

Repaso para el examen de la Unidad 2

Nombre del alumno: Fecha:

Aprendizajes:

- Resuelve problemas de proporcionalidad directa e inversa y de reparto proporcional.
- Obtiene la expresión algebraica y construye gráficas de una situación de proporcionalidad directa e inversa.
- Construye polígonos regulares a partir de algunas medidas (lados, apotema, diagonales, etcétera).
- Descompone figuras en otras para calcular su área.
- Calcula el perímetro y el área de polígonos regulares y del círculo a partir de diferentes datos.

Puntuación:

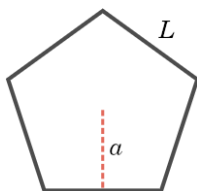
Pregunta	1	2	3	4	5	6
Puntos	10	10	10	10	10	10
Obtenidos						
Pregunta	7	8	9	10		Total
Puntos	10	10	10	10		100
Obtenidos						

Áreas de polígonos regulares

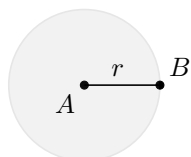
Si un polígono regular de n lados, de longitud L , un perímetro de P unidades, un apotema de a unidades, entonces el área A en unidades cuadradas es:

$$A = \frac{nLa}{2}$$

donde el perímetro es $P = nL$.



El círculo



Perímetro:

$$P = 2\pi r$$

Área:

$$A = \pi r^2$$

Vocabulario

Apotema → línea perpendicular que va desde el centro del polígono hasta cualesquiera de sus lados.

Polígono → figura geométrica de muchos ángulos.

Polígono regular → polígono cuya medida de sus lados es la misma.

Proporcional → dependencia constante entre dos variables.

Razón → medida comparativa usando la división entre dos cantidades.

Volumen → cantidad de espacio tridimensional que ocupa un objeto.

Ejemplo 1

Una expedición turística al desierto de Sonora consta de 60 personas adultas y cuenta con víveres para 12 días. Al momento de partir, se integran 12 personas más.

a ¿Con qué tipo de variación proporcional se puede modelar la situación?

Solución:

La situación describe una variación de proporcionalidad inversa.

b ¿para cuántos días alcanzarán los víveres para las personas de la excursión si todas comen las mismas porciones?

Solución:

Las 60 (es decir, 50 + 10) personas tendrán comida para 10 días.

c Completa la tabla 1.

Tabla 1: Tabla comparativa entre personas y víveres

Personas	Días que duran los víveres	Constante de proporcionalidad
60	12	$60 \times 12 = 720$
10	72	$10 \times 72 = 720$
20	36	$20 \times 36 = 720$
40	18	$40 \times 18 = 720$
72	10	$72 \times 10 = 720$

Ejercicio 1

___ de 10 puntos

Seis albañiles construyen una casa en 90 días.

a ¿Qué tipo de variación proporcional es? Argumenta tu respuesta.

b ¿Cuántos días tardarán nueve albañiles, trabajando al mismo ritmo, en construir una casa del mismo tamaño?

c Completa la tabla 2.

Tabla 2

Albañiles	Días de trabajo	Constante de proporcionalidad
1	540	$1 \times 540 = 540$
2	270	$2 \times 270 = 540$
5	108	$5 \times 108 = 540$
6	90	$6 \times 90 = 540$
8	67.5	$8 \times 67.5 = 540$
15	36	$15 \times 36 = 540$

Ejercicio 2

___ de 10 puntos

Señala si las relaciones son directamente proporcionales o inversamente proporcionales.

a La población mundial y el consumo de agua.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

b La población mundial y la cantidad de agua disponible por persona.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

c La distancia al sol y la temperatura.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

d El tamaño de un planeta y su fuerza de gravedad.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

e La velocidad de un móvil y la distancia recorrida.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

f La cantidad de imágenes guardadas en el celular y la cantidad de espacio libre.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

g El tamaño de un archivo y el tiempo de descarga.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

h La velocidad de conexión a Internet y el tiempo de descarga de archivos.

- ☐ Directamente proporcional
- ☐ Inversamente proporcional

Ejemplo 2

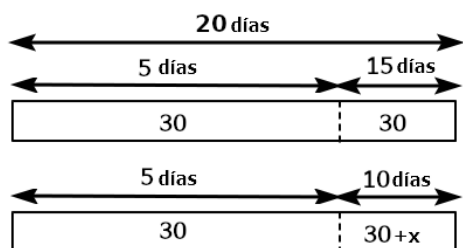
Un grupo de 30 agricultores puede sembrar todo un campo en 20 días. Al cabo de 5 días de trabajo, se les unen agricultores de otro grupo, de modo que en 10 días más terminan la siembra.

¿Cuántos agricultores había en el segundo grupo?

Solución:

Sabemos que 30 agricultores terminarían la siembra en 20 días. Como luego de los primeros 5 días de trabajo llegaron más agricultores, hacemos el siguiente gráfico para representar la situación:

Observamos que, en esta situación, a mayor cantidad de agricultores, menos días se necesitarán para terminar la siembra.



Cantidad de agricultores	30	30+x
Cantidad de días de trabajo	15	10

Como es una relación inversamente proporcional, planteamos la siguiente relación:

$$30 \times 15 = 10 \times (30 + x)$$

$$450 = 300 + 10x$$

$$10x = 450 - 300$$

$$10x = 150$$

$$x = 15$$

En el segundo grupo, había 15 agricultores más, es decir, un total de 45 agricultores.

Ejercicio 3

___ de 10 puntos

Un grupo de 64 obreros puede terminar una obra en 15 días. Al cabo de 5 días de trabajo, se les unen obreros de otro grupo, de modo que tardan 5 días menos en terminar la obra. **¿Cuántos obreros había en el segundo grupo?**

Ejercicio 4

___ de 10 puntos

Antonio y Laura vieron un anuncio para limpiar un jardín de 40 m^2 por una paga de \$800.

- a** Si Antonio y Laura trabajaron el lunes y limpiaron la cuarta parte del jardín,

¿Qué cantidad les faltó por limpiar?

Escoge 1 respuesta:

- (A) 5 m^2 (B) 10 m^2 (C) 30 m^2 (D) 40 m^2 (E) 50 m^2

- b** El martes fueron ayudados por sus dos primos. Manteniendo el mismo ritmo de trabajo que el lunes,

¿Qué cantidad limpiaron el segundo día?

Escoge 1 respuesta:

- (A) 10 m^2 (B) 20 m^2 (C) 30 m^2 (D) 40 m^2 (E) 50 m^2

- c** Laura y sus dos primos salieron de vacaciones por lo que Antonio terminará el trabajo. Toño está desanimado así que decide dividir el trabajo que resta en 4 días.

¿Qué superficie limpiará cada día?

Escoge 1 respuesta:

- (A) 1 m^2 (B) 2 m^2 (C) 2.5 m^2 (D) 3 m^2 (E) 3.5 m^2

- d** De haber mantenido el ritmo de trabajo, **¿Cuántos días le habría tomado a Antonio terminar el trabajo?** Escoge 1 respuesta:

- (A) 1 día (B) 2 días (C) 3 días (D) 4 días (E) 5 días

Ejercicio 5

___ de 10 puntos

Un grupo de 25 personas puede levantar una cosecha en 30 días. Al cabo de 12 días de trabajo, se les unen personas de otro grupo, de modo que en 6 días más terminan la cosecha.

¿Cuántas personas había en el segundo grupo?

- (A) 25 personas (B) 45 personas (C) 30 personas (D) 15 personas

Ejercicio 6

___ de 10 puntos

El logotipo del acero americano, esta compuesto por tres figuras de colores. Si el logotipo se coloca dentro de un rectángulo que mide 7.5 cm de ancho y 10 cm de alto, como se muestra en la Figura 1:



Figura 1: Logotipo llamado *stealmark*, propiedad del Instituto Americano del Hierro y del Acero.

- a ¿Cuánto mide el área ocupada por el logotipo?

- b ¿Cuánto mide el área blanca del rectángulo?

Ejercicio 7

___ de 10 puntos

A partir de la información dada sobre un polígono regular, traza la figura descrita en los siguientes incisos y **calcula su perímetro**.

- a** Su lado mide 1.5 cm y se puede trazar únicamente una diagonal desde cualquier vértice.

Figura:



Perímetro:



- b** El valor de un ángulo central es de 120° y mide 1 cm de lado.

Figura:



Perímetro:



- c** Cada lado mide 1 cm y se puede descomponer en 8 triángulos equiláteros congruentes.

Figura:



Perímetro:



Ejemplo 3

Calcula el área sombreada de las figuras 2a y 2b.

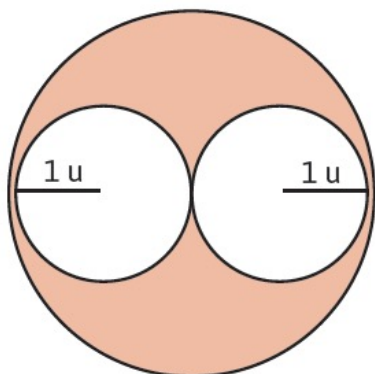
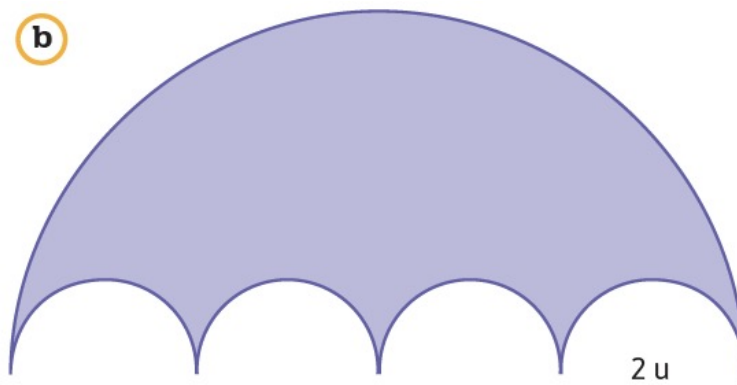
a $A =$ **b** $A =$

Figura 2: Secciones sombreadas de círculos.

Ejemplo 4

Observa el esquema de una cancha de basquetbol de la figura 3. Nota que las medidas están en pulgadas y pies.

- a Calcula el área de una de las regiones de tiros de falta (foul) formada por un rectángulo y un semicírculo.
- b Determina las áreas de los círculos centrales.
- c Calcula el área de las dos regiones de tres puntos.

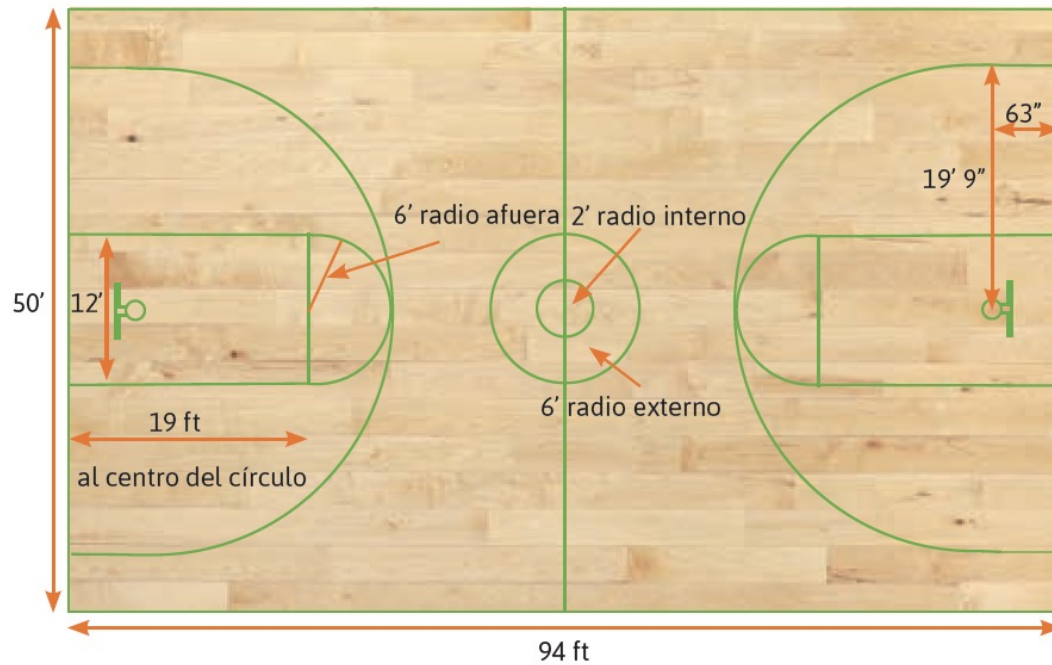


Figura 3: Cancha de basquetbol con medidas.

Ejercicio 8

___ de 10 puntos

Jaime estudia Medicina. En una clase ha aprendido que hay una nueva generación de fármacos en los que la cantidad de sustancia activa decae poco a poco hasta que el cuerpo la elimina completamente. Por ejemplo, un enfermo toma una medicina con 8 mg de sustancia activa, la cual decae 0.5 mg cada día. Por lo que su profesor les solicita que describan la relación entre cantidad de sustancia activa y los días que dura dentro del cuerpo.

- a** Completa la Tabla 3 en la que se calcula diariamente la cantidad de sustancia activa dentro del enfermo.
- b** Traza la gráfica en la Figura 4 que describe la relación de la sustancia activa con los días que pasan. ¿La gráfica es ascendente o descendente?

Días	Sustancia activa (mg)
0	8
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	

Tabla 3: Tabla que relaciona la cantidad de sustancia activa de acuerdo con los días.



Figura 4: Gráfica que relaciona la cantidad de sustancia activa de acuerdo con los días.

¿Cuál es la razón de cambio? ¿Cómo se relaciona ésta con la constante de proporcionalidad? ¿Cuál es? Explica su obtención.

- d** Escribe una expresión algebraica que describa la situación. ¿Cuál es el valor de la pendiente y de la ordenada al origen? Describe su obtención:

- e** ¿En cuántos días la sustancia activa queda totalmente eliminada del organismo del enfermo? Explica.

- f** ¿Cómo es el tiempo que permanece en el cuerpo de un paciente, una sustancia activa de 16 mg que decae 0.5 mg cada día con relación al tiempo que permanece la sustancia activa al inicio de este problema?

(A) Es la mitad (B) Es el mismo (C) Es el doble (D) No hay relación

- g** ¿Cómo es el tiempo que permanece en el cuerpo de un paciente, una sustancia activa de 4 mg que decae 0.5 mg cada día con relación al tiempo que permanece la sustancia activa al inicio de este problema?

Ejercicio 9

___ de 10 puntos

Lee con atención a cada problema y responde a las preguntas de cada uno.

- a** Karl viajó a Alaska en su camión. Se graficó la cantidad de combustible que queda en el tanque del camión (en litros) como una función de la distancia que recorrió (en kilómetros), en la Figura 5.

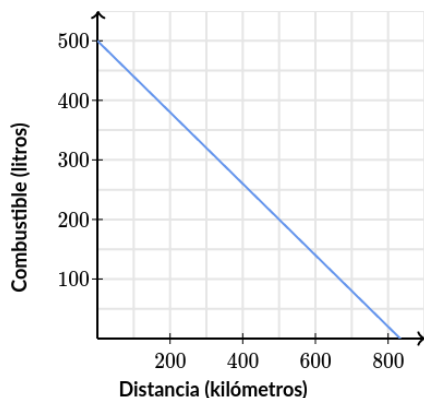


Figura 5: Gráfica de la cantidad de combustible que queda en el tanque del camión (en litros) como una función de la distancia que recorrió (en kilómetros)

¿Cuánto combustible consume el tanque cada 100 kilómetros?

- (A) 60 L (B) 0.5 L (C) 500 L (D) 0.6 L

- b** Harry obtuvo un préstamo del banco. La variable D modela la deuda restante de Harry (en pesos)

como función del tiempo t en meses desde que obtuvo el préstamo.

$$D = -200t + 9000$$

¿Cuánto dinero paga Harry cada mes?

\$___

- c** Andrei quiere llenar un tanque de vidrio con canicas, y luego el espacio restante con agua. La variable w modela la cantidad de agua (en litros) que Andrei usa si utiliza n canicas.

$$w = 32 - 0.05n$$

¿Cuál es el volumen de cada canica?

___ litros.

- d** La temperatura puede medirse en dos unidades comunes: grados Celsius y grados Fahrenheit. La variable F representa la temperatura en grados Fahrenheit que es equivalente a la temperatura C en grados Celsius.

$$F = 32 + 1.8C$$

¿Cuál es el incremento en grados Fahrenheit equivalente a un incremento de 10 grados Celsius?

___ grados Fahrenheit.

Ejercicio 10

___ de 10 puntos

Se fabricará una ventana de forma circular con un marco de acero inoxidable y vidrio templado. El grosor del cancel es de 3 cm y el radio de la ventana de 50 cm. El precio del acero es de \$120.00 el metro y el del vidrio es de \$160.00 por metro cuadrado.

a ¿Cuántos metros de marco se ocuparán?

b ¿Cuántos metros cuadrados de vidrio se ocuparán?

c ¿Cuál es el precio total de la ventana?