

Nome completo: Yan Anderson Albuquerque Santos

Número de Matrícula: 223115845

Número da Turma: 11 m

## Parte A

### PROBLEMA 1 (1,0)

(1 ponto) Encontre o valor de  $\lim_{x \rightarrow 6^2} \frac{x-6^2}{\sqrt{x}-\sqrt{6^2}}$ .

a) 18 ~~X~~ b) 12 e c) 6 d) 30 e) 9.

### PROBLEMA 2 (1,0)

(1 ponto) Considere  $f(x) = x^6 + 4x + 1$ . Se  $y = ax + b$  é a equação da reta tangente ao gráfico de  $f$  no ponto  $(1, f(1))$ , determine o valor de  $3a + 2b$ .

a) 23 b) 25 c) 26 ~~X~~ d) 22 e e) 28.

### PROBLEMA 3 (1,5)

(1,5 ponto) Se  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 48$ , encontre o valor  $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{f(x-6)}{x^2-6^2}$ .

a) 5 ~~X~~ b) 4 e c) 8 d) 9 e) 10.

### PROBLEMA 4 (0,0)

(1,5 ponto) Encontre o valor de  $f'(1)$  dado que para todo  $x$  real não nulo vale que  $x^4 f(x) = -1$ .

a) 22 b) 33 c) 11 ~~X~~ d) 66 ~~X~~ e) -11.

## Parte B

### PROBLEMA 5 (2,5)

(2,5 pontos) Determine o valor de  $c$  para que a função

$$f(x) = \begin{cases} cx^2 - 10 & \text{se } x \leq 1 \\ x^3 - cx & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

seja contínua.

$$y' = \sqrt{\frac{x}{y}}$$

$$z' = \frac{1}{x^2}$$

### PROBLEMA 6 (0,0)

(2,5 pontos) Encontre o valor de  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(7x^2+1)^3}{(x^3+7)^2}$ . Justifique.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} ex^2 - 10 = e \cdot 1^2 - 10 = 1^3 - e$$

$$C - 10 = 1 - C$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} x^3 - cx$$

$$2C = 11$$

$$C = \frac{11}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{11}{2} x^2 - 10 = -\frac{9}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} x^3 - \frac{11}{2} x$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} 1 - \frac{11}{2} = \frac{2-11}{2} = -\frac{9}{2}$$

$$y = ax + b$$

$$y = 10x + b$$

$$6 = 10 \cdot 1 + b$$

$$b = 6 - 10$$

$$f'(1) = 0 = a$$

$$5$$

$$a = 10$$

$$b = -4$$

$$3a + 2b$$

$$3 \cdot 10 + 2 \cdot (-4)$$

$$30 - 8 = 22$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 5) \cdot x \cdot x$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 5 = 10$$

$$f(x) = f(x) + f(p)$$

$$x - b$$

$$f(x) = \lim_{p \rightarrow p} \frac{f(x) - f(p)}{x - p}$$

$$x - p$$

$$f'(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \frac{x^6 + 4x + 1 - 6}{x - 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^6 + 4x + 1 - 6}{x - 1} = \frac{1 + 4 + 1 - 6}{1 - 1}$$

# PROBLEMA 5 - RESOLUÇÃO

(25)

João Anderson Hugo Gomes Santos

Número Curriculo: 11

Matrícula: 223116845

Def.  $f$  continua

$$1 - p \in \text{Dcf}$$

$$2 - \exists \lim_{t \rightarrow p} f(t)$$

$$3 - L = f(p)$$

$$f(x) = \begin{cases} cx^2 - 10, & \text{se } x \leq 1 \\ x^3 - cx, & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

$$\text{des } \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \text{ descontinua}$$

$$\text{i) Assim } \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^-} cx^2 - 10 = \lim_{x \rightarrow 1^-} x^3 - cx$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} cx^2 - 10 = \lim_{x \rightarrow 1^-} x^3 - cx \rightarrow \text{aplicando propriedades limites de polinômios}$$

Substituição valor  $x$  no caso 1

$$\Rightarrow cx^2 - 10 = x^3 - cx \Rightarrow 1c - 10 = 1^3 - c1$$

$$= 2c = 11$$

$$c = \frac{11}{2}$$

$$\text{ii) Logo } f(x) = \begin{cases} \frac{11}{2}x^2 - 10, & \text{se } x \leq 1 \\ x^3 - \frac{11}{2}x, & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

iii) Calculando limites

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{11}{2}x^2 - 10 = \frac{11}{2}1^2 - 10 = \frac{11 - 20}{2} = -\frac{9}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} x^3 - \frac{11}{2}x = 1^3 - \frac{11}{2} = \frac{2 - 11}{2} = -\frac{9}{2}$$

Logo  $\exists \lim_{x \rightarrow 1} f(x) \rightarrow$  continua (2) def. continua

-  $f$  def. contínua.  $p \in \text{Dcf}$ ? Sim, não a restrição para  $p=1$

$$3 = L = f(p) \rightarrow \text{Sim, como já calculado } f(1) = -\frac{9}{2} = \lim_{x \rightarrow 1} f(x)$$

Problem 6 L'Hôpital

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(7x^2 + 1)^3}{(x^3 + 7)^2} \cdot \frac{(x^3 - 7)^2}{(x^3 - 7)^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(7x^2 + 1) [(7x^2)^2 + 2 \cdot 7x^2 + 1^2]}{(x^3)^2 + 2x^3 \cdot 7 + 7^2}$$

$$\lim_{u \rightarrow \infty} \frac{(7u + 1) [(7u)^2 + 2 \cdot 7u + 1]}{u^3 + 2u \cdot 7 + 7^2}$$

$$(a+b)^2 = (a+b)(a^2 + 2ab + b^2)$$

$$(a+b)(a-b) = a^2 + ab + ab + b^2$$

MDV

$$x^6 = u^3$$

$$x^2 = u$$

$$x = \sqrt{u}$$

$$\left. \begin{array}{l} x^6 = u^3 \\ x^2 = u \end{array} \right\} x \rightarrow \infty$$

?