



# Conteúdo

1. Introdução
2. Listas
3. Pilhas e Filas
4. Árvores
5. Árvores de Pesquisa
  - Árvore Binária e Árvore AVL
  - Árvore N-ária e Árvore B
6. Tabelas de Dispersão (Hashing)
7. Métodos de Acesso a Arquivos
8. Métodos de Ordenação de Dados





# Pilhas



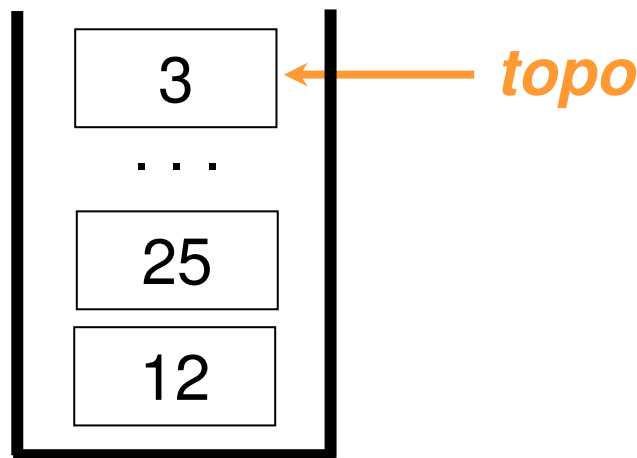


# Pilha

**PILHA:** lista linear cujas inserções e exclusões se realizam em uma única extremidade (topo da lista).

O último elemento colocado na pilha fica no topo.

O elemento retirado da pilha é sempre o elemento do topo da pilha.

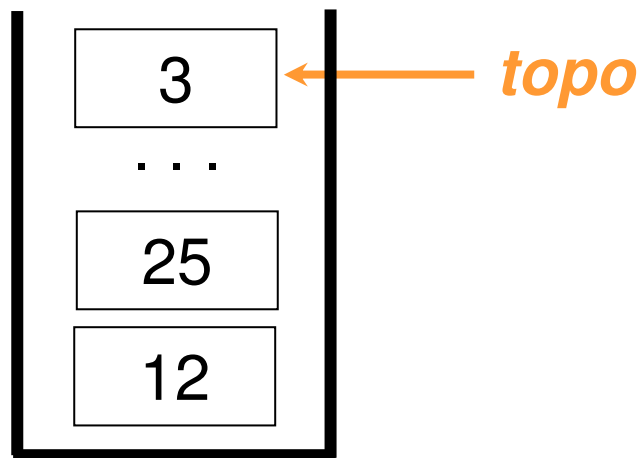


# Pilha

⇒ Uma pilha contém:

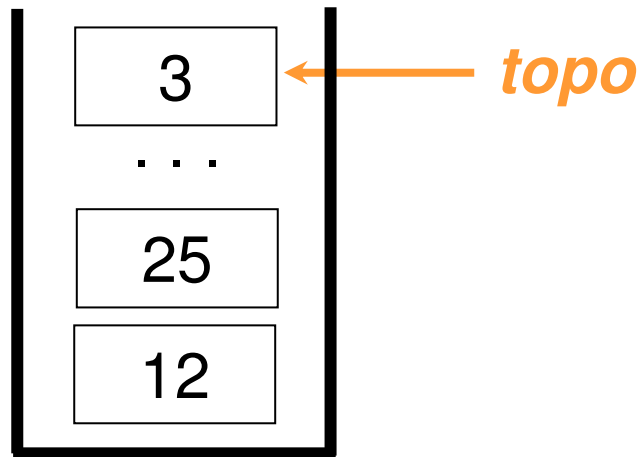
- um método para inserir elementos na pilha (empilha)
- um método para retirar elementos da pilha (desempilha)
- um método para acessar o topo da pilha (retornaTopo)

⇒ As pilas são conhecidas como listas LIFO (Last In First Out) - último que entra, primeiro que sai.

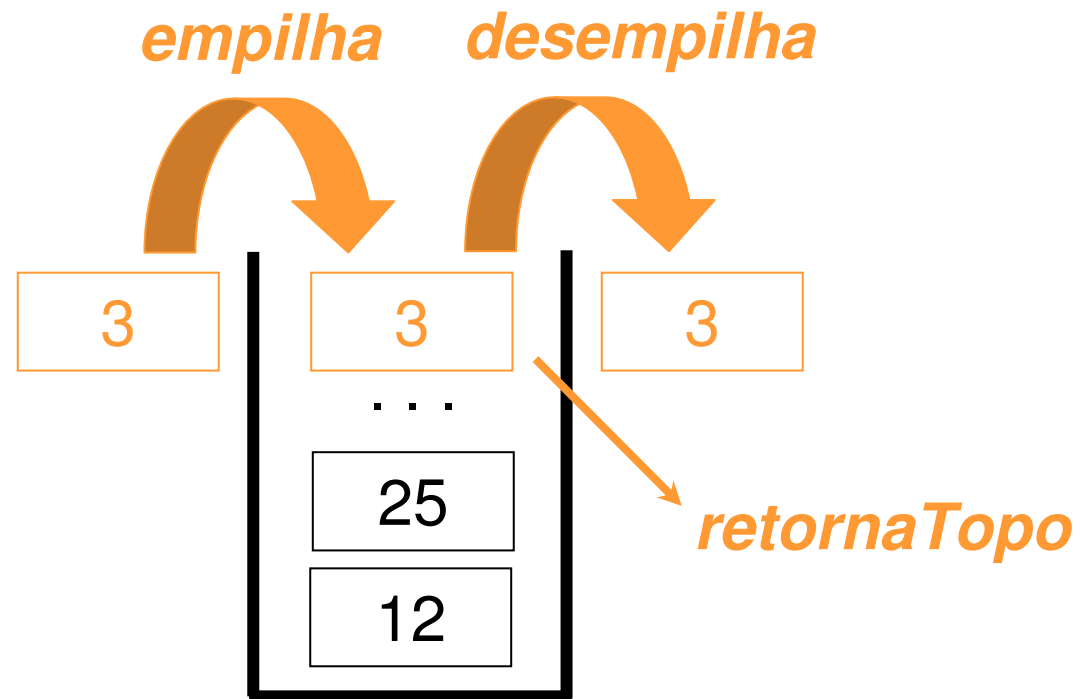


# Exemplos de Pilhas

- Pilha de livros
- Pilha de caixas
- Pilha de “objetos” quaisquer, ...



# Operações sobre uma Pilha



**LIFO:** “last-in; first-out”



# Interface da Pilha

```
public interface Pilha<E> {  
    ???  
}
```





## Interface da Pilha

```
public interface Pilha<E> extends EstruturaDeDados {  
  
    public void empilha (E elemento);  
    public E desempilha () throws ExcecaoEstruturaVazia;  
    public E topo () throws ExcecaoEstruturaVazia;  
    public boolean contem (E elemento);  
    public int retornaPosicao (E elemento);  
}
```

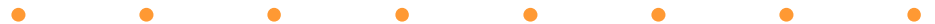






## Alternativas de Implementação

- Pilha como Array
- Pilha como Lista Encadeada





## Pilha como Array

Considere a pilha como uma estrutura linear representada através de um array com N posições.

Uma pilha tem um atributo topo que indica a posição do topo da pilha no array.

	0	1	2	3	4	5	...	N-1
<i>Pilha:</i>	14	32	7	25	1		...	

Onde deve ficar o topo da pilha?

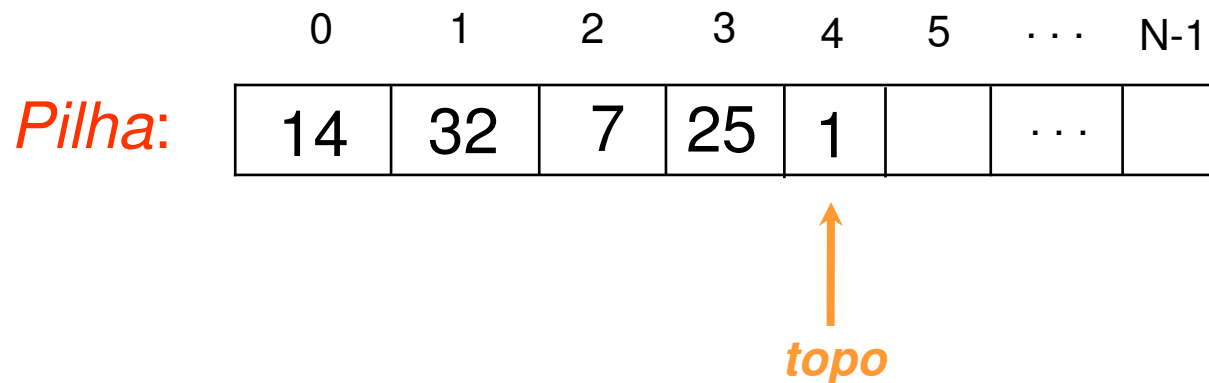




## Pilha como Array

Considere a pilha como uma estrutura linear representada através de um array com N posições.

Uma pilha tem um atributo topo que indica a posição do topo da pilha no array.



## Pilha como Array - Construtor

```
public class PilhaArray<E> implements Pilha<E> {  
    private E[] elementos;  
    private int numElementos;
```

a partir do numElementos  
sabemos qual é o topo

```
    public PilhaArray (int tamanho) {  
        this.elementos = (E[]) new Object[tamanho];    }
```

```
    public PilhaArray () {  
        this.elementos = (E[]) new Object[10];    }
```

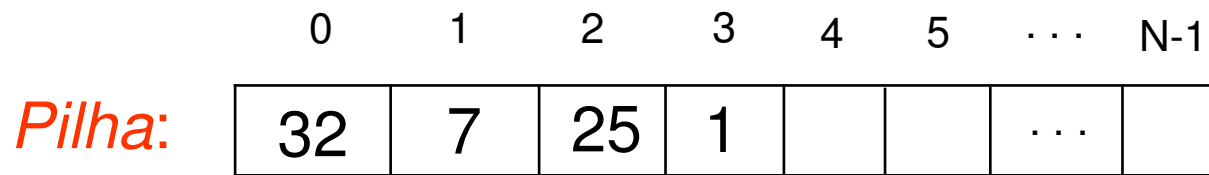
**Complexidade:  $O(?)$**

```
    ...
```

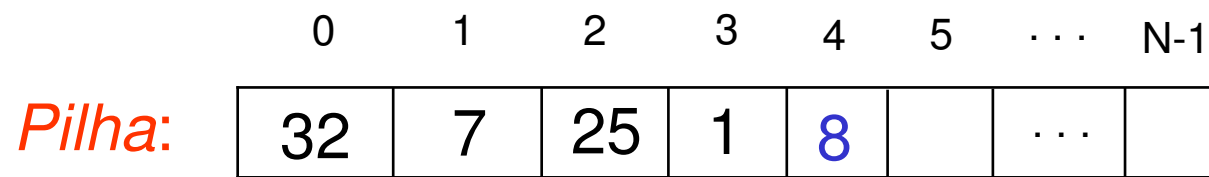
```
}
```

•  
•  
•

## Pilha como Array - Empilha



↑  
*topo = numElementos-1*



↑  
*topo = numElementos-1*



• • • • • • • •



## Pilha como Array - Empilha

```
public void empilha (E elemento) {
```

```
    ???
```

```
}
```





## Pilha como Array - Empilha

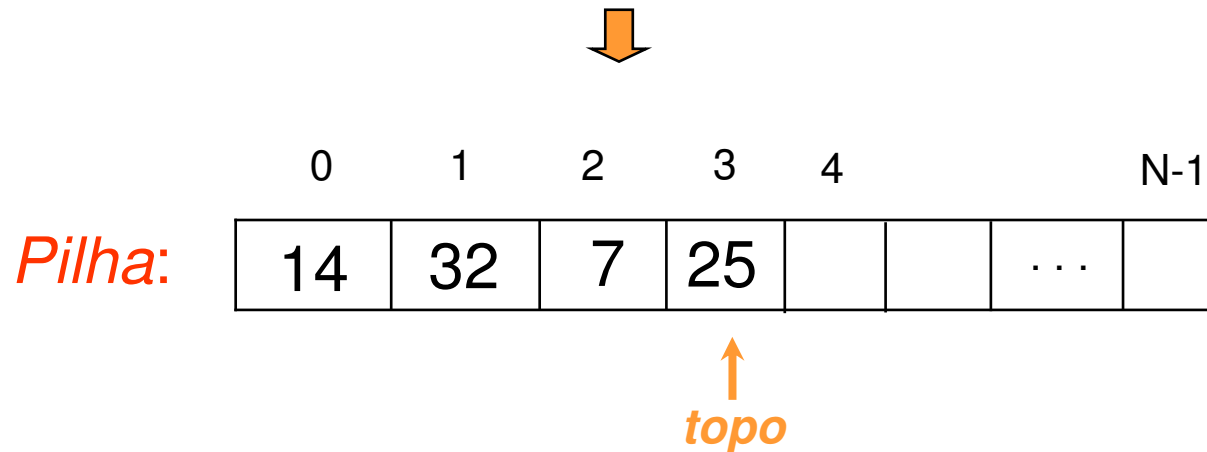
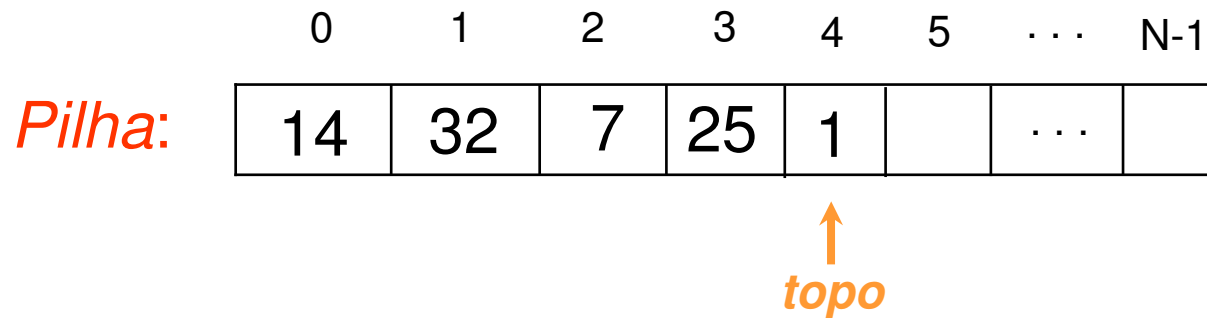
```
public void empilha (E elemento) {  
    if (this.numElementos == this.elementos.length) {  
        E[] novoArray = (E[]) new Object[this.elementos.length * 2];  
        System.arraycopy(elementos,0,novoArray,0,this.elementos.length);  
        this.elementos = novoArray;  
    }  
    this.elementos[this.numElementos] = elemento;  
    this.numElementos++;  
}
```

**Complexidade:  $O(?)$**



•  
•  
•

## Pilha como Array - Desempilha

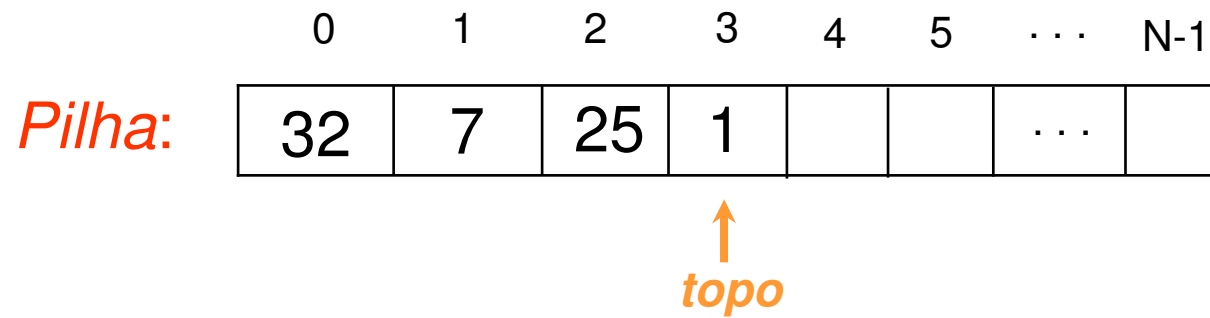


• • • • • • • •



⋮

## Pilha como Array - Topo

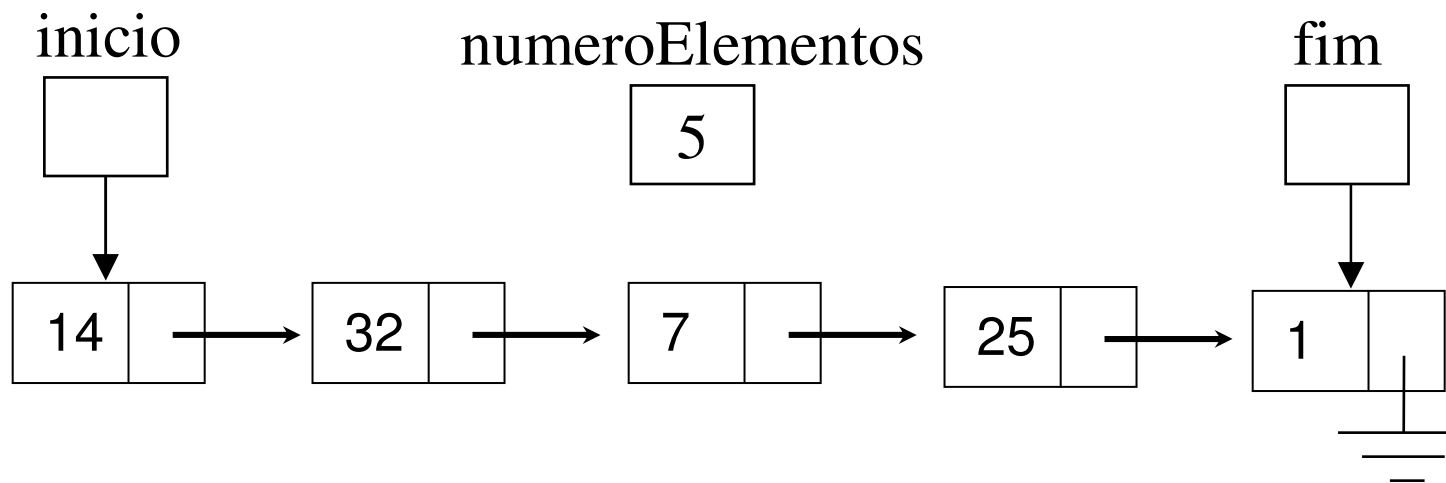


⇒ ***Topo = 3***



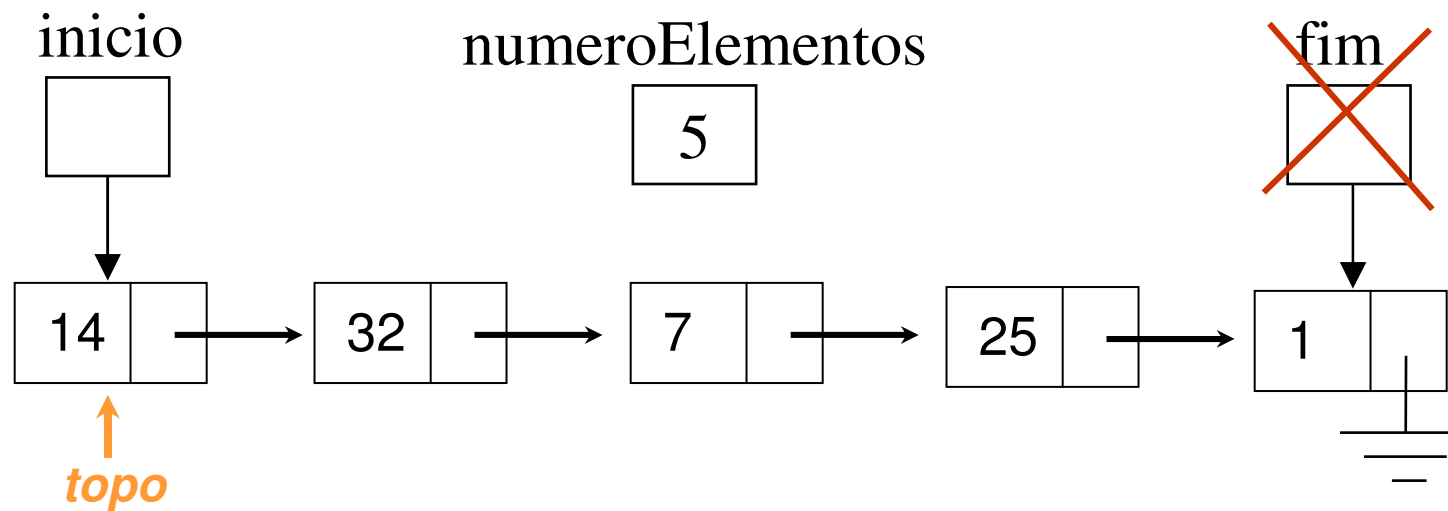
⋮

# Pilha Encadeada



Onde deve ficar o topo da pilha?

# Pilha Encadeada



Onde deve ficar o topo da pilha?



## Pilha Encadeada - Construtor

```
public class PilhaEncadeada<E> implements Pilha<E> {  
    private Nodo inicio;  
    private int numElementos;
```

```
    public PilhaEncadeada() {  
        this.inicio = null;  
        this.numElementos = 0;  
    }
```

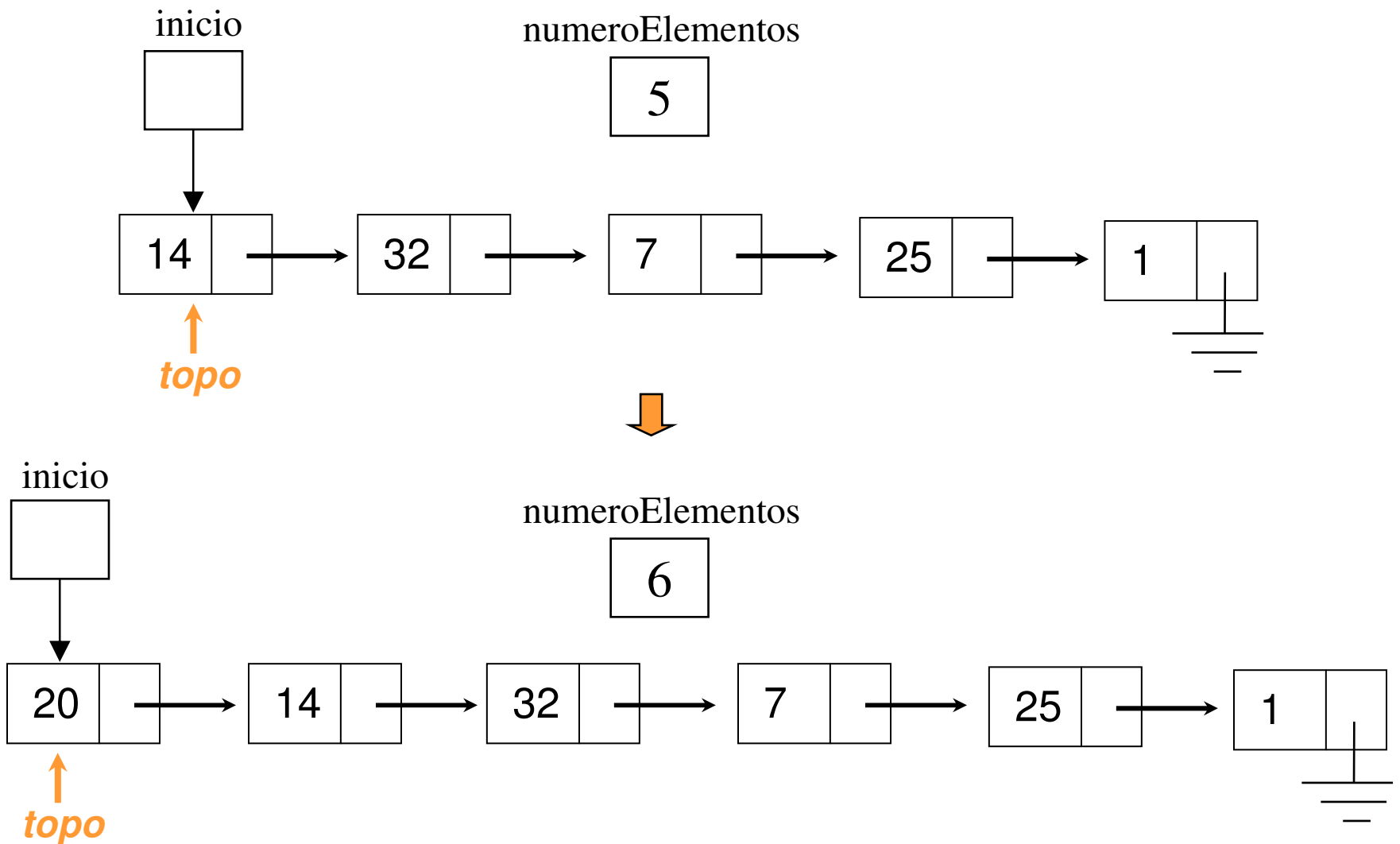
```
    ...
```

```
}
```

**Complexidade:  $O(1)$**



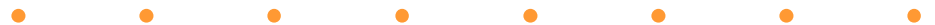
# Pilha Encadeada - Empilha





# Pilha Encadeada - Empilha

```
public void empilha (E elemento) {  
    ???  
}
```





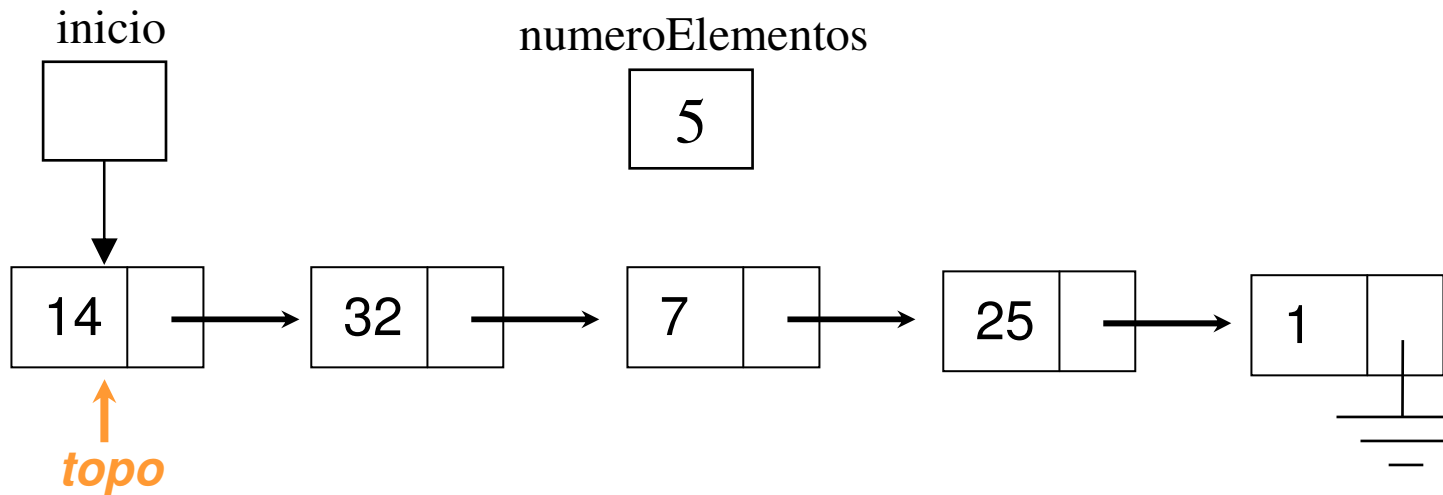
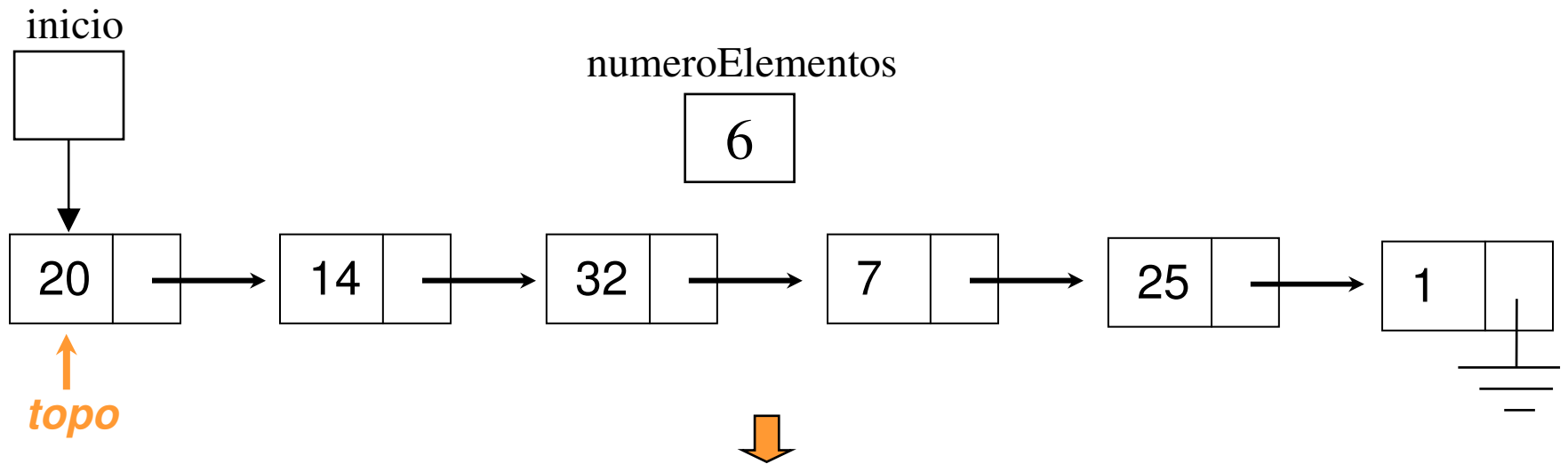
## Pilha Encadeada - Empilha

```
public void empilha (E elemento) {  
    Nodo nodo = new Nodo (elemento);  
    nodo.atribuiProximo (this.inicio);  
    this.inicio = nodo;  
    this.numElementos++;  
}
```

**Complexidade:  $O(?)$**

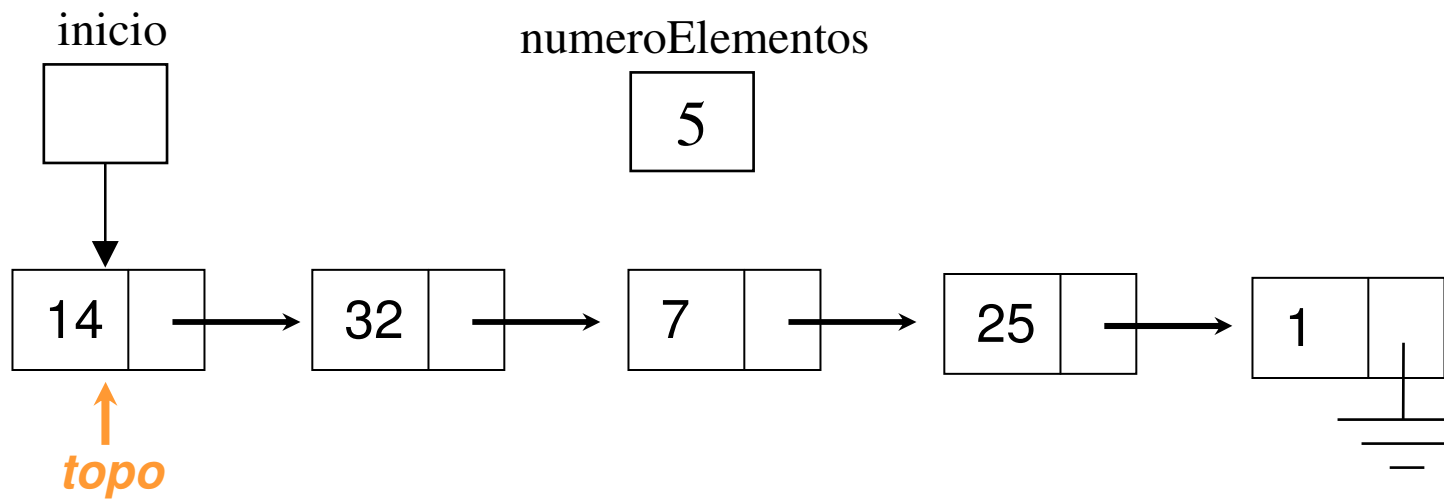


# Pilha Encadeada - Desempilha





# Pilha Encadeada - Topo



⇒ **Topo = 14**