

结项论文

论文题目 (中文)	磁约束下的永磁体棒复摆运动探究
论文题目 (英文)	Complex Pendulum Motion of permanent
	magnet-rod under magnetic field confinement

学生姓	生名	王佳栋、李石宣、王喜波、姜国文
指导教	效师	白雪
学	院	物理科学与技术学院
专	业	物理类
年	级	2022 级

兰州大学教务处

诚信责任书

本人郑重声明:本人所呈交的论文(设计),是在导师的指导下独立进行研究所取得的成果。论文(设计)中凡引用他人已经发表或未发表的成果、数据、观点等,均已明确注明出处。除文中已经注明引用的内容外,不包含任何其他个人、集体已经发表或未发表的论文。

本声明的法律责任由本人承担。

论文作者签名:	建株	日	期: _	3/13/2024

关于论文(设计)使用授权的声明

本人在导师指导下所完成的论文及相关的职务作品,知识产权归属兰州大学。本人完全了解兰州大学有关保存、使用论文(设计)的规定,同意学校保存或向国家有关部门或机构送交论文的纸质版和电子版,允许论文被查阅和借阅;本人授权兰州大学可以将本论文(设计)的全部或部分内容编入有关数据库进行检索,可以采用任何复制手段保存和汇编本论文(设计)。本人离校后发表、使用论文(设计)或与该论文(设计)直接相关的学术论文或成果时,第一署名单位仍然为兰州大学。

本论文(设计)研究内容:

☑可以公开

□不宜公开,已在学位办公室办理保密申请,解密后适用本授权书。

(请在以上选项内选择其中一项打"√")

论文作者签约	名: _	建株	导!	师签名:	白色
日	期: _	3/13/2024	日	期:	3/13/2024

磁约束下的永磁体棒复摆运动探究

中文摘要

磁场的约束是一个非常重要的研究课题,但同时也是个十分复杂的问题;目前还没有求解复杂磁场系统力学的解析方法,只能通过数值计算来求解,现有的数值积分算法主要有 Monte Carlo 算法、Adaptive complex Simpson 算法、Gauss 积分、Romberg 积分等。它们均存在优势与短板,同时在低算力下也很难对这个问题进行求解。于是如何设计、优化算法就成了不可避免地问题。但通过实验对永磁体在磁场约束下的复摆运动进行分析,可以给出一些定性的实验规律。

关键词:磁场;复摆;数值分析

Complex Pendulum Motion of permanentmagnet-rod under magnetic field confinement

Abstract

Magnetic field confinement is a very important research topic, but it is also a very complicated problem. At present, there is no analytical method to solve the mechanics of complex magnetic field systems, which can only be solved by numerical calculation, The main algorithm to slove this are Monte Carlo algorithm, Adaptive complex Simpson algorithm, Gauss Integral, Romberg Integral and so on. All of them have their goods and shorts, and it is difficult to work when the arithmetic power is low. so how to design the algorithm becomes an inevitable problem, and the existing numerical analysis methods are difficult to solve this problem under low computational force. By analyzing the complex pendulum motion of permanent magnet constrained by magnetic field, some useful qualitative experimental rules can be given.

Keywords: magnetic field; complex pendulum; numerical analysis

目 录

中	文摘	要		I
英	文摘	要		II
第	一章	绪	论	1
第	二章	理论	:分析	2
	2.1	磁场		2
	2.2	平面	复摆运动	3
		2.2.1	可行性推导	3
		2.2.2	顶点位置	4
		2.2.3	转动惯量	4
		2.2.4	运动方程	5
	2.3	圆锥	摆	7
	2.4	其他抗	摆动形式及因素	8
		2.4.1	进动、章动与过渡	8
		2.4.2	微小因素	8
		2.4.3	其他	8
第	三章	预实	%验及其结果	9
	3.1	实验	长置	9
	3.2	实验	方法	9
	3.3	结论		10
第	四章	走式	实验以及结果分析	11
	4.1	实验	长置	11
	4.2	实验	方法	11
第	五章	late	x 部分用法简介	12
	5.1	用 lat	ex 需要安装什么	12

5.2	常用的	的一些东西	12
	5.2.1	国际三线表格	12
	5.2.2	换页表格	13
	5.2.3	字体	14
	5.2.4	图,并列排	14
	5.2.5	公式	15
	5.2.6	公式加粗、斜体、字体	15
	5.2.7	一些特殊符号	15
	5.2.8	左边大括号	15
	5.2.9	复杂公式	16
	5.2.10	等号对齐站	16
	5.2.11	矩阵乘法	16
	5.2.12	附页代码	16
	5.2.13	参考文献	17
	5.2.14	引用图、表、公式、章节	18
参考文	献		19
附	录		20
A.1	实验	器材参数	20
A.2	源代码	码头文件	20
	A.2.1	Romberg.h	20
	A.2.2	Gauss.h	36
	A.2.3	Simpson.c	42
致	谢		46

图 目 录

图 2.1	magneticfield	2
图 2.2	force on currentloop	3
图 2.3	rotation interia	4
图 2.4	equation of motion	5
图 2.5	collision	5
图 2.6	force	6
图 3.1	magnet	9
图 3.2	摄像法(左)和声波法(右)	10
图 3.3	两种方法的实验结果	10
图 4.1	实验装置	11
图 4.2	滚动准直法	11
图 5.1	示例图片 A: 多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多	
,	点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字	
É	多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点	
=	字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多点字多	
Ę	点字多点字多点字多点字多点字	14

表 目 录

表 5.1	二硫化钼纳米管参数	12
表 5.2	二硫化钼纳米管参数	13
表 5.3	字体	14
表 5.4	公式	15
表 A.1	实验器材参数	20

第一章 绪 论

本课题选自 2023 年中国大学生物理学术竞赛第八题。题目的叙述如下:

Euler's Pendulum 欧拉摆

Take a thick plate of non-magnetic material and fix a neodymium magnet on top of it. Suspend a magnetic rod (which can be assembled from cylindrical neodymium magnets) underneath it. Deflect the rod so that it touches the plate only with highest edge and release it. Study the motion of such a pendulum under various conditions.

取一块厚的、无磁性材料制成的板,并在其上面固定一个钕磁铁。在板的下方悬挂一根磁性杆(可以由多块圆柱形钕磁铁组装制成)。使杆偏转至它只有最顶部的边沿接触到板,然后将其释放。研究这种摆在各种条件下的运动。

项目以此题为基础,探究了磁场约束下永磁体棒的运动,得到了棒的复摆运动周期与磁场分布、棒的长度和介质板厚度的定性关系,比提供了大量数据,为经验公式的创建提供了必要支持。

对于复杂系统的求解目前没有解析解法,只能使用数值算法。项目从最基本的 Biot—Savart 定律出发建立微分方程,通过数值积分的方式求解,得到了磁场在空间中的分布。通过 COMSOL 仿真软件模拟物理场,得出了在棒长较短时与试验相符合的结果。

通过文献调研,在此之前没有任何相关文献记载此类问题的研究,项目建立在自主创新的基础上对此问题进行了较为全面的探究。

本文的主要内容分为一下几个方面:

第二章具体推导了永磁体的磁场分布以及受力情况,并给出了数值算法的基本思路。 同时也考虑了相关因素对于本试验的影响。

第三章给出了预实验的基本方法以及得到的结果。为正式实验找寻到了更为合适的方式。

第四章介绍了正式实验的过程、数据的具体分析以及从数据及实验过程中可以得到的结论。同时介绍了项目组在实验中发明的一种比较实用的一种准直方法——"滚动准直法"。

第五章根据实验的各类参数设计了数值算法计算了磁场的分布,同时进行了物理场仿 真模拟,对问题的感悟有了进一步加深。

最后第六章对整个项目进行回顾、总结与展望。

第二章 理论分析

2.1 磁场

Biot-Savart law [1] 是描述恒定电流产生的磁场的方程,这是一个近似方程。因为根据量子力学,磁性起源于轨道电流和自旋电流且自旋电流占有很大一部分。但是其与安培定律和高斯定理是相容的,可以说其实磁场近似计算非常好的方程。本项目以此定律为基础建立了永磁体的磁场分布方程。

总体来说,形状及充磁方向一致的永磁体磁场分布大致相同,不同的是相对强度的大小。对于圆柱体永磁体,假设其磁化电流均匀分布在侧面,磁化电流密度为i'。运用毕奥-萨伐尔定律来计算磁场的空间分布。

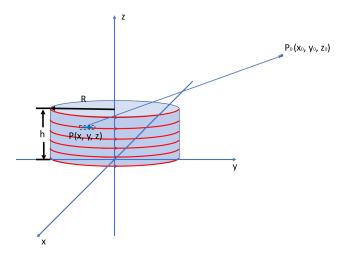


图 2.1 magneticfield

Biot-Savart 定律的微分形式(考虑磁介质)为:

$$d\mathbf{B}(\mathbf{r}) = \frac{\mu}{4\pi} \frac{I \, d\boldsymbol{\ell} \times \mathbf{r}'}{|\mathbf{r}'|^3} \tag{1}$$

在图2.1中:

$$\mathbf{r} = (x_0 - x, y_0 - y, z_0 - z)$$

$$d\ell = (dx, dy, 0)$$
(2)

因此:

$$d\boldsymbol{\ell} \times \mathbf{r} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ dx & dy & 0 \\ x_0 - x & y_0 - y & z_0 - z \end{vmatrix} = (z_0 - z)dy\mathbf{i} - (z_0 - z)dx\mathbf{j} + [(y_0 - y)dx - (x_0 - x)dy]\mathbf{k}$$
(3)

对 x,y,z 使用极坐标表示,并带入上式,就可以得到 P_0 点的磁感应分量:

$$\begin{cases} x = R\cos\theta, & 0 \le \theta \le 2\pi \\ y = R\sin\theta, & 0 \le \theta \le 2\pi \\ z = z, & 0 \le z \le h \end{cases}$$

$$K = \left[(x_0 - R\cos\theta)^2 + (y_0 - R\sin\theta)^2 + (z_0 - z)^2 \right]^{\frac{3}{2}}$$

$$\begin{cases} B_x = \frac{\mu_0 i'}{4\pi} \int_0^h \int_0^{2\pi} \frac{(z_0 - z)R\cos\theta}{K} d\theta dz \\ B_y = \frac{\mu_0 i'}{4\pi} \int_0^h \int_0^{2\pi} \frac{(z_0 - z)R\sin\theta}{K} d\theta dz \\ B_z = \frac{\mu_0 i'}{4\pi} \int_0^h \int_0^{2\pi} \frac{-(y_0 - R\sin\theta)R\sin\theta - (x_0 - R\cos\theta)R\cos\theta}{K} d\theta dz \end{cases}$$

$$I = i' dz$$

$$(4)$$

经调查 [2]:

$$i' = \frac{B_{\gamma}}{\mu_0} \tag{5}$$

其中, B_{γ} 是剩余磁化强度,这是永磁体的一个参数。

2.2 平面复摆运动

2.2.1 可行性推导

对于项目研究的系统,介质板可以被视为是无限大的,这样磁场就是轴对称的。如图2.2,取任意关于运动平面(假设它是平面运动,只要没有垂直于平面的分力,摆动就是在平面内的,即假设成立)位置对称的电流元 $Id\ell_1 = I(x_0, y_0, z_0)$, $Id\ell_2 = I(x_0, -y_0, -z_0)$,这两点处的磁感应强度分别为 $B_1 = (B_x, B_y, B_z)$, $B_2 = (-B_x, B_y, B_z)$ 。我们可以得到 $Id\ell_1 \times B_1 + Id\ell_2 \times B_2 = 0$ **i** + $2(z_0B_x - x_0B_z)$ **j** + $2(x_0B_y - y_0B_x)$ **k**。所以棒是可以在平面运动的。

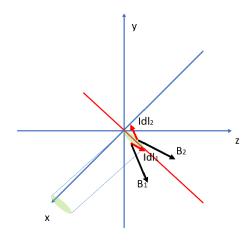


图 2.2 force on currentloop

2.2.2 顶点位置

上面的推导是建立在开始时棒的轴与磁铁的轴重合的基础上的,但这是有条件的。只 有当介质板的厚度达到一定程度才可以实现。实验上可以得到这个结果,在第四章中项目 组对磁场进行参数绘制,定性给出了这个结果。

2.2.3 转动惯量

转动惯量可用定义及平行轴定理算出,如图2.3:

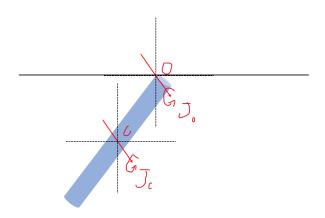


图 2.3 rotation interia

设棒的半径为 R, 长为 l, 密度均匀且为 ρ , 质量 $m = \rho \pi R^2 l$ 。则:

$$J_{c} = \int \int \int_{\Omega} (x^{2} + y^{2}) \rho \, dx \, dy \, dz$$

$$= \rho \int_{-\frac{l}{2}}^{\frac{l}{2}} \int_{-R}^{R} \int_{-\sqrt{R^{2} - x^{2}}}^{\sqrt{R^{2} - x^{2}}} (x^{2} + y^{2}) \, dz \, dx \, dy$$

$$= \rho \pi R^{2} l \left(\frac{R^{2}}{4} + \frac{l^{2}}{12} \right)$$

$$= m \left(\frac{R^{2}}{4} + \frac{l^{2}}{12} \right)$$
(6)

于是:

$$J_o = m(\frac{5R^2}{4} + \frac{l^2}{3})\tag{7}$$

2.2.4 运动方程

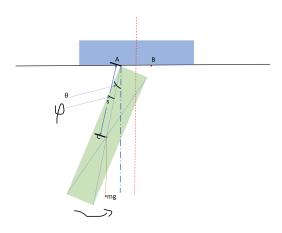


图 2.4 equation of motion

要求运动的微分方程,首先要知道受力,其中比较困难的是阻力和磁场力。先分析阻力,一般的处理方法是认为阻力与速度成正比,这里用角速度,与棒有关的那个常数(由受力面积、形状等决定)计入阻力系数,记为 γ ,则 $f = \gamma \frac{d\theta}{dt}$ 。

对于磁场力,只能做定性分析,给出解析式比较困难。根据对称性,磁场力是 θ 的周期函数。可以设为 $\mu(\theta-\varphi)$ 。加上重力,记为 $F(\theta)=mgsin(\theta-\varphi)+\mu(\theta-\varphi)$ 。其中 θ 、 φ 的物理意义如图2.4。

考虑 ¼ 周期,因为这里涉及到一个碰撞问题,如图2.5:

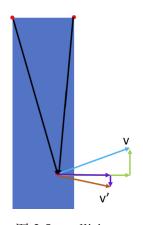


图 2.5 collision

可以预想,在棒在与介质板接触的两个顶点(图2.5中红色的点)切换的瞬间会有一个与介质板的碰撞,假设这个碰撞会使垂直于板的动量分量损失;而水平方向上,也会由于摩擦力的作用而使水平动量发生改变。这是必须的,因为要保证质点与顶点的连线与速度方向垂直。这两者的变化并不是独立的,主导作用是垂直方向,因为摩擦力是约束力,它应响应垂直方向的速度变化(但这也包含了一个摩擦力的临界问题,棒和介质板之间可能会有相对滑动)。于是,假设它可以类比于一维的碰撞,有个恢复系数 e,这样就可以通过

观察摆幅的变化来判断 e 的大小, 当然, 前提是得到势场的空间分布, 因为是磁场和重力场耦合, 所以这会复杂一些。

对于图2.4, 由转动定理:

$$J_0 \frac{\mathrm{d}^2 \theta}{\mathrm{d}t^2} + \gamma \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t} + F(\theta) = 0 \tag{8}$$

对于小角度(摆动的后期),可以近似 $sin(\theta-\varphi)=\theta-\varphi$,同时令 $\theta-\varphi=\phi$,得到下列方程:

$$J_0 \frac{\mathrm{d}^2 \phi}{\mathrm{d}t^2} + \gamma \frac{\mathrm{d}\phi}{\mathrm{d}t} + mgs\phi = -\mu(\phi) \tag{9}$$

解为:

$$\phi = \begin{cases} C_1 e^{r_1 t} + C_2 e^{r_2 t} - e^{r_1 t} \int \frac{U_{21} \mu(\phi)}{\det U} d\phi - e^{r_2 t} \int \frac{U_{22} \mu(\phi)}{\det U} d\phi, & r_1 \neq r_2 \\ (C_1 + C_2 t) e^{r t} - e^{r t} \int \frac{U_{21} \mu(\phi)}{\det U} d\phi - t e^{r t} \int \frac{U_{22} \mu(\phi)}{\det U} d\phi, & r_1 = r_2 = r \end{cases}$$
(10)

其中,
$$r_1 = (-P + \sqrt{P^2 - 4Q})/2, r_2 = (-P - \sqrt{P^2 - 4Q})/2, P = \frac{\gamma}{J_0}, Q = \frac{mgs}{J_0},$$

$$U = \begin{cases} \begin{bmatrix} e^{r_1 t} & e^{r_2 t} \\ r_1 e^{r_1 t} & r_2 e^{r_2 t} \end{bmatrix}, & r_1 \neq r_2 \\ e^{rt} & t e^{rt} \\ r e^{rt} & (1+rt)e^{rt} \end{bmatrix}, & r_1 = r_2 = r \end{cases}, U_{ij} 是 U 的代数余子式。$$

上面的方程用来计算是比较困难的,下面进行简化:

假设能量的损失主要发生在碰撞上面,忽略空气阻力等阻尼,于是我们给出运动方程:

$$J_0 * \frac{d^2\alpha}{dt^2} + F_L(\alpha) = 0 \tag{11}$$

其中 J_0 已由上面计算给出,为 $m(\frac{5R^2}{4} + \frac{l^2}{3})$ 。

下面将给出 $F_L(\alpha)$, 如图2.6:

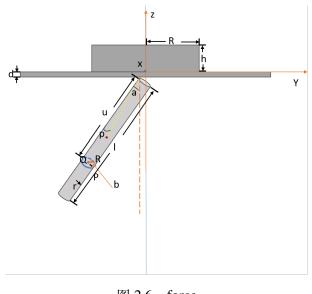


图 2.6 force

用 x,y,z 来代替 x_0,y_0,z_0,z 用 w 代替,则磁场为:

$$\begin{cases} B_{x} = \frac{\mu_{0}i'}{4\pi} \int_{0}^{h} \int_{0}^{2\pi} \frac{(z-w)R\cos\theta}{K} d\theta dw \\ B_{y} = \frac{\mu_{0}i'}{4\pi} \int_{0}^{h} \int_{0}^{2\pi} \frac{(z-w)R\sin\theta}{K} d\theta dw \\ B_{z} = \frac{\mu_{0}i'}{4\pi} \int_{0}^{h} \int_{0}^{2\pi} \frac{-(y-R\sin\theta)R\sin\theta - (x-R\cos\theta)R\cos\theta}{K} d\theta dw \end{cases}$$
(12)

其中, $K = [(x - R\cos\theta)^2 + (y - R\sin\theta)^2 + (z - w)^2]^{\frac{3}{2}}$

P 点的坐标: $P(0,r+\mu sin\alpha,-d-\mu cos\alpha)$

同理, $Q(0,r+\mu\sin\alpha-r*\cos\alpha,-d-\mu\cos\alpha-r*\sin\alpha)$

 $R(r*sin\alpha, r + \mu sin\alpha - r*cos\alpha + r*cos\beta*cos\alpha, -d - \mu cos\alpha - r*sin\alpha + r*cos\beta*sin\alpha)$

 $\mathbf{dl} = (r * \cos\beta, -r * \sin\beta * \cos\alpha, -r * \sin\beta * \sin\alpha) * d\beta$

于是,

$$\begin{cases}
F_{x} = i'' * \int_{0}^{l} \int_{0}^{2\pi} (dl_{y} \times B_{z} - dl_{z} \times B_{y}) d\beta du \\
F_{y} = i'' * \int_{0}^{l} \int_{0}^{2\pi} (dl_{z} \times B_{x} - dl_{x} \times B_{z}) d\beta du \\
F_{z} = i'' * \int_{0}^{l} \int_{0}^{2\pi} (dl_{x} \times B_{y} - dl_{y} \times B_{x}) d\beta du
\end{cases} (13)$$

由上面的对称性分析可以得到 $F_x = 0$, 于是 $F_L(\alpha) = i'' * \int_0^l \int_0^{2\pi} z * (dl_z \times B_x - dl_x \times B_z) + y * (dl_x \times B_y - dl_y \times B_x) d\beta du - mg(\frac{l}{2} * cos\alpha + r * sin\alpha)$

于是角加速度为

$$\frac{d^2\alpha}{dt^2} = -\frac{F_L(\alpha)}{J_0} = -\frac{i'*i''}{J_0} * \frac{F_L(\alpha)}{i'*i''} + \frac{g}{\frac{5R^2}{4} + \frac{l^2}{3}} * (\frac{l}{2} * \cos\alpha + r * \sin\alpha)$$
 (14)

未知量有恢复系数 e。(α_0 为 90 度)。

这个积分非常复杂,它是两个二重积分的结合,用数学软件可以给出数值解,但却无法给出运动方程的解,但是可以通过迭代算法来进行周期的求解。离散化可以用下面的方程组表示。根据实验得到的数据,可取 $\psi = 0.001s$ 。

$$\begin{cases} \alpha(t+\psi) = \alpha(t) + \psi * w(t+\psi/2) \\ w(t+\psi/2) = w(t-\psi/2) + \psi * \beta(t) \end{cases}$$

$$\beta(t) = \beta(\alpha(t))$$

$$\alpha(0) = 90$$

$$w(\psi/2) = w(0) + \psi/2 * \beta(0)$$

$$(15)$$

2.3 圆锥摆

除了复摆这种简单的运动形式外,还有圆锥摆这种运动形式。实验上可以观察到两种圆锥摆的摆动形式——1. 接触点不动。2. 接触点做圆周运动。对于这两种圆锥摆动形式,都可以根据向心力公式 $F_c = \int_{\Omega} \rho \omega^2 r \, d\Omega$,其中 Ω 表示棒占据的空间,来计算圆锥摆在稳定时的位置。而这只是在理想条件下的;对接触点做圆周运动的摆动形式,受力得是对称的,这

要求转轴与上方磁铁的轴共线。对于顶点不变的摆动,可能存在也可能不存在这样的位置。由于器材等的限制,本项目未对此问题做进一步的研究。

2.4 其他摆动形式及因素

上述的摆动形式是在理想的情况下才能观察到,实际很难看到;下面将定性分析实际中的复杂摆动。

2.4.1 进动、章动与过渡

由于棒与板之间存在摩擦,摆动的能量就会损耗,这会使圆锥摆向复摆过渡;这种过渡的结果就是产生了进动和章动。因为圆锥摆会退化为平面的摆动,但它很难达到不偏离轴平面(我们定义通过轴的复摆摆动平面为轴平面),于是根据上面的受力分析,会有一个指向轴的磁场力,这会产生一个力矩,这个力矩的作用效果就是使棒进动。但如果它大了或小了,那么就变成了章动。

2.4.2 微小因素

除了重力、磁力等比较大的影响因素外,还有许多微小的影响因素,这里列举三个。

第一,地磁场的作用。这个在要求精度不高的情况下可以忽略。地磁场的大小为 0.5 - 0.6Gs,而钕磁铁一般为 12200 - 14800Gs,相比之下,可以忽略地磁。

第二,科氏力。由于地球是非惯性系,棒在运动过程中会受到科氏力的作用。我们取最大的角度使 $F_k = 2v\omega$,这样近似结果约为 $10^{-4}N$ 。实验上,在控制无垂直于振动面的速度情况下,摆顺逆时针进动出现的概率近似相等。说明科氏力的影响比较小。

第三,电磁感应。在棒摆运动的过程中,它产生的磁场会反复磁化介质板和上方磁铁,这会产生电磁波损耗能量。但实际上它非常小,可以忽略其对实验的影响。

2.4.3 其他

上面考虑的是上方圆柱形磁铁的情形,形状不同的磁铁只需重新计算磁场即可,其他可以类比。对于顶点的位置,实际上在摆动过程中其并不是固定的。而像板的厚度,材料,棒的长度等影响因素其实包含在了微分方程中,它们是作为参数的形式起作用的。

第三章 预实验及其结果

3.1 实验装置

如图3.1是实验中用到的磁铁,其中较长的是作为棒的,还有两个与之相同的,可以拼接在一起以改变棒长。

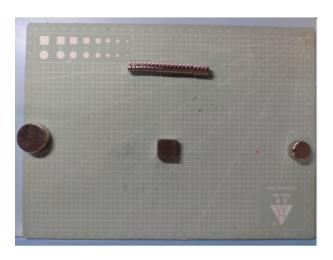


图 3.1 magnet

对于实验中用到的器材的参数请见附录A.1中的表A.1。

预实验的实验平台比较简陋, 压克力板是由两个铁架台夹住的。但这不影响预实验的 总体效果。

3.2 实验方法

项目考虑到数据的收集方式对实验结果会有一定的影响,于是在与实验中对比了两种方法——1. 摄像法。以手机摄像功能对实验过程进行录像,后续通过视频处理软件数出两个"周期"的周期的帧数,进而得出周期的大小。2. 声波法。通过手机记录摆动过程中的音频数据,由于棒和板碰撞的过程中响度较大,所以可以通过声波振幅谱中峰值的时间间隔得出周期。

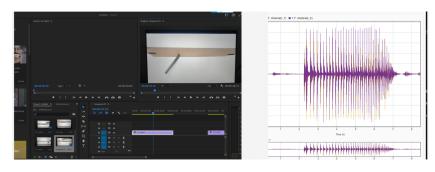


图 3.2 摄像法(左)和声波法(右)

两种方法均有一个共同的缺点——无法准确判断碰撞的时刻。但是通过实验得到声波法的稳定性和可操作性较摄像法更好,如图3.3。因此选择其作为正式实验的实验方法。

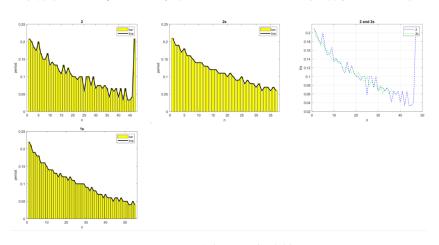


图 3.3 两种方法的实验结果

3.3 结论

- 介质板只有在厚度不是太小时,才能使轴线成为一个稳定的平衡点。
- 比较预实验采用的两种数据处理方法,声波法处理误差更小,实验数据相对稳定。
- 随着倾角的减小, 摆的周期递减; 当角度小到一定程度时, 摆周期将会迅速减小为零。
- 控制相关因素, 摆顺逆时针摆动都会出现, 说明科氏力影响较小。

第四章 正式实验以及结果分析

4.1 实验装置

实验装置如图4.1,实验中发现亚克力板晃动较为剧烈,因此在板的两边加了重物以保证板不会剧烈震动,图中并未体现。同时图中的电源是用以控制磁铁释放的装置。其连接一个电磁铁。

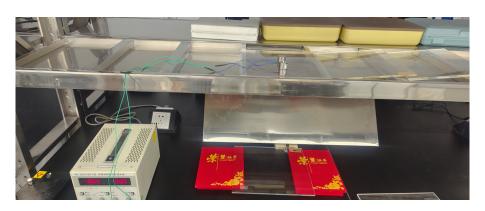


图 4.1 实验装置

4.2 实验方法

实验中发现由小磁铁拼成的磁棒不是严格共轴的,因此项目组想到了如图4.2方法进行准直。并称为"滚动准直法"。

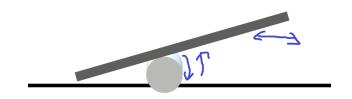


图 4.2 滚动准直法

第五章 latex 部分用法简介

注意啊,看这个教程, template.pdf 配合 template.tex 一起看, 才能学习 latex 怎么用的 网页跳转怎么用? 图片插入怎么用? 图片横着两个并排站呢? 代码怎么插入? 表格听说挺复杂? 公式听说也挺难的

啥啥啥,你说你还不知道什么是 LaTeX,你去分不清 XeLaTex,pdfLaTex,百度一下竟然还让我安装 TexLive,这也就算了,甚至还有人说 vscode? sublime text3? texstudio? Texmaker?我只是想写个论文排版方便一些,你要干嘛?

上面这些问题,后面都会一点点介绍

5.1 用 latex 需要安装什么

需要安装 texlive,外加一个 IDE, 具体看 README.md

5.2 常用的一些东西

用到相关的直接到这里复制, 然后修改就行

5.2.1 国际三线表格

 参数
 m
 n
 换行一下 原子数
 内径 长度 原子数

 数值
 15
 15
 2880
 2.3014nm
 9.95nm

表 5.1 二硫化钼纳米管参数

这个注意,有多少列,后面就要有多少个 c^1 , 这个 c 表示这一列居中 (center),靠左的话: 1, 右: r;

那个 label 后面的名字自己取,但是不能有重复,是为了引用,比如这样,表格5.1,方程、图片也是这样引用的,好处是,中间加一个表格导致这个表格的序号变了也没事,你不用再去修改其他地方的引用

1 \begin { table } [H]

¹否则会报错: Extra alignment tab has been changed to cr. 有什么报错百度一下一般就找到了

```
2
     \centering
     \caption {二硫化钼纳米管参数}
3
     \begin{tabular}{ccccc} % 控制表格的格式,可以是l,c,r
4
5
     \toprule
     参数& m & n & 原子数 & 内径 & 长度 \\
6
     \ midrule
7
     8
     \bottomrule
9
     \end{tabular}
10
     \label { tbl_mos2_nanotube }
11
  \end{table}
12
```

5.2.2 换页表格

我是真的没想到有的人表格居然这么长,竟然能有三页。。。。

参数 原子数 内径 长度 m n 数值 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 2.3014nm 9.95nm 数值1 15 15 2880 数值 2 2880 2.3014nm 9.95nm 15 15 数值3 2.3014nm 9.95nm 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值 4 15 15 2880 数值 5 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值6 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值7 2880 2.3014nm 9.95nm 15 15 2.3014nm 9.95nm 数值8 15 15 2880 数值9 2.3014nm 9.95nm 15 15 2880 数值 10 2880 2.3014nm 9.95nm 15 15 数值 11 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值 12 2880 2.3014nm 9.95nm 15 15 数值 13 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值 14 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 数值 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm 15 数值 16 15 15 2880 2.3014nm 9.95nm

表 5.2 二硫化钼纳米管参数

数值 17	15	15	2880	2.3014nm	9.95nm
数值 18	15	15	2880	2.3014nm	9.95nm
数值 19	15	15	2880	2.3014nm	9.95nm
数值 20	15	15	2880	2.3014nm	9.95nm

5.2.3 字体

表 5.3 字体

名称	加粗	倾斜	宋体	仿宋	黑体
显示	兰朵儿	兰朵儿	兰朵儿	兰朵儿	兰朵儿
显示	ldr	ldr	ldr	ldr	ldr

发现没,中文斜体没有效果的,你可以自定义,这个自己百度吧;中文加粗已经解决了该问题,注意这个文件第四行,开启伪加粗(2020.5.18),可以用 bfserie 或者 textbf 但是注意,win 上 bfserie 效果好一些,mac 上 textbf 好一些

关于英文新罗马字体的说明:在 windows 上,引用 mathptmx 包,正文、公式中的英文就会变成新罗马(Times New Roman)字体,但是 mac 系统上,没有任何效果,还是默认的罗马字体(和 Times New Roman 很相似,QR 两个单词区分明显),所以我在 2.1.3 以及之后的模板中加入了以下两个命令:

- 1 \RequirePackage{mathptmx}%加入这条命令会导致花体, mathcal和mathscr完全相同,正常mathcal会花的轻一些。
- 2 \RequirePackage{fontspec} %这一条在windows可有可无,效果相同,但是mac上必须。

但是 mathptmx 会导致花体, mathcal 和 mathscr 完全相同, 正常 mathcal 会花的轻一些。

5.2.4 图,并列排



(a) 111

(b) 2222

1 width = $0.3 \setminus \text{textwidth}$

5.2.5 公式

所有的符号都要用美元符号包裹 \$, 需要用到某一个但是不知道,直接百度,基本上都有

表 5.4 公式

名称	分数	下角标	上角标	矢量	根号	希腊字母	点乘	叉乘	矢量
显示	$\frac{1}{2}$	O_2	a^2	\vec{AB}	√3	θ		×	\vec{a}

但是有时候我们只是正文中想用 MoS_2 ,它竟然斜体,不想斜体,我写了个命令,这样用 MoS_2 ,正的吧,常用的命令可以自定义

5.2.6 公式加粗、斜体、字体

公式、字母加粗、字体问题

- 1. 正文 AHEMoS $\alpha\beta$
- 2. 公式 AHEMoSαβ
- 3. mathbf **AHEMoS** $\alpha\beta$
- 4. boldsymbol $AHEMoS\alpha\beta$
- 5. mathbb $AHEM \times S\alpha\beta$

这个加粗、斜体、英文字体(含正文和公式内字体),有不同的处理方式,在.cls 模板 文件文件搜索 bm 查看详细说明

5.2.7 一些特殊符号

• 普朗克常量 hslash: *ħ*

• 普朗克常量 hbar: *ħ*

花体 mathscr: ABCFR
花体 mathcal: ABCFR
Fraktur 字母: UBCFR

5.2.8 左边大括号

$$\begin{cases} \vec{e_1} = \frac{3a}{2}\vec{i} + \frac{\sqrt{3a}}{2}\vec{j} \\ \vec{e_2} = \frac{3a}{2}\vec{i} - \frac{\sqrt{3a}}{2}\vec{j} \end{cases}$$
(16)

注意后面有个方程的编号,如果想取消,把上下的两个 equation 改成 equation*

$$\begin{cases} \vec{e_1} &= \frac{3a}{2}\vec{i} + \frac{\sqrt{3a}}{2}\vec{j} \\ \vec{e_2} &= \frac{3a}{2}\vec{i} - \frac{\sqrt{3a}}{2}\vec{j} \end{cases}$$

5.2.9 复杂公式

不会输出的符号,请百度,啥都有

$$H\hat{Q}R = \frac{\epsilon}{2}\hat{\sigma}_z - \frac{\Delta}{2}\hat{\sigma}_x + \sum_k \omega_k \hat{b}_k^{\dagger} \hat{b}_k + \sum_k \frac{g_k}{2}\hat{\sigma}_z(\hat{b}_k + \hat{b}_k^{\dagger})$$
 (17)

5.2.10 等号对齐站

主要是用这个 aligned 放在了方程的环境里,等号前面 & 控制对齐,每一行后面双斜杠换行

$$\vec{CH} = m \cdot \vec{e_1} + n \cdot \vec{e_2}$$

$$= \frac{3(m+n)a}{2}\vec{i} + \frac{\sqrt{3}(m-n)a}{2}\vec{j}$$
(18)

5.2.11 矩阵乘法

其实就是几个 array 组合

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$
 (19)

5.2.12 附页代码

可以在 LZUThesis.clc 里面修改代码格式 java 代码

- 1 System.out.print("兰朵儿")
- 2 // 试一下中文注释

tex 代码

- width = 0.3 textwidth
- 2 % 注释

python 代码

- 1 print("兰朵儿")
- 2 # 注释

matlab 代码有专门的库,但是没必要高亮太多,而且中文适配有问题,直接按照下面 这个就可以

1 display (" 兰朵儿")

% 注释

伪代码

算法 1 PMHSS 算法

- 1: 给定一个初值 $x^{(0)} \in C^n$ 和常数 $\alpha > 0$
- 2: **for** k = 1, 2, ... 直到序列 $\{x^{(k)}\}_{k=0}^{\infty}$ 收敛 **do**
- 3: 解方程: $(\alpha V + W)x^{(k+\frac{1}{2})} = (\alpha V iT)x^{(k)} + b$
- 4: 解方程: $(\alpha V + T)x^{(k+1)} = (\alpha V + iW)x^{(k+\frac{1}{2})} ib$
- 5: end for

5.2.13 参考文献

建议以 web of science 或者文献官网导出的 bib 为准,请不要使用百度学术、谷歌学术的 bib,错误很多,测试不同情况:

- [2]
- [3]

具体怎么用可以百度,我这里告诉你什么可以用,但是具体的,建议百度,更靠谱一 些。

有参考文献时,编译要经过 4 步,直接 XeLaTeX -> BibTeX -> XeLaTeX -> XeLaTeX, 不然很多问题,vscode 配置以后很方便,以下内容放在设置中,重新打开 vscode 即可

修改后可以参考文献自动生成中文等字符,引用网络资源时链接格式规范化测试右上 角

中英文参考文献说明

感谢的代码贡献 潘麒

进一步说明,对于中文参考文献,建议添加条目 language= 中文 这一行,否则多个作者,不是"等."而是"et al."

```
@ Article{part12021,
author = {Part1, Hubert and Hyna, Irene and 兰朵儿 and
Schlegl, Elisabeth},
title = {一个中文等测试},
year = {2021},
```

```
1anguage = {中文},

journal = {测试期刊},

volume={3},

number={6},

pages={10--20},

}
```

5.2.14 引用图、表、公式、章节

为什么要引用?不直接写数字?因为图表顺序变化时,引用的地方会自动变化。每次更加新引用,请四步走编译

引用的地方加 label, 自己写个名字, 可以是中文, 然后引用的地方如下:

如图5.1所示

如公式(16)所示,会自动带括号

如表5.4所示

在5.2.13中已经提及

参考文献

- [1] Wikipedia. Biot–savart law[Z], 2024. https://en.wikipedia.org/wiki/Biot%E2%80%93Savart_law, last edited on 19 February 2024, at 16:11 (UTC).
- [2] 周恩权, 郑仲桥, 张燕红, 等. 圆柱形永磁体磁场建模及仿真研究 [J]. 河南科技, 2017, 21:139-143.
- [3] Sauer T. Numerical analysis[M]. Pearson, 2019: 253–289.

附 录

A.1 实验器材参数

表 A.1 实验器材参数

亚克力板					
序号\厚度 cm	1	2	3	均值/cm	误差/cm
1	0.387	0.386	0.389	0.387	0.001
2	0.792	0.789	0.789	0.790	0.001
3	1.015	1.014	0.984	1.004	0.014
磁铁					
序号	直径/cm	误差/cm	高/cm	误差/cm	
L	2.900	0.001	1.946	0.001	
m	2.450	0.001	1.916	0.001	
单位磁棒 (S 代	表一个,M	代表两个的	的组合)		
次数	质量/g	长/cm	直径/cm		
1	44.2968	7.600	0.950		
2	44.3012	7.600	0.950		
3	44.2959	7.600	0.950		
均值	44.2980	7.600	0.950		
误差	0.0002	0.001	0.001		

A.2 源代码头文件

A.2.1 Romberg.h

```
#ifndef __MY_EULER_H__
#define __MY_EULER_H__

/*The above is to prevent the header file from being included multiple
times,

it can be omitted, it is best to have, any name, and ensure that it is
unique*/

#include < stdio.h>
```

```
#include < stdlib . h>
 6
7
       #include < math. h>
       /*The following macro definition is optional, here we define the
8
           parameter we need */
       #define PI 3.14159265358979
9
       #define E 0.001
10
       #define Bg 1.20 //we resume that the neodymium magnet's remanence is
11
           the averger value of 1.18-1.22T which is the N35's parameter
       //\# define mu0 \ 4*PI*0.0000001 // the unit is T*m/A to make double
12
           available, we chose to use Bg/mu0 which we called Bm.
       #define Bm 3000000/PI
13
       #define g 9.80 //N/kg I got it through experiment
14
       #define R 0.029 //m 0.029 or 0.0245m
15
16
       #define h 0.01946 //m 0.01946 or 0.01916m
       #define r 0.0095 //m
17
       #define 1 0.076 //m
18
19
       #define d 0.00387 //m 0.00387 or 0.00790 or 0.01004m
       #define m 0.0443 //kg
20
21
22
       /*The following is the definition of functions */
23
       /*the functions to calculate the mgnetic field */
24
       //the component of x axis
25
       double m_bx(double x, double y, double z, double w, double th){
            double K = pow((x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
26
               (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
27
            return (z-w)*R*cos(th)/K;
28
       //The inner layer of the double integral
29
        double m_Bx_th_add(double x, double y, double z, double w, int k,
30
           double th1, double t){
           double a = 0;
31
            for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++)
32
33
                a += m_b x(x, y, z, w, th1 + (2*i-1)*t/pow(2,k-1));
34
35
            return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
36
        double m_Bx_th(double x, double y, double z, double w) {
37
38
            double answer = 0;
39
            double th1 = 3*E, th2 = 2*PI;
            double t = th2 - th1;
40
```

```
int M = 40; //the initial M, if it's not enough, we'll give
41
               you an alert and you need to enlarge M
            double *Px;
42
            Px = (double *) malloc (M*M* size of (double));
43
44
            Px[0] = (m_bx(x, y, z, w, th1) + m_bx(x, y, z, w, th2)) * t/2;
45
            int i = 1, j = 1;
46
47
            while(i){
48
                Px[i*M+0] = (Px[(i-1)*M+0]+m_Bx_th_add(x, y, z, w, i+1, th1, t))/2;
                 while (j) {
49
                     Px[i*M+j] = Px[i*M+j-1]+(Px[i*M+j-1]-Px[(i-1)*M+j-1])/(pow
50
                        (4, j) - 1);
                     if(j == i)
51
52
                         j = 1;
                         break;
53
54
                     } else {
55
                         j++;
56
                     }
57
                 }
58
                 double e = fabs(Px[i*M+i]-Px[(i-1)*M+i-1]);
59
                 if (e<E&&i!=1){
                     answer = Px[i*M+i];
60
61
                     break;
                 else if (i == M-1)
62
                     printf("x=\%1f, y=\%1f, z=\%1f \setminus n", x, y, z);
63
64
                     printf("Please enlarge Px!!!\n");
                } else {
65
                     i++;
66
67
                }
68
            }
69
70
            free (Px);
71
            return answer;
72
73
        //the magnet's x component
        double m_Bx_add(double x, double y, double z, int k, double w1, double
74
            t){
75
            double a = 0;
76
            for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
77
                 a += m_Bx_th(x, y, z, w1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1));
```

```
78
             return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
79
80
         }
         double m_Bx(double x, double y, double z){
81
82
             double answer = 0;
             double w1 = 0, w2 = h;
83
             double t = w2-w1;
84
             int M = 40;
85
             double *Hx;
86
             Hx = (double *) malloc (M*M* size of (double));
87
88
89
             Hx[0] = (m_Bx_th(x, y, z, w1) + m_Bx_th(x, y, z, w2)) *t/2;
             int i = 1, j = 1;
90
91
             while(i){
92
                 Hx[i*M+0] = (Hx[(i-1)*M+0]+m_Bx_add(x,y,z,i+1,w1,t))/2;
93
                  while (j) {
94
                      Hx[i*M+j] = Hx[i*M+j-1]+(Hx[i*M+j-1]-Hx[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
                      if(j == i)
95
96
                          i = 1;
97
                          break;
98
                      } else {
99
                          j++;
100
101
                  }
102
                  double e = fabs(Hx[i*M+i]-Hx[(i-1)*M+i-1]);
103
                  if (e<E&&i!=1){
                      answer = Bg*Hx[i*M+i]/(4*PI);
104
105
                      break;
106
                  else if (i == M-1)
                      printf("x=\%lf, y=\%lf, z=\%lf \ \ \ \ x, y, z);
107
108
                      printf("Please enlarge Hx!!!\n");
109
                  } else {
110
                      i++;
111
                 }
             }
112
113
114
             free (Hx);
115
             return answer;
116
```

```
117
        //the component of y axis
        double m_by(double x, double y, double z, double w, double th){
118
             double K = pow( (x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
119
                (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
             //printf("\%10.4 lf\%10.4 lf\%10.4 lf\%10.4 lf\%10.4 lf\%10.4 lf\%10.4 lf \n", x, y, z,
120
                w, th, (z-w)*R*sin(th)/K);
121
             return (z-w)*R*sin(th)/K;
122
        }
        //The inner layer of the double integral
123
         double m_By_th_add(double x, double y, double z, double w, int k,
124
            double th1, double t){
             double a = 0;
125
             for(int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
126
127
                 a += m_b y(x, y, z, w, th1 + (2*i-1)*t/pow(2,k-1));
128
             }
129
             return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
130
        }
131
        double m_By_th(double x, double y, double z, double w){
             double answer = 0;
132
133
             double th1 = 3*E, th2 = 2*PI;
134
             double t = th2 - th1;
135
             int M = 40; //the initial M, if it's not enough, we'll give
                you an alert and you need to enlarge M
             double *Py;
136
             Py = (double *) malloc (M*M* size of (double));
137
138
139
             Py[0] = (m_by(x, y, z, w, th1) + m_by(x, y, z, w, th2)) * t/2;
             int i = 1, j = 1;
140
141
             while (i) {
142
                 Py[i*M+0] = (Py[(i-1)*M+0]+m_By_th_add(x,y,z,w,i+1,th1,t))/2;
143
                 while (j) {
144
                     Py[i*M+j] = Py[i*M+j-1]+(Py[i*M+j-1]-Py[(i-1)*M+j-1])/(pow
                         (4, j) - 1);
145
                     if(j == i){
146
                          i = 1;
147
                          break;
148
                     } else {
149
                          j++;
150
                     }
151
```

```
152
                   // printf("%d, %.8 lf\n", i, Py[i*M+i]);
153
                   double e = fabs(Py[i*M+i]-Py[(i-1)*M+i-1]);
                   //printf("\%.10 lf \n\n", e);
154
155
                   if (e < E \& i! = 1) \{ // for the special case \}
156
                        answer = Py[i*M+i];
157
                        break;
                   else if (i == M-1){
158
                        printf("x=\%lf, y=\%lf, z=\%lf \ , \ x, \ y, \ z);
159
160
                        printf("Please enlarge Py!!!\n");
161
                   } e1se {
                        i++;
162
163
                   }
164
              }
165
              free (Py);
166
167
              return answer;
168
         }
169
         //the magnet's y component
170
         double m_By_add(double x, double y, double z, int k, double w1, double
              t){
171
              double a = 0;
172
              for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
173
                   a += m_By_th(x, y, z, w1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1));
174
175
              return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
176
         }
         double m_By(double x, double y, double z){
177
178
              double answer = 0;
179
              double w1 = 0, w2 = h;
              double t = w2-w1;
180
              int M = 40;
181
182
              double *Hy;
183
              Hy = (double *) malloc (M*M* size of (double));
184
185
              Hy[0] = (m_By_th(x, y, z, w1) + m_By_th(x, y, z, w2)) *t/2;
              int i = 1, j = 1;
186
              while(i){
187
188
                   //printf("%d\n",i);
                   \label{eq:hy_interpolation} \text{Hy}[\,i * M\!+\!0] \ = \ (\text{Hy}[\,(\,i-1) * M\!+\!0] + \text{m\_By\_add}\,(\,x\,,y\,,z\,,\,i+1\,,\!w1\,,\,t\,)\,)\,/\,2\,;
189
190
                   while (i) {
```

```
191
                      Hy[i*M+j] = Hy[i*M+j-1]+(Hy[i*M+j-1]-Hy[(i-1)*M+j-1])/(pow
                         (4, j) - 1);
                      if(j == i)
192
193
                          j = 1;
194
                          break;
195
                      } else {
196
                          j++;
197
                      }
198
                 }
199
                 double e = fabs(Hy[i*M+i]-Hy[(i-1)*M+i-1]);
                 if (e<E&&i!=1){
200
201
                      answer = Bg*Hy[i*M+i]/(4*PI);
                      break;
202
203
                 else if (i == M-1)
                      printf("x=\%1f, y=\%1f, z=\%1f \setminus n", x, y, z);
204
                      printf("Please enlarge Hy!!!\n");
205
206
                 } else {
207
                      i++;
208
                 }
209
             }
210
211
             free (Hy);
212
             return answer;
213
        }
214
215
        //the component of z axis
         double m_bz(double x, double y, double z, double w, double th){
216
             double K = pow( (x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
217
                 (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
             return (-(y-R*\sin(th))*R*\sin(th)-(x-R*\cos(th))*R*\cos(th))/K;
218
         }
219
220
         //The inner layer of the double integral
         double m_Bz_th_add(double x, double y, double z, double w, int k,
221
            double th1, double t){
222
             double a = 0;
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
223
224
                 a += m_bz(x, y, z, w, th1 + (2*i-1)*t/pow(2,k-1));
225
             }
226
             return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
227
```

```
double m_Bz_th(double x, double y, double z, double w){
228
229
             double answer = 0;
             double th1 = 3*E, th2 = 2*PI;
230
231
             double t = th2 - th1;
             int M = 40;
                            //the initial M, if it's not enough, we'll give
232
                you an alert and you need to enlarge M
233
             double *Pz;
234
             Pz = (double *) malloc (M*M* size of (double));
235
236
             Pz[0] = (m_bz(x, y, z, w, th1) + m_bz(x, y, z, w, th2)) * t/2;
237
             int i = 1, j = 1;
238
             while (i) {
                 Pz[i*M+0] = (Pz[(i-1)*M+0]+m_Bz_th_add(x,y,z,w,i+1,th1,t))/2;
239
240
                  while (j) {
241
                      Pz[i*M+j] = Pz[i*M+j-1]+(Pz[i*M+j-1]-Pz[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
242
                      if(j == i)
243
                          j = 1;
                          break;
244
245
                      } e1se {
246
                          j++;
247
                      }
248
                  }
                  double e = fabs(Pz[i*M+i]-Pz[(i-1)*M+i-1]);
249
250
                  if (e<E&&i!=1) {
251
                      answer = Pz[i*M+i];
252
                      break;
                  else if (i == M-1)
253
254
                      printf("x=\%1f, y=\%1f, z=\%1f \setminus n", x, y, z);
                      printf("Please enlarge Pz!!!\n");
255
256
                 } else {
257
                      i++;
258
                 }
259
             }
260
             free (Pz);
261
262
             return answer;
263
         }
264
         //the magnet's z component
```

```
265
         double m_Bz_add(double x, double y, double z, int k, double w1, double
             t){
             double a = 0;
266
267
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
268
                 a += m_Bz_th(x, y, z, w1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1));
269
             }
270
             return a*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
271
         }
         double m_Bz(double x, double y, double z){
272
             double answer = 0;
273
             double w1 = 0, w2 = h;
274
             double t = w2-w1;
275
             int M = 40;
276
277
             double *Hz;
             Hz = (double *) malloc (M*M* size of (double));
278
279
280
             Hz[0] = (m_Bz_th(x, y, z, w1) + m_Bz_th(x, y, z, w2)) *t/2;
281
             int i = 1, j = 1;
             while(i){
282
283
                 Hz[i*M+0] = (Hz[(i-1)*M+0]+m_Bz_add(x,y,z,i+1,w1,t))/2;
284
                  while (j) {
285
                      Hz[i*M+j] = Hz[i*M+j-1]+(Hz[i*M+j-1]-Hz[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
                      if(j == i)
286
287
                          j = 1;
288
                          break;
289
                      } else {
290
                          j++;
291
                      }
292
                  }
                  double e = fabs(Hz[i*M+i]-Hz[(i-1)*M+i-1]);
293
294
                  if(e < E \& i! = 1){
295
                      answer = Bg*Hz[i*M+i]/(4*PI);
296
                      break;
297
                  else if (i == M-1)
                      printf("x=\%1f, y=\%1f, z=\%1f \setminus n", x, y, z);
298
299
                      printf("Please enlarge Hz!!!\n");
300
                  } e1se {
301
                      i++;
302
```

```
303
             }
304
305
             free (Hz);
306
             return answer;
307
        }
308
309
310
         //Fx
311
         float m_fx(float b, float u, float a){
312
             return (-r*\sin(b)*\cos(a)*m_Bz(-r*\sin(b),r*\cos(b)*\cos(a)+r*\sin(a)-
                 r*cos(a), r*cos(b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a))
313
             + r*\sin(b)*\sin(a)*m_By(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(a)+r*\sin(a)-r*\cos(a)
                 , r*cos(b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a)));
314
         float m_Fx_b_add(int k, float b1, float t, float u, float a){
315
             float ans = 0;
316
317
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
318
                 ans += m_f x (b1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1),u,a);
319
             }
320
             return ans * t/(k>2? pow(2,k-2):1);
321
        }
         float m_Fx_b(float u, float a){
322
323
             float answer = 0;
             float b1 = 3*E, b2 = 2*PI;
324
325
             float t = b2-b1;
326
             int M = 40;
327
             float *Px;
             Px = (float *) malloc (M*M* size of (float));
328
329
             Px[0] = (m_fx(b1,u,a)+m_fx(b2,u,a))*t/2;
330
             int i = 1, j = 1;
331
             while (i) {
332
                 Px[i*M+0] = (Px[(i-1)*M+0]+m_Fx_b_add(i+1,b1,t,u,a))/2;
333
                 while (j) {
                      Px[i*M+j] = Px[i*M+j-1]+(Px[i*M+j-1]-Px[(i-1)*M+j-1])/(pow)
334
                         (4, j) - 1);
335
                      if(j==i)
336
                          j=i;
337
                          break;
338
                      } else {
339
                          j++;
```

```
340
                     }
                  }
341
342
                  float e = fabs(Px[i*M+i]-Px[(i-1)*M+i-1]);
343
                  if ( e < E&&i!=1 ) {
                      answer = Px[i*M+i];
344
345
                      break;
                  else if (i==M-1)
346
347
                      printf("u = \%lf, a = \%lf . \ n", u, a);
                      printf("Please enlarge Px!");
348
349
                  } else {
350
                      i++;
351
                  }
352
             }
353
             free (Px);
354
             return answer;
355
         }
356
         float m_Fx_add(int k, float u1, float t, float a){
357
             float ans = 0;
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
358
359
                  ans += m_Fx_b(u1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1),a);
360
             }
361
             return ans*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
362
         float m_Fx(float a){
363
364
             float answer = 0;
             float u1 = 3*E/10, u2 = 2*1;
365
             float t = u2-u1;
366
             int M = 40;
367
368
             float *Hx;
             Hx = (float *) malloc (M*M* size of (float));
369
             Hx[0] = (m_Fx_b(u1, a) + m_Fx_b(u2, a)) *t/2;
370
371
             int i = 1, j = 1;
372
             while(i){
373
                 Hx[i*M+0] = (Hx[(i-1)*M+0]+m_Fx_add(i+1,u1,t,a))/2;
374
                  while (j) {
375
                      Hx[i*M+j] = Hx[i*M+j-1]+(Hx[i*M+j-1]-Hx[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
376
                      if(j==i){
377
                           j=i;
378
                           break;
```

```
} else {
379
380
                           j++;
381
                      }
382
                  }
383
                  float e = fabs(Hx[i*M+i]-Hx[(i-1)*M+i-1]);
                  if (e < E \& i! = 1) 
384
385
                      answer = Bm*Hx[i*M+i];
386
                      break;
387
                  else if (i==M-1)
388
                      printf ("a = \%1f . \ n", a);
389
                      printf("Please enlarge Hx!");
390
                  } else {
391
                      i++;
392
                  }
             }
393
             free (Hx);
394
395
             return answer;
396
         }
397
398
         //Fv
399
         float m_fy(float b, float u, float a){
400
             return (-r*\sin(b)*\sin(a)*m_Bx(-r*\sin(b),r*\cos(b)*\cos(a)+r*\sin(a)-
                 r*cos(a), r*cos(b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a))
             + r*\cos(b)*m_Bz(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(a)+r*\sin(a)-r*\cos(a), r*\cos(a)
401
                 b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a));
402
         }
         float m_Fy_b_add(int k, float b1, float t, float u, float a){
403
             float ans = 0;
404
405
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
406
                  ans += m_f y (b1 + (2*i-1)*t/pow(2,k-1),u,a);
             }
407
             return ans*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
408
409
         }
         float m_Fy_b(float u, float a){
410
411
             float answer = 0;
412
             float b1 = 3*E, b2 = 2*PI;
             float t = b2-b1;
413
414
             int M = 40;
415
             float *Py;
416
             Py = (float *) malloc (M*M* size of (float));
```

```
417
             Py[0] = (m_fy(b1,u,a)+m_fy(b2,u,a))*t/2;
418
             int i = 1, j = 1;
             while(i){
419
420
                  Py[i*M+0] = (Py[(i-1)*M+0]+m_Fy_b_add(i+1,b1,t,u,a))/2;
421
                  while (j) {
422
                      Py[i*M+j] = Py[i*M+j-1]+(Py[i*M+j-1]-Py[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
423
                      if(j==i){
424
                          j=i;
425
                          break;
                      } e1se {
426
427
                          j++;
428
                      }
429
                  }
                  float e = fabs(Py[i*M+i]-Py[(i-1)*M+i-1]);
430
                  if ( e < E&&i!=1 ) {
431
432
                      answer = Py[i*M+i];
433
                      break;
                  else if (i==M-1)
434
                      printf("u = %lf, a = %lf . \ n", u, a);
435
436
                      printf("Please enlarge Py!");
437
                  } else {
438
                      i++;
439
                  }
440
             }
441
             free (Py);
442
             return answer;
443
         }
444
         float m_Fy_add(int k, float u1, float t, float a){
             float ans = 0;
445
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
446
447
                  ans += m_F y_b (u1 + (2*i-1)*t/pow(2,k-1),a);
448
449
             return ans * t/(k>2? pow(2,k-2):1);
450
         }
         float m_Fy(float a){
451
             float answer = 0;
452
453
             float u1 = 3*E/10, u2 = 2*1;
454
             float t = u2-u1;
             int M = 40;
455
```

```
456
             float *Hy;
457
             Hy = (float *) malloc (M*M* size of (float));
458
             Hy[0] = (m_Fy_b(u1, a) + m_Fy_b(u2, a)) *t/2;
459
             int i = 1, j = 1;
460
             while(i){
461
                 Hy[i*M+0] = (Hy[(i-1)*M+0]+m_Fy_add(i+1,u_1,t,a))/2;
462
                  while (j) {
463
                      Hy[i*M+j] = Hy[i*M+j-1]+(Hy[i*M+j-1]-Hy[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
464
                      if(j==i){
465
                          j=i;
466
                           break;
467
                      } else {
468
                           j++;
                      }
469
470
                  }
471
                  float e = fabs(Hy[i*M+i]-Hy[(i-1)*M+i-1]);
472
                  if (e < E \& i! = 1) 
                      answer = Bm*Hy[i*M+i];
473
474
                      break:
475
                  else if (i==M-1)
476
                      printf ("a = \%1f . \ n", a);
477
                      printf("Please enlarge Hy!");
478
                  } else {
479
                      i++;
480
                  }
481
482
             free (Hy);
483
             return answer;
484
         }
485
486
         //Fz
         float m_fz(float b, float u, float a){
487
488
             return (-r*cos(b)*m_By(-r*sin(b),r*cos(b)*cos(a)+r*sin(a)-r*cos(a)
                 , r*cos(b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a))*100
489
             + r*\sin(b)*\cos(a)*m_Bx(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(a)+r*\sin(a)-r*\cos(a)
                 , r*cos(b)*sin(a)-d-u*cos(a)-r*sin(a))*100 );
490
         }
491
         float m_Fz_b_add(int k, float b1, float t, float u, float a){
             float ans = 0;
492
```

```
493
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
494
                  ans += m_fz(b1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1),u,a)/100;
495
             }
496
             return ans*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
497
         }
         float m_Fz_b(float u, float a){
498
             float answer = 0;
499
             float b1 = 3*E, b2 = 2*PI;
500
501
             float t = b2-b1;
502
             int M = 40;
503
             float *Pz;
             Pz = (float *) malloc (M*M* size of (float));
504
505
             Pz[0] = (m_fz(b1,u,a)+m_fz(b2,u,a))*t/200;
506
             int i = 1, j = 1;
507
             while(i){
508
                 Pz[i*M+0] = (Pz[(i-1)*M+0]+m_Fz_b_add(i+1,b1,t,u,a))/2;
509
                  while (j) {
510
                      Pz[i*M+j] = Pz[i*M+j-1]+(Pz[i*M+j-1]-Pz[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
511
                      if(j==i){
512
                          j=i;
513
                          break;
514
                      } else {
515
                          j++;
516
                      }
517
                 }
518
                  float e = fabs(Pz[i*M+i]-Pz[(i-1)*M+i-1]);
519
                  if ( e < E&&i!=1 ) {
520
                      answer = Pz[i*M+i];
521
                      break:
522
                  else if (i==M-1)
                      printf("u = \%lf, a = \%lf . \n", u, a);
523
                      printf("Please enlarge Pz!");
524
525
                  } else {
526
                      i++;
                  }
527
528
529
             free (Pz);
530
             return answer;
531
```

```
532
         float m_Fz_add(int k, float u1, float t, float a){
533
             float ans = 0;
             for (int i = 1; i \le (k>2? pow(2,k-2):1); i++){
534
535
                  ans += m_Fz_b(u_1+(2*i-1)*t/pow(2,k-1),a);
536
             }
537
             return ans*t/(k>2? pow(2,k-2):1);
538
         }
539
         float m_Fz(float a){
             float answer = 0;
540
541
             float u1 = 3*E/10, u2 = 2*1;
542
             float t = u2-u1;
             int M = 40;
543
             float *Hz;
544
             Hz = (float *) malloc (M*M* size of (float));
545
             Hz[0] = (m_Fz_b(u1, a) + m_Fz_b(u2, a)) *t/2;
546
             int i = 1, j = 1;
547
548
             while(i){
549
                 Hz[i*M+0] = (Hz[(i-1)*M+0]+m_Fz_add(i+1,u1,t,a))/2;
550
                  while (j) {
551
                      Hz[i*M+j] = Hz[i*M+j-1]+(Hz[i*M+j-1]-Hz[(i-1)*M+j-1])/(pow
                          (4, j) - 1);
552
                      if(j==i){
553
                           j=i;
554
                           break;
555
                      } else {
556
                           j++;
557
                      }
558
                  }
559
                  // printf("i = %d, %lf \ ", i, Hz[i *M+i]);
                  float e = fabs(Hz[i*M+i]-Hz[(i-1)*M+i-1]);
560
                  if ( e < E&&i!=1 ) {
561
562
                      answer = Bm*Hz[i*M+i];
563
                      break;
564
                  else if (i==M-1)
565
                      printf("a = \%lf . \ n", a);
566
                      printf("Please enlarge Hz!");
                  } else {
567
568
                      i++;
569
                  }
570
```

A.2.2 Gauss.h

```
#ifndef __MY_GAUSSINTEGRAL_H_
 1
2
       #define __MY_GAUSSINTEGRAL_H_
       #include < stdio . h>
3
       #include < stdlib . h>
4
5
       #include < math. h>
6
7
       /*The parameter*/
       #define PI 3.14159265358979
8
       #define E 0.001
9
10
       #define Bg 1.20 //we resume that the neodymium magnet's remanence is
           the averger value of 1.18-1.22T which is the N35's parameter
       //#define mu0 4*PI*0.0000001 //the unit is T*m/A to make double
11
           available, we chose to use Bg/mu0 which we called Bm.
       #define Bm 3000000/PI
12
       #define g 9.80 //N/kg I got it through experiment
13
       #define R 0.0145 //m 0.029 or 0.0245m
14
       #define h 0.01946 //m 0.01946 or 0.01916m
15
       #define r 0.00475 //m
16
       #define 1 0.076 //m
17
       #define d 0.00387 //m 0.00387 or 0.00790 or 0.01004m
18
19
       #define m 0.0443 //kg
20
       #define N 20 //the number of GaussIntegral weights and abscissa
21
22
       /*PI, E, Bg, Bm, g, R, h, r, l, d, m are define as macro */
23
       /*Get Gauss Integration's weights */
24
       void Weigths(double *weights){
25
26
           FILE *fp;
           fp = fopen("weights.txt", "r");
27
28
            for (int i = 0; i < N; i + +)
                fscanf(fp, "%1f", &weights[i]);
29
                //check
30
                //printf("weights[%d] is %.16lf\n", i, weights[i]);
31
32
```

```
}
33
                    /*Get Gauss Integratin's abscissa*/
34
                     void Abscissa(double *abscissa){
35
                                FILE *fp;
36
                                fp = fopen("abscissa.txt", "r");
37
                                for (int i = 0; i < N; i + +) {
38
                                            fscanf(fp, "%lf", &abscissa[i]);
39
40
                                            //check
                                           //printf("abscissa[%d] is %.16lf\n", i, abscissa[i]);
41
                                }
42
43
                    }
                    /*Bx*/
44
                     double m_bx(double x, double y, double z, double w, double th){
45
                                double K = pow((x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
46
                                         (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
                                return (z-w)*R*cos(th)/K;
47
48
                    }
                     double m_Bx_th(double x, double y, double z, double w, double *weights
49
                              , double *abscissa){
50
                                double ans = 0;
51
                                double a = 0, b = 2*PI;
                                for (int i = 0; i < N; i++){
52
                                            ans += weights [i]*m_bx(x, y, z, w, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2)
53
                                                    *(b-a)/2;
54
                                }
                                //check
55
                                //printf("Bx_th(\%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
56
                                return ans;
57
58
                    }
                     double m_Bx(double x, double y, double z, double *weights, double *
59
                              abscissa) {
                                double ans = 0;
60
                                double a = 0, b = h;
61
                                for (int i = 0; i < N; i++){
62
63
                                           ans += weights [i]*m_Bx_th(x, y, z, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2,
                                                    weights, abscissa)*(b-a)/2;
64
                                }
65
                                //check
                                //printf("Bx(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
66
                                return ans;
67
```

```
}
 68
                     /*By */
 69
                     double m_by(double x, double y, double z, double w, double th){
 70
 71
                                double K = pow((x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
                                         (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
 72
                                return (z-w)*R*sin(th)/K;
 73
 74
                     double m_By_th(double x, double y, double z, double w, double *weights
                              , double *abscissa){
 75
                                double ans = 0;
                                double a = 0, b = 2*PI;
 76
 77
                                for (int i = 0; i < N; i++)
 78
                                           ans += weights [i]*m_by(x, y, z, w, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2)
                                                   *(b-a)/2;
 79
                                }
                                //check
 80
 81
                                //printf("By_th(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
                                return ans;
 82
 83
                     }
 84
                     double m_By(double x, double y, double z, double *weights, double *
                              abscissa) {
                                double ans = 0;
 85
                                double a = 0, b = h;
 86
                                for (int i = 0; i < N; i++)
 87
                                           ans += weights[i]*m_By_th(x, y, z, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2,
 88
                                                   weights, abscissa)*(b-a)/2;
 89
                                }
                                //check
 90
 91
                                //printf("By(\%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
 92
                                return ans;
                     }
 93
 94
                     /*Bz*/
                     double m_bz(double x, double y, double z, double w, double th){
 95
                                double K = pow((x-R*cos(th))*(x-R*cos(th))+(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))*(y-R*sin(th))
 96
                                         (th)+(z-w)*(z-w) , 1.5);
 97
                                return (-(y-R*\sin(th))*R*\sin(th))-(x-R*\cos(th))*R*\cos(th))/K;
 98
 99
                     double m_Bz_th(double x, double y, double z, double w, double *weights
                              , double *abscissa){
                                double ans = 0;
100
```

```
101
             double a = 0, b = 2*PI;
102
             for (int i = 0; i < N; i++){
103
                 ans += weights [i]*m_bz(x, y, z, w, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2)
                    *(b-a)/2;
104
             }
             //check
105
             //printf("Bz_th(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
106
107
             return ans;
108
        }
109
        double m_Bz(double x, double y, double z, double *weights, double *
            abscissa){
110
             double ans = 0;
             double a = 0, b = h;
111
             for (int i = 0; i < N; i++)
112
                 ans += weights [i]*m_Bz_th(x, y, z, ((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2,
113
                    weights, abscissa)*(b-a)/2;
114
             }
             //check
115
             //printf("Bz(\%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
116
117
             return ans;
        }
118
        /*Fx*/
119
120
        double m_fx(double b, double u, double al, double *weights, double *
            abscissa){
121
             return Bm*(-r*sin(b)*cos(al)*m_Bz(-r*sin(b),r*cos(b)*cos(al)+r*
                \sin(a1) - r * \cos(a1), r * \cos(b) * \sin(a1) - d - u * \cos(a1) - r * \sin(a1),
                weights, abscissa) \
122
             + r*\sin(b)*\sin(a1)*m_By(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(a1)+r*\sin(a1)-r*\cos(a1)
                (al), r*cos(b)*sin(al)-d-u*cos(al)-r*sin(al), weights, abscissa));
123
        }
        double m_Fx_th(double u, double al, double *weights, double *abscissa)
124
             double ans = 0;
125
             double a = 0, b = 2*PI;
126
127
             for (int i = 0; i < N; i++)
128
                 ans += weights [i]*m_fx(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, u, al,
                    weights, abscissa)*(b-a)/2;
129
             }
             //check
130
             //printf("Fx_th(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf n", x, y, z, ans);
131
```

```
132
             return ans;
133
        }
         double m_Fx(double al, double *weights, double *abscissa) {
134
             double ans = 0;
135
             double a = 0, b = 2*1;
136
             for (int i = 0; i < N; i++){
137
                 ans += weights[i]*m_Fx_th(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, al,
138
                     weights, abscissa)*(b-a)/2;
139
             }
             //check
140
141
             //printf("Fx(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf)) is \%.8lf \ ", x, y, z, ans);
142
             return ans;
143
        }
144
        /*Fy*/
         double m_fy(double b, double u, double al, double *weights, double *
145
            abscissa) {
146
             return Bm*(-r*sin(b)*sin(al)*m_Bx(-r*sin(b),r*cos(b)*cos(al)+r*
                \sin(al) - r * \cos(al), r * \cos(b) * \sin(al) - d - u * \cos(al) - r * \sin(al),
                weights, abscissa) \
147
            + r*\cos(b)*m_Bz(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(al)+r*\sin(al)-r*\cos(al), r*
                cos(b)*sin(al)-d-u*cos(al)-r*sin(al), weights, abscissa));
148
149
         double m_Fy_th(double u, double al, double *weights, double *abscissa)
150
             double ans = 0;
151
             double a = 0, b = 2*PI;
             for (int i = 0; i < N; i++){
152
                 ans += weights [i]*m_fy(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, u, al,
153
                     weights, abscissa)*(b-a)/2;
154
             }
155
             // check
156
             //printf("Fy_th(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
157
             return ans;
158
        }
        double m_Fy(double al, double *weights, double *abscissa){
159
160
             double ans = 0;
             double a = 0, b = 2*1;
161
162
             for (int i = 0; i < N; i++){
163
                 ans += weights[i]*m_Fy_th(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, al,
                     weights, abscissa)*(b-a)/2;
```

```
164
             }
165
             //check
166
             //printf("Fy(\%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
167
             return ans;
168
        }
        /*Fz*/
169
        double m_fz(double b, double u, double al, double *weights, double *
170
            abscissa) {
171
             return Bm*(-r*cos(b)*m_By(-r*sin(b), r*cos(b)*cos(a1)+r*sin(a1)-r*
                \cos(al), r*\cos(b)*\sin(al)-d-u*\cos(al)-r*\sin(al), weights, abscissa
                ) \
172
            + r*\sin(b)*\cos(a1)*m_Bx(-r*\sin(b), r*\cos(b)*\cos(a1)+r*\sin(a1)-r*\cos(a1)
                (a1), r*cos(b)*sin(a1)-d-u*cos(a1)-r*sin(a1), weights, abscissa)
        }
173
        double m_Fz_th(double u, double al, double *weights, double *abscissa)
174
175
             double ans = 0;
             double a = 0, b = 2*PI;
176
177
             for (int i = 0; i < N; i++)
                 ans += weights[i]*m_fz(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, u, al,
178
                    weights, abscissa)*(b-a)/2;
179
             }
             // check
180
181
             //printf("Fz_th(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf) is \%.8lf \n", x, y, z, ans);
182
             return ans;
183
        double m_Fz(double al, double *weights, double *abscissa) {
184
185
             double ans = 0;
             double a = 0, b = 2*1;
186
             for (int i = 0; i < N; i++){
187
188
                 ans += weights[i]*m_Fz_th(((b-a)*abscissa[i]+b+a)/2, al,
                    weights, abscissa)*(b-a)/2;
189
             }
190
             //check
191
             //printf("Fz(\%.4lf, \%.4lf, \%.4lf)) is \%.8lf \ ", x, y, z, ans);
192
             return ans;
193
        }
        #endif
194
```

weights.txt

```
0.15275338713
1
2
            0.15275338713
            0.14917298647
3
4
            0.14917298647
            0.14209610931
5
            0.14209610931
6
7
            0.13168863844
            0.13168863844
8
9
            0.11819453196
            0.11819453196
10
            0.10193011981
11
12
            0.10193011981
13
            0.08327674157
            0.08327674157
14
            0.06267204833
15
            0.06267204833
16
            0.04060142980
17
18
            0.04060142980
            0.01761400713
19
            0.01761400713
20
```

A.2.3 Simpson.c

```
#include < stdio . h>
1
2
       #include < math. h >
3
       #define Pi 3.14159265358
       #define r0 25.00
4
       #define B r 1200
5
6
       #define kk B_r/(4*Pi)
7
8
        float f_x(float z0, float z, float theta){
9
            return r0*cos(theta)*(z-z0)*kk;
10
       }
11
        float f_y(float z0, float z, float theta){
            return r0*sin(theta)*(z-z0)*kk;
12
       }
13
        float f_z(float x, float y, float z0, float theta){
14
            return r0*((r0*sin(theta)-y)*sin(theta)-(x-r0*cos(theta))*cos(
15
               theta))*kk;
```

```
16
        float K(float x, float y, float z, float z0, float theta) {
17
             return pow(pow(x-r0*cos(theta),2) + pow(y-r0*sin(theta),2) + pow(z
18
                -z0,2),1.5);
19
        }
        float simps(float z0, float x, float y, float z, int f){
20
             int i,m,n;
21
             m = 50; n = 2*m;
22
             float h = (2*Pi - 0)/n;
23
             float theta = 0;
24
             float sum_x, sum_y, sum_z;
25
26
             sum_x = f_x(z0, z, 0)/K(x, y, z, z0, 0) + f_x(z0, z, 2*Pi)/K(x, y, z, z0, 2*Pi)
27
                );
28
             sum_y = f_y(z0, z, 0)/K(x, y, z, z0, 0) + f_y(z0, z, 2*Pi)/K(x, y, z, z0, 2*Pi)
                 );
29
             sum_z = f_z(x, y, z0, 0)/K(x, y, z, z0, 0) + f_z(x, y, z0, 2*Pi)/K(x, y, z, z0, 2*Pi)/K(x, y, z, z0, z)
                 ,2*Pi);
30
31
             for (i = 1; i < n; i++)
32
                  theta = h*i;
33
                  if (i\%2==0){
34
                      sum_x += 2*f_x(z0, z, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
                      sum_y += 2*f_y(z0, z, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
35
36
                      sum_z += 2*f_z(x, y, z0, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
37
                      }
                  else {
38
39
                      sum_x += 4*f_x(z0, z, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
40
                      sum_y += 4*f_y(z0, z, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
41
                      sum_z += 4*f_z(x, y, z0, theta)/K(x, y, z, z0, theta);
                  }
42
43
44
             sum_x = h*sum_x/3;
45
             sum_y = h*sum_y/3;
46
             sum_z = h*sum_z/3;
47
             if (f == 1)
48
49
                  return sum_x;
50
             else if (f == 2)
51
                  return sum_y;
```

```
52
             else if (f == 3)
53
                  return sum_z;
        }
54
55
         void simpsz(){
56
             FILE*fp=fopen("123. txt", "w");
57
             float z0 = 20.0;
58
59
             float x, y, z, p, q, s, h;
60
             int m, n, i, j, k, 1;
             m = 50;
61
             n=2*m;
62
             h = z0/n;
63
             p = 80.0/n;
64
65
             q = 80.0/n;
             s = 40.0/n;
66
             float sum_x, sum_y, sum_z;
67
68
                  for (j = 62; j < n; j ++)
69
                       z = j * s;
                       for (k = 0; k < n; k++)
70
71
                            x = -40 + k * p;
72
                            for (1 = 0; 1 < n; 1++)
                                /*printf("z = \%.8f ",z);
73
                                 printf("x = \%.8f ", x);
74
                                 printf("y = \%.8f ", y); */
75
76
77
                                y = -40 + 1 * q;
78
                                sum_x = simps(0, x, y, z, 1) + simps(3, x, y, z, 1);
                                sum_y = simps(0, x, y, z, 2) + simps(3, x, y, z, 2);
79
80
                                sum_z = simps(0, x, y, z, 3) + simps(3, x, y, z, 3);
81
82
                                 for (i = 1; i < n; i++)
83
                                      z0 = i *h;
                                      if (i\%2==0){
84
85
                                          sum_x += 2*simps(z0, x, y, z, 1);
86
                                          sum_y += 2*simps(z0, x, y, z, 2);
                                          sum_z += 2*simps(z0, x, y, z, 3);
87
88
                                      }
89
                                      else {
90
                                          sum_x += 4*simps(z0, x, y, z, 1);
91
                                          sum_y += 4*simps(z0, x, y, z, 2);
```

```
92
                                       sum_z += 4*simps(z0, x, y, z, 3);
                                  }
93
94
                               }
95
                              sum_x = sum_x *h/3;
96
                              sum_y = sum_y *h/3;
97
                               sum_z = sum_z * h/3;
                               fprintf (fp, "%6.2f
98
                                                    %6.2f %6.2f %9.6f
                                  %9.6 f
                                           %9.6 f
                                                     \n'', x, y, z, sum_x, sum_y, sum_z);
99
                          }
100
                      fclose(fp);
101
                      break;
102
103
                 }
104
        }
105
         int main(){
             simpsz();
106
107
             return 0;
108
```

致 谢

在本次创新创业的实践中, 我学到了很多东西。也有很多要感谢的人。

首先是我的指导老师白雪,在我申请项目、中期答辩、结项的过程中,白老师细心地指导我计划书的写作,及时指出我不规范的地方。

其次,感谢学校给予我的支持,包括但不限于实验室的使用,资金支持。这些琐事主要是王心华老师负责,很感谢他的付出。

最后,感谢在我前行过程中帮助我的人,有我的组员,乔亮老师......