

PAA

JEFFERSON GONÇALVES NORONHA SORIANO - 471110

A) VERDADEIRO.  $F(n) \in O(G(n))$  ABUSANDO DA LINGUAGEM PODEMOS SUBSTITUIR  $\in$  POR

$=$ ,  $F(n) = O(G(n))$  SIGNIFICANDO QUE  $F(n)$  PODE SER MENOR OU IGUAL

A  $G(n)$ , USANDO A DEFINIÇÃO DE  $O$ , TEMOS

$$F(n) \leq c \cdot G(n)$$

SUPONDO  $c = 1$  E  $n = 4$

$$F(4) \leq 1 \cdot G(4)$$

$$F(4) \leq G(4)$$

OU SEJA  $F(n)$  SÓ PODE  
SER NO MÁXIMO IGUAL  
A  $G(n)$

A IMPLICAÇÃO É QUE  $G(n) \in O(F(n))$ , TEMOS

$$G(n) \leq c \cdot F(n)$$

SUPONDO  $c = 1$   $n = 4$

$$G(4) \leq 1 \cdot F(4)$$

$$G(4) \leq F(4),$$

OU SEJA  $G(n)$  SÓ PODE  
SER NO MÁXIMO IGUAL A  $F(n)$ ,

ASSIM PROVANDO QUE É VERDADEIRO

B) FALSO, O  $\Theta$  DIZ QUE AS FUNÇÕES CRESCEM DE FORMA EQUIVALENTE  
ENTÃO  $F(n) + G(n) = \Theta(\min(F(n), G(n)))$ , SE UM LADO CRESCE DE  
FORMA QUADRÁTICA O OUTRO LADO TAMBÉM TEM QUE CRESCER DE  
FORMA QUADRÁTICA, ABUSANDO DA LINGUAGEM, VAMOS SUBSTITUIR O  $\in$   
POR  $=$ , FICANDO EQUIVALENTE, ASSIM TENDO,  $F(n) + G(n) = \Theta(\min(F(n), G(n)))$   
USANDO A DEFINIÇÃO DE  $\Theta$

$$C \cdot \min(F(n), G(n)) \leq F(n) + G(n) \leq C \cdot \min(F(n), G(n))$$

SUPONDO  $C=1$ ,  $n=4$

$$1 \cdot \min(F(4), G(4)) \leq F(4) + G(4) \leq 1 \cdot \min(F(4), G(4))$$

$$1 \cdot 4 \leq 4 + 4 \leq 1 \cdot 4$$

$$4 \leq 8 \leq 4, \text{ TORNANDO FALSA, JA QUE N\~AO S\~AO IGUAIS.}$$

c) VERDADEIRO, TEMOS  $F(n) \in O(g(n)) \rightarrow 2^{F(n)} \in O(2^{g(n)})$ , NA PRIMEIRA PARTE DA IMPLICAÇÃO DIZ QUE  $F(n) \leq G(n)$ , E NA SEGUNDA PARTE ELE VAMOS 2 A ESSA FUNÇÕES TENTO  $2^{F(n)} \in O(2^{G(n)})$ , USANDO A DEFINIÇÃO DE  $O$ , TEMOS:

$$2^{F(n)} \leq c \cdot 2^{G(n)}$$

SUPONDO  $c = 1$  E  $n = 4$

$$2^{F(4)} \leq 1 \cdot 2^{G(4)}$$

$2^{F(4)} \leq 2^{G(4)}$ , ENTÃO  $F(n)$  SO PODERAR SER MENOR OU IGUAL

A  $G(n)$ , O MESMO VALE PARA  $2^{F(n)} \leq 2^{G(n)}$

D) VERDADEIRO.  $F(n) \in O(F(n)^2)$ , DIZ QUE  $F(n)$  É MENOR OU IGUAL A  $F(n)^2$ , USANDO A DEFINIÇÃO DO O, TEMOS

$$F(n) \leq c \cdot F(n)^2$$

$$\text{SENDO } c=1, n=4$$

$$F(4) \leq 1 \cdot F(4)^2$$

$$F(4) \leq F(4) \cdot F(4)$$

$$4 \leq 4 \cdot 4$$

$$4 \leq 16, F(n) \text{ SEMPRE SERA MENOR OU IGUAL } F(n)^2$$

02)

MULTIMATRIZ(A[ ][ ], K): //  $A_{n \times n}$

SE  $K == 1$ :

RETORNA A

AUX  $\leftarrow$  MULTIMATRIZ(A,  $K/2$ )

C  $\leftarrow$  ALOCA MATRIZ(n)(n)

PARA i DE 0 ATE n:

PARA j DE 0 ATE n:

PARA x DE 0 ATE n:

$C[i][j] += \text{AUX}[i][x] * \text{AUX}[x][j]$

SE  $K \% 2 == 1$ : // SE FOR IMPAR

PARA x DE 0 ATE n:

$C[i][j] += \text{AUX}[i][x] * A[x][j]$

RETORNA C

ANALISANDO O PIOR CASO

## ANALISANDO O PIOR CASO

VAMOS COMEÇAR ANALISANDO OS LAÇOS DENTRO DA FUNÇÃO, TEMOS UM LAÇO ANINHADO COM OUTRO LAÇO QUE ESTA ANINHADO COM OUTRO LAÇO MAIS OUTRO LAÇO SE O QUE ESTAMOS ANALISANDO É IMPAR E NO PIOR CASO SEMPRE ENTRA, TODOS OS LAÇOS VARIAM EM FUNÇÃO DE  $n$ , OS LAÇOS QUE ESTÃO ANINHADOS, MULTIPLICAMOS UM POR OUTRO ENTÃO TEMOS

$$n \cdot n \cdot (n + n)$$

$$n \cdot n \cdot 2n$$

$$\boxed{2n^3}, \text{ TEMOS } O(n^3)$$

AGORA VAMOS ANALISAR A CHAMADA RECURSIVA SOMANDO COM  $O(n^3)$ , TEMOS

$$\begin{cases} T(1) = 1 \\ T(n) = T(n/2) + n^3 \end{cases}$$



$T(n/2)$  É A CHAMADA RECURSIVA E O  $n^3$  É A ANÁLISE DE COMPLEXIDADE

QUE ACABAMOS DE CALCULAR, DOS LAÇOS ANINHADOS, VAMOS CALCULAR

$$T(n) = T(n/2) + n^3$$

$$T(n) = T(T(n/4) + (n/2)^3) + n^3$$

$$T(n) = T(T(T(n/8) + (n/4)^3) + (n/2)^3) + n^3 = 2^k (n/2^k) + 3n^3$$

$$T(n) = T(T(T(T(n/16) + (n/8)^3) + (n/4)^3) + (n/2)^3) + n^3 = 2^k (n/2^k) + 4n^3$$

⋮

$$2^k F(n/2^k) + k \cdot n^3$$

$$n/2^k = 1$$

$$n = 2^k$$

$$k = \log_2 n, \text{ ENTÃO } 2^{\log_2 n} F(1) + \log_2 n \cdot n^3$$

$$n \cdot 1 + \log_2 n \cdot n^3$$

$$\boxed{n + \log_2 n \cdot n^3}$$

LOGO TEMOS QUE A COMPLEXIDADE É  $O(n^3 \cdot \log n)$

03) FAIXA/MAXIMA(A, n):

VEC  $\leftarrow$  ALOCA VETOR (n)

PARA x DE 0 ATÉ n:

VEC[x] = A<sub>px</sub> + A<sub>cx</sub> // VEC VAI RECEBER A SOMA DE GOLS FEITOS  
+  
GOLS SOFRIDOS  
(A DUPLA (P<sub>x</sub>, C<sub>x</sub>))

MAXIMO  $\leftarrow$  0

INICIO  $\leftarrow$  0

FIM  $\leftarrow$  -1

i  $\leftarrow$  1

SOMA  $\leftarrow$  0

PARA F  $\leftarrow$  1 ATÉ n:

SE (SOMA + VEC[F] < 0):

i  $\leftarrow$  F + 1

SOMA  $\leftarrow$  0

SENÃO:

SOMA += VEC[F]

SE (SOMA > MAXIMO):

MAXIMO  $\leftarrow$  SOMA

INICIO  $\leftarrow$  i

FIM  $\leftarrow$  F

RETORNA INICIO, FIM

ANALISE DE PIOR CASO:



## ANALISE DE PIOR CASO:

VAMOS ANALISAR OS CICLOS PORQUE ELE VAI TER A MAIOR INFLUENCIA NA ANALISE DE COMPLEXIDADE, TEMOS 2 CASOS NAO ANINHADOS QUE VARIAM EM TORNO DE  $n$ , ENTÃO

$$n + n$$

$2n$ , LOGO A COMPLEXIDADE É  $O(n)$

04) MAIORSUBPOLINDROMA( $X, n$ )

VEC  $\leftarrow$  ALOCA MATRIZ  $(n+1)(n+1)$

AUX  $\leftarrow$  STRING

PARA  $k$  DE 0 ATÉ  $n$ :

AUX[ $k$ ]  $\leftarrow$  X[ $n-k-1$ ] // AUX STRING REVERSA DA STRING X

PARA  $i$  DE 0 ATÉ  $n$ :

PARA  $j$  DE 0 ATÉ  $n$ :

SE ( $i == 0$  ou  $j == 0$ ):

VEC[ $i$ ][ $j$ ]  $\leftarrow$  0

SE NÃO SE ( $X[i-1] == \text{AUX}[j-1]$ ):

VEC[ $i$ ][ $j$ ]  $\leftarrow$  VEC[ $i-1$ ][ $j-1$ ] + 1

SENÃO:

VEC[ $i$ ][ $j$ ]  $\leftarrow$  MAX(VEC[ $i-1$ ][ $j$ ], VEC[ $i$ ][ $j-1$ ])

RETORNA VEC[ $n$ ][ $n$ ]

ANALISE DE PIOR CASO

## ANALISE DE PIOR CASO

VAMOS ANALISAR OS LAÇOS TEMOS UM LAÇO QUE VARIA EM FUNÇÃO DE  $n$ , DEPOIS TEMOS 2 LAÇOS ANINHADO VARIANDO EM FUNÇÃO DE  $n$ , QUANDO É ANINHADO MULTIPLICAMOS  $n \times n$ , ENTÃO TEMOS

$$n + n \cdot n$$

$n + n^2$ , LOGO A COMPLEXIDADE DE  $O(n^2)$ , PORQUE PEGAMOS

O MAIOR GRAU

05) CONSTRUIR PALAVRA(S, n):

VEC  $\leftarrow$  ALOCA VETOR (n)

VEC[0]  $\leftarrow$  DICT(S[0])

// FUNÇÃO QUE RETORNA VERDADEIRO SE A PALAVRA  
TIVER NO DICCIONARIO E FALSO CASO NÃO

PARA i DE 1 ATE n:

q  $\leftarrow$  FALSO

PARA j DE 1 ATE i:

SE (VEC[j-1] E DICT(S[j])):

q  $\leftarrow$  VERDADEIRO

VEC[i]  $\leftarrow$  q

RETORNA VEC[n]

ANALISE PIOR CASO

## ANALISE PIOR CASO

VAMOS ANALISAR OS LAÇOS, PORQUE OS CICLOS É O QUE MAIS INFLUENCIA A COMPLEXIDADE, TEMOS 2 LAÇOS ANINHADOS EM FUNÇÃO DE  $n$ , LOGO

$n \cdot n$

$n^2$ , ENTÃO TEMOS COMPLEXIDADE  $O(n^2)$