

# CORRECTION SESSION NORMALE D'ELECTRONIQUE NUMERIQUE 1 INF 152

**Proposez Par : GROUPE GENIUS R**

Par : Joël\_yk

## EXERCICE 01 :

1) Donner les intervalles de codage d'un entier naturel sur : 8 bits, 16 bits, et 32 bits.

**Réponse :**

Sur 8 bits :  $[0, 2^8 - 1] = [0, 255]$   
 Sur 16 bits :  $[0, 2^{16} - 1] = [0, 65535]$   
 Sur 32 bits :  $[0, 2^{32} - 1] = [0, 4294967295]$

2) Pour la représentation des entiers relatifs en signe/ valeur absolue, donner les intervalles de codage sur 8 bits et 16 bits.

**Réponse :**

Sur 8 bits :  $[-2^7, 2^7 - 1] = [-127, 127]$   
 Sur 16 bits :  $[-2^{15}, 2^{15} - 1] = [-32768, 32767]$

3) Pour la représentation des entiers relatifs en complément à 2, donner les intervalles de codage sur 8 bits & 16 bits.

**Réponse :**

Sur 8 bits :  $[-2^7, 2^7 - 1] = [-128, 127]$   
 Sur 16 bits :  $[-2^{15}, 2^{15} - 1] = [-32768, 32767]$

4) Remplissez le tableau suivant (les cases manquantes (#1 à #8) en convertissant les chiffres suivants vers les formats indiqués. Ne pas tenir compte des sections ombragées. **Réponse :**

| Binaire Naturel<br>(8bits, 3 bits) | Binaire Complément a<br>2 ( 8bits , 3bits ) | Binaire Signe (<br>signe/valeur absolue<br>(8bits,3bits) | Décimal     | Hexadécimal |
|------------------------------------|---|--|-------------|-------------|
| 00100101,111                       |   |  | 37,875      | 25,E        |
| #1= 01001100,011                   | #2= 01001100,011                            | #3= 01001100,011   | 76,375      | 4C,6        |
|                                    | 11011011,101                                | #4= 10100100,011   | #5= -36,375 |             |
|                                    | #6= 10000100,110                            | 11111011,010   | -123,25     |             |
| 00101101,101                       | #7= 00101101,101                            | 00101101,101   | 45,625      | #8=2D,A     |

### Explication du résultat Pour :

#1 = #2 = #3 = 0100 1100, 0110 (4C,6)

$C2(11011011,101) = C1(11011011,101) + 0,001 = ?$

$00100100,010 + 0,001 = 00100100,011$

#4 : On trouve la valeur positive en binaire en faisant le complément à 2 :

On place le bit le plus significatif à 1 pour indiquer que c'est une valeur négative

10100100,011

#5 =  $-1 * 2^7 + 1 * 2^6 + 1 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0 + 1 * 2^{-1} + 1 * 2^{-2}$

$= -128 + 64 + 16 + 8 + 2 + 1 + 0,5 + 0,125 = -36,375$

Où :  $1 * 2^5 + 1 * 2^2 + 1 * 2^{-2} + 1 * 2^{-3} = 32 + 4 + 0,25 + 0,125 = -36,375$

#6 : La Valeur positive en binaire en enlevant le bit de signe du binaire signé :

Valeur positive = 0111011,010

Le Complément à 2 de cette valeur :  $C2(0111011,010) = C1(0111011,010) + 0,001 =$

$10000100,101 + 0,001 = 10000100,110$

#7 = 00101101,101

#8 = 2D,A => (00101101,1010)

## EXERCICE 02 :

A- Quelles sont les valeurs des nombres suivant représentés en virgule flottant en standard IEEE 754 simple précision :

Réponse :

a) 1011 1101 0100 0000 0000 0000 0000 0000 => -0.046875

b) 0101 0101 0110 0000 0000 0000 0000 0000 =>  $1.539 * 10^{13}$

c) 1100 0001 1111 0000 0000 0000 0000 0000 => -30

d) 0011 1010 1000 0000 0000 0001 0100 0010 => 0.0009766

B- Donner la valeur décimale du nombre représenté par :  $(44 DF A4 8A)_{16}$  en standard IEEE 754.

Réponse :

$(44 DF A4 8A)_{16} => 1789,141$

C- Série d'exercices :

1-Simplifier les expressions suivantes :

Réponse :

$$S_1 = \overline{A.B} + \overline{A.B} = A \oplus B \mid S_2 = \overline{A} + B = \overline{A.B} \mid S_3 = A + C \mid S_4 = A.B + C + D \mid S_5 = A(B + \overline{C}) \mid S_6 = \overline{B}(A + \overline{C})$$

2-Calculer les compléments de S1, S5, S6 et les simplifier :

Réponse :

$$\overline{S_1} = \overline{A.B} + \overline{A.B} = A \oplus B \quad | \quad \overline{S_5} = \overline{A} + \overline{B.C} \quad | \quad \overline{S_6} = B + \overline{A.C}$$

3-Donner les équations des fonctions S1, S5 et S6 en n'utilisant que des portes NAND à 2 entrées puis en n'utilisant que des portes NOR à 2 entrées. Tracer les logigrammes de S1, S5 et S6, et préciser le nombre de portes nécessaires dans chaque cas et en déduire la meilleure solution.

Réponse :

$$S_1 = \overline{A.B} + \overline{A.B} = \overline{A+B} + \overline{A+B} \quad | \quad S_5 = \overline{A.B.C} = \overline{A+B+C} \quad | \quad S_6 = \overline{B.A.C} = \overline{B+A+C}$$

| Précisions du nombres de Portes | NAND à 2 entrées | NOR à 2 entrées |
|---------------------------------|------------------|-----------------|
| S <sub>1</sub>                  | 5                | 5               |
| S <sub>5</sub>                  | 4                | 4               |
| S <sub>6</sub>                  | 5                | 3               |

## PROBLEME

### Partie A : Résolution du Problème Logique

#### 1.Définition des entrées-sorties :

Réponse :

On a : Deux entrées x, y et deux sorties A et B  
x=0 si a+b ≤ 7 tonnes  
x=1 si a+b ≥ 7 tonnes  
y=0 si a>b  
y=1 si a≤b

#### 2.Table de vérité :

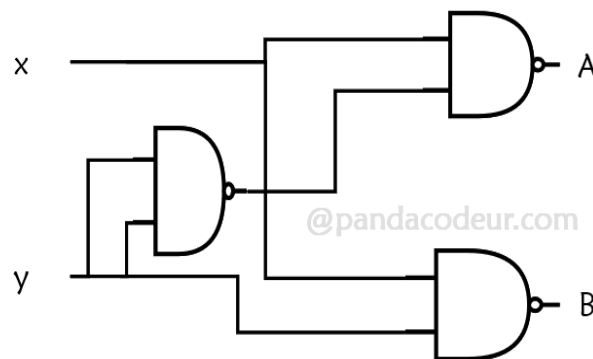
| x | y |  | A | B |
|---|---|--|---|---|
| 0 | 0 |  | 1 | 1 |
| 0 | 1 |  | 1 | 1 |
| 1 | 0 |  | 0 | 1 |
| 1 | 1 |  | 1 | 0 |

3 Equation Logique : Nb → On utilise la deuxième forme normale (puisque'on n'en a qu'un seul max terme pour les deux sorties):

Réponse :

$$A = \overline{x} + y \mid B = \overline{x} + \overline{y}$$

4 Schéma Logique avec des Portes NAND: Nb → On utilise le *Théorème de De Morgan*.



Partie B:

### ➤ Demi-SOUSTRACTEUR

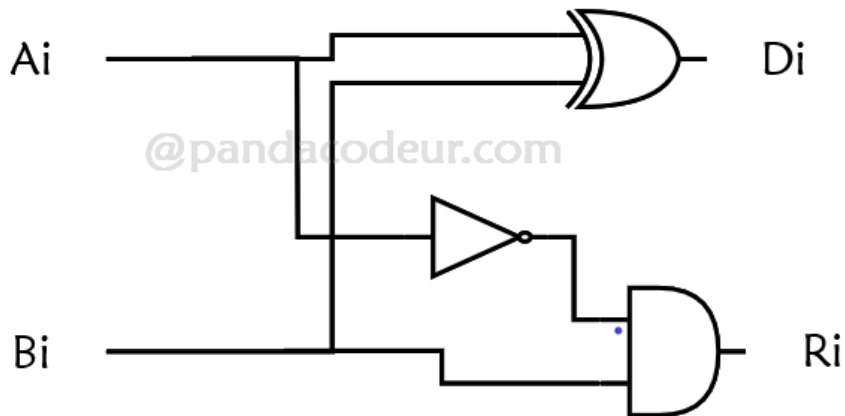
1) Table de vérité :

| Ai | Bi |  | Di | Ri |
|----|----|--|----|----|
| 0  | 0  |  | 0  | 0  |
| 0  | 1  |  | 1  | 1  |
| 1  | 0  |  | 1  | 0  |
| 1  | 1  |  | 0  | 0  |

2) Donner Les équations de sortie :

$$Di = Ai \oplus Bi \mid Ri = \overline{Ai} \cdot Bi$$

3) Etablir le schéma Logique :



## ➤ Soustracteur Complet

1) Table de vérité de Di & Ri

| Ri+1 | Ai | Bi |  | Di | Ri |
|------|----|----|--|----|----|
| 0    | 0  | 0  |  | 0  | 0  |
| 0    | 0  | 1  |  | 1  | 1  |
| 0    | 1  | 0  |  | 1  | 0  |
| 0    | 1  | 1  |  | 0  | 0  |
| 1    | 0  | 0  |  | 1  | 1  |
| 1    | 0  | 1  |  | 0  | 1  |
| 1    | 1  | 0  |  | 0  | 0  |
| 1    | 1  | 1  |  | 1  | 1  |

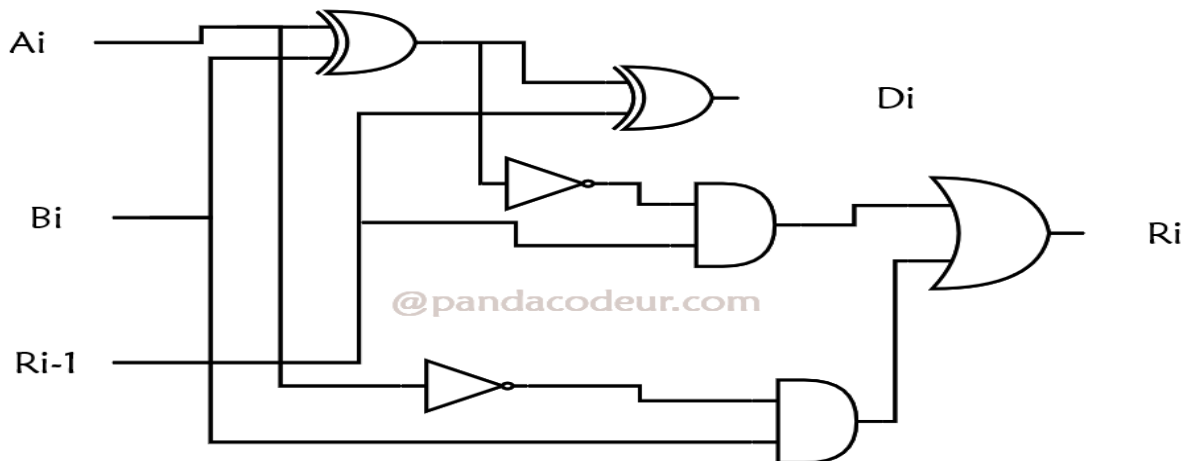
2) Table de Karnaugh + équations simplifiées de Di et Ri :

| Pour Di |   |   | GROUPE<br><br>GENIUS<br><br>REPETITION | Pour Ri |   |   |
|---------|---|---|--|---------|---|---|
| Ri+1    |   |   |  | Ri+1    |   |   |
| AiBi    | 0 | 1 |  | AiBi    | 0 | 1 |
| 00      | 0 | 1 |  | 00      | 0 | 1 |
| 01      | 1 | 0 |  | 01      | 1 | 1 |
| 11      | 0 | 1 |  | 11      | 0 | 1 |
| 10      | 1 | 0 |  | 10      | 0 | 0 |

$$Di = (Ai \oplus Bi) \oplus Ri-1$$

$$Ri = Ai \cdot Bi + Ri-1 (Ai \oplus Bi)$$

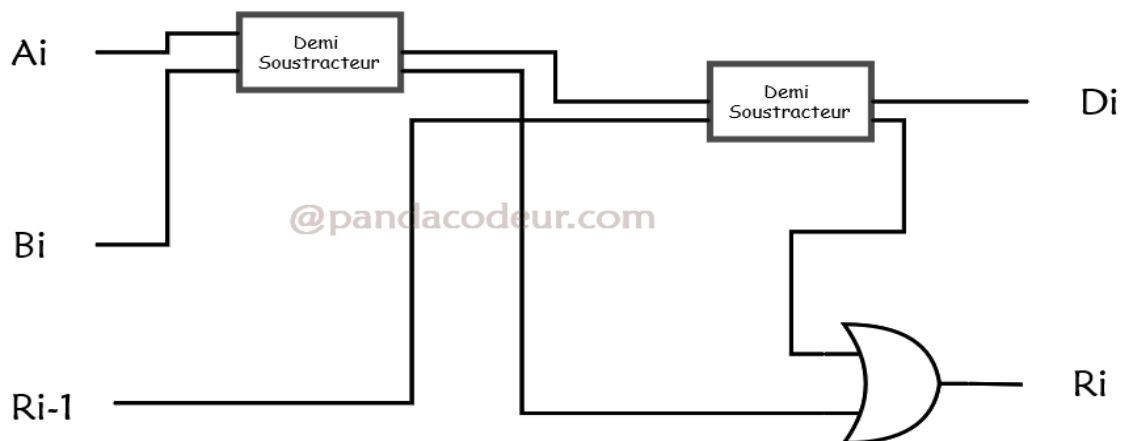
### 3) Schéma du Soustracteur Complet :



### 4) Réalisation d'un soustracteur binaire Complet selon 02 modes :

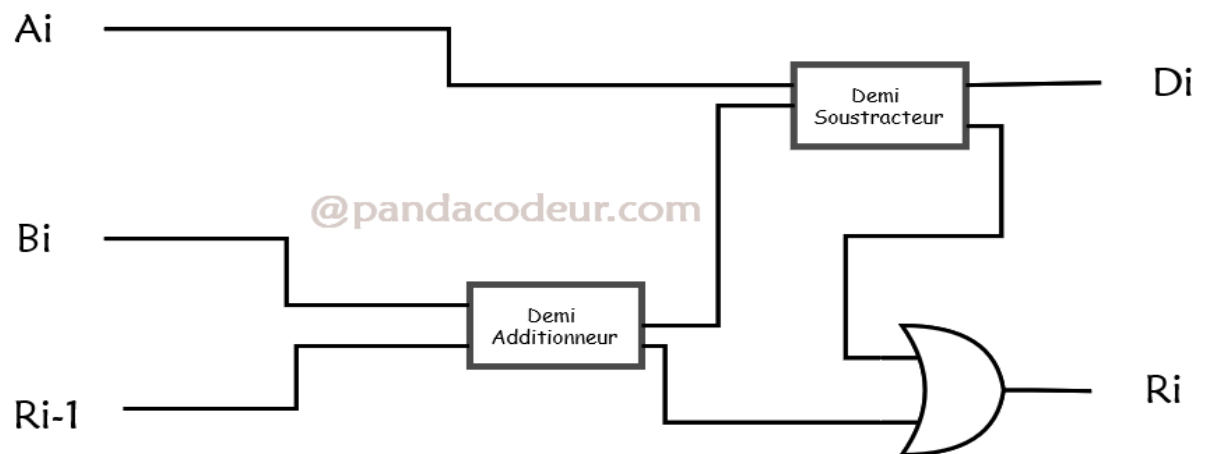
#### 4-a Avec 02 demi-SOUSTRACTEURS :

Pour le faire : Il faut Retrancher  $A_i$  de  $B_i$  (du 1er demi-soustracteur) , Puis retrancher  $R_{i-1}$  de la différence obtenue. Hehe ( ; ) un schéma pour comprendre cela :



#### 4-b Avec 01 demi-SOUSTRACTEURS & 01 demi-Additionneurs :

Bah Pour le faire : Additionner  $B_i$  et  $R_{i-1}$  avec un demi-additionneur (DA) (cette opération peut évidemment engendrer une retenue) Puis on retranche le résultat obtenu de  $A_i$ . Hehe ( ; ) un schéma pour comprendre cela :



### ➤ Additionneur-Soustracteur :

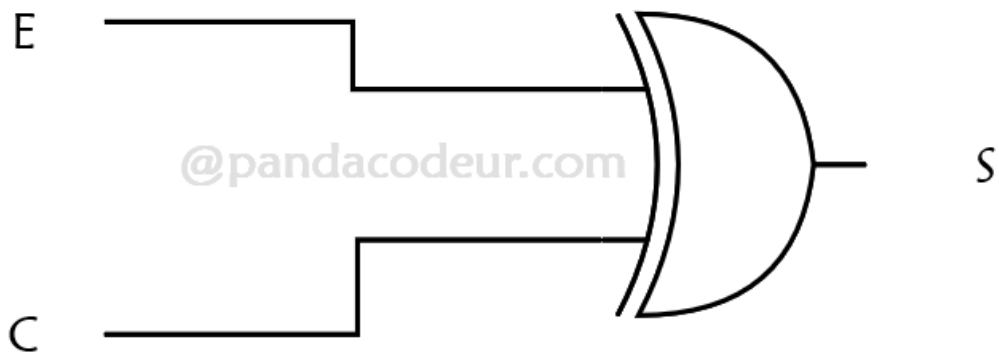
1) Réalisons Ce circuit :

a) Table de vérité :

| C | E |  | S |
|---|---|--|---|
| 0 | 0 |  | 0 |
| 0 | 1 |  | 1 |
| 1 | 0 |  | 1 |
| 1 | 1 |  | 0 |

b) Equations :  $S = C \oplus E$

c) schéma :

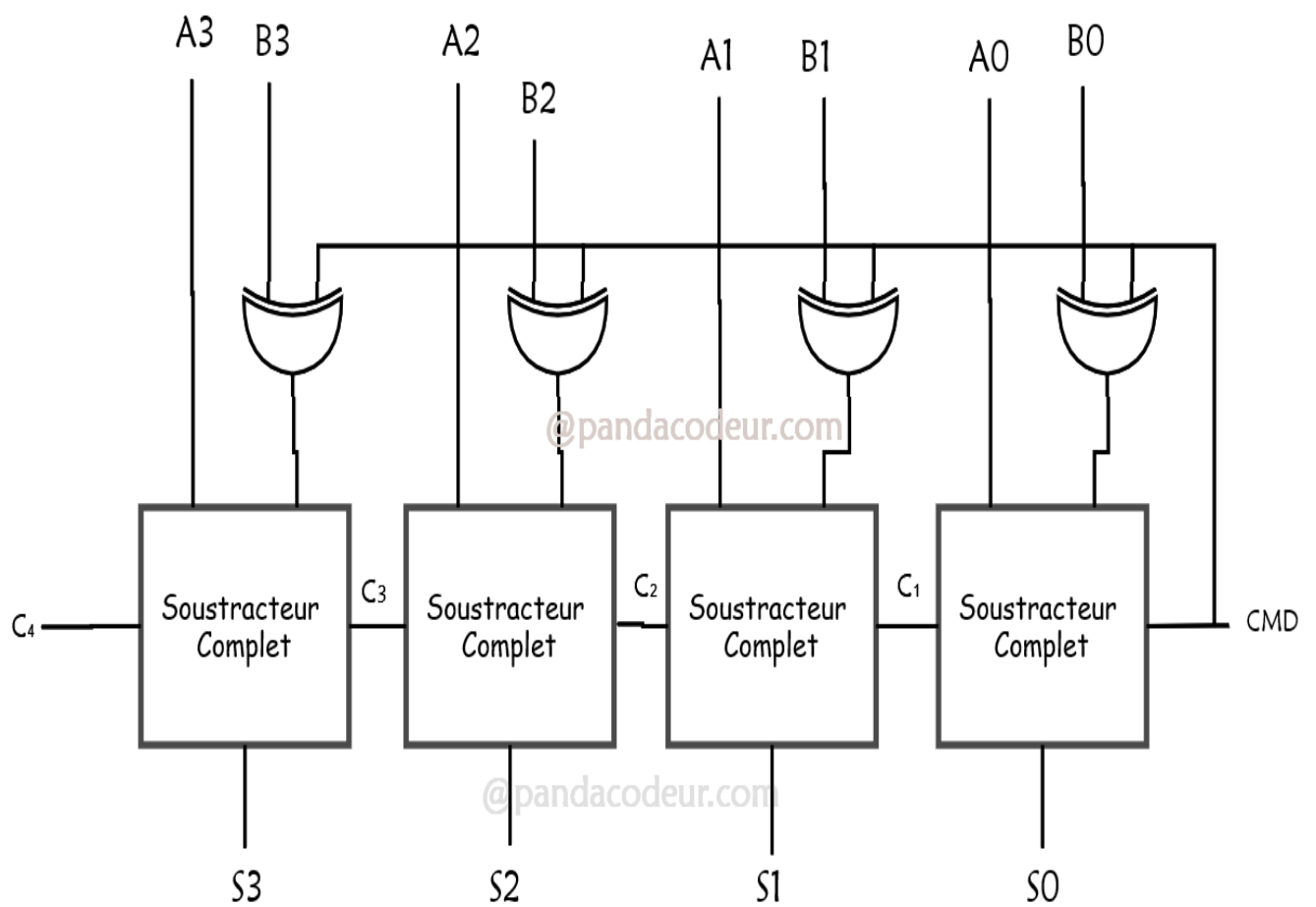


2) Réalisons ce circuit conventionnelle :

Explication :

Pour calculer la différence  $A - B$  de deux nombre signés  $A$  et  $B$ , on utilise un circuit qui calcule d'abord l'opposé  $-B$  de  $B$  puis effectue la somme de  $A$  avec  $-B$  grâce à un Additionneur. Le calcul de  $-B$  est réalisé en prenant la négation de  $B$  bit à bit puis en Ajoutant 1 au résultat obtenu. Ce dernier 1 est en fait ajouté directement à la somme de  $A$  et  $-B$  en l'injectant comme retenue  $C0$  à l'additionneur. Le circuit ci-dessous effectue une somme ou une différence suivant la valeur de la commande  $CMD$ . Si  $Cmd$  vaut 0, le circuit calcule la somme  $A + B$ . Si, au contraire,  $Cmd$  vaut 1, le circuit calcule la différence  $A - B$ . En effet, chacune des portes xor effectue la négation ou non d'une entrée  $B_i$  suivant la valeur de  $CMD$ .





Contact WhatsApp : +237 658395978 | Réaliser Par Joël\_yk