

Criptografia

por Chave Pública

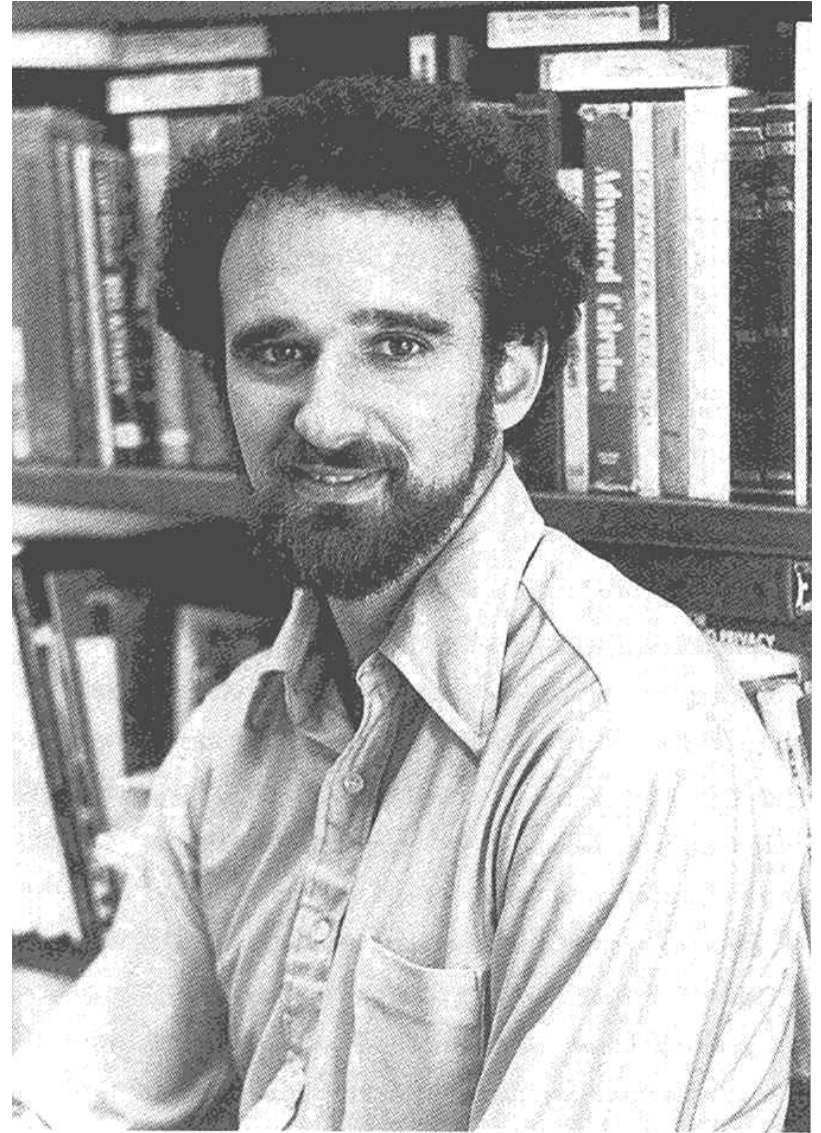
Diffie e Hellman

Diffie



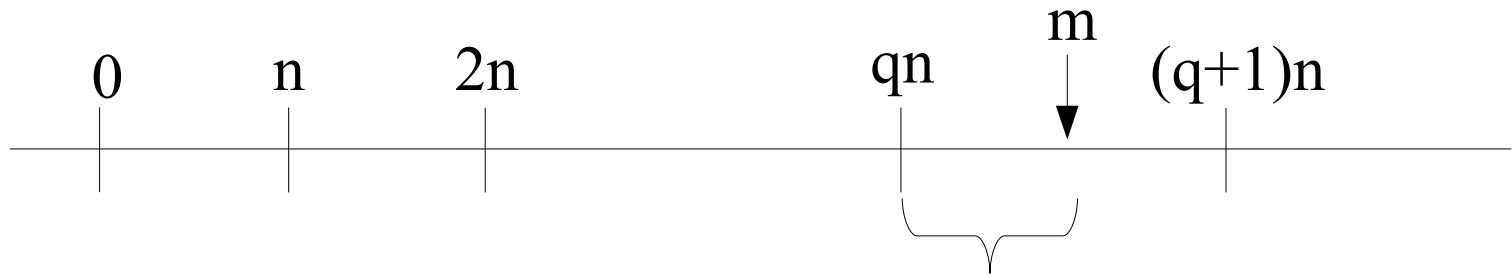
1976

Hellman



Divisão de Inteiros

$$\begin{array}{r} m \overline{) n} \\ r \quad q \end{array}$$



Aritmética Modular

Dois inteiros **a** e **b** são congruentes módulo **n** se

$$(a \bmod n) = (b \bmod n)$$

ou

$$a \equiv b \bmod n$$

Exemplo:

$$73 \equiv 4 \bmod 23;$$

$$21 \equiv -9 \bmod 10$$

Raiz Primitiva e Logaritmo Discreto

q - Número Primo

$\alpha < q$ - raiz primitiva de q

Raiz Primitiva a :

$\{a \bmod p, a^2 \bmod p, \dots, a^{p-1} \bmod p\}$ são distintos e consistem dos inteiros de 1 a $p-1$

Logaritmo Discreto i :

$b = a^i \bmod p$, onde $0 \leq i \leq (p-1)$
 $\text{ind}_{a,p}(b)$

Exercício

Calcular as raízes primitivas de 7

a	a^2	a^3	a^4	a^5	a^6
1					
2					
3					
4					
5					
6					

Troca de Chaves por Diffie-Hellman

q - Número Primo, $\alpha < q$ - raiz primitiva de q

A

Gera Randômico

$$X_A < q;$$

Calcula

$$Y_A = \alpha^{X_A} \bmod q$$

Calcula

$$K = (Y_B)^{X_A} \bmod q$$

B

Gera Randômico

$$X_B < q;$$

Calcula

$$Y_B = \alpha^{X_B} \bmod q$$

Calcula

$$K = (Y_A)^{X_B} \bmod q$$

Exemplo

