

Assignment – Mix Column

Determine the MixColumn value of NB5 to NB8. Show your solutions.

$$\begin{aligned}\text{Nb5} &= (b5 * 02) \text{ XOR } (b6 * 03) \text{ XOR } (b7 * 01) \text{ XOR } (b8 * 01) \\ &= E(L(b5) + L(02)) \text{ XOR } E(L(b6) + L(03)) \text{ XOR } E(L(b7) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b8) + L(01)) \\ &= E(L(EB) + L(19)) \text{ XOR } E(L(93) + L(01)) \text{ XOR } E(L(C7) + L(00)) \text{ XOR } E(L(20) + L(00)) \\ &= E(26 + 19) \text{ XOR } E(7A + 01) \text{ XOR } C7 \text{ XOR } 20 \\ &= E(3F) \text{ XOR } E(7B) \text{ XOR } C7 \text{ XOR } 20 \\ &= CD \text{ XOR } AE \text{ XOR } C7 \text{ XOR } 20 \\ &= \mathbf{84}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Nb6} &= (b5 * 01) \text{ XOR } (b6 * 02) \text{ XOR } (b7 * 03) \text{ XOR } (b8 * 01) \\ &= E(L(b5) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b6) + L(02)) \text{ XOR } E(L(b7) + L(03)) \text{ XOR } E(L(b8) + L(01)) \\ &= E(L(EB) + L(00)) \text{ XOR } E(L(93) + L(19)) \text{ XOR } E(L(C7) + L(01)) \text{ XOR } E(L(20) + L(00)) \\ &= EB \text{ XOR } E(7A + 19) \text{ XOR } E(FC + 01) \text{ XOR } 20 \\ &= EB \text{ XOR } E(93) \text{ XOR } E(FD) \text{ XOR } 20 \\ &= EB \text{ XOR } 3D \text{ XOR } 52 \text{ XOR } 20 \\ &= \mathbf{a4}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{Nb7} &= (b5 * 01) \text{ XOR } (b6 * 01) \text{ XOR } (b7 * 02) \text{ XOR } (b8 * 03) \\ &= E(L(b5) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b6) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b7) + L(02)) \text{ XOR } E(L(b8) + L(03)) \\ &= E(L(EB) + L(00)) \text{ XOR } E(L(93) + L(00)) \text{ XOR } E(L(C7) + L(19)) \text{ XOR } E(L(20) + L(01)) \\ &= EB \text{ XOR } 93 \text{ XOR } E(FC + 19) \text{ XOR } E(7D + 01) \\ &= EB \text{ XOR } 93 \text{ XOR } E(16) \text{ XOR } E(7E) \\ &= EB \text{ XOR } 93 \text{ XOR } 95 \text{ XOR } 60 \\ &= \mathbf{8D}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
Nb8 &= (b5 * 03) \text{ XOR } (b6 * 01) \text{ XOR } (b7 * 01) \text{ XOR } (b8 * 02) \\
&= E(L(b5) + L(03)) \text{ XOR } E(L(b6) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b7) + L(01)) \text{ XOR } E(L(b8) + L(02)) \\
&= E(L(EB) + L(01)) \text{ XOR } E(L(93) + L(00)) \text{ XOR } E(L(C7) + L(00)) \text{ XOR } E(L(20) + L(19)) \\
&= E(26 + 01) \text{ XOR } 93 \text{ XOR } C7 \text{ XOR } E(7D + 19) \\
&= E(27) \text{ XOR } 93 \text{ XOR } C7 \text{ XOR } E(96) \\
&= 26 \text{ XOR } 93 \text{ XOR } C7 \text{ XOR } 40 \\
&= \mathbf{32}
\end{aligned}$$