Diseño del sistema de elución y filtrado de una planta de extracción

Juan David Argüello Plata

Universidad Industrial de Santander

Facultado de Ingenierías Físicomecanicas Escuela de Ingeniería Mecánica Maestría en Ingeniería Mecánica 2020

Diseño del sistema de elución y filtrado de una planta de extracción

Juan David Argüello Plata

Ingeniero Mecánico

Trabajo de grado para optar al título de Magíster en Ingeniería Mecánica

Omar Armando Gélvez Arocha

Ingeniero Mecánico M.Sc.

Universidad Industrial de Santander

Facultado de Ingenierías Físicomecanicas Escuela de Ingeniería Mecánica Maestría en Ingeniería Mecánica 2020 ÍNDICE ÍNDICE

Índice

Int	trodu	ucción	6
1.		nta de extracción Planta desarrollada	7 8
2.	2.1.	Factores a considerar en la extracción MSPD	11 12 12
3.	CFI 3.1. 3.2. 3.3.	Análisis unidimensional estacionario - 1D	13 15 17 17
		Análisis bidimensional estacionario - 2D	18
4.	DE I 4.1.	M Detección de una colición	19 20
5.		D-DEM Fase del solvente	21 21
6.	6.1.	imentación Sedimentadores convencionales	23 23 23
7.	7.1. 7.2. 7.3. 7.4. 7.5.	Parámetros operacionales	25 26 26 27 28 29 29 30
8.	8.1. 8.2. 8.3.	delo CFD-DEM Geometría	31 32 34 36 36 38

		8.4.2.	CFD-DE																															39
			8.4.2.1.																															40
			8.4.2.2.		_	-				ad																	•							42
			8.4.2.3.	1	A	m	ıá	áli	isi	is	de	e ı	res	sul	ta	d	os		•	•	•		•		•			•	•	•	•		•	44
9.	Imp	lement	tación de	lel	1	n	n	ю	\mathbf{d}	el	o																							46
	9.1.	Fronte	$\operatorname{nd} \ldots$																															46
	9.2.	Backer	$\operatorname{ad} \ldots$																															49
		9.2.1.	Diseño f	fur	n	.ci	ic	on	ıa	l t	teo	ór	ico)																				50
		9.2.2.	Modelo (50
		9.2.3.	Modelo	\mathbf{C}	F	٦Ţ	D.)–I	DΙ	ΕN	VI	•		•	•				•	•	•		•						•	•	•	•	•	51
10	.Vali	dación	del mo	$\mathrm{d}\epsilon$	e !	lc	o	ı																										52
	10.1.	Descri	pción del	р	or	o	b	οle	en	na	ι.																							52
	10.2.	Desarr	ollo expe	eri	in	n€	eı	nt	a	1																								53
		10.2.1.	Descripc	cić	ór	n	ŗ	ра	ırt	tic	cu	la	r																					53
		10.2.2.	Métodos	s e	ех	хĮ	pe	er	rir	nε	en	ta	les	S																				55
	10.3.	Result	ados							•		•		•					•										•					56
Co	onclu	siones																																5 9
Ír	ndic	e de	figura	a	ıS	3																												
																																		_
	1.		ción																															7
	2. 3.		o product																															9 11
	3. 4.		o MSPD [[] tización d																															$\frac{11}{14}$
	4. 5.		de mallas																															15
	6.	1	ma unidi																															16
	7.		o de valid																															17
	8.		tización d																															18
	9.		aración en																															10
	<i>J</i> .	-	suave defe										_										-					-						
			o analizad										-															-					,	
			o con el m																													-		19
	10.		ción de co																			•												20
	11.		ma de la									_																						_0
		partícu	ılas vecin	as	s	е	en	n ı	ur	n f	flυ	ıic	lo.																					22
	12.	Esquer	na de un	1 S	sec	d	liı	m	ıeı	nt	ac	lo	rc	le	p]	la	ca	\mathbf{S}	in	cl	in	a	da	$_{ m ls}$	14	[]] .								24
	13.		dad de ase																															
		co																																27
	14.		en corte d					_								_																		32
	15.	Mallad	lo de la g	gec	Οľ	m	ae	et:	ría	a.																								33

16.	Zona de generación de partículas en la tubería de entrada	34
17.	Condiciones de frontera	34
18.	Diagrama de flujo del solucionador pimpleFoam	37
19.	Diagrama de contorno de la distribución de velocidades del sistema	
	de sedimentación	38
20.	Diagrama de contorno de la distribución de presiones del sistema	
	de sedimentación	38
21.	Interacción dinámica entre partículas	41
22.	Diagrama de contorno de velocidades del sistema	42
23.	Diagrama de contorno de presiones del sistema de separación de	
	sustancias	43
24.	Distribución de partículas de arena sobre el volumen de control	
	durante el segundo 28 de la simulación	43
25.	Monitoreo de residuales en la simulación CFD-DEM	44
26.	Interfaz gráfica de ejemplo desarrollada con Jupyter. Fuente: https://ju	pyterlab.readthedo
27.	Parte de la interfaz gráfica desarrollada para la automatización del	
	modelo CFD-DEM	47
28.	Sección de mallado automático del software desarrollado mediante	
	gmsh	48
29.	Árbol de directorios	49
30.	Geometría de estudio.	52
31.	Esquema del montaje experimental ^[2]	54
32.	Esquema del sistema de medición de la interacción partícula fluido ^[2] .	55
33.	Comparación entre resultados del diseño experimental desarrollado	
	por Fessler & Eaton y los obtenidos a partir del modelo CFD-DEM	
	desarrollado	57
34.	Resultados obtenidos a partir del modelo CFD-DEM desarrollado.	57
35.	Distribución de las partículas de cobre sobre la geometría	58
36.	Comparación directa de los perfiles de velocidad experimentales con	
	respecto al del modelo numérico desarrollado.	58

Resumen

Título: Diseño del sistema de elución y filtrado de una

planta de extracción¹

Autor: Juan David Argüello Plata²

Palabras clave: CFD-DEM, MSPD, Python, Jupyter, ParaView,

OpenFoam, Yade

Contenido:

El proceso de extracción basado en el método de dispersión de la matriz en fase sólida, MSPD, consiste de tres etapas. La primera es la etapa de pretratamiento, o de molienda, en donde se busca disminuir el tamaño de partícula del material orgánico con el fin de incrementar el área de transferencia de masa. La siguiente se trata de la etapa de elución y filtrado, en donde se produce la extracción de metabolitos secundarios a través de un solvente; luego, se filtra el material particulado para obtener la mezcla homogénea solvente - extracto. Finalmente, se desarrolla una etapa de separación de sustancias, en donde se separa el solvente del extracto (producto final).

Se propone una metodología de diseño automático del sistema de elución y filtrado que simula el comportamiento fluidodinámico durante la etapa de filtrado, permitiendo predecir el grado de concentración de partículas a lo largo del sistema a través de un modelo numérico basado en CFD-DEM. Esta metodología ha sido elaborada con herramientas de código abierto. Utilizando Python como lenguaje base, Jupyter como entorno de desarrollo, ParaView como plataforma de análisis de resultados y librerías de C++ (como Yade, LIGGGHTS y OpenFoam) para el desarrollo de las simulaciones numéricas.

¹Tesis de grado de maestría en ingeniería mecánica.

 $^{^2\}underline{\text{Facultad:}}$ Físicomecanicas.
 $\underline{\text{Escuela:}}$ Ingeniería mecánica.
 $\underline{\text{Director:}}$ Omar Armando Gélvez Arocha.

Abstract

Título: Design of the elution and filtering system of an

extraction plant³

Author: Juan David Argüello Plata⁴

Key words: CFD-DEM, MSPD, Python, Jupyter, ParaView,

OpenFoam, Yade

Content:

The extraction process based on the matrix solid-phase dispersion (MSPD) can be summarized in three steps. The first one is the pretreatment, which consists of decreasing the particle size of organic material to increase mass transfer area. The next one consists of the elution and filtering step, where the extraction of secondary metabolites is produced with the help of a solvent. Finally, a separation process is required to reuse the solvent for future extraction processes and to obtain the final product (extract).

An automatic design methodology is proposed, from where the fluid dynamics behaviour is simulated during the filtering process, allowing to predict the particle concentration along the system through a numerical model based on CFD-DEM. This methodology had been elaborated with open source tools. Using Python as base language, Jupyter as development environment, ParaView as platform for analysis of results and C++ libraries (like Yade, LIGGGHTS and OpenFoam) for the development of numerical simulations.

³Master thesis project.

⁴Faculty: Physical mechanical engineering. <u>School:</u> Mechanical engineering. <u>Director:</u> Omar Armando Gélvez Arocha.

Introducción

El método de dispersión de la matriz en fase sólida, MSPD, es un método de extracción ampliamente usado a escala de laboratorio para la obtención y análisis de la actividad biológica de extractos. Consiste de tres etapas: pretratamiento; elución y filtrado; y separación de sustancias. El éxito de este método extractivo recae en su simplicidad, rapidez y economía^[3]; razones por las que se han desarrollado estudios de escalabilidad en busca de la industrialización^[4, 5, 6]. En estos estudios se ha reportado un cuello de botella⁵ durante la etapa de filtrado. Debido a ello, la presente investigación desarrolla una metodología de diseño enfocada en la etapa de filtrado de una planta de extracción basada en el método MSPD; en dónde se aprecia en detalle la concentración de partículas a lo largo del sistema de elución y filtrado, permitiendo la optimización del mismo a través de un modelo numérico validado mediante experimentación.

En general, los métodos numéricos son teoremas matemáticos que permiten describir la naturaleza de diferentes fenómenos de carácter físico-químico. Son ampliamente usados en ingeniería como metodologías predictivas durante el proceso de diseño funcional y mecánico. Para el análisis de comportamientos fluidodinámicos de partículas, es común encontrar estudios que combinen los métodos numéricos de elementos discretos y volúmenes finitos, o como es mejor conocido: modelo CFD-DEM.

El acoplamiento entre CFD-DEM se ha empleado cuando se busca desarrollar análisis de partículas y su interacción en medios viscosos. Ampliamente usado para análisis de lecho fluidizado^[7], separadores de ciclón (Chu *et al.*, 2009) y para el estudio de retención de partículas en medios filtrantes^[8], por citar algunos ejemplos. Se han desarrollado estudios experimentales que corroboran la efectividad y viabilidad de las simulaciones numéricas que emplean CFD-DEM^[7, 9].

Se desarrolló una metodología para el diseño automático del sistema de elución y filtrado de la planta de extracción (basado en el modelo CFD-DEM) que permite analizar la interacción fluido-partícula a través de diferentes resultados como: perfiles de velocidad, de presión y grado de concentración de partículas a lo largo del volumen de control. Esta metodología se elaboró con herramientas de *código abierto*, empleando Python como lenguaje base, Jupyter como entorno de desarrollo, ParaView como plataforma de análisis de resultados y librerías de C++ (entre ellas: LIGGGHTS y OpenFOAM) para el desarrollo de las simulaciones numéricas. El modelo numérico desarrollado se validó a través de la comparación directa entre los resultados obtenidos por éste con un caso reportado en la literatura (el experimento desarrollado por Fessler & Eaton^[2] en el capítulo 10) en donde se evaluó la interacción fluido-partícula durante un flujo expansivo.

 $^{^5{\}rm En}$ el prototipo desarrollado, se evidenció que la etapa de filtrado requiere de un tiempo cercano al doble en comparación con las otras etapas del proceso de extracción.

1. Planta de extracción

El concepto de *extracción* se concibe como la obtención de un producto "A", procedente de una materia prima "B", mediante procesos físico-químicos de separación de sustancias. La naturaleza de esta materia prima, procesada en la planta de extracción de estudio, es de origen orgánico; tratándose de hojas, ramas, frutos, flores y raíces procedentes de **plantas aromáticas y medicinales**.

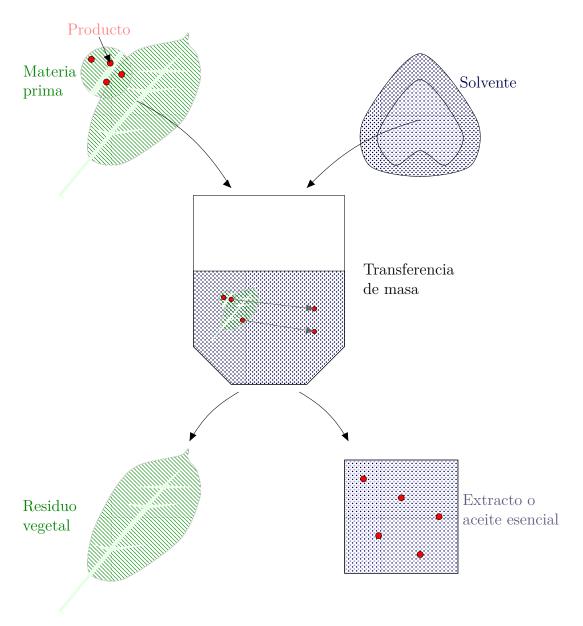


Figura 1: Extracción.

El producto obtenido en la extracción puede tratarse de aceite esencial o extracto, dependiendo de las condiciones termodinámicas del proceso. El aceite esencial se compone de moléculas de bajo y mediano peso molecular y son empleados por las plantas para garantizar su supervivencia. Pertenecen a diferentes clases de sustancias químicas (fenoles y terpenos, principalmente)⁶. Se carcaterizan por un olor típico y una alta volatilidad. En términos productivos, se requiere garantizar condiciones de ebullición durante la etapa de transferencia de masa para su obtención: el solvente (normalmente agua) que está en contacto con la materia prima puede estar en estado líquido (hidrodestilación) o gaseoso (destilación por arrastre con vapor). La mezcla gaseosa entre el vapor del solvente y el aceite esencial es condensada y separada a través de decantación.

El extracto, producto de estudio del presente trabajo, se compone de metabolitos y $flavonoides \rightarrow$ sustancias de alto peso molecular (no volátiles). Los flavonoides procedentes de algunas especies endémicas de la región (entre ellas, el género Lippia, de la familia Verbenaceae) presentan diferentes propiedades de interés en la medicina tradicional colombiana⁷, por lo que representan una interesante oportunidad de innovación en la elaboración de productos farmacéuticos de alto impacto en el mundo^[10], por citar una de sus múltiples aplicaciones. Debido a ello, se han desarrollado estudios referentes a la actividad biológica de extractos de diferentes especies vegetales (existen más de un millón de artículos científicos en la base de datos de science direct con las palabras clave $natural \ extracts$); naciendo de allí la necesidad de desarrollar plantas de extracción para suplir la demanda en auge de ingredientes naturales.

1.1. Planta desarrollada

Argüello, J.D. et al patentaron una planta de extracción para la producción de extractos vegetales^[6]. La invención consiste de un molino de bolas, rediseñado como recipiente a presión, una unidad evaporadora, un condensador, una torre de enfriamiento, una bomba centrífuga, mecanismo de calentamiento por resistencia eléctrica, una bomba de vacío, un compresor de aire y un filtro micrométrico.

El proceso productivo de la invención (ver Figura 2) consiste en lo siguiente: al material vegetal seco y post-destilado se le realiza un proceso de *molienda* con la ayuda de un agente dispersante (material abrasivo, normalmente arena de río), disminuyendo el tamaño de partícula del material vegetal. A esta mezcla sólida entre el material vegetal pulverizado y la arena de río se eluye un solvente, produciéndose el fenómeno de extracción mostrado en la Figura 1 y dando paso

⁶Stashenko, E. E. *et al.* Aceites esenciales. Primera edición. Universidad Industrial de Santander. pp. 13 - 20.

⁷Stashenko, E.E. *et al.* Chromatographic and mass spectrometric characterization of essential oils and extracts from *Lippia* (Verbenaceae) aromatic plants.

a la etapa de **elución y filtrado**. El molino de bolas se adapta, con la ayuda de un mecanismo rotatorio, para dar paso a la separación de la mezcla heterogénea sólido - líquida. La mezcla se presuriza con la ayuda del compresor de aire y esta se separa a través del filtro micrométrico en las fases sólida y líquida de la mezcla. La fase líquida consiste en la mezcla homogénea entre el solvente y el extracto. Finalmente, se emplea un sistema de evaporación al vacío para separar el solvente del extracto (producto final).

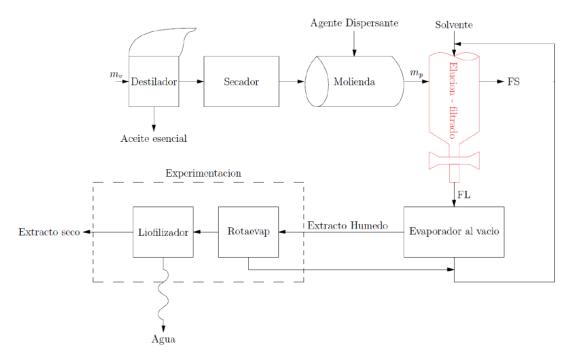


Figura 2: Proceso productivo de la planta de extracción.

De la Figura 2: m_v es la materia prima vegetal, el agente dispersante se trata de un material auxiliar altamente abrasivo (en la mayoría de aplicaciones, se trata de arena de río), m_p es la mezcla entre material vegetal pulverizado y el agente dispersante, FS se trata del residuo sólido y FL es la fase líquida \rightarrow mezcla homogénea entre el solvente y el extracto.

En pruebas experimentales desarrolladas a la planta construida, se identificó que la etapa de elución y filtrado es el cuello de botella del proceso productivo; debido a que el tiempo de esta etapa es cerca del doble del tiempo requerido por las otras etapas. Por esta razón, en este trabajo se evalúa la viabilidad de un sistema de sedimentación de placas paralelas como sistema de elución y filtrado de la planta de extracción; desarrollando, además, una metodología de diseño automático a través de herramientas de código abierto. Esta metodología automatiza el proceso de diseño empleando métodos numéricos (capítulo 8); siendo validada mediante un estudio experimental reportado en la literatura (capítulo 10).

El presente trabajo se ${\bf organiz\acute{o}}$ de la siguiente manera:

Número del capítulo	Nombre del capítulo	Objetivo
1	Planta de extracción	Capítulo introductorio en donde se
		explica brevemente el caso de estu-
		dio y la razón por la que se desarrolló
		el presente trabajo.
2	Método MSPD	Método ampliamente usado a escala
		de laboratorio para la extracción de
		analitos de interés de extractos pro-
		cedentes de muestras biológicas. La
		planta de extracción desarrollada fue
		diseñada con base en este método ex-
		perimental.
3	CFD	Capítulos en donde se establecen
4	DEM	las bases teóricas para el desarrollo
5	CFD-DEM	de las simulaciones numéricas.
6	Sedimentación	Capítulo en donde se exponen las ba-
		ses teóricas de la sedimentación.
7	Diseño teórico	Propone una geometría inicial
		de estudio para el desarrollo de la
		metodología de diseño con base en
		simulaciones numéricas.
8	Modelo CFD-DEM	Desarrollo de la metodología de di-
		seño basada en el método CFD-
		DEM. Permite predecir el comporta-
		miento fluido-partícula del sistema.
9	Implementación del modelo	Bases del desarrollo de la metodo-
		logía de diseño automático mediante
		herramientas de código abierto.
10	Validación del modelo	Uso del modelo CFD-DEM desarro-
		llado en el capítulo 8 para la solución
		de un problema reportado en la lite-
		ratura que emplea experimentación.

Cuadro 1: Organización de la tesis.

2. Método MSPD

El método de dispersión de la matriz en fase sólida (MSPD, por sus siglas en inglés) ha sido ampliamente utilizado para el estudio de muestras biológicas. Existen más de 250 publicaciones en las que se emplea este método extractivo para el análisis de extractos de distintas naturalezas ^[3]. Esto se debe a la alta eficiencia y bajo costo de este método de extracción.

Consiste, básicamente, de tres etapas (como se puede observar en la Figura 3):

- 1. Maceración de la muestra con un agente dispersante (material particulado, normalmente compuesto de sílice).
- 2. Homogenización de la muestra macerada en la columna.
- 3. Elución con solvente y filtrado de la mezcla solvente extracto.

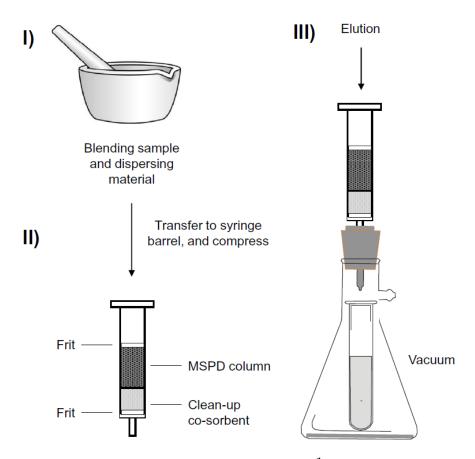


Figura 3: Método MSPD^[1].

2.1. Factores a considerar en la extracción MSPD

Hay varios factores a considerar en la extracción MSPD, que incluye:

- 1. Efecto del tamaño de partícula media: tamaños de partícula pequeños (entre $3 10 \,\mu m$) requiere de grandes tiempos de elución y altos gradientes de presión para obtener un flujo adecuado.
- 2. Agente dispersante: el uso de silicatos infravalorados, como la arena de río, para la maceración de muestras presenta resultados diferentes a los reportados con agentes dispersantes como el C_{18} o el C_{8} . A pesar de que el mismo principio de disrupción de la matriz se conserva, debido a la abrasión, es probable que se de una interacción química no deseada entre silicatos infravalorados y algunos de los flavonoides del extracto.
- 3. Relación másica: la mejor relación másica reportada en la literatura frecuenta ser una relación 1 a 4 [3], aunque puede variar de una aplicación a otra.
- 4. Solvente: el vertimiento del solvente en la columna MSPD tiene el fin de aislar analitos específicos o familias de compuestos. El tipo de solvente, y la polaridad de este, define la composición final del extracto. Existen estudios en donde se ha demostrado un incremento en el rendimiento extractivo al emplear solventes a temperaturas superiores a la temperatura ambiente e inferiores a los $60 \, [{}^{\circ}C]^{[11]}$.

2.2. Extracción en fase sólida

El método MSPD presenta diferencias claras respecto a la extracción fase sólida clásica (SPE, por sus siglas en inglés); entre ellas^[3]:

- Al emplear el método MSPD, se consigue una disrupción completa de la muestra en partículas de reducido tamaño, incrementando el área de extracción. En SPE, la disrupción de la muestra se considera un paso adicional, donde muchos de los compuestos se descartan al procesar la muestra para la columna SPE.
- 2. En SPE, la muestra es usualmente absorbida en la parte superior de la columna y no a través de ella, como en el método MSPD.
- 3. La interacción física y química de los compuestos del sistema son mayores en el método MSPD y diferentes, en diversos sentidos, de aquellos apreciados en el SPE clásico, incluyendo otras formas de cromatografía líquida.

3. CFD

La Dinámica de Fluidos Computacional (CFD, por sus siglas en inglés) es una herramienta computacional ampliamente usada en ingeniería para el desarrollo de simulaciones numéricas que involucren fluidos. Emplea como método base el método de volúmenes finitos (FVM). Este método numérico transforma las ecuaciones diferenciales parciales, que representan las leyes conservativas, en ecuaciones algebraicas discretas sobre volúmenes finitos.

Inicia con la discretización del dominio en elementos no superpuestos. Las ecuaciones diferenciales son discretizadas (transformadas) en ecuaciones algebraicas al integrarlas sobre cada dominio de los elementos. El sistema de ecuaciones algebraicas es luego resulto para calcular los valores de las variables dependientes de cada elemento. Algunos de los tétminos en la ecuación de conservación se convierten en flujos que se evalúan sobre las caras de los elementos. Es 'sencillo' evaluar condiciones de frontera, tanto de tipo *Dirichlet* como *Neumann*, de manera no invasiva, dado que las variables desconocidas se evalúan en los centroides de los elementos, no en las caras de los mismos, como se aprecia en la Figura 4. Estas característias lo hacen adecuado para que la simulación presente una variedad de aplicaciones que involucran: flujo de fluidos y transferencia de calor y masa.

Básicamente, con este método numérico se busca resolver los siguientes grupos de ecuaciones:

• Ecuación de continuidad:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} = 0$$

■ Ecuaciones de momento:

$$\frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} + w \frac{\partial u}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\mu}{\rho} \left(\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right) - \beta g_x \left(T - T_{ref} \right)$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} + w \frac{\partial v}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\mu}{\rho} \left(\frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial z^2} \right) - \beta g_y \left(T - T_{ref} \right)$$

$$\frac{\partial w}{\partial t} + u \frac{\partial w}{\partial x} + v \frac{\partial w}{\partial y} + w \frac{\partial w}{\partial z} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\mu}{\rho} \left(\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial z^2} \right) - \beta g_z \left(T - T_{ref} \right)$$

• Ecuación de energía:

$$\frac{\partial T}{\partial t} + u \frac{\partial T}{\partial x} + v \frac{\partial T}{\partial y} + w \frac{\partial T}{\partial z} = -\frac{\lambda}{\rho c_p} \frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\mu}{\rho} \left(\frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial z^2} \right)$$

De estas ecuaciones, los componentes desconocidos suelen ser la presión, temperatura y velocidad. Se requieren condiciones iniciales y de frontera para definir el problema. Dos fuertes *acoplamientos* caracterizan este sistema de ecuaciones:

- Presión velocidad: no hay una ecuación específica para definir la presión.
 Para flujos incompresibles, la presión es el campo que hace que la velocidad logre cumplir la ley de la conservación de la masa^[12].
- Temperatura velocidad: sólo está presente durante la convección natural; la convección mixta o forzada son dependientes de las propiedades físicas.

Los métodos numéricos se enfocan tanto en el proceso de discretización como en el método de solución del grupo de ecuaciones algebraicas obtenidas. La **precisión** de una solución numérica está arraigada al método de discretización^[13].

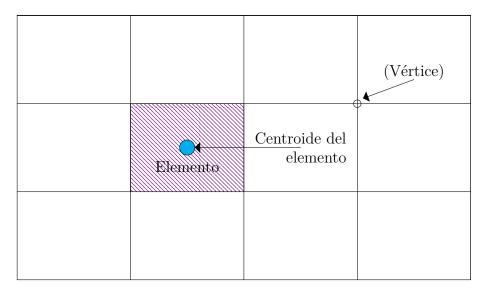


Figura 4: Discretización del dominio (malla cartesiana).

Existen dos tipos de mallas para el análisis mediante CFD, como se aprecia en la Figura 5.

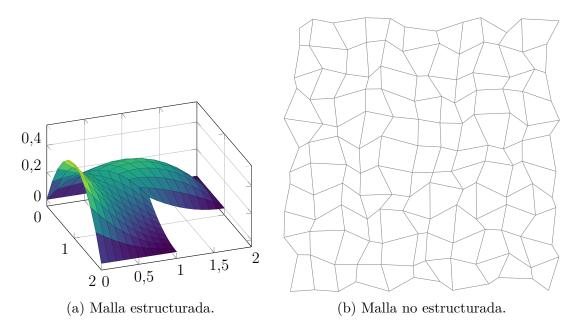


Figura 5: Tipos de mallas.

La conversión de las ecuaciones diferenciales parciales requieren la discretización del dominio de estudio; que, a su vez, depende de la dimensionalidad del problema.

3.1. Análisis unidimensional estacionario - 1D

Las Ecuaciones diferenciales parciales se pueden agrupar en diferentes términos; entre ellos: transitorio, convectivo, difusivo y fuente, como se aprecia en la Ecuación 1.

$$\underbrace{\rho \frac{\partial \phi}{\partial t}}_{\text{transitorio}} + \underbrace{\rho u_j \frac{\partial phi}{\partial x_j}}_{\text{convectivo}} - \underbrace{\alpha \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial x_j}\right)}_{\text{difusivo}} = \underbrace{S_{\phi}}_{\text{fuente}} \tag{1}$$

Asumiendo estado estacionario, unidimensional en la dirección x; la ecuación de difusión se puede apreciar a continuación.

$$\underbrace{\left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial x_j}\right)}_{\text{difusivo}} + \underbrace{S_{\phi}}_{\text{fuente}} = 0$$
(2)

Resolviendo la Ecuación 2 para $\phi = T$ e integrando con respecto al elemento P (ver Figura 6), se obtiene lo siguiente:

$$\int_{w}^{e} \frac{d}{dx} \left(\Gamma \frac{dT}{dx} \right) dx + \int_{w}^{e} S dx = 0 \to \left(\Gamma \frac{dT}{dx} \right)_{e} - \left(\Gamma \frac{dT}{dx} \right)_{e} + \int_{w}^{e} S dx = 0$$
 (3)

Si se asume que T varía linealmente entre nodos, se tiene:

$$\frac{\Gamma_e \left(T_E - T_P \right)}{\delta x_e} - \frac{\Gamma_w \left(T_P - T_W \right)}{\delta x_w} + S\Delta x = 0 \tag{4}$$

La expresión mostrada en la Ecuación 4 ya no es exacta. Gráficamente, el problema se ve reducido a lo siguiente:

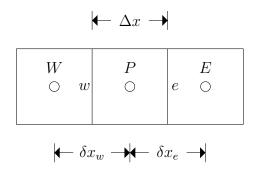


Figura 6: Problema unidimensional.

Agrupando los términos, se obtiene:

$$a_P T_P = a_E T_E + a_W T_W + b \tag{5}$$

Dónde: $a_i = \Gamma_i/\delta x_i$, $a_P = a_E + a_W$ y $b = S\Delta x$. De esta forma, la conservación se garantiza para cada elemento de la malla a través de los flujos sobre las caras de los elementos.

Las condiciones de frontera pueden ser tipo *Dirichlet* o *Neumann*, dependiendo del problema.

Dirichlet	Neumann
$a_E = a_W = 0$	$a_I = 1$
$a_B = 1$	$a_B = 1$
$b = \phi$	b = 0

Cuadro 2: Condiciones de frontera - problema unidimensional.

3.2 Solvers 3 CFD

3.2. Solvers

Existen diferentes métodos de solución de sistemas de ecuaciones algebraicas que pueden ser: exactos o iterativos. Los solucionadores que emplean métodos exactos no suelen usarse en simulaciones numéricas debido al alto costo computacional, básicamente tratan de resolver el sistema matricial $A\phi = B \rightarrow \phi = A^{-1}B$.

Los métodos iterativos suelen basarse en la lógica de *suposición* y *corroboración*. El método de Gauss - Seidel, por ejemplo, inicia suponiendo el valor de una variable, corroborándola con el cálculo de las demás; en caso de no coincidir, su supone el resultado final de la variable supuesta, donde se vuelve a corroborar hasta que el supuesto y la corroboración coincidan o hasta que el margen de error sea tolerable.

3.3. Metodologías de verificación y validación

Tienen por objetivo garantizar el menor *error computacional* posible. Entre ellas se destacan:

• Simple: estudio de la evolución global o local de una variable debido al refinamiento de malla, como se aprecia en la Figura 7.

100 Teórico Numérico 40 0 200 400 600 800 1,000 Número de nodos

Validación por refinamiento de malla

Figura 7: Método de validación simple.

- Detallada: se basa en la extrapolación generalizada de Richardson y en el índice de convergencia de malla (GCI).
- Experimentación: se validan los resultados con estudios experimentales.

3.4. Análisis bidimensional estacionario - 2D

Para análisis bidimensional, la Ecuación 1 se transforma en lo siguiente:

$$\underbrace{\rho \frac{\partial \phi}{\partial t}}_{\text{cransitorio}} + \underbrace{\rho u \frac{\partial phi}{\partial x} + \rho v \frac{\partial phi}{\partial y}}_{\text{convectivo}} = \underbrace{\frac{\partial}{\partial x} \left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial y} \right)}_{\text{difusivo}} + \underbrace{S_{\phi}}_{\text{fuente}} \tag{6}$$

La discretización del dominio se realiza acorde a la Figura 8.

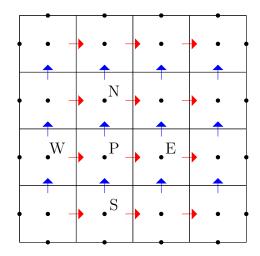


Figura 8: Discretización dominio bidimensional.

Existen diferentes enfoques para el análisis de problemas bidimensionales, entre ellos se encuentran: diferencias centradas, upwind e híbrido. El acercamiento por diferencias centradas asume una variación lineal de ϕ entre nodos para una malla uniforme, de modo que:

$$a_{P}\phi_{P} = a_{E}\phi_{E} + a_{W}\phi_{W} + a_{N}\phi_{N} + a_{S}\phi_{S} + b$$

$$a_{E} = D_{e} - F_{e}/2$$

$$a_{W} = D_{w} + F_{w}/2$$

$$a_{N} = D_{n} - F_{n}/2$$

$$a_{S} = D_{s} + F_{s}/2$$

$$a_{P} = a_{E} + a_{W} + a_{N} + a_{S} + \rho \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta t} + (F_{e} - F_{w} + F_{n} - F_{s})$$

$$b = \rho \frac{\Delta x \Delta y}{\Delta t} \phi_{P}^{0} + S \Delta x \Delta y$$

$$(7)$$

4. **DEM**

El método de elementos discretos (DEM) es un método que modela fuerzas interpartícula basadas en parámetros de elasticidad y la superposición de partículas no deformadas, que se entiende como la cantidad de deformación necesaria para que puedan, físicamente, ocupar el espacio en su actual configuración. Requiere de seis grados de libertad en cuerpos rígidos: tres en dos dimensiones y seis en tres dimensiones.

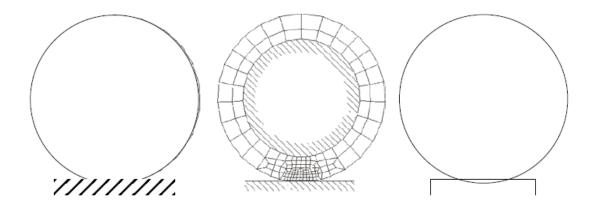


Figura 9: Comparación entre metodologías de análisis de partículas para una esfera suave deformada en un plano: situación física real (izquierda), modelo analizado con el método de elementos finitos (centro) y modelo con el método de elementos discretos (derecha)

El principio de este método es el de computar las fuerzas proporcionales a la superposición geométrica de las partículas empleadas. Para partículas esféricas, o circulares, las fuerzas involucradas son de tipo central; a diferencia de otras configuraciones geométricas, debido a que deben caracterizar las fuerzas en la forma 'débil' y 'fuerte'.

Una simulación que emplea este método numérico, normalmente se rige bajo los siguientes pasos:

- 1. Detección de colisión entre partículas.
- 2. Creación de una nueva interacción y determinación de diferentes propiedades, entre ellas la rigidez.

Para interacciones ya existentes:

- 1. Evaluación de deformación.
- 2. Computación del esfuerzo basada en la deformación.
- 3. Aplicación de fuerzas en la interacción entre partículas.

4.1. Detección de una colición

La detección exacta de colisión entre dos partículas requiere de un alto costo computacional. Tomando una pareja de cuerpos i y j y su colisición 'exacta' (en el sentido de precisión admisible por la implementación numérica) presentadas en los puntos P_i y P_j la detección procede en los siguientes dos puntos:

1. Detección de colisión rápida usando puntos aproximados \tilde{P}_i y \tilde{P}_j ; siendo estos preconstrucciones en el modo que características individuales P_i y P_j satisfacen la siguiente condición mostrada en la Ecuación 8.

$$\forall x \in R^3 : x \in P_i \to x \in \widetilde{P}_i \tag{8}$$

De igual manera para P_j . El predicado aproximaado se conoce como 'volumen límite', siguiendo lo siguiente:

$$\left(\widetilde{P}_i \cap \widetilde{P}_j\right) = \emptyset \to (P_i \cap P_j) = \emptyset \tag{9}$$

2. Al filtrar las colisiones imposibles mediante la Ecuación 9, algoritmos de detección de mayor costo computacional pueden ser impementados al filtrar falsas parejas de colisión restantes, como se observa en la Figura 10.

$$\left(\widetilde{P}_i \cap \widetilde{P}_j\right) \neq \emptyset \land (P_i \cap P_j) = \emptyset \tag{10}$$

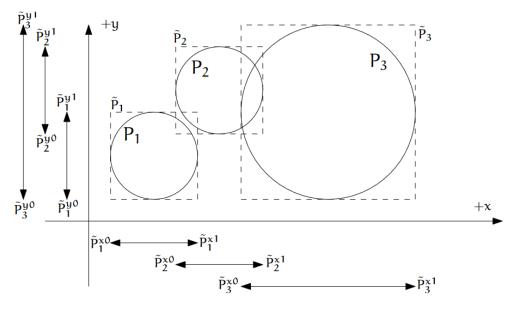


Figura 10: Detección de colisión entre partículas.

5. CFD-DEM

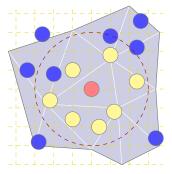
En el acoplamiento clásico entre CFD-DEM, el flujo se resuelve a travé del método CFD basado en malla, mientras que la fase sólida es modelada mediante DEM para cada partícula sujeta a través de fuerzas hidrodinámicas, fuerzas de cuerpo (como la gravedad) y a través de fuerzas de contacto, actualizando valores de velocidad y posición conforme a la segunda ley de Newton (Hoomans et al., 1996; Tsuji et al., 1993; Xu y Yu, 1997). En principio, todos los métodos CFD pueden acoplarse con DEM; lo que ha dado origen a diferentes métodos discretos y continuos, tal como el método de Lattice Boltzmann (LBM), Hidrodinámica de Partículas Suaves (SPH), métodos de Diferencias Finitas y Volúmenes Finitos (FVM).

Gran parte de las simulaciones reportadas en la literatura comprenden modelos 2D o sistemas prototipados de pequeña escala. En busca de acelerar los tiempos de simulación e incrementar la eficiencia computacional, se han desarrollado técnicas de computación paralela; donde gran parte de los esfuerzos han sido enfocados en la paralelización del DEM. Muchos algoritmos se han propuesto para lograr este hecho, como la técnica de espejo de dominio (Damana, et al., 2006; Washington y Meegoda, 2003), el método de subconjunto de partículas (Kafui et al., 2011) y métodos de descomposición de dominios (Amritkar et al., 2014; Tsuji et al., 2008). El uso de estos algoritmos depende de la arquitectura del hardware. La paralelización sobre memoria compartida del sistema se alcanza, normalmente, empleando OpenMP ("Open Multi-Processing", por sus siglas en inglés), mientras que el MPI (Interfaz de Paso de Mensajes) se emplea en sistemas de memoria distirbuida (Rabenseifner et al., 2009). Por ejemplo, Tsuji et al. (2008) paralelizaron una simulación en CFD-DEM usando MPI para el intercambio de información entre 16 CPUs, reportando el comportamiento fluidodinámico de 4.5 millones de partículas en un medio gaseoso; empleando el método unidimensional de descomposición de dominio.

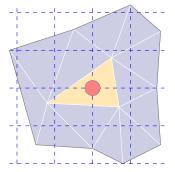
5.1. Fase del solvente

En un modelo CFD-DEM, la fase del fluido se resuleve en el nivel computacional en cada elemento de la malla (ver Figura 4) empleando un marco de referencia Euleriano mientras que el movimiento de la partícula se sigue a través de un marco de referencia Lagrangiano. Para lograr el acoplamiento de fase, es necesario interpolar las propiedades de las partículas a los centroides de los elementod CFD y las propiedades del fluido a la posición de cada partícula. Como se muestra en la Figura 11, se crean dos mallas alineadas de búsqueda: la malla de búsqueda de partículas (amarilla) y la malla de búsqueda de fluido (azul).

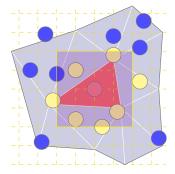
Los pasos clave con los que se basan las mallas de búsqueda son: detección de colisión de partículas (descrito en la sección 4.1), geometría de los elementos de



(a) Búsqueda de partículas vecinas y cálculo de la fracción de vacío de una partícula dada.



(b) Mapeo de una partícula dada dentro del fluido para interpolar sus propiedades en ese punto.



(c) Mapeo del elemento de malla CFD para el cálculo de términos fuente en el elemento de interés.

Figura 11: Esquema de la aproximación por malla dual para la búsqueda de partículas vecinas en un fluido.

malla CFD (detallado en la sección 3.4) y el cálculo de fuerzas de fluido, entre otras.

Para el cálculo de las fuerzas ejercidas por el fluido, se requiere conocer las propiedades del fluido en la posición de la partícula; incluyendo el gradiente de presión, la velocidad del flujo y el gradiente de velocidades (para fluidos gaseosos). Normalmente, las propiedades del fluido se 'almacenan' en el centroide de los elementos de malla durante cálculos mediante FVM, como se muestra en la Ecuación 11.

$$\phi_p = \phi_{el} + \nabla \phi_{el} \cdot r_{pc} \tag{11}$$

Dónde: ϕ_p y ϕ_{el} son las propiedades del fluido en la posición de la partícula y el centroide del elemento, respectivamente; y r_{pc} es el vector distancia que va desde el centro del elemento hasta la posición de la partícula.

6. Sedimentación

El *principio funcional* del sistema de elución y filtrado de la planta de extracción recae en este fenómeno natural.

Los tanques de sedimentación son ampliamente usados como medios filtrantes en plantas purificadoras de agua debido a su capacidad de remoción de residuos sólidos; siendo empleadas para limpiar aguas con turbidez⁸ de hasta $50[NTU]^{[14]9}$.

Para asegurar un correcto nivel de turbidez, los sistemas de sedimentación convencionales emplean coagulantes (normalmente sales de hierro) y floculantes (polímeros) en el sistema de alimentación. Cuando el fluido excede el nivel de 50[NTU], se recomienda emplear sistemas de sedimentación de placas inclinadas [14] para la remoción de elementos sólidos de bajo tamaño molecular.

6.1. Sedimentadores convencionales

Son ampliamente usados para la remoción de partículas en fluidos con turbidez de $20[NTU]^{[14]}$. Consiste de un sistema de una sola etapa estructurado de forma circular o rectangular. A la fecha, sedimentadores rectangulares se emplean sistemas de pretratamiento de aguas salinas por su bajo costo de inversión y gran desempeño. Los parámetros clave para el diseño de estos sistemas son los siguientes:

- Número mínimo de tanques: 4
- Produndidad del agua: 3.0 4.0[m].
- Velocidad media de flujo: 0.3 1.1[m/min].
- Tiempo de detención: 2 4[h].
- Relación ancho-largo: mínimo de 4:1.
- Relación profundidad-largo: mínimo de 1:15
- Velocidad del recolector de lodos: 0.4 0.8[m/min].

⁸La turbidez define el nivel de transparencia de fluidos incoloros en contraste a la presencia de partículas en suspensión.

 $^{^9}$ La Organización Mundial de la Salud estipula que el agua de consumo humano debe presentar un nivel de turbidez inferior a $2[NTU]^{[15]}$.

6.2. Sedimentador de placas inclinadas

Estos tanques de sedimentación, también conocidos como clarificadores, tienen un desempeño altamente superior a los convencionales, llegando a clarificar fluidos de hasta $200[NTU]^{[14]}$ de turbidez. Normalmente tienen una estructura rectangular o circular y son ampliamente usados para la limpieza de agua marina.

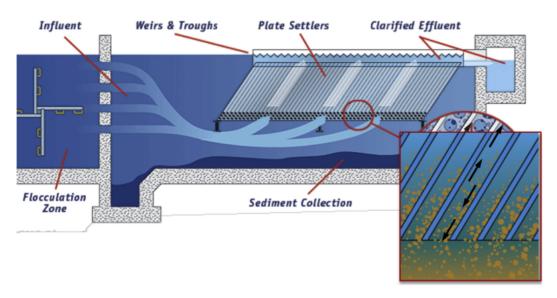


Figura 12: Esquema de un sedimentador de placas inclinadas^[14].

Los criterios clave de diseño para su uso en plantas de trateminto de agua se evidencia a continuación:

- Número mínimo de tanques: 2
- Produndidad del agua: 3.5 5.0[m].
- Velocidad media de flujo: 0.3 1.1[m/min].
- Tiempo de detención: 0.2 0.4[h].
- Velocidad del recolector de lodos: 0.4 0.8[m/min].

7. Diseño teórico

Como se explicó en el capítulo 2, la etapa de elución y filtrado busca separar la fase sólida, compuesta por el material pulverizado, de la fase líquida que consiste de una mezcla homogénea entre el solvente y el extracto (producto final). En el presente capítulo, se desarrolla el diseño teórico de esta etapa del método extractivo; proponiendo una geometría inicial para el desarrollo de simulaciones numéricas.

Las condiciones operacionales se pueden apreciar en el Cuadro 3.

Parámetro	Valor
Cantidad de material sólido a remover $[kg]$	80
Densidad media del material sólido $[kg/m^3]$	1700
Volumen de la mezcla $[L]$	200
Tamaño de partícula medio $[\mu m]$	250
Tipo de solvente	Mezcla agua - etanol (50 % volumétrico)
Temperatura del proceso $[{}^{\circ}C]$	28
Tiempo del proceso [h]	1

Cuadro 3: Condiciones operacionales requeridas por el sistema de elución y filtrado.

El principio físico de separación de sustancias empleado por el sistema es la **sedimentación**, producida por la diferencia de densidades entre el material sólido a separar y el solvente; siendo el material sólido de mayor densidad que el líquido. Es debido a ello que en el presente trabajo se desarrolla el diseño y simulación numérica de un sedimentador de placas paralelas como sistema de elución y filtrado de la planta de extracción.

El diseño del sistema, requerido para para definir la geometría de los modelos numéricos a resolver, parte de las siguientes afirmaciones y suposiciones:

- El fenómeno a describir se trata de la *sedimentación discreta*; indicativo de que las partículas no tienden a aglomerarse y se desprecian los efectos de colisión entre ellas.
- Cada partícula se trata como un cuerpo esférico micrométrico de tamaño equivalente a $250[\mu m]$.

7.1. Naturaleza del flujo

Para asegurar el éxito del sistema de sedimentación, el flujo dentro del sistema no puede ser de carácter turbulento. Debido a ello, según Miguel Vire ("Diseño de la planta de potabilización del agua"), se asume regimen laminar; cuya velocidad de flujo se determina a través de la Ecuación 12.

$$V_{laminar} = \frac{g}{18} \left(S_s - 1 \right) \left(\frac{d_{particula}^2}{\mu} \right) \tag{12}$$

Dónde: $V_{laminar}$ es la velocidad del flujo laminar, S_s es una constante, $d_{particula}$ es el diámetro de una partícula y μ es el valor de la viscosidad cinemática del fluido.

El número de Reynolds caracteriza la naturaleza de un flujo y se calcula con base en la siguiente relación matemática.

$$Re = \frac{V_{laminar} d_{particula}}{\mu} \tag{13}$$

Con base en la Ecuación 13, el número de Reynolds tiene un valor de 3,625; valor superior a 1,0 e inferior a 1000. Indicativo de que el flujo no es de carácter laminar ni turbulento, encontrándose en el **régimen de transición**.

7.2. Parámetros operacionales

Al encontrarse el flujo en régimen de transición, la velocidad de flujo se calcula a aprtir de la Ley de Allen, mostrada en la Ecuación 14.

$$V_{transicion} = 36\sqrt{(S_s - 1)\frac{d_{particula}}{C_D}}$$
 (14)

En donde C_D es una constante que se calcula de la siguiente forma:

$$C_D = \frac{24}{R_{corregio}} + \frac{3}{\sqrt{Re_{corregido}}} + 0.34 \tag{15}$$

A partir de las características de las partículas y del agua, se obtienen las constantes K_1 y K_2 de la Figura 13; en donde $X_1 = K_1 d$. De modo que:

$$\left(\frac{g\left(S_s-1\right)}{\mu^2}\right)^{1/3} = K_1$$

$$[g(S_s - 1)\mu]^{1/3} = K_2$$

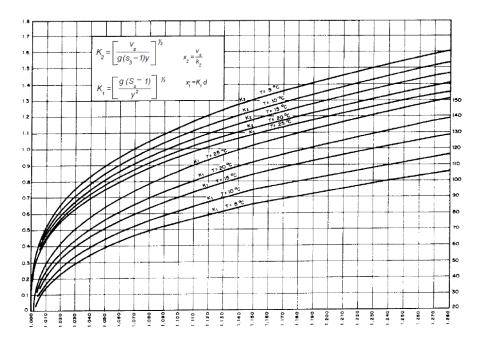


Figura 13: Velocidad de asentamiento de partículas discretas en un fluido estático.

Se calcula una velocidad de transición corregida para la determinación del número de Reynolds que se calcula de la siguiente forma:

$$V_{corregida} = X_2 K_2$$

$$Re_{trans} = \frac{V_{corregida} d_{particula}}{\mu}$$
(16)

El número de Reynolds de transición presenta un valor de 2,858 con una velocidad de 1,446[cm/s].

7.3. Dimensionamiento

El sistema de filtrado se trata de un equipo sedimentador de placas planas paralelas inclinadas a 60°. La velocidad crítica de sedimentación de las partículas se calcula a partir de la Ecuación 17 (fórmula de Yao), la cual define el valor de la velocidad mínima requerida para que una partícula se sedimente.

$$V_{sc} = \frac{S_c V_0}{\sin \theta + L_{rel} \cos \theta} \tag{17}$$

De la Ecuación 17, S_c es una constante de sedimentación cuyo valor es 1 para sistemas de placas paralelas, V_0 es la magnitud de la velocidad del flujo, L_{rel} es la

relación entre la longitud de una lamela y el ancho de la misma; y θ es el ángulo de inclinación de las placas.

La relación entre el ancho e del conducto y la longitud L tiene una importancia especial en la eficiencia del sedimentador. Si esta relación L_{rel} es muy pequeña, cada sedimentador actúa como un sedimentador horizontal corriente de baja velocidad. Debido a que la eficiencia varía lentamente para una $L_{rel} > 20$, se toma un valor de 20.

Para que un sedimentador pueda trabajar con alta velocidad, es necesario que exista flujo laminar en las celdas, esto es que el número de Reynolds sea inferior a 250. Cualquier turbulencia puede generar arrastre de partículas, bajando notoramiente la eficiencia; razón por la que se emplea como criterio principal de diseño.

$$N_R = \frac{V_0 \, 4R_h}{\mu} \tag{18}$$

En dónde R_h es el radio hidráulico, cuyo valor está definido por la Ecuación 19.

$$R_h = \frac{b e}{2(b+e)} \tag{19}$$

De la Ecuación 19: b es el ancho de la lamela y e el largo de la misma. Dimensiones que definen el área transversal de una lamela.

A partir de un proceso iterativo, se obtuvo que las mejores dimensiones son: b = 30[cm] y e = 2[cm]; lo que se traduce en un número de Reynolds de 89,69 (régimen laminar).

7.3.1. Panel de lamelas

La mejor relación de eficiancia referente al número de lamelas está entre 5 y 8 lamelas, por lo que se escoge desarrollar el proceso de diseño con 6 lamelas en el panel; seleccionando láminas de calibre 24 para su construcción.

El distanciamiento horizontal entre lamelas se calcula de la siguiente forma:

$$e_x = \frac{e}{\sin \theta} \tag{20}$$

Obteniendo un distanciamiento de 2,31[cm]. El ancho total del panel se puede calcular a través de la Ecuación 21.

$$P_{ancho} = e_x(N_{lamelas} - 1) + t_{lamela} N_{lamelas} + L_{lamela} \cos \theta \rightarrow P_{ancho} = 34,68[cm]$$
(21)

El alto del panel se calcula de la siguiente forma:

$$P_{alto} = L_{lamela} \sin \theta \to P_{alto} = 39,45[cm] \tag{22}$$

La profundidad del panel es equivalente al ancho de la lamela: 30[cm].

7.4. Método de Hazen \rightarrow tiempo de sedimentación

El concepto de carga hidráulica superficial (parámetro de Hazen) compara la velocidad de sedimentación de la partícula para conocer si alcanza a sedimentarse durante el trayecto por el sistema. La *altura* de sedimentación requerida se calcula mediante la Ecuación 23.

$$H_{sedimentacion} = \frac{e}{\cos \theta} \tag{23}$$

La altura de sedimentación requerida es de 4[cm] (distanciamiento vertical entre lamelas), cuyo tiempo de sedimentación se calcula a través de la siguiente relación matemática:

$$t_{sed} = \frac{H_{sedimentacion}}{V_{corregida}} \tag{24}$$

De acuerdo a la Ecuación 24, se requieren de 2,767[s] para sedimentar las partículas dentro de cada celda.

7.5. Tamaño de partícula mínima

El tamaño de partícula mínima se calcula a través de la Ecuación 25.

$$V_{sc} = 0.22 \left[g \left(\frac{\rho_{solido} - \rho_{fluido}}{\rho_{fluido}} \right) \right]^{2/3} \frac{d_{particula}}{\sqrt[3]{\frac{\mu}{\rho_{fluido}}}}$$
(25)

De esta manera, se concluye que el sistema diseñado está capacitado para retirar partículas de hasta $40[\mu m]$. La eficiencia del sistema se calcula a través de la siguiente relación matemática:

$$Ef = 1 - \frac{V_{sc}}{V_0} \tag{26}$$

Obteniendo un valor cercano al 91 %.

7.6. Resultados

En resumen, los resultados del proceso de diseño funcional del sistema se pueden apreciar en el Cuadro 4.

Parámetro	Valor
Caudal $[m^3/h]$	0,3
Tiempo [h]	1
Altura lamela [cm]	20
Ancho lamela $[cm]$	2,5
Ángulo de inclinación [°]	60
Ancho panel [cm]	25
Tamaño de partícula mínima $[\mu m]$	40
Tamaño de partícula media $[\mu m]$	250
Eficiencia general del sistema	91 %

Cuadro 4: Resumen de resultados.

Estos resultados definen la geometría para el desarrollo de las simulaciones numéricas CFD y CFD-DEM en el capítulo 8.

8. Modelo CFD-DEM

El modelo CFD-DEM consiste de una metodología de cálculo, a través de los métodos numéricos de volúmenes finitos (FVM) y elementos discretos (DEM), que busca predecir el comportamiento dinámico de las partículas en un medio fluido.

La metodología se resume en lo siguiente:

- 1. Definición de la geometría del problema.
- 2. Mallado de la geometría para el análisis fluidodinámico mediante CFD.
- 3. Definición de las condiciones de frontera.
- 4. Desarrollo de la simulación CFD DEM.
- 5. Postprocesamiento y presentación de resultados.

Se desarrolló un algoritmo a través de herramientas de *código abierto*: Python como lenguaje base; Jupyter como entorno de desarrollo; OpenFOAM y Yade para el desarrollo las simulaciones numéricas; y ParaView como entorno de presentación de resultados de post-procesamiento.

8.1. Geometría

Para la definición de la geometría, se desarrolló una metodología de cálculo teórico automático en Python - Jupyter para diferentes problemas de interés, conforme a la metodología planteada en el Capítulo 7.

El diámetro de la entrada de la mezcla solvente - material pulverizado está definido por la Ecuación 27.

$$D_I = \frac{4Q_T}{Re\,\pi\mu} \tag{27}$$

En dónde: D_I es el diámetro de ingreso de la mezcla sólido - líquido, Q_T es el caudal del problema, Re es el número de Reynolds y μ es la viscosidad cinemática del fluido.

Con base en los resultados mostrados en el Cuadro 4, el diámetro de ingreso tiene un valor de 27[cm]. La geometría con la que se desarrolla el presente modelo se puede apreciar en la Figura 14.

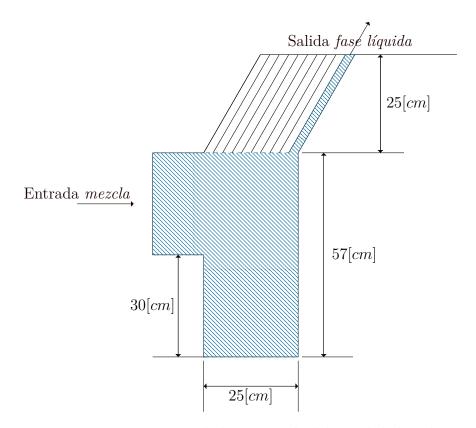


Figura 14: Vista en corte de la geometría del panel de lamelas.

De la Figura 14, el área sombreada corresponde a la geometría de análisis, en donde se observa: una zona de *entrada* de la mezcla sólido - líquido; una de *salida* (al final de la superficie inclinada), en donde se espera obtener la *fase líquida* de la mezcla; y un área de depósito de lodos, localizada en la parte inferior de la geometría, en donde se deposita el material particulado.

8.2. Mallado

Gran parte del éxito de las simulaciones numéricas recaen en la discretización del dominio y en la calidad de los elementos que la componen^[16]. Se desarrolló una metodología de mallado automático con base en el lenguaje *gmsh* tomando como variables de entrada las dimensiones de la geometría definida en la sección 8.1. Esta metodología emplea elementos de diferentes tamaños y permite también definir su naturaleza (rectangulares o triangulares).

El algoritmo ejecuta, además, un refinamiento automático en la zona en donde ocurre el mayor grado de sedimentación: en la superficie inclinada, como se aprecia en la Figura 15.

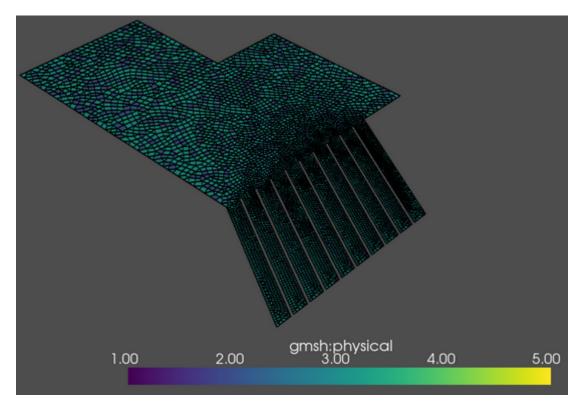


Figura 15: Mallado de la geometría.

La malla mostrada en la Figura 15 presenta las siguientes características:

Parámetro	Valor
Tipo de elementos	Rectangulares
Número de elementos	20415
Número de nodos	13692

Cuadro 5: Datos de la malla generada.

Al emplear el método checkMesh de OpenFOAM para el análisis preliminar de malla, se obtuvieron los siguientes resultados:

Parámetro	Valor
Apertura <i>máxima</i> entre elementos	11.45
Checkeo de <i>no</i> ortogonalidad	OK
Oblicuidad máxima	0.66 OK
Conclusión de malla	OK

Cuadro 6: Resumen de resultados sobre el checkeo de malla.

A partir de los resultados mostrados en el Cuadro 6, se concluye que la malla es óptima para el desarrollo de las simulaciones numéricas consecutivas.

8.3. Condiciones de frontera

La mezcla sólido-líquida en la entrada presenta un caudal de 0,3 $[m^3/h]$. Los muros se consideran como superficies no deslizantes para la fase líquida. La temperatura es constante durante todo el proceso e igual a $27[^{\circ}C]$. En el tiempo t=0, las partículas sólidas esféricas se generan en una región lineal, como se aprecia en la Figura 16.

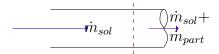


Figura 16: Zona de generación de partículas en la tubería de entrada.

De la Figura 16: \dot{m}_{sol} se refiere al flujo másico de solvente, \dot{m}_{part} es el flujo másico de partículas generadas y las líneas punteadas representan la zona de generación.

Las condiciones de frontera se resumen en la Figura 17.

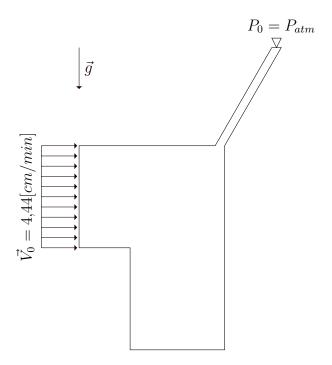


Figura 17: Condiciones de frontera.

Zona	Propiedad	Valor	Tipo
Entrada	Velocidad [cm/min]	4,44	Neumann
Salida	Presión [KPa]	101,325	Dirichlet

Cuadro 7: Clasificación de las condiciones de frontera.

La clasificación de las condiciones de frontera se puede apreciar en el Cuadro 7.

Al tratarse de una simulación 2D, se emplean condiciones de *no deslizamiento* en las zonas de "muro" y en las caras frontal y posterior de la geometría se consideran superficies vacías ("empty").

8.4. Desarrollo de la simulación

La simulación numérica a realizar comprende **dos** métodos numéricos: el método de volúmenes finitos (FVM, por sus siglas en inglés), con el cual se predice el comportamiento fluidodinámico dentro del volumen de control, y el método de elementos discretos (DEM, por sus siglas en inglés) con el que se predice el comportamiento dinámico de las partículas sólidas y su interacción con el solvente. En la presente sección, se desarrollan dos simulaciones numéricas: CFD y CFD-DEM. La primera busca predecir el comportamiento dinámico del fluido para, luego, ser contrastado con los resultados obtenidos en la simulación CFD-DEM; el cual describe la interacción fluido - partícula.

8.4.1. CFD

La Dinámica de Fluidos Computacional (CFD) es una herramienta ampliamente usada en ingeniería para el desarrollo de simulaciones numéricas que involucren fluidos. Emplea como método base el método de volúmenes finitos (FVM). Este método numérico transforma las ecuaciones diferenciales parciales, que representan las leyes conservativas, en ecuaciones algebraicas discretas sobre volúmenes finitos.

Desde un punto de vista de *mecánica de fluidos computacional*, el presente problema busca estudiar un flujo con las siguientes características:

- Laminar.
- Incompresible.
- Transitorio.
- Fluido newtoniano.

Tratándose, además, de un problema bidimensional, que matemáticamente hablando se refiere a lo siguiente:

$$\underbrace{\rho \frac{\partial \phi}{\partial t}}_{\text{transitorio}} + \underbrace{\rho u \frac{\partial \phi}{\partial x} + \rho v \frac{\partial \phi}{\partial y}}_{\text{convectivo}} = \underbrace{\frac{\partial}{\partial x} \left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\Gamma \frac{\partial \phi}{\partial y} \right)}_{\text{difusivo}} + \underbrace{S_{\phi}}_{\text{fuente}} \tag{9}$$

De la gama de solucionadores estándar que maneja OpenFOAM, existen dos que pueden resolver el sistema de ecuaciones de la Ecuación 9: icoFoam y pimpleFoam. Para la solución del modelo CFD-DEM, se seleccionó un solucionador basado en pimpleFoam debido a que existe la posibilidad de generación de turbulencia a ciertas velocidades de flujo del sistema en la interacción fluido-partícula.

La lógica de solución detrás de pimpleFoam se puede apreciar en la Figura 18.

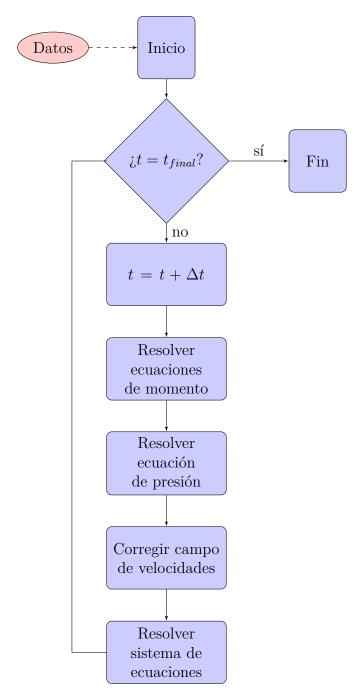


Figura 18: Diagrama de flujo del solucionador pimpleFoam.

8.4.1.1. Resultados

Los resultados de la simulación numérica mediante el método de *volúmenes finitos* se puede apreciar en las Figuras 19 y 20.

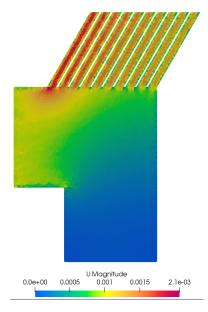


Figura 19: Diagrama de contorno de la distribución de velocidades del sistema de sedimentación.

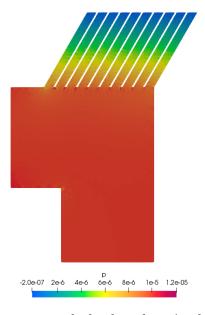


Figura 20: Diagrama de contorno de la distribución de presiones del sistema de sedimentación.

8.4.1.2. Análisis de resultados

La simulación numérica, desarrollada en OpenFOAM, encontró su punto de equilibrio (punto *estacionario*) al cabo de ocho segundos de simulación; cuyos resultados, en términos de velocidad y presión, pueden apreciarse en las Figuras 19 y 20, respectivamente.

En la Figura 19 se observa un valor de velocidad máxima de 0,0021[m/s] que es alcanzada en la primera lamela y decrece en las lamelas consecuentes hasta un valor cercano de 0,0015[m/s]; fenómeno físico que va acorde a la realidad por tratarse de flujos en serie.

En la Figura 20 se puede apreciar el perfil de presiones sobre el sistema; en donde se presenta un comportamiento uniforme y simétrico alcanzando un valor de presión máxima de hasta 0,000012[kPa]. Como era de esperarse, las condiciones de frontera establecidas en la sección 8.3 fueron respetadas: en la salida del flujo se aprecia una presión de 0 (atmosférica) y la velocidad de flujo en la entrada es de 0,00097[m/s].

8.4.2. CFD-DEM

El acoplamiento entre CFD ("Computational Fluid Dynamics") y DEM ("Discrete Element Method") busca predecir la interacción fluido-partícula. El flujo se resuelve a través de CFD basado en malla (ver sección 8.4.1), mientras que la fase sólida es modelada mediante DEM para cada partícula sujeta a través de fuerzas hidrodinámicas, fuerzas de cuerpo (como la gravedad) y a través de fuerzas de contacto; actualizando valores de velocidad y posición conforme a la segunda ley de Newton (Hoomans et al., 1996; Tsuji et al., 1993; Xu y Yu, 1997).

La tasa de partículas debido a la sedimentación, a través de canales inclinados, ha sido ampliamente estudiado debido al reconocido efecto Boycott^[17]. Este fenómeno se produce por el incremento en el área efectiva de sedimentación debido a la presencia de placas inclinadas^[18]. Acrivos et al. han desarrollado una serie de planteamientos teóricos y experimentales entre la tasa de sedimentación de partículas y el área efectiva de sedimentación. El efecto Boycott ha sido aplicado con éxito en diversos procesos industriales para la remoción de partículas en lecho de fluidizado a través del asentamiento gravitacional; entre los principales ejemplos de este hecho se encuentran: tratamientos de aguas residuales y procesos de filtrado de agua.

El acercamiento experimental para la investigación característica de partículas en suspención a alta concentración ha demostrado ser una experiencia retadora debido a las limitantes instrumentales y técnicas de medición^[18]. Los modelos

numéricos basados en CFD han demostrado ser una herramienta poderosa y promisoria que provee información detallada y precisa sobre las características locales del flujo particulado. Normalmente, se han aplicado dos enfoques generales en la literatura para resolver problemas que involucran flujo particulado: Eulerian -Eulerian (E-E) y Eulerian - Lagrange (E-L). En el enfoque E-E, las fases sólida y fluida son interpretadas de manera continua en donde comparten el mismo grupo de ecuaciones gobernantes. Doroodchi et al. [19] emplearon el modelo E-E para investigar la influencia de las placas inclinadas y el efecto expansivo de sólidos en suspensión en camas de lecho fluidizado; obteniendo resultados prometedores tanto en la parte experimental como numérica. Salem et al [20] desarrollaron un modelamiento en CFD empleando el modelo E-E para evaluar las características hidráulicas de un sedimentador de placas hidráulicas (IPS, por sus siglas en inglés); demostrando el importante rol que cumplen las herramientas computacionales en el estudio de los sistemas de sedimentación. Sin embargo, el tratamiento de la fase sólida de manera continua va en contra de la naturaleza discreta de las partículas sólidas, y todavía más importante: el acercamiento a través de E-E carece de facultades numéricas para revelar información importante referente a la escala particular.

El enfoque otorgado por el modelo E-L, por otro lado, adopta la teoría continua para la fase líquida y resuelve el problema cinemático de cada partícula individual directamente. Información referente a la posición, velocidad, fuerza hidrodinámica y difusividad, entre otros, se pueden obtener para cualquier instante de tiempo. Teniendo así el potencial de sobrellevar las dificultades y limitaciones existentes en modelos teóricos y empíricos. Es debido a ello que en el presente trabajo se emplea un enfoque E-L para abordar el problema CFD-DEM; investigando la interacción fluido - partícula en un sistema de sedimentación con canales (lamelas) inclinadas.

8.4.2.1. Planteamiento numérico

El flujo del modelo CFD-DEM se resuelve a través de las ecuaciones de momento, continuidad y a través de las ecuaciones de movimiento de cada partícula individual, seguidas a través del método de elementos discretos^[21]. Se consideraron los efectos e interacciones entre partícula-partícula (ver Figura 21), partícula-fluido y partícula-muro. Las ecuaciones gobernantes y la metodología numérica empleada se describe brevemente a continuación.

En DEM, no se requiere de un cierre para la fase sólida dado que la dinámica de la partícula se resuelve de manera directa. La traslación y rotación de la partícula i está dada por las Ecuaciones 28 y 29.

$$m_i \frac{dv_i}{dt} = F_{c,i} + F_{f,i} + F_{g,i}$$
 (28)

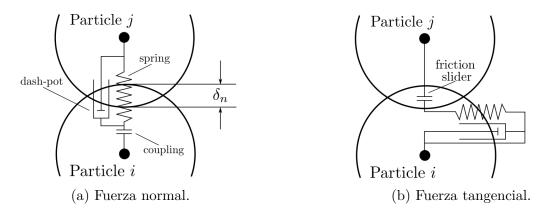


Figura 21: Interacción dinámica entre partículas.

$$I_i \frac{d\omega_i}{dt} = T_{c,i} + T_{r,i} \tag{29}$$

Las fuerzas de impacto $(F_{c,i})$ y el torque de contacto $(T_{c,i})$ fueron calculados por el modelo lineal resorte-dashpot en el que se tuvo en cuenta el efecto histerético causado por el historial de contacto de la partícula. La resistencia a la rodadura se calculó empleando la Ecuación 30.

$$T_{r,i} = -\sum_{j=0}^{N_{pc}} \mu_{rol} \left| F_{cn,ij} \right| \frac{\omega_{ij}}{|\omega_{ij}|} r_i \tag{30}$$

Dónde ω_{ij} es la velocidad angular relativa entre las partículas i y j; y está definida a través de la Ecuación 31.

$$\omega_{ij} = \frac{\omega_i r_i + \omega_j r_j}{r_i + r_j} \tag{31}$$

La fuerza total actuante del fluido $F_{f,i}$ causada por la distorsión de las líneas de corriente alrededor de la partícula, que a su vez produce variación en el tensor de esfuerzos del fluido, se calcula mediante la Ecuación 32.

$$F_{f,i} = -V_i \nabla p + V_i (\nabla \cdot \tau_f) + \epsilon F_{d,i}$$
(32)

Dónde τ_f es el tensor de esfuerzos viscoso del fluido; que se calcula de la siguiente manera:

$$\tau_f = \mu_L \left[(\nabla u_L) + (\nabla u_L)^{-1} \right] + \left(\lambda - \frac{2}{3} \mu \right) (\nabla \cdot u_L) \overline{I}$$
 (33)

La fuerza de arrastre $F_{d,i}$ del fluido, de la Ecuación 32, se resuelve a una escala longitudinal mayor que el tamaño de la partícula y está dada por la siguiente relación matemática:

$$F_{d,i} = \frac{V_i}{1 - \epsilon} \beta \left(u_L - v_i \right) \tag{34}$$

8.4.2.2. Resultados

Para la definición de la interacción partícula-partícula, fluido-partícula y partículamuro se emplearon los datos contenidos en el Cuadro 8.

Parámetro	Valor				
Generales					
Material	Arena de río				
Tamaño de partícula $[\mu m]$	250				
Módulo de Young	10^{6}				
Número de partículas por segundo	22300				
Velocidad inicial $[m/s]$	0,0097				
$ ho[kg/m^3]$	1600				
ν	0,2				
Coeficientes de par de resorte Dashpot					
α	0,12				
μ	0,52				
Pasos de resolución de colisión	12				

Cuadro 8: Datos generales para el desarrollo de la simulación CFD-DEM. La simulación numérica desarrollada permitió obeservar el comportamiento dinámico entre las partículas y el solvente; desarrollándose el fenómeno de sedimentación desde la entrada de material debido a la baja velocidad de flujo. El diagrama de contorno de velocidades del sistema se puede apreciar en la Figura 22.

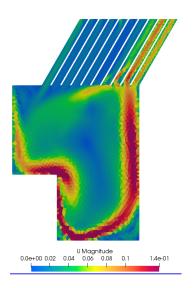


Figura 22: Diagrama de contorno de velocidades del sistema.

El diagrama de contorno de presiones del sistema de sedimentación se puede apreciar en la Figura 23.

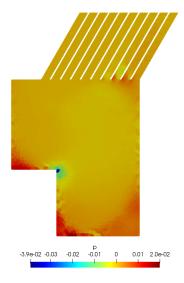


Figura 23: Diagrama de contorno de presiones del sistema de separación de sustancias.

Durante la simulación, en el que se analizaron 30[s], se apreció el desarrollo de vórtices y remolinos debido al reflujo de las partículas, como se aprecia en la Figura 24.

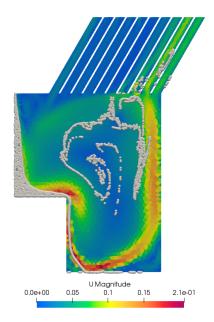


Figura 24: Distribución de partículas de arena sobre el volumen de control durante el segundo 28 de la simulación.

8.4.2.3. Análisis de resultados

Comparando las Figuras 19 y 22, se puede apreciar cómo el solvente cambia la distribución de velocidades por la sedimentación sufrida por las partículas de arena, cuya densidad es mayor que la del fluido circundante; razón por la que el solvente tiende a moverse con mayor velocidad en las últimas lamelas en lugar de las primeras, a diferencia de lo observado en la sección 8.4.1.1. Debido a ello, es posible clasificar a las lamelas por zonas de "pureza" durante el proceso de separación: en donde las primeras seis presentan menor concentracón particular que las últimas cuatro.

La presencia de vórtices y remolinos en la simulación CFD-DEM rectifica la decisión de haber empleado un solucionador basado en pimpleFoam, el cual se adaptó para resolver el problema *Euler - Lagrange* (E - L).

Diferente al fenómeno apreciado en la Figura 20, la distribución de presiones en la Figura 23 no es simétrica y tiende a presentar sus máximos valores en la zona de congregación de los sedimentos.

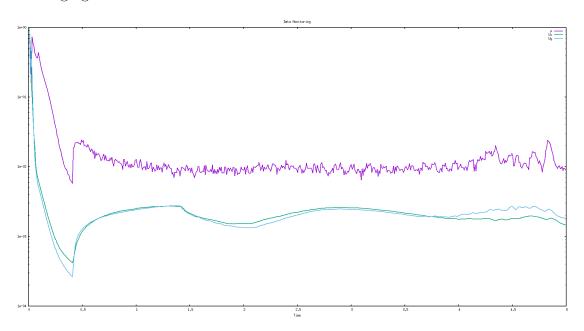


Figura 25: Monitoreo de residuales en la simulación CFD-DEM.

De la Figura 25, la línea morada corresponde al residual de la presión, la de color cian al residual de la velocidad en y y la de color verde al residual de la velocidad en x. El comportamiento de los residuales está directamente relacionado con la magnitud de los errores en la solución de las ecuaciones gobernantes [22]. Debido al hecho de que tienden a aglomerarse en valores cercanos a cero, son un indicativo de alta precisión del modelo numérico implementado. Las variaciones

vistas en los residuales de presión se deben a la vorticidad originada por los reflujos consecuentes a la interacción fluido - partícula. Durante la simulación, se observó una estabilización en los perfiles de velocidad; razón por la que los residuales U_x y U_y presentan un comportamiento sin fluctuaciones y con pequeñas variaciones durante el desarrollo del flujo dentro del volumen de control.

9. Implementación del modelo

El modelo CFD-DEM se implementó a través de herramientas de *código abierto*, dando paso a la automatización del trabajo documentado en los capítulos 7 y 8. El software desarrollado se compone, principalmente, de dos partes: *Frontend* (interfaz de usuario), desarrollada en Jupyter y ParaView, y *Backend* (lógica detrás del software), desarrollada en Python, C++ y gmsh.

9.1. Frontend

La interfaz gráfica se desarrolló en Jupyter. El proyecto Jupyter existe para facilitar el desarrollo de software libre; tratándose de un servicio de computación interactiva que funciona con diferentes lenguajes de programación, entre ellos: Python y C++. Un ejemplo que permite visualizar el alcance de esta herramienta se puede apreciar en la Figura 26; en dónde se observa la escritura de algoritmos de programación, evaluación de la interactividad del algoritmo y documentación del mismo: todo en una sola pantalla. Jupyter es un acrónimo de los lenguajes: Julia, Python y R.

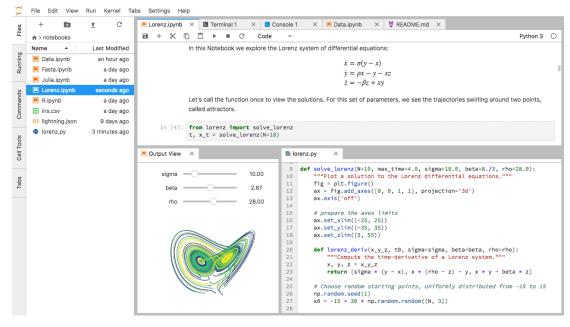


Figura 26: Interfaz gráfica de ejemplo desarrollada con Jupyter. Fuente: https://jupyterlab.readthedocs.io/en/latest/

"Jupyter es una aplicación web de código abierto que permite la creación y compartibilidad de diferentes documentos, encontrándose en ellos: código *en vivo*, ecuaciones y visualización de texto explicativo. Entre sus usos se encuentran: limpieza y transformación de datos, simulaciones numéricas, modelado estadístico

y aprendizaje automático, entre muchos otros."Descripción oficial del proyecto Jupyter.

Parte del Frontend desarrollado para brindar interactividad de usuario se puede apreciar en la Figura 27.

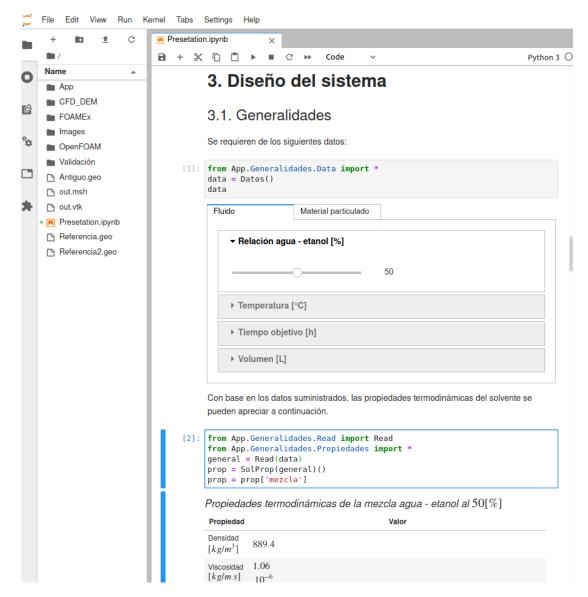


Figura 27: Parte de la interfaz gráfica desarrollada para la automatización del modelo CFD-DEM.

Jupyter permite la interactividad a través de diferentes lenguajes de Frontend; entre ellos: HTML, CSS y JavaScript. Para la escritura de textos, adopta lenguajes como Markdown y LATEX. Además, cuenta con diferentes librerías internas

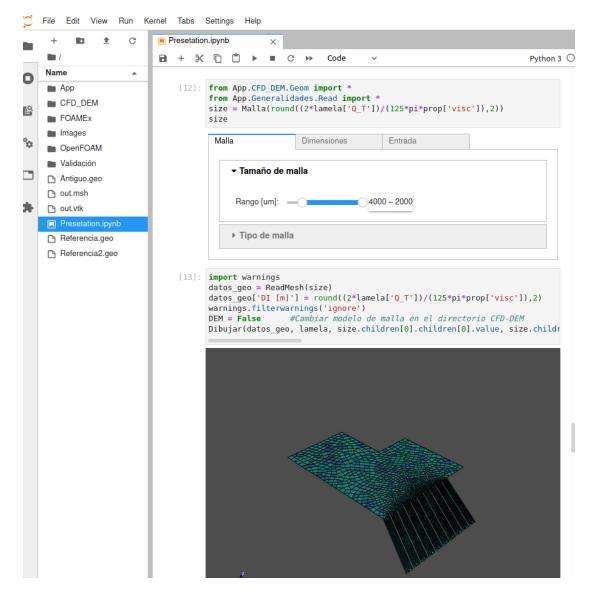


Figura 28: Sección de mallado automático del software desarrollado mediante gmsh.

para el desarrollo de contenidos interactivos, de las que se destacan: ipywidgets, IPython.display y Plotly.

En la Figura 28 se puede apreciar la interfaz gráfica referente al mallado automático de la geometría, desarrollado en el lenguaje gmsh; en dónde el usuario puede definir el rango de tamaño de malla, tipo de los elementos (rectangular o triangular) y las dimensiones de la geometría.

9.2. Backend

Detrás de la funcionalidad del software se encuentra el árbol de directorios mostrado en la Figura 29.

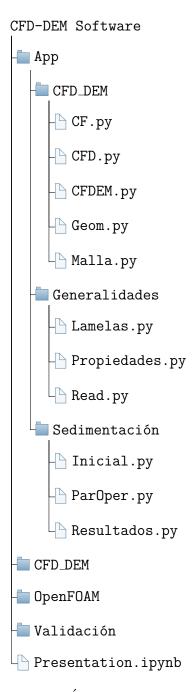


Figura 29: Árbol de directorios.

El software resuelve, básicamente, tres problemas:

- Diseño funcional del panel de lamelas desde un enfoque teórico.
- Análisis del comportamiento, a través de OpenFOAM, de la dinámica de fluidos del panel de lamelas.
- Simulación CFD-DEM que permite predecir la interacción fluido partícula a distintas condiciones de flujo.

9.2.1. Diseño funcional teórico

El diseño funcional busca definir una geometría inicial del panel de lamelas, para el análisis consecuente mediante los métodos numéricos de *volúmenes finitos* y *elementos discretos*, a través de metodologías teóricas y experimentales (capítulo 7).

La lógica desarrollada comprende los siguientes pasos:

- 1. Definición, por parte del usuario, de las propiedades del solvente (entre ellas: proporción de la mezcla hidroetanólica) y del material particulado.
- 2. Cálculo de las propiedades termodinámicas del fluido.
- 3. Definición de la geometría del panel de lamelas.
- 4. Cálculo de las diferentes propiedades del solvente: caudal, velocidad del fluido y de la sedimentación y el número de Reynolds, por mencionar algunos.

Los algoritmos que emplean esta lógica se encuentran ubicados en las direcciones App/Sedimentación y App/Generalidades, como se aprecia en la Figura 29.

9.2.2. Modelo CFD

El modelo CFD permite conocer el comportamiento del solvente dentro del volumen de control para contrastarlo con el modelo CFD-DEM. Comprende los siguientes pasos:

- 1. Definición de la geometría.
- 2. Mallado de la geometría.
- 3. Definición de las condiciones de frontera.
- 4. Desarrollo de la simulación.

5. Postprocesamiento y presentación de resultados.

Los algoritmos desarrollados para el desarrollo de este modelo se encuentran ubicados en la dirección App/CFD_DEM:

- Geom.py permite establecer la geometría del problema de acuerdo a los parámetros definidos por el usuario.
- Malla.py define el mallado de la geometría, ejecutando el lenguaje gmsh.
- CF.py define las condiciones de frontera.
- CFD.py se encarga de ejecutar la simulación numérica a través de Open-FOAM.

9.2.3. Modelo CFD-DEM

El modelo CFD-DEM predice las interacciones fluido-partícula del sistema de sedimentación. Emplea la misma lógica descrita en la sección 9.2.2. La única diferencia radica en la ejecución del algoritmo descrito en CFD.py; en su lugar, ejecuta el de CFDEM.py que contiene la metodología de desarrollo de la simulación CFD-DEM basada en el método Euler - Lagrange.

10. Validación del modelo

Para la validación del modelo CFD-DEM desarrollado, se aplicó el modelo para resolver el problema de Fessler & Eaton^[2], en donde se investigó el efecto de la turbulencia generada por partículas de cobre de $70[\mu m]$ de diámetro sobre un flujo orientado hacia atrás, como se muestra en la Figura 30.

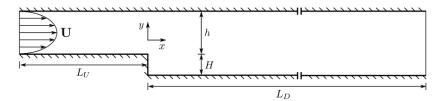


Figura 30: Geometría de estudio.

10.1. Descripción del problema

En 1999, Fessler & Eaton estudiaron el efecto de partículas de vidrio y cobre de distintos tamaños (70, 90 y $150[\mu m]$ de diámetro), a diferentes cargas másicas (entre el 3 y el 40 % del flujo másico) y a las mismas condiciones experimentales de velocidad y presión de flujo en donde se apreció una atenuación del nivel de turbulencia relacionada con un decaimiento en el número de Stokes de las partículas.

La motivación detrás de esta investigación recae en la complejidad de las interacciones entre partículas pequeñas y densas con la fase turbulenta de una sustancia gaseosa; además de la importancia en diferentes casos, de carácter industrial y natural, en donde se producen flujos particulados que son, muchas veces, inentendidos. En pocos aspectos, tales como la dispersión de partículas en flujos homogéneos, se pueden llevar a cabo estudios analíticos con altos niveles de precisión. Sin embargo, la mayoría de los casos en la realidad comprenden flujos heterogéneos y anisotrópicos sujetos a inestabilidades, con marcadas variaciones entre flujo y flujo, que imposibilitan el desarrollo de un modelo matemático analítico que defina a cabalidad la naturaleza de los flujos y que sea, a su vez, lo suficientemente preciso.

Se ha reportado en la literatura que los niveles de turbulencia pueden ser moderados con la ayuda de la carga de diferentes masas. Investigaciones como la de Hetsroni^[23] y Gore & Crowe^[24] establecieron los cimientos del comportamiento turbulento en la interacción fluido - partícula; mientras que en investigaciones desarrolladas por Kulick, Fessler & Eaton^[25] y Tsuji, Morikawa & Shiomi^[26] se demostró que la atenuación de la turbulencia incrementa tanto con la carga másica como con el número de Stokes de las partículas.

En el presente estudio se investigó el comportamiento de las partículas sobre un flujo orientado hacia atrás (Figura 30). Este flujo es ideal para el estudio de la interacción partícula-turbulencia debido a que las estadísticas del flujo medio son conocidas como invariables debido a la presencia de partículas sólidas [25]; hecho esencial que garantiza que los cambios en la turbulencia se deben únicamente a la presencia de material particulado, dado que los flujos separados son sensibles al perfil de velocidad media. En este trabajo se emplearon partículas de vidrio de 90 y $150[\mu m]$ de diámetro y partículas de cobre de $70[\mu m]$; que proveen dos diferentes partículas con números de Stokes distinto y tres diferentes valores de Reynolds.

Parámetro	Valor
Altura H	26,7[mm]
Rango de expansión	5:3
Relación de aspecto	17:1
Velocidad inicial U_0	9,39[m/s]
$Re_H = \frac{U_0 H}{\mu}$	18400
τ_f , gran escala de tiempos de remolino, $\frac{5H}{U_0}$	12,7[ms]

Cuadro 9: Parámetros del flujo.

10.2. Desarrollo experimental

El flujo sufre una expansión unidireccional en donde se evita la sedimentación de partículas. El número de Reynolds de la entrada fue de 13800 con una velocidad en la línea central de 10,5[m/s]. El rango de expansión fue de $\frac{5}{3}$; mientras que la relación de aspecto es de 17:1. Hecho que garantiza un flujo bidimensional a través de una porción importante del experimento.

El condicionamiento del flujo de entrada, el flujo de salida y el sistema de alimentación de partículas se ilustra en la Figura 31. El sistema provee velocidad de flujo uniforme con carga de partículas en la entrada. Un canal de 5,2[m] asegura el completo desarrollo del flujo y contempla el tiempo suficiente para que las partículas lleguen al equilibrio con el medio circundante. Se empleó un ventilador, con frecuencia variable, como sistema de control másico.

10.2.1. Descripción particular

El número de Reynolds que define el movimiento particular está definido por la Ecuación 35.

$$Re_p = \frac{d_p U_{rel}}{\mu} \tag{35}$$

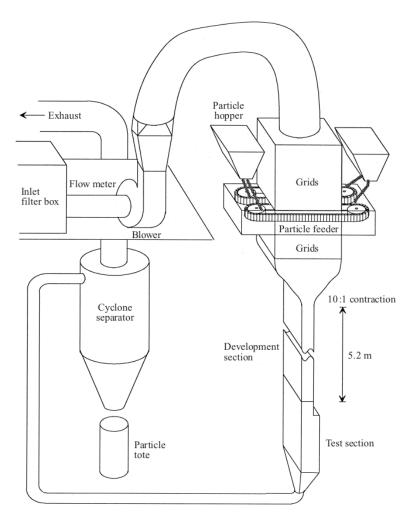


Figura 31: Esquema del montaje experimental^[2].

De la Ecuación 35: d_p es el diámetro de la partícula, μ es la viscosidad cinemática y U_{rel} es la escala de velocidad que caracteriza la velocidad de deslizamiento medio de la partícula sobre el flujo.

El número de Stokes es la relación entre el tiempo de respuesta de las partículas con respecto a la escala de tiempo representativa en el flujo.

$$St = \frac{\tau_p}{\tau_f} \tag{36}$$

Para partículas pequeñas con números de Reynolds despreciables, Stokes (1851) demostró que la constante de tiempo particular se define con base en la Ecuación 37.

$$\tau_{p,Stokes} = \frac{(2\rho_p + \rho_f) d_p^2}{36\mu} \tag{37}$$

El coeficiente de arrastre C_D , para números de Reynolds superiores a 700, puede calcularse con base en la Ecuación 38.

$$C_D = \frac{24}{Re_p} \left(1 + 0.15 Re_p^{0.687} \right) \tag{38}$$

El incremento en el coeficiente de arrastre como el del número de Reynolds disminuirá la constante de tiempo particular; de modo que la constante de tiempo modificada empleada en este estudio se puede apreciar en la Ecuación 39.

$$\tau_p = \frac{\tau_{p,stokes}}{1 + 0.15Re_p^{0.687}} \tag{39}$$

La escala de tiempo representativa en el flujo se calculó con base en la Ecuación 40.

$$\tau_f = \frac{5H}{U_0} \tag{40}$$

10.2.2. Métodos experimentales

Todas las velocidades de flujo fueron medidas a través de un anemómetro láser Doppler (LDA, por sus siglas en inglés). Cada punto de dato representa 2000 muestras individuales de velocidad que mantiene la incertidumbre estadística desde $\pm 0.02[m/s]$ hasta $\pm 0.08[m/s]$. Para medir la velocidad de las partículas, se empleó una técnica de discriminación por amplitud de pedestal, apreciable en la Figura 32. A partir de allí, se estimó un error experimental cercano al 5 %.

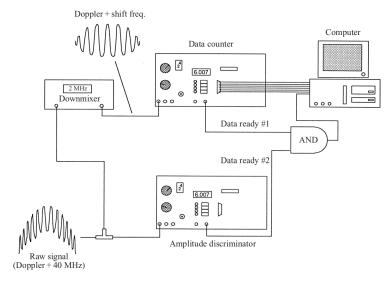


Figura 32: Esquema del sistema de medición de la interacción partícula fluido^[2].

El campo de densidad medio de partículas se midió al iluminar el material particulado a través de un pulso de frecuencia doble, 10[mJ] por pulso de Neodimio, y al analizar diversas fotografías del experimento a través de un software de procesamiento de imágenes; permitiendo así identificar cada partícula, su tamaño y posición en el lecho fluidizado.

10.3. Resultados

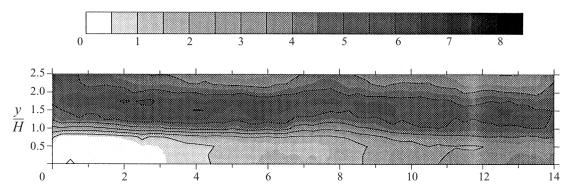
Los perfiles de velocidad media se midieron, de manera experimental, a través de las condiciones especificadas en el Cuadro 10. Pocas partículas fueron identificadas en la zona de recirculación, por lo que no se reportaron datos en la zona x/H=2,5 y 7.

	Dirección de flujo		Dirección normal al muro	
Clase de partícula	x/H	Carga másica	x/H	Carga másica
Vidrio de $90[\mu m]$	2,5,7,9,14	20%		
Vidrio de $150[\mu m]$	2,5,7,9,14	20%, 40%	2,5,7,9,14	10%
Cobre de $70[\mu m]$	-2, 0, 2, 5, 7, 9, 12	3%, 10%	2,5,7,9,14	20%

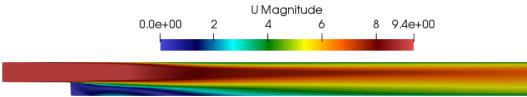
Cuadro 10: Condiciones experimentales.

En la Figura 33 a) se muestra el esquema de contorno de la densidad media de partículas de cobre de $70[\mu m]$. La velocidad máxima encontrada en este es, aproximadamente, de $0.2U_0$. En la Figura 33 b), se puede apreciar el esquema de contorno obtenido con base en el modelo CFD-DEM desarrollado.

Cerca de la zona de salida del volumen de control, las velocidades de las partículas exceden a las del gas debido a la desaceleración del fluido producida por la expansión. La velocidad media de las partículas en la dirección del muro fue, generalmente, similar a las velocidades del fluido correspondiente.



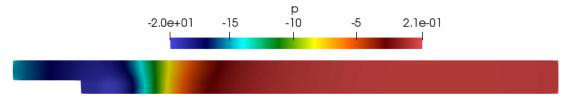
(a) Diagrama de contorno de referencia de la densidad media de partículas de cobre de $70[\mu m]^{[2]}$.



(b) Diagrama de contorno de la distribución de velocidad del sistema con partículas de cobre de $70[\mu m]$ - resultado obtenido al usar el modelo CFD-DEM desarrollado.

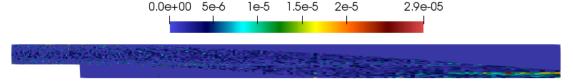
Figura 33: Comparación entre resultados del diseño experimental desarrollado por Fessler & Eaton y los obtenidos a partir del modelo CFD-DEM desarrollado.

Adicional al resultado mostrado en la Figura 33 b), el modelo CFD-DEM desarrollado también permite apreciar los resultados mostrados en la Figura 34.



(a) Diagrama de contorno de la distribución de la presión dentro del volumen de control.

kinematicCloudTheta



(b) Diagrama de contorno de la variación de la fracción de vacío en el volumen de control

Figura 34: Resultados obtenidos a partir del modelo CFD-DEM desarrollado.

La tendencia de distribución de las partículas de cobre sobre el volumen de control se puede apreciar en la Figura 35.

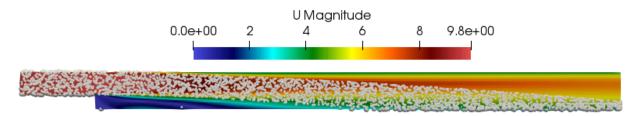


Figura 35: Distribución de las partículas de cobre sobre la geometría.

En la Figura 36 se puede apreciar la comparación directa en los perfiles de velocidad en diferentes puntos de interés, contrastando los definidos por Fessler & Eaton con respecto a los calculados por el modelo CFD-DEM desarrollado.

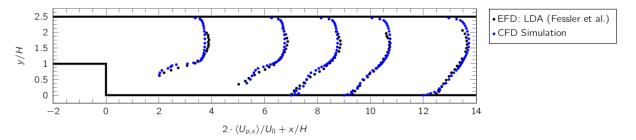


Figura 36: Comparación directa de los perfiles de velocidad experimentales con respecto al del modelo numérico desarrollado.

En la Figura 36, se puede apreciar una variación de hasta el $0.6\,\%$ entre los resultados experimentales con respecto a los obtenidos por el modelo numérico; validando así el modelo CFD-DEM desarrollado.

Conclusiones

- 1. Se desarrolló una metodología de diseño numérico de un sistema de elución y filtrado para una planta de extracción, en dónde se apreció la interacción fluido - partícula durante la etapa de filtrado, basada en el fenómeno de sedimentación. El modelo numérico fue validado, llegando a reportar márgenes de precisión en los perfiles de velocidad de flujo inferiores al 1 %.
- 2. A las condiciones de operación dadas $(0,3 \, [m^3])$ de caudal, $27 \, [^{\circ}C]$ de temperatura de operación y $250 \, [\mu m]$ de tamaño de partícula medio) las simulaciones numéricas del sistema de elución y filtrado demostraron un nivel de eficiencia general superior al 90 % en la remoción de material particulado; hecho que va acorde a los resultados reportados en el diseño global (capítulo 7).
- 3. Con base en los resultados obtenidos, se puede apreciar la importancia de las simulaciones numéricas basadas en CFD-DEM para el diseño de maquinaria y equipos que busquen separar mezclas de sustancias sólidas y líquidas. De la Figura 24 se concluye que el panel de lamelas presenta zonas de salidas limpias de material particulado y otras con una concentración menor a la inicialmente procesada. Futuras investigaciones podrían emplear el modelo CFD-DEM desarrollado en el presente trabajo como base para el diseño de un nuevo sistema de sedimentación que emplee un reflujo de las zonas con posibles impurezas para garantizar una completa separación de sustancias.
- 4. Se implementó la metodología del modelo CFD-DEM con base en herramientas de código abierto; demostrando la viabilidad de estas herramientas en el desarrollo de nuevos productos y servicios de bajos costos de inversión inicial y alto grado de innovación.
- 5. De acuerdo al proceso de validación desarrollado en el capítulo 10, se concluye que el modelo CFD-DEM desarrollado es preciso (error inferior al 1% con respecto a los resultados experimentales) y puede ser empleado en diversas aplicaciones de flujo, bien sea laminar o turbulento, en donde partículas sólidas interactúan con fluidos newtonianos en fase líquida o gaseosa.

REFERENCIAS REFERENCIAS

Referencias

[1] A. L. Capriotti, C. Cavaliere, P. Foglia, R. Samperi, S. Stampachiacchiere, S. Ventura, and A. Laganà, "Recent advances and developments in matrix solid-phase dispersion," *TrAC Trends in Analytical Chemistry*, vol. 71, pp. 186–193, sep 2015. [Online]. Available: https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S0165993615001387

- [2] J. R. Fessler and J. K. Eaton, "Turbulence modification by particles in a backward-facing step flow," *Journal of Fluid Mechanics*, vol. 394, pp. 97–117, sep 1999. [Online]. Available: https://www.cambridge.org/core/journals/journal-of-fluid-mechanics/article/abs/turbulence-modification-by-particles-in-a-backwardfacing-step-flow/7CCEE8B4F7C6A3003434D4106D7D1E24
- [3] S. A. Barker, "Matrix solid phase dispersion (MSPD)," *Journal of Biochemical and Biophysical Methods*, vol. 70, no. 2, pp. 151–162, 2007.
- [4] J. D. Argüello Plata and Ó. A. Gómez Sepúlveda, "Diseño de un prototipo de una planta destinada a la producción de extractos vegetales mediante el método de extracción de dispersión en la fase sólida MSPD, con sistema de recuperación del solvente," Tech. Rep., 2017.
- [5] E. Stashenko, O. A. Gélvez Arocha, J. R. Martínez Morales, D. C. Durán García, J. D. Argüello Plata, and Ó. A. Gómez Sepúlveda, "Numerical simulation through the Discrete Element Method (DEM) and the Finite Volume Method (FVM) of the crushing and filtering processes for the production of vegetable extracts by the Matrix Solid-Phase Dispersion (MSPD)," in XI Congreso Colombiano de Métodos Numéricos, vol. 1. Bucaramanga: Universidad Industrial de Santander, 2017, pp. 57–66.
- [6] O. A. Gélvez Arocha, J. R. Martínez Morales, E. Stashenko, O. A. Gómez Sepúlveda, and J. D. Argüello Plata, "CO2018013023A1 Equipo, producto obtenido a partir de proceso V vegetal con propiedades biológicas - Google Patents," 2018. [Onlihttps://patents.google.com/patent/CO2018013023A1/es? Available: inventor=juan+david+arg{\unhbox\voidb@x\bgroup\let\unhbox\voidb@ x\setbox\@tempboxa\hbox{u\global\mathchardef\accent@spacefactor\ spacefactor \ \let\begingroup\endgroup\relax\let\ignorespaces\relax\ accent127u\egroup\spacefactor\accent@spacefactor\protect\penalty\@M\ $hskip\z@skip\ello\{\&\}oq=juan+david+arg\{\unhbox\voidb@x\bgroup\$ $let\unhbox\voidb@x\setbox\@tempboxa\hbox\{u\global\mathchardef\$ accent@spacefactor\spacefactor\\let\begingroup\endgroup\relax\let\ ignorespaces\relax\accent127u\egroup\spacefactor\accent@spacefactor\ protect\penalty\@M\hskip\z@skip\ello

REFERENCIAS REFERENCIAS

[7] F. Alobaid and B. Epple, "Improvement, validation and application of CFD/DEM model to dense gas-solid flow in a fluidized bed," *Particulogy*, vol. 11, no. 5, pp. 514–526, oct 2013.

- [8] C. Yue, Q. Zhang, and Z. Zhai, "Numerical simulation of the filtration process in fibrous filters using CFD-DEM method," *Journal of Aerosol Science*, vol. 101, pp. 174–187, nov 2016.
- [9] A. E. Carlos Varas, E. A. Peters, and J. A. Kuipers, "CFD-DEM simulations and experimental validation of clustering phenomena and riser hydrodynamics," *Chemical Engineering Science*, vol. 169, pp. 246–258, sep 2017.
- [10] T. Hennebelle, S. Sahpaz, H. Joseph, and F. Bailleul, "Ethnopharmacology of Lippia alba," *Journal of Ethnopharmacology*, vol. 116, no. 2, pp. 211–222, mar 2008.
- [11] J. Vieira, R. Mantovani, M. Raposo, M. Coimbra, A. Vicente, and R. Cunha, "Effect of extraction temperature on rheological behavior and antioxidant capacity of flaxseed gum," *Carbohydrate Polymers*, vol. 213, pp. 217–227, jun 2019. [Online]. Available: https://www.sciencedirect.com/ science/article/pii/S0144861719302206
- [12] W. Abou-Hweij and F. Azizi, "CFD simulation of wall-bounded laminar flow through screens. Part I: Hydrodynamic characterization," *European Journal of Mechanics*, *B/Fluids*, vol. 84, pp. 207–232, nov 2020.
- [13] H. Bao, J. Feng, N. Dinh, and H. Zhang, "Deep learning interfacial momentum closures in coarse-mesh CFD two-phase flow simulation using validation data," *International Journal of Multiphase Flow*, vol. 135, p. 103489, feb 2021.
- [14] N. Voutchkov, "Sand Removal, Sedimentation, and Dissolved Air Flotation," in *Pretreatment for Reverse Osmosis Desalination*. Elsevier, jan 2017, pp. 137–152.
- [15] "OMS Manual para el desarrollo de planes de seguridad del agua," WHO, 2017. [Online]. Available: http://www.who.int/water{_}sanitation{_}health/publications/publication{_}9789241562638/es/
- [16] V. Roda-Casanova and F. Sanchez-Marin, "A simple procedure for generating locally refined 2D quadrilateral finite element meshes of gears," *Mechanism and Machine Theory*, vol. 157, p. 104185, mar 2021. [Online]. Available: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0094114X2030402X
- [17] Z. J. Xu and E. E. Michaelides, "A numerical simulation of the Boycott effect," *Chemical Engineering Communications*, vol. 192, no. 4-6, pp. 532–549, apr 2005.

REFERENCIAS REFERENCIAS

[18] K. P. Galvin and G. Nguyentranlam, "Influence of parallel inclined plates in a liquid fluidized bed system," *Chemical Engineering Science*, vol. 57, no. 7, pp. 1231–1234, mar 2002.

- [19] E. Doroodchi, K. P. Galvin, and D. F. Fletcher, "The influence of inclined plates on expansion behaviour of solid suspensions in a liquid fluidised bed A computational fluid dynamics study," *Powder Technology*, vol. 156, no. 1, pp. 1–7, aug 2005.
- [20] A. I. Salem, G. Okoth, and J. Thöming, "An approach to improve the separation of solid-liquid suspensions in inclined plate settlers: CFD simulation and experimental validation," *Water Research*, vol. 45, no. 11, pp. 3541–3549, may 2011.
- [21] Z. Peng, E. Doroodchi, C. Luo, and B. Moghtaderi, "Influence of void fraction calculation on fidelity of CFD-DEM simulation of gas-solid bubbling fluidized beds," *AIChE Journal*, vol. 60, no. 6, pp. 2000–2018, jun 2014. [Online]. Available: https://aiche.onlinelibrary.wiley.com/doi/full/10.1002/aic. 14421https://aiche.onlinelibrary.wiley.com/doi/abs/10.1002/aic.14421https://aiche.onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1002/aic.14421
- [22] R. Liang, Y. Luo, and Z. Li, "The effect of humping on residual stress and distortion in high-speed laser welding using coupled CFD-FEM model," *Optics and Laser Technology*, vol. 104, pp. 201–205, aug 2018.
- [23] G. Hetsroni, "Particles-turbulence interaction," International Journal of Multiphase Flow, vol. 15, no. 5, pp. 735–746, sep 1989.
- [24] R. A. Gore and C. T. Crowe, "Modulation of turbulence by a dispersed phase," *Journal of Fluids Engineering, Transactions of the ASME*, vol. 113, no. 2, pp. 304–307, jun 1991.
- [25] J. D. Kulick, J. R. Fessler, and J. K. Eaton, "Particle response and turbulence modification in fully developed channel flow," *Journal of Fluid Mechanics*, vol. 277, pp. 109–134, 1994. [Online]. Available: https://www.cambridge.org/core/journals/journal-of-fluid-mechanics/article/abs/particle-response-and-turbulence-modification-in-fully-developed-channel-flow/5C12D16FEB1A89A7C2C8C8502C6F83FA
- [26] Y. Tsuji, Y. Morikawa, and H. Shiomi, "LDV measurements of an air-solid two-phase flow in a vertical pipe," *Journal of Fluid Mechanics*, vol. 139, pp. 417–434, 1984. [Online]. Available: https://www.cambridge.org/core/journals/journal-of-fluid-mechanics/article/abs/ldv-measurements-of-an-airsolid-twophase-flow-in-a-vertical-pipe/043CBA133D1AE2D65549105FBD48DDBD