$4a = 14 - 12$$

$$4a = 2$$

$$a = \frac{2}{4}$$

$$a = \frac{1}{2}$$

Solución:

$$\frac{1}{2}x - \frac{1}{4}x + 1 = 0$$

$$\frac{2}{4}x - \frac{1}{4}x = -1$$

$$\frac{1}{4}x = -1$$

$$x = -1(4)$$

$$x = -4$$

b

$$-3(x+7) = 9(x-1)$$

d

$$2(b-8) = -3(b-3)$$

Solución:

$$-3(x + 7) = 9(x - 1)$$

$$-3x - 21 = 9x - 9$$

$$-3x - 9x = -9 + 21$$

$$-12x = 12$$

$$x = \frac{12}{-12}$$

$$x = -1$$

Solución:

$$2(b-8) = -3(b-3)$$

$$2b-16 = -3b+9$$

$$2b+3b = 9+16$$

$$5b = 25$$

$$b = \frac{25}{5}$$

$$b = 5$$

Ejercicio 2 15 puntos

Encuentra la solución a las siguientes ecuaciones.

a

$$3(a+4) = 24$$

С

$$\frac{1}{3}x - \frac{1}{6}x + 1 = 0$$

Solución:

$$3(a+4) = 24$$
$$3a+12 = 24$$

$$3a = 24 - 12$$

$$3a = 12$$

$$a = \frac{12}{3}$$

$$a = 4$$

Solución:

$$\frac{1}{3}x - \frac{1}{6}x + 1 = 0$$

$$\frac{2}{6}x - \frac{1}{6}x = -1$$

$$\frac{1}{6}x = -1$$

$$x = -1(6)$$

$$x = -6$$

b

$$-7(x+3) = 2(x-9)$$

d

$$8(b-2) = -2(b-2)$$

Solución:

$$-7(x+3) = 2(x-9)$$
$$-7x - 21 - 2x - 18$$

$$-7x - 21 = 2x - 18$$

$$-7x - 2x = -18 + 21$$

$$-9x = 3$$

$$x = \frac{3}{-9}$$

$$x = -\frac{1}{3}$$

Solución:

$$8(b-2) = -2(b-2)$$

$$8b - 16 = -2b + 4$$

$$8b + 2b = 4 + 16$$

$$10b = 20$$

$$b = \frac{20}{10}$$

$$b=2$$

Escribe la expresion algebraica que representa a cada uno de los siguientes enunciados:

El doble de la suma de un número con 2 es 12.

$$2(x+2) = 12$$

La suma del triple de un número con 1 es igual a la suma del mismo número con 2.

$$3x + 1 = x + 2$$

El doble de un número es igual a la suma del mismo número con 5

$$2x = x + 5$$

La mitad de la suma de un número con 3 es 2.

$$\frac{(x+3)}{2} = 2$$

La suma de la mitad de un número con 2 es 6.

$$\frac{1}{2}x + 2 = 6$$

Ejercicio 3 5 puntos

Escribe la expresion algebraica que representa a cada uno de los siguientes enunciados:

El doble de la suma de un número con cinco es 32.

$$2(x+5) = 32$$

La suma del doble de un número con cinco es igual a la suma del mismo número con dos.

$$(2x+5) = x+2$$

El doble de un número es igual a la suma del mismo número con dos.

$$2x = x + 2$$

La mitad de la suma de un número con dos, es uno.

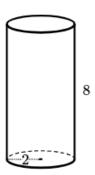
$$\frac{1}{2}(x+2) = 1$$

La suma de la mitad de un número con dos, es dos.

$$\frac{1}{2}x + 2 = 2$$

Determina el volumen del cilindro de la figura 1.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.



Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V = \pi r^2 h$$

De la figura 1 se sabe que r=2 y h=5, entonces

$$V = \pi r^2 h$$
$$= \pi (2)^2 (8)$$
$$= \pi (4)(8)$$
$$= 32\pi$$

Figura 1

Ejercicio 4 5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 2.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.

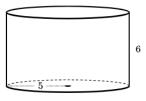


Figura 2

Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V = \pi r^2 h$$

De la figura 2 se sabe que r = 2 y h = 5, entonces

$$V = \pi r^2 h$$
$$= \pi (5)^2 (6)$$
$$= \pi (25)(6)$$
$$= 150\pi$$

Ejercicio 5 5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 3.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.

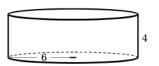


Figura 3

Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V = \pi r^2 h$$

De la figura 3 se sabe que r = 2 y h = 5, entonces

$$V = \pi r^2 h$$
$$= \pi (6)^2 (4)$$
$$= \pi (36)(4)$$
$$= 144\pi$$

Ejercicio 6 5 puntos

Determina el volumen del cilindro de la figura 4.

Ingresa una respuesta exacta en términos de π , o usa 3.14.

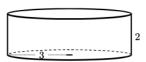


Figura 4

Solución:

El volumen de un cilindro de radio r y altura h es:

$$V=\pi r^2 h$$

De la figura 4 se sabe que r = 2 y h = 5, entonces

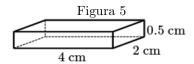
$$V = \pi r^2 h$$
$$= \pi (3)^2 (2)$$
$$= \pi (9)(2)$$
$$= 18\pi$$

Ejemplo 4

Aubrey tiene un nuevo estuche de arte con forma de prisma rectangular. El estuche es de 12 cm³.

Lo único dentro del estuche es un nuevo borrador rosa con las dimensiones como se muestran en la figura 5.

¿Cuál es el volumen del estuche que no ocupa el borrador?



Solución:

Si restamos el volumen del borrador al volumen del estuche, entonces podremos conocer el espacio que no es ocupado por el borrador, así:

$$12 \text{cm}^3 - (4 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 0.5 \text{ cm}) = 12 \text{ cm}^3 - 4 \text{ cm}^3 = 8 \text{cm}^3$$

Ejercicio 7 10 puntos

En un teatro quieren construir escalones movibles que puedan usarse para subir y bajar del escenario, como los que aparecen en la figura 6. Quieren que los escalones tengan suficiente espacio dentro para poder almacenar objetos de utilería.

¿Cuánto espacio hay dentro de los escalones?

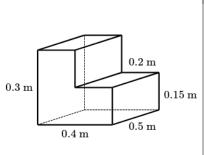


Figura 6

Solución:

Ejercicio 8 10 puntos

La mamá de Lacey le hace un pastel de cumpleaños en forma de "L", como se muestra en la figura 7. A Lacey le encanta el betún, así que su mamá cubre todo el exterior del pastel con betún, incluso la parte de abajo ¿Cuánto espacio cubre con betún la mamá de Lacey?

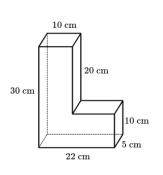


Figura 7

Solución:

Ejercicio 9 10 puntos

Un tanque de gas estacionario tiene la formade un cilíndro, como el que se muestra en la Figura 8. Sus medidas son de 60 cm de diámetro y 178 cm de largo.

a ¿Cuántos litros le caben a ese tanque?

Solución:

El volumen es de $503,280 \text{ cm}^3$, que equivalen a 503.28 L

b Un tanque estacionario no debe de llenarse más allá de 45 partes de su capacidad. ¿Cuántos litros de gas se le pueden cargar como máximo?

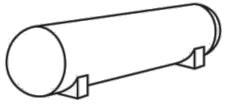


Figura 8

Solución:

La carga máxima del gas debe ser de 402.62 L

Si se lee en el medidor que el tanque ya tiene 135 L, ¿cuántos litros faltan para no rebasar su capacidad máxima?

Solución:

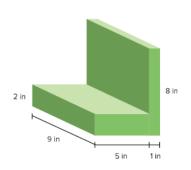
Al tanque le faltan 402.62 - 135 = 267.62L.

d ¿Qué longitud debería tener el tanque si se desea que tenga una capacidad de 650 L y el mismo diámetro?

Solución:

La longitud corresponde a la altura del cilindro: 229.89 cm.

Figura 9



La figura 9 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

Solución:

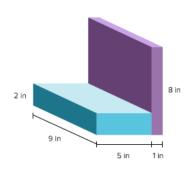


Figura 10: Descomposicion de la Figura 9 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura 10). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x, por el ancho y, por la altura z:

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura 11, se sabe que:

$$V = 5 \times 9 \times 2 = 90$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

Para la segunda sección del prisma, como en la Figura 12, se sabe que:

$$V = 1 \times 9 \times 8 = 72$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 90 + 72 = 162$$

Volumen de toda la figura V_T es 162 pulgadas cúbicas

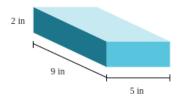


Figura 11: Primera sección del prisma de la Figura 9

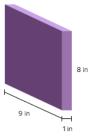


Figura 12: Segunda sección del prisma de la Figura 9

Ejercicio 10 5 puntos

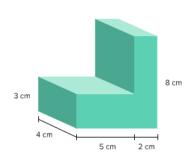


Figura 13

La Figura 13 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

Solución:

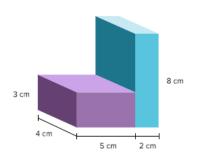


Figura 14: Descomposicion de la Figura 13 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura 10). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x, por el ancho y, por la altura z:

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura 11, se sabe que:

$$V = 5 \times 4 \times 3 = 60$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

Para la segunda sección del prisma, como en la Figura 12, se sabe que:

$$V = 2 \times 4 \times 8 = 64$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 60 + 64 = 124$$

Volumen de toda la figura V_T es 162 pulgadas cúbicas

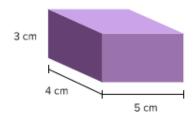


Figura 15: Primera sección del prisma de la Figura 13

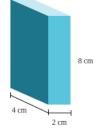


Figura 16: Segunda sección del prisma de la Figura 13

Ejercicio 11 5 puntos

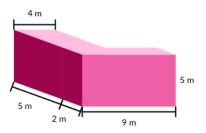


Figura 17

La Figura 17 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

Solución:

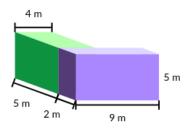


Figura 18: Descomposicion de la Figura 17 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura 10). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x, por el ancho y, por la altura z:

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura 11, se sabe que:

$$V = 5 \times 4 \times 5 = 100$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

Para la segunda sección del prisma, como en la Figura 12, se sabe que:

$$V = 2 \times 9 \times 5 = 90$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 100 + 90 = 190$$

Volumen de toda la figura V_T es 190 pulgadas cúbicas

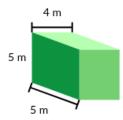


Figura 19: Primera sección del prisma de la Figura 17

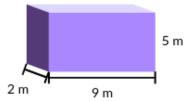


Figura 20: Segunda sección del prisma de la Figura 17

Ejercicio 12 5 puntos

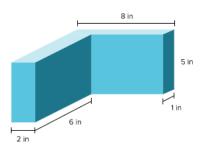


Figura 21

La Figura 21 está formada por 2 prismas rectangulares. ¿Cuál es el volumen de esta figura?

Solución:

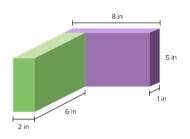


Figura 22: Descomposicion de la Figura 21 en dos.

Podemos pensar en esta figura como 2 prismas rectangulares pegados (ver Figura 10). Encontremos el volumen de cada prisma por separado.

El volumen de un prisma rectangular es igual al largo x, por el ancho y, por la altura z:

$$V = xyz$$

Para uno de los prismas, como el que aparece en la Figura 11, se sabe que:

$$V = 5 \times 4 \times 5 = 100$$

Volumen del prisma color turquesa es 90 pulgadas cúbicas.

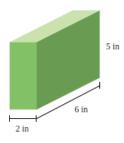
Para la segunda sección del prisma, como en la Figura 12, se sabe que:

$$V = 2 \times 9 \times 5 = 90$$

Volumen del prisma color púrpura es 72 pulgadas cúbicas. Ahora sumamos para obtener el volumen de toda la figura.

$$V_T = 100 + 90 = 190$$

Volumen de toda la figura V_T es 190 pulgadas cúbicas



5 in

Figura 23: Primera sección del prisma de la Figura 22 Figura 24: Segunda sección del prisma de la Figura 22

Ejercicio 13 5 puntos

La Figura 25 representa una caja de dulces, cuyas medidas se indican en ella.

• Calcula su volumen

Solución:

$$V = A_b h = \left(\frac{6 \times 5 \text{ cm} \times 4.3 \text{ cm}}{2}\right) 5 \text{ cm} = 322.5 \text{ cm}^3$$

b Otra caja de dulces tiene la misma forma, pero cada dimensión es el doble de las dimensiones de la otra caja. ¿Cuál será el volumen de esta segunda caja?

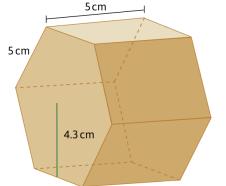


Figura 25

Solución:

El volumen de una caja con el doble de dimensiones, sería:

$$V = A_b h = \left(\frac{6 \times 10 \text{ cm} \times 8.6 \text{ cm}}{2}\right) 10 \text{ cm} = 2580 \text{ cm}^3$$

c ¿Cuántas veces es más grande el volumen de la caja mayor que la primera caja?

Solución:

$$\frac{2580~\text{cm}^3}{322.5\text{cm}^3} = 8$$

La caja con el doble de dimensiones es $8\ {\rm veces}$ mayor que la primera.