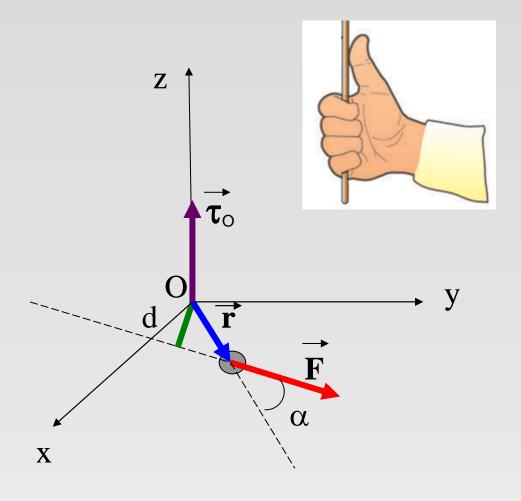
Física I Turno H

Apuntes de Clase 1o Modulo 1, 2022

Turno H Prof. Pedro Mendoza Zélis

Momento ángular y torque

Momento de una fuerza (Torque)



Para una partícula

$$\vec{\tau}_O = \vec{r} \times \vec{F}$$

$$|\vec{\tau}_0| = |\vec{r}| |\vec{F}| sen \alpha = |\vec{F}| d$$

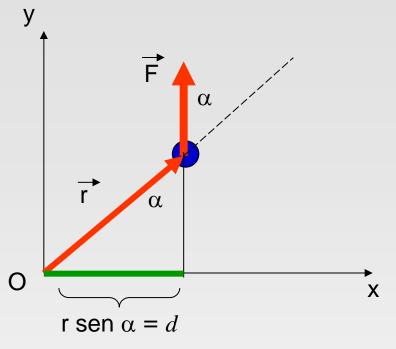
d =brazo de palanca

 $\overrightarrow{\tau_0}$ es un vector "perpendicular" al plano determinado por \overrightarrow{r} y \overrightarrow{F}

Dirección y sentido de $\overrightarrow{\tau_0}$: regla de la mano derecha !!!!

Unidades: $\left[\vec{\tau}\right] = N.m$

Visto de arriba:



$$|\vec{\tau}_0| = |\vec{r}| |\vec{F}| sen \alpha = |\vec{F}| \cdot d$$

<u>Dirección</u>: perpendicular al papel, saliendo hacia nuestro ojo!!

¿Existirá alguna ecuación similar a la Segunda ley de Newton para el torque?

Para la Fuerza sobre una partícula: $\vec{F} = \frac{dp}{dt}$



$$\vec{F} = \frac{dp}{dt}$$

donde p es la cantidad de movimiento

Para el torque sobre una partícula: $\vec{\tau} = \frac{?d?}{dt}$



$$\vec{\tau} \stackrel{?}{=} \frac{d?}{dt}$$

Veamos.....

$$\vec{\tau}_{O} = \vec{r} \times \vec{F} = \vec{r} \times \frac{d\vec{p}}{dt} = \vec{r} \times \frac{d\vec{p}}{dt} + \vec{v} \times \vec{p} = \vec{r} \times \frac{d\vec{p}}{dt} + \frac{d\vec{r}}{dt} \times \vec{p}$$
= 0 por ser 2 vectores paralelos



$$\vec{\tau}_0 = \frac{d}{dt} (\vec{r} \times \vec{p});$$

$$\vec{\tau}_O = \frac{d\vec{L}_O}{dt}$$

 $\vec{\tau}_0 = \frac{d}{dt}(\vec{r} \times \vec{p}); \qquad \vec{\tau}_O = \frac{d\vec{L}_O}{dt} \qquad \begin{array}{l} \text{Segunda Ley de Newton} \\ \text{para el momento angular} \\ \text{de una partícula} \end{array}$

$$\vec{L}_O = \vec{r} \times \vec{p}$$

Momento de la "cantidad de movimiento respecto al punto O"

$$\mathbf{L}_{o}$$
 \mathbf{L}_{o}
 \mathbf{r}
 \mathbf{p}
 \mathbf{k}

$$\vec{L}_O = \vec{r} \times \vec{p}$$

Módulo:

$$\left| \vec{L}_0 \right| = \left| \vec{r} \right| \left| \vec{p} \right| sen \beta = \left| \vec{p} \right| . d$$

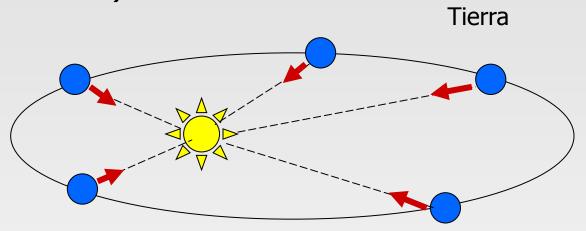
<u>Dirección</u>: perpendicular al plano determinado por r y p, con la regla de la mano derecha

Como
$$\vec{\tau}_O = \frac{d\vec{L}_O}{dt}$$
; si $\vec{\tau}_O = 0 \Rightarrow \vec{L} = cte$

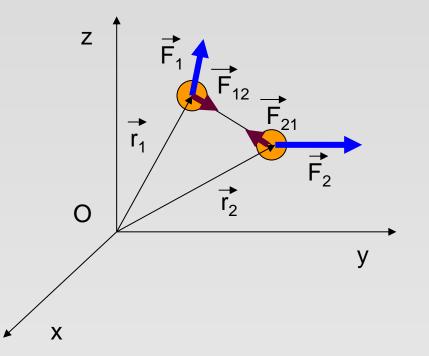


Conservación del momento angular en módulo y dirección!!!

Ejemplo: en el caso de fuerzas centrales (gravitatoria, electrostática)



Para un sistema de partículas:



$$\begin{cases} \sum \vec{\tau}_{1,0} = \vec{r}_1 \times \vec{F}_1 + \vec{r}_1 \times \vec{F}_{12} \\ \sum \vec{\tau}_{2,0} = \vec{r}_2 \times \vec{F}_2 + \vec{r}_2 \times \vec{F}_{21} \end{cases}$$

$$Como \quad \vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$$

$$\vec{\tau}_{_{tot\,,o}} = \sum \vec{\tau}_{_{i,0}} = \vec{r}_{_{\!1}} \times \vec{F}_{_{\!1}} + \vec{r}_{_{\!1}} \times \vec{F}_{_{\!12}} + \vec{r}_{_{\!2}} \times \vec{F}_{_{\!2}} - \vec{r}_{_{\!2}} \times \vec{F}_{_{\!12}} =$$

$$= \vec{r}_{1} \times \vec{F}_{1} + \vec{r}_{2} \times \vec{F}_{2} + (\vec{r}_{1} - \vec{r}_{2}) \times \vec{F}_{12}$$

$$= 0$$

$$\vec{\tau}_{tot,o} = \vec{\tau}_{1,ext} + \vec{\tau}_{2,ext} = \sum \vec{\tau}_{ext,O}$$

es decir, los torques debidos a fuerzas internas son nulos!!!

$$\vec{\tau}_{tot,O} = \sum \vec{\tau}_{i, ext.,O} = \sum \frac{d\vec{L}_{i,O}}{dt} = \frac{d\vec{L}_{tot,O}}{dt}$$

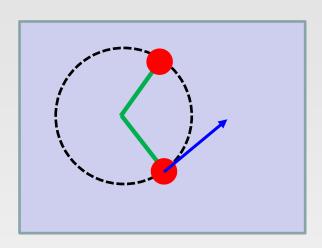
donde:
$$\vec{L}_{tot,O} = \sum \vec{L}_{i,O}$$

Ejercicio 2

Objetivo:Aprender a calcular el momento angular. Determinar las condiciones necesarias para que se conserve el momento angular.

Un niño hace girar una pelota de masa m=0,1kg atada a un hilo sobre una mesa lisa, en un momento el hilo se corta saliendo tangencialmente a una velocidad de módulo 10m/s, si el hilo en el momento de cortarse tenía una longitud de 40cm.

- a) ¿Se conserva la cantidad de movimiento y el momento angular respecto del centro de la circunferencia antes del corte?
- b) ¿Se conserva la cantidad de movimientoy el momento angular respecto del centro de la circunferencia después del corte?



Problema para resolver en el aula:

Un bloque de masa M=10 kg está unido a uno de los extremos de una varilla de masa despreciable y longitud 2 m. El otro extremo de la varilla está pivotado a la superficie horizontal sobre la que descansa el bloque. El pivote permite una rotación que puede considerarse libre (es decir sin rozamiento) alrededor de él. Un proyectil de masa m=100 gr y velocidad v=200 m/s, paralela a la superficie y perpendicular a la varilla, se incrusta en el bloque. Si el roce del bloque con la superficie puede despreciarse:

- a) ¿qué tipo de movimiento efectuará el bloque después de la colisión?
- b) ¿Se conserva el momento angular durante la colisión?
- c) ¿Se conserva la cantidad de movimiento lineal durante la colisión?
- d) Determine las magnitudes necesarias para describirlo.
- e) ¿Podría predecir la posición del bloque t segundos después del momento de la colisión?
- f) ¿Se conserva la energía mecánica durante la colisión?