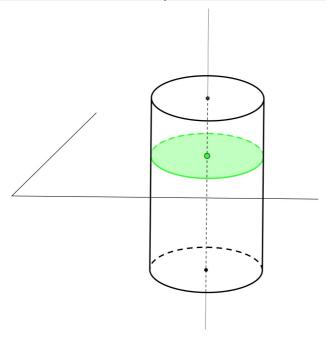
Chapitre 11

Sections planes

I. Section d'un cylindre par un plan

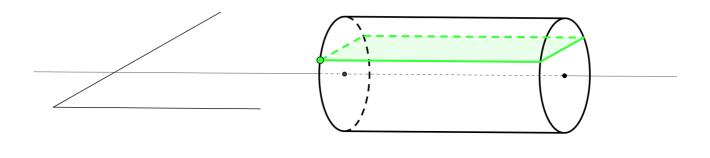
Propriété:

La section d'un cylindre de révolution par un **plan orthogonal à l'axe** du cylindre est un **cercle** ou un **disque** dont le centre est situé sur l'axe du cylindre.



Propriété:

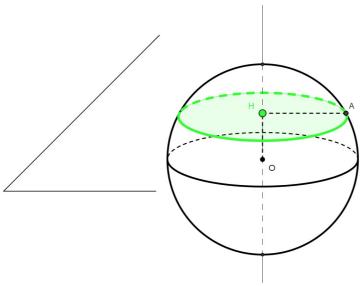
La section d'un cylindre par un plan parallèle à l'axe du cylindre est un rectangle.



II. Section d'une sphère par un plan

Propriété:

La section d'une sphère par un plan est un cercle.



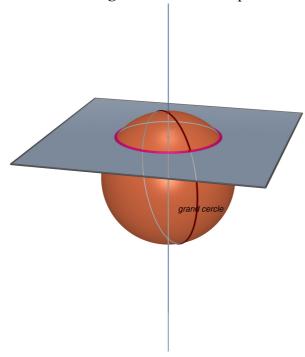
Sur la figure ci-dessus, O est le centre de la sphère et H le centre du cercle de section.

- (OH) est perpendiculaire à (AH).
- OH est la distance du centre O de la sphère au plan (P).

Remarques:

Soit R le rayon de la sphère.

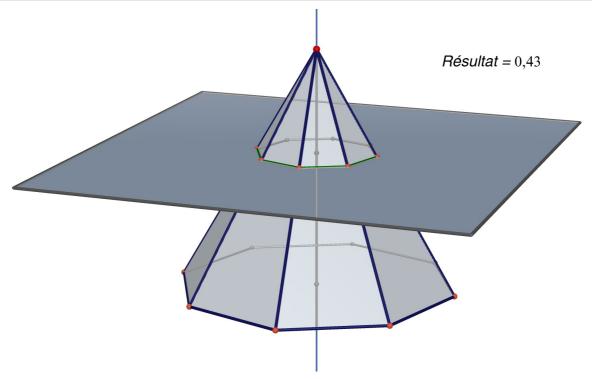
- Si OH = R alors l'intersection de la sphère et du plan est un point. On dit que le plan est tangent à la sphère.
- Si **OH** = **0** alors la section est un **grand cercle** de la sphère.



III. Section d'une pyramide par un plan

Propriété:

La section d'une pyramide par un **plan parallèle à la base** est un **polygone** qui est une **réduction** du polygone constituant la base de la pyramide.



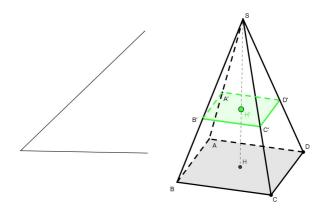
Exemple:

Sur la figure ci-dessus A'B'C'D' est une réduction de ABCD.

Le coefficient de réduction est :

$$k = \frac{SH'}{SH} = \frac{SA'}{SA} = \frac{SB'}{SB} = \dots = \frac{A'B'}{AB} = \frac{B'C'}{BC} = \dots$$

On a (AB)//(A'B') ; (BC)//(B'C') ; ...



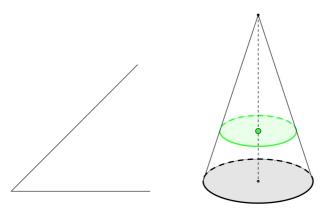
Propriété:

Lors d'un agrandissement ou d'une réduction de rapport k, les longueurs sont multipliées par k, les aires sont multipliées par k^2 , les volumes sont multipliés par k^3 .

IV. Section d'un cône par un plan

Propriété :

La section d'un cône de révolution par un **plan parallèle à la base** est un **cercle** ou un **disque** qui est une **réduction** du cercle ou du disque de base.

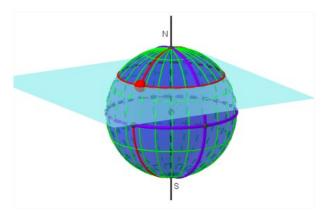


Annexe: Coordonnées géographiques

La Terre est assimilée à une sphère de centre O et de rayon 6370 km.

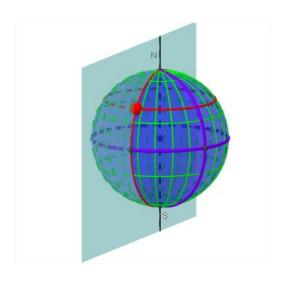
Un **parallèle** est la section de la Terre par un plan perpendiculaire à l'axe des pôles (Nord-Sud).

L'**équateur** est le parallèle de centre O. C'est un grand cercle de la Terre qui le partage en deux.



Un **méridien** est un demi-grand cercle joignant le pôle Nord et le pôle Sud.

Le **méridien de Greenwich** est le méridien qui passe par Greenwich (Angleterre).



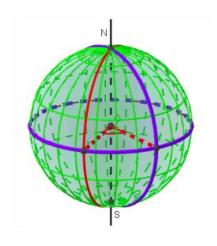
Longitude

Un **méridien** est repéré par la mesure qu'il forme vers l'Ouest (O) ou l'Est (E) avec le méridien de Greenwich.

Cette mesure s'appelle la longitude.

Exemple:

La longitude du méridien est 50°O

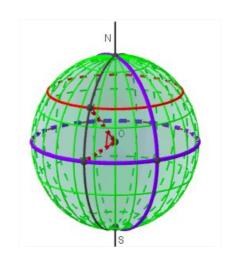


Latitude

Un **parallèle** est repéré par la mesure qu'il forme vers le Nord (N) ou le Sud (S) avec l'équateur. Cette mesure s'appelle la **latitude**.

Exemple:

La latitude du parallèle est 37°N



Coordonnées

Ainsi, tout point de la surface de la Terre est repéré de façon unique par ses coordonnées géographiques.

Exemple:

Les coordonnées géographiques du point M sont (50°O;37°N).

