$\partial_t^n v_K$